

第12章 三相电路

本章重点

12.1	三相电路
12.2	线电压(电流)与相电压(电流)的关系
12.3	对称三相电路的计算
12.4	不对称三相电路的概念
12.5	三相电路的功率







- 1.三相电路的基本概念
- 2.对称三相电路的分析
- 3.不对称三相电路的概念
- 4.三相电路的功率

12.1 三相电路

三相电路由三相电源、三相负载和三相输电线路三部分组成。

●三相电路的优点

- ① 发电方面: 比单项电源可提高功率50%;
- ② 输电方面: 比单项输电节省钢材25%;
- ③ 配电方面:三相变压器比单项变压器经济且便于接入负载;
- ④ 运电设备:结构简单、成本低、运行可靠、维护方便。

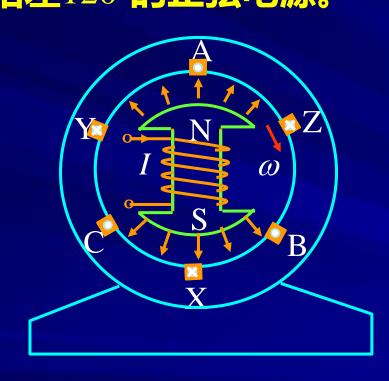
以上优点使三相电路在动力方面获得了广泛应 用,是目前电力系统采用的主要供电方式。

- ●三相电路的特殊性
 - (1) 特殊的电源
 - (2) 特殊的负载
 - (3) 特殊的连接
 - (4) 特殊的求解方式

研究三相电路要注意其特殊性。

1.对称三相电源的产生

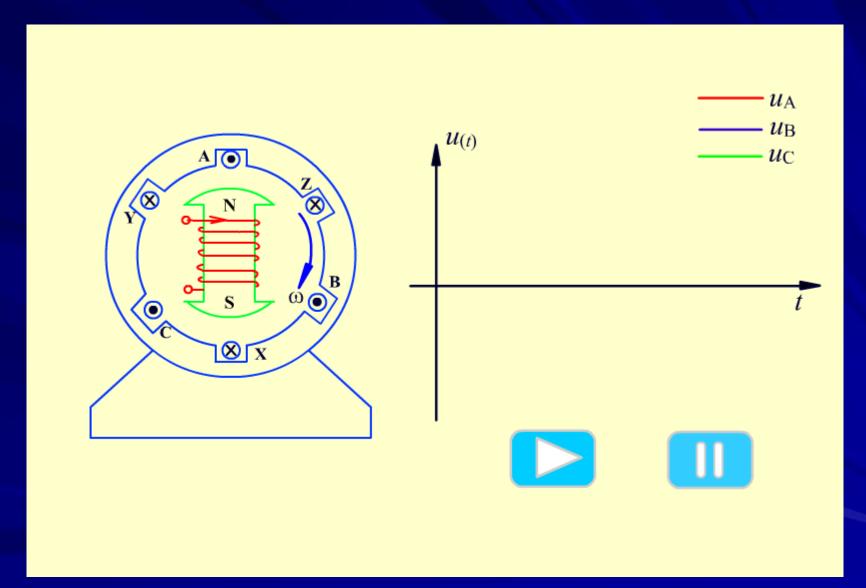
三相电源是三个频率相同、振幅相同、相位彼此相差120°的正弦电源。



三相同步发电机示意图

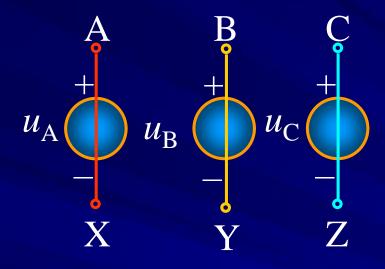
通常由三相同步发 电机产生,三相绕组在 空间互差120°, 当转子 以均匀角速度ω转动时, 在三相绕组中产生感应 电压,从而形成对称三 相电源。







①瞬时值表达式



$$u_{\rm A}(t) = \sqrt{2U}\cos\omega t$$

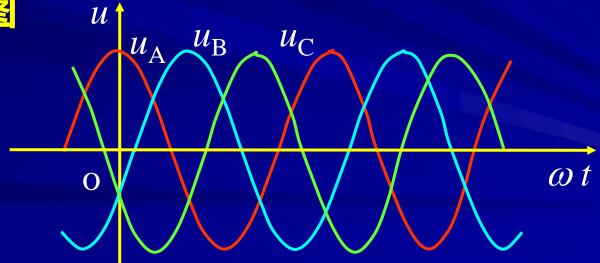
$$u_{\rm B}(t) = \sqrt{2U}\cos(\omega t - 120^{\circ})$$

$$u_{\rm c}(t) = \sqrt{2}U\cos(\omega t + 120^{\circ})$$

A、B、C 三端称为始端,

X、Y、Z三端称为末端。







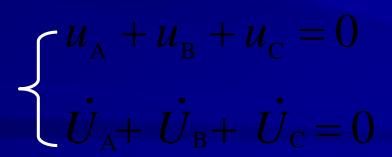
③相量表示

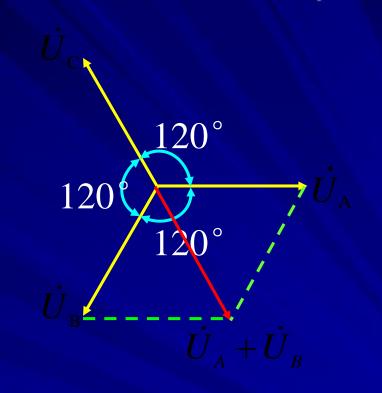
$$\dot{U}_{\mathrm{A}} = U \angle 0^{\circ}$$

$$U_{\rm B} = U \angle -120^{\circ}$$

$$\dot{U}_{\rm C} = U \angle 120^{\circ}$$

④对称三相电源的特点







⑤对称三相电源的相序

三相电源各相经过同一值(如最大值)的先后顺序。

$$\begin{pmatrix} C \\ B \end{pmatrix} \rightarrow A$$

$$B \rightarrow A$$

三相电机

负序(逆序): A—C—B—A

相序的实际意义:

正转

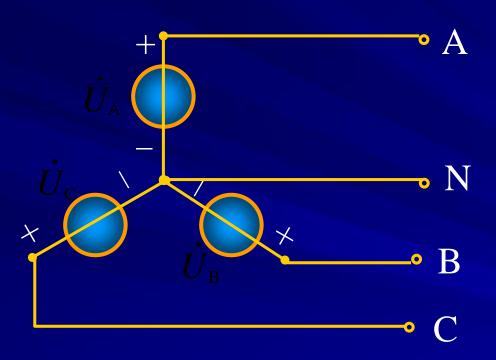
反转

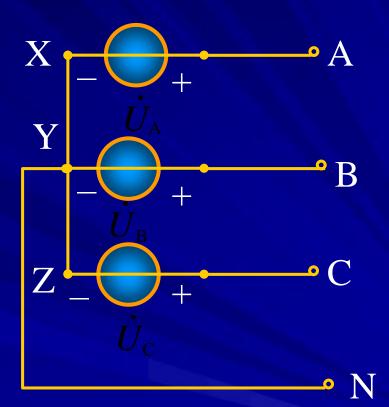
以后如果不加说明,一般都认为是正相序。



2. 三相电源的联接

(1) 星形联接(Y联接)

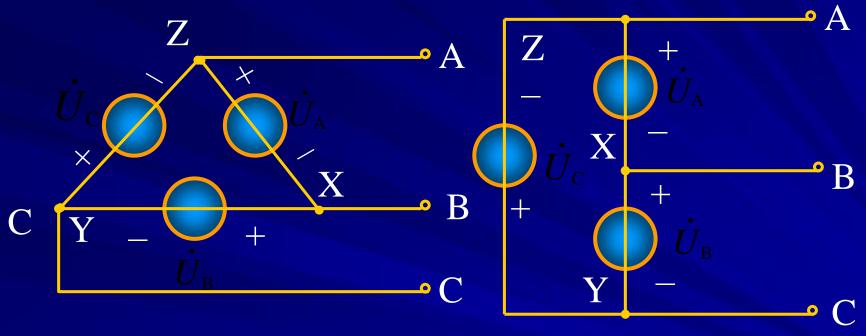




X, Y, Z 接在一起的点称为Y联接对称三相电源的中性点,用N表示。



(2) 三角形联接(△联接)





