

第17章 非线性电路

本章重点

17.1	非线性电阻	17.6* 工作在非线性范围的运算放大器
17.2	非线性电容和非线性电感	17.7* 二阶非线性电路的状态平面
17.3	非线性电路的方程	17.8* 非线性振荡电路
17.4	小信号分析法	17.9* 混沌电路简介
17.5	分段线性化方法	17.10* 人工神经元电路





● 重点:

- 1. 非线性元件的特性
- 2. 非线性电路方程
- 3. 小信号分析法
- 4. 分段线性化方法

引言

1.非线性电路

电路元件的参数随着电压或电流而变化,即电路元件的参数与电压或电流有关,就称为非线性元件,含有非线性元件的电路称为非线性电路。

- 2.研究非线性电路的意义
 - ①严格说,一切实际电路都是非线性电路。
 - ②许多非线性元件的非线性特征不容忽略,

否则就将无法解释电路中发生的物理现象

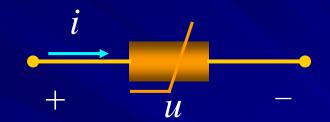
3.研究非线性电路的依据

分析非线性电路基本依据仍然是KCL、KVL 和元件的伏安特性。

17.1 非线性电阻

1.非线性电阻

①符号



①伏安特性

非线性电阻元件的伏安特性不满足欧姆定

律,而遵循某种特定的非线性函数关系。

$$\begin{cases} u = f(i) \\ i = g(u) \end{cases}$$





2.非线性电阻的分类

①流控型电阻 — 电阻两端电压是其电流的单值 函数。

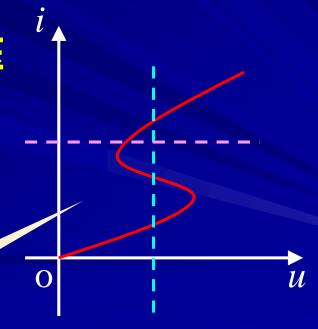
S形

$$u = f(i)$$



a)对每一电流值有唯一的电压 与之对应。

b)对任一电压值则可能有 多个电流与之对应。



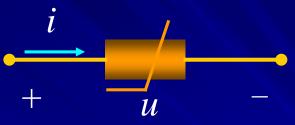


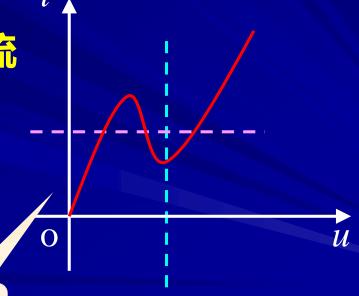
$$i = g(u)$$





b)对任一电流值则可能有 多个电压与之对应。

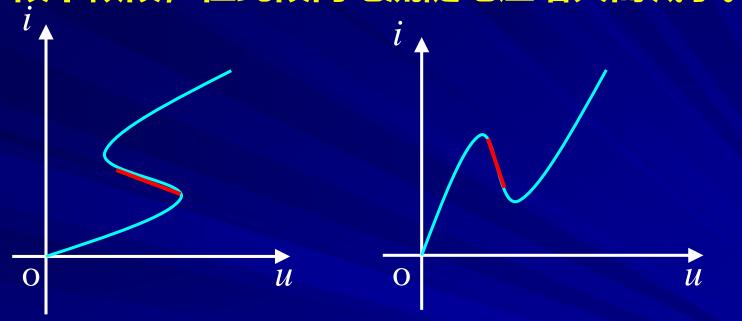




N形



沒意 流控型和压控型电阻的伏安特性均有一段下倾段,在此段内电流随电压增大而减小。



③单调型电阻——电阻的伏安特性单调增长或单调下降。

例 p—n结二极管的伏安特性。

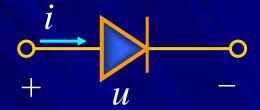
其伏安特性为:

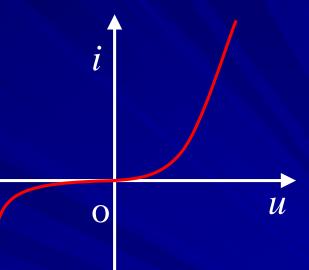
$$i = I_{\rm s}(e^{\frac{qu}{kT}} - 1)$$

or
$$u = \frac{kT}{q} \ln(\frac{i}{I_S} + 1)$$



- ①具有单向导电性,可用于整 流用。
- ② u、i——对应,既是压控型又是流控型。





- 电路

3.非线性电阻的静态电阻 R 和动态电阻 R_d

①静态电阻 ₹ →

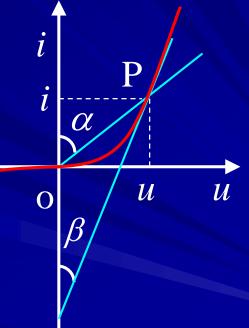
非线性电阻在某一工作状态下(如P点)的电压值 与电流值之比。

$$R = \frac{u}{i} = \lg \alpha$$

$$R_{\rm d} = \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}i} = \mathrm{tg}\beta$$



非线性电阻在某一工作状态 下(如P点)的电压对电流的导数。







- ①静态电阻与动态电阻都与工作点有关。当P点位置不同时,R与 R_d 均变化。
- ②对压控型和流控型非线性电阻,伏安特性曲线的下倾段 R_d 为负,因此,动态电阻具有"负电阻"性质。

例 一非线性电阻的伏安特性 $u = 100i + i^3$

(1) 求 $i_1 = 2A$, $i_2 = 10A$ 时对应的电压 u_1 , u_2 ;

$$u_1 = 100i_1 + i_1^3 = 208 \text{ V}$$

$$u_2 = 100i_2 + i_2^3 = 2000 \text{ V}$$



(2) 求 $i = 2\cos(314t)2A$ 时对应的电压 u;

解

$$u = 100i + i^3 = 200\cos 314t + 8\cos^3 314t$$

$$\because -\cos^3\theta = 3\cos\theta - 4\cos^3\theta$$

$$u = 200\cos 314t + 6\cos 314t + 2\cos 942t$$

 $= 206 \sin 314t + 2 \sin 942tV$

道电压u中含有3倍频分量,因此利用非线性电阻可以产生频率不同于输入频率的输出。

(3) 设
$$u_{12} = f(i_1 + i_2)$$
,问是否有 $u_{12} = u_1 + u_2$?

解

$$u_{12} = 100(i_1 + i_2) + (i_1 + i_2)^3$$

$$u_{12} = 100(i_1 + i_2) + (i_1^3 + i_2^3) + 3i_1i_2(i_1 + i_2)$$

= $u_1 + u_2 + 3i_1i_2(i_1 + i_2)$



- **参**加定理不适用于非线性电路。
 - (4) 若忽略高次项,当 i = 10 mA时,由此产生多大误差?

