Costanti

Accelerazione di gravità = $g = 9.8 \frac{m}{s^2}$ $\mbox{Costante gravitazionale} = G = 6.673 \cdot 10^{-11} \frac{Nm^2}{kg^2}$ Masssa della Terra = $M_T = 5.974 \cdot 10^{24} kg$ Massa della Luna = $M_L = 7.348 \cdot 10^{22} kg$ Raggio della Luna = $R_L = 1.738 \cdot 10^6 m$ Distanza Terra-Luna = $R_{TL} = 3.844 \cdot 10^8 m$ Costante dielettrica del vuoto = $\varepsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \frac{F_{\rm araday}}{\sim}$ Permeabilità del vuoto = $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{N}{A^2}$

Permeabilità del vuoto =
$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{N}{A^2}$$

Carica elettrone = $-e = -1.6 \times 10^{-19} C$

Carica elettrone =
$$-e = -1.6 \times 10^{-19} C$$

$${\rm Massa~elettrone} = 9.1 \times 10^{-31} Kg$$

$$ext{Carica protone} = e = +1.6 imes 10^{-19} C$$

Massa protone =
$$1.67 \times 10^{-27} Kg$$

$$ext{Costante di Coulomb} = k_e = 9 imes 10^9 rac{N \cdot m^2}{C^2}$$

Fattori di conversione

$$\begin{aligned} \operatorname{radianti} & \to \operatorname{gradi} = g^{\circ} = \frac{r^{rad} \times 180^{\circ}}{\pi} \\ \operatorname{gradi} & \to \operatorname{radianti} = r^{rad} = \frac{g^{\circ} \times \pi}{180^{\circ}} \\ 1 \text{ eV(elettrovolt)} & \to \operatorname{Joule(lavoro)} = 1 \text{ } eV = 1.6 \times 10^{-19} J \end{aligned}$$

Cinematica

Velocità media:
$$\vec{v} = \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t}$$

Accelerazione:
$$\vec{a} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

 $\label{eq:Velocità media: } \begin{aligned} \text{Velocità media: } \vec{v} &= \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t} \\ \text{Accelerazione: } \vec{a} &= \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \\ \text{Moto rettilineo uniforme: } x &= x_0 + vt \\ \text{Moto rettilineo uniformemente accelerato: } \end{aligned}$

$$v=v_0+at$$
 $x=x_0+v_0t+rac{1}{2}at^2$ $\Delta v=a\cdot t$

$$\Delta s = rac{v^2 - v_0^2}{2a}$$

Moto circolare uniformemente accelerato

$$a_{angolare} = \omega = \omega_0 + a_{ang}t$$
 Angolo percorso $= \theta = \omega_0 t + rac{1}{2} a_{ang}t$ Relazione tra ω e $\theta = \omega^2 = \omega_0^2 + 2 a_{ang} \theta$ $v_{ten} = v = \omega r$

$$a_{ an} = a_{ang} r$$
 $a_{cent} = \omega^2 r$ $a_{tot} = \sqrt{a_{ an}^2 + a_{cent}^2}$

Corpo in caduta libera

Velocità istantanea: $v=v_0-gt$

Posizione verticale:
$$y=y_0+v_0t-rac{1}{2}gt^2$$

Velocità in funzione della posizione: $v^2 = v_0^2 - 2g \cdot (y - y_0)$ Energia potenziale gravitazionale: mgh

Tempo di caduta:
$$t=\sqrt{rac{2y_0}{g}}$$

Energia cinetica finale:
$$K = \frac{1}{2}mv^2$$

$$v_{ ext{finale}} = \sqrt{2gh} \ t = \sqrt{rac{2h}{g}}$$

Moto del proiettile

$$v_{0x} = v_0 \cos \theta$$

$$v_{0y} = v_0 \sin \theta$$

$$x(t) = v_{0x}t = (v_0 \cos \theta)t$$

$$y(t) = v_{0y}t = (v_0 \sin \theta)t$$

$$v_y(t) = v_{0y} - gt = (v_0 \sin \theta)t - \frac{1}{2}gt$$

$$t = \frac{2v_0 \sin \theta}{g}$$

$$x_{max} = v_{0x} \cdot \frac{2v_0 \sin \theta}{g} = \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g}$$

$$t_{max} = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$$

$$h_{max} = \frac{(v_0 \sin \theta)^2}{2g} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$$