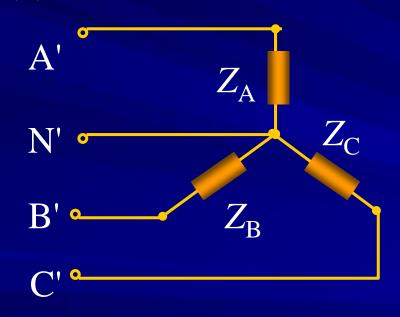
三角形联接的对称三相电源没有中点。

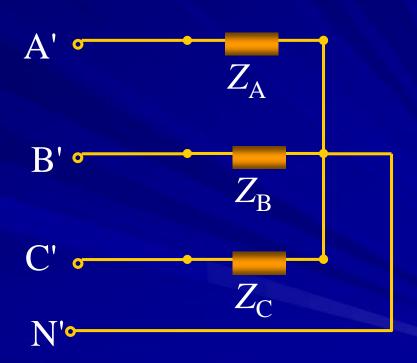


3. 三相负载及其联接

三相电路的负载由三部分组成,其中每一部分称为一相负载,三相负载也有二种联接方式。

(1) 星形联接

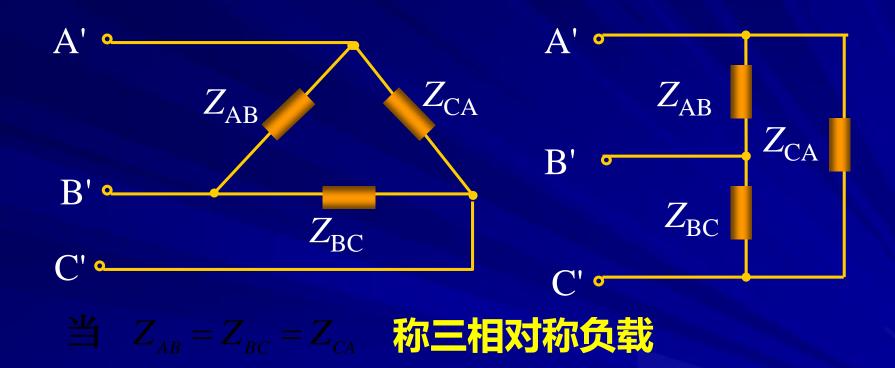




当 $Z_A = Z_B = Z_C$ 称三相对称负载

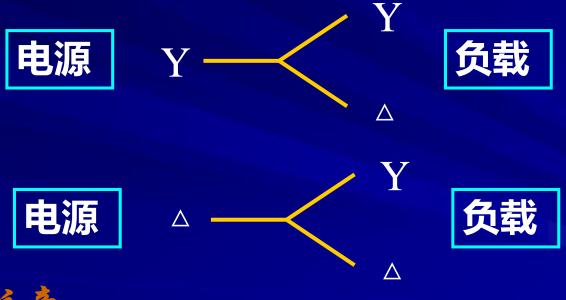


(2) 三角形联接



4. 三相电路

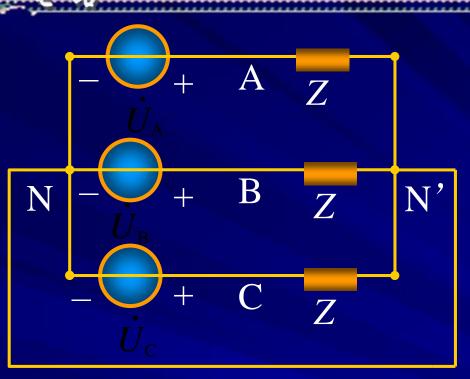
三相电路就是由对称三相电源和三相负载联接起来所组成的系统。工程上根据实际需要可以组成:





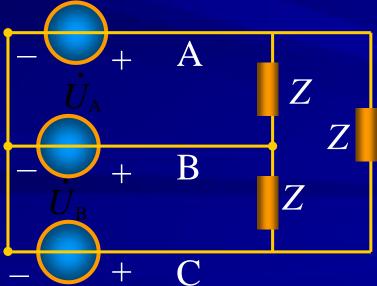
当电源和负载都对称时, 称为对称三相电路。





三相四线制

Y — Y



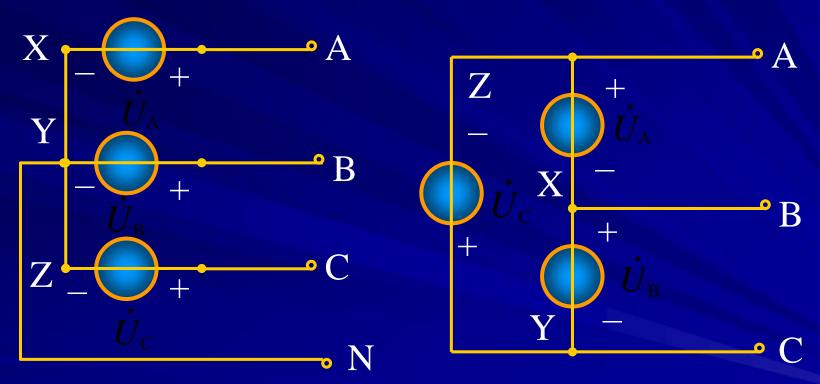
三相三线制

Y ____ A

返回上页下页

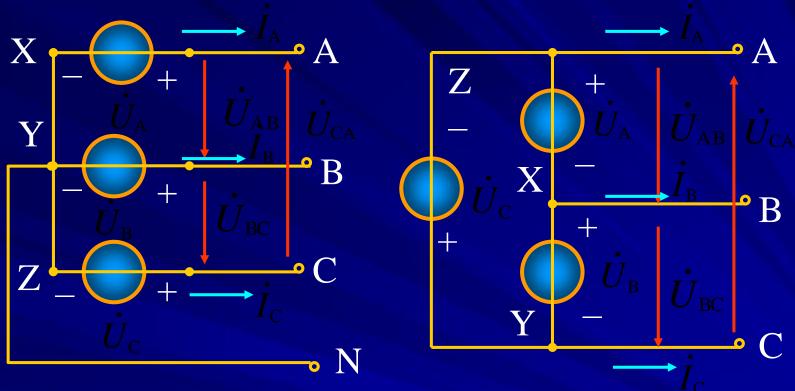
12.2 线电压(电流)与相电压(电流)的关系

1. 名词介绍



- ①端线(火线): 始端A, B, C 三端引出线。
- ②中线:中性点N引出线, △连接无中线。

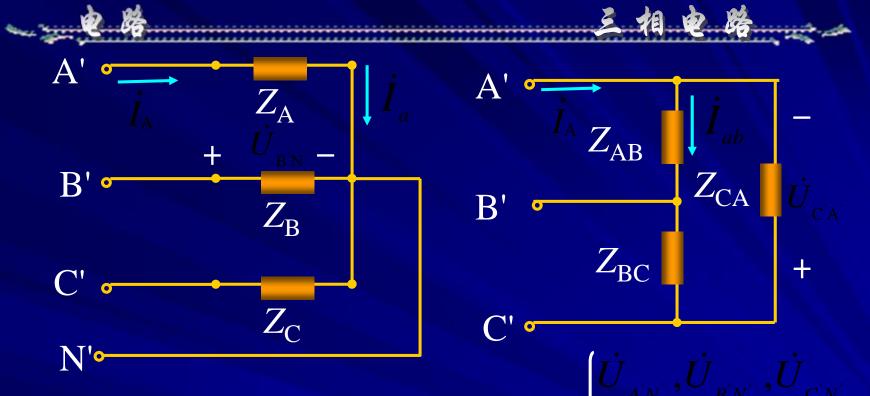




③相电压:每相电源的电压。 $\dot{U}_{A}, \dot{U}_{B}, \dot{U}_{C}$

④线电压:端线与端线之间的电压。 \dot{U}_{AB} , \dot{U}_{BC} , \dot{U}_{CA}

⑤线电流:流过端线的电流。 I_A , I_B , I_C



负载的相电压: 每相负载上的电压。

 $ullet \left[egin{array}{cccc} U_{A^{'}B^{'}}, U_{B^{'}C^{'}}, U_{C^{'}A^{'}} \end{array}
ight]$

负载的线电压: 负载端线间的电压。 U_{AB} , U_{BC} , U_{CA}

线电流:流过端线的电流。 I_A, I_B, I_C

相电流:流过每相负载的电流。 \dot{I}_a , \dot{I}_b , \dot{I}_c \dot{I}_{ab} , \dot{I}_{bc} , \dot{I}_{ca}

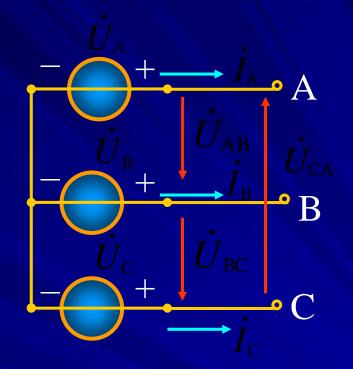
返回上页下页



2. 相电压和线电压的关系

①Y联接

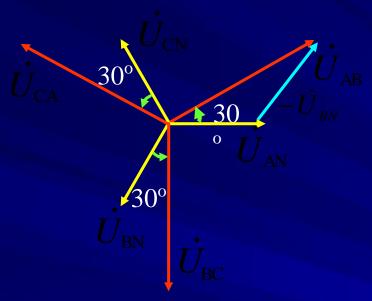
设
$$\dot{U}_{AN} = \dot{U}_{A} = U \angle 0^{\circ}$$
 $\dot{U}_{BN} = \dot{U}_{B} = U \angle -120^{\circ}$
 $\dot{U}_{CN} = \dot{U}_{C} = U \angle 120^{\circ}$

