Documentație Proiect

Probabilitate si Statistica

Membri:

Gheorghe Bogdan-Alexandru Andrei Cristian-David Sincari Sebastian-George Cosor Mihail

Ianuarie 2025

Contents

Cerinta I	2
Cerinta II	7
Aspecte Teoretice	7
Reprezentări Grafice	8
Codul Aplicației	9
app.R	10
ui.R	10
Cerinta III	13
Descrierea Problemei	13
Aspecte Teoretice	13
Reprezentări Grafice	14
Pachete Software Folosite	14
Codul Aplicației	15
app.R	15
ui.R	15
server.R	16
utils.R	17
normals.R	17
Dificultăți Întâmpinate	19
Probleme Deschise	19
Concluzii	10

Cerinta I

Descrierea Problemei

Se consideră o activitate care presupune parcurgerea secvențială a n etape. Timpul necesar finalizării etapei i de către o persoană A este o variabilă aleatoare $T_i \sim \text{Exp}(\lambda_i)$.

După finalizarea etapei i, A va trece în etapa i+1 cu probabilitatea α_i sau va opri lucrul cu probabilitatea $1-\alpha_i$.

Fie T timpul total petrecut de persoana A în realizarea activității respective.

```
1 set.seed(123)
2 n <- 100 # Nr etape
3 lambda <- runif(n, 0.5, 2) # Rata exp pt fiecare etapa
4 alpha <- runif(n-1, 0.8, 1) # Prob trecerii la urmatoarea etapa
5 alpha <- c(1, alpha) # Prob ca o persoana sa participe la prima etapa este 100%
6 nrSimulari <- 1000000 # Nr simulari
  simulator <- function() {</pre>
9
    Ti <- rexp(n, rate = lambda) # Timpul pentru fiecare etapa
10
11
     stop_point <- which(runif(n - 1) > alpha[-1])[1] # Determinam momentul opririi
12
13
     # Timpul total va fi cel pana la oprire/finalul vectorului daca nu se opreste
14
     if (!is.na(stop_point)) {
15
       return(sum(Ti[1:stop_point]))
16
17
     } else {
       return(sum(Ti))
18
     }
19
20
  }
21
  # Simulam 10^6
22
  valoriT <- replicate(nrSimulari, simulator())</pre>
```

1. Construiți un algoritm în R care simulează 10^6 valori pentru v.a. T și în baza acestora aproximați E(T). Reprezentați grafic într-o manieră adecvată valorile obținute pentru T. Ce puteți spune despre repartiția lui T?

```
approx_E_T <- mean(valoriT)

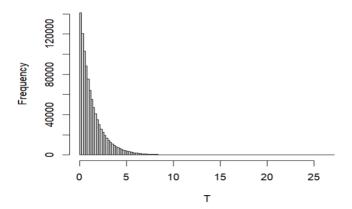
hist(valoriT, breaks = 100, main = "Distributia timpilor T", xlab = "T")</pre>
```

Explicații:

Pentru calculul aproximativ al mediei am făcut pur și simplu media valorilor rezultate în urma simulării.

Afișând în histograma valorile obținute în valoriT rezultă distribuția lui T. Se poate observa că reprezentarea grafică a timpiilor T urmează o distribuție exponențială.

Distribuția timpilor T



Rezultat:

```
1 approx_E_T = 9.51113170988666
```

2. Calculați valoarea exactă a lui ${\cal E}[T]$ și comparați cu valoarea obținută prin simulare.

```
1 exact_E_T <- sum(1 / \lambda * cumprod(alpha))</pre>
```

Explicații:

Valoarea exactă a lui E[T] se calculează după următoarea formulă:

$$E[T] = E[T_1] + \alpha_1 E[T_2] + \alpha_1 \alpha_2 E[T_3] + \ldots + \alpha_1 \alpha_2 \ldots \alpha_{n-1} E[T_n]$$

Am folosit funcția cumprod, care returnează un vector cu produsul cumulativ. α are 99 de valori deoarece există n-1 pași pentru trecerea de la o etapă la alta. Am atașat acestui vector la început valoarea 1, deoarece probabilitatea ca persoana să participe la prima etapă este 100. Apoi am înmulțit produsul cumulativ cu $1/\lambda$, deoarece $X \sim \text{Exp}(\lambda) \Rightarrow E[X] = 1/\lambda$. În final, am făcut suma tuturor mediilor pe fiecare etapă, rezultând E[T].

