

第32章 实数 FFT 的实现

本章主要讲解实数的浮点和定点 Q31, Q15 的实现。关于这部分的知识点和函数的计算结果上,官方的文档有一些小错误,在章节中会跟大家详细讲述,还有一个要注意的问题,调用实数 FFT 函数一定要使用 CMSIS-DSP V1.4.4 及其以上版本,以前的版本有 bug。

本章节使用的复数 FFT 函数来自 ARM 官方库的 TransformFunctions 部分

32.1 复数 FFT

32.2 复数 FFT-基 2 算法

32.3 复数 FFT-基 4 算法

32.4 总结

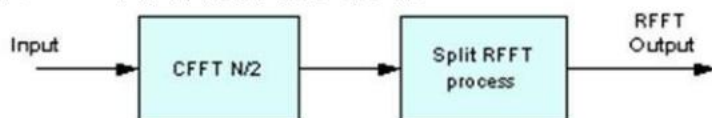
32.1 实数 FFT

32.1.1 描述

CMSIS DSP 库里面包含一个专门用于计算实数序列的 FFT 库,很多情况下,用户只需要计算实数序列即可。计算同样点数 FFT 的实数序列要比计算同样点数的虚数序列有速度上的优势。

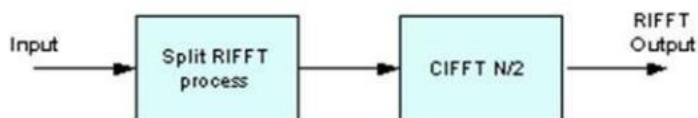
快速的 rfft 算法是基于混合基 cfft 算法实现的。

一个 N 点的实数序列 FFT 正变换采用下面的步骤实现:



由上面的框图可以看出,实数序列的 FFT 是先计算 N/2 个实数的 CFFT,然后再重塑数据进行处理从而获得半个 FFT 频谱即可(利用了 FFT 变换后频谱的对称性)。

一个 N 点的实数序列 FFT 逆变换采用下面的步骤实现:



实数 FFT 支持浮点, Q31 和 Q15 三种数据类型。

32.2 实数 FFT

32.2.1 arm_rfft_fast_f32

函数定义如下：

```
void arm_rfft_fast_f32(
    arm_rfft_fast_instance_f32 * S,
    float32_t * p, float32_t * pOut,
    uint8_t ifftFlag)
```

参数定义：

[in] *S points to an arm_rfft_fast_instance_f32 structure.
[in] *p points to the input buffer.
[in] *pOut points to the output buffer.
[in] ifftFlag RFFT if flag is 0, RIFFT if flag is 1

注意事项：

结构 arm_rfft_fast_instance_f32 的定义如下（在文件 arm_math.h 文件）：

```
typedef struct
{
    arm_cfft_instance_f32 Sint;        /**< Internal CFFT structure. */
    uint16_t fftLenRFFT;               /**< length of the real sequence */
    float32_t * pTwiddleRFFT;         /**< Twiddle factors real stage */
} arm_rfft_fast_instance_f32 ;
```

下面通过在开发板上运行函数arm_rfft_fast_f32和arm_cfft_f32计算幅频响应，然后将相应的频率响应结果在Matlab上面绘制出来。

```
/*
*****
* 函数名: arm_rfft_fast_f32_app
* 功能说明: 调用函数arm_rfft_fast_f32计算1024点实数序列的幅频响应并跟使用函数arm_cfft_f32计算结果做对比
* 形参: 无
* 返回值: 无
*****
*/
static void arm_rfft_fast_f32_app(void)
{
    uint16_t i;
    arm_rfft_fast_instance_f32 S;

    /* 实数序列FFT长度 */
    fftSize = 1024;
    /* 正变换 */
    ifftFlag = 0;

    /* 初始化结构体S中的参数 */
    arm_rfft_fast_init_f32(&S, fftSize);
```

```
/* 按照实部，虚部，实部，虚部..... 的顺序存储数据 */
for(i=0; i<1024; i++)
{
    /* 50Hz正弦波，采样率1KHz */
    testInput_f32_10khz[i] = 1.2f*arm_sin_f32(2*3.1415926f*50*i/1000)+1;
}

/* 1024点实序列快速FFT */
arm_rfft_fast_f32(&S, testInput_f32_10khz, testOutput_f32_10khz, ifftFlag);

/* 为了方便跟函数arm_cfft_f32计算的结果做对比，这里求解了1024组模值，实际函数arm_rfft_fast_f32
只求解出了512组
*/
arm_cmplx_mag_f32(testOutput_f32_10khz, testOutput, fftSize);

/* 串口打印求解的模值 */
for(i=0; i<fftSize; i++)
{
    printf("%f\r\n", testOutput[i]);
}

printf("*****分割线*****\r\n");

for(i=0; i<1024; i++)
{
    /* 虚部全部置零 */
    testInput_f32_10khz[i*2+1] = 0;

    /* 50Hz正弦波，采样率1KHz，作为实部 */
    testInput_f32_10khz[i*2] = 1.2f*arm_sin_f32(2*3.1415926f*50*i/1000)+1;
}

arm_cfft_f32(&arm_cfft_sR_f32_len1024, testInput_f32_10khz, ifftFlag, doBitReverse);

/* 求解模值 */
arm_cmplx_mag_f32(testInput_f32_10khz, testOutput, fftSize);

/* 串口打印求解的模值 */
for(i=0; i<fftSize; i++)
{
    printf("%f\r\n", testOutput[i]);
}
}
```