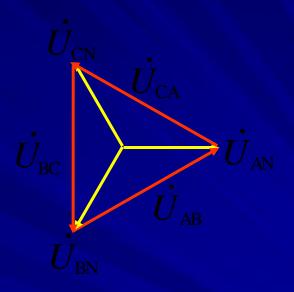


$$\dot{U}_{AB} = \dot{U}_{AN} - \dot{U}_{BN} = U \angle 0^{\circ} - U \angle -120^{\circ} = \sqrt{3}U \angle 30^{\circ}$$
 $\dot{U}_{BC} = \dot{U}_{BN} - \dot{U}_{CN} = U \angle -120^{\circ} - U \angle 120^{\circ} = \sqrt{3}U \angle -90^{\circ}$
 $\dot{U}_{CA} = \dot{U}_{CN} - \dot{U}_{AN} = U \angle 120^{\circ} - U \angle 0^{\circ} = \sqrt{3}U \angle 150^{\circ}$



利用相量图得到相电压和线电压之间的关系:





一般表示为:

$$\dot{U}_{AB} = \sqrt{3} \dot{U}_{AN} \angle 30^{\circ}$$

$$\dot{U}_{BC} = \sqrt{3} \dot{U}_{BN} \angle 30^{\circ}$$

$$\dot{U}_{CA} = \sqrt{3} \dot{U}_{CN} \angle 30^{\circ}$$

线电压对称(大小相等,相位互差120°)





多名论 对Y联接的对称三相电源

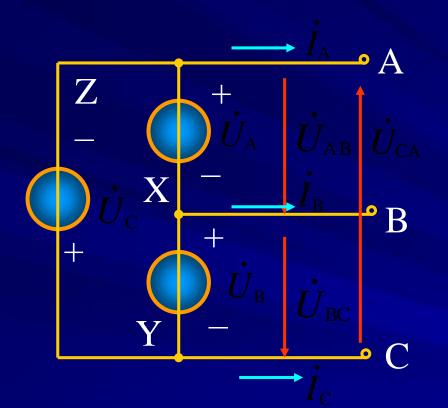
- (1) 相电压对称,则线电压也对称
- (3) 线电压相位领先对应相电压30°。

所谓的"对应":对应相电压用线电压的 第一个下标字母标出。

$$\left\{egin{array}{c} \dot{U}_{
m AB}
ightarrow \dot{U}_{
m AN} \ \dot{U}_{
m BC}
ightarrow \dot{U}_{
m BN} \ \dot{U}_{
m CA}
ightarrow \dot{U}_{
m CN} \end{array}
ight.$$



②∆联接



设
$$\dot{U}_{\rm A} = U \angle 0^{\circ}$$

$$U_{\rm B} = U \angle -120^{\circ}$$

$$U_{\rm C} = U \angle 120^{\circ}$$

$$\dot{U}_{\scriptscriptstyle AB} = \dot{U}_{\scriptscriptstyle A} = U \angle 0^{\circ}$$

$$\dot{U}_{\rm BC} = \dot{U}_{\rm B} = U \angle -120^{\circ}$$

$$\dot{U}_{CA} = \dot{U}_{C} = U \angle 120^{\circ}$$

线电压等于对应的相电压

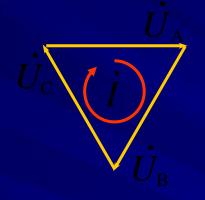


沙漠意①以上关于线电压和相电压的关系也适 用于对称星型负载和三角型负载。



②△联接电源始端末端要依次相连。

正确接法



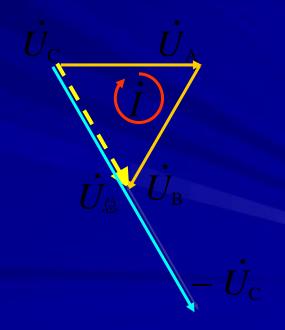
$U_A + U_B + U_C = 0$ I = 0电源中不会产生环流

错误接法

$$\dot{U}_{A} + \dot{U}_{B} - \dot{U}_{C} = -2\dot{U}_{C}$$

 $I\neq 0$

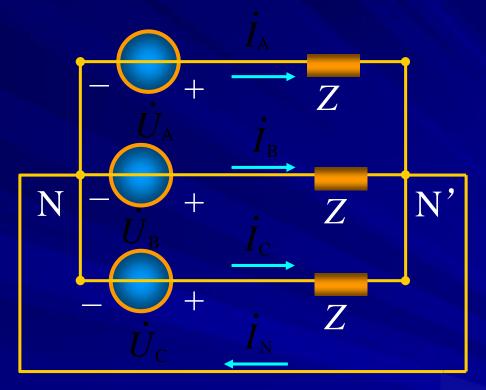
电源中将会产生环流





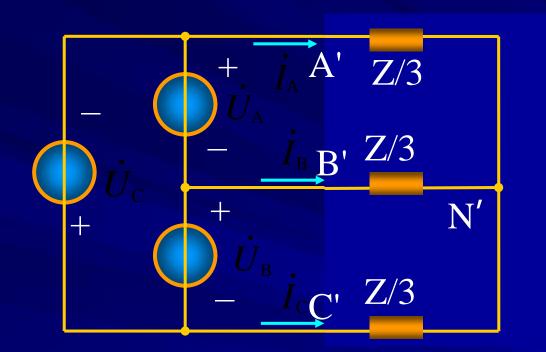
2. 相电流和线电流的关系

①Y联接



参考论 Y联接时,线电流等于相电流。

②∆联接



$$\dot{I}_{ab} = \frac{U_{A}}{Z}
\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{A'N'}}{Z/3} = \frac{3\dot{U}_{A'N'}}{Z}
= \frac{3(\dot{U}_{A'B'}/\sqrt{3})\angle - 30^{0}}{Z}
= \sqrt{3}\frac{\dot{U}_{A}}{Z}\angle - 30^{0}
= \sqrt{3}\dot{I}_{ab}\angle - 30^{0}$$

参 % △ 联接的对称电路:

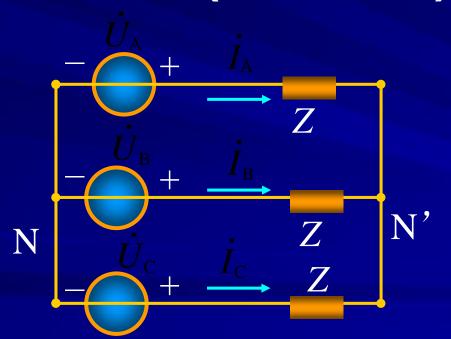
- (2) 线电流相位滞后对应相电流30°。



13.3 对称三相电路的计算

对称三相电路由于电源对称、负载对称、线路对称,因而可以引入一特殊的计算方法。

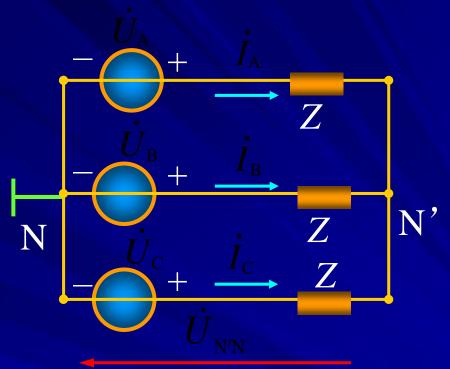
1. Y-Y联接(三相三线制)



设
$$\dot{U}_{A}=U\angle0^{\circ}$$
 $\dot{U}_{B}=U\angle-120^{\circ}$
 $\dot{U}_{C}=U\angle120^{\circ}$
 $Z=|Z|/\sigma$

以N点为参考点,对N'

点列写结点方程:



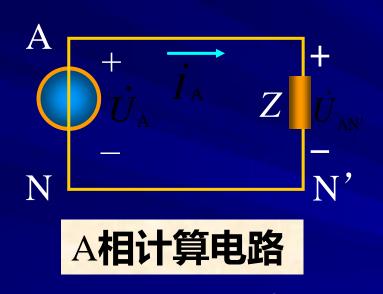
$$(\frac{1}{Z} + \frac{1}{Z} + \frac{1}{Z})\dot{U}_{N'N} = \frac{1}{Z}\dot{U}_A + \frac{1}{Z}\dot{U}_B + \frac{1}{Z}\dot{U}_C$$

