

Funksjonsbegrepet

Nikolai Bjørnestøl Hansen

OSLO METROPOLITAN UNIVERSITY
STORBYUNIVERSITETET

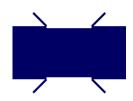


Funksjonsbegrepet

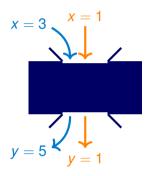
1 Å finne likningen for en linje

- 2 Funksjonsbegrepet
 - Funksjoner
 - Grafer





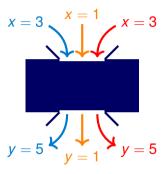




En unøyaktig definisjon:

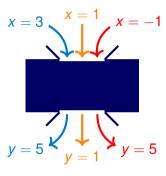
En funksjon er en «maskin» vi kan dytte tall inn i, for å få tall ut.





- En unøyaktig definisjon:
 - En funksjon er en «maskin» vi kan dytte tall inn i, for å få tall ut.
- Hvis du dytter inn samme tall på nytt, skal du alltid få samme svar ut.



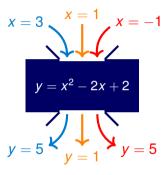


En unøyaktig definisjon:

En funksjon er en «maskin» vi kan dytte tall inn i, for å få tall ut.

- Hvis du dytter inn samme tall på nytt, skal du alltid få samme svar ut.
- Hvis du dytter inn et forskjellig tall, kan du få samme svar ut.





En unøyaktig definisjon:

En funksjon er en «maskin» vi kan dytte tall inn i, for å få tall ut.

- Hvis du dytter inn samme tall på nytt, skal du alltid få samme svar ut.
- Hvis du dytter inn et forskjellig tall, kan du få samme svar ut.
- «Maskinen» består vanligvis av en formel.



Definisjon

En funksjon av x er en regel som til hvert valg av x gir ut en verdi.



Definisjon

En funksjon av x er en regel som til hvert valg av x gir ut en verdi.

Om vi gir funksjonen navnet f skriver vi f(x) og uttaler det «f av x».



Definisjon

En funksjon av x er en regel som til hvert valg av x gir ut en verdi.

- Om vi gir funksjonen navnet f skriver vi f(x) og uttaler det «f av x».
- For å gi en formel til funksjonen skriver vi da at

$$f(x) = x^2 - 2x + 2$$
.



Definisjon

En funksjon av x er en regel som til hvert valg av x gir ut en verdi.

- Om vi gir funksjonen navnet f skriver vi f(x) og uttaler det «f av x».
- For å gi en formel til funksjonen skriver vi da at

$$f(x)=x^2-2x+2.$$

■ Vi skriver f(3) for «verdien når x = 3.»



Definisjon

En funksjon av x er en regel som til hvert valg av x gir ut en verdi.

- Om vi gir funksjonen navnet f skriver vi f(x) og uttaler det «f av x».
- For å gi en formel til funksjonen skriver vi da at

$$f(x)=x^2-2x+2.$$

■ Vi skriver f(3) for «verdien når x = 3.»

$$f(3) = 3^2 - 2 \cdot 3 + 2 = 5$$



Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).
- Om $f(x) = x^2 2x + 2$:

$$f(1+3)$$



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).
- Om $f(x) = x^2 2x + 2$:

$$f(1+3) = (1+3)^2 - 2(1+3) + 2$$



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).
- Om $f(x) = x^2 2x + 2$:

$$f(1+3) = (1+3)^2 - 2(1+3) + 2$$
$$= 4^2 - 2 \cdot 4 + 2$$



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).
- Om $f(x) = x^2 2x + 2$:

$$f(1+3) = (1+3)^2 - 2(1+3) + 2$$
$$= 4^2 - 2 \cdot 4 + 2$$
$$= 10$$



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).
- Om $f(x) = x^2 2x + 2$:

$$f(1+3) = (1+3)^2 - 2(1+3) + 2$$
$$= 4^2 - 2 \cdot 4 + 2$$
$$= 10$$
$$f(1) + f(3)$$