解 $u = 100i + i^3 = 100 \times 0.01 + 0.01^3 = 1 + 10^{-6} \text{V}$ 忽略高次项, $u' = 100 \times 0.01 = 1$

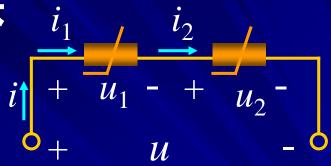
水 端输入信号很小时,把非线性问题线性化引起的误差很小。



3.非线性电阻的串联和并联

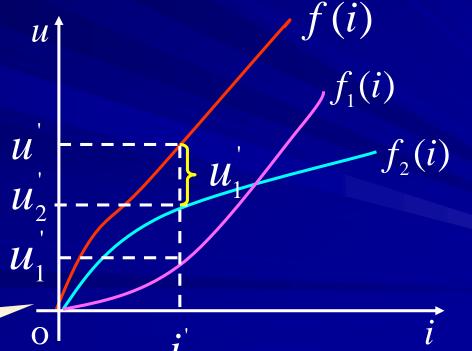
①非线性电阻的串联

$$\begin{cases} i = i_1 = i_2 \\ u = u_1 + u_2 \end{cases}$$



$$u = f(i) = f_1(i) + f_2(i)$$

图解法



同一电流下将电压相加

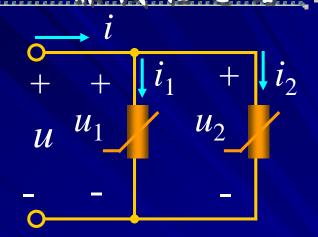
返回上页下



②非线性电阻的并联

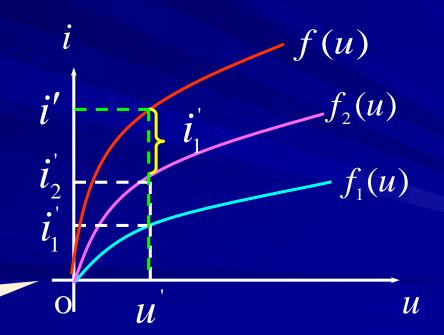
$$\begin{cases} i = i_1 + i_2 \\ u = u_1 = u_2 \end{cases}$$

$$i = f_1(u) + f_2(u)$$



图解法

同一电压下 将电流相加



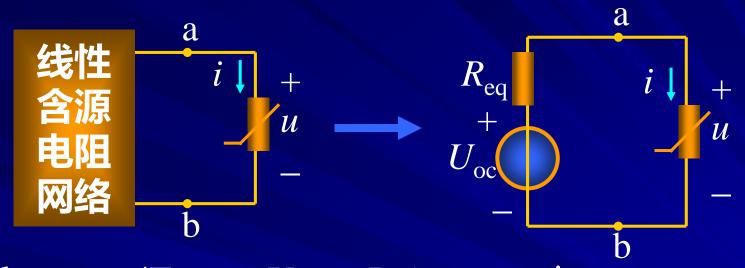




- ①只有所有非线性电阻元件的控制类型相同, 才能得出其串联或并联等效电阻伏安特性的 解析表达式。
- ②流控型非线性电阻串联组合的等效电阻还是一个流控型的非线性电阻;压控型非线性电阻并联组合的等效电阻还是一个压控型的非线性电阻。
- ③压控型和流控型非线性电阻串联或并联,用 图解方法可以获得等效非线性电阻的伏安特 性。

4.含有一个非线性电阻元件电路的求解

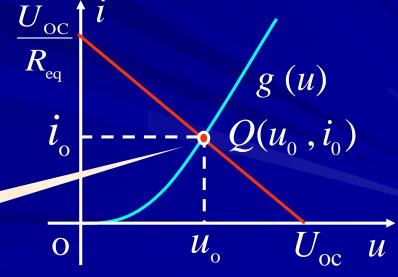
解答



应用KVL得: $u = U_{OC} - R_{eq}i$

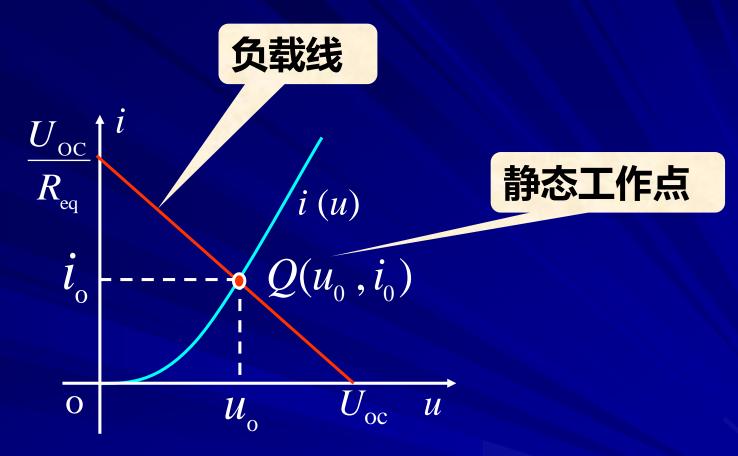
设非线性电阻的伏安特性为:

$$i = g(u)$$



返回上页下

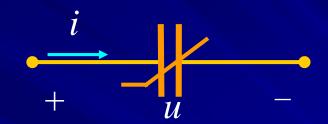




17.2 非线性电容和非线性电感

1.非线性电容

①符号



②库伏特性

非线性电容元件的库伏特性不是一条通过原点的直线,而遵循某种特定的非线性函数关系。

$$\begin{cases} q = f(u) \\ u = h(q) \end{cases}$$



电压控制型

电容的电荷是两端电压的单值 函数。

电荷控制型

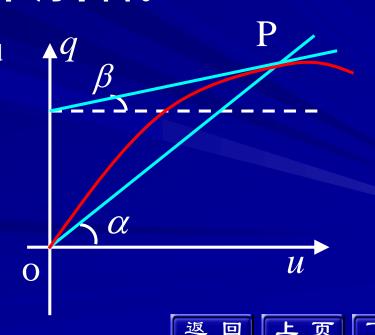
── 电容的电压是电荷的单值函数。

单调型

一 库伏特性在 q ~ μ平面上单调 增长或单调下降。

④静态电容C和动态电容 C_d

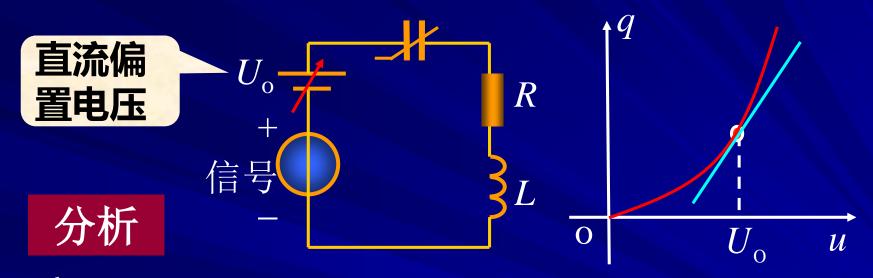
$$\begin{cases} C = \frac{q}{u} \\ C_{d} = \frac{dq}{du} \end{cases}$$



