

Síntesis de funciones de excitación

1) Sea la función:

$$Z(s) = \frac{(s^2 + 3)(s^2 + 1)}{s(s^2 + 2)}$$

Se pide hallar la topología circuital y los valores de los componentes para:

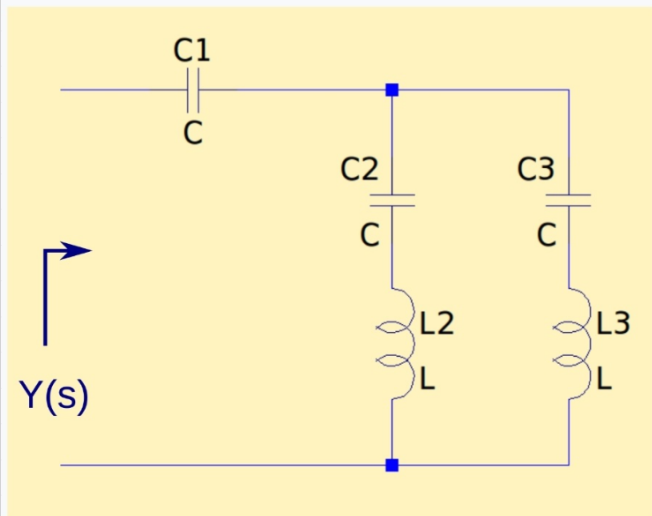
a) Síntesis de $Z(s)$ mediante el método de Foster en su versión "paralelo" o "derivación".

b) Idem a) mediante Cauer 1 y 2.

2) Sea

$$Y(s) = \frac{3s(s^2 + 7/3)}{(s^2 + 2)(s^2 + 5)}$$

Obtenga los valores de los componentes de la siguiente red sabiendo que L2 y C2 resuenan a 1 r/s.



Bonus:

- +20 Simulación simbólica en Python
- +20 Simulación circuital y sacar conclusiones de los saltos de fase.
- +5 Presentación en jupyter notebook

#1 $Z(s) = \frac{(s^2 + 3)(s^2 + 1)}{s(s^2 + 2)}$

a) Foster derivación:

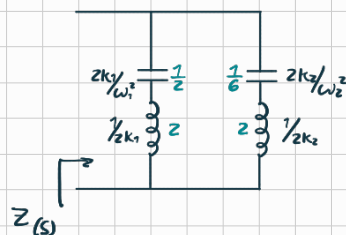
$$Y(s) = \frac{1}{Z(s)} = \frac{s(s^2 + 2)}{(s^2 + 3)(s^2 + 1)}$$



$$Y(s) = \frac{k_0}{s} + k_\infty s + \sum \frac{2k_i s}{s^2 + \omega_i^2}$$

$$2k_1 = \lim_{s^2 \rightarrow -1} \frac{s^2 + 1}{s} \frac{s(s^2 + 2)}{(s^2 + 3)(s^2 + 1)} = \lim_{s^2 \rightarrow -1} \frac{(s^2 + 2)}{(s^2 + 3)} = \frac{1}{2}$$

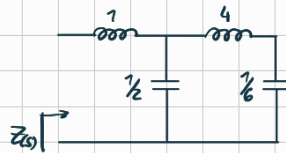
$$2k_2 = \lim_{s^2 \rightarrow -3} \frac{s^2 + 3}{s} \frac{s(s^2 + 2)}{(s^2 + 3)(s^2 + 1)} = \lim_{s^2 \rightarrow -3} \frac{(s^2 + 2)}{(s^2 + 1)} = \frac{1}{2}$$



b) Cauer I: remoción de polos en alta frec

$$Z(s) = \frac{(s^2+3)(s^2+1)}{s(s^2+2)} = \frac{s^4+4s^2+3}{s^3+2s}$$

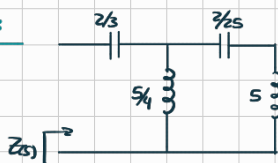
$$\begin{array}{r} s^4+4s^2+3 \overline{) s^3+2s} \\ -s^4+2s^2+0 \\ \hline s^2+2s \overline{) 2s^2+3} \\ -s^2+2s+0 \\ \hline 1s \overline{) 1s} \\ -1s+0 \\ \hline 0 \end{array} \quad \begin{array}{l} \frac{1}{s} \\ \frac{1}{2} \\ \frac{1}{4} \end{array}$$



