# 论文阅读报告

# 目录

1.	基本信息	2
2.	论文分析	2
	2.1 论文模型	
	2.2 相关研究与工作	
3.	·····································	
	3.1 创新点	
	3.2 实验过程	
	3.2.1 结点"邻居"选取	
	3.2.2 单个网络嵌入	
	3.2.3 多个网络嵌入	
	3.2.4 联合训练	
	3.3 实验结果分析	
4.	总结与展望	
• •	-0-FH - 3-75-1	

### 1. 基本信息

标题: Co-Regularized Deep Multi-Network Embedding

链接: https://dl.acm.org/citation.cfm?id=3186113

作者: Jingchao Ni, Shiyu Chang, Xiao Liu, Wei Cheng, Haifeng Chen, Dongkuan Xu, Xiang Zhang 作者单位: College of Information Sciences and Technology, Pennsylvania State University, IBM

T. J. Watson Research Center Department of Biomedical Engineering, Pennsylvania State University, NEC Laboratories America

文章来源: WWW 2018

关键词: Multi-network; Network embedding; Representation learning

问题: 论文提出了一种多网络的网络嵌入的方法。

### 2. 论文分析

#### 2.1 论文模型

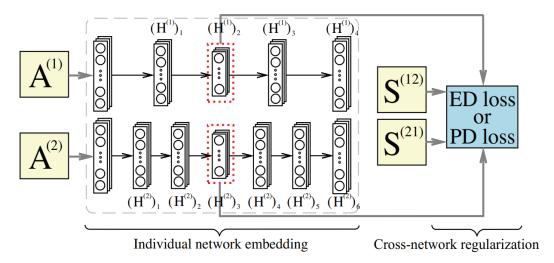


图 1 模型

上图显示的是两个网络时的情况,首先计算单个网络的嵌入, $(H^{(1)})_2$ 和 $(H^{(2)})_3$ 分别是网络嵌入后的向量集,然后根据网络与网络的边集合  $S^{(12)}$ 和  $S^{(21)}$ 计算网络与网络的嵌入,根据 ED loss 和 PD loss 来修正求得的网络中点的向量。

#### 2.2 相关研究与工作

- 1. Mikhail Belkin and Partha Niyogi. 2003. Laplacian eigenmaps for dimensionality reduction and data representation. Neural Comput. 15, 6 (2003), 1373–1396.
- 2. Bryan Perozzi, Rami Al-Rfou, and Steven Skiena. 2014. Deepwalk: Online learning of social representations. In KDD. ACM, 701–710.
- 3. Jian Tang, Meng Qu, Mingzhe Wang, Ming Zhang, Jun Yan, and Qiaozhu Mei. 2015. Line: Large-scale information network embedding. In WWW. International World Wide Web Conferences Steering Committee, 1067–1077.

4. Aditya Grover and Jure Leskovec. 2016. node2vec: Scalable feature learning for networks. In KDD. ACM, 855–864.

总结:上述的多种方案,都是对于单个网络的解决方案,例如 2 中的 deepwalk 方法是通过沿边随机取点来取"邻居",然后通过"邻居"来嵌入结点。3 中的 LINE 模型,前期报告我做过详细解释了,4 中的 node2vec 其实是对 deepwalk 的衍生,方式在于取"邻居"这个过程发生了变化,通过深度优先和广度优先的遍历方式来取得"邻居",但是这几种模型都缺乏对于多个网络的解决方案。

## 3. 论文系统分析

论文做的工作是处理多个连接的网络的 embedding,将多个网络切分成单个网络(通过结点类型切分),对于单个网络首先进行 embedding,求得所有结点的向量,然后处理网络与网络间的边,通过给出定义的损失函数,对已求得的结点的向量进行修正。

#### 3.1 创新点

论文的创新点在于能够处理边类型复杂的多网络(包括是否有向,是否有权重),网络之间的边的关系可以是多对多的,有权重的,论文也提出了一种有效的提升方法,能够处理大规模的数据,论文实验表明,论文的嵌入方法相比于其他方法,准确率有提高。

#### 3.2 实验过程

#### 3.2.1 结点"邻居"选取

Symbol	Meaning				
g	The number of networks				
$n_i$	The number of nodes in the $i$ -th network				
$d_i$	The dimensionality of the <i>i</i> -th embedding space				
$L_i$	The number of neural net. layers for the $i$ -th net. data				
$G^{(i)}$	The adjacency matrix of the <i>i</i> -th network				
$A^{(i)}$	The structural context matrix of the <i>i</i> -th network				
$S^{(ij)}$	The relationship matrix between nodes in $G^{(i)}$ and $G^{(j)}$				
$\tilde{\mathbf{S}}^{(ij)}$	The row-normalized version of $S^{(ij)}$				
$\mathbf{U}^{(i)}$	The embedding matrix of the $i$ -th network				
$\{\mathbf{W}_l^{(i)}\}_{l=1}^{L_i}$	The weight matrices for the <i>i</i> -th network data				
$\{\mathbf{b}_{l}^{(i)}\}_{l=1}^{L_{i}}$	The bias vectors for the <i>i</i> -th network data				
$\theta^{(i)}$	The model parameters $\boldsymbol{\theta}^{(i)} = \{\mathbf{W}_l^{(i)}, \mathbf{b}_l^{(i)}\}_{l=1}^{L_i}$				
I	The set of cross-network relationships				

