### Elementi di Bioinformatica

#### Gianluca Della Vedova

Univ. Milano-Bicocca https://gianluca.dellavedova.org

3 novembre 2022

#### Allineamento

■ Input: 2 sequenze s<sub>1</sub> e s<sub>2</sub>

- Input: 2 sequenze s₁ e s₂
- Aggiunta di indel in s<sub>1</sub> e s<sub>2</sub>

- Input: 2 sequenze s₁ e s₂
- Aggiunta di indel in s<sub>1</sub> e s<sub>2</sub>
  - sequenze estese = stessa lunghezza

- Input: 2 sequenze s₁ e s₂
- Aggiunta di indel in s<sub>1</sub> e s<sub>2</sub>
- sequenze estese = stessa lunghezza
- NO colonne di indel

# Allineamento: esempio

### Input

ABRACADABRA

**BANANA** 

## Allineamento: esempio

Input

**ABRACADABRA** 

**BANANA** 

sequenze allineate 1

**ABRACADABRA** 

-B-ANA---NA

## Allineamento: esempio

### Input

ABRACADABRA

**BANANA** 

### sequenze allineate 1

**ABRACADABRA** 

-B-ANA---NA

#### sequenze allineate 2

ABR-AC-ADABRA

---B-ANA---NA

#### Problema di ottimizzazione

■ Istanza: insieme infinito di casi

- Istanza: insieme infinito di casi
- Soluzioni ammissibili: ammissibilità verificabile in tempo polinomiale

- Istanza: insieme infinito di casi
- Soluzioni ammissibili: ammissibilità verificabile in tempo polinomiale
- Funzione obiettivo: soluzione ammissibile  $\mapsto \mathbb{Q}$

- Istanza: insieme infinito di casi
- Soluzioni ammissibili: ammissibilità verificabile in tempo polinomiale
- Funzione obiettivo: soluzione ammissibile  $\mapsto \mathbb{Q}$
- Massimizzazione o minimizzazione

#### Problema di ottimizzazione

- Istanza: insieme infinito di casi
- Soluzioni ammissibili: ammissibilità verificabile in tempo polinomiale
- Funzione obiettivo: soluzione ammissibile  $\mapsto \mathbb{Q}$
- Massimizzazione o minimizzazione

costo o valore?

#### Problema di ottimizzazione

- Istanza: insieme infinito di casi
- Soluzioni ammissibili: ammissibilità verificabile in tempo polinomiale
- Funzione obiettivo: soluzione ammissibile  $\mapsto \mathbb{Q}$
- Massimizzazione o minimizzazione

#### costo o valore?

Costo da minimizzare

#### Problema di ottimizzazione

- Istanza: insieme infinito di casi
- Soluzioni ammissibili: ammissibilità verificabile in tempo polinomiale
- Funzione obiettivo: soluzione ammissibile  $\mapsto \mathbb{Q}$
- Massimizzazione o minimizzazione

#### costo o valore?

- Costo da minimizzare
- Valore da massimizzare

Valore di un allineamente

#### Valore di un allineamento

Somma dei valori delle singole colonne

#### Valore di un allineamento

- Somma dei valori delle singole colonne
- Valore di una colonna =

#### Valore di un allineamento

- Somma dei valori delle singole colonne
- Valore di una colonna =
- valore in ingresso

#### Valore di un allineamento

- Somma dei valori delle singole colonne
- Valore di una colonna =
- valore in ingresso

#### Istanza

#### Valore di un allineamento

- Somma dei valori delle singole colonne
- Valore di una colonna =
- valore in ingresso

#### Istanza

due sequenze s<sub>1</sub> e s<sub>2</sub>

#### Valore di un allineamento

- Somma dei valori delle singole colonne
- Valore di una colonna =
- valore in ingresso

#### Istanza

- due sequenze s<sub>1</sub> e s<sub>2</sub>
- matrice di score d :  $(\Sigma \cup \{-\}) \times (\Sigma \cup \{-\}) \mapsto \mathbb{Q}$  (normalmente interi)

#### Valore di un allineamento

- Somma dei valori delle singole colonne
- Valore di una colonna =
- valore in ingresso

#### Istanza

- due sequenze s<sub>1</sub> e s<sub>2</sub>
- matrice di score d :  $(\Sigma \cup \{-\}) \times (\Sigma \cup \{-\}) \mapsto \mathbb{Q}$  (normalmente interi)
- problema di massimizzazione = massima omologia