Cauer II: Remoción de polos en dc

$$Z(s) = \frac{(s^2+3)(s^2+1)}{s(s^2+2)} = \frac{s^4+4s^2+3}{s^3+2s}$$

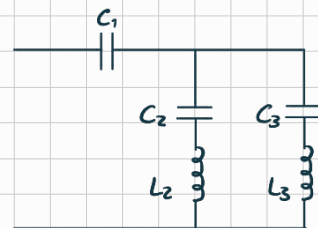
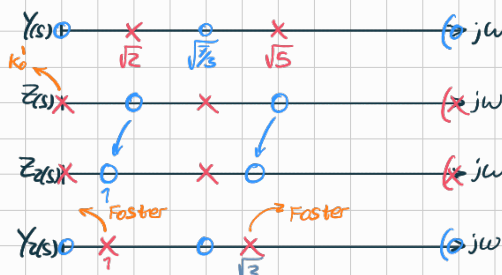
$$\begin{array}{r} 3+4s^2+s^4 \overline{) 2s+s^3} \\ -3+3s^2+0 \\ \hline 2s+s^3 \overline{) 5s^2+s^4} \\ -2s+4s^3 \\ \hline 5s^2+s^4 \overline{) 5s^3} \\ -5s^2+0 \\ \hline 1s^3 \overline{) 1s^4} \\ -1s^3+0 \\ \hline 0 \end{array} \quad \begin{array}{l} \frac{2}{3} \\ \frac{1}{5} \\ \frac{1}{5} \end{array}$$



#2

$$Y(s) = \frac{3s(s^2+7/3)}{(s^2+2)(s^2+5)}$$

$$Z(s) = \frac{(s^2+2)(s^2+5)}{3s(s^2+7/3)}$$



$$Z_2(s) = Z(s) - \frac{K_0'}{s} = \frac{(s^2+2)(s^2+5)}{3s(s^2+7/3)} - \frac{K_0'}{s}$$

$$Z_2(s) \Big|_{s=j1} = \left(Z(s) - \frac{K_0'}{s} \right) \Big|_{s=j1} = 0 \rightarrow K_0' = s Z(s) \Big|_{s=j1} = \frac{(s^2+2)(s^2+5)}{3(s^2+7/3)} \Big|_{s=j1} = 1$$

$$Z_2(s) = \frac{s^4+7s^2+10}{3s^3+7s} - \frac{1}{s} = \frac{s(s^4+7s^2+10) - s(3s^2+7)}{s(3s^3+7s)} = \frac{s^4+4s^2+3}{3s^3+7s} = \frac{(s^2+1)(s^2+3)}{s(3s^2+7)}$$

$$Y_2(s) = \frac{3s^3+7s}{s^4+4s^2+3}$$

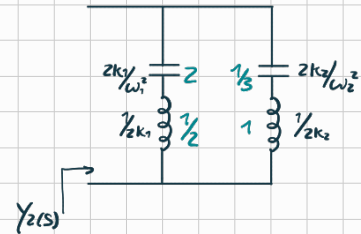
* Foster:

$$Y_{2(s)} = \frac{s(3s^2+7)}{(s^2+1)(s^2+3)}$$

$$Y_{2(s)} = \frac{k_0}{s} + k_0 s + \sum \frac{2K_i s}{s^2 + \omega_i^2}$$

$$2K_1 = \lim_{s^2 \rightarrow -1} \frac{s^2+1}{s} \frac{s(3s^2+7)}{(s^2+1)(s^2+3)} = \lim_{s^2 \rightarrow -1} \frac{3s^2+7}{s^2+3} = 2$$

$$2K_2 = \lim_{s^2 \rightarrow -3} \frac{s^2+3}{s} \frac{s(3s^2+7)}{(s^2+1)(s^2+3)} = \lim_{s^2 \rightarrow -3} \frac{3s^2+7}{s^2+1} = 1$$



* Circuito final:

