

Asociación y abundancia relativa de especies de la familia Rubiaceae en la parcela permanente Isla Barro Colorado

J. Alberto Meléndez Juan *Universidad Autónoma de Santo Domingo (UASD)*

Resumen del manuscrito

Keywords: palabra clave 1, palabra clave 2

1 Introducción

Las comunidades vegetales de los bosques neotropicales ejemplifican la diversidad y complejidad ecológica de la región tropical. El estudio continuo de su riqueza y abundancia relativa permite identificar las especies raras, las cuales son más vulnerables a los cambios en su hábitat y por lo tanto propensas a extinguirse localmente (Volkov, Banavar, Hubbell, & Maritan, 2003). Claramente existe entonces la necesidad de conocer como se encuentran asociadas estas especies entre sí dentro de las comunidades ecológicas para ayudar a comprender los factores que inciden en su conservación (Moreno, 2001).

La familia Rubiaceae es un importante grupo de plantas vasculares de distribución cosmopolita con una marcada diversidad en regiones tropicales y subtropicales (Davis et al., 2009). Muchas de las especies que componen esta familia se encuentran adaptadas a la vida en la penumbra, y prosperan bajo la sombra del dosel selvático. En estas selvas tropicales, el grado de ordenación y riqueza de las comunidades que componen el sotobosque dependen en gran medida de interacciones entre las distintas especies (Torres-Leite et al., 2019), además de factores ambientales de su hábitat, ya que muchas de estas especies están adaptadas a rangos elevados de acidez y otras condiciones específicas de los componentes del suelo, como la concentración de distintos metales (Jansen, Robbrecht, Beeckman, & Smets, 2000).

Es preciso señalar que trabajos anteriores (Condit et al., 2002) sobre el bosque tropical panameño y el grado de reemplazo entre especies de distintas comunidades o diversidad beta, sugieren que la disimilaridad tiende a aumentar en función de la distancia a la cual se encuentran separadas en el espacio. Sin embargo, estos trabajos no restan importancia a la variabilidad del hábitat y se toman en cuenta en este estudio, ya que un acercamiento inicial a los datos de abundancia de las distintas especies de Rubiaceae en Barro Colorado arrojó indicios de posibles patrones acerca de su distribución, y se plantea la posibilidad de que existan especies con algún grado de asociación respecto a las variables ambientales que allí imperan.

Actualmente, la distribución de la abundancia de las especies se explica por medio de los mecanismos que definen a una comunidad en particular. Pudiendo existir en esta una proporción variable de especies dominantes, con una abundancia alta en comparación con las especies raras y menos abundantes, las medidas para la distribución de la abundancia relativa se encuentran sujetas a interacciones que aún no se conocen del todo ni en qué grado inciden en la estructura de la comunidad (Néda, Horvat, Toháti, Derzsi, & Balogh, 2008).

El presente estudio evalúa la relación entre abundancia relativa de especies de la familia Rubiaceae y su distribución en una porción de bosque tropical en la parcela permanente Barro Colorado Island (en lo adelante BCI), Colón, Panamá. Las parcelas permanentes son una excelente fuente de datos demográficos y posibilitan el estudio continuo de la diversidad a nivel local y contribuyen a

medir el aporte de la familia Rubiaceae a la diversidad de su comunidad. En ese sentido, este trabajo aprovecha la información disponible (Hubbell, Condit, & Foster, 2021) y herramientas de libre acceso (Martínez Batlle, 2020), para conocer posibles patrones de asociación entre estas especies, y como varía la diversidad con respecto a las características del hábitat en el cual crecen estas poblaciones de plantas y otras condiciones ambientales mediante análisis estadístico de datos de los censos realizados en BCI.

2 Metodología

2.1 *Ámbito de estudio*

La parcela permanente BCI es una estación de censo permanente administrada por el Center for Tropical Forest Science ubicada en el centro de la isla artificial Barro Colorado, con las coordenadas 09° 09'N, 079° 50'O. La parcela consiste en un polígono de 50 hectáreas cuadradas en el cual se han contabilizado todos los árboles con más de 10 mm de diámetro a la altura del pecho cada cinco años desde 1985 (Condit, Chisholm, & Hubbell, 2012; Condit, Pérez, Lao, Aguilar, & Hubbell, 2017; Hubbell & Foster, 1983; Hubbell et al., 1990). En este estudio se utilizaron los datos del censo realizado en el año 2015.

Los datos referentes a cada uno de los 50 cuadrantes de una hectárea que componen BCI fueron manejados en R (R Core Team (2020)), partiendo de su disposición en dos matrices: de comunidad y ambiental (Martínez Batlle, 2020). Estas matrices contienen datos de las variables ambientales como condiciones edáficas, tipo de hábitat, variación topográfica y clasificación etaria del bosque, y datos demográficos y georeferenciación espacial de todos los individuos censados. Se adaptaron *scripts* reproducibles recuperados de Martínez Batlle (2020), utilizando la colección de paquetes multifuncionales *Tidyverse* (Wickham, 2017), paquetes gráficos y de procesamiento de datos espaciales para la representación de mapas y figuras como *mapview* (Appelhans, Detsch, Reudenbach, & Woellauer, 2019) y *simplefeatures* (Pebesma, 2018); y herramientas de análisis estadístico como *vegan* (Oksanen et al., 2019), *indicspecies* (De Cáceres & Legendre, 2009), entre otros (ver ??).

A fin de conocer las características distintivas de los datos conservados en las matrices de comunidad y ambiental, se realizó un análisis exploratorio de los mismos que incluyó la visualización de gráficos, tablas, mapas de los cuadrantes de una hectárea y paneles de correlación lineal entre variables de ambas matrices, esto permitió obtener una perspectiva general y ayudó a determinar los procedimientos posteriores que se detallan a continuación.