### Definizione

$$M[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i], s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-, s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i], -) \end{cases}$$

### Definizione

$$M[i, j] = \text{ottimo su } s_1[: i], s_2[: j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-,s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i],-) \end{cases}$$

### Definizione

$$M[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-,s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i],-) \end{cases}$$

$$M[0,0] = 0$$

### Definizione

$$M[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-,s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i],-) \end{cases}$$

- M[0,0] = 0
- $M[i, 0] = M[i 1, 0] + d(s_1[i], -)$

### Definizione

$$M[i, j] = \text{ottimo su } s_1[: i], s_2[: j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i], s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-, s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i], -) \end{cases}$$

- M[0,0] = 0
- $M[i, 0] = M[i 1, 0] + d(s_1[i], -)$
- $M[0,j] = M[0,j-1+d(-,s_2[j])$

Allineamento globale

Si allineano le sequenze intere

Allineamento globale

Si allineano le sequenze intere

Allineamento globale

Si allineano le sequenze intere

Allineamento locale

Input:  $s_1$ ,  $s_2$ , matrice di score d

### Allineamento globale

Si allineano le sequenze intere

- 1 Input: s<sub>1</sub>, s<sub>2</sub>, matrice di score d
- 2 Individuare sottostringhe  $t_1$  di  $s_1$  e  $t_2$  di  $s_2$  tale che

## Allineamento globale

Si allineano le sequenze intere

- Input:  $s_1$ ,  $s_2$ , matrice di score d
- Individuare sottostringhe  $t_1$  di  $s_1$  e  $t_2$  di  $s_2$  tale che
- 3 All $[t_1, t_2] \ge All[u_1, u_2]$  per ogni coppia di sottostringhe  $u_1, u_2$  di  $s_1, s_2$ .

## Allineamento globale

Si allineano le sequenze intere

- Input:  $s_1$ ,  $s_2$ , matrice di score d
- Individuare sottostringhe  $t_1$  di  $s_1$  e  $t_2$  di  $s_2$  tale che
- 3 All $[t_1, t_2] \ge All[u_1, u_2]$  per ogni coppia di sottostringhe  $u_1, u_2$  di  $s_1, s_2$ .
- 4 Algoritmo banale: calcolo tutte le sottostringhe di  $s_1$ ,  $s_2$  e ne calcolo allineamento globale

## Allineamento locale

## Allineamento globale

Si allineano le sequenze intere

### Allineamento locale

- Input:  $s_1$ ,  $s_2$ , matrice di score d
- Individuare sottostringhe  $t_1$  di  $s_1$  e  $t_2$  di  $s_2$  tale che
- 3 All $[t_1, t_2] \ge All[u_1, u_2]$  per ogni coppia di sottostringhe  $u_1, u_2$  di  $s_1, s_2$ .
- 4 Algoritmo banale: calcolo tutte le sottostringhe di  $s_1$ ,  $s_2$  e ne calcolo allineamento globale
- 5 Tempo  $O(n^3m^3)$

Osservazione

#### Osservazione 1

 ${\color{red} 1}{\color{black} 1}$  Matrice M[i, j] memorizza allineamento di tutte le coppie di profissi di  $s_1,\,s_2$ 

#### Osservazione 1

- 1 Matrice M[i,j] memorizza allineamento di tutte le coppie di prefissi di  $s_1, s_2$
- 2 Allineamento massimo fra coppie di prefissi = valore massimo in M

#### Osservazione 1

- 1 Matrice M[i,j] memorizza allineamento di tutte le coppie di prefissi di  $s_1, s_2$
- 2 Allineamento massimo fra coppie di prefissi = valore massimo in M

### Osservazione 2

### Osservazione 1

- 1 Matrice M[i,j] memorizza allineamento di tutte le coppie di profissi di  $s_1, s_2$
- 2 Allineamento massimo fra coppie di prefissi = valore massimo in M

### Osservazione 2

M[0,0] = 0

### Osservazione 1

- 1 Matrice M[i,j] memorizza allineamento di tutte le coppie di prefissi di  $s_1, s_2$
- 2 Allineamento massimo fra coppie di prefissi = valore massimo in M

### Osservazione 2

- M[0,0] = 0
- 2 quindi non si prendono sottostringhe con allineamento negativo

### Definizione

 $M[i,j] = \text{ottimo fra tutte le stringhe } s_1[k:i], s_2[h:j]$ 

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-,s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i],-) \\ 0 \end{cases}$$

