Table S1 The mean genetic value of the top-10 individuals using the scoping method or the adaptive scoping method over 100 experiments.

Breeding	Scoping	Adaptive Scoping						
Breeding Cycle	SR=0.3	t=10	t=20	t=30	t=40	t=50		
1	$0.23 \pm 0.09$	$0.23 \pm 0.09$	$0.23 \pm 0.09$	$0.23 \pm 0.09$	$0.23 \pm 0.09$	$0.23 \pm 0.09$		
3	$0.35 \pm 0.09$	$0.32 \pm 0.08$	$0.32 \pm 0.08$	$0.32 \pm 0.08$	$0.32 \pm 0.08$	$0.32 \pm 0.08$		
5	$0.43 \pm 0.08$	$0.39 \pm 0.08$	$0.38 \pm 0.08$	$0.38 \pm 0.08$	$0.38 \pm 0.08$	$0.37 \pm 0.08$		
7	$0.49 \pm 0.08$	$0.45 \pm 0.08$	$0.44 \pm 0.08$	$0.43 \pm 0.08$	$0.43 \pm 0.08$	$0.42 \pm 0.08$		
9	$0.54 \pm 0.07$		$0.49 \pm 0.08$	$0.48 \pm 0.08$	$0.48 \pm 0.07$	$0.47 \pm 0.08$		
11	$0.58 \pm 0.07$	$0.57 \pm 0.07$	$0.53 \pm 0.08$	$0.52 \pm 0.08$	$0.52 \pm 0.07$	$0.51 \pm 0.07$		
13	$0.61 \pm 0.07$	$0.61 \pm 0.07$	$0.58 \pm 0.08$	$0.56 \pm 0.08$	$0.56 \pm 0.07$	$0.54 \pm 0.07$		
15	$0.64 \pm 0.07$	$0.65 \pm 0.07$	$0.61 \pm 0.07$	$0.59 \pm 0.07$	$0.59 \pm 0.07$	$0.57 \pm 0.07$		
17	$0.66 \pm 0.07$	$0.67 \pm 0.07$	$0.65 \pm 0.07$	$0.62 \pm 0.08$	$0.62 \pm 0.07$	$0.60 \pm 0.07$		
19	$0.67 \pm 0.07$	$0.69 \pm 0.07$	$0.67 \pm 0.07$	$0.65 \pm 0.08$	$0.64 \pm 0.07$	$0.63 \pm 0.07$		
21	$0.68 \pm 0.07$	$0.70 \pm 0.07$	$0.70 \pm 0.07$	$0.67 \pm 0.08$	$0.66 \pm 0.07$	$0.65 \pm 0.07$		
23	$0.69 \pm 0.07$	$0.71 \pm 0.07$	$0.72 \pm 0.06$	$0.69 \pm 0.08$	$0.68 \pm 0.07$	$0.67 \pm 0.07$		
25	$0.70 \pm 0.07$	$0.72 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.06$	$0.70 \pm 0.08$	$0.70 \pm 0.07$	$0.69 \pm 0.07$		
27	$0.71 \pm 0.07$		$0.74 \pm 0.06$	$0.72 \pm 0.07$	$0.71 \pm 0.07$	$0.70 \pm 0.07$		
29	$0.72 \pm 0.07$	$0.72 \pm 0.07$	$0.74 \pm 0.06$	$0.73 \pm 0.07$	$0.72 \pm 0.07$	$0.71 \pm 0.07$		
31	$_{1}$ 0.72 $\pm$ 0.07	$0.72 \pm 0.07$	$0.75 \pm 0.06$	$0.74 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.72 \pm 0.07$		
33	$0.73 \pm 0.07$		$0.75 \pm 0.06$	$0.75 \pm 0.07$	$0.74 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$		
35	$0.73 \pm 0.07$		$0.75 \pm 0.06$	$0.75 \pm 0.07$	$0.75 \pm 0.06$	$0.74 \pm 0.07$		
37	$0.73 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.75 \pm 0.06$	$0.76 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.75 \pm 0.07$		
39	$_{1}$ 0.74 $\pm$ 0.07	$0.73 \pm 0.07$	$0.75 \pm 0.06$	$0.76 \pm 0.07$	$0.77 \pm 0.06$	$0.75 \pm 0.07$		
41	$0.74 \pm 0.07$		$0.76 \pm 0.06$	$0.76 \pm 0.07$	$0.77 \pm 0.06$	$0.76 \pm 0.07$		
43	$0.74 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.76 \pm 0.07$	$0.77 \pm 0.06$	$0.76 \pm 0.07$		
45	$0.74 \pm 0.07$	$0.72 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.76 \pm 0.07$	$0.78 \pm 0.06$	$0.77 \pm 0.07$		
47	$0.74 \pm 0.07$	$0.72 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.77 \pm 0.07$	$0.78 \pm 0.06$	$0.77 \pm 0.07$		
49	$0.74 \pm 0.07$		$0.76 \pm 0.06$	$0.77 \pm 0.07$	$0.78 \pm 0.06$	$0.78 \pm 0.07$		
50	$0.74 \pm 0.07$	$0.72 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.77 \pm 0.07$	$0.78 \pm 0.06$	$0.78 \pm 0.07$		

**Table S2** The maximum reachable genetic value of a breeding population using the scoping method or the adaptive scoping method over 100 experiments.

