Datenbereinigung

Pakete laden

```
library(tidyverse)
library(lubridate)
library(spatstat.utils)
rm(list = ls())
path_workfiles <- "/Users/patrickschulze/desktop/inla_research_project/data/workfiles"</pre>
```

Daten laden

Zunächst werden die zuvor heruntergeladenen Daten eingelesen. Unter path_workfiles existiert für jeden Sensortyp eine Tabelle mit allen Daten dieses Typs (siehe "Sensordownload"). Alle Sensoren eines Sensortyps werden nun in einem eigenen Tibble gespeichert. Die Tibbles werden in einer Liste zusammengefasst.

```
# Sensortypen in München
types <- c("bme280", "bmp180", "dht22", "sds011")
# Daten laden
# Für jeden Sensortyp ein Tibble
# Tibbles werden in Liste gespeichert
filename_in <- paste(path_workfiles, paste0(types, ".csv"), sep ="/")
sensors_munich <- filename_in %>% purrr::map(readr::read_delim, delim=",")
names(sensors_munich) <- types</pre>
```

Variablen entfernen/generieren

Einige Variablen enthalten ausschließlich fehlende Werte bzw. werden nicht benötigt - diese werden gelöscht. Zur Quantifizierung des Feinstaubs stehen die Einheiten PM10 und PM2.5 (Feinstaubpartikel mit 10 bzw. 2.5 oder weniger Mikrometern Durchmesser) zur Verfügung; wir wählen PM10 (entspricht P1 in den heruntergeladenen Daten) aus. Zudem wird aus dem Zeitstempel eine Variable für die Stunde $(1,2,\ldots,24)$, sowie eine für den Tag $(1,2,\ldots,21)$ erstellt, wobei Tag 1 dem 25.07.2019 entspricht, Tag 2 dem 26.07.2019, \ldots , und Tag 21 dem 14.08.2019.

```
# Nicht benötigte bzw. Variablen mit fehlenden Messwerten entfernen
# Zur Quantifizierung des Feinstaubs wählen wir PM10(=P1) aus.
sensors_munich$bme280 <-
    sensors_munich$bme280[, c("sensor_id","lat", "lon", "timestamp", "pressure")] %>%
    dplyr::rename(id_bme280 = sensor_id)

sensors_munich$bmp180 <-
    sensors_munich$bmp180[, c("sensor_id","lat", "lon", "timestamp", "pressure")] %>%
    dplyr::rename(id_bmp180 = sensor_id)
```

```
sensors_munich$dht22 <-
  sensors_munich$dht22[, c("sensor_id","lat", "lon",
                           "timestamp", "temperature", "humidity")]%>%
  dplyr::rename(id dht22 = sensor id)
sensors munich$sds011 <-
  sensors_munich$sds011[, c("sensor_id","P1", "lat", "lon", "timestamp")] %>%
  dplyr::rename(pm10 = P1, id sds011 = sensor id)
# Stunde (1,2...,24) und Tag (1,2,...,21) erstellen
create_time_vars <- function(x){</pre>
  x %>%
    dplyr::mutate(hour = lubridate::hour(timestamp)+1,
                 date = lubridate::date(timestamp)) %>%
    dplyr::mutate(day = lubridate::day(date)-24) %>%
    dplyr::mutate(day = day+(day<0)*31) %>%
    dplyr::select(-"timestamp")
}
sensors_munich <- sensors_munich %>% purrr::map(create_time_vars)
print(sensors_munich)
## $bme280
## # A tibble: 285,686 x 7
##
      id bme280
                lat
                       lon pressure hour date
                                                        day
##
          <dbl> <dbl> <dbl>
                             <dbl> <dbl> <date>
                                                      <dbl>
##
  1
         10093 48.1 11.5
                             95283.
                                        1 2019-07-25
## 2
         10093 48.1 11.5
                             95285.
                                        1 2019-07-25
## 3
         10093 48.1 11.5
                             95284.
                                        1 2019-07-25
                                                          1
## 4
         10093 48.1 11.5
                             95284.
                                        1 2019-07-25
                                                          1
## 5
         10093 48.1 11.5
                             95286.
                                        1 2019-07-25
                                                          1
##
  6
         10093 48.1 11.5
                             95288.
                                        1 2019-07-25
  7
##
         10093 48.1 11.5
                             95291.
                                        1 2019-07-25
                                                          1
## 8
         10093 48.1 11.5
                             95294.
                                        1 2019-07-25
## 9
         10093 48.1 11.5
                             95292.
                                        1 2019-07-25
                                                          1
         10093 48.1 11.5
                             95290.
                                        1 2019-07-25
                                                          1
## # ... with 285,676 more rows
##
## $bmp180
## # A tibble: 54,690 x 7
##
      id bmp180
                lat
                       lon pressure hour date
                                                        day
##
          <dbl> <dbl> <dbl>
                              <dbl> <dbl> <date>
                                                      <dbl>
##
                              95528
  1
         14023 48.1 11.6
                                        1 2019-07-25
## 2
         14023 48.1 11.6
                              95525
                                        1 2019-07-25
                                                          1
##
   3
         14023 48.1 11.6
                              95528
                                        1 2019-07-25
                                                          1
## 4
         14023 48.1 11.6
                              95531
                                        1 2019-07-25
                                                          1
## 5
         14023 48.1 11.6
                              95529
                                        1 2019-07-25
##
         14023 48.1 11.6
                              95527
                                        1 2019-07-25
  6
                                                          1
##
   7
         14023 48.1 11.6
                              95529
                                        1 2019-07-25
## 8
         14023 48.1 11.6
                              95527
                                        1 2019-07-25
                                                          1
## 9
         14023 48.1 11.6
                              95524
                                        1 2019-07-25
         14023 48.1 11.6
                              95523
                                        1 2019-07-25
## 10
                                                          1
## # ... with 54,680 more rows
##
## $dht22
```

```
## # A tibble: 1,258,438 x 8
##
      id dht22
                         lon temperature humidity hour date
                  lat
                                                                           day
##
          <dbl> <dbl> <dbl>
                                     <dbl>
                                               <dbl> <dbl>
                                                           <date>
                                                                        <dbl>
##
          10109
                 48.2
                                      27.5
                                                          1 2019-07-25
    1
                        11.5
                                               84
                                                                             1
##
    2
          10109
                 48.2
                        11.5
                                      27.5
                                               84.1
                                                            2019-07-25
                                                                             1
    3
                 48.2
                                               84
##
          10109
                                      27.5
                                                          1 2019-07-25
                        11.5
                                                                             1
##
    4
          10109
                 48.2
                        11.5
                                      27.5
                                               84.2
                                                          1 2019-07-25
                                                                             1
##
    5
          10109
                 48.2
                        11.5
                                      27.5
                                               84.1
                                                            2019-07-25
                                                                             1
##
    6
          10109
                 48.2
                        11.5
                                      27.5
                                               84
                                                          1
                                                            2019-07-25
                                                                             1
    7
##
          10109
                 48.2
                        11.5
                                      27.5
                                               84
                                                            2019-07-25
                                                                             1
##
    8
          10109
                 48.2
                        11.5
                                      27.5
                                               84.1
                                                          1 2019-07-25
                                                                             1
    9
                                      27.5
##
          10109
                 48.2
                        11.5
                                                84
                                                            2019-07-25
                                                                             1
##
   10
          10109
                 48.2
                                      27.5
                                                84.3
                                                          1 2019-07-25
                                                                             1
                        11.5
##
         with 1,258,428 more rows
##
## $sds011
##
   # A tibble: 1,808,999 x 7
##
                                 lon
      id_sds011 pm10
                          lat
                                      hour date
                                                           day
##
           <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
                                      <dbl> <date>
                                                         <dbl>
##
    1
                  9.7
                         48.1
                                11.5
                                          1 2019-07-25
                                                             1
##
    2
           10092
                  9.53
                         48.1
                                11.5
                                          1 2019-07-25
                                                             1
    3
           10092 10.1
                                          1 2019-07-25
##
                         48.1
                                11.5
                                                             1
##
    4
           10092
                  9.93
                         48.1
                                11.5
                                          1 2019-07-25
                                                             1
    5
                         48.1
##
           10092
                  9.43
                                11.5
                                          1 2019-07-25
                                                             1
                                          1 2019-07-25
##
    6
           10092 10
                         48.1
                                11.5
                                                             1
##
    7
           10092
                  9.47
                         48.1
                                11.5
                                          1 2019-07-25
                                                             1
##
    8
           10092
                  9.37
                         48.1
                                11.5
                                            2019-07-25
                                                             1
##
    9
           10092
                  9.87
                         48.1
                                11.5
                                          1 2019-07-25
                                                             1
           10092
                                          1 2019-07-25
##
   10
                  9.23
                         48.1
                                11.5
                                                             1
          with 1,808,989 more rows
```

