

# **Brøkregning**

Nikolai Bjørnestøl Hansen

OSLO METROPOLITAN UNIVERSITY
STORBYUNIVERSITETET



1 Tall og tallregning

#### 2 Brøkregning

- Multiplikasjon, utvidelse og forkorting av brøk
- Divisjon av brøk
- Plussing og minusing av brøk

3 Bokstavregning og parenteser

## Hva er en brøk?

### Definisjon

En brøk er et tall på formen

 $\frac{a}{b}$ 

hvor  $b \neq 0$ .

Merk: Ingen av tallene trenger å være heltall. Tallet  $\frac{2,3}{\pi}$  er en brøk!

Tallet på topp kalles teller og tallet nederst kalles nevner.



# Multiplikasjon, utvidelse og forkorting av brøk

# Multiplikasjon av brøk

Dersom du skal gange sammen to brøker, så ganger du teller med teller og nevner med nevner.

#### Eksempel

Vi vil regne ut  $\frac{2}{3}$  ganget med  $\frac{5}{7}$ . Vi får:

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{5}{7} = \frac{2 \cdot 5}{3 \cdot 7} = \frac{10}{21}.$$

## Utvidelse av brøk

Vi kan «gange med 1» for å gjøre både teller og nevner i en brøk større.

### Eksempel

Vi har

$$\frac{2}{3} = \frac{2}{3} \cdot 1 = \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{5} = \frac{2 \cdot 5}{3 \cdot 5} = \frac{10}{15}.$$

Dette gjør at om nevneren i en brøk for eksempel er 3, så kan vi endre nevneren så den blir hva som helst i 3-gangen, ved å utvide på denne måten.



23. juni 2020

# Forkorting av brøk

Vi kan også «utvide baklengs» for å gjøre både teller og nevner mindre, noen ganger.

#### Eksempel

Vi har

$$\frac{7}{21} = \frac{1 \cdot 7}{3 \cdot 7} = \frac{1}{3} \cdot \frac{7}{7} = \frac{1}{3} \cdot 1 = \frac{1}{3}.$$



# Utviding og forkorting av brøk

- Både utviding og forkorting av brøk skjer så ofte at vi sjeldent skriver det helt ut.
- Vi husker utviding ved at vi husker at vi kan gange med det samme over og under brøkstreken.
- Vi husker forkorting ved at vi kan stryke like faktorer over og under brøkstreken.

#### Eksempel

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \cdot 5}{3 \cdot 5} = \frac{10}{15}$$
  $\frac{7}{21} = \frac{1 \cdot 7}{3 \cdot 7} = \frac{1}{3}$ .



# Primtallsfaktorisering og forkorting

- En brøk kalles maksimalt forkortet om vi ikke klarer å forkorte den mer.
- Den letteste måten å forkorte en brøk maksimalt for hånd er å primtallsfaktorisere både teller og nevner, og så stryke felles faktorer.

#### Eksempel

Vi skal forkorte brøken

$$\frac{588}{105} = \frac{2 \cdot 2 \cdot \cancel{3} \cdot \cancel{7} \cdot 7}{\cancel{3} \cdot 5 \cdot \cancel{7}} = \frac{2 \cdot 2 \cdot 7}{5} = \frac{28}{5}.$$



# Divisjon av brøk

# Deling av brøk

For å dele en brøk med en annen, så flipper vi den andre brøken opp ned, og gjør om dele-tegnet til et gange-tegn.

#### Eksempel

Vi har

$$\frac{3}{5} : \frac{2}{7} = \frac{3}{5} \cdot \frac{7}{2} = \frac{3 \cdot 7}{5 \cdot 2} = \frac{21}{10}.$$



# Deling av brøk

Denne regelen for deling av brøk gjør at brøkoppgaver som ser veldig vanskelige ut, ikke er så vanskelige likevel!