În urma analizării rezultatului exact observăm că este foarte apropiat de rezultatul aproximativ obținut prin simulare.

Rezultat:

```
exact_E_T = 9.51299920302413
```

3. În baza simulărilor de la 1. aproximați probabilitatea ca persoana A să finalizeze activitatea.

```
prob_finalizare <- mean(valoriT >= sum(1 / lambda))
```

Explicatii:

Am calculat probabilitatea ca o persoana sa finalizeze fiecare etapa luand ca exemplu in simularea noastra un numar de 100 de etape si o probabilitate de a trece de la o etapa la alta ξ =80

In scrierea codului am calculat valoarea teoretica a timpului total pe care o persoana trebuie sa il petreaca in cele 100 de etape pentru a spune ca a finalizat. Astfel am calculat media unui vector de valori booleene care valoarea true corespunde rezultatului unei simulari; = valoarea timpului adica persoanele care au finalizat respectiv false pentru persoanele care nu au reusit sa finalizeze. Rezultatul este mic datorita numarului de etape, acesta ar creste o data cu micsorarea numarului de etape/ ar scadea o data cu cresterea numarului de etape. Totodata, rezultatul va scadea odata cu micsorarea marginii inferioare a valorilor probabilitatilor din alpha si invers.

Rezultat:

```
prob_finalizare = 0.00004
```

4. În baza simulărilor de la 1. aproximați probabilitatea ca persoana A să finalizeze activitatea într-un timp mai mic sau egal cu σ .

```
sigma <-94
prob_sigma<- mean(valoriT <= sigma & valoriT >= sum(1 / lambda))
```

Explicatii:

Ne-am folosit de modalitatea de rezolvare a exercitiului anterior, astfel am folosit un vector de valori booleene care verifica 2 conditii ¡= sigma si ¿= valoarea timpului total, apoi am facut media si ne-a rezultat valoarea probabilitatii ca o persoana sa finalizeze intr-un timp mai mic decat sigma. Este normal ca valoarea acestei probabilitati sa fie mai mica sau egala cu valoarea probabilitatii de a finaliza.

Rezultat:

```
prob_sigma = 0.000007
```

5. În baza simulărilor de la 1. determinați timpul minim și respectiv timpul maxim în care persoana A finalizează activitatea și reprezentați grafic timpii de finalizare a activității din fiecare simulare. Ce puteți spune despre repartiția acestor timpi de finalizare a activității?

Explicatii:

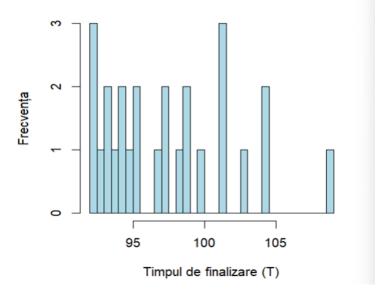
Am considerat variabilele timpMin și timpMax pentru valorile minime și maxime ale timpilor persoanelor care au finalizat evenimentul. Am folosit funcția min pentru minim și, ca parametru, am dat lista de timpi simulați, filtrată de valorile mai mari decât media timpului total. Am folosit din nou, pentru reprezentarea grafică, o histogramă, deoarece aceasta ajută la identificarea repartiției. Două observații sunt faptul că numărul de persoane care au reușit să finalizeze evenimentul este foarte mic în comparație cu numărul de simulări și că se observă că repartiția este uniformă, deoarece pentru alegerea valorilor random am folosit runif.