3 Medición de asociación

Para las pruebas de medición de asociación, se calculó la distancia Euclídea entre los cuadrantes considerados como objetos. Para esto, fue requerida la transformada de la matriz de comunidad por el método de Hellinger, el cual consiste en la radicación al cuadrado de la abundancia relativa y_{ij} (cociente resultante de cada valor de abundancia entre la suma de los sitios) como muestra la fórmula 1. Donde j refiere a cada especie o columna en la matriz, i es la fila o cuadrante e $i+$ representa la suma de filas de la matriz de la i -ésima fila (Legendre & Gallagher, 2001). Además, la distancia euclídea entre cuadrantes en cuanto a la ocurrencia de especies fue evaluada aplicando el índice de disimilaridad de Jaccard de la matriz normalizada, con valores de abundancia convertidos en valores binarios (Borcard, Gillet, & Legendre, 2018). De la misma manera, se utiliza la métrica de Jaccard aplicada a la matriz de comunidad transpuesta y convertida a datos

de presencia/ausencia para medir el grado de asociación entre especies.

$$y' = \sqrt{\frac{y_{ij}}{y_{i+}}} \quad (1)$$

Para poder comparar la relación entre las especies según su abundancia numérica, se utilizó estandarización *ji*-cuadrado de la matriz de comunidad transpuesta (Legendre & Gallagher, 2001). La ocurrencia entre las especies y su distribución en BCI fué examinada por medio de el coeficiente de correlación entre rangos de Spearman para medir el grado de asociación entre las variables riqueza numérica de especies y la abundancia con las variables ambientales geomorfológicas y la composición química del suelo (Borcard et al., 2018).

4 Análisis de agrupamiento

Tanto el método jerárquico aglomerativo de asociación entre pares de cuadrantes (según su composición de especies) bajo el criterio de enlace completo y el método Ward basado en la varianza mínima, fueron utilizados en un acercamiento preliminar al análisis de agrupamiento para contrastar su eficacia y lograr conseguir grupos consistentes entre ambos (Borcard et al., 2018). Estos generaron dendrogramas que posteriormente fueron examinados en paralelo con la matriz de distancias de cuerdas (Legendre & Gallagher, 2001) utilizando correlación cofenética entre ambos para determinar el número ideal de grupos. Se hizo uso de los métodos de remuestreo bootstrap y bootstrap multiescalar para conocer la probabilidad de éxito en la inferencia del número de grupos y la identidad de sus componentes (Borcard et al., 2018). Las reparticiones se basaron en una probabilidad de 91% o más de acierto para el método bootstrap y de un 95% para bootstrap multiescalar. Estos resultados sugieren 2 grupos con 95% o más de confianza en cada caso para el método Ward; 12 grupos sugeridos por los estándares establecidos para bootstrap y 10 grupos para bootstrap multiescalar para el método por medio de enlace completo. Para cada método de agrupamiento se consideraron como válidos: un grupo con 34 cuadrantes y un segundo conformado por 16 formulados por el método Ward, y dos grupos por enlace completo que incluyen 20 y 30 sitios.

Se utiliza la métrica del valor indicador o “IndVal” (Dufrene & Legendre, 1997) para conocer las especies que pudieran ser consideradas características de cada grupo por medio de permutaciones aleatorias de los sitios según la ocurrencia de las especies y su abundancia. Así mismo, se estudia el grado de asociación de las especies con cierta preferencia por las combinaciones de cuadrantes consideradas como grupos, indicado por el coeficiente de correlación biserial puntual (Borcard et al., 2018). Se llevó a cabo un acercamiento parecido al anterior durante las pruebas estadísticas de la hipótesis nula, sobre la base de que las especies que se encontraban en cuadrantes pertenecientes a un determinado grupo lo hacían por obra del azar. Esta prueba se logró mediante reordenación aleatoria de los valores de abundancia y comparando su distribución con los valores obtenidos anteriormente (Cáceres & Legendre, 2009). Para estas pruebas de asociación y las subsiguientes se declaró un valor de significancia $P = 0.05$.

5 Ordenación

Las características de la varianza en los datos ambientales en BCI fueron estudiados mediante análisis de sus componentes principales (PCA) (Borcard et al., 2018). Este método permitió resumir la multidimensionalidad de las variables, explicar la varianza y los posibles patrones que

estos podrían seguir. Esto se realizó también para la matriz de comunidad, con valores de abundancia normalizados por la transformada Hellinger, además de un análisis de correspondencia (CA) de la misma matriz. De manera alternativa, se realiza un análisis de las coordenadas principales (PCoA) para ayudar a conocer la relación entre las especies, utilizando el coeficiente de disimilitud de Jaccard como medida, y a su vez usando los promedios ponderados por los valores de abundancia para permitir su representación en los diagramas *biplot* (Borcard et al., 2018).

Se realizó un acercamiento restringido de la ordenación para probar el grado de dependencia de los datos de la matriz de comunidad con la matriz ambiental, mediante ajuste lineal en un análisis de redundancia (RDA) (Borcard et al., 2018), utilizando la matriz de comunidad transformada por Hellinger. Se seleccionaron las variables que presentaron cierto grado de asociación, y (a discreción y de manera secuencial) se excluyeron algunas de estas, con el objetivo de reducir el grado de colinealidad entre las variables independientes restantes.

Puntuaciones de las variables sitios con promedios ponderados de los resultados de RDA y datos de abundancia

6 Análisis de la diversidad

Con la finalidad de asignar medidas apropiadas a la diversidad de especies de la familia Rubiaceae en BCI, se recurre a la aplicación de los índices, números, ratio. Además, se examina la correlación de Pearson entre estas medidas y las variables ambientales que aparentaron tener algún efecto en la riqueza de especies y la equidad. y método de rarefacción con el cual se obtuvo el valor esperado de riqueza en base al número de individuos del cuadrante con la menor abundancia...