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).
- Om $f(x) = x^2 2x + 2$:

$$f(1+3) = (1+3)^2 - 2(1+3) + 2$$

$$= 4^2 - 2 \cdot 4 + 2$$

$$= 10$$

$$f(1) + f(3) = (1^2 - 2 \cdot 1 + 2) + (3^2 - 2 \cdot 3 + 2)$$



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).
- Om $f(x) = x^2 2x + 2$:

$$f(1+3) = (1+3)^{2} - 2(1+3) + 2$$

$$= 4^{2} - 2 \cdot 4 + 2$$

$$= 10$$

$$f(1) + f(3) = (1^{2} - 2 \cdot 1 + 2) + (3^{2} - 2 \cdot 3 + 2)$$

$$= 1 + 5$$



- Uttrykket «f(1)» betyr «Regn ut verdien til f når x = 1.»
- Uttrykket «f(1+3)» betyr «Regn ut verdien til f når x=1+3».
- Vi kan ikke bruke parentesregler på dette!
- Uttrykket f(1+3) er ikke det samme som f(1) + f(3).
- Om $f(x) = x^2 2x + 2$:

$$f(1+3) = (1+3)^{2} - 2(1+3) + 2$$

$$= 4^{2} - 2 \cdot 4 + 2$$

$$= 10$$

$$f(1) + f(3) = (1^{2} - 2 \cdot 1 + 2) + (3^{2} - 2 \cdot 3 + 2)$$

$$= 1 + 5$$

$$= 6$$



«Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.



- «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.



- «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.
- Om vi vet hva funksjonen representerer, bruker vi typisk første bokstav:



- «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.
- Om vi vet hva funksjonen representerer, bruker vi typisk første bokstav:
 - Arealet til en sirkel med radius r er $A(r) = \pi r^2$.



- «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.
- Om vi vet hva funksjonen representerer, bruker vi typisk første bokstav:
 - Arealet til en sirkel med radius r er $A(r) = \pi r^2$.
 - Høyden etter t sekunder til en ball som kastes er $h(t) = -5t^2 + 20t$.



- «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.
- Om vi vet hva funksjonen representerer, bruker vi typisk første bokstav:
 - Arealet til en sirkel med radius r er $A(r) = \pi r^2$.
 - Høyden etter t sekunder til en ball som kastes er $h(t) = -5t^2 + 20t$.
 - Prisen på k kilo epler er E(k) = 30k.



- «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.
- Om vi vet hva funksjonen representerer, bruker vi typisk første bokstav:
 - Arealet til en sirkel med radius r er $A(r) = \pi r^2$.
 - Høyden etter t sekunder til en ball som kastes er $h(t) = -5t^2 + 20t$.
 - Prisen på k kilo epler er E(k) = 30k.
 - Den siste kunne også vært P(k) for pris.



- «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.
- Om vi vet hva funksjonen representerer, bruker vi typisk første bokstav:
 - Arealet til en sirkel med radius r er $A(r) = \pi r^2$.
 - Høyden etter t sekunder til en ball som kastes er $h(t) = -5t^2 + 20t$.
 - Prisen på k kilo epler er E(k) = 30k.
 - Den siste kunne også vært P(k) for pris.
- Ingen av disse er regler, bare forslag.



- «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.
- Om vi vet hva funksjonen representerer, bruker vi typisk første bokstav:
 - Arealet til en sirkel med radius r er $A(r) = \pi r^2$.
 - Høyden etter t sekunder til en ball som kastes er $h(t) = -5t^2 + 20t$.
 - Prisen på k kilo epler er E(k) = 30k.
 - Den siste kunne også vært P(k) for pris.
- Ingen av disse er regler, bare forslag.
- Ingen kan stoppe oss fra å definere funksjonen

$$ullet$$
($lave{V}$) = $lave{V}^2 - 2lave{V} + 1$.



