

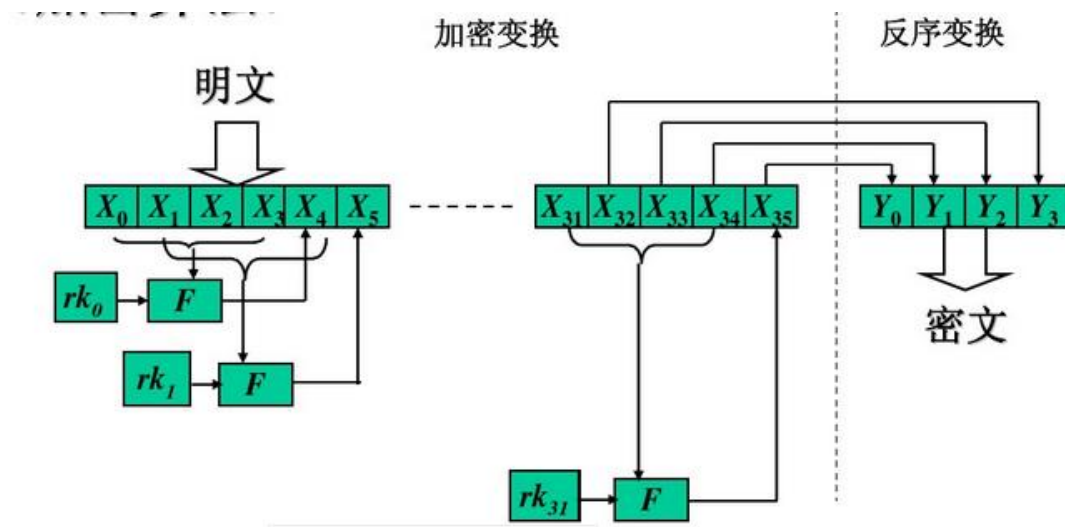
SM4 加密可逆证明

一. SM4 加密算法背景知识简介

- 1 输入明文: $(M_0, M_1, M_2, M_3) = (X_0, X_1, X_2, X_3)$, 128bit, 四个字
- 2 输入轮密钥: $rk_i, i=0,1,2,3,\dots,31$, 共 32 个密钥
- 3 输出密文: (Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) , 共 128bit, 四个字。
- 4 算法结构: 轮函数 32 轮迭代, 每轮使用一个轮密钥。
- 5 加密算法:

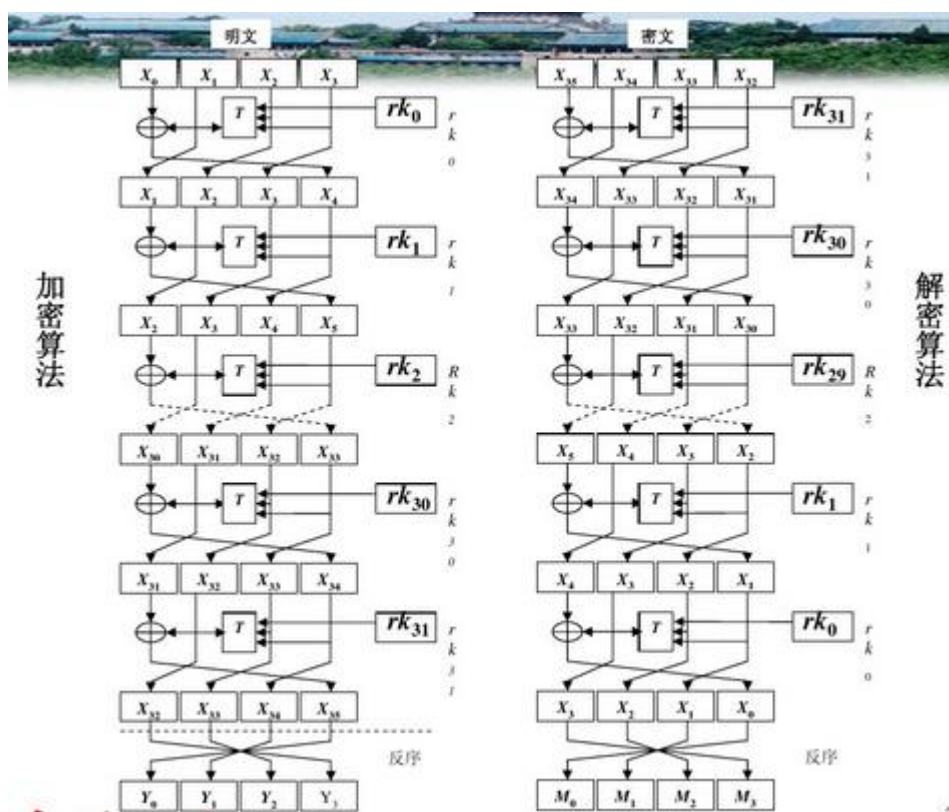
$$\left\{ \begin{array}{l} \textcircled{1} \text{ 加密变换: } X_{i+4} = F(X_i, X_{i+1}, X_{i+2}, X_{i+3}, rk_i) \\ \quad \quad \quad = X_i \oplus T(X_{i+1} \oplus X_{i+2} \oplus X_{i+3} \oplus rk_i), \quad i = 0, 1, \dots, 31 \\ \textcircled{2} \text{ 反序变换: } (Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) = (X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32}) \end{array} \right.$$

流程图:



二. SM4 加密可逆证明:

加密、解密框图:



可逆性证明:

根据加密框图，SM4 的加密过程的数据变化：

$$(X_0, X_1, X_2, X_3) \rightarrow (X_1, X_2, X_3, X_4) \rightarrow (X_2, X_3, X_4, X_5) \rightarrow \dots \rightarrow (X_{32}, X_{33}, X_{34}, X_{35}) \\ \rightarrow (X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32}) = (Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) \text{ (最后一步变换为反序)}$$

根据解密框图，密文 (Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) 解密过程数据变化为：

$$(X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32}) \rightarrow (X_{34}, X_{33}, X_{32}, X_{31}) \rightarrow (X_{33}, X_{32}, X_{31}, X_{30}) \rightarrow \dots \rightarrow \\ (X_3, X_2, X_1, X_0) \rightarrow (X_0, X_1, X_2, X_3) \text{ (最后一步变换为反序)}$$

所以可以得到：

$$SM4^{-1}(SM4(X_0, X_1, X_2, X_3)) = (X_0, X_1, X_2, X_3)$$

故 SM4 是可逆的。