Elementi di Bioinformatica

Gianluca Della Vedova

Univ. Milano-Bicocca https://gianluca.dellavedova.org

20 ottobre 2022

Aplotipi

Istanza

Pedigree P

- Pedigree P
- Per ogni individuo, il suo genotipo (00, 11, 01)

- Pedigree P
- Per ogni individuo, il suo genotipo (00, 11, 01)
- No dati mancanti

- Pedigree P
- Per ogni individuo, il suo genotipo (00, 11, 01)
- No dati mancanti
- No ricombinazioni

- Pedigree P
- Per ogni individuo, il suo genotipo (00, 11, 01)
- No dati mancanti
- No ricombinazioni
- Caso biallelico

```
Variabili
```

Variabili

 $g_i[j]$: genotipo dell'individuo i nel locus j. Vale 0 o 1 se omozigote, 2 se eterozigote.

- $g_i[j]$: genotipo dell'individuo i nel locus j. Vale 0 o 1 se omozigote, 2 se eterozigote.
- $\mathbf{w}_{i}[j]$. Vale 0 se il locus j dell'individuo i è omozigote, 1 se eterozigote.

- $g_i[j]$: genotipo dell'individuo i nel locus j. Vale 0 o 1 se omozigote, 2 se eterozigote.
- $\mathbf{w}_{i}[j]$. Vale 0 se il locus j dell'individuo i è omozigote, 1 se eterozigote.
- h_{x,i} se x è genitore di i. Se x passa il suo aplotipo paterno a i, allora h_{x,i} = 0, altrimenti 1

- $g_i[j]$: genotipo dell'individuo i nel locus j. Vale 0 o 1 se omozigote, 2 se eterozigote.
- $\mathbf{w}_{i}[j]$. Vale 0 se il locus j dell'individuo i è omozigote, 1 se eterozigote.
- $h_{x,i}$ se x è genitore di i. Se x passa il suo aplotipo paterno a i, allora $h_{x,i} = 0$, altrimenti 1
- p_i[j]: aplotipo paterno dell'individuo i nel locus j

Variabili

- $g_i[j]$: genotipo dell'individuo i nel locus j. Vale 0 o 1 se omozigote, 2 se eterozigote.
- $\mathbf{w}_{i}[j]$. Vale 0 se il locus j dell'individuo i è omozigote, 1 se eterozigote.
- $h_{x,i}$ se x è genitore di i. Se x passa il suo aplotipo paterno a i, allora $h_{x,i} = 0$, altrimenti 1
- p_i[j]: aplotipo paterno dell'individuo i nel locus j

Aplotipi

Variabili

- $g_i[j]$: genotipo dell'individuo i nel locus j. Vale 0 o 1 se omozigote, 2 se eterozigote.
- $\mathbf{w}_{i}[j]$. Vale 0 se il locus j dell'individuo i è omozigote, 1 se eterozigote.
- $h_{x,i}$ se x è genitore di i. Se x passa il suo aplotipo paterno a i, allora $h_{x,i} = 0$, altrimenti 1
- p_i[j]: aplotipo paterno dell'individuo i nel locus j

Aplotipi

 $(g_i[j], g_i[j])$ se omozigote, (0, 1) oppure (1, 0) se eterizigote

Variabili

- $g_i[j]$: genotipo dell'individuo i nel locus j. Vale 0 o 1 se omozigote, 2 se eterozigote.
- $\mathbf{w}_{i}[j]$. Vale 0 se il locus j dell'individuo i è omozigote, 1 se eterozigote.
- $h_{x,i}$ se x è genitore di i. Se x passa il suo aplotipo paterno a i, allora $h_{x,i} = 0$, altrimenti 1
- p_i[j]: aplotipo paterno dell'individuo i nel locus j

Aplotipi

- $(g_i[j], g_i[j])$ se omozigote, (0, 1) oppure (1, 0) se eterizigote
- aplotipo materno $p_i[j] + w_i[j]$ in \mathbb{Z}_2

Variabili

p padre, m madre, f figlio/a, x genitore

- p padre, m madre, f figlio/a, x genitore
- $h_{p,f} = 0 \Rightarrow p_f[j] = p_p[j]$

- p padre, m madre, f figlio/a, x genitore
- $h_{p,f} = 0 \Rightarrow p_f[j] = p_p[j]$
- $h_{p,f} = 1 \Rightarrow p_f[j] = p_p[j] + w_p[j];$