### Definizione

M[i,j] = ottimo fra tutte le stringhe  $s_1[k:i]$ ,  $s_2[h:j]$ 

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i], s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-, s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i], -) \\ 0 \end{cases}$$

### Definizione

M[i,j] = ottimo fra tutte le stringhe  $s_1[k:i]$ ,  $s_2[h:j]$ 

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i], s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-, s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i], -) \\ 0 \end{cases}$$

$$M[0,0] = M[i,0] = M[0,j] = 0$$

### Definizione

M[i,j] = ottimo fra tutte le stringhe  $s_1[k:i]$ ,  $s_2[h:j]$ 

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-,s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i],-) \\ 0 \end{cases}$$

- M[0,0] = M[i,0] = M[0,j] = 0
- punto finale = valore massimo

### Definizione

M[i,j] = ottimo fra tutte le stringhe  $s_1[k:i]$ ,  $s_2[h:j]$ 

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i], s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-, s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i], -) \\ 0 \end{cases}$$

- M[0,0] = M[i,0] = M[0,j] = 0
- punto finale = valore massimo
- si risale nell'allineamento fino a uno 0.

### Definizione

M[i,j] = ottimo fra tutte le stringhe  $s_1[k:i]$ ,  $s_2[h:j]$ 

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ M[i,j-1] + d(-,s_2[j]) \\ M[i-1,j] + d(s_1[i],-) \\ 0 \end{cases}$$

- M[0,0] = M[i,0] = M[0,j] = 0
- punto finale = valore massimo
- si risale nell'allineamento fino a uno 0.
- Tempo (nm)

#### Definizione

#### Definizione

1 Sequenza contigua di indel in un alimeamento

#### Definizione

1 Sequenza contigua di indel in un allineamento

## Esempio

ABR AC ADABRA: 2 gap
---B-ANA---NA: 3 gap

### Definizione

1 Sequenza contigua di indel in un allineamento

## Esempio

ABR AC ADABRA: 2 gap
---B-ANA---NA: 3 gap

#### Osservazione

### Definizione

1 Sequenza contigua di indel in un allincamento

## Esempio

ABR AC ADABRA: 2 gap

B ANA NA: 3 gap

### Osservazione

1 Un gap sposta il frame di lettura

### Definizione

1 Sequenza contigua di indel in un allincamento

## Esempio

ABR AC ADABRA: 2 gap

B ANA NA: 3 gap

### Osservazione

- 1 Un gap sposta il frame di lettura
- 2 no indel  $\neq$  1 indel item 1 indel  $\approx$  2 indel

costo gap lungo l: P(l)

- costo gap lungo l: P(l)
- Come descrivo l'allineamento ottimo?

- costo gap lungo l: P(l)
- Come descrivo l'allineamento ottimo?
- Come è fatta l'ultima colonna?

- costo gap lungo l: P(l)
- Come descrivo l'allineamento ottimo?
- Come è fatta l'ultima colonna?
- Come è fatto l'ultimo gap?

### Definizione

$$M[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ \max_{l>0} M[i,j-l] + P(l) \\ \max_{l>0} M[i-l,j] + P(l) \end{cases}$$

### Definizione

$$M[i, j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \text{ no gap} \\ \max_{l>0} M[i,j-l] + P(l) \text{ gap in } s_1 \\ \max_{l>0} M[i-l,j] + P(l) \text{ gap in } s_2 \end{cases}$$

### Definizione

$$M[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ \max_{l>0} M[i,j-l] + P(l) \\ \max_{l>0} M[i-l,j] + P(l) \end{cases}$$

### Condizione al contorno

M[0,0] = 0

### Definizione

$$M[i, j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i], s_2[j]) \\ \max_{l>0} M[i,j-l] + P(l) \\ \max_{l>0} M[i-l,j] + P(l) \end{cases}$$

- M[0,0] = 0
- M[i, 0] = P(i), M[0, j] = P(j)

### Definizione

$$M[i, j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j]$$

$$M[i,j] = \max \begin{cases} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ \max_{l>0} M[i,j-l] + P(l) \\ \max_{l>0} M[i-l,j] + P(l) \end{cases}$$

- M[0,0] = 0
- M[i, 0] = P(i), M[0, j] = P(j)
- Tempo O(nm(n + m))

costo gap lungo l: P<sub>o</sub> + lP<sub>e</sub>

- □ costo gap lungo l: P<sub>o</sub> + lP<sub>e</sub>
- P<sub>o</sub>: costo apertura gap