Moto circolare

Spostamento angolare:
$$\Delta \varphi$$

$$v_{ang} = \omega = \frac{\Delta \varphi}{t} = \frac{2\pi}{T} = \frac{\omega}{2\pi}$$
frequenza: $= f = \frac{1}{T}$

$$a_{ang} = \alpha = \frac{\Delta \omega}{t}$$

$$v_{tangenziale} = \omega r = \frac{2\pi r}{T}$$

$$a_{centripeta} = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$$

$$a_{tangenziale} = a_t = \frac{\Delta v}{\Delta t} = r \cdot a_{angolare}$$

$$a_{tot} = \sqrt{a_c^2 + a_t^2}$$
Forza centripeta: $F_c = \frac{mv^2}{r} = m\omega^2 r$

Moto armonico

$$\begin{split} \text{Periodo:} & \, \omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f \\ \text{Periodo molla:} & \, \omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \\ \text{Periodo pendolo:} & \, \omega = \sqrt{\frac{g}{L}} \\ & \, S = R \cdot \cos(\omega t) \\ & \, v = -R\omega \cdot \sin(\omega t) \\ & \, a = -R\omega^2 \cdot \cos(\omega t) \end{split}$$

Forze, Lavoro ed Energia

Forza peso:
$$F_g = m \cdot g \approx 9.8 \frac{m}{s^2}$$
Forza di attrito: $F_a = \mu \cdot F_N$
Forza elastica: $F = -k \cdot x$
Lavoro: $W = \vec{F} \cdot \vec{s} = Fs \cos \theta$
Energia cinetica: $E_k = \frac{1}{2} mv^2$
Energia potenziale gravitazionale: $E_p = mgh$
ne dell'energia meccanica: $E_{\text{meccanica}} = E_k + E_{\text{meccanica}}$

Conservazione dell'energia meccanica: $E_{\mathrm{meccanica}} = E_k + E_p = \mathrm{costante}$ Principio di conservazione dell'energia: $E_{m,i} = E_{m,f}\,$

$$ext{Legge di Newton} = F = m_0 ext{Gravità} = F_g = G rac{m_1 m_2}{r^2}$$

Legge di Newton =
$$\vec{F} = m\vec{a}$$
 Gravità = $F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$ Elettrostaticità = legge di Coulomb = $\vec{F}_e = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \hat{r} = k_e \frac{|q_1 q_2|}{r^2}$

Tensione di un filo con un corpo = $T=m\frac{v^2}{r}=F_{peso}\cos(\alpha)+F_{centripeta}$ (qualsiasi punto) Tensione di un filo con due corpi = $T=m_1a=\frac{m_1}{m_1+m_2}F$

Tensione di un filo con due corpi
$$=T=m_1a=rac{m_1}{m_1+m_2}F$$

$$\begin{split} \text{Forza centripeta} &= F_c = m a_c = m \frac{v^2}{r} = m \omega^2 r \\ &\text{Potenza} &= \frac{\Delta L}{\Delta t} = \vec{F} \cdot \vec{v} = \tau \omega \\ &\text{Elettrostatica} &= U(r) = \frac{1}{4\pi \varepsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r} \end{split}$$

Forze di attrito

$$\begin{split} \text{Statico} &= |\vec{F_S}| \leq |\mu_S \vec{N}| \\ \text{Dinamico} &= \vec{F_D} = -\mu_D |\vec{N}| \hat{v} \end{split}$$