Ausreißer entfernen

Die Sensoren messen zum Teil falsche Werte. Siehe zum Beispiel Temperatur:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 101112131415161718192021222324 hour

Um Ausreißer zu erkennen, versuchen wir für die verschiedenen gemessenen Variablen jeweils auffällige Sensoren zu finden, da diese möglicherweise generell fehlerhaft messen (d.h. auch für Messwerte dieser Sensoren welche in einem realistischen Bereich liegen). Diese Sensoren werden dann ggf. entfernt. Zudem

werden alle Einzelmesswerte außerhalb eines realistischen Bereichs entfernt. Dieses Vorgehen wenden wir in ähnlicher Form für alle Variablen an.

```
# Liste für ausreißerbereinigte Daten initialisieren
sensors_munich_cleaned <- list(bme280 = NULL, bmp180 = NULL, dht22 = NULL, sds011 = NULL)
```

Ausreißer Temperatur

Laut Wetterbericht bewegte sich die Temperatur im Beobachtungszeitraum zwischen 8°C und 32°. Wir kontrollieren, ob Werte außerhalb dieses Bereichs vorkommen und überprüfen Sensoren welche fehlerhaft messen. Wir verwenden eine Toleranz von 5° (nach unten jedoch nicht nötig, da keine Ausreißer vorhanden).

```
# Keine Temperatur unter 8° gemessen
sensors_munich$dht22 %>%
  dplyr::filter(spatstat.utils::inside.range(temperature, c(-Inf,7)))
## # A tibble: 0 x 8
## # ... with 8 variables: id_dht22 <dbl>, lat <dbl>, lon <dbl>,
      temperature <dbl>, humidity <dbl>, hour <dbl>, date <date>, day <dbl>
# Ausreißer nach oben aber vorhanden
(dht22_outliers_temperature <- sensors_munich$dht22 %>%
   dplyr::filter(spatstat.utils::inside.range(temperature, c(38, Inf))))
## # A tibble: 39,373 x 8
##
      id dht22
                lat
                       lon temperature humidity hour date
                                                                   day
##
         <dbl> <dbl> <dbl>
                                 <dbl>
                                          <dbl> <dbl> <date>
                                                                 <dbl>
##
   1
          1015 48.1 11.6
                                  38.3
                                           62.4
                                                    8 2019-07-25
##
   2
          1015 48.1 11.6
                                  38.5
                                           60.8
                                                    8 2019-07-25
##
  3
          1015 48.1 11.6
                                  38.1
                                           57.4
                                                    8 2019-07-25
                                                                     1
##
   4
          1015 48.1 11.6
                                  38
                                           56.5
                                                    8 2019-07-25
                                                    8 2019-07-25
##
   5
          1015 48.1 11.6
                                  38.4
                                           55.9
                                                                     1
##
   6
          1015 48.1 11.6
                                  38.6
                                           54.7
                                                    8 2019-07-25
##
   7
          1015 48.1 11.6
                                  38.9
                                           54.1
                                                    8 2019-07-25
                                                                     1
##
   8
          1015 48.1 11.6
                                  38.4
                                           54.2
                                                    8 2019-07-25
                                                                     1
##
  9
         10534 48.1 11.7
                                           53.1
                                                    8 2019-07-25
                                  38.7
                                                                     1
                                           52.6
                                                    8 2019-07-25
## 10
         10534 48.1 11.7
                                  38.5
## # ... with 39,363 more rows
```