- □ costo gap lungo l: P<sub>o</sub> + lP<sub>e</sub>
- P<sub>o</sub>: costo apertura gap
- P<sub>e</sub>: costo estensione gap

- □ costo gap lungo l: P<sub>o</sub> + lP<sub>e</sub>
- P<sub>o</sub>: costo apertura gap
- P<sub>e</sub>: costo estensione gap
- $P_e, P_o > 0$

- □ costo gap lungo l: P<sub>o</sub> + lP<sub>e</sub>
- P<sub>o</sub>: costo apertura gap
- P<sub>e</sub>: costo estensione gap
- $P_e, P_o > 0$
- Come descrivo l'allineamento ottimo?

- □ costo gap lungo l: P<sub>o</sub> + lP<sub>e</sub>
- P<sub>o</sub>: costo apertura gap
- P<sub>e</sub>: costo estensione gap
- $P_e, P_o > 0$
- Come descrivo l'allineamento ottimo?
- Come è fatta l'ultima colonna?



- □ costo gap lungo l: P<sub>o</sub> + lP<sub>e</sub>
- P<sub>o</sub>: costo apertura gap
- P<sub>e</sub>: costo estensione gap
- $P_e, P_o > 0$
- Come descrivo l'allineamento ottimo?
- Come è fatta l'ultima colonna?
- Come è fatto l'ultimo gap?



# Gap affine

### Definizion

ianluca Della Vedova

#### Definizione

■ M[i,j] = ottimo su  $s_1[:i]$ ,  $s_2[:j]$ 

- $M[i, j] = \text{ottimo su } s_1[: i], s_2[: j]$
- $E_1[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j], \text{ con estensione di gap finale in } s_1[:i]$

- M[i,j] = ottimo su  $s_1[:i]$ ,  $s_2[:j]$
- $E_1[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j], \text{ con estensione di gap finale in } s_1[:i]$
- $E_2[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j], \text{ con estensione di gap finale in } s_2[:i]$

- $M[i, j] = \text{ottimo su } s_1[: i], s_2[: j]$
- $E_1[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j], \text{ con estensione di gap finale in } s_1[:i]$
- $E_2[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j], \text{ con estensione di gap finale in } s_2[:i]$
- N<sub>1</sub>[i, j] = ottimo su s<sub>1</sub>[: i], s<sub>2</sub>[: j], con apertura di gap alla fine di s<sub>1</sub>

- M[i,j] = ottimo su  $s_1[:i]$ ,  $s_2[:j]$
- $\mathbf{E}_1[\mathbf{i}, \mathbf{j}] = \text{ottimo su } \mathbf{s}_1[: \mathbf{i}], \, \mathbf{s}_2[: \mathbf{j}], \, \text{con estensione di gap finale in } \mathbf{s}_1[: \mathbf{i}], \, \mathbf{s}_2[: \mathbf{j}], \, \mathbf{s}_3[: \mathbf{$
- $E_2[i,j] = \text{ottimo su } s_1[:i], s_2[:j], \text{ con estensione di gap finale in } s_2[:i]$
- $N_1[i, j] = \text{ottimo su } s_1[: i], s_2[: j], \text{ con apertura di gap alla fine di } s_1[: i]$
- $N_2[i, j] = \text{ottimo su } s_1[: i], s_2[: j], \text{ con apertura di gap alla fine di } s_2[: j]$

$$\begin{split} M[i,j] &= \max \left\{ \begin{array}{l} M[i-1,j-1] + d(s_1[i],s_2[j]) \\ E_1[i,j],E_2[i,j] \\ N_1[i,j],N_2[i,j] \end{array} \right. \\ E_1[i,j] &= \max \left\{ \begin{array}{l} E_1[i,j-1] + P_e \\ N_1[i,j-1] + P_e \end{array} \right. \\ E_2[i,j] &= \max \left\{ \begin{array}{l} E_2[i-1,j] + P_e \\ N_2[i-1,j] + P_e \end{array} \right. \\ N_1[i,j] &= M[i,j-1] + P_o + P_e, \quad N_2[i,j] = M[i-1,j] + P_o + P_e \end{split}$$

#### k sequenze

■ Input: insieme di sequenze  $\{s_1, ..., s_k\}$ 

- Input: insieme di sequenze  $\{s_1, \ldots, s_k\}$
- Aggiunta di indel nelle sequenze

