

(1) Convertir 127_{10} et 93_{10} en binaire (en passant pas la base 8 + conversion rapide), les additionner dans cette représentation. Convertir le résultat en décimal pour vérifier qu'on n'a pas fait d'erreur.

$$\begin{array}{r|l} 127 & 8 \\ \hline 47 & 15 \quad 8 \\ 7 & 7 \quad 1 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 127_{10} &= 7 + 8 * (7 + 8 * (1)) \\ &= 177_8 \\ &= 1111111_2 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r|l} 93 & 8 \\ \hline 13 & 11 \quad 8 \\ 5 & 3 \quad 1 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 93_{10} &= 5 + 8 * (3 + 8 * (1)) \\ &= 135_8 \\ &= 1011101_2 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} rrrrrrr \\ 1111111 \\ + 1011101 \\ \hline 11011100 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 11011100_2 &= 334_8 \\ &= 4 + 8 * (3 + 8 * (3)) \\ &= 4 + 8 * (3 + 24) \\ &= 4 + 8 * (27) \\ &= 4 + 8 * (20 + 7) \\ &= 4 + 160 + 56 \\ &= 220_{10} \end{aligned}$$

(2) Multiplier 35_{10} et 211_{10} avec l'algorithme de multiplication sans table.

on met 1 et 211 dans la première ligne d'une table, on additionne chaque ligne à elle-même, jusqu'à ce que la première case dépasse le multiplicateur :

1	211
2	422
4	844
8	1688
16	3376
32	6752
64	...

On additionne les lignes qui permettent d'obtenir le multiplicateur (35)

$$1 + 2 + 32 = 35$$

$$211 + 422 + 6752 = 7385$$

$$\text{donc } 35_{10} \times 211_{10} = 7385_{10}$$

(3) Convertir 35_{10} et 211_{10} en binaire et faire tourner à la main l'algorithme de multiplication (convertir le résultat en décimal pour le vérifier).

$$\begin{array}{r|l} 35 & 8 \\ \hline 3 & 4 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 35_{10} &= 3 + 8 * (4) \\ &= 43_8 \\ &= 100011_2 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r|l} 211 & 8 \\ \hline 51 & 26 \quad 8 \\ 3 & 2 \quad 3 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 211_{10} &= 3 + 8 * (2 + 8 * (3)) \\ &= 323_8 \\ &= 011010011_2 \end{aligned}$$

```

tant que a est différent de 0
    si le bit de droite de $a$ vaut 1
        r ← r + b
    décaler a droite
    décaler b gauche

```

$$r = 0$$

$b = 110100110$

$$r = r + b =$$
$$\begin{array}{r} r rr \\ 11010011 \\ + 110100110 \\ \hline 1001111001 \end{array}$$

$b = 1101001100$

$b = 11010011000$

$b = 110100110000$

b = 1101001100000

$$r = r + b =$$
$$\begin{array}{r} \text{rr} \quad \text{rr} \\ 1001111001 \\ + 1101001100000 \\ \hline 1110011011001 \end{array}$$

b = 1000010011000000

terminé !

$$\begin{aligned}
 1110011011001_2 &= 16331_8 \\
 &= 1 + 8 * (3 + 8 * (3 + 8 * (6 + 8 * (1)))) \\
 &= 1 + 8 * (3 + 8 * (3 + 8 * (14))) \\
 &= 1 + 8 * (3 + 8 * (3 + 8 * (10 + 4))) \\
 &= 1 + 8 * (3 + 8 * (3 + 80 + 32)) \\
 &= 1 + 8 * (3 + 8 * (115)) \\
 &= 1 + 8 * (3 + 8 * (100 + 10 + 5)) \\
 &= 1 + 8 * (3 + 800 + 80 + 40) \\
 &= 1 + 8 * (923) \\
 &= 1 + 8 * (900 + 20 + 3) \\
 &= 1 + 7200 + 160 + 24 \\
 &= 7385_{10}
 \end{aligned}$$

(4) Poser la multiplication de 11001_2 et 101110_2

$$\begin{array}{r}
 101110 \\
 * 11001 \\
 \hline
 rrrr \\
 101110 \\
 000000. \\
 000000.. \\
 101110... \\
 101110.... \\
 \hline
 10001111110
 \end{array}$$

Vérification :

$$\begin{aligned}
 101110_2 &= 56_8 \\
 &= 6 + 8 * (5) \\
 &= 46_{10}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 11001_2 &= 31_8 \\
 &= 1 + 8 * (3) \\
 &= 25_{10}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 10001111110_2 &= 2176_8 \\
 &= 6 + 8 * (7 + 8 * (1 + 8 * (2))) \\
 &= 6 + 8 * (7 + 8 * (17)) \\
 &= 6 + 8 * (7 + 8 * (10 + 7)) \\
 &= 6 + 8 * (7 + 80 + 56) \\
 &= 6 + 8 * (143) \\
 &= 6 + 8 * (100 + 40 + 3) \\
 &= 6 + 800 + 320 + 24 \\
 &= 1150_{10}
 \end{aligned}$$