Breeding	Scoping	Adaptive Scoping						
Cycle	SR=0.3	t=10	t=20	t=30	t=40	t=50		
1	$0.92 \pm 0.04$	$0.91 \pm 0.05$	$0.92 \pm 0.05$	$0.92 \pm 0.05$	$0.92 \pm 0.05$	$0.91 \pm 0.05$		
3	$0.88 \pm 0.06$	$0.89 \pm 0.06$	$0.90 \pm 0.05$	$0.90 \pm 0.05$	$0.90 \pm 0.05$	$0.90 \pm 0.05$		
5	$0.86 \pm 0.06$	$0.89 \pm 0.06$	$0.89 \pm 0.05$	$0.89 \pm 0.05$	$0.89 \pm 0.05$	$0.89 \pm 0.05$		
7	$0.85 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.05$	$0.89 \pm 0.05$		
9	$0.84 \pm 0.06$	$0.87 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.05$	$0.88 \pm 0.05$		
11	$0.83 \pm 0.07$	$0.85 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.06$	$0.87 \pm 0.06$	$0.88 \pm 0.05$	$0.88 \pm 0.06$		
13	$0.82 \pm 0.07$	$0.83 \pm 0.07$	$0.87 \pm 0.06$	$0.87 \pm 0.06$	$0.87 \pm 0.05$	$0.87 \pm 0.06$		
15	$0.81 \pm 0.07$	$0.81 \pm 0.07$	$0.86 \pm 0.06$	$0.87 \pm 0.06$	$0.87 \pm 0.05$	$0.87 \pm 0.06$		
17	$0.81 \pm 0.07$	$0.79 \pm 0.07$	$0.86 \pm 0.05$	$0.86 \pm 0.06$	$0.87 \pm 0.06$	$0.86 \pm 0.06$		
19	$0.80 \pm 0.07$	$0.78 \pm 0.07$	$0.85 \pm 0.06$	$0.86 \pm 0.06$	$0.86 \pm 0.06$	$0.86 \pm 0.06$		
21	$0.80 \pm 0.07$	$0.77 \pm 0.07$	$0.83 \pm 0.06$	$0.85 \pm 0.06$	$0.86 \pm 0.06$	$0.86 \pm 0.06$		
23	$0.79 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.07$	$0.82 \pm 0.05$	$0.85 \pm 0.06$	$0.85 \pm 0.06$	$0.86 \pm 0.06$		
25	$0.79 \pm 0.07$	$0.75 \pm 0.07$	$0.81 \pm 0.06$	$0.84 \pm 0.06$	$0.85 \pm 0.06$	$0.85 \pm 0.06$		
27	$0.78 \pm 0.07$	$0.75 \pm 0.07$	$0.80 \pm 0.06$	$0.83 \pm 0.06$	$0.85 \pm 0.06$	$0.85 \pm 0.06$		
29	$0.78 \pm 0.07$	$0.74 \pm 0.07$	$0.79 \pm 0.06$	$0.83 \pm 0.06$	$0.84 \pm 0.06$	$0.85 \pm 0.06$		
31	$0.78 \pm 0.07$	$0.74 \pm 0.07$	$0.78 \pm 0.06$	$0.82 \pm 0.06$	$0.84 \pm 0.06$	$0.84 \pm 0.06$		
33	$0.78 \pm 0.07$	$0.74 \pm 0.07$	$0.78 \pm 0.06$	$0.81 \pm 0.07$	$0.83 \pm 0.06$	$0.84 \pm 0.06$		
35	$0.77 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.77 \pm 0.06$	$0.80 \pm 0.07$	$0.83 \pm 0.06$	$0.84 \pm 0.06$		
37	$0.77 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.77 \pm 0.05$	$0.79 \pm 0.07$	$0.83 \pm 0.06$	$0.83 \pm 0.06$		
39	$0.77 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.77 \pm 0.05$	$0.79 \pm 0.07$	$0.82 \pm 0.06$	$0.83 \pm 0.06$		
41	$0.77 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.77 \pm 0.06$	$0.78 \pm 0.07$	$0.81 \pm 0.06$	$0.83 \pm 0.06$		
43	$0.77 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.78 \pm 0.07$	$0.81 \pm 0.06$	$0.83 \pm 0.06$		
45	$0.77 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.78 \pm 0.07$	$0.80 \pm 0.06$	$0.82 \pm 0.06$		
47	$0.77 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.77\pm0.07$	$0.80 \pm 0.06$	$0.82 \pm 0.06$		
49	$0.76 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.77\pm0.07$	$0.80 \pm 0.06$	$0.81 \pm 0.06$		
50	$0.76 \pm 0.07$	$0.73 \pm 0.07$	$0.76 \pm 0.06$	$0.77\pm0.07$	$0.79 \pm 0.06$	$0.81 \pm 0.06$		