上图是会使用到的一些标记

结点的"邻居"选取方式为 random walk with restart(RWR)。在网络 G 中,假设初始结点为 x,我们选取 RWR 的步长为 3, $P_y$ <sup>(k)</sup>表示经过 k 步到达 y 结点的概率。 $P^{(0)}$ 向量为 one-hot 形式, $P_x$ <sup>(0)</sup>为 1,其他都为 0。逐步推导的公式为:

$$\mathbf{p}^{(k)} = c\mathbf{p}^{(k-1)}[(\mathbf{D})^{-1}\mathbf{G}] + (1-c)\mathbf{p}^{(0)}$$

在其中, 矩阵 D 为一个对角矩阵,  $D_{xx} = \sum_{y=1}^{n} G_{xy}$ , c 表示从结点 x 重新出发的概率。对于结点 x 的"邻居"结点, 我们定义为:

$$\mathbf{a} = \sum_{k=1}^{K} \mathbf{p}^{(k)}$$

其中 K 的值是个小数值的整型,一般选取为 3。把所有结点的 a,即"邻居"值计算出来,保存在矩阵 A 中,每一行代表一个结点的 a。A (i)代表网络 i 的所有结点的 a 值。

#### 3.2.2 单个网络嵌入

对于单个网络的嵌入,输入单个网络的 A<sup>(i)</sup>矩阵,整个神经网络包括 L<sub>i</sub>+1 层,

前 Li/2 层编码,得到一个压缩过的向量,后 Li/2 解压,得到一个和压缩前相同

维度的向量。输入  $(\mathbf{h}_x^{(i)})_0 = \mathbf{A}_{x*}^{(i)} \in \mathbb{R}^{1 \times n_i}$ 作为第一层,每一层的压缩和解压公式为:

$$(\mathbf{h}_x^{(i)})_l = \sigma((\mathbf{h}_x^{(i)})_{l-1} \mathbf{W}_l^{(i)} + \mathbf{b}_l^{(i)}) \in \mathbb{R}^{1 \times k_l}$$

 $K_1$ 表示每一层输出的维度, $\mathbf{W}_l^{(i)} \in \mathbb{R}^{k_{l-1} \times k_l}$ 和 $\mathbf{b}_l \in \mathbb{R}^{1 \times k_l}$ 是 1 层的参数。计算输入向量和重构后的向量的差值,调整参数,公式如下:

$$\min_{\theta^{(i)}} \mathcal{L}_{ae}^{(i)} = \|\mathbf{A}^{(i)} - \hat{\mathbf{A}}^{(i)}\|_F^2 + \lambda \sum_{l=1}^{L_i} \|\mathbf{W}_l^{(i)}\|_F^2$$

 $\hat{\mathbf{A}}^{(i)}$ 同 $\mathbf{A}^{(i)}$ 类似,是由 $(\mathbf{h}_x^{(i)})_{L_i}$ 组成的矩阵。

最终取 $(\mathbf{h}_{x}^{(i)})_{L_{i}/2}$ 为我们想要的 i 网络的 x 结点的向量。

#### 3.2.3 多个网络嵌入

现已获得单个网络嵌入的向量,再利用网络与网络之间的关系去修正结点的向量,有两种损失函数去修正,一种是 ED loss,另一种是 PD loss, ED loss 要求不同网络之间的向量维度是一致的,而 ED loss 就没有这种要求。

ED loss:

我们用  $h_x^{(i)}$ 来代表网络  $G^{(i)}$ 中 x 结点的向量,即  $h_x^{(i)} = (h_x^{(i)})_{L_i/2}$ ,如果网络  $G^{(i)}$ 中 x 结点与网络  $G^{(j)}$ 中 y 结点有边相连,那么它们的向量应该更加接近,记 $N^{(i\rightarrow j)}(x)$  为网络  $G^{(j)}$ 中与网络  $G^{(i)}$ 中的 x 结点相连的所有结点的集合,引出下面的损失函数:

$$\mathcal{L}_{x} = \|\mathbf{h}_{x}^{(i)} - \mathbf{h}_{x}^{(i \to j)}\|_{F}^{2}$$

