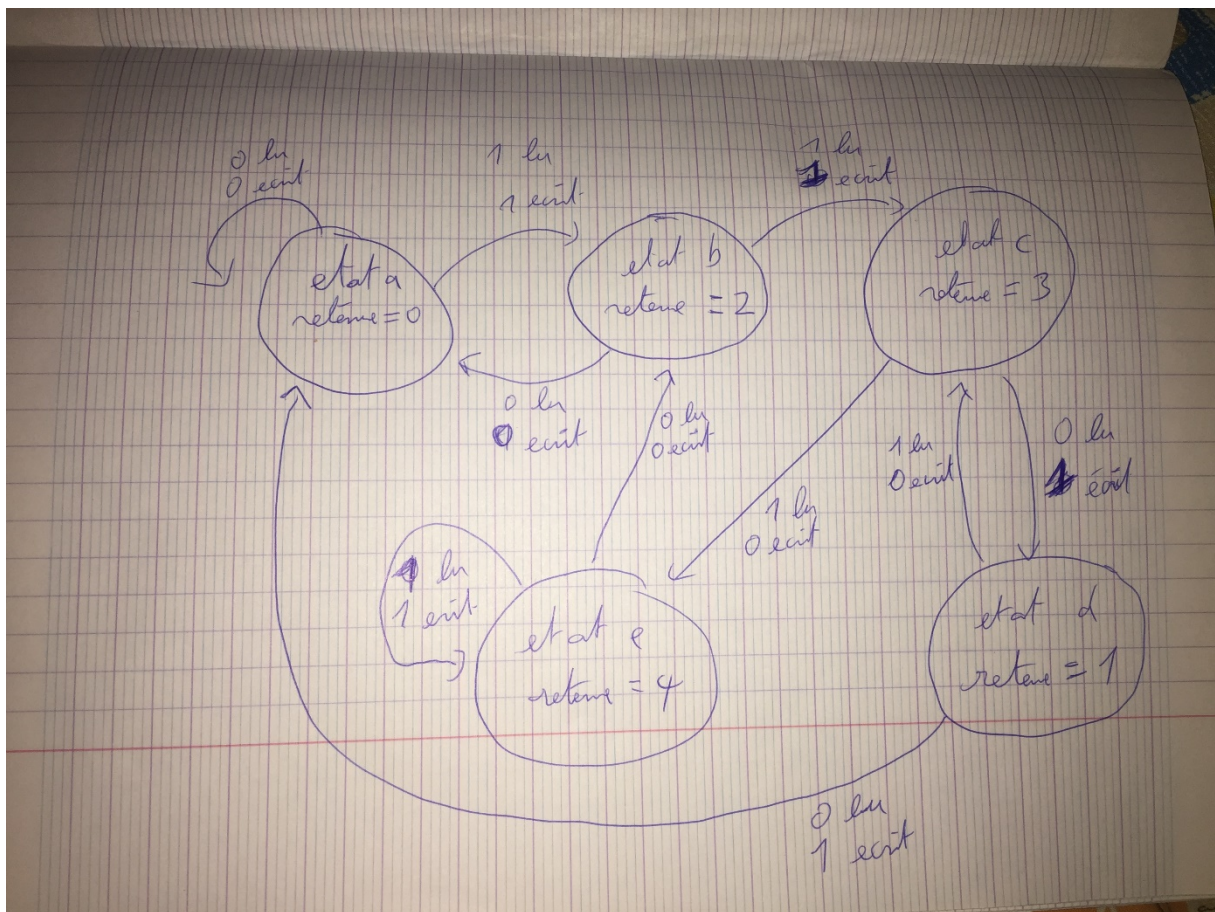


1. Voici donc le graph et la table de verité de cet automate

Etat Courant	e2	e1	e0	input	Etat Suivant	n2	n1	n0	output
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	2	0	1	0	1
1	0	0	0	1	0	0	0	0	1
1	0	0	1	1	3	0	1	1	0
2	0	1	0	0	0	0	0	0	0
2	0	1	1	0	3	0	0	1	1
3	0	1	1	1	0	0	0	1	1
3	0	1	1	1	4	1	0	0	0
4	1	0	0	0	2	0	1	0	0
4	1	0	0	1	4	1	0	0	1
5	1	0	1	1	0				
5	1	0	1	1	1				
6	1	1	0	0	0				
6	1	1	1	0	1				
7	1	1	1	1	0				
7	1	1	1	1	1				