例

含有一非线性电容的协调电路,电容的库伏

特性为: $q = ku^2/2$, 试分析此电路的工作。



$$\begin{cases} C = \frac{q}{u} = ku/2 \\ C_{d} = \frac{dq}{du} = ku \end{cases}$$

调节 U_0 ,可以改变电容的大小而达到谐调的目的。



2.非线性电感

①符号

②韦安特性

非线性电感元件的韦安特性不是一条通过原 点的直线,而遵循某种特定的非线性函数关系。

$$\begin{cases} i = h(\psi) \\ u = h(q) \end{cases}$$

③类型

磁通控制型 一 电感的电流是磁通的单值函数。



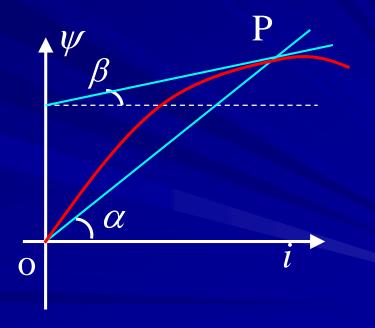


单调型

→ 韦安特性在*ψ~i*平面上单调增 长或单调下降。

4静态电感L和动态电感 L_d

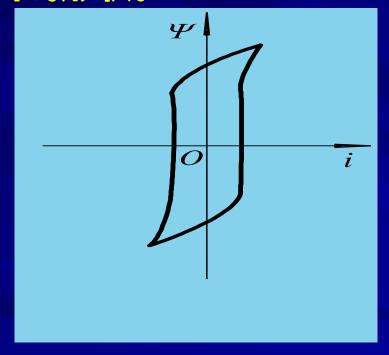
$$L = \frac{\psi}{i}$$
 $L_{\rm d} = \frac{\mathrm{d}\,\psi}{\mathrm{d}i}$







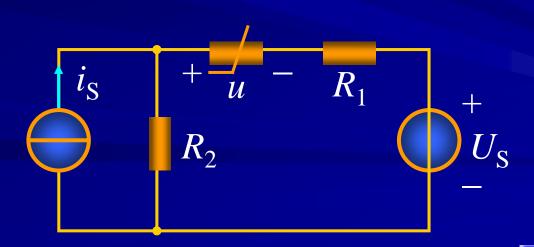
大多数实际非线性电感元件包含铁磁材料制成的心子,由于铁磁材料的磁滞现象的影响,它的 $\psi \sim i$ 特性具有回线形状。



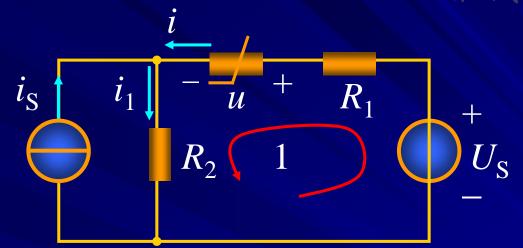
17.3 非线性电路的方程

列写非线性电路方程的依据仍然是KCL、 KVL和元件伏安特性。对于非线性电阻电路列出的方程是一组非线性代数方程,而对于含有非线性 储能元件的动态电路列出的方程是一组非线性微 分方程。

例1电路中非线性电阻的特性为: $i=u^2+u$, 求u。



返回上页下



解

应用KCL得:

对回路1应用KVL有:

非线性电阻特性:

$$--- 5u^2 + 6u - 8 = 0$$

$$\begin{cases} i_1 = i_S + i \\ R_1 i + R_2 i_1 + u = u_S \\ i = u^2 + u \end{cases}$$

$$\begin{cases} u' = 0.8V \\ u'' = -2V \end{cases}$$



多 沒意 非线性电路的解可能不是唯一的。

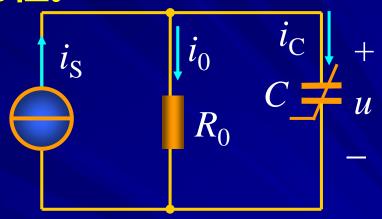
例2 电路中非线性电容的库伏特性为: $u = 0.5kq^2$ 试以q为变量写出微分方程。

解

$$\begin{cases}
i_C = \frac{dq}{dt} \\
i_0 = \frac{u}{R_0} = \frac{0.5kq^2}{R_0}
\end{cases}$$

应用KCL得: $i_C + i_0 = i_S$

$$\frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = -\frac{0.5kq^2}{R_0} + i_S$$



海 減 急 非线性代数方程和非线性微分方程的解析解一般难以求得,但可以利用计算机求得数值解。

17.4 小信号分析法

小信号分析方法是电子工程中分析非线性电 路的一个重要方法。

小信号分析法 →

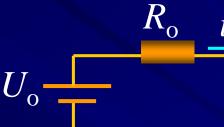


当电路的信号变化幅度很小, 可以围绕任何工 作点建立一个局部线性模型,运用线性电路分析方 法进行研究。

- 1.小信号分析法的基本概念
- ①分析的前提







任何时刻满足:

$$U_{o} >> u_{s}(t)$$

时变小 信号

$$u_{\rm S}(t)$$

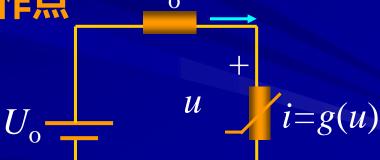
i=g(u)