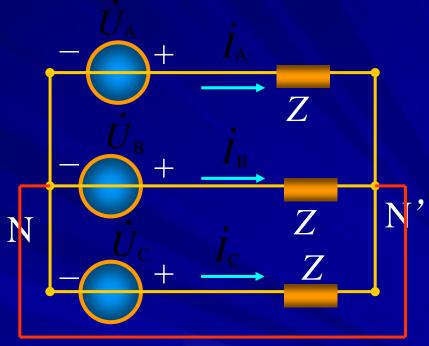
$$\frac{3}{Z}\dot{U}_{N'N} = \frac{1}{Z}(\dot{U}_{A} + \dot{U}_{B} + \dot{U}_{C}) = 0 \qquad \therefore \dot{U}_{N'N} = 0$$

返回上页下页

三相电路

相电路的计算。





负载侧相电压:

$$\dot{U}_{\mathrm{AN'}} = \dot{U}_{\mathrm{A}} = U \angle 0^{\circ}$$
 $\dot{U}_{\mathrm{BN'}} = \dot{U}_{\mathrm{B}} = U \angle -120^{\circ}$
 $\dot{U}_{\mathrm{CN'}} = \dot{U}_{\mathrm{C}} = U \angle 120^{\circ}$

也为对 称电压

返回上页下

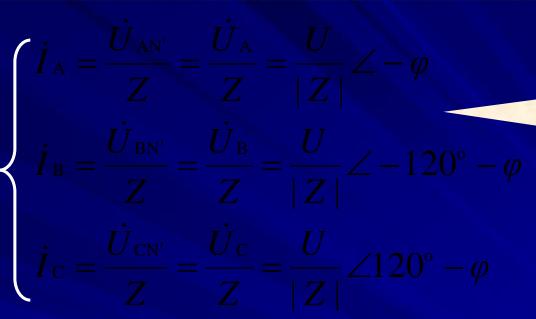
为对称

电流



计算电流:

公结论



- ①电源中点与负载中点等电位。有无中线对电路情况没有影响。
- ② 对称情况下,各相电压、电流都是对称的,可采用一相(A相)等效电路计算。其它两相的电压、电流可按对称关系直接写出。

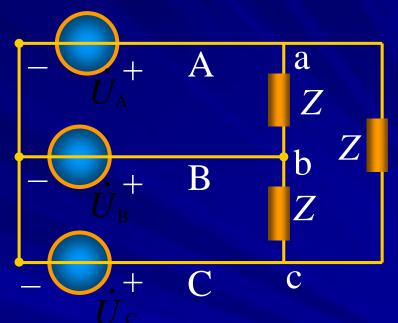


③Y形联接的对称三相负载,根据相、线电压、电

流的关系得:
$$\dot{U}_{AB} = \sqrt{3}\dot{U}_{AN'} \angle 30^{\circ}$$
 , $\dot{I}_{A} = \dot{I}_{a}$

2. Y-△联接

设
$$\dot{U}_{A} = U \angle 0^{\circ}$$
 $\dot{U}_{B} = U \angle -120^{\circ}$
 $\dot{U}_{C} = U \angle 120^{\circ}$
 $Z = |Z| \angle \omega$



解法1

负载上相电压与线电压相等:

$$\begin{cases} \dot{U}_{ab} = \dot{U}_{AB} = \sqrt{3}U\angle 30^{\circ} \\ \dot{U}_{bc} = \dot{U}_{BC} = \sqrt{3}U\angle -90^{\circ} \\ \dot{U}_{ca} = \dot{U}_{CA} = \sqrt{3}U\angle 150^{\circ} \end{cases}$$

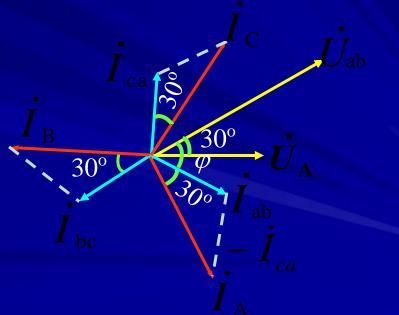
返回上页

相电流:

$$\begin{cases} \dot{I}_{ab} = \frac{U_{ab}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^{\circ} - \varphi \\ \dot{I}_{bc} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle -90^{\circ} - \varphi \\ \dot{I}_{ca} = \frac{\dot{U}_{ca}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 150^{\circ} - \varphi \end{cases}$$

线电流:

$$\begin{cases} \vec{I}_{A} = \vec{I}_{ab} - \vec{I}_{ca} = \sqrt{3} \, \vec{I}_{ab} \angle -30^{\circ} \\ \vec{I}_{B} = \vec{I}_{bc} - \vec{I}_{ab} = \sqrt{3} \, \vec{I}_{bc} \angle -30^{\circ} \\ \vec{I}_{C} = \vec{I}_{ca} - \vec{I}_{bc} = \sqrt{3} \, \vec{I}_{ca} \angle -30^{\circ} \end{cases}$$



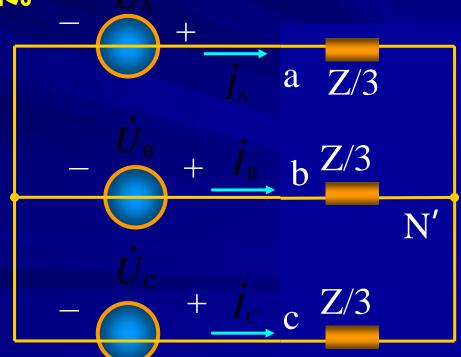
返回上页下



结论①负载上相电压与线电压相等,且对称。

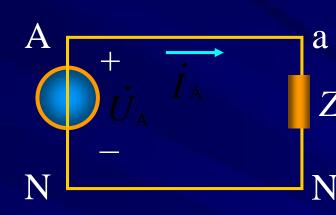
- ②线电流与相电流对称。线电流是相电流的 √3 倍,相位落后相应相电流30°。
- ③根据一相的计算结果,由对称性可得到其余两相结果。

解法2









 $\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{aN'}}{Z/3} = \frac{3\dot{U}_{A}}{Z} = \frac{3U}{|Z|} \angle - \varphi$ $\dot{I}_{ab} = \frac{1}{|Z|}\dot{I}_{A} \angle 30^{\circ} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^{\circ}$

 $\dot{I}_{ab} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_{A} \angle 30^{\circ} = \frac{\sqrt{3U}}{|Z|} \angle 30^{\circ} - \varphi$

A相计算电路

$$\dot{U}_{\rm ab} = \sqrt{3}\,\dot{U}_{\rm an}\,\angle 30^{\circ} = \sqrt{3}U\angle 30^{\circ}$$

解法3

利用计算相电流的一相等效电路。

$$\dot{I}_{ab} = \frac{\dot{U}_{ab}}{Z} = \frac{\dot{U}_{AB}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^{\circ} - \phi$$

$$\dot{I}_{A} = \sqrt{3} \dot{I}_{ab} \angle - 30^{\circ} = \frac{3U}{|Z|} \angle - \phi$$

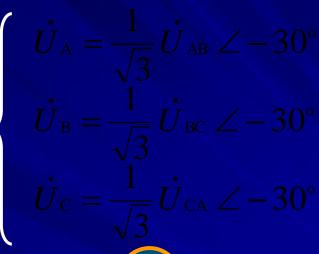
$$\dot{U}_{ab} = \dot{U}_{AB} = \sqrt{3} U \angle 30^{\circ}$$

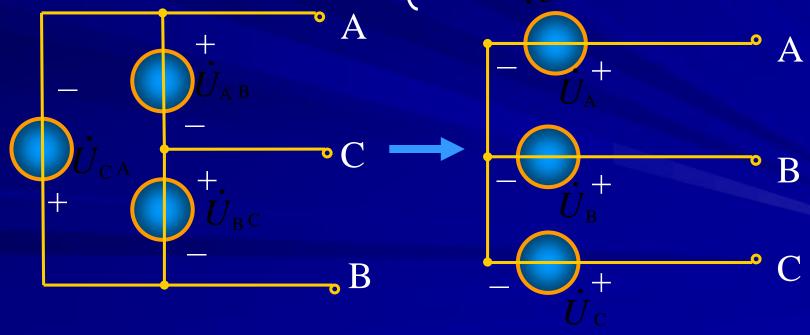
返回上页下:

电路

3. 电源为△联接时的对称三相电路的计算

将△电源用Y电源替代,保证其线电压相等。

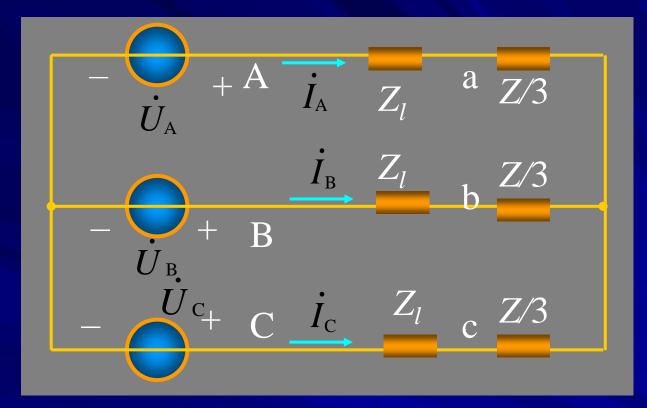




返回上页下







返回上页下页



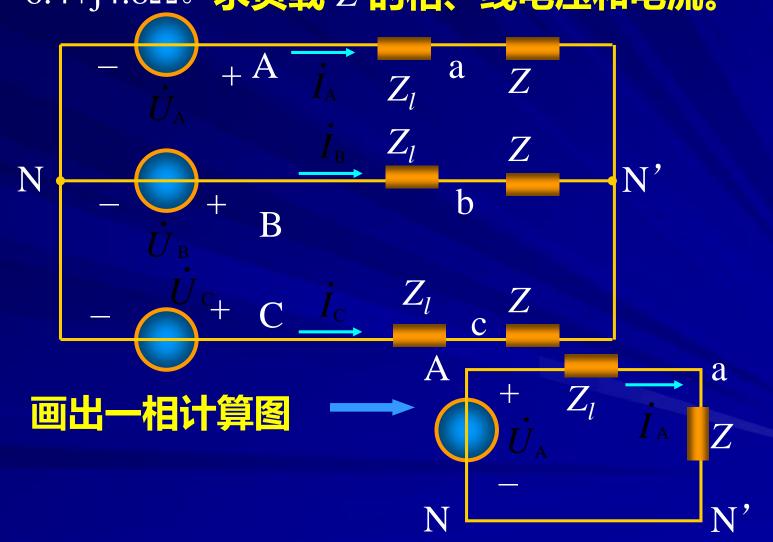
- (1)将所有三相电源、负载都化为等值Y—Y接电路;
- (2)连接负载和电源中点,中线上若有阻抗可不计;
- (3)画出单相计算电路, 求出一相的电压、电流:
 - 一相电路中的电压为Y接时的相电压。
 - 一相电路中的电流为线电流。
- (4)根据∆接、Y接时线量、相量之间的关系,求 出原电路的电流电压。
- (5) 由对称性,得出其它两相的电压、电流。

三相电路

例1 对称三相电源线电压为380V, $Z=6.4+j4.8\Omega$,

解

 $Z_l = 6.4 + j4.8\Omega$ 。求负载 Z 的相、线电压和电流。



返回上页





设
$$\dot{U}_{AB} = 380 \angle 0^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{I}_{A} = \frac{U_{AN}}{Z + Z_{l}} = \frac{220 \angle -30^{\circ}}{9.4 + j8.8}$$

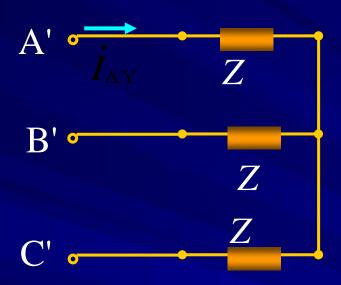
$$= \frac{220\angle -30^{\circ}}{12.88\angle 43.1^{\circ}} = 17.1\angle -73.1^{\circ} A$$

$$\dot{U}_{aN'} = \dot{I}_{A} \cdot Z = 17.1 \angle -73.1^{\circ} \cdot 8 \angle 36.9^{\circ} = 136.8 \angle -36.2^{\circ} V$$

$$\dot{U}_{ab} = \sqrt{3} \dot{U}_{an} \angle 30^{\circ} = \sqrt{3} \times 136.8 \angle -6.2^{\circ} V = 236.9 \angle -6.2^{\circ} V$$



例2 对称三相负载分别接成Y和A型。求线电流。



$$A'$$
 $I_{A\Delta}$
 Z
 B'
 Z
 C'

解

$$\dot{I}_{\mathrm{AY}} = \frac{U_{\mathrm{AN}}}{Z_{\mathrm{AY}}}$$

$$I_{\Delta} = 3I_{Y}$$

$$\dot{I}_{\text{AA}} = \frac{\dot{U}_{\text{AN}}}{Z/3} = 3\frac{\dot{U}_{\text{AN}}}{Z}$$

应用: Y-A降压起动。



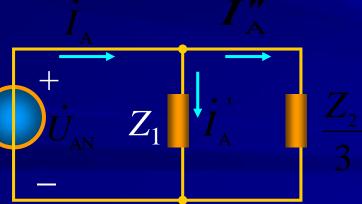
例3 对称三相电路,电源线电压为380V, $|Z_1|=10\Omega$, $\cos \varphi_1 = 0.6$ (感性), $Z_2 = -j50\Omega$, $Z_N = 1 + j2\Omega$ 。

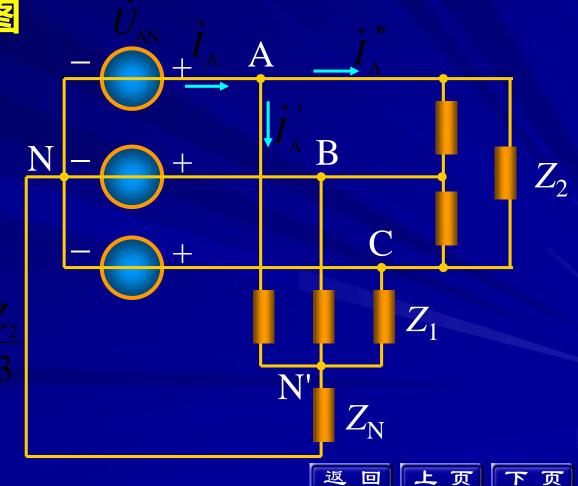
求:线电流、相电流,画出相量图(以A相为例)。

解画出一相计算图

设
$$\dot{U}_{\rm AN}=220\angle0^{\circ}{\rm V}$$

$$\dot{U}_{\rm AB} = 380 \angle 30^{\circ} \, {\rm V}$$

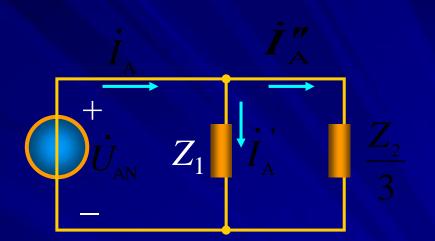




$$\cos \phi_1 = 0.6$$
, $\phi_1 = 53.1^{\circ}$

$$Z_1 = 10 \angle 53.1^{\circ} = 6 + j8\Omega$$

$$Z_2' = \frac{1}{3}Z_2 = -j\frac{50}{3}\Omega$$



$$\dot{I}_{A}' = \frac{U_{AN}}{Z_{1}} = \frac{220\angle 0^{\circ}}{10\angle 53.13^{\circ}} = 22\angle -53.13^{\circ} A = 13.2 - j17.6A$$

$$\dot{I}_{A}^{"} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_{2}^{'}} = \frac{220\angle 0^{\circ}}{-j50/3} = j13.2A$$
 $\dot{I}_{B} = 13.9\angle -138.4^{\circ}A$
 $\dot{I}_{A} = \dot{I}_{A}^{'} + \dot{I}_{A}^{"} = 13.9\angle -18.4^{\circ}A$
 $\dot{I}_{C} = 13.9\angle 101.6^{\circ}A$

根据对称性,得B、C相的线电流、相电流:

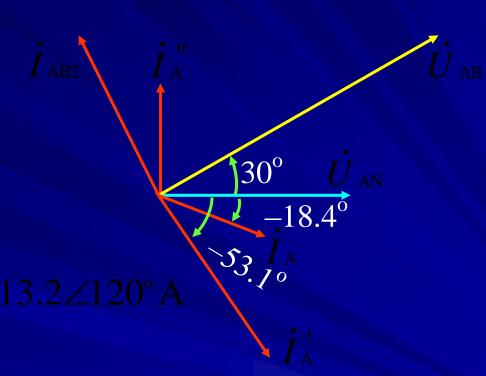
返回上页下页



第一组负载的三相电流

由此可以画出相量图:

$$\dot{I}_{A}' = 22\angle -53.1^{\circ} A$$
 $\dot{I}_{B}' = 22\angle -173.1^{\circ} A$
 $\dot{I}_{C}' = 22\angle 66.9^{\circ} A$