- p padre, m madre, f figlio/a, x genitore
- $h_{\mathfrak{p},f} = 0 \Rightarrow \mathfrak{p}_f[\mathfrak{j}] = \mathfrak{p}_{\mathfrak{p}}[\mathfrak{j}]$
- $h_{p,f} = 1 \Rightarrow p_f[j] = p_p[j] + w_p[j];$
- $h_{\mathfrak{m},f} = 0 \Rightarrow p_f[j] + w_f[j] = p_{\mathfrak{m}}[j]$

- p padre, m madre, f figlio/a, x genitore
- $\mathbf{h}_{\mathfrak{p},f} = 0 \Rightarrow \mathfrak{p}_f[\mathfrak{j}] = \mathfrak{p}_{\mathfrak{p}}[\mathfrak{j}]$
- $h_{p,f} = 1 \Rightarrow p_f[j] = p_p[j] + w_p[j];$
- $h_{m,f} = 0 \Rightarrow p_f[j] + w_f[j] = p_m[j]$
- $h_{\mathfrak{m},f} = 1 \Rightarrow \mathfrak{p}_f[j] + w_f[j] = \mathfrak{p}_{\mathfrak{m}}[j] + w_{\mathfrak{m}}[j];$

- p padre, m madre, f figlio/a, x genitore
- $h_{\mathfrak{p},f} = 0 \Rightarrow \mathfrak{p}_f[\mathfrak{j}] = \mathfrak{p}_{\mathfrak{p}}[\mathfrak{j}]$
- $h_{p,f} = 1 \Rightarrow p_f[j] = p_p[j] + w_p[j];$
- $h_{m,f} = 0 \Rightarrow p_f[j] + w_f[j] = p_m[j]$
- $\mathbf{h}_{\mathfrak{m},f} = 1 \Rightarrow \mathfrak{p}_f[j] + w_f[j] = \mathfrak{p}_{\mathfrak{m}}[j] + w_{\mathfrak{m}}[j];$
- $p_f[j] = p_p[j] + w_p[j]h_{p,f};$

- p padre, m madre, f figlio/a, x genitore
- $h_{\mathfrak{p},f} = 0 \Rightarrow \mathfrak{p}_f[\mathfrak{j}] = \mathfrak{p}_{\mathfrak{p}}[\mathfrak{j}]$
- $h_{p,f} = 1 \Rightarrow p_f[j] = p_p[j] + w_p[j];$
- $h_{m,f} = 0 \Rightarrow p_f[j] + w_f[j] = p_m[j]$
- $h_{\mathfrak{m},f} = 1 \Rightarrow p_f[j] + w_f[j] = p_{\mathfrak{m}}[j] + w_{\mathfrak{m}}[j];$
- $p_f[j] = p_p[j] + w_p[j]h_{p,f};$
- $p_f[j] + w_f[j] = p_m[j] + w_m[j]h_{m,f};$

- p padre, m madre, f figlio/a, x genitore
- $h_{\mathfrak{p},f} = 0 \Rightarrow \mathfrak{p}_f[\mathfrak{j}] = \mathfrak{p}_{\mathfrak{p}}[\mathfrak{j}]$
- $h_{p,f} = 1 \Rightarrow p_f[j] = p_p[j] + w_p[j];$
- $h_{m,f} = 0 \Rightarrow p_f[j] + w_f[j] = p_m[j]$
- $h_{\mathfrak{m},f} = 1 \Rightarrow p_f[j] + w_f[j] = p_{\mathfrak{m}}[j] + w_{\mathfrak{m}}[j];$
- $p_f[j] = p_p[j] + w_p[j]h_{p,f};$
- $p_f[j] + w_f[j] = p_m[j] + w_m[j]h_{m,f};$
- $p_f[j] + d_{x,f} = p_x[j] + w_x[j]h_{m,f}$, dove $d_{p,f} = 0$ e $d_{m,f} = w_f$

Equazioni

 $\mathfrak{p}_f[j] + \mathfrak{d}_{x,f} = \mathfrak{p}_x[j] + w_x[j]\mathfrak{h}_{x,f}$, per ogni coppia (x,f) genitore–figlio

- $\mathfrak{p}_f[j] + \mathfrak{d}_{x,f} = \mathfrak{p}_x[j] + w_x[j] \mathfrak{h}_{x,f}$, per ogni coppia (x, f) genitore–figlio
- $\mathbf{d}_{p,f} = 0$ per ogni coppia (p, f) padre–figlio

- $\mathfrak{p}_f[j] + \mathfrak{d}_{x,f} = \mathfrak{p}_x[j] + w_x[j] h_{x,f}$, per ogni coppia (x, f) genitore–figlio
- $\mathbf{d}_{p,f} = 0$ per ogni coppia (p, f) padre–figlio
- $\mathbf{d}_{\mathfrak{m},f} = w_f$ per ogni coppia (\mathfrak{m},f) madre–figlio