运行如上函数可以通过串口打印出函数arm_rfft_fast_f32和arm_cfft_f32计算的幅频模值，下面通过Matlab绘制波形来对比这两种模值。

对比前需要先将串口打印出的两组数据加载到Matlab中，arm_rfft_fast_f32的计算结果起名signal，arm_cfft_f32的计算结果起名sampledata，加载方法在前面的教程中已经讲解过，这里不做赘述了。

Matlab中运行的代码如下：

```
Fs = 1000;           % 采样率
N = 1024;           % 采样点数

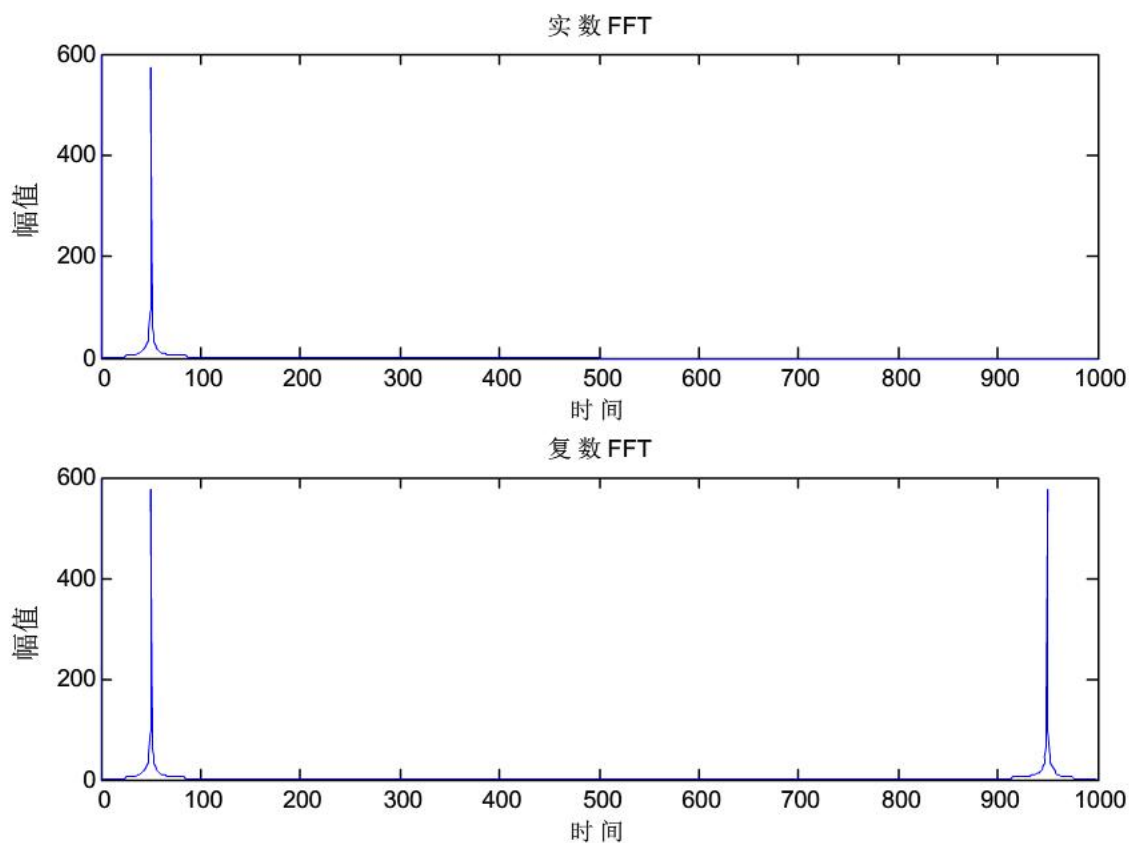
n = 0:N-1;          % 采样序列
f = n * Fs / N;      %真实的频率
```

```
subplot(3,1,1);
```

```
plot(f, signal);          %绘制RFFT结果
title('实数FFT');
xlabel('时间');
ylabel('幅值');

subplot(3,1,2);
plot(f, sampledata);      %CFFT结果
title('复数FFT');
xlabel('时间');
ylabel('幅值');
```