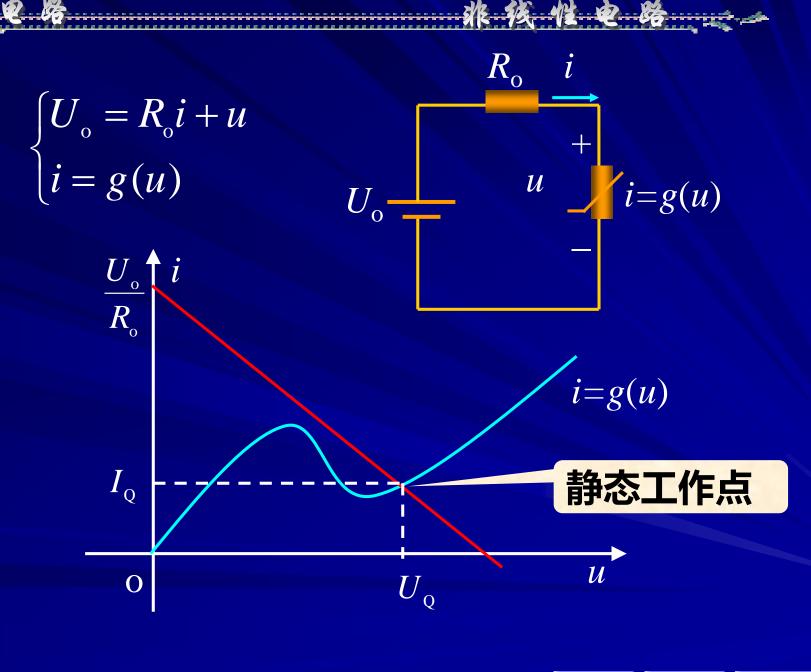
压控电阻

电路方程:
$$U_0 + u_S(t) = R_0 i(t) + u(t)$$

②令 $u_S(t)=0$,求出静态工作点

$$\begin{cases} U_{o} = R_{o}i + u \\ i = g(u) \end{cases}$$





返回上页下页





③考虑 $u_S(t)$ 存在

$$: U_o >> u_s(t)$$

$$U_{0} \xrightarrow{t} i = g(u)$$

$$u_{S}(t) \xrightarrow{t} i = g(u)$$

$$\begin{cases} U_{\rm Q} >> u_{\rm l}(t) \\ I_{\rm Q} >> i_{\rm l}(t) \end{cases}$$

工作点附近的扰动

④非线性元件线性化

非线性电阻特性 i = g(u) 可写为

$$I_Q + i_1(t) = g[U_Q + u_1(t)]$$

$$I_Q + i_1(t) = g[U_Q + u_1(t)]$$
 : $u_1(t) << U_Q$

$$u_1(t) << U_Q$$

按泰勒级数展开

忽略高次项

$$I_{\mathcal{Q}} + i_{1}(t) \approx g(U_{\mathcal{Q}}) + \frac{\mathrm{d}g}{\mathrm{d}u} \left| \begin{array}{c} u_{1}(t) \\ u_{2} \end{array} \right|$$

$$\int_{Q} I_{Q} = g(U_{Q})$$

$$i_{1}(t) = \frac{dg}{du}\Big|_{U_{Q}} u_{1}(t) = \frac{1}{R_{d}} u_{1}(t)$$

线性关系

⑤小信号等效电路

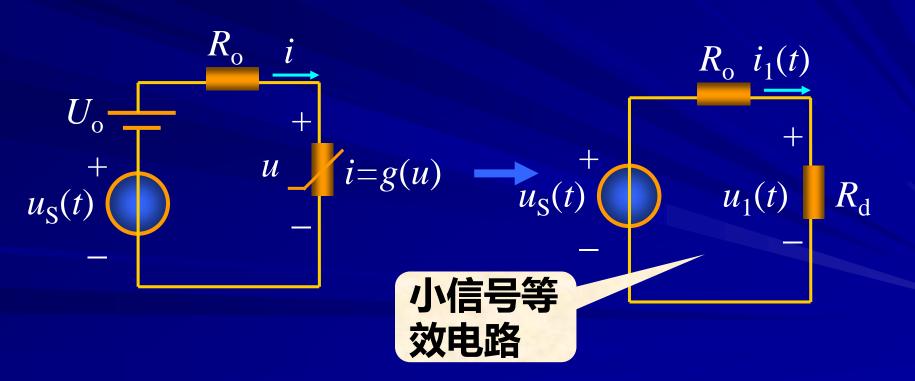


$$U_{o} + u_{s}(t) = R_{o}i + u = R_{o}[I_{Q} + i_{1}(t)] + [U_{Q} + u_{1}(t)]$$

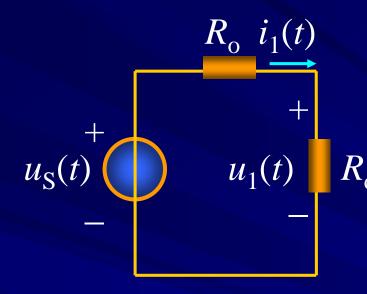
$$= R_{o}I_{Q} + U_{Q} + R_{o}i_{1}(t) + u_{1}(t)$$
(11)

$$\longrightarrow u_s(t) = (R_o + R_d)i_1(t)$$

$$\begin{cases}
U_{o} = R_{o}I_{Q} + U_{Q} \\
u_{1}(t) = R_{d}i_{1}(t)
\end{cases}$$



返回上页下了



根据小信号等效电路解得:

$$i_{1}(t) = \frac{u_{S}(t)}{R_{0} + R_{d}}$$

$$u_{1}(t) = R_{d}i_{1}(t) = \frac{R_{d}u_{S}(t)}{R_{0} + R_{d}}$$



- ①求解非线性电路的静态工作点;
- ②求解非线性电路的动态电导或动态电阻;
- ③作出静态工作点处的小信号等效电路;
- ④根据小信号等效电路进行求解。



2.典型例题

例 1 求电路在静态工作点处由小信号所产生的u(t) 和i(t)。已知 $i_S(t)=0.5\cos\omega t$,非线性电阻的伏安

特性为:

$$i = g(u) = \begin{cases} u^2 & (u > 0) \\ 0 & (u < 0) \end{cases}$$

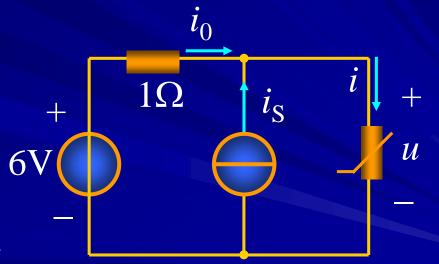
解 应用KCL和KVL:

$$i = i_0 + i_S$$

$$u = U_s - Ri_0 = 6 - 1 \times i_0$$

整理得:

$$\frac{u}{R} + g(u) = 6 + 0.5\cos\omega t$$



$$\frac{u}{R} + g(u) = 6 + 0.5\cos\omega t$$

①求电路的静态工作点,令 $i_{\rm S}(t)=0$

$$u^2 + u - 6 = 0 \qquad \longrightarrow \begin{cases} u = 2 \\ u = -3 \end{cases}$$
 不符题意