Rezultat:

```
timpMax = 108.54443085275
timpMin = 92.0171680316328
```

6. În baza simulărilor de la 1. aproximați probabilitatea ca persoana A să se oprească din lucru înainte de etapa k, unde $1 < k \le n$. Reprezentați grafic probabilitățile obținute într-o manieră corespunzătoare. Ce puteți spune despre repartiția probabilităților obținute?

Distribuția timpurilor de finalizare (valide)



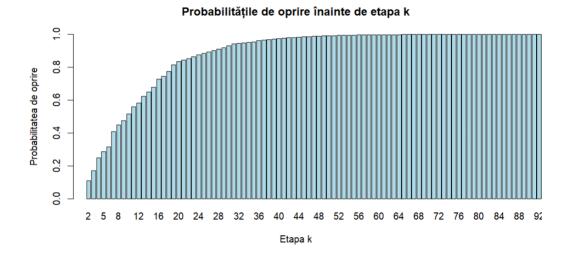
```
5    else
6    return(FALSE)
7  }))
```

Explicatii:

Am creat o variabilă numită PstopK care primește probabilitatea ca persoana A să se oprească din lucru înainte de etapa k. Pentru această probabilitate am aplicat ca parametru unei funcții fiecare valoare simulată. Funcția returnează TRUE dacă timpul este mai mic decât media timpului total până la pasul k-1 (adică poate face maxim k-1 pași), și FALSE altfel. Variabila primește media valorilor din lista booleană.

Rezultat:

```
PstopK = 0.284293 pentru k=5
1
       PstopK = 0.51482 pentru k=10
2
3
       PstopK = 0.991332 pentru k=50
       calculate_PStopBeforeK <- function(valoriT, lambda, alpha, n) {</pre>
1
2
       # Calculam timpii cumulativi pentru fiecare etapa
       cumulative_times <- cumsum(1 / lambda)</pre>
3
4
       # Calculam probabilitatile pentru fiecare k
5
       PStopBeforeK <- sapply(2:n, function(k) {
6
           mean(valoriT <= cumulative_times[k - 1])</pre>
                    # Probabilitatea de oprire inainte de etapa k
8
       })
9
10
       return(PStopBeforeK)
11
12
       PStopBeforeK <- calculate_PStopBeforeK(valoriT, lambda, alpha, n)
13
14
       barplot(PStopBeforeK, names.arg = 2:n, col = "lightblue",
15
                main = "Probabilitatile de oprire inainte de etapa k",
16
                xlab = "Etapa k", ylab = "Probabilitatea de oprire",
17
                xlim = c(1, n), ylim = c(0, 1))
18
```



Observații:

Se poate observa că o persoană, cu cât ajunge mai departe în etape, cu atât are șanse mai mari să finalizeze evenimentul, iar în etapele inițiale șansele sunt foarte mici. Aceste observații sunt date datorită pantei abrupte în faza inițială, respectiv panta lină de la final.

Cerinta II

Descrierea Problemei

Scopul acestui proiect este de a construi o aplicație web interactivă folosind framework-ul **Shiny** din \mathbf{R} , pentru a reprezenta cele 5 formulari ale repartitiei Negativ Binomiale, graficele animate și situații concrete in care se pot aplica aceste formulări. Aplicația permite vizualizarea repartitiei Negativ Binomiale pentru diferite valori ale parametrilor r și p.

Aspecte Teoretice

Pentru dezvoltarea aplicației, am utilizat următoarele aspecte teoretice importante:

Distribuția Negativ Binomială: Este definită ca o variabilă aleatoare discretă $X \sim NB(r, p)$, unde r reprezintă numărul de succese dorite, iar p este probabilitatea de succes pentru o singura incercare.

