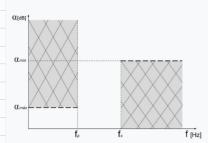
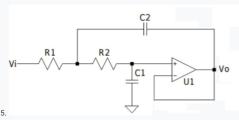
Diseñar un filtro pasabajos normalizado **Bessel** para obtener un Retardo de Grupo D(w)de 1 segundo.



$D[seg] \alpha_{Max} [dB]wp [rad/seg]ws [rad/seg]$

- 1 dB 1
 - 1. Utilizando el metodo de *Storch (pag. 403 del Schaumann)* obtener la T(s) Bessel para **N: 2, 3 y 4** normalizados para D = 1
 - 2. Elegir la T(s) con el minimo orden que cumple con $\alpha_{Max = 1 dB}$
 - 3. Evaluar el Retardo de Grupo $\,D(2.5)$. Expresar en forma $\it porcentual$ [%] el error o desviamiento respecto a D(0)
 - 4. Sintetizar el circuito NORMALIZADO con estructuras Sallen-Key con K=1 (real. negativa unitaria)



BONUS

- +10 \P Simulación **numérica en python** +10 \P DESNORMALIZAR los componentes para obtener un D(1) = 200 microseg.
- +10 \heartsuit Simulación Circuital con los valores DESNORMALIZADOS y medir el D(w)(*)
- +10 presentación en jupyter notebook
- (*) Para medir el $\,D(w)\,$ en LTSpice, click derecho en el y Axis de la phase y seleccionar "Group Delay"

#1 . n=2:

cotyh(s) =
$$\frac{1}{5} + \frac{5}{3} = \frac{5^2 + 3}{3}$$

$$T_{z(s)} = \frac{1}{Senh(s) + cesh(s)} = \frac{1}{S^2 + 3S + 3} = \frac{3}{S^2 + 3S + 3}$$

n= 3

$$co tgh(s) = \frac{1}{s} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{5s}{5} = \frac{6s^2 + 15}{5^3 + 15s}$$

$$\frac{3 + s}{5} = \frac{5s^2 + 15}{5^3 + 15s}$$

$$T_{3(s)} = \frac{15}{15}$$

$$T_{3(5)} = \frac{15}{5^3 + 65^2 + 155 + 16}$$

n=4

$$cotgh(s) = \frac{1}{5} + \frac{7}{5} = \frac{1}{5} + \frac{7}{5} = \frac{1}{5} + \frac{3}{5} + \frac{3}{5} = \frac{5^4 + 45 \cdot 5^2 + 105}{5 \cdot 5^2 + 35} = \frac{5^4 + 45 \cdot 5^2 + 105}{10 \cdot 5^3 + 105 \cdot 5}$$

$$T_{4(S)} = \frac{105}{5^4 + 105^3 + 455^2 + 105} + 105$$

#2 $T_{z(s)} = 3$ $T_{z(\omega)} = T_{z(s)} = 3$ $S^{z} + 3S + 3$ $T_{z(\omega)} = T_{z(s)} = 3$ $S = 3\omega$ $S = 3\omega$ \propto max = -20 log $\left(\frac{3}{\sqrt{(3-\omega^2)^2+4\omega^2}}\right)$ = 1,59 dB \times la atenvación en la banda de paso es mayor a la pedida .n=3: $T_{3(S)} = \frac{15}{S^3 + 6S^2 + 15S} + \frac{15}{15} = \frac{15}{S = j\omega} = \frac{15}{15 - 6\omega^2 + j(15\omega - \omega^3)}$ Para Cumplir con la plantilla, se deberá utilizar un Bessel de orden 3 → siendo «max = 0,9 $\varphi = a \operatorname{tg} \left(\frac{\operatorname{II}_{m}}{\operatorname{Re}} \right) \longrightarrow D_{(w)} = - 2 \left[\operatorname{atg} \left(\frac{\operatorname{II}_{m}}{\operatorname{Re}} \right) \right]$ Se hace uso de la siguiente identidad trigonométrica: $\frac{\partial \{a t g(x)\}}{\partial x} = \frac{1}{1 + x^2}$ atg $\left(\frac{\omega \pm \beta}{\alpha}\right)$ $D(\omega) = \frac{\omega_1^2 + (\omega + \beta_1)^2}{(\omega + \beta_1)^2} \times \frac{\omega_2^2 + (\omega + \beta_2)^2}{(\omega + \beta_2)^2} + \frac{\omega_3^2}{(\omega + \beta_3)^2} \times \frac{\omega_1}{(\omega + \beta_3)^2}$ atg $\left(\frac{\omega \pm \beta}{\alpha}\right)$ $D_{(\omega)} = \frac{\alpha_1}{\alpha_1^2 + (\omega + \beta_1)^2} + \frac{\alpha_1}{\alpha_1^2 + (\omega - \beta_1)^2} + \frac{\alpha_3}{\alpha_3^2 + \omega^2}$ error% = (D(0) - D(2,5)). 100 = 24,79175 - Calculo realizado en Python