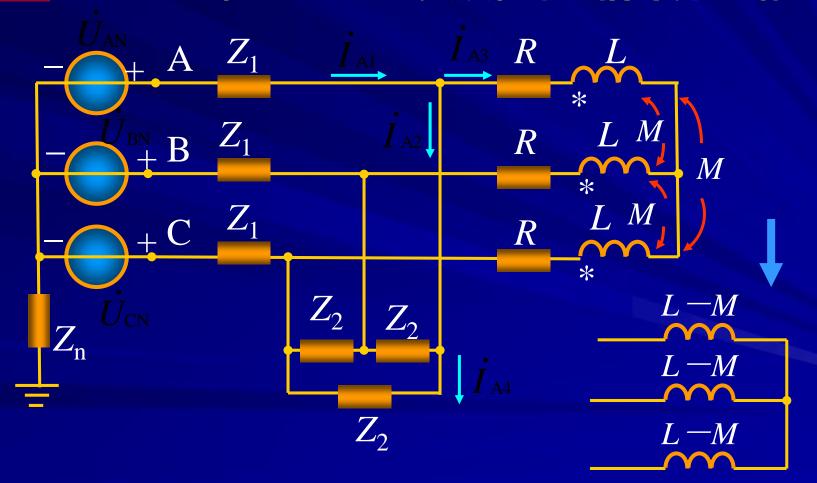
第二组负载的相电流:

$$I_{AB2} = \frac{1}{\sqrt{3}} I_A^{"} \angle 30^{\circ} =$$
 $\dot{I}_{BC2} = 13.2 \angle 0^{\circ} A$
 $\dot{I}_{CA2} = 13.2 \angle -120^{\circ} A$

三相电路

例4 己知 $\dot{U}_{AB} = \sqrt{3}U\angle 0^{\circ} \text{ V}$,各负载如图所示. 求: \dot{I}_{A1} , \dot{I}_{A2} , \dot{I}_{A3}

解 消去互感,进行A—Y变换,取A相计算电路



返回上页下

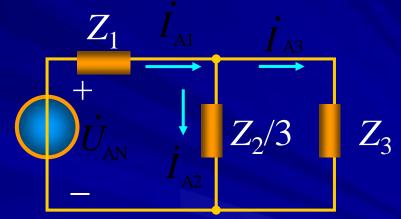
负载化为Y接。 根据对称性,中性电阻 Z_n 短路。

$$Z_3 = R + j\omega(L - M)$$

$$\dot{U}_{AN} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{AB} \angle -30^{\circ} = U \angle -30^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{I}_{A1} = \frac{U_{AN}}{Z_1 + \frac{1}{3} Z_2 // Z_3},$$

 \dot{I}_{A2} , \dot{I}_{A3} 可由分流得到.



相电流
$$\dot{I}_{A4} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_{A3} \angle 30^{\circ}$$

12.4 不对称三相电路的概念

不对称 →



自源不对称(不对称程度小,系统保证其对称)。 电路参数(负载)不对称情况很多。

讨论对象 →



电源对称,负载不对称(低压电力网)。

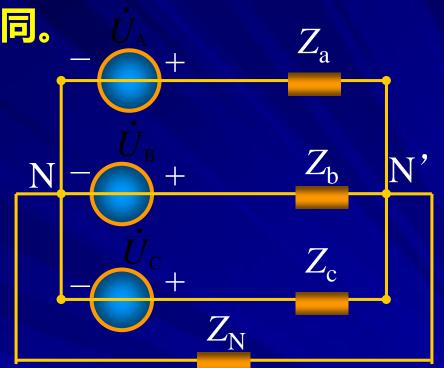
分析方法 → 复杂交流电路分析方法。

主要了解:中性点位移。

三相负载Z_a、Z_b、Z_c不相同。

负载各相电压:

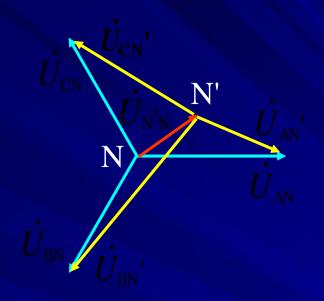
$$\dot{U}_{\mathrm{AN'}} = \dot{U}_{\mathrm{AN}} - \dot{U}_{\mathrm{N'N}}$$
 $\dot{U}_{\mathrm{BN'}} = \dot{U}_{\mathrm{BN}} - \dot{U}_{\mathrm{N'N}}$
 $\dot{U}_{\mathrm{CN'}} = \dot{U}_{\mathrm{CN}} - \dot{U}_{\mathrm{N'N}}$



$$\dot{U}_{\text{N'N}} = \frac{\dot{U}_{\text{AN}}/Z_{\text{a}} + \dot{U}_{\text{BN}}/Z_{\text{b}} + \dot{U}_{\text{CN}}/Z_{\text{c}}}{1/Z_{\text{a}} + 1/Z_{\text{b}} + 1/Z_{\text{c}} + 1/Z_{\text{N}}} \neq 0$$



相量图



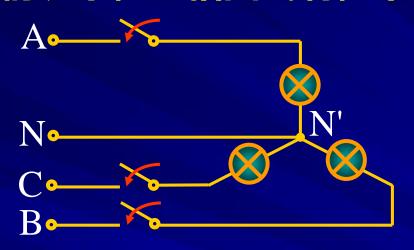
中性点位移

→负载中点与电源中点不重合。

》 沒意 在电源对称情况下,可以根据中点位移的情况来判断负载端不对称的程度。当中点位移较大时,会造成负载相电压严重不对称,使负载的工作状态不正常。

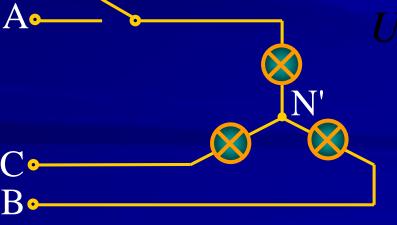
例1 照明电路:

(1) 正常情况下,三相四线制,中线阻抗约为零。



每相负载的工作情况相对独立。

(2) 若三相三线制,设A相断路(三相不对称)



$$U_{\rm CN'} = U_{\rm BN'} = U_{\rm BC} / 2$$

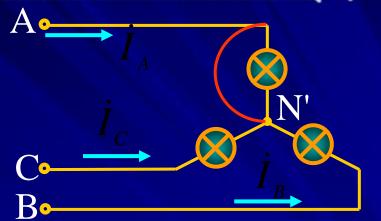
灯泡电压低, 灯光昏暗。



(3) A相短路

$$U_{\mathrm{CN'}} = U_{\mathrm{BN'}} = U_{\mathrm{AB}} = U_{\mathrm{AC}}$$

超过灯泡的额定电压,灯泡可能烧坏。



计算短路电流:

$$\dot{I}_{B} = \frac{\dot{U}_{BA}}{R} = -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_{A}\angle 30^{0}}{R} \qquad \dot{I}_{C} = \frac{\dot{U}_{CA}}{R} = \frac{\sqrt{3}\dot{U}_{A}\angle 150^{0}}{R}
\dot{I}_{A} = -(\dot{I}_{B} + \dot{I}_{C}) = -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_{A}}{R} (\angle -30^{0} + \angle 150^{0})
= -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_{A}}{R} (-\frac{\sqrt{3}}{2} - j\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} + j\frac{1}{2}) = \frac{3\dot{U}_{A}}{R}$$



短路电流是正常时电流的3倍

返回上页下页



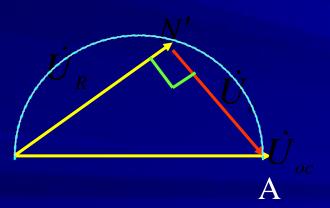
- ①负载不对称,电源中性点和负载中性点不等位, 中线中有电流,各相电压、电流不存在对称关 系;
- ②中线不装保险,并且中线较粗。一是减少损耗, 二是加强强度(中线一旦断了,负载不能正常 工作)。
- ③要消除或减少中点的位移,尽量减少中线阻抗,然而从经济的观点来看,中线不可能做得很粗,应适当调整负载,使其接近对称情况。



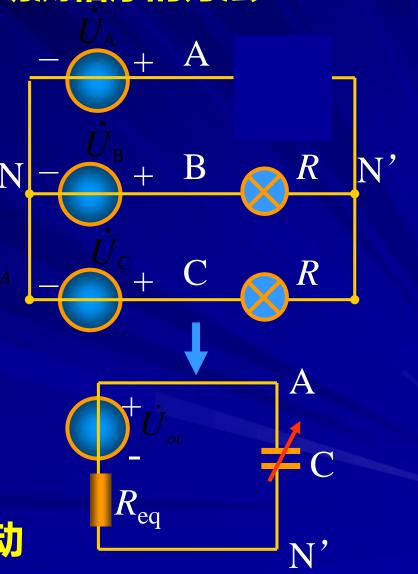
例2 图示为相序仪电路。说明测相序的方法

解应用戴维宁定理

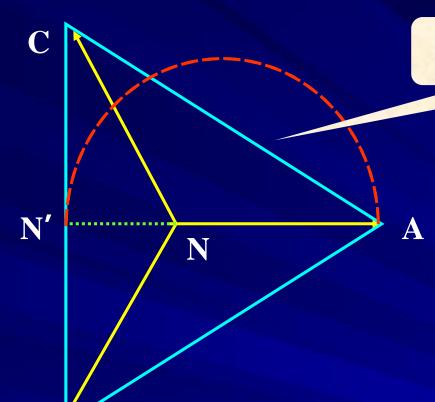
$$\frac{R_{eq}}{\dot{U}_{oc}} = \frac{R}{2} + \frac{\dot{U}_{B} - \dot{U}_{C}}{2} \\
= \dot{U}_{A} - \frac{1}{2} (\dot{U}_{B} + \dot{U}_{C}) = \frac{3}{2} U_{A}$$