7 Resultados

La familia Rubiaceae en Barro Colorado se encuentra representada por 31 especies y 20 géneros. El género *Psychotria* presenta la mayor cantidad de especies (8). La tabla 1 indica las abundancias de las especies de toda la comunidad que en total suman 41,838 individuos, con una abundancia media de 65 individuos y mediana ubicada en los 1,350 individuos. El mapa de cuadros de la figura 1 contiene la riqueza numérica de especies por cuadrante. Los valores de abundancia muestran un aparente patrón en la parte centro-occidental de BCI, en donde además se encuentran los sitios con la mayor abundancia de la familia [ver figura 3].

Table 1: Abundancia por especie.

Latin	n
<i>Faramea occidentalis</i>	24989
<i>Alseis blackiana</i>	7928
<i>Psychotria horizontalis</i>	2453
<i>Coussarea curvigemma</i>	2010
<i>Palicourea guianensis</i>	1118
<i>Randia armata</i>	937
<i>Psychotria marginata</i>	761
<i>Alibertia edulis</i>	417
<i>Pentagonia macrophylla</i>	306

2 no mostraron evidencia de que exista relación entre la riqueza numérica de especies y la abundancia con las variables geomorfológicas notadas en la matriz de variables ambientales. Sin embargo, el mismo análisis sugiere una posible relación entre la abundancia numérica de especies y la composición del suelo, mostrando relación positiva con valores altos de Aluminio y Fósforo. Así como negativa, para valores altos de pH y concentraciones de otros elementos.

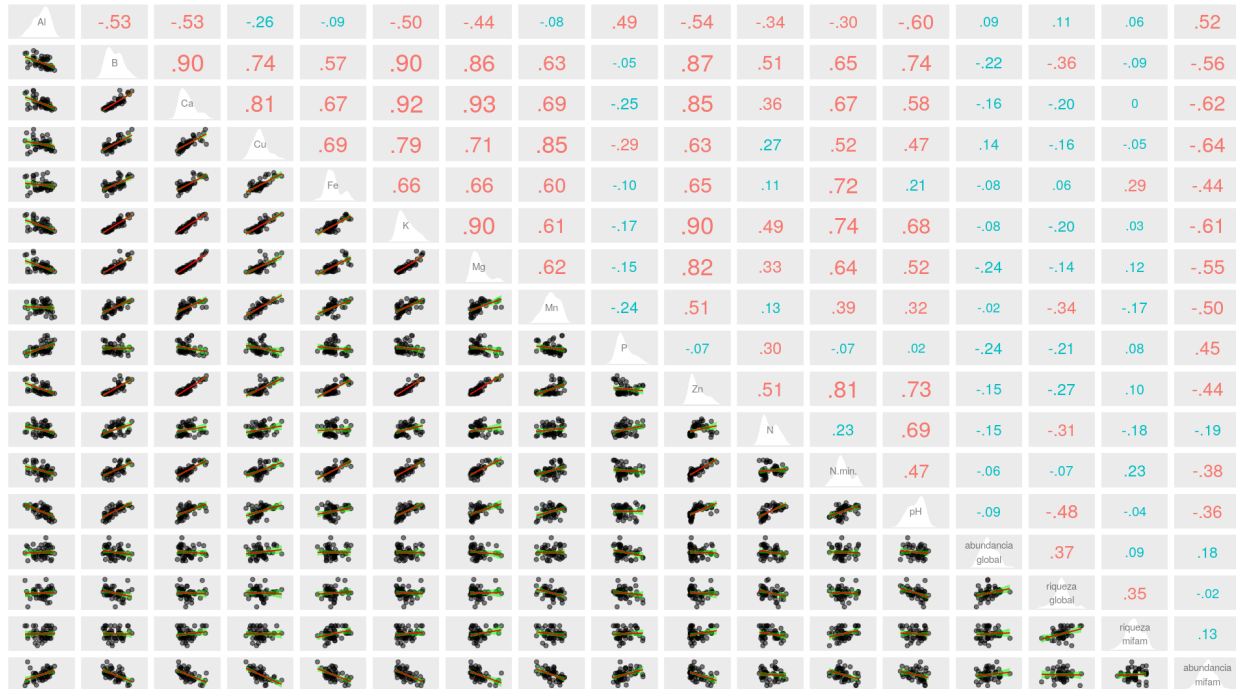


Figure 2: Correlacion de Pearson entre la diversidad/abundancia de rubiaceas y las variables edafológicas

Las variables fósforo y cobre obtuvieron valores de P 0.0000347 y 0.0127 “significativos” en las pruebas de correlación respecto a los grupos 1 y 2 formulados por completo. De manera similar, para los grupos producidos mediante Ward el valor P para la variable fósforo fue de 0.000370 y 0.00726 para cobre. Otros valores para otras variables fueron: 0.0341 (Manganeso), 0.0454 (hierro), 0.0243 y 0.0331 (riqueza y abundancia de todas las familias en BCI).

Las especies *Alseis blackiana* y *Psychotria limonensis* fueron las que obtuvieron un valor alto de confianza al examinar su potencial como especies indicadoras del grupo 1 (grupo 2 en Ward). Para el caso del grupo 2 (1 en Ward), las especies indicadoras fueron *Faramea occidentalis*, *Psychotria horizontalis* y *Coussarea curvigemma*. La ocurrencia de *A. blackiana* y *Pentagonia macrophylla* indica su preferencia por el grupo 1 (completo). Por otra parte, en el grupo 2 (completo) siete especies resultan de interes por su ocurrencia: la muy dominante *F. occidentalis*; *Psychotria deflexa*, *P. racemosa*, *P. horizontalis*, *Posoqueria latifolia*, *Alibertia edulis* y *Coussarea curvigemma*. En los grupos generados mediante Ward solo *F. occidentalis*, *P. horizontalis* y *A. blackiana* resultaron compatibles en las pruebas de fidelidad de asociación.