Wir berechnen nun für alle Sensoren, d.h. nicht nur für die Ausreißer, die durschnittliche Temperatur je Sensor. Anschließend wird in einer Tabelle zusammengefasst, welche Sensoren prozentual die meisten Ausreißer aufweisen und wie hoch die durchschnittlich gemessene Temperatur des jeweiligen Sensors ist.

```
sensor_mean_temperature <- sensors_munich$dht22 %>% dplyr::group_by(id_dht22) %>%
    dplyr::summarize(mean_temperature=mean(temperature))

n_defect <- dht22_outliers_temperature %>%
    dplyr::group_by(id_dht22) %>% dplyr::tally() %>%
    dplyr::rename(n_defect = n) %>% dplyr::arrange(desc(n_defect))

n_total <- sensors_munich$dht22 %>%
    dplyr::group_by(id_dht22) %>% dplyr::tally() %>%
    dplyr::filter(id_dht22 %in% n_defect$id_dht22) %>%
    dplyr::rename(n_total = n) %>% dplyr::arrange(desc(n_total))

percent_defect <- n_defect %>% dplyr::inner_join(n_total, by = "id_dht22") %>%
    dplyr::inner_join(sensor_mean_temperature, by = "id_dht22") %>%
    dplyr::mutate(percent_defect = 100*n_defect/n_total) %>%
```

```
dplyr::arrange(desc(percent_defect))
print(percent_defect, n=5)
## # A tibble: 79 x 5
##
     id_dht22 n_defect n_total mean_temperature percent_defect
##
        <dbl>
                  <int>
                           <int>
                                             <dbl>
## 1
        24900
                  11631
                           11631
                                             591.
                                                              100
## 2
        26897
                   6479
                           46679
                                              29.7
                                                               13.9
## 3
        16527
                   1592
                           11655
                                              28.1
                                                               13.7
## 4
         3442
                    181
                            1337
                                               29.3
                                                               13.5
## 5
         7806
                   1371
                           11756
                                              24.5
                                                               11.7
## # ... with 74 more rows
```

Fazit: Der Sensor mit ID 24900 ist defekt, da 100% der Messungen über 37° liegen. Die anderen Sensoren scheinen im Allgemeinen zu funktionieren. Wir entfernen alle Ausreißer (und somit u.a. den Sensor mit ID 24900 komplett). Da der gleiche Sensor (dht22) auch Luftfeuchtigkeit misst, werden zuerst die Indices der Temperatur-Ausreißer gespeichert und die Ausreißer später gemeinsam mit den Luftdruck-Ausreißern gelöscht.

```
outliers_dht22_temperature <-
!spatstat.utils::inside.range(sensors_munich$dht22$temperature, c(0, 38))</pre>
```

Ausreißer Luftfeuchtigkeit

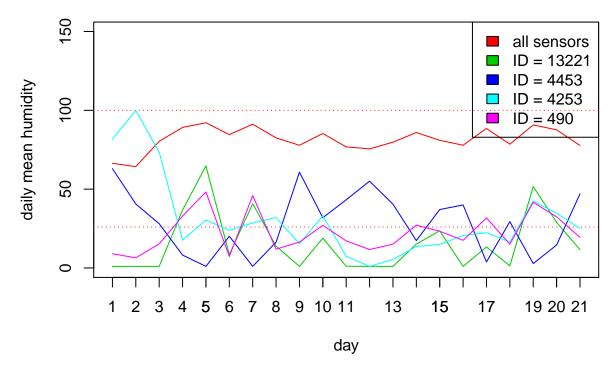
Laut Wetterbericht betrug die Luftfeuchtigkeit im Beobachtungszeitraum zwischen 26% und 100%. Zudem war die Luftfeuchtiegkeit laut Wetterbericht im Durchschnitt hoch, was durch die Daten bestätigt wird: Das 60% Quantil ist bei fast 100%. Unser Vorgehen ist equivalent zum Vorgehen bei den Temperatur-Ausreißern, d.h. auch hier erstellen wir zunächst eine Tabelle, welche die schlechtesten Sensoren und dessen durchschnittlichen Messwerte auflistet.

```
quantile(sensors_munich$dht22[,"humidity", drop=TRUE], 0.6, na.rm = TRUE)
    60%
## 99.9
# Ausreißer filtern
# Auch hier etwas Toleranz berücksichtigen (nach oben jedoch nicht, da mehr als 100% unmöglich)
(dht22_outliers_humidity <- sensors_munich$dht22 %>%
dplyr::filter(!spatstat.utils::inside.range(humidity, c(21, 100))))
## # A tibble: 54,361 x 8
##
      id dht22
                  lat
                        lon temperature humidity hour date
                                                                      day
##
         <dbl> <dbl> <dbl>
                                   <dbl>
                                            <dbl> <dbl> <date>
                                                                    <dbl>
         12166
               48.1
                                   42.8
                                             20.1
                                                      9 2019-07-25
##
   1
                      11.5
                                   42.9
                                             19.8
##
    2
         12166
                48.1
                      11.5
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
##
    3
         12166
                48.1
                      11.5
                                   42.2
                                             20.2
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
##
    4
         12166
                48.1
                       11.5
                                   42.3
                                             20.3
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
##
    5
         12166
                48.1
                       11.5
                                   42.2
                                             19.1
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
                48.1
##
    6
         12166
                       11.5
                                   41.8
                                             18
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
##
    7
         12166
                48.1
                      11.5
                                   41.4
                                             19.2
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
##
    8
         12166
                48.1
                      11.5
                                   41.3
                                             20.1
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
##
    9
         12166
                48.1
                      11.5
                                   41.1
                                             19.3
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
## 10
         12166 48.1
                      11.5
                                   41.2
                                             19.7
                                                      9 2019-07-25
                                                                        1
  # ... with 54,351 more rows
```

```
sensor_mean_humidity <- sensors_munich$dht22 %>% dplyr::group_by(id_dht22) %>%
  dplyr::summarize(mean humidity=mean(humidity, na.rm = TRUE))
n_defect <- dht22_outliers_humidity %>%
  dplyr::group_by(id_dht22) %>% dplyr::tally() %>%
  dplyr::rename(n_defect = n) %>% dplyr::arrange(desc(n_defect))
n_total <- sensors_munich$dht22 %>%
  dplyr::group by(id dht22) %>% dplyr::tally() %>%
  dplyr::filter(id_dht22 %in% n_defect$id_dht22) %>%
  dplyr::rename(n_total = n) %>% dplyr::arrange(desc(n_total))
percent_defect <- n_defect %>% dplyr::inner_join(n_total, by = "id_dht22") %>%
  dplyr::inner_join(sensor_mean_humidity, by = "id_dht22") %>%
  dplyr::mutate(percent_defect = 100*n_defect/n_total) %>%
  dplyr::arrange(desc(percent_defect))
print(percent_defect, n = 8)
## # A tibble: 24 x 5
     id_dht22 n_defect n_total mean_humidity percent_defect
##
##
        <dbl>
                                       <dbl>
                                                      <dbl>
                 <int>
                         <int>
## 1
        24900
                 11631
                         11631
                                      1990.
                                                      100
## 2
        13221
                  8958
                        11683
                                        16.0
                                                      76.7
## 3
         4453
                  8208
                         11651
                                        28.7
                                                      70.4
## 4
         4253
                                        30.7
                                                      68.8
                  8026
                        11662
## 5
         490
                  5021
                         9828
                                        21.0
                                                      51.1
## 6
         1339
                  3000
                         11647
                                        38.7
                                                      25.8
## 7
       26897
                  5272
                         46679
                                        41.6
                                                       11.3
## 8
         937
                   915
                         11830
                                        64.5
                                                       7.73
## # ... with 16 more rows
```