得静态工作点: $U_Q = 2V$, $I_Q = U_Q^2 = 4A$

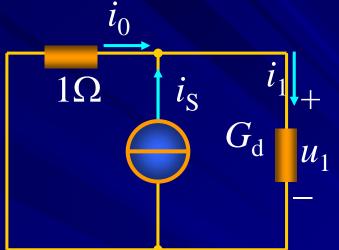
②求动态电导

$$G_{\rm d} = \frac{\mathrm{d}g(u)}{\mathrm{d}u} \bigg|_{U_{\mathcal{Q}}} = 2u \bigg|_{U_{\mathcal{Q}}} = 4S$$

③作出静态工作点处的小信号等效电路







解得:

$$u_1(t) = \frac{i_S}{G + G_d} = \frac{0.5 \cos \omega t}{1 + 4} = 0.1 \cos \omega t V$$

$$i_1(t) = u_1(t) \times G_d = 4 \times 0.1 \cos \omega t = 0.4 \cos \omega t A$$

$$u(t) = U_O + u_1(t) = (2 + 0.1\cos\omega t)V$$

$$i(t) = I_0 + i_1(t) = (4 + 0.4\cos\omega t)A$$

例2 求通过电压源的稳态电流i(t)。已知:

 $u_S(t)=10+0.1\sin t \, V$,非线性电阻的伏安特性为:

$$i = g(u) = 0.7u + 0.001u^3$$

解 电源的直流量远大于交流量,可用小信号分析。

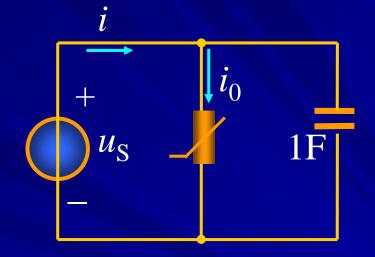
①作直流电路, 求工作点

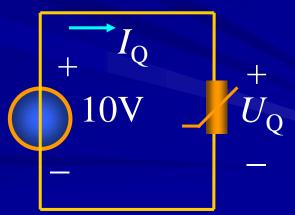
$$U_{0} = 10V$$

$$I_{\rm Q} = 0.7U_{\rm Q} + 0.001U_{\rm Q}^3 = 8A$$

②求动态电导

$$G_{\rm d} = \frac{\mathrm{d}g(u)}{\mathrm{d}u}\bigg|_{U_{\rm Q}} = 0.7 + 0.3 = 1$$





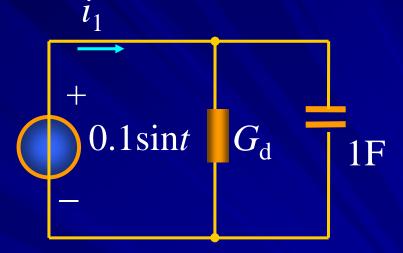


③作出静态工作点处的小信号等效电路

应用相量法:

$$\dot{I}_{1} = (G_{d} + j\omega C)\dot{U}_{S1}$$

= $(1+j1) \times 0.1 \angle 0^{0}$
= $0.1414 \angle 45^{0} A$



$$i_1 = 0.1414\sin(t + 45^{\circ})A$$

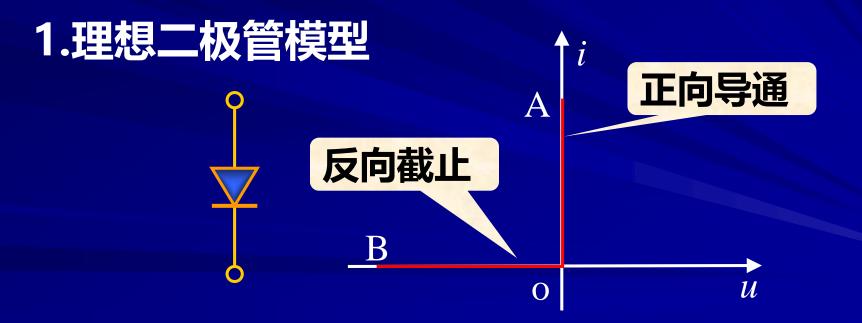
 $i(t) = I_0 + i_1 = 8 + 0.1414\sin(t + 45^{\circ})A$

4 フ C ノ\C凡仏毕心

17.5 分段线性化方法

分段线性化方法

把非线性的求解过程分成几个线性区段,对每个 线性区段应用线性电路的计算方法,也称折线法。



非线性电路____

2.分段线性化方法

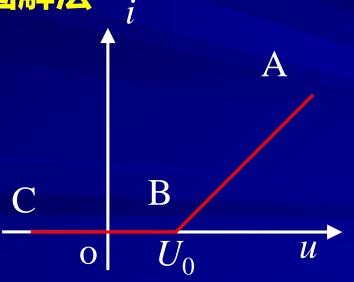
例1 画出图示串联电路的伏安特性。

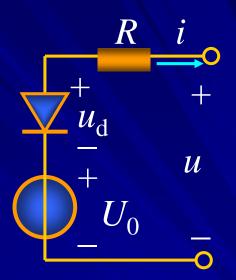
解 画出各元件的伏安特性;

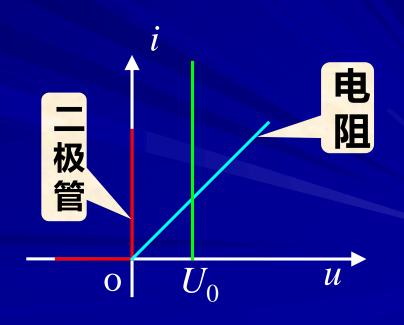
电路方程: $u=Ri+u_d+U_0$ i>0

$$u < U_0$$
 $i = 0$

应用图解法







返回上页下

用分段线性化法讨论隧道二极管的伏安特性。

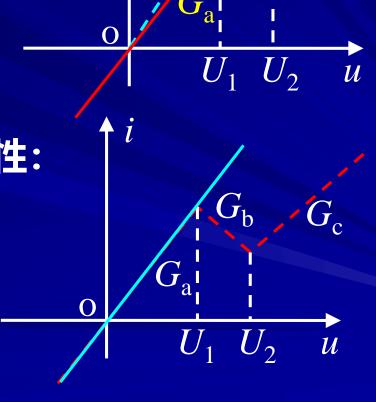
伏安特性用三段直线粗略 表示, 其斜率分别为:

$$G = G_b \quad \stackrel{\text{def}}{=} U_1 < u < U_2$$

$$G = G_c \quad \stackrel{\text{def}}{=} u > U_2$$

把伏安特性分解为三个特性:

$$\longrightarrow$$
 $G_1 = G_a$



$\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{U}}}}}$ $\underline{\underline{\underline{U}}}$ $\underline{\underline{\underline{U}}}$ $\underline{\underline{\underline{I}}}$ $\underline{\underline{\underline{I}}}$ $\underline{\underline{\underline{I}}}$