Entrée	Retenue	Resultat(10)	Resultat(2)	Bit produit	Retenue(2)	Retenue(10)
0	0	0	0	0	0	0
1	0	5	101	1	10	2
0	1	1	1	1	0	0
1	1	6	110	0	11	3
0	2	2	10	0	0	0
1	2	7	111	1	11	3
0	3	3	11	1	1	1
1	3	8	1000	0	100	4
0	4	4	100	0	10	2
1	4	9	1001	1	100	4



3. Grâce au tableau on peut établir d'abord une équation évidente bits de sortie

$$F(\text{Output}) = i.\sim e2.\sim e1.\sim e0 + \sim i.\sim e2.\sim e1.\sim e0 + \sim i.e2.e1.\sim e0 + \sim i.\sim e2.e1.e0 + i.e2.\sim e1.\sim e0$$

Un peu barbare et confus avec des eN qui traîne, donc pour la suite on va prendre la notation suivante :

i = a

e2 = b

e1 = c

e0 = d

Ce qui nous donne :

$$F(\text{output}) = a.\sim b.\sim c.\sim d + \sim a.\sim b.\sim c.d + a.\sim b.c.d + \sim a.\sim b.c.d + a.b.\sim c.\sim d$$

De plus on peut aussi faire l'équation des états 5 6 et 7,

$$5 = b.\sim c.d$$

$$6 = b.c.\sim d$$

$$7 = b.c.d$$

Grâce logisim, on dessiner facilement le tableau de Karnaugh où x représente les cases d'états non utilisées.

		c, d			
		00	01	11	10
a, b	00	0	1	1	1
	01	0	x	x	x
	11	1	x	x	x
	10	1	0	0	0

$\bar{a}d + \bar{a}c + a\bar{c}\bar{d}$

Bon je triche un peu comme il manque la partie raisonnement avec logisim, un peu d'explication pour me justifier...

Pour la partie bleue, nous avons $a.\sim b.\sim c.\sim d + a.b.\sim c.\sim d$, on voit bien que b n'est pas une condition nécessaire, donc on obtient $a.\sim c.\sim d$

Pour la partie rouge, nous avons d'abord les cas $\sim a.\sim b.\sim c.d + \sim a.\sim b.c.d$ mais on peut aussi choisir d'intégrer les cas inutilisées que sont $\sim a.b.\sim c.d + \sim a.b.c.d$

$$F(\text{rouge}) = \sim a.\sim b.\sim c.d + \sim a.\sim b.c.d + \sim a.b.\sim c.d + \sim a.b.c.d$$

b n'est donc pas nécessaire

$$= \sim a.\sim c.d + \sim a.c.d + \sim a.\sim c.d + \sim a.c.d$$

$$= \sim a.\sim c.d + \sim a.c.d$$

c est aussi inutile donc nous avons au finale $\sim a.d$

Pour la partie verte nous avons

$$F(\text{verte}) = \sim a.\sim b.c.d + \sim a.\sim b.c.\sim d + \sim a.b.c.d + \sim a.b.c.\sim d$$

b n'est pas nécessaire

$$= \sim a.c.d + \sim a.c.\sim d + \sim a.c.d + \sim a.c.\sim d$$

$$= \sim a.c.d + \sim a.c.\sim d$$

Même raisonnement pour d

$$= \sim a.c$$

$$F(\text{Out}) = a.\sim c.\sim d + \sim a.d + \sim a.c$$

Passons au cas n0

e2	e1	e0	input	n0	
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0
0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	1	1
0	1	0	1	0	1