- \blacksquare «Standardnavnet» til en funksjon vi ikke vet noe mer om er f for funksjon.
- Om vi har flere funksjoner, følger vi typisk alfabetet, og får funksjonene g og h.
- Om vi vet hva funksjonen representerer, bruker vi typisk første bokstav:
 - Arealet til en sirkel med radius r er $A(r) = \pi r^2$.
 - Høyden etter t sekunder til en ball som kastes er $h(t) = -5t^2 + 20t$.
 - Prisen på k kilo epler er E(k) = 30k.
 - Den siste kunne også vært P(k) for pris.
- Ingen av disse er regler, bare forslag.
- Ingen kan stoppe oss fra å definere funksjonen

$$ullet$$
($lave{V}$) = $lave{V}^2 - 2lave{V} + 1$.

Poenget med å gi navn til ting er å spare tid, så dette tjener vi lite på.



Definisjonsmengde

Definisjon

Definisjonsmengden til en funksjon er mengden av alle tallene vi kan sette inn i funksjonen. Vi skriver D_f for definisjonsmengden til f.



Definisjonsmengde

Definisjon

Definisjonsmengden til en funksjon er mengden av alle tallene vi kan sette inn i funksjonen. Vi skriver D_f for definisjonsmengden til f.

Om vi får lov til å sette inn alle tall skriver vi $D_f = \mathbb{R}$.



Definisjon

- Om vi får lov til å sette inn alle tall skriver vi $D_f = \mathbb{R}$.
- Det er to mulige grunner til at vi ikke kan sette inn alle tall:



Definisjon

- Om vi får lov til å sette inn alle tall skriver vi $D_f=\mathbb{R}.$
- Det er to mulige grunner til at vi ikke kan sette inn alle tall:
 - Fordi vi har bestemt oss for det.



Definisjon

- ullet Om vi får lov til å sette inn alle tall skriver vi $D_f=\mathbb{R}.$
- Det er to mulige grunner til at vi ikke kan sette inn alle tall:
 - Fordi vi har bestemt oss for det.
 - Fordi vi deler på 0 eller tar roten av negative tall.



Definisjon

- Om vi får lov til å sette inn alle tall skriver vi $D_f = \mathbb{R}$.
- Det er to mulige grunner til at vi ikke kan sette inn alle tall:
 - Fordi vi har bestemt oss for det.
 - Fordi vi deler på 0 eller tar roten av negative tall.
- Om A(r) er arealet til en sirkel med radius r, gir det ikke mening å sette inn en negativ radius, så vi velger $D_A = [0, \rightarrow)$.



Definisjon

- Om vi får lov til å sette inn alle tall skriver vi $D_f = \mathbb{R}$.
- Det er to mulige grunner til at vi ikke kan sette inn alle tall:
 - Fordi vi har bestemt oss for det.
 - Fordi vi deler på 0 eller tar roten av negative tall.
- Om A(r) er arealet til en sirkel med radius r, gir det ikke mening å sette inn en negativ radius, så vi velger $D_A = [0, \rightarrow)$.
- Om $g(x) = \frac{1}{x-1}$ deler vi på 0 om vi setter inn x = 1, så $D_g = \mathbb{R} \setminus \{1\}$.



Definisjon

- Om vi får lov til å sette inn alle tall skriver vi $D_f = \mathbb{R}$.
- Det er to mulige grunner til at vi ikke kan sette inn alle tall:
 - Fordi vi har bestemt oss for det.
 - Fordi vi deler på 0 eller tar roten av negative tall.
- Om A(r) er arealet til en sirkel med radius r, gir det ikke mening å sette inn en negativ radius, så vi velger $D_A = [0, \rightarrow)$.
- Om $g(x) = \frac{1}{x-1}$ deler vi på 0 om vi setter inn x = 1, så $D_g = \mathbb{R} \setminus \{1\}$.
- Om $f(x) = \sqrt{-x+1}$ tar vi roten av negative tall om x > 1, så $D_f = \langle \leftarrow, 1 \rangle$.



Definisjon



Definisjon

Verdimengden til en funksjon er mengden av alle tall vi kan få ut av funksjonen. Vi skriver V_f for verdimengden til f.

■ Funksjonen $f(x) = x^2$ kan aldri bli negativ, så verdimengden er $V_f = [0, \rightarrow)$.



Definisjon

- Funksjonen $f(x) = x^2$ kan aldri bli negativ, så verdimengden er $V_f = [0, \rightarrow)$.
- Om vi gjør definisjonsmengden mindre, kan verdimengden også bli mindre.