8 PCA

En la figura 6, se aprecian tres grupos de cuadrantes en el recuadro rotulado como escalamiento 1 de los diagramas *Biplot* generados en el PCA de las variables de suelo, en el cual además, se observa que las variables Nitrógeno, Fósforo y pH aportan la mayor parte de la varianza. La relación entre estas variables se encuentra debidamente representada en el recuadro del escalamiento 2, por medio de los ángulos que forman sus vectores. En el caso de las variables geomorfológicas, algunos sitios están asociados a un alto porcentaje de llanura y hombrera, aunque la mayoría se encuentra más cerca del origen formado por los ejes de los componentes principales 1 y 2 (ver figura 7).

Los gráficos de barras de la figura 5 muestran los componentes principales de la varianza en las variables de suelo y geomorfología de BCI. La varianza acumulada de los PC1 y PC2 logran explicar el 73.1% y el 43.6% de la varianza total respectivamente. En estos gráficos se incluye el comportamiento predecido por el modelo de barra quebrada, representado por la línea roja formando la curva.

Los resultados del PCA de los datos de la matriz de comunidad se encuentran resumidos en los diagramas de la figura 8. El escalamiento 1, muestra muchos de los cuadrantes dispuestos alrededor del origen formado por los ejes, además de unos cuantos cuadrantes atípicos y más alejados. Por otro lado, las especies *A. blackiana*, *C. curvigemma*, *P. marginalis* y *P. horizontalis*, presentan una contribución desproporcionada a la varianza total, en comparación con el resto de las especies.

9 CA Esto puede ser interesante, discutir

La varianza explicada por los componentes principales 1 y 2 en el CA para las especies *Psychotria graciliflora* y *Psychotria grandis* se muestran aparentemente asociadas en el escalamiento 2 de la figura 9. Además, se observa que casi todas las especies se encuentran próximas al punto de intersección, salvo aquellas que presentaron una abundancia reducida, las cuales aparecen asociadas a pequeños grupos de cuadrantes sin un patrón evidente. La disparidad en la incidencia de las especies podría estar reflejándose con su disposición en el diagrama. No obstante, estos resultados no coinciden con los arrojados por el PCA de la matriz de distancias Hellinger (Fig. 8).

10 PCoA

Los resultados del análisis de coordenadas principales mostrado en la fig. 10 contienen la relación entre las especies y los cuadrantes por medio de las distancias de Jaccard. En el *biplot* se incluye, además, los vectores de las variables ambientales, en los que se observa asociación entre el contenido de cobre, manganeso y fósforo con algunos sitios y especies. También, algunas especies se presentan aparentemente asociadas entre sí, como también a algunos cuadrantes. Aunque otra vez, es probable que la aparente asociación aparezca debido a la combinación de una incidencia restringida por parte de estas especies y al grado de autocorrelación entre los cuadrantes.

11 RDA

En cuanto a los *triplots* generados por RDA mostrados en la figura 11 se destacan los la distancia euclídea conservada entre las especies. Estas últimas se disponen en forma de abanico; algunas resultan aberraciones, muy alejadas del punto de intercepto, sitios emjambrados en el ori-

gen y las especies en dispuestas en forma de abanico a su alrededor. Esto indica poca asociación entre las especies, no se encuentra un patrón evidente entre la mayoría. Se destaca un grupo de cuadrantes en los cuales *Psychotria horizontalis* y *Psychotria marginata* se encuentran asociadas. Al parecer, este grupo de cuadrantes constituye un microhabitat encontrado sobre una pequeña meseta en la parte nor-oriental de BCI, y se diferencia además por una alta concentración de fósforo y aluminio en el suelo. La especie *Alseis blackiana* presenta asociación con el contenido de metales como manganeso, hierro y cobre en el suelo, esto coincide con los resultados del PCA, y podría ser considerada como una especie indicadora de estas condiciones ambientales.

12 Diversidad

La riqueza de la familia aumenta con el hierro, así también la equidad. Además, parece que la riqueza aumenta en los suelos con un alto contenido de nitrógeno en el suelo y en su forma mineralizada. La equidad también es mayor hacia el norte de bci.

El grupo 2 (1 en Ward) contiene los sitios con tendencia a presentar valores altos de acidez [4] y concentración de aluminio.