#### Eksempel

Vi regner ut

$$\frac{\frac{2}{3}}{\frac{1}{7}} = \frac{2}{3} : \frac{1}{7} = \frac{2}{3} \cdot \frac{7}{1} = \frac{2 \cdot 7}{3 \cdot 1} = \frac{14}{3}.$$

Boka har en alternativ måte å løse denne typen oppgaver på, som går ut på å gange med 21 oppe og nede. Jeg synnes dette er lettere.



# Ganging og deling med heltall

Om vi skal gange eller dele en brøk med heltall, husk at alle heltall kan skrives som brøk med 1 i nevneren. Vi har for eksempel at  $3 = \frac{3}{1}$ .

#### Eksempel

Vi regner ut

$$3 \cdot \frac{7}{5} = \frac{3}{1} \cdot \frac{7}{5} = \frac{3 \cdot 7}{1 \cdot 5} = \frac{21}{5}$$
.

#### Kan også huske:

- Om du ganger med et heltall, gang tallet med telleren.
- Om du deler på et heltall, gang tallet med nevneren.



Nikolai Bjørnestøl Hansen Brøkregning 23. juni 2020 9 / 1-

# Plussing og minusing av brøk

# Plussing av brøk

Dersom du skal plusse sammen to brøker som har samme nevner, så beholder du nevneren og plusser sammen tellerene.

#### Eksempel

Vi vil regne ut 3/12 plusset med 5/12.

$$\frac{3}{12} + \frac{5}{12} = \frac{3+5}{12} = \frac{8}{12}$$

# Plussing av brøk

- To brøker har sjeldent felles nevner.
- Vi må da utvide begge brøkene.
- Letteste er å utvide hver av dem med den andres nevner.
- Men det finnes ofte «bedre» løsninger. Vi vil prøve å kjenne igjen tall som er i gangetabellen til begge nevnerene.

#### Eksempel

Brøkene  $\frac{1}{6}$  og  $\frac{3}{4}$  har fellesnevneren  $6 \cdot 4 = 24$ , men de har også den litt mindre fellesnevneren 12.



# Plussing av brøk, eksempel

Vi vil plusse sammen 1/6 + 3/4, og får

$$\frac{1}{6} + \frac{3}{4} = \frac{1}{6} \cdot \frac{4}{4} + \frac{3}{4} \cdot \frac{6}{6}$$

$$= \frac{4}{24} + \frac{18}{24}$$

$$= \frac{4+18}{24}$$

$$= \frac{22}{24}$$

$$= \frac{11 \cdot \cancel{2}}{12 \cdot \cancel{2}}$$

$$= \frac{11}{12}.$$



# Plussing av brøk, eksempel

Vi ser at 6 «mangler» en 2-er for å bli 12, og 4 «mangler» en 3-er for å bli 12, så vi kan forenkle utregningen litt. Vi får da

$$\frac{1}{6} + \frac{3}{4} = \frac{1}{6} \cdot \frac{2}{2} + \frac{3}{4} \cdot \frac{3}{3}$$

$$= \frac{2}{12} + \frac{9}{12}$$

$$= \frac{2+9}{12}$$

$$= \frac{11}{12}.$$



13 / 14

23. juni 2020

# Fellesnevner og primtallsfaktorisering

Letteste måte å finne «beste» fellesnevner på er å primtallsfaktorisere alle nevnerene, og så se hva som «mangler» fra hver nevner.

#### Eksempel

Vi skal finne fellesnevner for  $\frac{1}{693}$  og  $\frac{1}{1540}$ . Vi primtallsfaktoriserer og får

$$693 = 3 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 11$$
  $1540 = 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11$ .

Vi ser at 693 «mangler» 2 · 2 · 5 og 1540 «mangler» 3 · 3. Felles faktor er derfor

$$2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 = 13860.$$

Vi kunne også bare ganget sammen 693 og 1540, da ville vi fått den ganske mye større felles faktoren 1 067 220.



# OSLO METROPOLITAN UNIVERSITY STORBYUNIVERSITETET