Домашнее задание 1

Вариант 62

| V/V | e1 | e2 | е3 | e4 | e5 | е6 | e7 | e8 | е9 | e10 | e11 | e12 |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|-----|-----|
| e1 | 0 | 4 | | 2 | 1 | | | | 2 | | | 2 |
| e2 | 4 | 0 | | 3 | 1 | | 3 | | 4 | 5 | | 2 |
| e3 | | | 0 | | | 3 | | 2 | 5 | 5 | | |
| e4 | 2 | 3 | | 0 | 1 | | 2 | 4 | 4 | | 5 | 1 |
| e5 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | | | 3 | | 1 | |
| e6 | | | 3 | | 1 | 0 | | 4 | 4 | 3 | | 2 |
| e7 | | 3 | | 2 | | | 0 | 3 | | 4 | 1 | 4 |
| e8 | | | 2 | 4 | | 4 | 3 | 0 | 2 | 4 | 4 | 3 |
| e9 | 2 | 4 | 5 | 4 | 3 | 4 | | 2 | 0 | | | 1 |
| e10 | | 5 | 5 | | | 3 | 4 | 4 | | 0 | 1 | |
| e11 | | | | 5 | 1 | | 1 | 4 | | 1 | 0 | 2 |
| e12 | 2 | 2 | | 1 | | 2 | 4 | 3 | 1 | | 2 | 0 |
| | | | | | | | | | | | | |

| V/V | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 | E6 | E7 | E8 | E9 | E10 | E11 | E12 |
|-----------|----|-----------|----|-----------|----|----|----|----|----|-----|-----|-----|
| E1 | 0 | 4 | | 2 | 1 | | | | 2 | | | 2 |
| E2 | 4 | 0 | | 3 | 1 | | 3 | | 4 | 5 | | 2 |
| E3 | | | 0 | | | 3 | | 2 | 5 | 5 | | |
| E4 | 2 | 3 | | 0 | 1 | | 2 | 4 | 4 | | 5 | 1 |
| E5 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | | | 3 | | 1 | |
| E6 | | | 3 | | 1 | 0 | | 4 | 4 | 3 | | 2 |
| E7 | | 3 | | 2 | | | 0 | 3 | | 4 | 1 | 4 |
| E8 | | | 2 | 4 | | 4 | 3 | 0 | 2 | 4 | 4 | 3 |
| E9 | 2 | 4 | 5 | 4 | 3 | 4 | | 2 | 0 | | | 1 |
| E10 | | 5 | 5 | | | 3 | 4 | 4 | | 0 | 1 | |
| E11 | | | | 5 | 1 | | 1 | 4 | | 1 | 0 | 2 |
| E12 | 2 | 2 | | 1 | | 2 | 4 | 3 | 1 | | 2 | 0 |

- Положим, что j = 1:
- 2. Посчитаем кол-во ненулевых элементов r_i в матрице R:

| V/V | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 | E6 | E7 | E8 | E9 | E10 | E11 | E12 | ri |
|-----------|----|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|----|----|----|-----|-----|-----|----|
| E1 | 0 | 1 | | 1 | 1 | | | | 1 | | | 1 | 5 |
| E2 | 1 | 0 | | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 7 |
| E3 | | | 0 | | | 1 | | 1 | 1 | 1 | | | 4 |
| E4 | 1 | 1 | | 0 | 1 | | 1 | 1 | 1 | | 1 | 1 | 8 |
| E5 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | | | 1 | | 1 | | 6 |
| E6 | | | 1 | | 1 | 0 | | 1 | 1 | 1 | | 1 | 6 |
| E7 | | 1 | | 1 | | | 0 | 1 | | 1 | 1 | 1 | 6 |
| E8 | | | 1 | 1 | | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 8 |
| E9 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 0 | | | 1 | 8 |
| E10 | | 1 | 1 | | | 1 | 1 | 1 | | 0 | 1 | | 6 |
| E11 | | | | 1 | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | 6 |
| E12 | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 8 |