Repartiția Negativ Binomială poate fi definită în mai multe moduri, în funcție de context. Iată cele 5 formulări principale:

1. k eșecuri, dat fiind r succese

Probabilitatea de a avea k esecuri înainte de a obține r succese:

$$f(k;r,p) \equiv \Pr(X=k) = {k+r-1 \choose k} p^r (1-p)^k$$

Alternativ:

$$f(k; r, p) = \binom{k+r-1}{r-1} p^r (1-p)^k$$

Suport: k = 0, 1, 2, ...

2. n încercări, dat fiind r succese

Probabilitatea de a avea n încercări pentru a obține r succese:

$$f(n; r, p) \equiv \Pr(X = n) = \binom{n-1}{r-1} p^r (1-p)^{n-r}$$

Alternativ:

$$f(n; r, p) = \binom{n-1}{n-r} p^r (1-p)^{n-r}$$

Suport: n = r, r + 1, r + 2, ...

3. n încercări, dat fiind r eșecuri

Probabilitatea de a avea n încercări pentru a obține r eșecuri:

$$f(n; r, p) \equiv \Pr(X = n) = \binom{n-1}{r-1} p^{n-r} (1-p)^r$$

Alternativ:

$$f(n; r, p) = {n-1 \choose n-r} p^{n-r} (1-p)^r$$

Suport: n = r, r + 1, r + 2, ...

4. k succese, dat fiind r eșecuri

Probabilitatea de a avea k succese înainte de a obține r eșecuri:

$$f(k; r, p) \equiv \Pr(X = k) = {k + r - 1 \choose k} p^k (1 - p)^r$$

Alternativ:

$$f(k;r,p) = {\binom{k+r-1}{r-1}} p^k (1-p)^r$$

Suport: k = 0, 1, 2, ...

5. k succese, dat fiind n încercări

Aceasta este de fapt repartiția binomială, nu cea negativ binomială:

$$f(k; n, p) \equiv \Pr(X = k) = \binom{n}{k} p^k (1 - p)^{n-k}$$

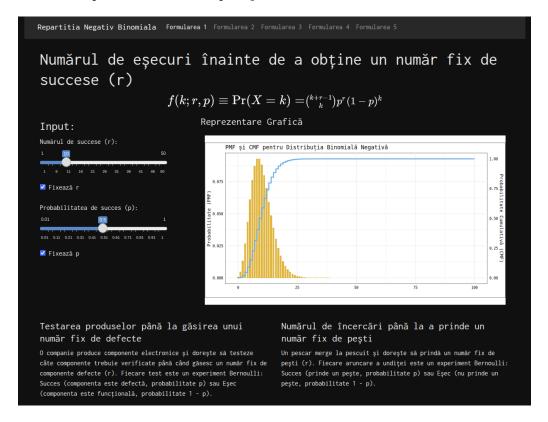
Alternativ:

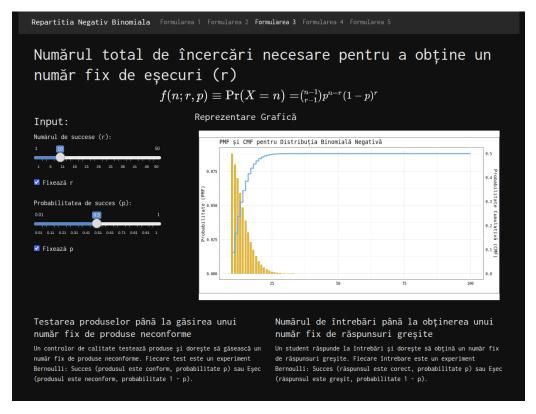
$$f(k; n, p) = \binom{n}{n-k} p^k (1-p)^{n-k}$$