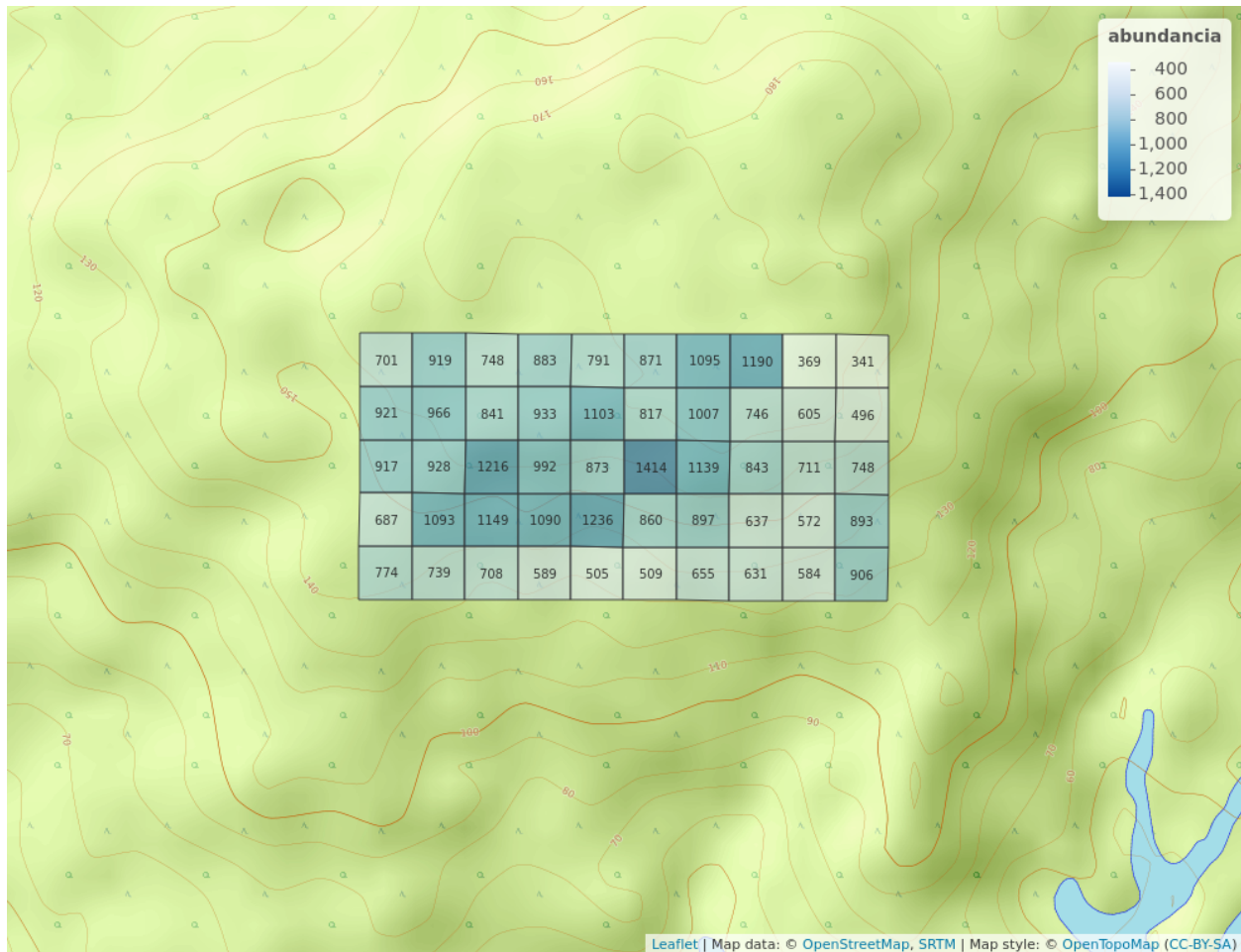


Figure 3: Abundancia de rubiaceas en BCI

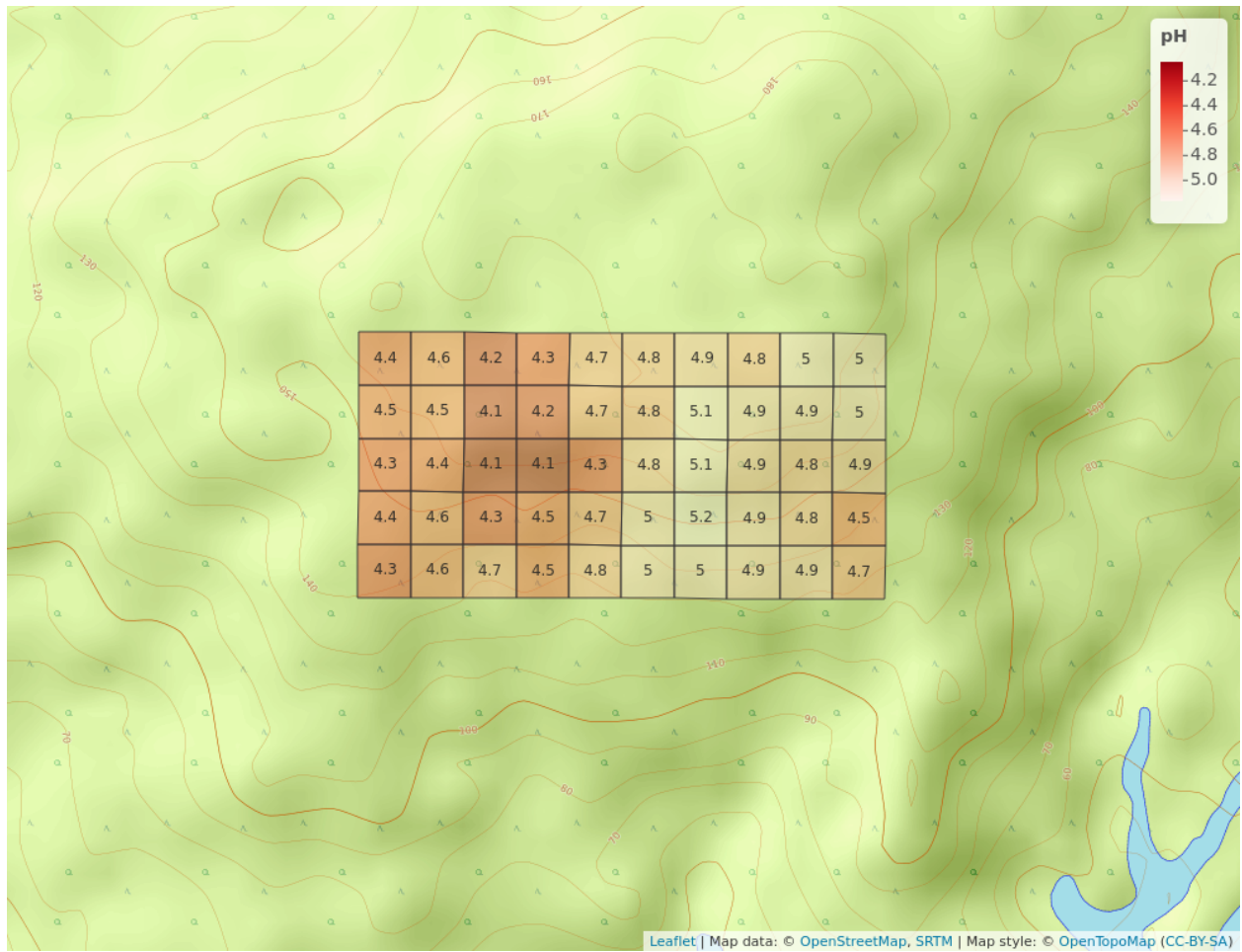


Figure 4: pH del suelo en los cuadros de 1ha

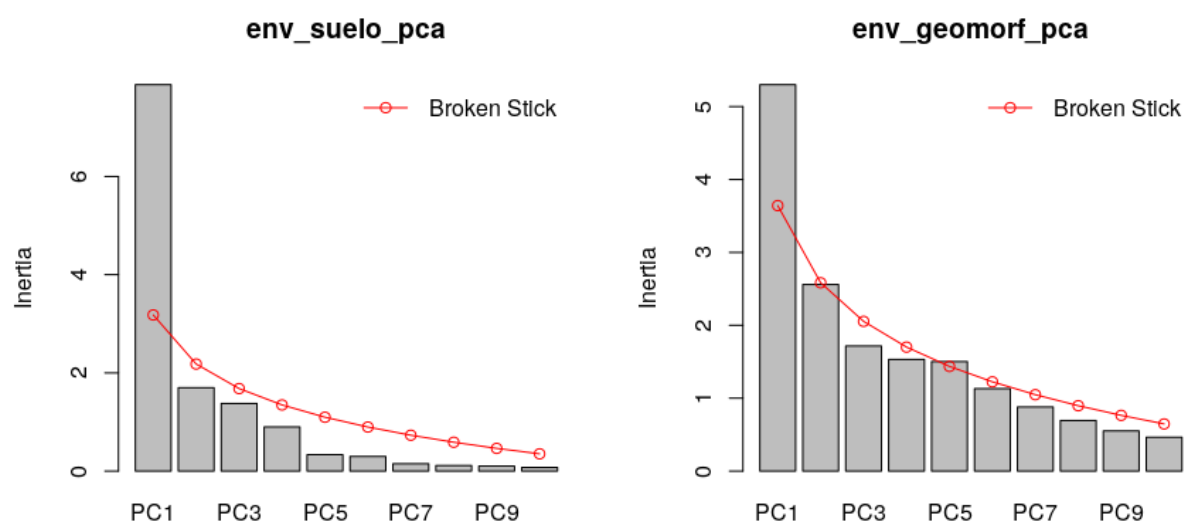


Figure 5: Componentes principales de la varianza en las variables de suelo y geomorfología en BCI (La escala denominada “Inertia” representa la suma de los cuadrados de toda la varianza).

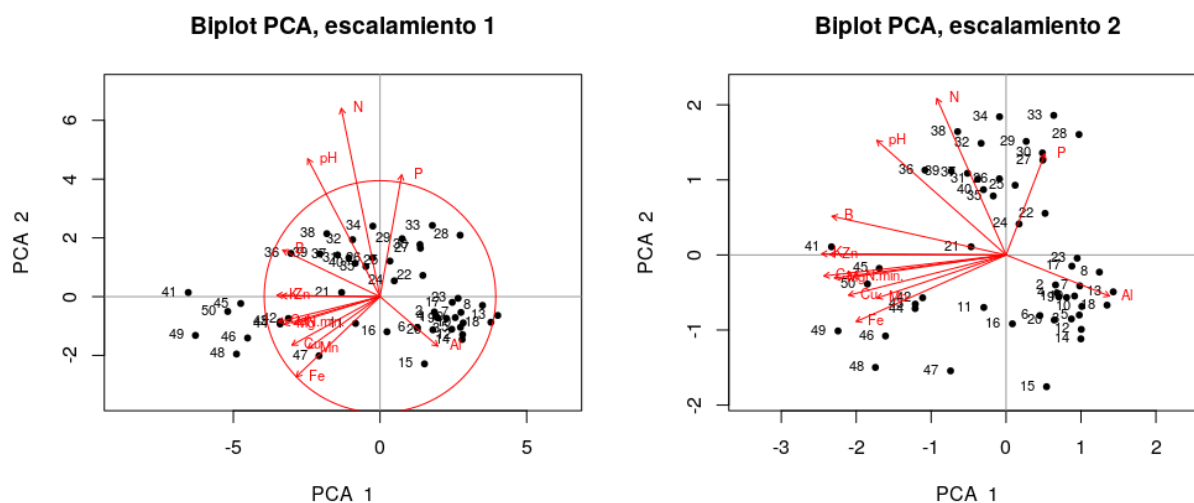


Figure 6: Biplots generados en el PCA de las variables de suelo.

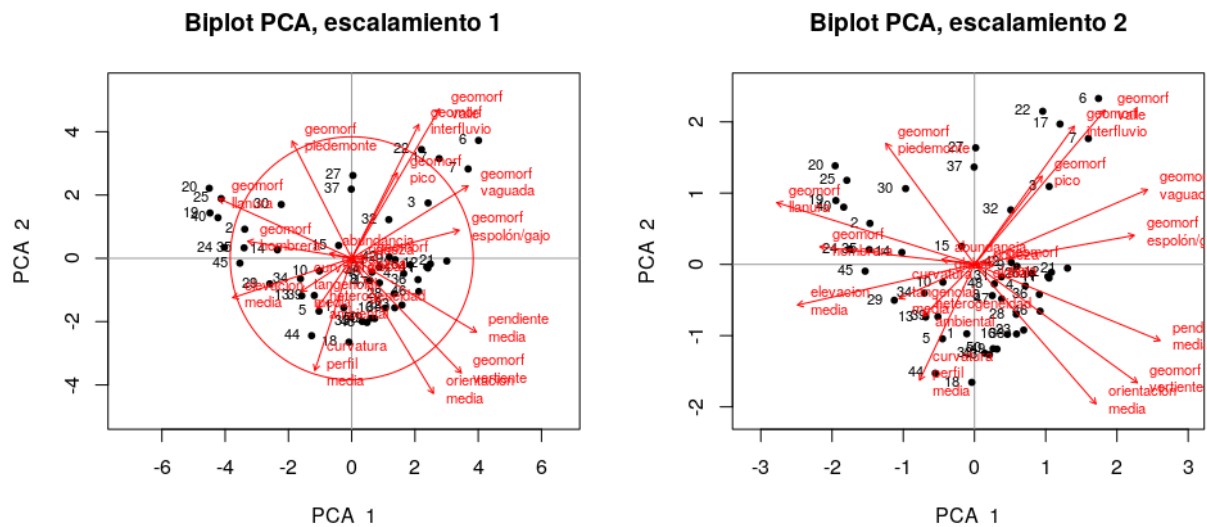


Figure 7: Biplots generados por PCA de las variables geomorfológicas.