$$G_1u+G_2u=G_bu$$

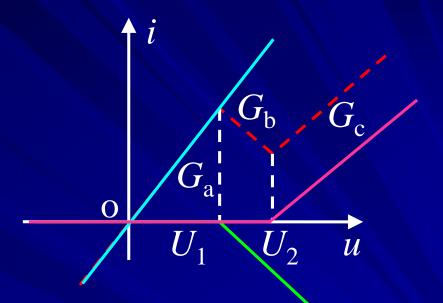
$$\longrightarrow G_1 + G_2 = G_b$$

当 $U_2 < u$,有:

$$G_1u + G_2u + G_3u = G_cu$$

$$G_1 + G_2 + G_3 = G_c$$

解得:
$$G_1 = G_a$$
 $G_2 = G_b - G_a$ $G_3 = G_c - G_b$

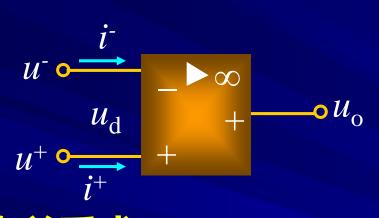


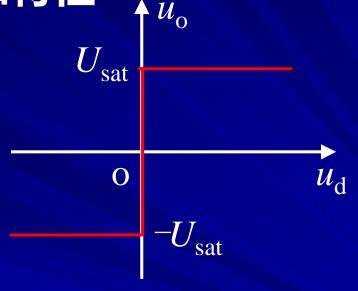
多结论 隧道二极管的 伏安特性可以看成 G_1 、

 G_2 、 G_3 三个电导并联后 的等效电导的伏安特性。

*17.6 工作在非线性范围的运算放大器

1.理想运算放大器的饱和特性





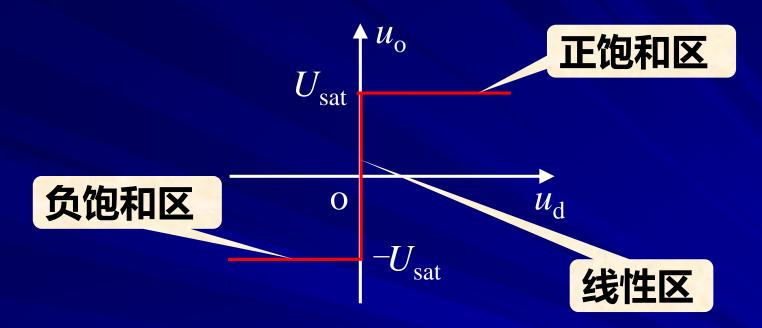
有关系式: $i^- = 0$ $i^+ = 0$

$$i^{-} = 0$$
 $i^{+} = 0$

$$u_{\rm o} = U_{\rm sat} \frac{|u_{\rm d}|}{u_{\rm d}} \quad u_{\rm d} \neq 0$$

$$-U_{\rm sat} < u_{\rm o} < U_{\rm sat} \qquad u_{\rm d} = 0$$

输入、输出电压的关系分为三个区域:



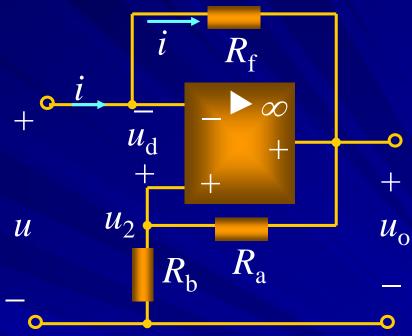
分析图示电路的驱动点特性。计及运放工作在 饱和区的情况。

在线性区, 根据 '虚短'和'虚断'

$$u_2 = \frac{R_b}{R_a + R_b} u_o = \alpha u_o$$

$$u_{o} = \frac{1}{\alpha}u$$

应用KVL:
$$u = R_{\rm f} i + u_{\rm o}$$



应用KVL:
$$u = R_{\rm f} i + u_{\rm o} \longrightarrow i = -(\frac{R_{\rm a}}{R_{\rm b}})(\frac{1}{R_{\rm f}})u$$

$$i = -\left(\frac{R_{\rm a}}{R_{\rm b}}\right)\left(\frac{1}{R_{\rm f}}\right)u$$

在正饱和区: $u_o = U_{\text{sat}}$

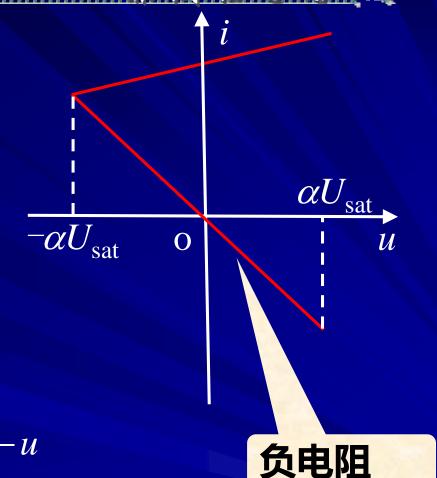
应用KVL:
$$u = R_f i + U_{\text{sat}}$$

$$i = \frac{1}{R_{\rm f}} (u - U_{\rm sat})$$

确定电压 心的范围:

$$u_{\rm d} = u_2 - u = \frac{R_{\rm b}}{R_{\rm a} + R_{\rm b}} U_{\rm sat} - u$$

$$u_{\rm d} = \alpha U_{\rm sat} - u > 0 \longrightarrow u < \alpha U_{\rm sat}$$



返回上页下页



在负饱和区: $u_{\rm o} = -U_{\rm sat}$

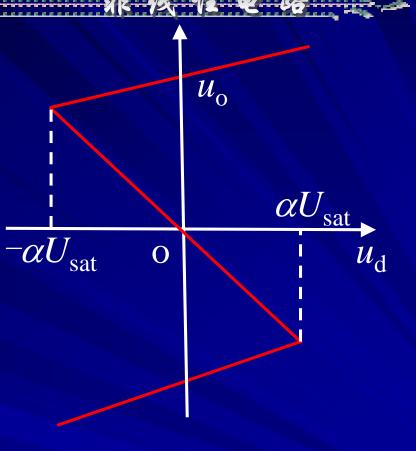
应用KVL:
$$u = R_{\rm f}i - U_{\rm sat}$$

$$\longrightarrow i = \frac{1}{R_{\rm f}} (u + U_{\rm sat})$$



$$u_{\rm d} = u_2 - u = \frac{R_{\rm b}}{R_{\rm a} + R_{\rm b}} U_{\rm sat} - u$$

$$\longrightarrow u_{\rm d} = \alpha U_{\rm sat} - u < 0$$



$$u > -\alpha U_{\rm sat}$$

*17.7 二阶非线性电路的状态平面

二阶非线性电路状态方程的一般形式可写为:

$$\frac{\mathrm{d}x_1}{\mathrm{d}t} = f_1(x_1, x_2, t)$$

$$\frac{\mathrm{d}x_2}{\mathrm{d}t} = f_2(x_1, x_2, t)$$
非自治 治 万

$$\frac{dx_{1}}{dt} = f_{1}(x_{1}, x_{2})$$

$$\frac{dx_{2}}{dt} = f_{2}(x_{1}, x_{2})$$
程

状态平面 \longrightarrow 以自治方程中状态变量 x_1 、 x_2 为坐标点的平面。

相轨道 对所有t > 0,自治方程的解 $x_1(t)$ 和 $x_2(t)$ 在平面上描绘出的以初始状态 $x_1(0)$ 和 $x_2(0)$ 为起点的轨迹。