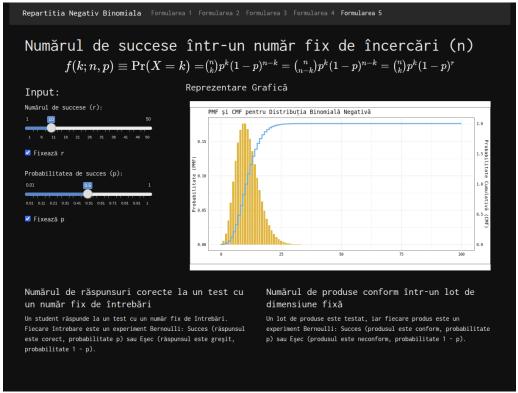
Suport: k = 0, 1, 2, ..., n

Reprezentări Grafice

Aplicația oferă reprezentări grafice ale funcției de masă și a funcțiilor de repartiție. În cele ce urmează, vom ilustra cateva capturi de ecran din aplicație.







Codul Aplicației

Aplicația a fost organizată în mai multe fișiere pentru a separa clar logica și pentru a facilita reutilizarea funcțiilor. Această structurare are ca scop eliminarea redundanței și creșterea clarității codului, permițând adăugarea sau modificarea distribuțiilor fără a perturba structura generală a aplicației.

app.R

Fișierul principal **app.R** conține doar partea de inițializare a aplicației Shiny, inclusiv încărcarea fișierelor ui.R și server.R. Aceasta facilitează gestionarea centralizată a componentelor aplicației. Fiecare formulare a Repartiției Negativ Binomiale are propriile fișiere în directorul server, în care sunt definite logicile de generare a graficelor corespunzătoare.

```
library(shiny)
library(bslib)
library(ggplot2)

source("ui.R")
source("server.R")

shinyApp(ui = ui, server = server)
```