$$F(n0) = a.\sim b.\sim c.d + a.\sim b.c.\sim d + \sim a.\sim b.c.d$$

		c, d			
		00	01	11	10
a, b	00	0	0	1	0
	01	0	x	x	x
	11	0	x	x	x
	10	0	1	0	1

$\bar{a}c d + a\bar{c}d + a c \bar{d}$

on inclue les cas inutilisées où b est vrai pour éliminer b.

$$F(n0) = a.\sim b.\sim c.d + a.\sim b.c.\sim d + \sim a.\sim b.c.d$$

$$F(n0) = a.\sim b.\sim c.d + a.\sim b.c.\sim d + \sim a.\sim b.c.d + a.b.\sim c.d + a.b.c.\sim d + \sim a.b.c.d$$

$$F(n0) = a.\sim c.d + a.c.\sim d + \sim a.c.d$$

Passons maintenant au cas n1

e2	e1	e0	input	n1
0	0	0	0	0
0	0	0	0	1
0	0	1	1	0
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	1	0
1	0	1	1	1

		c, d			
		00	01	11	10
a, b	00	0	0	0	0
	01	1	x	x	x
	11	0	x	x	x
	10	1	1	0	1

$\bar{a}b + a\bar{b}\bar{c} + a\bar{b}d$

$$F(n1) = a.\sim b.\sim c.\sim d + a.\sim b.\sim c.d + a.\sim b.c.\sim d + \sim a.b.\sim c.\sim d$$

1^{er} terme a un terme complémentaire avec le 2eme et 3eme terme, on peut donc éliminer d et c

$$F(n1) = (a.\sim b.\sim c.\sim d + a.\sim b.\sim c.d) + (a.\sim b.\sim c.\sim d + a.\sim b.c.\sim d) + \sim a.b.\sim c.\sim d$$

$$F(n1) = a.\sim b.\sim c + a.\sim b.\sim d + \sim a.b.\sim c.\sim d$$

enfin on introduit les termes inutilisés

$$F(n1) = a.\sim b.\sim c + a.\sim b.\sim d + (\sim a.b.\sim c.\sim d + \sim a.b.\sim c.d + \sim a.b.\sim c.\sim d + \sim a.b.c.\sim d)$$

d'où :

$$F(n1) = a.\sim b.\sim c + a.\sim b.\sim d + \sim a.b$$

e2	e1	e0	input	n2
0	1	1	1	1
1	0	0	0	0
1	0	0	0	1

		c, d			
		00	01	11	10
a, b	00	0	0	0	0
	01	0	x	x	x
	11	1	x	x	x
	10	0	0	1	0

$a.c.d + a.b$

$$F(n2) = a.\sim b.c.d + a.b.\sim c.\sim d$$

$$F(n2) = (a.\sim b.c.d + a.b.c.d) + (a.b.\sim c.\sim d + a.b.\sim c.d + a.b.c.d + a.b.c.\sim d)$$

$$F(n2) = a.c.d + a.b$$

$$F(\text{Out}) = a.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.d + \bar{a}.c$$

$$F(n2) = a.c.d + a.b$$

$$F(n1) = a.\bar{b}.\bar{c} + a.\bar{b}.\bar{d} + \bar{a}.b$$

$$F(n0) = a.\bar{c}.d + a.c.\bar{d} + \bar{a}.c.d$$

Le circuit en question est dans le fichier exo1.circ, en esperant que je ne suis pas trompé au niveau des entrée/sortie de la bascule D...

2.Chenillard

>> Pas entrée

>> 4 sortie abcd

peut etre 6 etats ? et donc 3 bits ?

Bref j'ai pas compris l'énoncé..