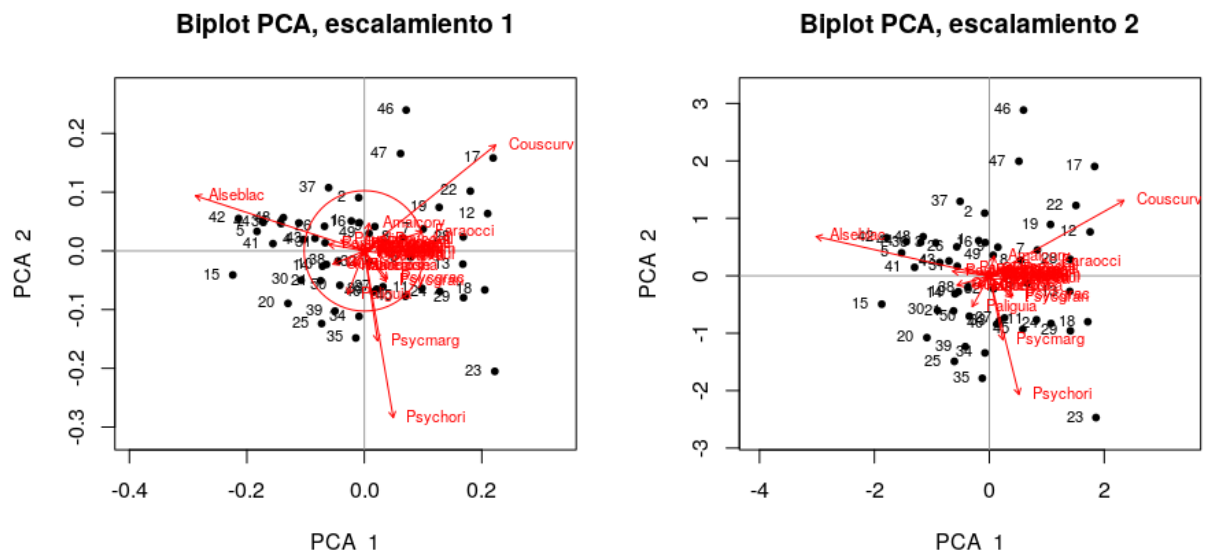


Figure 8: Biplots producidos por PCA de los datos de comunidad transformados a distancias Hellinger.

PCoA con promedios ponderados de especies

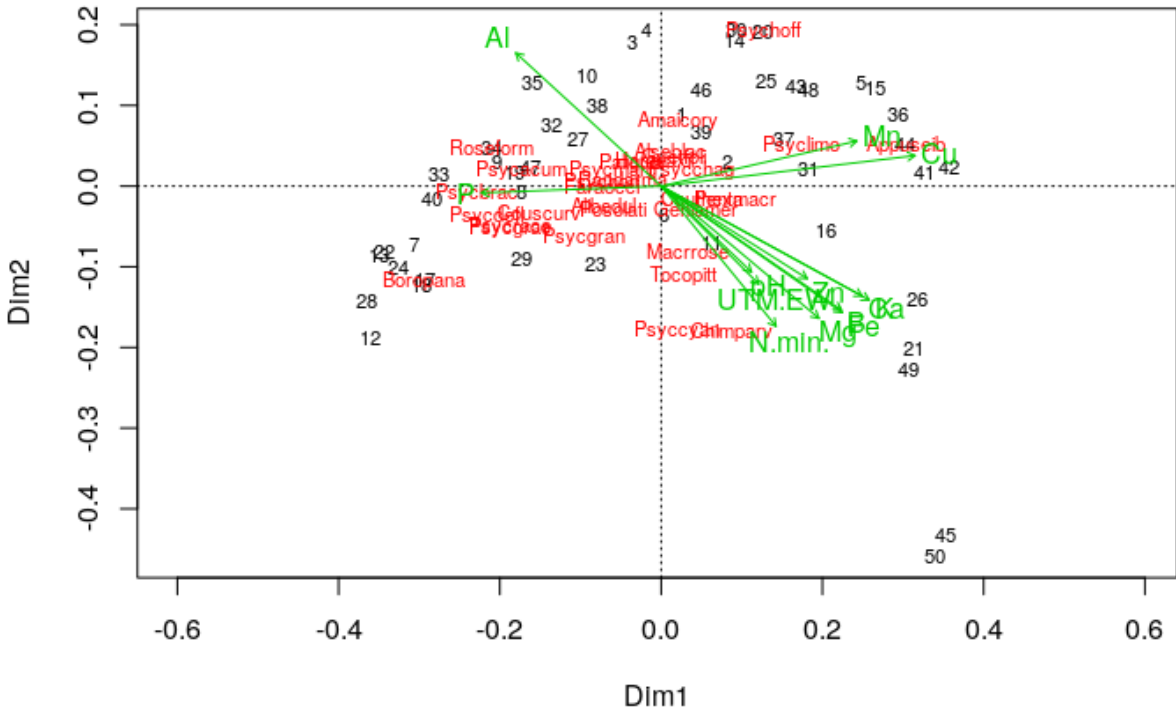
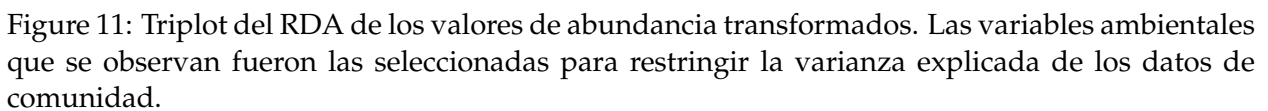


Figure 10: Biplot de PCoA de las distancias de Jaccard. Las distancias entre especies están ponderadas en base a sus valores de abundancia.



cho de que se incluya el criterio de dap de 10 mm en el momento de ser censadas podría estar excluyendo especies clave en el rompecabezas.