Elettrostaticità

Legge di Coulomb:
$$F=k_e\cdot\frac{|q_1q_2|}{r^2}$$

$$Campo elettrico: E=k_e\cdot\frac{|q|}{r^2}$$

$$Forza elettrica: F=|q|\cdot E$$

$$Potenziale elettrico: V=k_e\cdot\frac{q}{r}$$

$$Tensione(Diff pot): \Delta V=V_f-V_I$$

$$Energia potenziale elettrica: U=k_e\cdot\frac{q\cdot Q}{r}$$

$$En. \text{ immagazzinata in condensatore: } U=\frac{1}{2}CV^2=\frac{1}{2}Q\cdot\Delta V=\frac{1}{2}\frac{Q^2}{C}$$

$$Capacità \text{ conduttore: } C=\frac{Q}{V}=\varepsilon_r\varepsilon_0\frac{A}{d}$$

$$Densità \text{ sup. di carica: } \sigma=\frac{Q}{A}$$

$$Potenza elettrica: P=\frac{E}{t}$$

$$Energia trasferita: E=Q\cdot V$$

$$Densità \text{ superficiale: } \sigma=E\cdot\varepsilon_0$$

Correnti e circuiti

$$\begin{aligned} \text{Corrente: } I &= \frac{Q}{\Delta t} \\ 1 \text{ Legge di Ohm: } \Delta V &= I \cdot R \\ 2 \text{ Legge di Ohm: } R &= \rho \frac{L}{A} \\ \end{aligned} \end{aligned}$$
 Potenza elettrica: $P = V \cdot I = I^2 \cdot R = \frac{V^2}{R}$ 1 legge di Kirchhoff (nodi): $\sum I_{\text{entranti}} &= \sum I_{\text{uscenti}} \\ 2 \text{ legge di Kirchhoff (maglie): } \sum V &= 0 \\ \text{Resistenze in serie: } R_{tot} &= R_1 + R_2 + \dots + R_n \\ \end{aligned}$ Resistenze in parallelo: $\frac{1}{R_{tot}} &= (\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n})^{-1} \\ \text{Capacità in serie: } \frac{1}{C_{tot}} &= (\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n})^{-1} \\ \text{Capacità in parallelo: } C_{tot} &= C_1 + C_2 + \dots + C_n \\ \text{Energia immagazzinata: } E &= \frac{1}{2}CV^2 \\ \text{Effetto Joule: } Q &= R \cdot I^2 \cdot \Delta t \end{aligned}$

Campi magnetici

Campo magnetico di un filo:
$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$
Campo magnetico di una spira circolare: $B = \frac{\mu_0 I}{2r}$
Campo magnetico di un solenoide infinito: $B = \frac{\mu_0 N_{\rm spire} I}{L}$
Forza del magnetico(forza di Lorentz): $\vec{F} = qvB \cdot \sin\theta$
Forza su un filo percorso da corrente: $\vec{F} = ILB \cdot \sin\theta$
Forza di 2 correnti in fili paralleli: $F = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_1 I_2}{d} \cdot L$
Periodo: $T = \frac{2\pi \cdot m}{qB}$
Legge di Ampere: $\mu_0 \cdot I_{tot}$
Flusso magnetico: $\Phi_B = B \cdot A_{\rm area} \cdot \cos\theta$
Legge di Ampere-Maxwell: $\oint_C \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \left(I_{tot} + \varepsilon \frac{\Delta \Phi_B}{\Delta t} \right)$

Induzione elettromagnetica

$$\begin{split} \text{Legge di Faraday-Lenz: } \varepsilon &= -\frac{\Delta \Phi_B}{\Delta t} \\ \text{Induttanza(H)} &= L \\ \text{Autoinduzione: } \varepsilon &= -\frac{\Delta \Phi_B}{\Delta t} = B \cdot l \cdot v \end{split}$$