### Costanti

$$\begin{array}{c} \text{Accelerazione di gravit} \stackrel{}{a} = g = 9.81 \frac{m}{s^2} \\ \text{Costante gravitazionale} = G = 6.673 \cdot 10^{-11} \frac{Nm^2}{kg^2} \\ \text{Masssa della Terra} = M_T = 5.974 \cdot 10^{24} kg \\ \text{Massa della Luna} = M_L = 7.348 \cdot 10^{22} kg \\ \text{Raggio della Luna} = R_L = 1.738 \cdot 10^6 m \\ \text{Distanza Terra-Luna} = R_{TL} = 3.844 \cdot 10^8 m \\ \text{Costante dielettrica del vuoto} = \varepsilon_0 = 8.8 \cdot 10^{-12} \frac{F_{\text{araday}}}{m} \\ \text{Carica elettrone} = -e = -1.6 \times 10^{-19} C \\ \text{Carica protone} = e = +1.6 \times 10^{-19} C \end{array}$$

### Fattori di conversione

$$egin{aligned} 1 \ mile &= 1609, 34m \ 1 \ inch(pollice) &= 2.54cm \ 
m{radianti} 
ightarrow {
m{gradi}} &= g \, ^{\circ} = rac{r^{rad} imes 180 \, ^{\circ}}{\pi} \ 
m{gradi} 
ightarrow {
m{radianti}} &= r^{rad} = rac{g \, ^{\circ} imes \pi}{180 \, ^{\circ}} \ 
m{1 eV(elettrovolt)} 
ightarrow 
m{Joule(lavoro)} &= 1eV = 1.6 imes 10^{-19} J \end{aligned}$$

### **Cinematica**

$$ext{Velocità: } ec{v} = rac{\Delta ec{v}}{\Delta t} \ ext{Accelerazione: } ec{a} = rac{\Delta ec{v}}{\Delta t}$$

### Moto uniformemente accelerato

$$egin{aligned} v-v_0 &= a \cdot t \ x-x_0 &= v_0 \cdot t + rac{1}{2}at^2 \ x-x_0 &= rac{1}{2}(v_0+v_x)t \ v_x^2-v_0^2 &= 2a(x-x_0) \end{aligned}$$

## Corpo in caduta libera

$$v=\sqrt{2gh} \ t=\sqrt{rac{2h}{g}}$$

# Moto del proiettile

$$egin{aligned} y &= x \cdot an heta - rac{g}{2v_0^2 \cos^2 heta} x^2 \ h_{max} &= rac{v_0^2 \sin^2 heta}{2g} \ x_{max} &= rac{v_0^2 \sin(2 heta)}{g} \end{aligned}$$

### **Moto circolare**

$$egin{aligned} ext{Velocità angolare} &= \omega = rac{2\pi}{T} \ ext{Periodo} &= T = rac{2\pi}{\omega} \ v_{tangenziale} &= \omega r = rac{2\pi r}{T} \ a_{centripeta} &= rac{v^2}{r} = \omega r^2 \end{aligned}$$

### Moto circolare uniformemente accelerato

 $\Delta ext{velocità angolare} = \omega - \omega_0 = a \cdot t$ 

 $ext{Spostamento angolare} = heta - heta_0 = \omega_0 \cdot t + rac{1}{2}at^2.$ 

Relazione tra velocità angolare e posizione angolare =  $\omega^2 = \omega_0^2 + 2a(\theta - \theta_0)$ 

# Moto curvilineo

$$egin{aligned} ext{Accelerazione totale} &= a = \sqrt{a_{tang}^2 + a_{centripeta}^2} = a_T heta + a_{centripeta} \hat{r} = rac{\Delta v}{\Delta t} heta - rac{v^2}{r} \hat{r} \end{aligned}$$
 $egin{aligned} ext{Centro della traiettoria} &= \hat{r} \end{aligned}$ 