- $p_f[j] + d_{x,f} = p_x[j] + w_x[j]h_{x,f}$, per ogni coppia (x, f) genitore–figlio
- $\mathbf{d}_{p,f} = 0$ per ogni coppia (p, f) padre–figlio
- $d_{\mathfrak{m},f} = w_f$ per ogni coppia (\mathfrak{m},f) madre–figlio
- $p_i[j] = g_i[j], \text{ se } g_i[j] \neq 2$

- $\mathfrak{p}_f[j] + \mathfrak{d}_{x,f} = \mathfrak{p}_x[j] + w_x[j]\mathfrak{h}_{x,f}$, per ogni coppia (x,f) genitore–figlio
- $\mathbf{d}_{p,f} = 0$ per ogni coppia (p, f) padre–figlio
- $\mathbf{d}_{\mathfrak{m},f} = w_f$ per ogni coppia (\mathfrak{m},f) madre–figlio
- $p_i[j] = g_i[j], \text{ se } g_i[j] \neq 2$
- $w_i[i] = 1$, se $g_i[j] = 2$



- $\mathfrak{p}_f[j] + \mathfrak{d}_{x,f} = \mathfrak{p}_x[j] + w_x[j] \mathfrak{h}_{x,f}$, per ogni coppia (x, f) genitore–figlio
- $\mathbf{d}_{p,f} = 0$ per ogni coppia (p, f) padre–figlio
- $\mathbf{d}_{\mathfrak{m},f} = w_f$ per ogni coppia (\mathfrak{m},f) madre–figlio
- $p_i[j] = g_i[j], \text{ se } g_i[j] \neq 2$
- $w_i[i] = 1$, se $g_i[j] = 2$
- $w_i[i] = 0$, se $g_i[j] \neq 2$



Equazioni

- $\mathfrak{p}_f[j] + \mathfrak{d}_{x,f} = \mathfrak{p}_x[j] + w_x[j]\mathfrak{h}_{x,f}$, per ogni coppia (x,f) genitore–figlio
- $\mathbf{d}_{p,f} = 0$ per ogni coppia (p, f) padre–figlio
- $\mathbf{d}_{\mathfrak{m},f} = w_f \text{ per ogni coppia } (\mathfrak{m},f) \text{ madre-figlio}$
- $p_i[j] = g_i[j], \text{ se } g_i[j] \neq 2$
- $w_i[i] = 1$, se $g_i[j] = 2$
- $w_i[i] = 0$, se $g_i[j] \neq 2$

Incognite



Equazioni

- $\mathfrak{p}_f[j] + \mathfrak{d}_{x,f} = \mathfrak{p}_x[j] + w_x[j]\mathfrak{h}_{x,f}$, per ogni coppia (x,f) genitore–figlio
- $\mathbf{d}_{p,f} = 0$ per ogni coppia (p, f) padre–figlio
- $\mathbf{d}_{\mathfrak{m},f} = w_f$ per ogni coppia (\mathfrak{m},f) madre–figlio
- $p_i[j] = g_i[j], \text{ se } g_i[j] \neq 2$
- $w_i[i] = 1$, se $g_i[j] = 2$
- $w_i[i] = 0$, se $g_i[j] \neq 2$

Incognite

 $p_{x}[j]$



Equazioni

- $\mathfrak{p}_f[j] + \mathfrak{d}_{x,f} = \mathfrak{p}_x[j] + w_x[j]\mathfrak{h}_{x,f}$, per ogni coppia (x,f) genitore–figlio
- $\mathbf{d}_{p,f} = 0$ per ogni coppia (p, f) padre–figlio
- $\mathbf{d}_{\mathfrak{m},f} = w_f$ per ogni coppia (\mathfrak{m},f) madre–figlio
- $p_i[j] = g_i[j], \text{ se } g_i[j] \neq 2$
- $w_i[i] = 1$, se $g_i[j] = 2$
- $w_i[i] = 0$, se $g_i[j] \neq 2$

Incognite

- $p_x[j]$
- $\blacksquare h_{x,f}$

Licenza d'uso

Quest'opera è soggetta alla licenza Creative Commons: Attribuzione-Condividi allo stesso modo 4.0. (https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/). Sei libero di riprodurre, distribuire, comunicare al pubblico, esporre in pubblico, rappresentare, eseguire, recitare e modificare quest'opera alle seguenti condizioni:

Attribuzione — Devi attribuire la paternità dell'opera nei modi indicati dall'autore o da chi ti ha dato l'opera in licenza e in modo tale da non suggerire che essi avallino te o il modo in cui tu usi l'opera.