Universidad de Buenos Aires

Informe 3:

Comunidades

Raúl Barriga Mariela Celis Jimmy Masías Sebastían Pinto

Índice

l.	Intr	roducción	1			
2.	Part	tición en clusters	1			
3.	Relación entre comunidades 3.1. Comparación entre algoritmos de reconocimiento de comuni-					
		dades	_			

1. Introducción

La red de este informe trata de una comunidad de delfines de Doubtful Sound, Nueva Zelanda. La comunidad, que se constituye de 62 ejemplares identificados por una marca en la aleta dorsal, fue fotografiada entre 1995 y 2001. A partir de esos datos se construyó la red que contiene 159 links, donde se establece que existe un link entre aquellos individuos que fueron vistos juntos de forma más frecuente que la esperada aleatoriamente, es decir, por un criterio de "compañía preferida". [D. Lusseau, The emergent properties of a dolphin social network, Proc. R. Soc. London B (suppl.) 270, S186-S188 (2003).]

2. Partición en clusters

Implementamos diferentes algoritmos para la detección de comunidades en la red de delfines. La asignación de cada algoritmo se puede observar en la figura 1, en la cual se puede observar que todos los algoritmos detectan entre 4 y 6 comunidades presentes en la red, aunque en algunos casos aparecen comunidades compuestas por solo dos delfines, es decir, de un tamaño considerablemente menor que el las restantes, lo cual se podría considerar la absorción de esta pequeña comunidad por parte de otra de mayor tamaño.

En la tabla I calculamos la modularidad y el silhouette dada por cada algoritmo. Para cuantificar qué tan pertinente es la partición en clusters de esta red, estudiamos estos mismos observables recablenado en forma aleatoria la red original, manteniendo la membresía a las particiones inalterable. Eso nos resultó en una distribución de valores de modularidad y silhouette de la figura 2. Si se compara esta distribución con los valores de la tabla I,

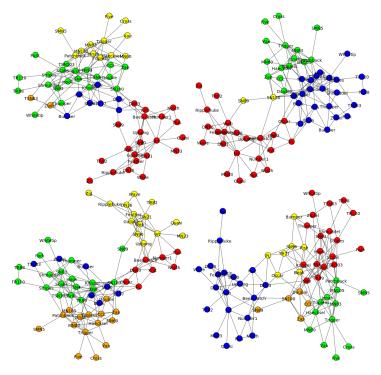
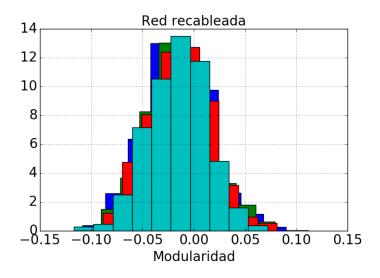


Figura 1: Layouts indicando el cluster asignado por cada algoritmo. De izquierda a derecha, y arriba hacia abajo: Edge betweenness, Fast greedy, Louvain e Infomap.

se puede concluir que tanto la modularidad como el silhouette es significativamente mayor en la red actual que la esperada por azar (hipótesis nula), con lo cual decimos que esta red se describir correctamente como una red compuesta por comunas.



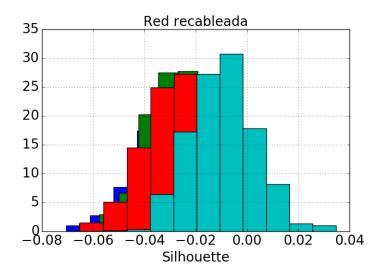


Figura 2: Modularidad y silhouette recableando en forma aleatoria, manteniendo la pertenencia a cada cluster dada por los algoritmos de detección de particiones. Se puede observar que la probabilidad de obtener los valores de la tabla I dada una reconexión aleatoria es prácticamente nula.