# Forze, Lavoro ed Energia

Legge di Newton =  $\vec{F} = m\vec{a}$ 

Momento della forza  $= ec{ au} = ec{r} imes ec{F} = |ec{r}| |ec{F}| \sin heta$ 

Vettore posizione dal punto di rotazione al punto di applicazione della forza  $= \vec{r}$ 

$$\text{Vettore forza} = \vec{F}$$

Angolo tra 
$$ec{r}$$
 e  $ec{F} = heta$ 

### Forze fondamentali

Forza peso = 
$$F_g = mg$$
  
Forza elastica =  $F_{el} = -k(x-l_0)$   
 $Gravità = \vec{F}_g = -G\frac{Mm}{r^2}\hat{r}$   
Elettrostaticità =  $\vec{F}_e = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0}\frac{q_1q_2}{r^2}\hat{r}$   
Tensione di un filo con un corpo =  $T = m\frac{v^2}{r} = F_{peso}\cos(\alpha) + F_{centripeta}$  (qualsiasi punto)  
Tensione di un filo con due corpi $T = m_1a = \frac{m_1}{m_1 + m_2}F$   
Forza centripeta =  $F_c = ma_c = m\frac{v^2}{r} = m\omega^2 r$ 

### Forze di attrito

$$egin{aligned} ext{Statico} &= |ec{F_S}| \leq |\mu_S ec{N}| \ ext{Dinamico} &= ec{F_D} = -\mu_D |ec{N}| \hat{v} \end{aligned}$$

#### Lavoro

$$\begin{aligned} \text{Forza costante} &= L = \vec{F} \cdot \vec{\Delta s} = F \times \Delta s \times \cos \theta \\ \text{Forza elastica} &= L = -\frac{1}{2} k (x_f - l_0)^2 + \frac{1}{2} k (x_i - l_0)^2 \\ \text{Forza peso} &= L = -mgh \\ \text{Gravità} &= L = G m_1 m_2 \cdot \left(\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i}\right) \\ \text{Elettrostatica} &= L = \frac{q_1 q_2}{4 \pi \varepsilon_0} \cdot \left(\frac{1}{r_i} - \frac{1}{r_f}\right) \\ \text{Potenza} &= L = \frac{\Delta L}{\Delta t} = \vec{F} \cdot \vec{v} = \tau \omega \end{aligned}$$

# **Energia**

$$ext{Cinetica} = K = rac{1}{2} m v^2 \ ext{Rotazione} = K = rac{1}{2} m v_{CM}^2 + rac{1}{2} I_{CM} \omega^2 \ ext{Potenziale} = U = -L \ ext{}$$

### En. potenziale forze fondamentali

Forza peso 
$$=U(h)=mgh$$
Forza elastica  $=U(x)=rac{1}{2}k(x-l_0)^2$ 
Gravità  $=U(r)=-Grac{m_1m_2}{r}$ 
Elettrostatica  $=U(r)=rac{1}{4\piarepsilon_0}\cdotrac{q_1q_2}{r}$ 

# Impulso e Momento Angolare

Quantità di moto 
$$= \vec{p} = m\vec{v}$$
 Impulso  $= \vec{J} = \vec{F}\Delta t = \Delta \vec{p} = m\Delta \vec{v}$  Momento angolare  $= \vec{L} = \vec{r} \times \vec{p} = \vec{r} \times m\vec{v}$  Intorno ad un asse fisso  $= |\vec{L}| = I_{asse} \cdot \omega$ 

## **Moto armonico**

Posizione in funzione del tempo 
$$=x(t)=A\cos(\omega t+t_0)$$
  
Velocità in funzione del tempo  $=v(t)=-A\omega\sin(\omega t+t_0)$   
Accelerazione in funzione del tempo  $=a(t)=-A\omega^2\cos(\omega t+t_0)=-\omega^2x(t)$   
Frequenza angolare e frequenza  $=\omega=2\pi f=\frac{2\pi}{T}$   
Energia totale del sistema  $=E=\frac{1}{2}m\omega^2A^2$   
Energia potenziale  $=E_{pot}=\frac{1}{2}kx^2$   
Energia cinetica  $=E_{cinetica}=\frac{1}{2}mv^2$ 

### **Elettrostaticità**

$$\label{eq:local_continuous_cont$$