- Input: insieme di sequenze  $\{s_1, \ldots, s_k\}$
- Aggiunta di indel nelle sequenze
- sequenze estese = tutte stessa lunghezza

- Input: insieme di sequenze  $\{s_1, \ldots, s_k\}$
- Aggiunta di indel nelle sequenze
- sequenze estese = tutte stessa lunghezza
- NO colonne di indel

SP: sum of pairs

#### SP: sum of pairs

 $\{s_1,\ldots,s_k\}\mapsto \{s_1^*,\ldots,s_k^*\}$  allineate

#### SP: sum of pairs

- $\{s_1,\ldots,s_k\}\mapsto \{s_1^*,\ldots,s_k^*\}$  allineate
- Valore  $\{s_1^*[h], ..., s_k^*[h]\}$

#### SP: sum of pairs

- $\{s_1,\ldots,s_k\}\mapsto\{s_1^*,\ldots,s_k^*\}$  allineate
- Valore  $\{s_1^*[h], ..., s_k^*[h]\}$

#### SP: sum of pairs

- $\{s_1,\ldots,s_k\}\mapsto\{s_1^*,\ldots,s_k^*\}$  allineate
- Valore  $\{s_1^*[h], ..., s_k^*[h]\}$

#### Complessità

### SP: sum of pairs

- $\{s_1,\ldots,s_k\}\mapsto\{s_1^*,\ldots,s_k^*\}$  allineate
- Valore  $\{s_1^*[h], ..., s_k^*[h]\}$

## Complessità

se k è arbitrario  $\Rightarrow$  NP-completo

### SP: sum of pairs

- $\{s_1,\ldots,s_k\}\mapsto\{s_1^*,\ldots,s_k^*\}$  allineate
- Valore  $\{s_1^*[h], ..., s_k^*[h]\}$
- $\sum_{i < j} d(s_1^*[i], s_k^*[j])$

### Complessità

- se k è arbitrario  $\Rightarrow$  NP-completo
- se k è fissato  $\Rightarrow$  tempo  $O(n^k)$

1 Utilizzate per valutare un allineamento

- 1 Utilizzate per valutare un allineamento
- 2 Implicitamente probabilità di transizione

- 1 Utilizzate per valutare un allineamento
- 2 Implicitamente probabilità di transizione
- 3 Mutazioni ricorrenti

- Utilizzate per valutare un allineamento
- 2 Implicitamente probabilità di transizione
- 3 Mutazioni ricorrenti
- 4 Allineamenti di proteine

1 PAM: point/percent accepted mutation

- 1 PAM: point/percent accepted mutation
- 2 due sequenze  $s_1$  e  $s_2$ : quanto sono distanti?

- 1 PAM: point/percent accepted mutation
- due sequenze  $s_1$  e  $s_2$ : quanto sono distanti?
- 3 distanza 1PAM ⇒ numero mutazioni =  $\frac{1}{100}$ |s<sub>1</sub>|

- 1 PAM: point/percent accepted mutation
- due sequenze  $s_1$  e  $s_2$ : quanto sono distanti?
- 3 distanza 1PAM ⇒ numero mutazioni =  $\frac{1}{100}$ |s<sub>1</sub>|
- 4 semplice in assenza di indel



- 1 PAM: point/percent accepted mutation
- due sequenze  $s_1$  e  $s_2$ : quanto sono distanti?
- 3 distanza 1PAM ⇒ numero mutazioni =  $\frac{1}{100}$ |s<sub>1</sub>|
- 4 semplice in assenza di indel
- 5 Mutazioni ricorrenti ⇒ misura affidabile solo per piccoli valori



- PAM: point/percent accepted mutation
- 2 due sequenze  $s_1$  e  $s_2$ : quanto sono distanti?
- 3 distanza 1PAM ⇒ numero mutazioni =  $\frac{1}{100}|s_1|$
- 4 semplice in assenza di indel
- 5 Mutazioni ricorrenti ⇒ misura affidabile solo per piccoli valori
- $s_1$  e  $s_2$  distanti 100 PAM  $\Rightarrow$  una singola base ha 36% di probabilità di non essere mutata