Fazit: Sensor mit ID 24900 defekt; dieser war auch für die Temperatur defekt. Die zweit- bis fünftschlechtesten Sensoren haben jedoch auch sehr viele Ausreißer (zu niedrige Werte). Daher überprüfen wir diese Sensoren nun noch etwas genauer.

```
# Mittelwert je Tag dieser Sensoren im Vergleich
# zum Gesamtmittelwert (um eindeutige Ausreißer bereinigt) plotten
sensors munich$dht22 %>%
  dplyr::filter(id_dht22 != "24000", spatstat.utils::inside.range(humidity, c(21, 100))) %>%
  dplyr::group_by(day) %>%
  dplyr::summarize(mean_humidity = mean(humidity, na.rm = TRUE)) %>%
  plot(type = "l", ylim=c(0,150), col = 2, ylab = "daily mean humidity")
axis(1,at=1:24)
abline(h = 100, col = "red", lty = 3)
abline(h = 26, col = "red", lty = 3)
ids_defect <- percent_defect[2:5,] %>% dplyr::pull(id_dht22)
i=3
for (id in ids defect) {
  sensors_munich$dht22 %>% dplyr::filter(id_dht22 == id) %>%
    dplyr::group_by(day) %>%
    dplyr::summarize(mean_humidity = mean(humidity, na.rm =TRUE)) %>%
    lines(col = i)
i <- i+1 }
legend("topright", c("all sensors", paste0("ID = ", ids_defect)), fill = 2:6)
```



Diese Sensoren scheinen ebenso defekt, da die Messwerte für Großteil des Zeitraums zu gering sind und teils stark schwanken. Daher löschen wir auch diese Sensoren komplett.

```
del_12345 <- sensors_munich$dht22$id_dht22 %in% unlist(percent_defect[1:5,"id_dht22"])
```

Zudem löschen wir alle einzelnen Ausreißer und bestimmen die gesamte Menge der Ausreißer, d.h. die Vereinigungsmenge der vollständig entfernten Sensoren und der einzelnen Ausreißer.

```
del_single <- !spatstat.utils::inside.range(sensors_munich$dht22$humidity, c(21, 100))
# Alle Ausreißer für Luftfeuchtigkeit
outliers_dht22_humidity <- del_12345 | del_single</pre>
```

Nun können können wir alle Ausreißer des Typs dht22, welcher Temperatur und Luftfeuchtigkeit misst, bestimmen. Wir entfernen eine Beobachtung sicherheitshalber auch, wenn nur einer der beiden Werte falsch ist.

```
# Alle Ausreißer des Typs dht22 (Temperatur und Luftfeuchtigkeit)
outliers_dht22 <- (outliers_dht22_humidity | outliers_dht22_temperature)
length(which(outliers_dht22))/length(sensors_munich$dht22$humidity)</pre>
```

```
## [1] 0.06995259
```

Insgesamt knapp 7% Asureißer werden für Sensor dht22 entfernt. Die bereinigten Daten werden in der Liste sensors_munich_cleaned gespeichert.

```
# Entfernen
sensors_munich_cleaned$dht22 <- sensors_munich$dht22[!outliers_dht22,]</pre>
```

Ausreißer Luftdruck

Der Luftdruck wird von zwei Sensoren gemessen. Wir führen für jeden der beiden Sensoren eine Ausreißeranalyse durch und kombinieren die beiden Werte später (siehe nächste Sektion).

Zuerst betrachten wir den Sensor bme280 und erstellen auch hier wieder die Tabelle analog zu den bisher betrachteten Variablen. Da die exakt gemessenen Luftdruckdaten in diesem Zeitraum schwierig zu überprüfen

sind, klassifizieren wir vereinfachend Werte außerhalb der 2%- und 98% Quantile als Ausreißer.

```
(interval_outliers1 <- quantile(</pre>
  sensors_munich$bme280[,"pressure", drop=TRUE], c(0.02,0.98), na.rm = TRUE))
##
         2%
                 98%
## 93984.22 96023.58
bme280_outliers_pressure <- sensors_munich$bme280 %>%
  dplyr::filter(!(spatstat.utils::inside.range(pressure,interval_outliers1)))
sensor_mean_bme280 <- sensors_munich$bme280 %>% dplyr::group_by(id_bme280) %>%
  dplyr::summarize(mean bme280=mean(pressure, na.rm = TRUE))
n defect <- bme280 outliers pressure %>%
  dplyr::group_by(id_bme280) %>% dplyr::tally() %>%
  dplyr::rename(n_defect = n) %>% dplyr::arrange(desc(n_defect))
n_total <- sensors_munich$bme280 %>%
  dplyr::group_by(id_bme280) %>% dplyr::tally() %>%
  dplyr::filter(id_bme280 %in% n_defect$id_bme280) %>%
  dplyr::rename(n_total = n) %>% dplyr::arrange(desc(n_total))
percent_defect <- n_defect %>% dplyr::inner_join(n_total, by = "id_bme280") %>%
  dplyr::inner_join(sensor_mean_bme280, by = "id_bme280") %>%
  dplyr::mutate(percent_defect = 100*n_defect/n_total) %>%
  dplyr::arrange(desc(percent_defect))
print(percent_defect, n=5)
## # A tibble: 19 x 5
     id_bme280 n_defect n_total mean_bme280 percent_defect
##
##
         <dbl>
                  <int>
                        <int>
                                      <dbl>
                                                     <dbl>
         29239
                          9839
                                                     28.8
## 1
                  2836
                                     95702.
                   1081 11738
                                                      9.21
## 2
         27731
                                     95543.
## 3
          6218
                    993
                        11662
                                     95537.
                                                      8.51
## 4
         7662
                    801
                         10528
                                                      7.61
                                     95559.
         10093
## 5
                    666
                          11609
                                     94973.
                                                      5.74
## # ... with 14 more rows
```

Fazit: Sensor mit ID 29239 hat deutlich mehr Ausreißer als die anderen Sensoren, welche im Allgemeinen in Ordnung zu sein scheinen. Daher entfernen wir diesen Sensor komplett. Zudem löschen wir alle einzelnen Ausreißer.