Matlab 运行结果如下：



从上面的前 512 点对比中，我们可以看出两者的计算结果是相符的。这里有一点要特别注意，官方文档中对于函数 `arm_rfft_fast_f32` 输出结果的实部，虚部排列顺序说明是错误的。函数 `arm_rfft_fast_f32` 的输出结果仍然是实部，虚部，实部，虚部..... 依次排列下去。

函数 `arm_rfft_fast_f32` 在计算直流分量（也就是频率为 0 的值）的虚部上是有错误的。关于这点大家可以将实际的实部和虚部输出结果打印出来做对比，但差别很小，基本可以忽略。

32.2.2 arm_rfft_q15

函数定义如下：

```
void arm_rfft_q15(
    const arm_rfft_instance_q15 * S,
    q15_t * pSrc,
    q15_t * pDst)
```

参数定义：

[in] *S points to an instance of the Q15 RFFT/RIFFT structure.
[in] *pSrc points to the input buffer.
[out] *pDst points to the output buffer.
return none.

注意事项：

结构 arm_rfft_instance_q15 的定义如下（在文件 arm_math.h 文件）：

```
typedef struct
{
    uint32_t fftLenReal;
    uint8_t ifftFlagR;
    uint8_t bitReverseFlagR;
    uint32_t twidCoefRModifier;
    q15_t *pTwiddleAReal;
    q15_t *pTwiddleBReal;
    const arm_cfft_instance_q15 *pCfft;
} arm_rfft_instance_q15;
```

下面通过在开发板上运行函数arm_rfft_q15和arm_cfft_f32计算幅频响应，然后将相应的频率响应结果在Matlab上面绘制出来。

```
/*
*****
* 函数名: arm_rfft_q15_app
* 功能说明: 调用函数arm_rfft_q15计算1024点实数序列的幅频响应并跟使用函数arm_cfft_f32计算的结果做对比。
* 形参: 无
* 返回值: 无
*****
*/
static void arm_rfft_q15_app(void)
{
    uint16_t i, j;
    arm_rfft_instance_q15 S;

    /* 实数序列FFT长度 */
    fftSize = 1024;
    /* 正变换 */
}
```

```
ifftFlag = 0;
/* 码位倒序 */
doBitReverse = 1;

/* 初始化结构体S */
arm_rfft_init_q15(&S, fftSize, ifftFlag, doBitReverse);

/* 按照实部，虚部，实部，虚部..... 的顺序存储数据 */
for(i=0; i<1024; i++)
{
    /* 51.2Hz正弦波，采样率1024Hz。
       arm_sin_q15输入参数的范围[0, 32768)， 这里每20次为一个完整的正弦波，
       32768 / 20 = 1638.4
    */
    j = i % 20;
    testInput_q15_50hz[i] = arm_sin_q15(1638*j);
}

/* 1024点实序列快速FFT */
arm_rfft_q15(&S, testInput_q15_50hz, testOutput_q15_50hz);

/* 由于输出结果的格式是Q5，所以这里将定点数转换为浮点数 */
for(i = 0; i < fftSize; i++)
{
    testOutput_f32_10khz[i] = (float32_t)testOutput_q15_50hz[i]/32;
}

/* 为了方便对比，这里求解了1024组复数，实际上面的变化只有512组
   实际函数arm_rfft_q15只求解出了512组 */
arm_cmplx_mag_f32(testOutput_f32_10khz, testOutput, fftSize);

/* 串口打印求解的模值 */
for(i=0; i<fftSize; i++)
{
    printf("%f\r\n", testOutput[i]);
}

printf("*****分割线*****\r\n");

for(i=0; i<1024; i++)
{
    /* 51.2Hz正弦波，采样率1024Hz。
       arm_sin_q15输入参数的范围[0, 32768)， 这里每20次为一个完整的正弦波，
       32768 / 20 = 1638.4
    */
    j = i % 20;
    testInput_f32_10khz[i*2] = (float32_t) arm_sin_q15(1638*j)/32768;
    /* 虚部全部置零 */
    testInput_f32_10khz[i*2+1] = 0;
}

arm_cfft_f32(&arm_cfft_sR_f32_len1024, testInput_f32_10khz, ifftFlag, doBitReverse);

/* 求解模值 */
arm_cmplx_mag_f32(testInput_f32_10khz, testOutput, fftSize);

/* 串口打印求解的模值 */
for(i=0; i<fftSize; i++)
{
    printf("%f\r\n", testOutput[i]);
}
}
```