当C变化时, N' 在半圆上移动







三相电源的相量图

电容断路, N' 在CB线中点

$$N'A \Rightarrow \dot{U}_{oc} = \frac{3}{2}\dot{U}_{A}$$

电容变化, N' 在半圆上运动, 因此总满足:

$$\dot{U}_{\scriptscriptstyle BN'} \geq \dot{U}_{\scriptscriptstyle CN'}$$

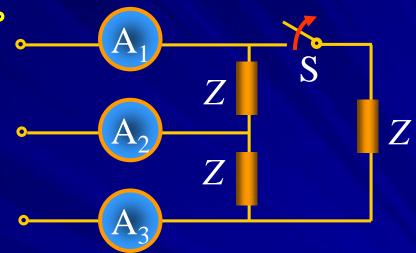
若以接电容一相为A相,则B相电压比C相电压高。B相灯较亮,C相较暗(正序)。据此可测定三相电源的相序。

如图电路中, 电源三相对称。当开关S闭合时,

电流表的读数均为5A。

求: 开关S打开后各 电流表的读数。





开关S打开后,表A。的电流数与负载对称时 相同。而表A₁和表A₃的电流数等于负载对称 时的相电流。

$$A_2 = 5A$$

$$A_1 = A_3$$

$$A_3 = 5/\sqrt{3} = 2.89A$$



12.5 三相电路的功率

1. 对称三相电路功率的计算

①平均功率
$$\longrightarrow P_{\rm p} = U_{\rm p} I_{\rm p} \cos \varphi$$

三相总功率: $P=3P_p=3U_pI_p\cos\varphi$

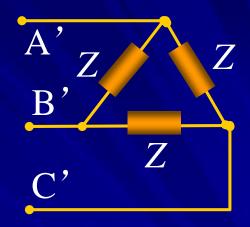
Y接:
$$U_1 = \sqrt{3}U_p$$
, $I_1 = I_p$

$$P = 3 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} U_l I_l \cos \varphi = \sqrt{3} U_l I_l \cos \varphi$$



$$\Delta$$
接: $U_l = U_p$, $I_l = \sqrt{3}I_p$

$$P = 3U_l \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} I_l \cos \varphi = \sqrt{3} U_l I_l \cos \varphi$$





- (1) φ为相电压与相电流的相位差(阻抗角),不要误以为是线电压与线电流的相位差。
- (2) $\cos \varphi$ 为每相的功率因数,在对称三相制中有 $\cos \varphi_A = \cos \varphi_B = \cos \varphi_C = \cos \varphi$ 。
- (3) 公式计算电源发出的功率(或负载吸收的功率)。

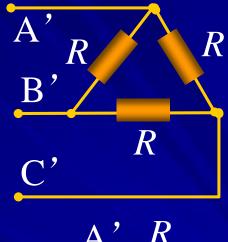
返回上页下页

例1 已知对称三相电路线电压 U_l ,问负载接成Y和 Δ 各从电网获取多少功率?

解

$$\Delta$$
接: $P = \sqrt{3}U_l \frac{\sqrt{3}U_l}{R} = 3\frac{U_l^2}{R}$

Y接:
$$P = \sqrt{3}U_1 \frac{U_1}{\sqrt{3}R} = \frac{U_1^2}{R}$$



分 括 论

- (1) 当负载由Y改接成△时,若线电压不变,则由于相电压与相电流增大√倍,所以功率增大3倍。
- (2)若负载的相电压不变,则不论怎样连接其功 率不变。



②无功功率

$$\longrightarrow Q = Q_A + Q_B + Q_C = 3Q_p$$

$$Q = 3U_p I_p \sin \varphi = \sqrt{3}U_l I_l \sin \varphi$$

③视在功率

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = 3U_p I_p = \sqrt{3}U_l I_l$$

- 注意 1) 功率因数也可定义为: $\cos \varphi = P/S$
 - 2) 这里的, $P \setminus Q \setminus S$ 都是指三相总和。
 - 3) 不对称时φ 无意义

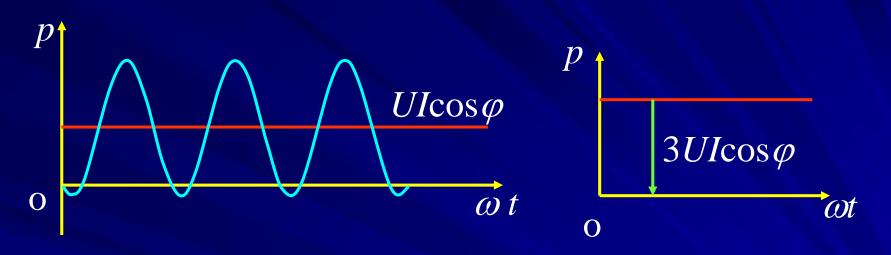


④对称三相负载的瞬时功率

设
$$u_{A} = \sqrt{2}U\cos\omega t$$
 $i_{A} = \sqrt{2}I\cos(\omega t - \varphi)$

则 $p_{A} = u_{A}i_{A} = 2UI\cos\omega t \cos(\omega t - \varphi)$
 $= UI[\cos\varphi + \cos(2\omega t - \varphi)]$
 $p_{B} = u_{B}i_{B} = UI\cos\varphi + UI\cos[(2\omega t - 240^{\circ}) - \varphi]$
 $p_{C} = u_{C}i_{C} = UI\cos\varphi + UI\cos[(2\omega t + 240^{\circ}) - \varphi]$

$$p = p_{\rm A} + p_{\rm B} + p_{\rm C} = 3UI\cos\varphi$$



单相: 瞬时功率脉动

三相: 瞬时功率恒定

电动机转矩: m ∝p

可以得到均衡的机械力矩。避免了机械振动。

三相

兀

线

制



2. 三相功率的测量

①三表法

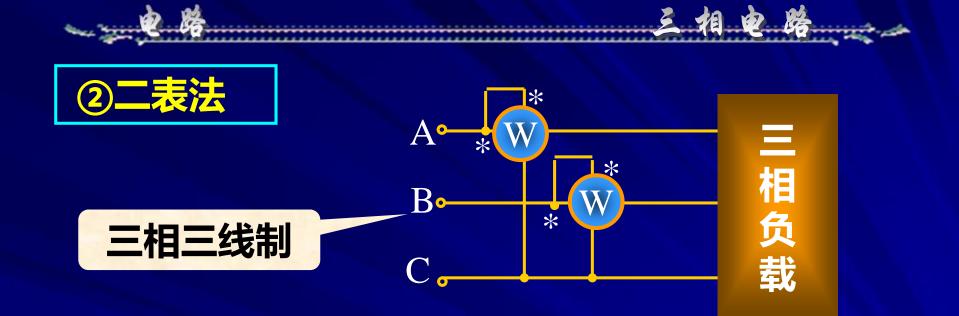


$$p = u_{AN}i_{A} + u_{BN}i_{B} + u_{CN}i_{C}$$

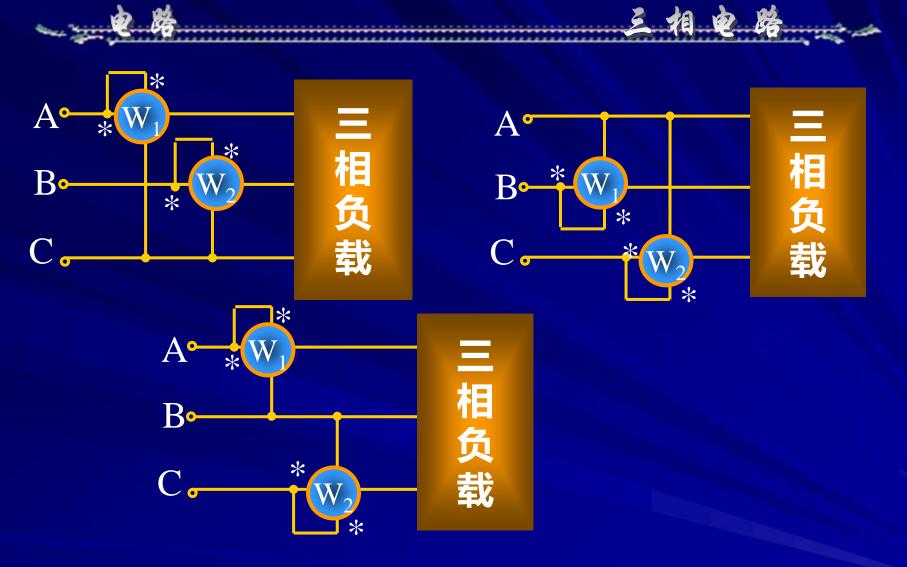
$$P = P_{A} + P_{B} + P_{C}$$

若负载对称,则需一块表,读数乘以3。

返回上页下了



※ 沒意 测量线路的接法是将两个功率表的电流线圈串到任意两相中,电压线圈的同名端接到其电流线圈所串的线上,电压线圈的非同名端接到另一相没有串功率表的线上。(有三种接线方式)



