

Considerăm proiectele ordonate crescător după ziua finală și pentru fiecare proiect  $i$  notăm cu  $ult(i)$  cel mai mare indice  $j$  ( $1 \leq j < i$ ) al unui proiect care nu se suprapune cu proiectul  $i$  sau 0 dacă nu există nici un astfel de proiect.

Pentru datele de intrare din enunț, după sortarea lor, vom obține următoarele valori pentru  $ult$ :

1. Java4All	1	3	250	$ult(1) = 0$
2. FileSeeker	2	6	650	$ult(2) = 0$
3. BlackFace	4	12	800	$ult(3) = 1$
4. NiceTry	7	13	850	$ult(4) = 2$
5. OzWizard	4	16	900	$ult(5) = 1$
6. JustDoIt	13	18	1000	$ult(6) = 4$
7. BestJob	15	22	900	$ult(7) = 4$
8. Test2Test	25	27	300	$ult(8) = 7$

Notând cu  $bm[i]$  bonusul maxim care se poate obține prin planificarea primelor  $i$  proiecte ( $0 \leq i \leq n$ ) și considerând bonusul asociat unui proiect  $i$  ca fiind notat cu  $c[i]$ , vom obține următoarea relație de recurență:

$$bm[i] = \begin{cases} 0, & \text{dacă } i = 0 \\ \max\{bm[i-1], c[i] + bm[ult(i)]\}, & \text{dacă } i \geq 1 \end{cases}$$

Relația de recurență ne "spune" faptul că un proiect  $i$  va fi planificat (singur sau alipit după un șir de alte proiecte planificate anterior) doar în cazul în care astfel se obține un bonus mai mare decât neplanificându-l. Atenție, în unele cazuri este mai rentabil să planificăm un anumit proiect  $i$  (singur, "pierzând" toate proiectele planificate anterior, sau alipit la un șir de alte proiecte planificate anterior), iar în alte cazuri este mai rentabil să nu-l planificăm deloc (singur sau chiar alipit de alte proiecte planificate anterior) deoarece bonusul obținut ar fi mai mic!

Practic, pentru fiecare proiect  $i$  vom proceda astfel:

1. Calculăm  $ult(i)$ , adică verificăm dacă există sau nu un alt proiect planificat anterior după care am putea să programăm proiectul curent. Astfel, obținem următoarele două cazuri:
  - 1.1. nu există nici un proiect după care să putem planifica proiectul  $i$ , deci  $ult(i) = 0 \Rightarrow$  bonusul asociat proiectului  $i$  va fi  $c[i] + bm[0] = c[i]$
  - 1.2. există un proiect după care să putem planifica proiectul  $i$ , deci  $ult(i) \neq 0 \Rightarrow$  bonusul asociat proiectului  $i$  va fi  $c[i] + bm[ult(i)]$
2. Comparăm bonusul asociat proiectului  $i$ , egal cu  $c[i] + bm[ult(i)]$  și calculat la pasul anterior, cu bonusul maxim obținut prin planificarea primelor  $i - 1$  proiecte și reținem maximul dintre ele (practic, decidem dacă planificăm proiectul curent sau nu).

**Observație:** Valorile  $ult(i)$  vor fi folosite pentru a obține modalitatea optimă de planificare a proiectelor (reconstituirea soluției)!

i

1		2		3		4		5		6		7		8	
P3		P7		P1		P5		P8		P6		P4		P2	
1	3	2	6	4	12	7	13	4	16	13	18	15	22	25	27
250		650		800		850		900		1000		900		300	

p

ult

0	0	1	2	1	4	4	7
---	---	---	---	---	---	---	---

bm

0	250	650	1050	1500	1500	2500	2500	2800
	0	250	650	1050	1500	1500	2500	2500
	250	650	250+800	650+850	250+900	1500+1000	850+900	2500+300

```
typedef struct
{
    char nume_proiect[50];
    int ziua_initiala , ziua_finala , bonus;
}Proiect;

int cmpProiecte(const void *p1, const void *p2)
{
    Proiect vp1 = *(Proiect *)p1;
    Proiect vp2 = *(Proiect *)p2;

    return vp1.ziua_finala - vp2.ziua_finala;
}
```

.....

```
qsort(p + 1, n, sizeof(Proiect), cmpProiecte);
```

```
bm[0] = 0;
```

```
for (i = 1; i <= n; i++)
```

```
{
```

```
    ult[i] = 0;
```

```
    for (j = i-1; j >= 1; j--)
```

```
        if (p[j].ziua_finala <= p[i].ziua_initiala)
```

```
        {
```

```
            ult[i] = j;
```

```
            break;
```

```
        }
```

```
    if(p[i].bonus + bm[ult[i]] > bm[i-1])
```

```
        bm[i] = p[i].bonus + bm[ult[i]];
```

```
    else
```

```
        bm[i] = bm[i-1];
```

```
}
```

```
fout = fopen("proiecte.out", "w");

i = n;
while(i >= 1)
    if(bm[i] != bm[i-1])
    {
        fprintf(fout, "%s %d %d %d\n", p[i].nume_proiect, p[i].ziua_initiala,
            p[i].ziua_finala, p[i].bonus);

        i = ult[i];
    }
    else
        i--;

fprintf(fout, "\nBonusul echipei: %d\n", bm[n]);

fclose(fout);
```