运行如上函数可以通过串口打印出函数arm_rfft_q15和arm_cfft_f32计算的幅频模值，下面通过Matlab绘制波形来对比这两种模值。

对比前需要先将串口打印出的两组数据加载到 Matlab 中，arm_rfft_q15 的计算结果起名 signal，arm_cfft_f32 的计算结果起名 sampledata，加载方法在前面的教程中已经讲解过，这里不做赘述了。

Matlab 中运行的代码如下：

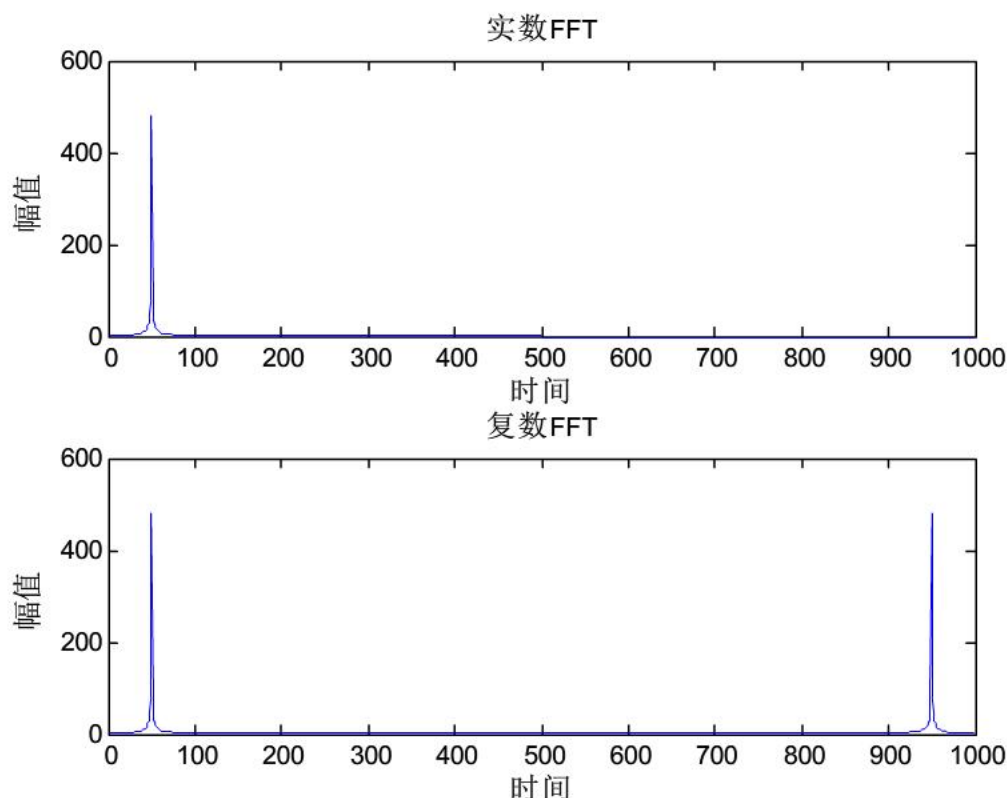
```
Fs = 1000;           % 采样率
N  = 1024;           % 采样点数

n  = 0:N-1;          % 采样序列
f = n * Fs / N;       %真实的频率

subplot(3,1,1);
plot(f, signal);      %绘制RFFT结果
title('实数FFT');
xlabel('时间');
ylabel('幅值');

subplot(3,1,2);
plot(f, sampledata);  %CFFT结果
title('复数FFT');
xlabel('时间');
ylabel('幅值');
```