若 W_1 的读数为 P_1 , W_2 的读数为 P_2 , 则三相总功

率为:

$$P=P_1+P_2$$

返回上页下页



证明: 设负载是Y型联接

 $= u_{AC}i_{A} + u_{BC}i_{B}$

$$p = u_{AN} i_{A} + u_{BN} i_{B} + u_{CN} i_{C}$$

$$i_{A} + i_{B} + i_{C} = 0 i_{C} = -(i_{A} + i_{B})$$

$$p = (u_{AN} - u_{CN})i_{A} + (u_{BN} - u_{CN})i_{B} C$$

$$E = i_{B} Z_{B}$$

$$i_{C} Z_{C}$$

$$\begin{array}{cccc}
i_{A} & Z_{A} \\
A & & & & \\
i_{B} & Z_{B} & & \\
B & & & & \\
i_{C} & Z_{C} & & \\
C & & & & \\
\end{array}$$
N

$$P = U_{AC}I_{A}\cos\varphi_{1} + U_{BC}I_{B}\cos\varphi_{2} = W_{1} + W_{2}$$



- ① $\varphi_1: u_{AC} = i_A$ 的相位差, $\varphi_2 = u_{BC} = i_B$ 的相位差。
- ② 因△负载可以变为Y, 故上述结论仍成立。



- 1.只有在三相三线制条件下,才能用二表法, 且不论负载对称与否。
- 2. 两表读数的代数和为三相总功率,单块表的读数无意义。
- 3.按正确极性接线时,若出现一个表指针反转即读数为负,将其电流线圈极性反接使指针指向正数,但此时读数应记为负值。
- **4.**负载对称情况下,有: $P_1 = U_1 I_1 \cos(\varphi 30^\circ)$

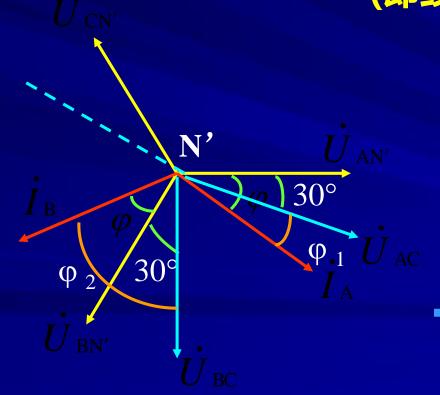
$$P_2 = U_l I_l \cos(\varphi + 30^\circ)$$



由相量图分析:

$$P=P_1+P_2=U_{\mathrm{AC}}I_{\mathrm{A}}\cos\varphi_1+U_{\mathrm{BC}}I_{\mathrm{B}}\cos\varphi_2$$

 $=U_lI_l\cos\varphi_1+U_lI_l\cos\varphi_2$ 假设负载为感性,相电流 (即线电流)落后相电压 φ 。



 İA落后ÜAN' φ角

 İB落后ÜBN' φ角

 İC落后ÜCN' φ角

$$\varphi_1 = \varphi - 30^\circ$$

$$\varphi_2 = \varphi + 30^\circ$$

返回上页下



所以

$$P_1 = U_l I_l \cos \varphi_1 = U_l I_l \cos(\varphi - 30^\circ)$$

$$P_2 = U_l I_l \cos \varphi_2 = U_l I_l \cos(\varphi + 30^\circ)$$

 $P = U_l I_l \left[\cos(\varphi - 30^\circ) + \cos(\varphi + 30^\circ)\right] = \sqrt{3}U_l I_l \cos\varphi$



讨论	P_1	P_2	$P_1 = P_1 + P_2$
$\varphi = 0$	$\frac{\sqrt{3}}{2}U_{l}I_{l}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}U_{l}I_{l}$	$\sqrt{3}U_{l}I_{l}$
<i>φ</i> ≥60°	正数	负数(零)	(感性负载)
$\varphi \leq -60^{\circ}$	负数(零)	正数	(容性负载)
$\varphi = 90^{\circ}$	$\frac{1}{2}U_{l}I_{l}$	$-\frac{1}{2}U_{l}I_{l}$	0

返回上页下

电路

例1 已知 U_l =380V, Z_1 =30+j40 Ω ,电动机 P=1700W, $\cos \varphi$ =0.8(感性)。

求: (1)线电流和电源发出的总功率;

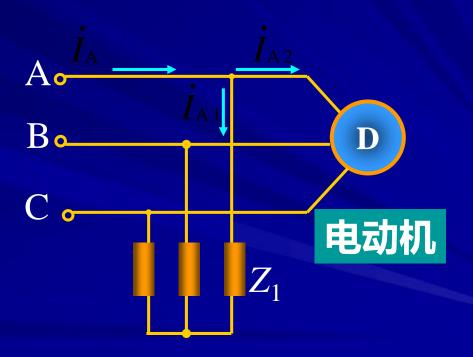
(2)用两表法测三相负载的功率,画接线图

求两表读数。

解

(1)
$$\dot{U}_{\rm AN} = 220 \angle 0^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{I}_{A1} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_{1}} = \frac{220 \angle 0^{\circ}}{30 + j40}$$
$$= 4.41 \angle -53.1^{\circ} \text{ A}$$



电动机负载: $P = \sqrt{3}U_{1}I_{A2}\cos\varphi = 1700W$

$$I_{A2} = \frac{P}{\sqrt{3}U_{l}\cos\varphi} = \frac{P}{\sqrt{3}\times380\times0.8} = 3.23A$$

$$\cos \varphi = 0.8$$
, $\varphi = 36.9^{\circ}$ $\dot{I}_{A2} = 3.23 \angle -36.9^{\circ}$ A

总电流: $\dot{I}_A = \dot{I}_{A1} + \dot{I}_{A2}$

$$=4.41\angle -53.1^{\circ} +3.23\angle -36.9^{\circ} = 7.56\angle -46.2^{\circ} \text{ A}$$

$$P_{\text{B}} = \sqrt{3}U_{l}I_{\text{A}}\cos\varphi_{\text{B}}$$
$$= \sqrt{3} \times 380 \times 7.56\cos 46.2^{\circ} = 3.44\text{kW}$$

$$P_{Z_1} = 3 \times I_{A_1}^2 \times R_1 = 3 \times 4.41^2 \times 30 = 1.74 \text{kW}$$



(2)两表接法如图

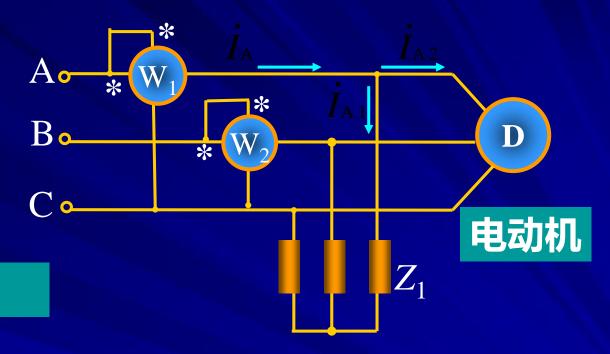


表 W_1 的读数 P_1 :

$$P_1 = U_{AC}I_{A}\cos\varphi_1$$

$$=380\times7.56\cos(46.2^{\circ}-30^{\circ})=2758.73$$
W

表 W_2 的读数 P_2 :

$$P_2 = U_{BC}I_{B}\cos\varphi_2 = 380 \times 7.56\cos(30^{\circ} + 46.2^{\circ})$$

= 685.26W= $P - P_1$

返回上页下页

三相电路

例2 根据图示功率表的读数可以测取三相对称负载

的什么功率?

解 画出相量图,得功率 表的读数:

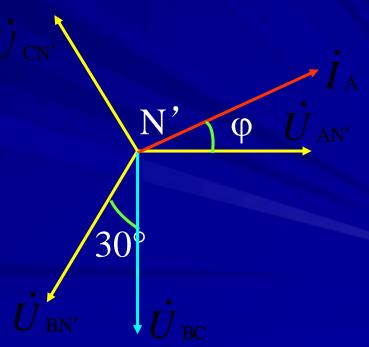
$$P=U_{\rm BC}I_{\rm A}\cos(90^0\pm\varphi)$$

$$=U_lI_l\sin\varphi$$

根据功率表的读数可以测取负载的无功功率。

$$Q = \sqrt{3}U_{1}I_{1}\sin\varphi = \sqrt{3}P$$





三相电路