14 Agradecimientos

15 Información de soporte

...

16 Script reproducible

...

Referencias

Appelhans, T., Detsch, F., Reudenbach, C., & Woellauer, S. (2019). *Mapview: Interactive viewing of spatial data in r*. Retrieved from <https://CRAN.R-project.org/package=mapview>

Borcard, D., Gillet, F., & Legendre, P. (2018). *Numerical Ecology with R. Second Edition* (pp. 52–66). <https://doi.org/10.1007/978-3-319-71404-2>

Cáceres, M. D., & Legendre, P. (2009). Associations between species and groups of sites: Indices and statistical inference. *Ecology*, 90(12), 3566–3574.

Condit, R., Chisholm, R. A., & Hubbell, S. P. (2012). Thirty years of forest census at Barro Colorado and the importance of immigration in maintaining diversity. *PLOS ONE*, 7(11), 1–6. <https://doi.org/10.1371/journal.pone.0049826>

Condit, R., Pérez, R., Lao, S., Aguilar, S., & Hubbell, S. P. (2017). Demographic trends and climate over 35 years in the Barro Colorado 50 ha plot. *Forest Ecosystems*, 4(1), 17. <https://doi.org/10.1186/s40663-017-0103-1>

Condit, R., Pitman, N., Leigh, E., Chave, J., Terborgh, J., Foster, R., ... Hubbell, S. (2002). Beta-diversity in tropical forest trees. *Science (New York, N.Y.)*, 295, 666–669. <https://doi.org/10.1126/science.1066854>

Davis, A. P., Govaerts, R., Bridson, D. M., Ruhsam, M., Moat, J., & Brummitt, N. A. (2009). A global assessment of distribution, diversity, endemism, and taxonomic effort in the rubiaceae. *Annals of the Missouri Botanical Garden*, 96(1), 68–78.

De Cáceres, M., & Legendre, P. (2009). Associations between species and groups of sites: Indices and statistical inference. In *Ecology*. Retrieved from <http://sites.google.com/site/miqueldecaceres/>

Dufrene, M., & Legendre, P. (1997). Species assemblages and indicator species: The need for a flexible asymmetrical approach. *Ecological Monographs*, 67, 345–366. <https://doi.org/10.2307/2963459>

Grandtner, M., & Chevrette, J. (2013). *Dictionary of trees, volume 2: South america: Nomenclature, taxonomy and ecology*. Retrieved from <https://books.google.com.do/books?id=XALRl1qzcLMC>

Hubbell, S. P., & Foster, R. B. (1983). Diversity of canopy trees in a neotropical forest and implications for conservation. In T. Whitmore, A. Chadwick, & A. Sutton (Eds.), *Tropical rain forest: Ecology and management* (pp. 25–41). Oxford: The British Ecological Society.

Hubbell, S. P., Condit, R., Foster, R. B., Grubb, P. J., Thomas, C. D., Hassell, M. P., & May, R. M. (1990). Presence and absence of density dependence in a neotropical tree community. *Philosophical Transactions of the Royal Society of London. Series B: Biological Sciences*, 330(1257), 269–281. <https://doi.org/10.1098/rstb.1990.0086>

[//doi.org/10.1098/rstb.1990.0198](https://doi.org/10.1098/rstb.1990.0198)

Hubbell, S., Condit, R., & Foster, R. (2021). Forest Census Plot on Barro Colorado Island. Retrieved March 23, 2021, from <http://ctfs.si.edu/webatlas/datasets/bci/>

Jansen, S., Robbrecht, E., Beeckman, H., & Smets, E. (2000). Aluminium accumulation in rubiaceae: An additional character for the delimitation of the subfamily rubioideae? *IAWA Journal*, 21. <https://doi.org/10.1163/22941932-90000245>

Legendre, P., & Gallagher, E. (2001). Ecologically meaningful transformations for ordination of species data. *Oecologia*, 129, 271–280. <https://doi.org/10.1007/s004420100716>

Martínez Batlle, J. R. (2020). biogeografia-master/scripts-de-analisis-BCI: Long coding sessions (Version v0.0.0.9000). <https://doi.org/10.5281/zenodo.4402362>

Moreno, C. E. (2001). *Manual de métodos para medir la biodiversidad*. Universidad Veracruzana.

Néda, Z., Horvat, S., Toháti, H. M., Derzsi, A., & Balogh, A. (2008). A spatially explicit model for tropical tree diversity patterns. *arXiv E-Prints*, arXiv:0803.3704.

Oksanen, J., Blanchet, F. G., Friendly, M., Kindt, R., Legendre, P., McGlinn, D., ... Wagner, H. (2019). *Vegan: Community ecology package*. Retrieved from <https://CRAN.R-project.org/package=vegan>

Pebesma, E. (2018). Simple Features for R: Standardized Support for Spatial Vector Data. *The R Journal*, 10(1), 439–446. <https://doi.org/10.32614/RJ-2018-009>

R Core Team. (2020). *R: A language and environment for statistical computing*. Retrieved from <https://www.R-project.org/>

Torres-Leite, F., Cavatte, P. C., Garbin, M. L., Hollunder, R. K., Ferreira-Santos, K., Capetine, T. B., ... Carrijo, T. T. (2019). Surviving in the shadows: Light responses of co-occurring rubiaceae species within a tropical forest understory. *Flora*, 261, 151487. <https://doi.org/https://doi.org/10.1016/j.flora.2019.151487>

Volkov, I., Banavar, J. R., Hubbell, S. P., & Maritan, A. (2003). Neutral theory and relative species abundance in ecology. *Nature*, 424(6952), 1035–1037. <https://doi.org/10.1038/nature01883>

Wickham, H. (2017). *Tidyverse: Easily install and load the 'tidyverse'*. Retrieved from <https://CRAN.R-project.org/package=tidyverse>