Matlab 运行结果如下：



从上面的前 512 点对比中，我们可以看出两者的计算结果是相符的。这里有一点要特别注意，官方文档中对于函数 `arm_rfft_q31` 输出结果的实部，虚部排列顺序说明是错误的。函数 `arm_rfft_q31` 的输出结果仍然是实部，虚部，实部，虚部..... 依次排列下去。

32.2.3 arm_rfft_q31

函数定义如下：

```
void arm_rfft_q31(
    const arm_rfft_instance_q31 * S,
    q31_t * pSrc,
    q31_t * pDst)
```

参数定义：

[in] *S points to an instance of the Q31 RFFT/RIFFT structure.
 [in] *pSrc points to the input buffer.
 [out] *pDst points to the output buffer.
 return none.

注意事项：

结构 `arm_rfft_instance_q31` 的定义如下（在文件 `arm_math.h` 文件）：

```
typedef struct
```



```
{
    uint32_t fftLenReal;
    uint8_t ifftFlagR;
    uint8_t bitReverseFlagR;
    uint32_t twidCoefRModifier;
    q31_t *pTwiddleAReal;
    q31_t *pTwiddleBReal;
    const arm_cfft_instance_q31 *pCfft;
} arm_rfft_instance_q31;
```

下面通过在开发板上运行函数arm_rfft_q31和arm_cfft_f32计算幅频响应，然后将相应的频率响应结果在Matlab上面绘制出来。

```
/*
*****
* 函数名: arm_rfft_q31_app
* 功能说明: 调用函数arm_rfft_q31计算1024点实数序列的幅频响应并跟使用函数arm_cfft_f32计算的结果做对比。
* 形参: 无
* 返回值: 无
*****
*/
static void arm_rfft_q31_app(void)
{
    uint16_t i, j;
    arm_rfft_instance_q31 S;

    /* 实数序列FFT长度 */
    fftSize = 1024;
    /* 正变换 */
    ifftFlag = 0;
    /* 码位倒序 */
    doBitReverse = 1;

    /* 初始化结构体S */
    arm_rfft_init_q31(&S, fftSize, ifftFlag, doBitReverse);

    /* 按照实部，虚部，实部，虚部..... 的顺序存储数据 */
    for(i=0; i<1024; i++)
    {
        /* 51.2Hz正弦波，采样率1024Hz。
           arm_sin_q31输入参数的范围0-2^31，这里每20次为一个完整的正弦波，
           2^31 / 20 = 107374182.4
        */
        j = i % 20;
        testInput_q31_50hz[i] = arm_sin_q31(107374182*j);
    }

    /* 1024点实序列快速FFT */
    arm_rfft_q31(&S, testInput_q31_50hz, testOutput_q31_50hz);

    /* 由于输出结果的格式是Q21，所以这里将定点数转换为浮点数 */
    for(i = 0; i < fftSize; i++)
    {
        /* 输出的数据是11.21格式，2^21 = 4194304 */
        testOutput_f32_10khz[i] = (float32_t)testOutput_q31_50hz[i]/2097152;
    }
}
```

```
/* 为了方便对比, 这里求解了1024组复数, 实际上面的变化只有512组
   实际函数arm_rfft_q31只求解出了512组 */
arm_cmplx_mag_f32(testOutput_f32_10khz, testOutput, fftSize);

/* 串口打印求解的模值 */
for(i=0; i<fftSize; i++)
{
    printf("%f\r\n", testOutput[i]);
}

printf("*****分割线*****\r\n");

for(i=0; i<1024; i++)
{
    /* 51.2Hz正弦波, 采样率1024Hz。
       arm_sin_q31输入参数的范围0-2^31, 这里每20次为一个完整的正弦波,
       2^31 / 20 = 107374182.4
    */
    j = i % 20;
    testInput_f32_10khz[i*2] = (float32_t)arm_sin_q31(107374182*j)/2147483648;

    /* 虚部全部置零 */
    testInput_f32_10khz[i*2+1] = 0;
}

arm_cfft_f32(&arm_cfft_sR_f32_len1024, testInput_f32_10khz, ifftFlag, doBitReverse);

/* 求解模值 */
arm_cmplx_mag_f32(testInput_f32_10khz, testOutput, fftSize);

/* 串口打印求解的模值 */
for(i=0; i<fftSize; i++)
{
    printf("%f\r\n", testOutput[i]);
}
}
```