Definisjon

- Funksjonen $f(x) = x^2$ kan aldri bli negativ, så verdimengden er $V_f = [0, \rightarrow)$.
- Om vi gjør definisjonsmengden mindre, kan verdimengden også bli mindre.
- Om vi velger $D_f = [0, 2]$ blir verdimengden $V_f = [0, 4]$.



Definisjon

- Funksjonen $f(x) = x^2$ kan aldri bli negativ, så verdimengden er $V_f = [0, \rightarrow)$.
- Om vi gjør definisjonsmengden mindre, kan verdimengden også bli mindre.
- Om vi velger $D_f = [0, 2]$ blir verdimengden $V_f = [0, 4]$.
- lacksquare Om vi velger $D_f = [0,
 ightarrow
 angle$ er verdimengden fremdeles [0,
 ightarrow
 angle.



Definisjon

- Funksjonen $f(x) = x^2$ kan aldri bli negativ, så verdimengden er $V_f = [0, \rightarrow)$.
- Om vi gjør definisjonsmengden mindre, kan verdimengden også bli mindre.
- Om vi velger $D_f = [0, 2]$ blir verdimengden $V_f = [0, 4]$.
- lacksquare Om vi velger $D_f = [0,
 ightarrow
 angle$ er verdimengden fremdeles [0,
 ightarrow
 angle.
- I mer avansert matematikk betyr verdimengde noe litt annet, og det vi beskriver her kalles bildet til funksjonen.



Oppgave

Høyden til en stein som blir kastet er gitt ved $h(t) = -5t^2 + 10t$. Finn når den treffer bakken.



Oppgave

Høyden til en stein som blir kastet er gitt ved $h(t) = -5t^2 + 10t$. Finn når den treffer bakken.

■ Vi må regne ut når høyden er 0. Vi får likningen

$$h(t) = 0$$



Oppgave

Høyden til en stein som blir kastet er gitt ved $h(t) = -5t^2 + 10t$. Finn når den treffer bakken.

Vi må regne ut når høyden er 0. Vi får likningen

$$h(t) = 0$$
$$-5t^2 + 10t = 0$$



Oppgave

Høyden til en stein som blir kastet er gitt ved $h(t) = -5t^2 + 10t$. Finn når den treffer bakken.

Vi må regne ut når høyden er 0. Vi får likningen

$$h(t) = 0$$

$$-5t^2 + 10t = 0$$

$$t(-5t + 10) = 0$$



Oppgave

Høyden til en stein som blir kastet er gitt ved $h(t) = -5t^2 + 10t$. Finn når den treffer bakken.

Vi må regne ut når høyden er 0. Vi får likningen

$$h(t) = 0$$

$$-5t^2 + 10t = 0$$

$$t(-5t + 10) = 0$$

Steinen er derfor ved bakken når t = 0 og når t = 2.



Oppgave

Høyden til en stein som blir kastet er gitt ved $h(t) = -5t^2 + 10t$. Finn når den treffer bakken.

Vi må regne ut når høyden er 0. Vi får likningen

$$h(t) = 0$$

$$-5t^2 + 10t = 0$$

$$t(-5t + 10) = 0$$

- Steinen er derfor ved bakken når t = 0 og når t = 2.
- Siden t = 0 er når vi kaster steinen, er det da t = 2 som er interessant.



Oppgave



Oppgave

Høyden til en stein som blir kastet er gitt ved $h(t) = -5t^2 + 10t$. Finn D_h og V_h .

Formelen over gir kun mening fra vi kaster steinen til den treffer bakken igjen.



Oppgave

- Formelen over gir kun mening fra vi kaster steinen til den treffer bakken igjen.
- Siden vi vet fra forrige side at den treffer bakken etter 2 s så blir $D_h = [0, 2]$.



Oppgave

- Formelen over gir kun mening fra vi kaster steinen til den treffer bakken igjen.
- Siden vi vet fra forrige side at den treffer bakken etter 2 s så blir $D_h = [0, 2]$.
- Vi vet at det laveste steinen kan være er 0 m, så vi må finne det høyeste punktet.



