水题欢乐赛 1 同分异构

1 同分异构

1.1 Description

小A的数数姿势非常糟糕.

小A的有机化学学的很烂.

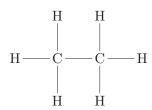
这两点导致的结果就是,小A从来就做不对化学试卷上的《数一数同分异构体的数量》题.

这天小A又在为一道《数一数物质X与同分异构的酸和酯数量》的题目发愁,心地善良的小C决定指导小A.小C表示,这种题目只需要枚举碳链结构然后向其中插入一个酯基即可.由于小A的水平确实很低,所以小C决定从最简单的内容开始,他画了一个饱和的碳链结构,让小A算一算一共有多少种不同的插入酯基的方法.小A实在太菜了,他只能向你投来求助的目光,于是你需要给小A一个答案——准确来说是两个答案:酸的数量和酯的数量.

以下是对上面内容的解说.

在本题中我们可以把有机物简单地抽象成图,你只需要了解图中的两类节点:碳原子(C)和氢原子(H).图中的边被称为化学键,每个碳原子连接四条化学键,而氢原子连接一条.换而言之碳原子的度数为4而氢原子的度数为1.

例如,下面就是一种有机物:



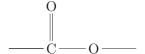
小C所画出的饱和碳链结构是一棵没有重边和自环的树,显然,如果我们确定了碳原子之间的连接方式,那么就可以唯一地确定所有氢原子的位置,所以本题的输入数据只会给出碳原子的连接方式.

上面那个有机物在本题中会这样表示:

C - C

题中提到的"酯基"是下面这个东西:

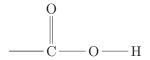
水题欢乐赛 1 同分异构



所谓的插入指断开原物质中的某条键,把这条键两侧的原子或原子团**原封不动**地接到酯基的两边.,如果我们用 R_1 和 R_2 表示原来化学键两边的原子或原子团,那么这个过程看起来就是这样的:

$$\begin{array}{c} O \\ \parallel \\ R_1 \longrightarrow R_2 \longrightarrow R_1 \longrightarrow C \longrightarrow O \longrightarrow R_2 \end{array}$$

插入酯基之后,我们将包含以下原子团的物质称为酸:



其余的物质称为酯,你的任务就是计算有多少本质不同的酸和酯.

1.2 Input Format

从文件isomer.in中读入数据

第一行包含一个正整数n,表示碳原子的数量.

接下来n-1行,每行两个整数u,v表示编号为u和v的碳原子之间有化学键连接.注意,此处碳原子的编号只是为了便于表示,**编号不同的碳原子也可以是本质相同的**.

1.3 Output Format

输出到文件isomer.out中

输出一行两个整数,第一个表示插入一个酯基后生成的本质不同的酸的数量,第二个表示酯的数量.

1.4 Sample 1

1.4.1 Input

2

水题欢乐赛 1 同分异构

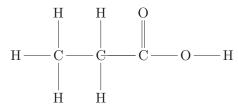
1 2

1.4.2 Output

1 2

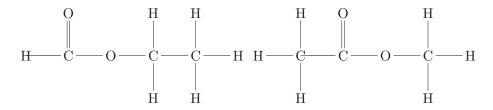
1.4.3 explanation

插入酯基后得到的酸是:



(可以发现每条碳氢键都是等价的)

插入酯基后得到的酯是:



1.5 Constraints

对于所有数据,满足 $1 \le n \le 10^5, 1 \le u, v \le n,$ 每个碳原子的度数不大于4.

- Subtask1 15pts $n \leq 5$.
- Subtask
2 $25pts~n \leq 1000.$
- Subtask3 10pts 所有的碳原子组成一条链.
- Subtask4 15pts 数据随机生成.
- Subtask5 35pts 无特殊性质.