- 3. Упорядочим вершины графа в порядке убывания ri: **e4**, **e8**, **e9**, **e12**, **e2**, **e5**, **e6**, **e7**, **e10**, **e11**, **e1**
- 4. Красим в цвет 1 вершины **e4, e3**. Удаляем строчки с этими вершинами
- 5. Пусть j = j + 1 = 2

| V/V | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 | E6 | E7 | E8 | E9 | E10 | E11 | E12 | ri |
|-----------|----|-----------|-----------|-----------|----|-----------|----|----|----|-----|-----|-----|----|
| E1 | 0 | 1 | | 1 | 1 | | | | 1 | | | 1 | 5 |
| E2 | 1 | 0 | | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 7 |
| E5 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | | | 1 | | 1 | | 6 |
| E6 | | | 1 | | 1 | 0 | | 1 | 1 | 1 | | 1 | 6 |
| E7 | | 1 | | 1 | | | 0 | 1 | | 1 | 1 | 1 | 6 |
| E8 | | | 1 | 1 | | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 8 |
| E9 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 0 | | | 1 | 8 |
| E10 | | 1 | 1 | | | 1 | 1 | 1 | | 0 | 1 | | 6 |
| E11 | | | | 1 | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | 6 |
| E12 | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 8 |

- 6. Упорядочим вершины графа в порядке убывания гі:
 - e8, e9, e12, e2, e5, e6, e7, e10, e11, e1
- 7. Красим в цвет 2 вершины **e8, e1**. Удаляем строчки с этими вершинами
- 8. Пусть j = j + 1 = 3

| V/V | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 | E6 | E7 | E8 | E9 | E10 | E11 | E12 | r _i |
|-----------|----|----|-----------|-----------|----|-----------|----|----|----|-----|-----|-----|----------------|
| E2 | 1 | 0 | | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 7 |
| E5 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | | | 1 | | 1 | | 6 |
| E6 | | | 1 | | 1 | 0 | | 1 | 1 | 1 | | 1 | 6 |
| E7 | | 1 | | 1 | | | 0 | 1 | | 1 | 1 | 1 | 6 |
| E9 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 0 | | | 1 | 8 |
| E10 | | 1 | 1 | | | 1 | 1 | 1 | | 0 | 1 | | 6 |
| E11 | | | | 1 | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | 6 |
| E12 | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 8 |

- 9. Упорядочим вершины графа в порядке убывания гі:
 - e9, e12, e2, e5, e6, e7, e10, e11
- 10. Красим в цвет 3 вершины **e9, e7**. Удаляем строчки с этими вершинами
- 11. Π усть j = j + 1 = 4

| V/V | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 | E6 | E7 | E8 | E9 | E10 | E11 | E12 | ri |
|-----------|-----------|----|-----------|-----------|----|-----------|----|----|----|-----|-----|-----|----|
| E2 | 1 | 0 | | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 7 |
| E5 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | | | 1 | | 1 | | 6 |
| E6 | | | 1 | | 1 | 0 | | 1 | 1 | 1 | | 1 | 6 |
| E10 | | 1 | 1 | | | 1 | 1 | 1 | | 0 | 1 | | 6 |
| E11 | | | | 1 | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | 6 |
| E12 | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 0 | 8 |

- 12. Упорядочим вершины графа в порядке убывания ri: **e12**, **e2**, **e5**, **e6**, **e10**, **e11**
- 13. Красим в цвет 4 вершины **e12, e5, e10**. Удаляем строчки с этими вершинами

14. Пусть j = j + 1 = 5

| V/V | E1 | E2 | E3 | E4 | E5 | E6 | E7 | E8 | E9 | E10 | E11 | E12 | ri |
|-----------|----|----|-----------|-----------|-----------|-----------|----|----|----|-----|-----|-----|----|
| E2 | 1 | 0 | | 1 | 1 | | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 7 |
| E6 | | | 1 | | 1 | 0 | | 1 | 1 | 1 | | 1 | 6 |
| E11 | | | | 1 | 1 | | 1 | 1 | | 1 | 0 | 1 | 6 |

- 15. Упорядочим вершины графа в порядке убывания ri: **e2, e6, e11**
- 16. Красим в цвет 5 вершины **e2, e6, e11**. Удаляем строчки с этими вершинами
- 17. Все вершины окрашены. Хроматическое число равно 5.