Oppgave

- Formelen over gir kun mening fra vi kaster steinen til den treffer bakken igjen.
- Siden vi vet fra forrige side at den treffer bakken etter 2 s så blir $D_h = [0, 2]$.
- Vi vet at det laveste steinen kan være er 0 m, så vi må finne det høyeste punktet.
- Fysisk burde steinen være på det høyeste midt mellom de to bakkepunktene, så når t = 1.



Oppgave

- Formelen over gir kun mening fra vi kaster steinen til den treffer bakken igjen.
- Siden vi vet fra forrige side at den treffer bakken etter 2 s så blir $D_h = [0, 2]$.
- Vi vet at det laveste steinen kan være er 0 m, så vi må finne det høyeste punktet.
- Fysisk burde steinen være på det høyeste midt mellom de to bakkepunktene, så når t = 1.
- Vi får derfor at det høyeste punktet er på h(1) = -5 + 10 = 5 meter, og verdimengden blir $V_h = [0, 5]$.



Funksjonsbegrepet

1 Å finne likningen for en linje

- 2 Funksjonsbegrepet
 - Funksjoner
 - Grafer

Definisjon



Definisjon

Grafen til en funksjon f er alle punkter (x, y) som er slik at y = f(x).

I de forrige delkapitlene så vi på grafen til en lineær funksjon, som var en rett linje.



Definisjon

- I de forrige delkapitlene så vi på grafen til en lineær funksjon, som var en rett linje.
- Det holdt å regne ut verdien til funksjonen i to punkter for å kunne tegne hele grafen.



Definisjon

- I de forrige delkapitlene så vi på grafen til en lineær funksjon, som var en rett linje.
- Det holdt å regne ut verdien til funksjonen i to punkter for å kunne tegne hele grafen.
- Vi er sjeldent så heldige, og må vanligvis tegne opp mange flere punkter.



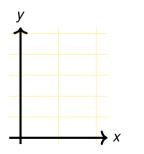
Definisjon

- I de forrige delkapitlene så vi på grafen til en lineær funksjon, som var en rett linje.
- Det holdt å regne ut verdien til funksjonen i to punkter for å kunne tegne hele grafen.
- Vi er sjeldent så heldige, og må vanligvis tegne opp mange flere punkter.
- Jo flere punkter vi tegner, jo mer nøyaktig blir grafen.



Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.

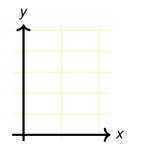
X	f(x)	У
0		
1		
2		





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.

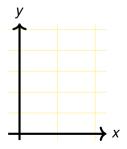
X	f(x)	У
0		
1		
2		





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.

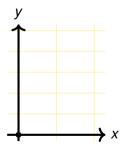
X	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	
1		
2		





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.

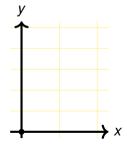
X	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1		
2		





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.

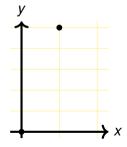
X	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	
2		





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.

X	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	5
2		

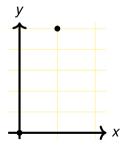




Nikolai Bjørnestøl Hansen

- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.

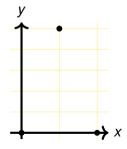
X	f(x)	у
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	5
2	$-5\cdot 2^2+10\cdot 2$	





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.

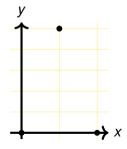
X	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	5
2	$-5\cdot 2^2+10\cdot 2$	0





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.
- Vi gjetter hvordan grafen ser ut.

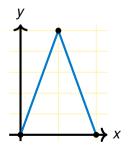
Χ	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	5
2	$-5\cdot 2^2+10\cdot 2$	0





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.
- Vi gjetter hvordan grafen ser ut.

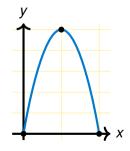
Χ	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	5
2	$-5\cdot 2^2+10\cdot 2$	0





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.
- Vi gjetter hvordan grafen ser ut.

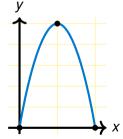
Χ	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	5
2	$-5\cdot 2^2+10\cdot 2$	0





- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.
- Vi gjetter hvordan grafen ser ut.
- Om man vil ha mer nøyaktig graf, kan det være lurt å regne flere punkter.

