# Universidade Federal de Santa Catarina Departamento de Automação e Sistemas

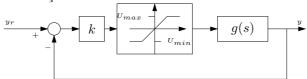
## DAS 5142 - Sistemas Dinâmicos

# LAB 3: Simulação de sistemas lineares com Saturação - 2 aulas

## Prof. Daniel J. Pagano

**Objetivos:** Analisar o efeito e o comportamento de sistemas lineares sujeito a saturação na ação de controle.

#### E1: Seja o sistema linear com saturação:



Considere  $g(s) = \frac{s+1}{s^2}$ , k = 1,  $U_{max} = 0.4$  e  $U_{min} = -0.4$ . O modelo por variáveis de estado é:

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} x$$

- a) Traçar o Lugar das Raízes do sistema sem saturação, observando seu comportamento mediante a variação de k.
- b) Esboçar graficamente a resposta do sistema com saturação para diferentes valores de  $y_r$ . Para tanto, simule o sistema utilizando o Simulink. Utilize os seguintes valores de referência:  $y_r = 2, 4, 6, 8, 10, 12$ .
- c) Esboce o diagrama de estados do sistema para várias condições iniciais.
- d) Conclua sobre o que acontece com o sistema, em termos do sobressinal e tempo de estabilização da resposta de saída do sistema, em função do aumento da amplitude do sinal de entrada.

**E2:** Considere  $g(s) = \frac{(s+1)^2}{s^3}$ , k = 2,  $U_{max} = 1$  e  $U_{min} = -1$ . A estabilidade depende da amplitude do valor da entrada de referência.

- a) Traçar o Lugar das Raízes do sistema sem saturação, observando seu comportamento mediante a variação de k. Mostre que para 0 < k < 0.5 o sistema é instável e para k > 0.5 o sistema é estável.
- b) Esboçar graficamente a resposta do sistema com saturação para diferentes valores de  $y_r$ . Para tanto, simule o sistema utilizando o Simulink. Utilize os seguintes valores de referência:  $y_r = 1, 2, 3, 3.5$ .
- c) Esboce o espaço de estados do sistema e observe o que acontece com a evolução dos estados do sistema. Interprete o resultado.
- d) Conclua sobre a estabilidade do sistema em função da amplitude da entrada de referência. Por que o sistema torna-se instável?

**E3:** Considere  $g(s) = \frac{1}{s(s^2+0.2s+1)}$ , k=0.5,  $U_{max}=0.1$  e  $U_{min}=-0.1$ . A estabilidade depende da amplitude do valor da entrada de referência.

- a) Traçar o Lugar das Raízes do sistema sem saturação e determine os valores de k para os quais o sistema é estável e instável.
- b) Esboçar graficamente a resposta do sistema com saturação para diferentes valores de  $y_r$ . Simule o sistema utilizando o Simulink. Utilize os seguintes valores de referência:  $y_r = 1, 4, 8$ .
- c) Esboce o espaço de estados do sistema e conclua sobre o seu comportamento oscilatório.
- d) Projete um filtro rejeita-faixa (notch filter) para atenuar a frequência de oscilação do sistema em malha fechada.