其中:

$$\mathbf{h}_{x}^{(i \to j)} = \frac{1}{\sum_{y \in \mathcal{N}^{(i \to j)}(x)} \mathbf{S}_{xy}^{(ij)}} \sum_{y \in \mathcal{N}^{(i \to j)}(x)} \mathbf{S}_{xy}^{(ij)} \mathbf{h}_{y}^{(j)}$$

实质是对所有在网络  $G^{(i)}$ 中与网络  $G^{(i)}$ 中 x 结点相连的结点做了一个加权平均,  $S^{(i)}_{xy}$ 代表网络  $G^{(i)}$ 中 x 结点与网络  $G^{(j)}$ 中 y 结点的相连的边的权重。

这是与网络  $G^{(i)}$ 中一个结点 X 的损失函数,下面我们计算整个网络  $G^{(i)}$ 与整个网络  $G^{(j)}$ 的损失函数:

$$\mathcal{L}_{ed}^{(ij)} = \|\mathbf{O}^{(ij)}\mathbf{H}^{(i)} - \tilde{\mathbf{S}}^{(ij)}\mathbf{H}^{(j)}\|_F^2$$

 $\tilde{\mathbf{S}}_{xy}^{(ij)}$  定义如下:

$$\tilde{S}_{xy}^{(ij)} = \frac{S_{xy}^{(ij)}}{\sum_{z=1}^{n_j} S_{xz}^{(ij)}}$$

PD loss:

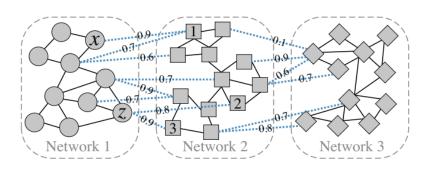


图 3 示例图

在 ED 1oss 中直接将网络  $G^{(i)}$ 中 x 结点的向量  $h_x^{(i)}$ 与结点 x 在网络  $G^{(j)}$ 中相连的结点的向量加权平均值去求相似度,这样做的问题是当在网络  $G^{(j)}$ 中与 x 相连的结点并不靠近时,效果不好。所以我们不再直接比较网络  $G^{(i)}$ 中 x 结点与在其他网络中与 x 相连的结点的平均值。我们比较在同一网络中的两个点的相似值和这两个点在其他网络中(单个)所连的结点的平均值的相似值。例如在上图 3-示例图中,如果 network2 中结点 1 和结点 2 ,3 的平均值很接近,那么 network1 中的 x 结点和 z 结点的就应该很接近。所以可得损失函数为:

$$\mathcal{L}_{pd}^{(ij)} = \sum_{x=1}^{n_i} \sum_{z=1}^{n_i} [\mathbf{h}_x^{(i)} (\mathbf{h}_z^{(i)})^T - \mathbf{h}_x^{(i \to j)} (\mathbf{h}_z^{(i \to j)})^T]^2$$

$$= \|\mathbf{O}^{(ij)} \mathbf{H}^{(i)} (\mathbf{O}^{(ij)} \mathbf{H}^{(i)})^T - \tilde{\mathbf{S}}^{(ij)} \mathbf{H}^{(j)} (\tilde{\mathbf{S}}^{(ij)} \mathbf{H}^{(j)})^T \|_F^2$$

#### 3.2.4 联合训练

我们已经得到求单个网络的方法和处理网络与网络之间的边的方法,作者又提出了一种加速训练的方式,用 $\{\mathbf{U}^{(i)}\}_{i=1}^g$ 来代替 $\{\mathbf{H}^{(i)}\}_{i=1}^g$ ,那么 ED loss 和 PD loss 就会变为如下形式:

$$\begin{split} \mathcal{L}_{ed}^{(ij)} &= \|\mathbf{O}^{(ij)}\mathbf{U}^{(i)} - \tilde{\mathbf{S}}^{(ij)}\mathbf{U}^{(j)}\|_F^2 \\ \mathcal{L}_{pd}^{(ij)} &= \|\mathbf{O}^{(ij)}\mathbf{U}^{(i)}(\mathbf{O}^{(ij)}\mathbf{U}^{(i)})^T - \tilde{\mathbf{S}}^{(ij)}\mathbf{U}^{(j)}(\tilde{\mathbf{S}}^{(ij)}\mathbf{U}^{(j)})^T\|_F^2 \end{split}$$

添加一项正则化项,确保 $\{\mathbf{U}^{(i)}\}_{i=1}^g \mathbf{1} \mathbf{H}^{(\mathbf{H}^{(i)})_{i=1}^g}$ 相似,正则项如下:

$$\mathcal{L}_{hu}^{(i)} = \|\mathbf{U}^{(i)} - \mathbf{H}^{(i)}\|_F^2$$

损失函数总计为:

$$\min_{\{\boldsymbol{\theta}^{(i)}, \mathbf{U}^{(i)}\}_{i=1}^g} \mathcal{L} = \sum_{i=1}^g \mathcal{L}_{ae}^{(i)} + \alpha \sum_{(i,j) \in I} \mathcal{L}_R^{(ij)} + \beta \sum_{i=1}^g \mathcal{L}_{hu}^{(i)}$$