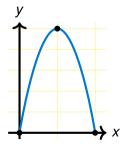
Χ	f(x)	У
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	5
2	$-5\cdot 2^2+10\cdot 2$	0



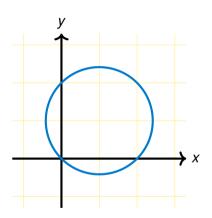


- Vi vil tegne grafen til $f(x) = -5x^2 + 10x$ mellom 0 og 2.
- Vi velger å regne ut verdiene til funksjonen i 0, 1 og 2.
- Vi gjetter hvordan grafen ser ut.
- Om man vil ha mer nøyaktig graf, kan det være lurt å regne flere punkter.
- Datamaskiner og kalkulatorer regner ut hundrevis av punkter, og tegner rette streker mellom dem.

X	f(x)	у
0	$-5\cdot0^2+10\cdot0$	0
1	$-5\cdot 1^2+10\cdot 1$	5
2	$-5\cdot 2^2+10\cdot 2$	0

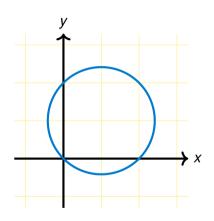






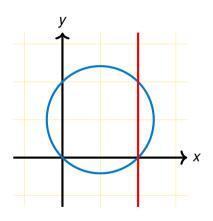
Ikke alt vi kan tegne er grafen til en funksjon.





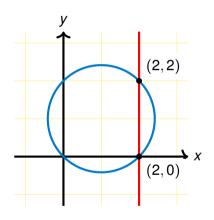
- Ikke alt vi kan tegne er grafen til en funksjon.
- En funksjon må ta inn ett tall, og gi ut ett tall.





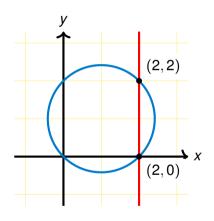
- Ikke alt vi kan tegne er grafen til en funksjon.
- En funksjon må ta inn ett tall, og gi ut ett tall.
- Men hva skulle f(2) vært her?





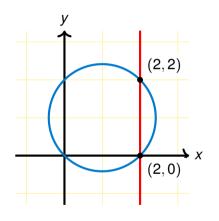
- Ikke alt vi kan tegne er grafen til en funksjon.
- En funksjon må ta inn ett tall, og gi ut ett tall.
- Men hva skulle f(2) vært her?
- Både f(2) = 0 og f(2) = 2 burde være riktig, men kun én av dem kan stemme.





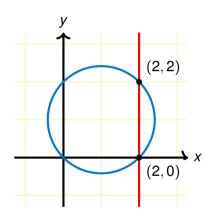
- Ikke alt vi kan tegne er grafen til en funksjon.
- En funksjon må ta inn ett tall, og gi ut ett tall.
- Men hva skulle f(2) vært her?
- Både f(2) = 0 og f(2) = 2 burde være riktig, men kun én av dem kan stemme.
- Sirkelen er derfor ikke grafen til en funksjon.





- Ikke alt vi kan tegne er grafen til en funksjon.
- En funksjon må ta inn ett tall, og gi ut ett tall.
- Men hva skulle f(2) vært her?
- Både f(2) = 0 og f(2) = 2 burde være riktig, men kun én av dem kan stemme.
- Sirkelen er derfor ikke grafen til en funksjon.
- En tegning er kun grafen til en funksjon dersom den «ikke går baklengs».





- Ikke alt vi kan tegne er grafen til en funksjon.
- En funksjon må ta inn ett tall, og gi ut ett tall.
- Men hva skulle f(2) vært her?
- Både f(2) = 0 og f(2) = 2 burde være riktig, men kun én av dem kan stemme.
- Sirkelen er derfor ikke grafen til en funksjon.
- En tegning er kun grafen til en funksjon dersom den «ikke går baklengs».
- Om du tegner en rett linje oppover skal du kun treffe ett punkt.





OSLO METROPOLITAN UNIVERSITY STORBYUNIVERSITETET