Insgesamt ca. 7% der Asureißer werden für Sensor bme280 entfernt. Die bereinigten Daten werden in der Liste sensors_munich_cleaned gespeichert.

```
# Ca. 7% der Daten entfernt
length(which(del))/length(sensors_munich$bme280$pressure)

## [1] 0.06450089

# Löschen
sensors_munich_cleaned$bme280 <- sensors_munich$bme[!del,]</pre>
```

Die gleiche Prozedur wiederholen wir nun für den anderen Luftdruck-Sensortyp.

```
(interval outliers2 <- quantile(
  sensors_munich$bmp180[,"pressure", drop=TRUE], c(0.02,0.98), na.rm = TRUE))
##
         2%
                 98%
## 93880.00 96234.22
bmp180_outliers_pressure <- sensors_munich$bmp180 %>%
  dplyr::filter(!(spatstat.utils::inside.range(pressure,interval outliers2)))
sensor mean bmp180 <- sensors munich$bmp180 %>% dplyr::group by(id bmp180) %>%
  dplyr::summarize(mean bmp180=mean(pressure, na.rm = TRUE))
n defect <- bmp180 outliers pressure %>%
  dplyr::group_by(id_bmp180) %>% dplyr::tally() %>%
  dplyr::rename(n_defect = n) %>% dplyr::arrange(desc(n_defect))
n_total <- sensors_munich$bmp180 %>%
  dplyr::group_by(id_bmp180) %>% dplyr::tally() %>%
  dplyr::filter(id_bmp180 %in% n_defect$id_bmp180) %>% dplyr::rename(n_total = n) %>%
  dplyr::arrange(desc(n_total))
percent_defect <- n_defect %>% dplyr::inner_join(n_total, by = "id_bmp180") %>%
  dplyr::inner_join(sensor_mean_bmp180, by = "id_bmp180") %>%
  dplyr::mutate(percent_defect = 100*n_defect/n_total) %>%
  dplyr::arrange(desc(percent_defect))
print(percent_defect, n=5)
## # A tibble: 6 x 5
     id_bmp180 n_defect n_total mean_bmp180 percent_defect
##
##
         <dbl>
                  <int>
                          <int>
                                      <dbl>
                                                      <dbl>
         28574
                   1094
                         10254
                                     95795.
                                                     10.7
## 1
                                                      7.96
## 2
         4069
                    237
                           2978
                                     94695.
## 3
          3695
                    274
                          11237
                                     95181.
                                                       2.44
## 4
         14023
                    258
                          11655
                                     95168.
                                                       2.21
          8112
## 5
                    150
                           6826
                                     95114.
                                                       2.20
## # ... with 1 more row
```

Diesmal gibt es keine so deutlichen Unterschiede wie zuvor. Wir löschen deshalb nur die einzelnen Ausreißer und nicht den ganzen Sensor. Insgesamt ca. 4% der Ausreißer werden für Sensor bmp180 entfernt. Die bereinigten Daten werden wie zuvor in der Liste sensors_munich_cleaned gespeichert.

```
# Einzelne Ausreißer
del <- !spatstat.utils::inside.range(sensors_munich$bmp180$pressure, interval_outliers2)
# ca. 4% werden geläscht
length(which(del))/length(sensors_munich$bmp180$pressure)
## [1] 0.03995246
# Löschen
sensors_munich_cleaned$bmp180 <- sensors_munich$bmp180[!del,]</pre>
```

Ausreißer Feinstaub (PM10)

Laut der Stadt München wird der PM10-Tagesmittelwert von $50\mu g/m3$ pro Jahr 16 mal überschritten, siehe https://www.muenchen.de/rathaus/Stadtverwaltung/Referat-fuer-Gesundheit-und-Umwelt/Luft_und_

Strahlung/Stickstoffdioxidmessungen.html. Daher halten wir eine Klassifizierung von Ausreißern ab Werten von größer als $150\mu g/m3$ für gerechtfertigt. Dies entspricht ca. dem 99.4% Quantil:

```
quantile(sensors_munich$sds011[,"pm10", drop=TRUE], 0.994)
```

```
## 99.4%
## 163.2004
```

Um verdächtige Sensoren zu erkennen, suchen wir zunächst bereits ab PM10 >= 100. Wieder verfahren wir wie oben, d.h. wir erstellen zunächst eine Tabelle der schlechtesten Sensoren.

```
pm10_outliers <- sensors_munich$sds011 %>%
    dplyr::filter(spatstat.utils::inside.range(pm10, c(100, Inf)))

sensor_mean_pm10 <- sensors_munich$sds011 %>% dplyr::group_by(id_sds011) %>%
    dplyr::summarize(mean_pm10=mean(pm10))

n_defect <- pm10_outliers %>%
    dplyr::group_by(id_sds011) %>% dplyr::tally() %>%
    dplyr::rename(n_defect = n) %>% dplyr::arrange(desc(n_defect))

n_total <- sensors_munich$sds011 %>%
    dplyr::group_by(id_sds011) %>% dplyr::tally() %>%
    dplyr::filter(id_sds011 %)>% dplyr::tally() %>%
    dplyr::filter(id_sds011 %)>% dplyr::inner_join(n_total, by = "id_sds011") %>%
    dplyr::arrange(desc(n_total))

(percent_defect <- n_defect %>% dplyr::inner_join(n_total, by = "id_sds011") %>%
    dplyr::mutate(percent_defect = 100*n_defect/n_total) %>%
    dplyr::arrange(desc(percent_defect)))
```

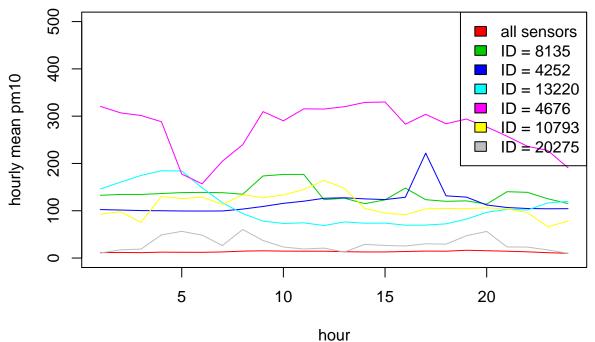
```
## # A tibble: 105 x 5
##
      id sds011 n defect n total mean pm10 percent defect
                                        <dbl>
                                                        <dbl>
##
           <dbl>
                    <int>
                             <int>
##
    1
           14860
                     1768
                              1768
                                      2000.
                                                      100
##
    2
           8135
                     6384
                             10174
                                       135.
                                                       62.7
##
   3
            4252
                     7186
                             11603
                                       117.
                                                       61.9
##
   4
          13220
                     3664
                             11617
                                       107.
                                                       31.5
##
    5
           4676
                     1067
                              6097
                                       273.
                                                       17.5
##
   6
          10793
                     1381
                             11422
                                       111.
                                                       12.1
##
   7
          20275
                     1243
                             26540
                                        30.3
                                                        4.68
                                                        3.38
##
    8
          26896
                     1616
                             47811
                                        21.5
##
    9
           20859
                        59
                              5747
                                         9.74
                                                        1.03
            4893
                              2268
                                                        0.838
## 10
                        19
                                        16.2
## # ... with 95 more rows
```

Fazit: Die 6 schlechtesten Sensoren messen einen deutlich höheren Durchschnittswert als die restlichen Sensoren. Prozentual haben diese Sensoren auch deutlich mehr Ausreißer. Der Sensor mit ID 14860 ist defekt und wird deshalb vollständig entfernt. Die anderen Sensoren untersuchen wir nun genauer, um zu beurteilen, ob diese ebenfalls entfernt werden müssen.