1 dipende dalla distanza attesa

- 1 dipende dalla distanza attesa
- 2 PAM250, PAM200, PAM1

- 1 dipende dalla distanza attesa
- 2 PAM250, PAM200, PAM1

- 1 dipende dalla distanza attesa
- 2 PAM250, PAM200, PAM1

#### Calcolo PAMk

1 Costruzione PAMk

- dipende dalla distanza attesa
- 2 PAM250, PAM200, PAM1

- 1 Costruzione PAMk
- 2 Si prendono varie sequenze distanti kPAM

- dipende dalla distanza attesa
- 2 PAM250, PAM200, PAM1

- 1 Costruzione PAMk
- 2 Si prendono varie sequenze distanti kPAM
- 3 si allineano le sequenze

- 💶 dipende dalla distanza attesa
- 2 PAM250, PAM200, PAM1

- 1 Costruzione PAMk
- 2 Si prendono varie sequenze distanti kPAM
- 3 si allineano le sequenze
- $\mathbf{4}$  si calcolano le frequenze f(i), f(i,j) di tutti i singoli caratteri e le coppie di caratteri

- 💶 dipende dalla distanza attesa
- 2 PAM250, PAM200, PAM1

- 1 Costruzione PAMk
- 2 Si prendono varie sequenze distanti kPAM
- 3 si allineano le sequenze
- $\mathbf{4}$  si calcolano le frequenze f(i), f(i,j) di tutti i singoli caratteri e le coppie di caratteri
- PAMk(i, j) =  $\log \frac{f(i,j)}{f(i)f(j)}$



#### Odds ratio

 $\frac{p}{1-p}$ , p è la probabilità dell'evento interessante (target)

- $\frac{p}{1-p}$ , p è la probabilità dell'evento interessante (target)
- $\frac{f(i,j)}{f(i)f(j)}$

- $\frac{p}{1-p}$ , p è la probabilità dell'evento interessante (target)
- $2 \quad \frac{f(i,j)}{f(i)f(j)}$
- f(i, j): frequenza della mutazione misurata

- $\frac{p}{1-p}$ , p è la probabilità dell'evento interessante (target)
- $2 \quad \frac{f(i,j)}{f(i)f(j)}$
- f(i, j): frequenza della mutazione misurata
- 4 f(i)f(j): ipotesi nulla (caratteri indipendenti)

#### Calcolo PAMk nella realtà

■ Problema: come allineare se non si conosce la matrice

- Problema: come allineare se non si conosce la matrice
- Allineate sequenze molto simili

- Problema: come allineare se non si conosce la matrice
- Allineate sequenze molto simili
- no indel

- Problema: come allineare se non si conosce la matrice
- Allineate sequenze molto simili
- no indel

$$\label{eq:mass_mass_mass_mass_mass} \begin{tabular}{l} \blacksquare & M_k(\mathfrak{i},\mathfrak{j}) = \log \frac{f(\mathfrak{i})M_1^k(\mathfrak{i},\mathfrak{j})}{f(\mathfrak{i})f(\mathfrak{j})} = \log \frac{M_1^k(\mathfrak{i},\mathfrak{j})}{f(\mathfrak{j})} \\ \end{tabular}$$

- Problema: come allineare se non si conosce la matrice
- Allineate sequenze molto simili
- no indel
- $M_k(i,j) = \log \frac{f(i)M_1^k(i,j)}{f(i)f(j)} = \log \frac{M_1^k(i,j)}{f(j)}$
- valori moltiplicati per 10

- Problema: come allineare se non si conosce la matrice
- Allineate sequenze molto simili
- no indel

$$M_k(i,j) = \log \frac{f(i)M_1^k(i,j)}{f(i)f(j)} = \log \frac{M_1^k(i,j)}{f(j)}$$

- valori moltiplicati per 10
- arrotondati all'intero più vicino

- Problema: come allineare se non si conosce la matrice
- Allineate sequenze molto simili
- no indel

$$M_k(i,j) = \log \frac{f(i)M_1^k(i,j)}{f(i)f(j)} = \log \frac{M_1^k(i,j)}{f(j)}$$

- valori moltiplicati per 10
- arrotondati all'intero più vicino
- si somma un intero a tutti i valori

Confronto con PAM

#### Confronto con PAM

PAM allinea sequenze vicine

#### Confronto con PAM

- PAM allinea sequenze vicine
- ma viene usata per allineare sequenze lontane

#### Confronto con PAM

- PAM allinea sequenze vicine
- ma viene usata per allineare sequenze lontane
- regioni conservate e non conservate hanno stessa importanza