Algoritmo	Modularidad	Silhouette
Edge-betweenness	0.519	0.338
Fast greddy	0.495	0.184
Louvain	0.519	0.294
Infomap	0.529	0.328

 $\textbf{Tabla I:} \ \, \textbf{Modularidad y silhouette de las particiones dadas por diferentes algoritmos.}$

3. Relación entre comunidades

A través del índice de Información Mutua podemos cuantificar la similitud entre particiones, de comunidades de la red, definidas por dos conjuntos etiquetas $\{C_1\}$ y $\{C_2\}$. Este está dado por

$$I(\{C_1\}, \{C_2\}) = \sum_{C_1, C_2} p(C_1, C_2) \log \frac{p(C_1, C_2)}{p(C_1)p(C_2)}, \tag{1}$$

o su versión normalizada

$$I_n(\{C_1\}, \{C_2\}) = \frac{2I(\{C_1\}, \{C_2\})}{H(\{C_1\}) + H(\{C_2\})}$$
 (2)

donde

$$H(C) = -\sum_{c_i \in C} p(c_i) \log(p(c_i))$$
(3)

es la información total de la partición $C \equiv \{c_i\}$.

Las comunas construidas en el presente grafo fueron deducidas usando los algoritmos greedy, betweenness, infomap y louvain (RB & MC: Esto me parece que que es redundante...y el siguiente parrafo no lo entendemos). La definición 1 cuantifica cuanto se departa la información real del grafo, respecto de la cantidad de información que brinda una grafo cuyas comunas estan descorrelacionadas del género. (JM: che Seba, a ver si esto tiene sentido). En el caso particular en que los conjuntos $\{C_1\}$ y $\{C_2\}$ representen variable independientes, entonces se dice que el conjunto $\{C_1\}$ no da brinda ninguna información sobre el conjunto $\{C_2\}$, y de acuerdo a la ec. 2 obtenemos $I_n = 0$. Y en el caso particular en que $\{C_1\}$ y $\{C_2\}$ son el mismo conjunto, obtenemos la información mutua normalizada $I_n = 1$.

3.1. Comparación entre algoritmos de reconocimiento de comunidades

La cuantificación de información dada por la Ec. 1 consta tanto de: la medición de la probabilidad de que un nodo pertenezca a una comunidad C_i $(p(C_i))$, como de la probabilidad conjunta de que un nodo pertenezca a una comunidad C_i en la partición $\{C_i\}$ y pertenezca a la comunidad C_j en la partición $\{C_j\}$ $(p(C_i, C_j))$. La primera distribucón de pertenencia a etiquetas/comunidades se puede ver en la figura 3. En ella se puede observar que el etiquetado muestra distribuciones en cada caso, además es importante notar que etiquetados iguales no representan las mismas comunidades entre cada algoritmo, por lo tanto, no existe una única distribución que represente cada caso; Por otro lado, el caso de la probabilidad conjunta es mostrado en las matrices de la figura 4.

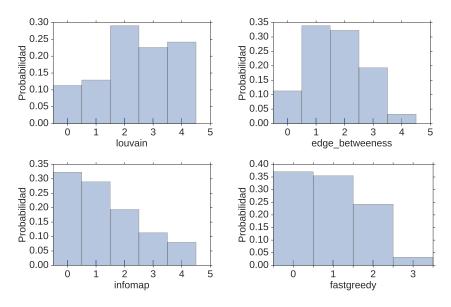


Figura 3: Distribución de probabilidad de pertenencia de un nodo a una comunidad para los diferentes algoritmos utilizados.