其中 $\mathcal{L}_{ae}^{(i)}$ 代表的单个网络的损失函数,在单个网络嵌入那一部分已经定义过了,  $\mathcal{L}_{R}^{(ij)}$  可以为 $\mathcal{L}_{ed}^{(ij)}$  或者是 $\mathcal{L}_{pd}^{(ij)}$  。算法如下图所示:

# Algorithm 1: Deep multi-network embedding (DMNE)

```
Input: Networks \{A^{(i)}\}_{i=1}^{g}, cross-network relationships \{S^{(ij)}\}_{(i,j)\in I}, parameters \alpha, \beta and \lambda

Output: \{U^{(i)}\}_{i=1}^{g} and \{\theta^{(i)}\}_{i=1}^{g}

1 Pretrain neural network for each A^{(i)} to obtain initial \{\theta^{(i)}\}_{i=1}^{g} and \{H^{(i)}\}_{i=1}^{g}, initialize each U^{(i)} = H^{(i)};

2 repeat

3 | for i \leftarrow 1 to g do

4 | Back-propagation to update \theta^{(i)} based on Eq. (15);

5 | end

6 | for i \leftarrow 1 to g do

7 | Forward propagation to obtain H^{(i)};

8 | Update U^{(i)} by Eq. (13) or Eq. (14);

9 | end

10 until Convergence

11 return \{U^{(i)}\}_{i=1}^{g} and \{\theta^{(i)}\}_{i=1}^{g}.
```

图 4 算法图

#### 3.3 实验结果分析

实验在多个数据集采用多种方式比较,数据集有如下图 5 所示的 5 类多网络数据集,对比方法有: LE, Spectral, DeepWalk, LINE, GraRep, node2vec, DNRG, AE, DMNE(ED), DMNE(PD)。

Dataset	# Networks	# Nodes	# Links	# CrossLinks	LabeledNet.	# LabeledNodes	# Classes
6-NG	5	4,500	16,447	66,756	All	4,500	6
9-NG	5	6,750	24,778	100,585	All	6,750	9
DP-NET	2	13,583	51,918	2,107	Disease	675	18
DBIS	2	24,535	85,184	38,035	Collaboration	2,890	4
CiteSeer-M10	3	15,533	56,548	11,828	Collaboration	3,284	10

图 5 数据集图

实验将多种方式求得的带标签的结点的向量,放入一个 SVM 分类器中,进行训练和测试,实验结果如下图 6 所示:

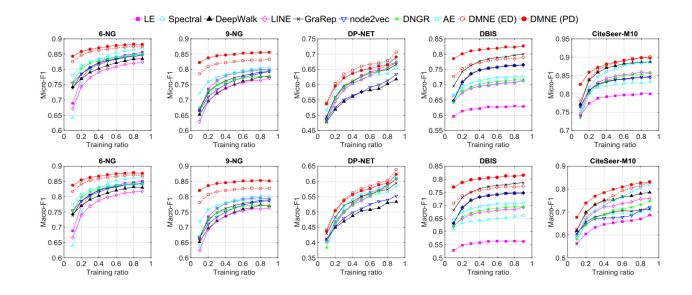


图 6 实验结果图

#### 实验结果分析如下:

- 1) DMNE (ED) 和 DMNE (PD) 在绝大多数数据集上的表现要远超其他方法,因为利用了网络与网络间的边来修正结点的向量,证明了论文中提出的方法的优越性。
- 2) 当切分较小的训练集时, DMNE (ED) 和 DMNE (PD) 表现得更加优秀, 说明论文中的方法更加具有实用性, 因为实际应用中未打标签的数据占大多数
- 3) DMNE (PD) 在绝大多数情况下表现的比 DMNE (ED) 优秀。因为 PD 可以让多个网络的向量维度不同,而不是像 ED 一样强制要求相同。

# 4. 总结与展望

#### 应用领域:

深度多网络嵌入

#### 不足:

- 1. 实验只进行到 10 万结点这个量级,但大多数现实情况下,结点数都高达百万,尚未知晓对于百万这个量级,论文方法的效果和效率。
  - 2. 计算相对复杂,时间耗费较多,相比于 LINE 等模型,鲁棒性更差。 **后续工作:**

多数 network embedding 的方法实质都只利用到了边的信息,结点并未承载任何信息,而边承载的信息也很少(权重,有向无向),现在的 network embedding 方法对于图信息的嵌入是不足够的,丢失很多信息,应用面不多,

后期工作看一下是不是能够利用起结点的信息(即属性),这一块的前途比较广阔。