#### Confronto con PAM

- PAM allinea sequenze vicine
- ma viene usata per allineare sequenze lontane
- regioni conservate e non conservate hanno stessa importanza

#### BLOCKS

#### Confronto con PAM

- PAM allinea sequenze vicine
- ma viene usata per allineare sequenze lontane
- regioni conservate e non conservate hanno stessa importanza

#### BLOCKS

blocchi di regioni conservate

#### Confronto con PAM

- PAM allinea sequenze vicine
- ma viene usata per allineare sequenze lontane
- regioni conservate e non conservate hanno stessa importanza

#### **BLOCKS**

- blocchi di regioni conservate
- scelte "a mano"

#### Confronto con PAM

- PAM allinea sequenze vicine
- ma viene usata per allineare sequenze lontane
- regioni conservate e non conservate hanno stessa importanza

#### **BLOCKS**

- blocchi di regioni conservate
- scelte "a mano"
- $\overline{B(i,j)} = \log \frac{f(i,j)}{f(i)f(j)}$



#### **BLOSUM**x

 $\blacksquare$  le sequenze che sono simili più di x% vengono clusterizzate

- le sequenze che sono simili più di x% vengono clusterizzate
- cluster = rimuovere tutte tranne una

- le sequenze che sono simili più di x% vengono clusterizzate
- cluster = rimuovere tutte tranne una
- scopo: evitare di sovrapesare parti sovrarappresentate nel campione

- le sequenze che sono simili più di x% vengono clusterizzate
- cluster = rimuovere tutte tranne una
- scopo: evitare di sovrapesare parti sovrarappresentate nel campione
- BLOSUM62: più usata per gli allineamenti

#### Ricerca in un database

Punteggio positivo possibile

- Punteggio positivo possibile
- Punteggio medio negativo

- Punteggio positivo possibile
- Punteggio medio negativo
- Simboli indipendenti e equiprobabili

- Punteggio positivo possibile
- Punteggio medio negativo
- Simboli indipendenti e equiprobabili
- Sequenze infinitamente lunghe

- Punteggio positivo possibile
- Punteggio medio negativo
- Simboli indipendenti e equiprobabili
- Sequenze infinitamente lunghe
- Allineamenti senza gap

$$E = kmne^{-\lambda S}$$

E: numero allineamenti

$$E = kmne^{-\lambda S}$$

- E: numero allineamenti
- k: costante

$$E = kmne^{-\lambda S}$$

- E: numero allineamenti
- k: costante
- n: numero caratteri in database

$$E = kmne^{-\lambda S}$$

- E: numero allineamenti
- k: costante
- n: numero caratteri in database
- m: lunghezza stringa query

$$E = kmne^{-\lambda S}$$

- E: numero allineamenti
- k: costante
- n: numero caratteri in database
- m: lunghezza stringa query
- λS: punteggio normalizzato

#### Basic Local Alignment Search Too.

Ricerca seed

- Ricerca seed
- seed = pattern matching con sottostringa di lunghezza 3

- Ricerca seed
- seed = pattern matching con sottostringa di lunghezza 3
- Costruzione high-scoring segment pair (HSP) = estensione seed

- Ricerca seed
- seed = pattern matching con sottostringa di lunghezza 3
- Costruzione high-scoring segment pair (HSP) = estensione seed
- Filtro seed tenuti solo HSP con alta significatività

- Ricerca seed
- seed = pattern matching con sottostringa di lunghezza 3
- Costruzione high-scoring segment pair (HSP) = estensione seed
- Filtro seed tenuti solo HSP con alta significatività
- Fusione HSP vicine

- Ricerca seed
- seed = pattern matching con sottostringa di lunghezza 3
- Costruzione high-scoring segment pair (HSP) = estensione seed
- Filtro seed tenuti solo HSP con alta significatività
- Fusione HSP vicine
- Smith-Waterman sulle regioni

## Licenza d'uso

Quest'opera è soggetta alla licenza Creative Commons: Attribuzione-Condividi allo stesso modo 4.0. (https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/). Sei libero di riprodurre, distribuire, comunicare al pubblico, esporre in pubblico, rappresentare, eseguire, recitare e modificare quest'opera alle seguenti condizioni:

Attribuzione — Devi attribuire la paternità dell'opera nei modi indicati dall'autore o da chi ti ha dato l'opera in licenza e in modo tale da non suggerire che essi avallino te o il modo in cui tu usi l'opera.