运行如上函数可以通过串口打印出函数arm_rfft_q15和arm_cfft_f32计算的幅频模值, 下面通过Matlab绘制波形来对比这两种模值。

对比前需要先将串口打印出的两组数据加载到 Matlab 中, arm_rfft_q15 的计算结果起名 signal, arm_cfft_f32 的计算结果起名 sampledata, 加载方法在前面的教程中已经讲解过, 这里不做赘述了。Matlab 中运行的代码如下:

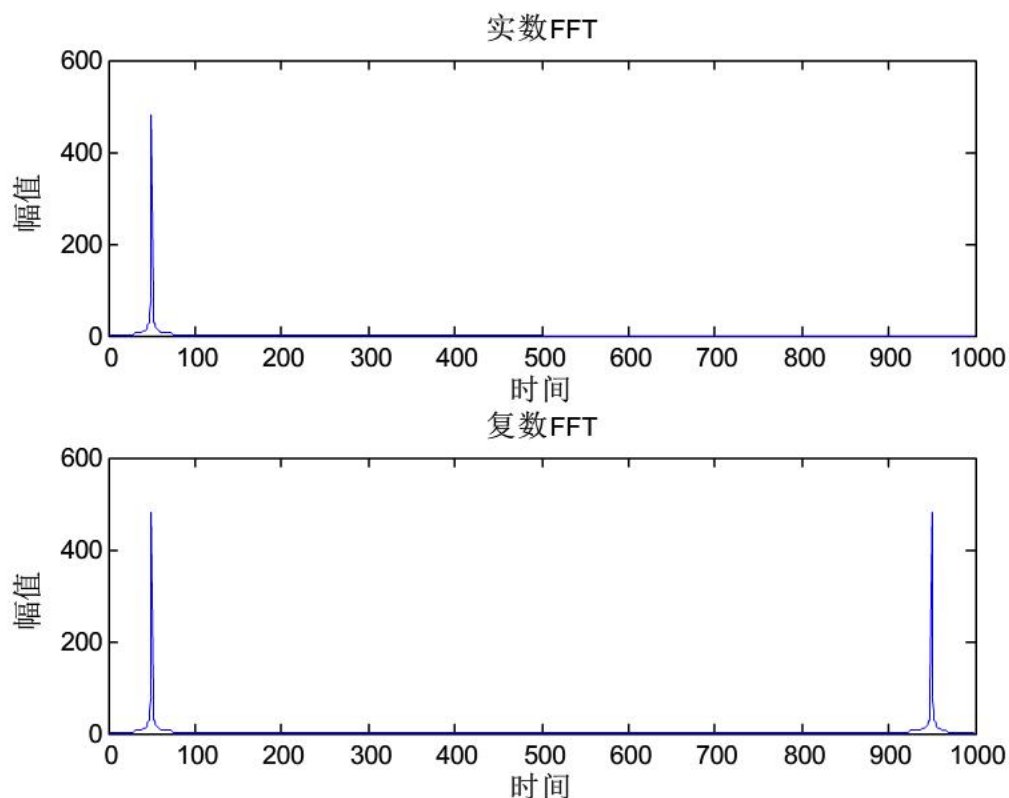
```
Fs = 1000;           % 采样率
N = 1024;            % 采样点数

n = 0:N-1;           % 采样序列
f = n * Fs / N;       %真实的频率

subplot(3,1,1);
plot(f, signal);       %绘制RFFT结果
title('实数FFT');
xlabel('时间');
ylabel('幅值');
```

```
subplot(3,1,2);
plot(f, sampleddata); %CFFT结果
title('复数FFT');
xlabel('时间');
ylabel('幅值');
```

Matlab 运行结果如下：



从上面的前 512 点对比中，我们可以看出两者的计算结果是相符的。这里有一点要特别注意，官方文档中对于函数 `arm_rfft_q31` 输出结果的实部，虚部排列顺序说明是错误的。函数 `arm_rfft_q31` 的输出结果仍然是实部，虚部，实部，虚部..... 依次排列下去。

32.3 总结

使用实数 FFT 计算的时候要特别的注意本章节提到的几个错误点。