

# Tall på standardform

**Nikolai Bjørnestøl Hansen**

OSLO METROPOLITAN UNIVERSITY  
STORBYUNIVERSITETET



## **1 Tall på standardform**

- Tierpotenser
- Standardform

## 2 Kvadratrøtter og røtter av høyere orden

## 3 Potenser med en brøk som eksponent

# Tierpotenser

# Tierpotenser

Vi kan lett regne med potenser som har 10 som grunntall ved å telle nuller.

## Eksempel

Vi har at

$$10\,000\,000 = 10^7$$

og

$$0,000\,000\,1 = \frac{1}{10\,000\,000} = 10^{-7}.$$

Merk at i begge tilfellene finner vi hva eksponenten skal være ved å telle hvor mange nuller tallet har.

# Tierpotenser og store/små tall

- Når vi jobber med veldig store eller veldig små tall så er det stress å skrive dem helt ut.
- Om vi «ignorerer» alle nullene, er det lettere å jobbe med dem.

## Eksempel

- Om vi skal plusse 2 000 000 med 2 000 000 så er det lettere å tenke at  $2 + 2 = 4$  enn å tenke på alle nullene.
- Om vi skal gange 2 000 000 med 3 000 000 så er det lettere å tenke at  $2 \cdot 3 = 6$ , og **så** tenke på hvor mange nuller vi burde ha.
  - (Vi må ha 12 nuller. Svaret blir 6 000 000 000 000.)

# Standardform

# Tall på standardform

## Definisjon

Et tall er skrevet på **standardform** dersom det er skrevet som

$$a \cdot 10^n$$

hvor  $n$  er et heltall og  $1 \leq a < 10$ .

Eksempler på tall skrevet på standardform:

$$3\,000\,000 = 3 \cdot 10^6 \quad 0,0027 = 2,7 \cdot 10^{-3}.$$

# Hvordan skrive et tall på standardform

For å skrive et tall på standardform:

- 1 Flytt kommaet forover/bakover til det bare er ett siffer før komma.
- 2 Tell hvor mange steg du flyttet kommaet.
- 3 Skriv svaret som

$$a \cdot 10^{\pm n}$$

hvor  $a$  er tallet du fikk etter å ha flyttet kommaet,  $n$  er antall steg du flyttet kommaet.

- 4 Du skal ha pluss foran  $n$  om du flyttet kommaet mot venstre, og minus foran  $n$  om du flyttet kommaet mot høyre.



# Tall på standardform, eksempler

- Vi skal skrive tallet 3 600 000 000 på standardform.
- Vi flytter kommaet til venstre til det står 3,6. Vi måtte flytte kommaet 9 steg.
- Svaret er derfor

$$3,6 \cdot 10^9.$$

- Vi skal skrive tallet 0,000 000 273 på standardform.
- Vi flytter kommaet til høyre til det står 2,73. Vi måtte flytte kommaet 7 steg.
- Svaret er derfor

$$2,73 \cdot 10^{-7}.$$

## Regning med standardform

- Den fullstendige formelen for gravitasjonskraft mellom to ting i fysikk er

$$\gamma \frac{Mm}{r^2}.$$

- Her er  $M$  og  $m$  er massen til de to tingene.
- Tallet  $r$  er avstanden fra midten av den ene tingen til midten av den andre tingen.
- Tallet  $\gamma$  er en konstant, og er gitt som

$$\gamma = 0,000\,000\,000\,066\,74$$

- Om vi skal regne ut gravitasjonen på jorda må vi vite jordas tyngde, og avstanden til jordas indre. Vi har

$M = 5\,972\,000\,000\,000\,000\,000\,000\,000 \text{ kg} \quad r = 6\,371\,000 \text{ m.}$

# Regning med standardform, fortsettelse

- Om vi skal regne på gravitasjonskraften som virker på en 1 kg boks uten standardform, må vi da regne ut

$$0,000\,000\,000\,066\,74 \cdot \frac{5\,972\,000\,000\,000\,000\,000\,000\,000 \cdot 1}{6\,371\,000^2}.$$

- Om vi skriver om alle tallene til standardform, så må vi i stedet regne ut

$$6,674 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{5,972 \cdot 10^{24} \cdot 1 \cdot 10^0}{(6,371 \cdot 10^6)^2}.$$

- Dette ser fremdeles avansert ut, men er mye lettere å regne på!

# Regning med standardform, fortsettelse

- Når vi har skrevet det på standardform, kan vi velge å regne tierpotensene for seg selv, og resten av tallene for seg selv.

- Vi får

$$6,674 \cdot \frac{5,972 \cdot 1}{6,371^2} \cdot 10^{-11} \frac{10^{24} \cdot 10^0}{(10^6)^2}$$

- Regner vi ut tierpotensene får vi at de blir  $10^1$ .
- Ganger vi sammen desimaltallene får vi da  $0,982$ .
- Svaret blir derfor

$$0,982 \cdot 10^1 = 9,82.$$



**OSLO METROPOLITAN UNIVERSITY**  
STORBYUNIVERSITETET