Zuerst plotten wir die durchschnittlichen Werte dieser Sensoren je Stunde und vergleichen mit dem Durchschnitt aller Sensoren:

```
# Plotte Mittelwert je Stunde für potentiell defekte Sensoren
sensors_munich$sds011 %>%
   dplyr::group_by(hour) %>% dplyr::summarize(mean_pm10 = mean(pm10)) %>%
   plot(type = "l", ylim=c(0,500), col = 2, ylab = "hourly mean pm10")
ids_defect <- percent_defect[2:7,] %>% pull(id_sds011)
```

```
i=3
for (id in ids_defect) {
   sensors_munich$sds011 %>% dplyr::filter(id_sds011 == id) %>%
        dplyr::group_by(hour) %>% dplyr::summarize(mean_pm10 = mean(pm10)) %>%
        lines(col = i)
        i <- i+1
}
legend("topright", c("all sensors", paste0("ID = ", ids_defect)), fill = 2:8)</pre>
```

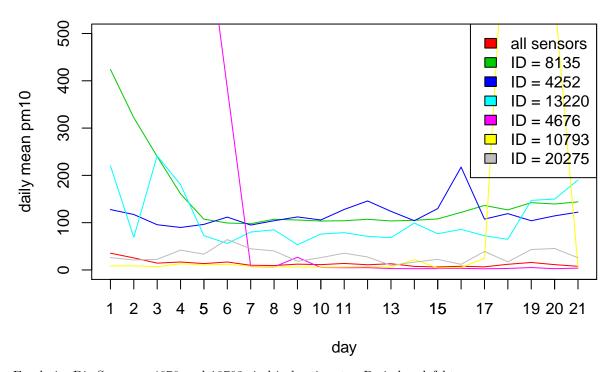


Ergebnis: Die Werte sind konstant hoch. Dies ist sehr unrealistisch, z.B. kommen Sonneneinstrahlung oder Autoverkehr als mögliche Gründe nun kaum mehr in Frage. Ab einschließlich Sensor 7 (ID 20275) sind die Werte dann aber im möglichen Bereich.

Nun plotten wir die durchschnittlichen Werte je Tag und vergleichen erneut mit dem Durchschnitt aller Sensoren:

```
# Gleiche Prozedur für Mittelwert je Tag
sensors_munich$sds011 %>%
    dplyr::group_by(day) %>% dplyr::summarize(mean_pm10 = mean(pm10)) %>%
    plot(type = "l", ylim=c(0,500), col = 2, ylab = "daily mean pm10")
axis(1,at=1:24)

ids_defect <- percent_defect[2:7,] %>% pull(id_sds011)
i=3
for (id in ids_defect) {
    sensors_munich$sds011 %>% filter(id_sds011 == id) %>%
        dplyr::group_by(day) %>% dplyr::summarize(mean_pm10 = mean(pm10)) %>%
        lines(col = i)
    i <- i+1
}
legend("topright", c("all sensors", paste0("ID = ", ids_defect)), fill = 2:8)</pre>
```



Ergebnis: Die Sensoren 4676 und 10793 sind in bestimmten Perioden defekt.

Wir gehen daher wie folgt vor: Wir entfernen die Sensoren 8135, 4252 und 13220, da die Werte sehr unrealistisch erscheinen (konstant hoch). Sensor 4676 wird für Tage 1-6 entfernt und Sensor 10793 für Tage 18-21.

```
# Sensoren 1-4 (IDs 8135, 4252, 13220)

del_1234 <- sensors_munich$sds011$id_sds011 %in% ids_defect[1:4]

# Sensor 5 (ID 4676) für Tage 1-6

del_5 <- (sensors_munich$sds011$id_sds011 %in% ids_defect[5]) & (sensors_munich$sds011$day %in% 1:6)

# Sensor 6 (ID 10793) für Tage 18-21

del_6 <- (sensors_munich$sds011$id_sds011 %in% ids_defect[6]) & (sensors_munich$sds011$day %in% 18:21)
```

Nun werden, wie oben bereits erläutert, noch alle Einzelmesswerte >= 150 entfernt.

```
del_single <- sensors_munich$sds011$pm10 >= 150
```

Wir bilden die Vereinigungsmenge und löschen alle Ausreißer. Insgesamt ca. 3% der Ausreißer werden für Sensor sds011 entfernt.

```
# Vereinigunsmenge bilden
outliers_sds011 <- del_1234 | del_5 | del_6 | del_single
# Anteil der Ausreißer bestimmen
length(which(outliers_sds011))/length(sensors_munich$sds011$pm10)
## [1] 0.02962135</pre>
```

```
# Enfternen
sensors_munich_cleaned$sds011 <- sensors_munich$sds011[!outliers_sds011,]
```

Tibbles der verschiedenen Sensortypen mergen

Nun werden die bisher separaten Tibbles (pro Sensortyp ein Tibble) zu einem Datensatz zusammengefasst. Dazu werden je Stunde die durchschnittlichen Werte von Feinstaub, Temperatur und Feuchtigkeit pro

Sensor gebildet. Der Feinstaubsensor (sds011) wird dann an den Temperatur-/Feuchtigkeitssensor (dht22) gespielt, wobei als eindeutiger Schlüssel der Ort (lat, lon) und die Zeit (day, hour) verwendet wird. Dadurch gehen alle Beobachtungen dieser beiden Sensortypen verloren, welche nicht am gleichen Ort und/oder zur gleichen Zeit gemessen wurden. Von den ca. 69000 stündlich aggregierten Feinstaubdaten und den ca. 48100 Temperatur-/Luftfeuchtigkeitsdaten bleiben am Ende ca. 43800 Daten übrig.

