Esquema iterativo para transformar coordenadas Cartesianas geocêntricas (x,y,z) em coordenadas geodésicas (h,ϕ,λ) referidas ao elipsoide WSG84

Coordenadas Cartesianas geocêntricas

• $x = X_0 m$

• $y = Y_0 m$

• $z = Z_0 m$

Elipsoide de referência WGS84:

• Semi-eixo maior: $a = 6378137.0 \, m$

• Achatamento: f = 1/298.257223563

• Semi-eixo menor: b = a(1 - f) m

• 1^a excentricidade: $e = \frac{a^2 - b^2}{a^2}$

Esquema iterativo

1.
$$p = \sqrt{X_0^2 + Y_0^2}$$

2.
$$\phi_1 = tan^{-1} \left(\frac{Z_0}{p(1 - e^2)} \right)$$

3.
$$N_1 = \frac{a^2}{\sqrt{(a\cos\phi_1)^2 + (b\sin\phi_1)^2}}$$

4.
$$h_1 = \frac{p}{\cos\phi_1} - N_1$$

5.
$$h_0 = h_1$$
, $\phi_0 = \phi_1 \in N_0 = N_1$

6.
$$i = 0$$
 e $ITMAX = 5$ (por exemplo)

7. Enquanto i < ITMAX

(a)
$$\phi_1 = tan^{-1} \left(\frac{Z_0}{p} \left(1 - \frac{e^2 N_1}{N_1 + h_1} \right)^{-1} \right)$$

(b) Etapa 3

(c) Etapa 4

(d) Etapa 5

(e) $i \leftarrow i + 1$

8.
$$\lambda = tan^{-1} \left(\frac{Y_0}{X_0} \right)$$