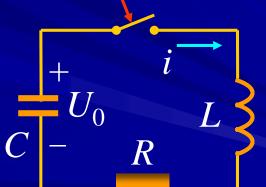


一对不同的初始条件,在状态平面上绘出 的一族相轨道。

例 用状态平面讨论二阶线性R、L、C串联电路放电的动态过程。

解 初始条件:

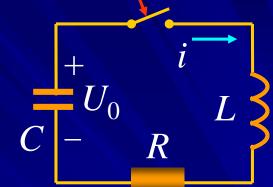
$$u_C(0_-)=U_0$$
 $i(0_-)=0$





电路方程:
$$LC\frac{\mathrm{d}^2i}{\mathrm{d}t} + RC\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + i = 0$$

$$\Rightarrow : x_1 = i, \quad x_2 = \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}x_1}{\mathrm{d}t}$$



$$\frac{dx_1}{dt} = x_2$$

$$\frac{dx_2}{dt} = -\frac{x_1}{LC} - \frac{R}{L}x_2 = -\omega_0^2 x_1 - 2\delta x_2$$

$$\frac{dx_2}{dt} = \frac{\partial^2 x_1}{\partial t} - \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} = \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} - \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} - \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} = \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} - \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} - \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} = \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} - \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} - \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} = \frac{\partial^2 x_2}{\partial t} - \frac{\partial$$

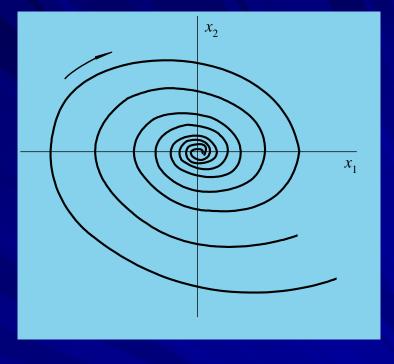
式中:
$$\omega^2 = \omega_0^2 - \delta^2$$
, $\beta = \arctan \frac{\delta}{\omega}$





(1)
$$R < 2\sqrt{\frac{L}{C}}$$
 or $\delta^2 < \omega_0^2$

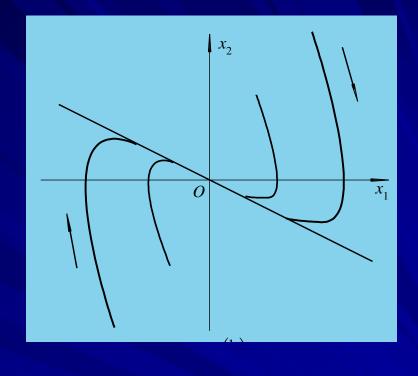
①电路中的放电过程为衰减振 荡性质,对应不同的初始条 件,相轨道是一族螺旋线,并 以原点为其渐近点。



- ②螺旋线的圈间距离表征了振荡的衰减率, 而每 一圈对应于振荡的一个周期。
- ③原点表示 $x_1=0$ 、 $x_2=0$,是方程的所谓"平衡点"

(2)
$$R > 2\sqrt{\frac{L}{C}}$$
 or $\delta^2 > \omega_0^2$

①电路中的放电过程为衰减性质,对应不同的初始条件,相轨道是一族变形的抛物线。

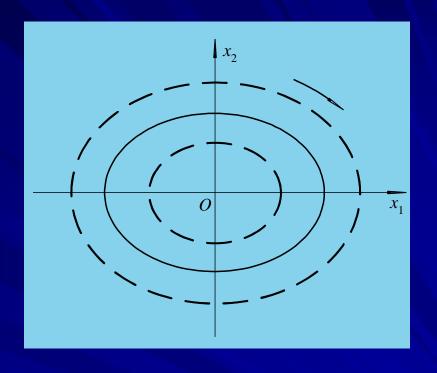


②原点是渐近点,相点的运动方向趋近于原点。



(3)
$$R = 0$$
 or $\delta = 0$

①电路中的放电过程为不衰 减的正弦振荡,对应不同 的初始条件,相轨道是一 族椭圆。



②振荡的振幅与初始条件有关。





- ①相轨道形状的研究可以对定性了解电路全部解 提供有用的信息。
- ②在某些非线性自治电路中,在一定的初始条件下会建立起不衰减的周期振荡过程,此时所对应的相轨道将是一条称为极限环的孤立闭合曲线。

*17.8 非线性振荡电路

电子振荡电路一般至少含有两个储能元件和至少

一个非线性元件。

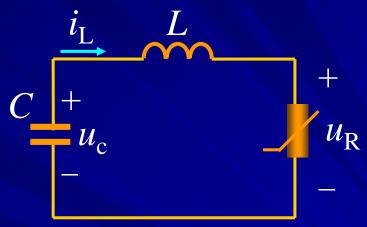
1. 范德坡电路

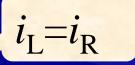
非线性电阻的伏安特性:

$$u_R = \frac{1}{3}i_R^3 - i_R$$

状态方程:
$$\frac{\mathrm{d}u_C}{\mathrm{d}t} = -\frac{i_L}{C}$$

$$\frac{\mathrm{d}i_L}{\mathrm{d}t} = \frac{u_C - (\frac{1}{3}i_L^3 - i_L)}{L}$$





业 胞



2.范德坡振荡电路的相图

$$\Rightarrow : \tau = \frac{t}{\sqrt{LC}}$$

$$\frac{\mathrm{d}u_C}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}u_C}{\mathrm{d}\tau} \frac{\mathrm{d}\tau}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \frac{\mathrm{d}u_C}{\mathrm{d}\tau}$$

$$\frac{\mathrm{d}i_L}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}i_L}{\mathrm{d}\tau} \frac{\mathrm{d}\tau}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \frac{\mathrm{d}i_L}{\mathrm{d}\tau}$$