Für den Luftdruck (bme280 und bmp180) gibt es jedoch deutlich weniger Sensoren. Deshalb berechnen wir hier einen stündlichen Mittelwert über alle Sensoren hinweg. Dieser Mittelwert wird dann über den Zeitschlüssel (day, hour) an die beiden anderen zuvor zusammengefügten Sensoren gespielt. Hierbei gehen keine Daten verloren. Da es zwei verschiedene Luftdrucksensoren gibt, die jedoch die gleiche Einheit (Pascal) messen, mitteln wir die Werte beider Sensoren.

```
# Funktion um Mittelwert pro Stunde und Sensor für Variable var eines tibbles x zu berechn
hourly_mean_per_sensor <- function(x, var){
  x %>%
    dplyr::group_by(lat, lon, day, hour) %>%
    dplyr::summarize_at(dplyr::vars(var), mean, na.rm=TRUE) %>%
    dplyr::ungroup()
}
# Funktion um Mittelwert pro Stunde für Variable var eines tibbles x zu berechnen
hourly_mean_agg <- function(x, var){
  x %>%
    dplyr::group by(day, hour) %>%
    dplyr::summarize_at(dplyr::vars(var), mean, na.rm=TRUE) %>%
    dplyr::ungroup()
}
# Schlüssel kreieren, um verschiedene Sensortypen anzuspielen
make_key1 <- function(x){</pre>
  x %>%
    dplyr::mutate(key1 = paste(lat, lon, day, hour, sep="-"))
}
make_key2 <- function(x){</pre>
  x %>%
    dplyr::mutate(key2 = paste(day, hour, sep="-"))
}
# Funktion anwenden, um Mittelwert pro Stunde und Sensor für Sensortypen
# sds011 (PM10) und dht22 (Temperatur, Feuchtigkeit) zu berechnen
new data1 <- sensors munich cleaned[c("sds011", "dht22")] %>%
  purrr::map2(list("pm10", c("temperature", "humidity")),
              hourly_mean_per_sensor) %>%
  purrr::map(make key1) %>%
  purrr::map(make_key2)
# Aggregierte PM10- und Temperatur-/Feuchtigkeitsdaten vor dem Mergen:
new_data1[c("sds011", "dht22")]
## $sds011
## # A tibble: 69,039 x 7
##
              lon
                    day hour pm10 key1
                                                        key2
##
      <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <chr>
                                                        <chr>
##
    1 48.1 11.5
                      1
                            1 39.4 48.078-11.516-1-1
                                                       1-1
   2 48.1 11.5
                            2 10.6
                                    48.078-11.516-1-2
##
                      1
                                                       1-2
##
   3 48.1 11.5
                            3 10.7
                                    48.078-11.516-1-3 1-3
                      1
##
       48.1 11.5
                      1
                            4 11.6
                                    48.078-11.516-1-4
  5 48.1 11.5
                      1
                            5 12.2 48.078-11.516-1-5 1-5
```

```
6 48.1 11.5
                     1
                          6 11.9 48.078-11.516-1-6 1-6
##
   7 48.1 11.5
                          7 12.2 48.078-11.516-1-7
                     1
                                                    1-7
##
  8 48.1 11.5
                     1
                          8 11.1 48.078-11.516-1-8 1-8
##
  9 48.1 11.5
                          9 8.09 48.078-11.516-1-9 1-9
                     1
## 10 48.1 11.5
                     1
                          10 4.77 48.078-11.516-1-10 1-10
## # ... with 69,029 more rows
##
## $dht22
## # A tibble: 48,122 x 8
##
       lat
            lon
                   day hour temperature humidity key1
                                                                    key2
      <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <
                                  <dbl>
                                           <dbl> <chr>
                                                                    <chr>
  1 48.1 11.5
                                   22.3
##
                                            99.9 48.078-11.516-1-1 1-1
                     1
                           1
##
  2 48.1 11.5
                     1
                           2
                                   21.7
                                            99.9 48.078-11.516-1-2 1-2
## 3 48.1 11.5
                           3
                                   21.1
                    1
                                            99.9 48.078-11.516-1-3 1-3
## 4 48.1 11.5
                          4
                                   20.5
                                            99.9 48.078-11.516-1-4 1-4
                    1
## 5 48.1 11.5
                    1
                          5
                                   20.9
                                            99.9 48.078-11.516-1-5 1-5
## 6 48.1 11.5
                   1
                          6
                                  21.9
                                            99.9 48.078-11.516-1-6 1-6
                         7
## 7 48.1 11.5
                    1
                                  23.5
                                            99.9 48.078-11.516-1-7 1-7
## 8 48.1 11.5
                         8
                                   26.5
                                            98.9 48.078-11.516-1-8 1-8
                     1
## 9 48.1 11.5
                          9
                                   29.2
                                            92.0 48.078-11.516-1-9 1-9
## 10 48.1 11.5
                          10
                                   32.0
                                            73.3 48.078-11.516-1-10 1-10
## # ... with 48,112 more rows
# Für bmp180 und bme280 zu wenige Sensoren vorhanden.
# Beim mergen auf Sensorebene würden daher fast alle Sensoren verloren gehen.
# Deshalb Berechnung des Mittelwerts für diese Sensortypen aggregiert über alle Sensoren
sensors_munich_cleaned$bme280 <- sensors_munich_cleaned$bme280 %>%
 dplyr::rename(pressure1 = pressure)
sensors_munich_cleaned$bmp180 <- sensors_munich_cleaned$bmp180 %>%
 dplyr::rename(pressure2 = pressure)
new_data2 <- sensors_munich_cleaned[c("bme280", "bmp180")] %>%
 purrr::map2(list("pressure1", "pressure2"),
             hourly_mean_agg) %>%
 purrr::map(make key2)
# Da beide Sensoren Luftdruck messen, wird Mittelwert beider Sensortypen verwendet
# Falls für einen der beiden Sensoren Wert fehlt, nehme anderen Wert
new_data2 <- new_data2$bme280 %>%
 dplyr::full_join(new_data2$bmp180) %>%
 dplyr::mutate(pressure = 0.5*pressure1+0.5*pressure2) %>%
 dplyr::select(-c("pressure1", "pressure2"))
## Joining, by = c("day", "hour", "key2")
# Tibbles Mergen
new_data <- new_data1$sds011 %>%
 dplyr::inner_join(new_data1$dht22) %>%
 dplyr::select(-"key1") %>%
 dplyr::left_join(new_data2)
## Joining, by = c("lat", "lon", "day", "hour", "key1", "key2")
## Joining, by = c("day", "hour", "key2")
```