La Información Mutua total, normalizada, es mostrada en la Tabla II de la cual se puede observar que los algoritmos infomap y louvain son los más similares con una semejanza del 86,2%, las rutinas Fast Greedy y Edge Betweeness muestran la menor correlación con una similitud del 66,2% mientras que en general el resto coinciden en un rango de 70% - 80%

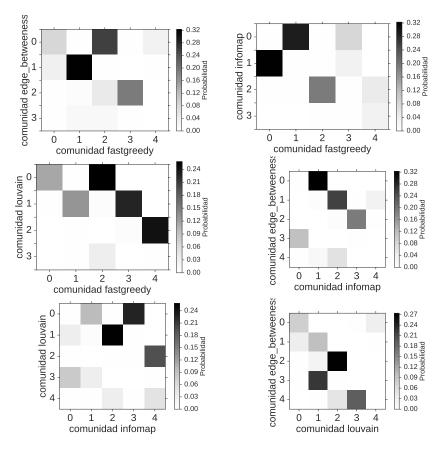


Figura 4: Distribución de probabilidad conjunta de pertenencia de un nodo a una comunidad de cada par de algotirmos.

Tabla II: Información mutua entre las particiones encontradas por cada algoritmo.

	Fast Greedy	Edge betweeness	Infomap	Louvain
Fast Greedy	1.000	0.662	0.767	0.794
Edge Betweeness		1.000	0.771	0.732
Infomap			1.000	0.862
Louvain				1.000

3.2. Relación de las comunas con género

Para cuantificar la relación entre las comunas deducidas por los diferentes algoritmos (e.g. greedy) y el género, usamos la ec. 2 identificando a las comunas con $\{C_1\}$ y a las etiquetas de género con $\{C_2\}$. En la figura 5 mostramos, en el encabezado de cada panel, los valores de la información mutua

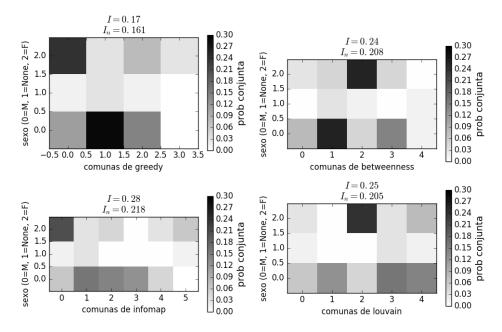


Figura 5: Valores de las matrices de probabilidad conjunto para los algoritmos *greedy* (izquierda, arriba) *betweenness* (derecha, arriba), *infomap* (izquierda, abajo) y *louvain* (derecha, abajo).

 I_n , los cuales caen en el intervalo (0,10-0,21), es decir que $I_n \ll 1$ en todos los casos; esto nos dice que el conjunto de comunas $(\{C_1\})$ deducido por cierto algoritmo (e.g. greedy) no nos da mucha información sobre el género $(\{C_2\})$. Como test de consistencia para esto último, hicimos sorteos del género de cada nodo(manteniendo constante el número total de masculinos y femeninos por separado), y contabilizamos el número de enlaces entre pares de géneros distintos n_ig . En la figura 6 mostramos un histograma de n_ig , y en línea negra el valor asociado para la red real (original). De aqui vemos que el valor de la red real esta apartado $\sim 1\sigma$ del valor medio del histograma; lo cual significa que hay una ligera tendencia a que las comunas tengan muchos ejemplares de un sexo en particular. Esto último es consistente con el bajo valor de I_n discutido mas arriba.

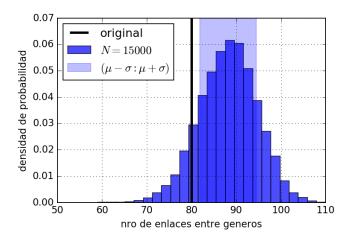


Figura 6: Distribución del número de enlaces entre géneros diferentes, para diferentes realizaciones de sorteo del sexo de los nodos de la red (manteniendo constante el número de masculinos y femeninos por separado). La línea negra muestra el valor que corresponde a la red original que caracterizamos en este trabajo. La zona sombreada en celeste representa la región que cubre la desviación estándar respecto de la media. El valor de la red original (o real) se aparta $\sim 1\sigma$ respecto del centro de la distribución, lo cual muestra una ligera tendencia a la existencia de comunas que tienen muchos ejemplares de un sexo en particular. Esto es consistente con el bajo valor ($\ll 1$) de la información mutua I_n (ver ec. 2 y Secc. 3).