$$\Rightarrow : \quad x_1 = i_L, \quad x_2 = \frac{\mathrm{d}i_L}{\mathrm{d}\tau} \qquad \frac{\mathrm{d}x_1}{\mathrm{d}\tau} = x_2$$

$$\frac{\mathrm{d}u_C}{\mathrm{d}t} = -\frac{i_L}{C}$$

$$\frac{\mathrm{d}i_L}{\mathrm{d}t} = \frac{u_C - (\frac{1}{3}i_L^3 - i_L)}{dt}$$

$$\frac{\mathrm{d}x_1}{\mathrm{d}\tau} = x_2$$

$$\frac{\mathrm{d}x_2}{\mathrm{d}\tau} = \varepsilon (1 - x_1^2) x_2 - x_1$$

返回上页下





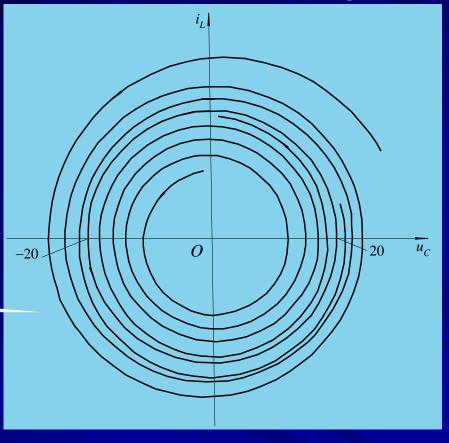
$$\frac{\mathrm{d}x_1}{\mathrm{d}\tau} = x_2$$

$$\frac{\mathrm{d}x_2}{\mathrm{d}\tau} = \varepsilon (1 - x_1^2) x_2 - x_1$$

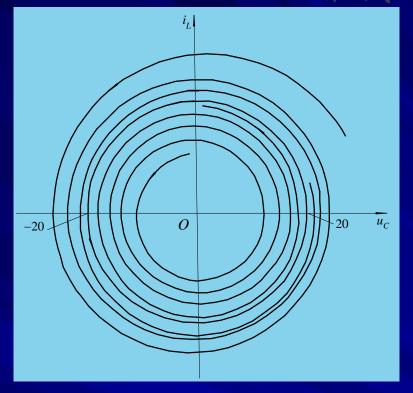
对不同的 ε , 相图不同。

$$\varepsilon = 0.1$$





①有单一的闭合曲线存在(极限环),相邻的相轨道 都卷向它,所以不管相点最初在极限环外或是 在极限环内, 最终都将沿着极限环运动。





②不管初始条件如何,在所研究电路中最终将建立起周期性振荡。这种在非线性自治电路产生的持续振荡是一种自激振荡。

*17.9 混沌电路简介

混沌 | 发生在确定性系统中的一种不确定行为。



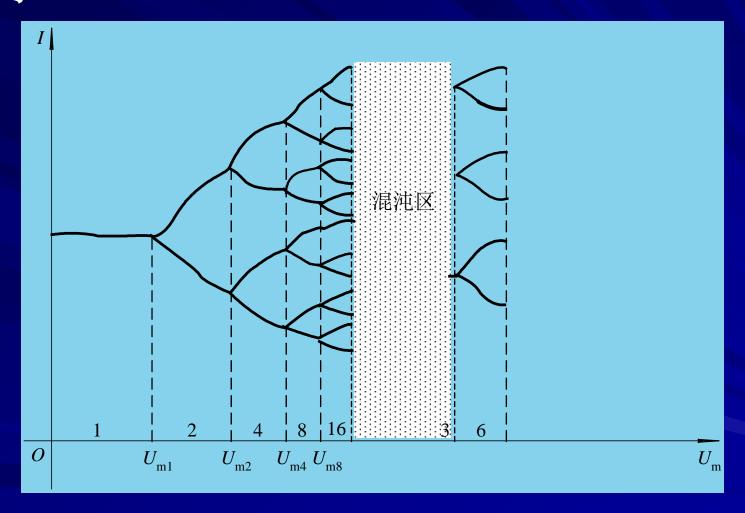
- ①混沌的一个最显著的特点是状态变量的波形对 状态变量的初始值极为敏感;
- ②在有些二阶非线性非自治电路或三阶非线性自治电路中存在着混沌现象。

分析研究混沌的方法主要有:

- ①使用计算机对非线性电路进行数值计算,从 得到的相图和时域波形等来判别混沌特征的 信息。
- ②对电路直接进行实验,在实验中对混沌现象 进行观察和分析。



例 变容二极管混沌电路



电流的分叉



*17.10 人工神经元电路

人工神经网络 ——



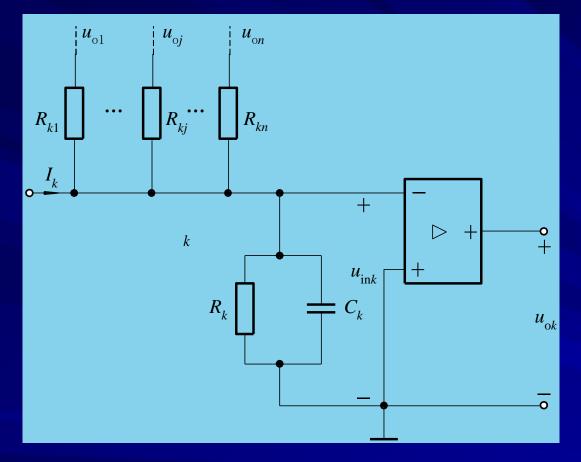
部分模仿人脑神经系统的结构和功能,是人脑 功能的一种简化和抽象的模型。

人工神经元模型



把生物神经元当作是具有输入和输出处理信 息的单元,其输入和输出之间的关系可用具有饱 和特性的一种型非线性转移函数来描述。人工神 经元模型基于上述设想构成。

例 人工神经网络的Hopfield电路模型。



输入结点处有:

$$C_k \frac{\mathrm{d}u_{\mathrm{in}k}}{\mathrm{d}t} + \frac{u_{\mathrm{in}k}}{R_k}$$

$$= \sum_{j \neq k}^n \frac{1}{R_{kj}} (u_{\mathrm{o}j} - u_{\mathrm{in}k}) + I_k$$

输出有:

$$u_{\text{o}k} = f_k(u_{\text{in}k})$$

第k个神经元电路





- ①对每个神经元都可以列出上述类似的方程,这样就构成了一个n阶非线性微分方程组。当给定一组初始值后,就可以求出此方程组的解;
- ②以这种神经元模型为基础,可以设计出用来处理和求解多种不同类型问题的神经网络电路。