Transformationen und zeitlich-räumliche Indizierung der Daten

Abschließend kreieren bzw. transformieren wir noch einige Variablen. Da wir für das Modell in der folgenden Sektion einen AR(1)-Prozess annehmen werden, erstellen wir einen chronologischen Zeitindex t. Dieser beginnt mit Wert t=1 bei Tag 1, Stunde 1, und endet bei Tag 21 Stunde 24 mit Wert t=504. Wir erstellen zudem für alle Messungen am selben Ort eine ID.

```
# Chronologischen Zeitindex aus Tag und Stunde erstellen,
# da wir später einen AR(1)-Prozess annehmen werden
new_data <- new_data %>% mutate(t = hour+24*(day-1))

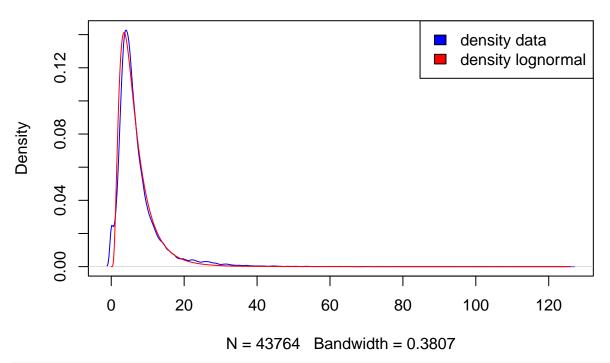
# Neue ID kreieren für alle Messungen am gleichen Ort
new_data <- new_data %>% dplyr::group_by(lon,lat) %>%
mutate(ID = group_indices()) %>% dplyr::ungroup()
```

Die Koordinaten sind als Latitude/Longitude gegeben. Dies ist kein metrisches Koordinatensystem, d.h. insbesondere messen beide Einheiten an verschiedenen Orten der Erde unterschiedliche Distanzen. Um im nächsten Kapitel ein gleichmäßiges Vorhersagegitter zu erzeugen werden daher die Koordinaten in ein metrisches Referenzsystem transformiert. Für München bietet sich hierfür UTM Zone 32 an.

Um im nächsten Kapitel eine Normalverteilungsannahme treffen zu können wird die Responsevariable log-transformiert, da die Dichte von pm10 als log-normal angenommen werden kann:

```
pm10 <- new_data$pm10
# Kerndichteschätzung
pm10_density <- density(pm10)
# Plotte geschätzte Dichte vs. Lognormal Dichte
plot(pm10_density, col="blue", main = "Distribution of PM10")
x <- seq(min(pm10),max(pm10), le = 1000)
lines(x, dlnorm(x,meanlog = 1.68, sdlog = 0.65), col = "red")
legend("topright", legend = c("density data", "density lognormal"), fill=c("blue", "red"))</pre>
```

Distribution of PM10



```
# Log-Transformation der Response
new_data <- new_data %>% mutate(logpm10 = log(pm10+1))
```

Nun haben wir den finalen Datensatz generiert:

```
## # A tibble: 43,764 x 13
##
                 t logpm10 pm10
                                                                   hour temperature
         ID
                                       X
                                              Y
                                                  lon
                                                        lat
                                                               day
##
      <int> <dbl>
                      <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <
                                                             <dbl>
                                                                    <dbl>
                                                                                 <dbl>
##
    1
                       2.25 8.45
                                   678. 5339.
                                                 11.4
                                                       48.2
                                                                                  21.3
           1
                 1
                                                 11.4
                                                                                  23.2
##
    2
           2
                 1
                      2.43 10.3
                                    680. 5335.
                                                       48.1
                                                                 1
                                                                        1
##
    3
           3
                 1
                      2.67 13.5
                                    682. 5337.
                                                 11.4
                                                       48.2
                                                                 1
                                                                                  24.5
##
    4
           4
                 1
                       2.74 14.4
                                    683. 5340.
                                                 11.5
                                                       48.2
                                                                 1
                                                                        1
                                                                                  21.5
                                                                                  22.7
    5
           5
                       2.44 10.5
                                    684. 5333.
                                                 11.5
                                                       48.1
##
                 1
                                                                 1
                                                                        1
##
    6
           6
                       2.55 11.7
                                    685. 5332.
                                                 11.5
                                                       48.1
                                                                 1
                                                                        1
                                                                                  21.3
                 1
    7
          7
##
                             0
                                    685. 5333.
                                                 11.5
                                                       48.1
                                                                                  21.4
##
    8
           8
                       2.48 10.9
                                    685. 5334.
                                                 11.5
                                                       48.1
                                                                                  20.6
                 1
                                                                 1
                                                                        1
##
    9
           9
                 1
                       2.97 18.4
                                    685. 5335.
                                                 11.5
                                                       48.1
                                                                 1
                                                                        1
                                                                                  21.2
## 10
         10
                                   686. 5334.
                                                 11.5
                                                       48.1
                                                                                  24.2
                       2.39 9.94
                                                                 1
                                                                        1
                 1
         with 43,754 more rows, and 2 more variables: humidity <dbl>,
       pressure <dbl>
```

Die bereinigten Daten werden unter pm_all.csv gespeichert.

```
# Daten speichern
filename_out <- paste(path_workfiles, "pm_all.csv", sep ="/")
write.table(new_data, file = filename_out, sep = ",", row.names = FALSE)</pre>
```

Verkleinerung des Datensatzes & Unterteilung in Trainings- und Validierungsdaten

Aufgrund computationaler Hindernisse verwenden wir für das Fitten des Modells im nächsten Abschnitt nur die erste Woche der Beobachtungen; bei hoher Rechenleistung können jedoch ohne weiteres auch alle Beobachtungen verwendet werden. Somit ist T=168.

```
# Nur erste Woche verwenden (d.h. t \le 24*7 = 168)

n_t <- 168

new_data_mod <- new_data %>% filter(t <= n_t)
```

Die verbliebenen Beobachtungen unterteilen wir in Trainings- und Validierungsdaten. Zur Validierung des Modells werden zufällig Sensoren ausgewählt - die Vorhersage an diesen Orten wird später mit den tatsächlich gemessenen Werten verglichen.

```
# Daten in Trainings- und Validierungsdaten unterteilen und nochmal separat abspeichern
idx_val <- sample(1:max(new_data_mod$ID), 10)
pm_data_val <- new_data_mod %>% filter(ID %in% idx_val)
pm_data_train <- new_data_mod %>% filter(!ID %in% idx_val)
filename_val <- paste(path_workfiles, "pm_all_val.csv", sep ="/")
filename_train <- paste(path_workfiles, "pm_all_train.csv", sep ="/")
# Daten zwischenspeichern
write.table(pm_data_val, file = filename_val, sep = ",", row.names = FALSE)
write.table(pm_data_train, file = filename_train, sep = ",", row.names = FALSE)</pre>
```

Die Daten werden abgespeichert, damit bei Bedarf verschiedene Modelle anhand der gleichen Validierungsdaten verglichen werden können.