ui.R

Interfața utilizatorului este creată folosind funcția fluidPage, care organizează interfața pe tab-uri, câte unul pentru fiecare formulare a Repartiției Negativ Binomiale. Fiecare tab este generat folosind funcția personalizată create_tab, care asociază un input specific formularii respective, o zonă de afișare a graficului și situații ipotetice in care se poate aplica.

```
create_tab <- function(tab_title, title, img1_src, img2_src, tab_number,</pre>
1
2
                                                titlu_ex_1, ex_1, titlu_ex_2, ex_2) {
     tabPanel(
3
       tab_title,
4
5
       div(
         class = "container",
6
         h1(title),
         div(
8
            class = "d-flex justify-content-center",
9
           img(src = img1_src, style = "filter: invert(1); height:4vh;"),
10
           img(src = img2_src, style = "filter: invert(1); height:4vh;")
11
         ),
12
         div(
13
            class = "row",
14
           div(
              class = "col-4",
16
              tags$h3("Input:"),
17
              sliderInput(paste0("r", tab_number), "Numarul de succese (r):", min = 1,
18
                                                             \max = 50, value = 10, step = 1),
19
              checkboxInput(paste0("fix_r", tab_number), "Fixeaza r", value = TRUE),
20
              sliderInput(paste0("p", tab_number), "Probabilitatea de succes (p):",
21
22
                                              min = 0.01, max = 1, value = 0.5, step = 0.01),
              checkboxInput(paste0("fix_p", tab_number), "Fixeaza p", value = FALSE)
23
           ),
24
           div(
              class = "col-8",
26
              h4("Reprezentare Grafica"),
27
28
              div(
                style = "padding: 10px; margin-bottom: 10px;",
29
                plotOutput(outputId = paste0("mass_function_plot_", tab_number)),
30
31
           )
32
         ),
33
34
         div(
35
           class = "row",
           div(
              class = "col-6",
37
              h4(titlu_ex_1),
38
             p(ex_1)
39
           ),
40
```

```
div(
              class = "col-6".
42
              h4(titlu_ex_2),
43
              p(ex_2)
44
45
         )
46
       )
47
     )
48
   }
49
50
   ui <- fluidPage(
51
     theme = bs_theme(version = 4, bg = "#101010", fg = "#FFF", primary = "#E69F00",
52
                                                     base_font = font_google("Inconsolata")),
53
     navbarPage (
54
        "Repartitia Negativ Binomiala",
55
        create_tab(
56
57
                  "Formularea 1",
                  "Numarul de esecuri inainte de a obtine un numar fix de succese (r)",
58
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/1a26b86be5f2...",
59
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/29944ccb6e33...",
60
61
                  "Testarea produselor pana la gasirea unui numar fix de defecte",
62
                  "O companie produce componente electronice si doreste sa testeze cate ...",
63
                  "Numarul de incercari pana la a prinde un numar fix de pesti",
64
                  "Un pescar merge la pescuit si doreste sa prinda un numar fix de pesti..."),
65
        create_tab(
66
67
                  "Formularea 2",
                  "Numarul total de incercari necesare pentru a obtine un numar fix ...",
68
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/ccc5e37984e75...",
69
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/122b97516ba76...",
70
71
                  "Testarea medicamentelor pana la obtinerea unui numar fix de ...",
72
                  "Un cercetator testeaza un nou medicament si doreste sa obtina un numar ...",
73
                  "Numarul de aruncari ale unui zar pana la obtinerea unui numar fix de sase",
74
                  "Un jucator arunca un zar si doreste sa obtina un numar fix de sase..."),
75
        create_tab(
76
77
                  "Formularea 3",
                  "Numarul total de incercari necesare pentru a obtine un numar ...",
78
79
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/ccc5e37984e...",
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/7fd538f62a6...",
80
81
                  "Testarea produselor pana la gasirea unui numar fix de produse neconforme",
82
                  "Un controlor de calitate testeaza produse si doreste sa gaseasca un \dots",
83
                  "Numarul de intrebari pana la obtinerea unui numar fix de raspunsuri gresite",
84
                  "Un student raspunde la intrebari si doreste sa obtina un numar fix ...",
85
        create_tab(
86
                  "Formularea 4",
87
                  "Numarul de succese inainte de a obtine un numar fix de esecuri (r)",
88
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/1a26b86be5f...",
89
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/5d39d1344ae...",
                  "Numarul de clienti satisfacuti inainte de a obtine un numar fix de \dots",
92
                  "Un magazin doreste sa obtina un numar fix de reclamatii de la clienti. ...",
93
                  "Numarul de lovituri la tinta inainte de a obtine un numar fix de rateuri",
94
                  "Un sportiv trage la tinta si doreste sa obtina un numar fix de rateuri..."),
95
        create_tab(
96
                  "Formularea 5",
97
                  "Numarul de succese intr-un numar fix de incercari (n)",
98
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/d23e3ebeb017f...",
99
                  "https://wikimedia.org/api/rest_v1/media/math/render/svg/09ed5ae47e20d..."
100
101
                  "Numarul de raspunsuri corecte la un test cu un numar fix de intrebari",
102
                  "Un student raspunde la un test cu un numar fix de intrebari. Fiecare ...",
103
                  "Numarul de produse conform intr-un lot de dimensiune fixa",
104
                  "Un lot de produse este testat, iar fiecare produs este un ...")
105
       )
106
```

107)

Cerinta III

Descrierea Problemei

Scopul acestui proiect este de a construi o aplicație web interactivă folosind framework-ul **Shiny** din **R**, pentru a reprezenta grafic funcțiile de repartiție (CDF) ale unor variabile aleatoare definite conform cerinței din enunț. Aplicația permite vizualizarea CDF-urilor pentru distribuții normale, exponențiale, binomiale, Poisson.

Aspecte Teoretice

Pentru dezvoltarea aplicației, am utilizat următoarele aspecte teoretice importante:

• Distribuţia Normală: Este definită ca o variabilă aleatoare continuă $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, unde μ reprezintă media, iar σ^2 varianţa.

Formula funcției de repartiție cumulativă:

$$F(x) = P(X \le x) = \int_{-\infty}^{x} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(t-\mu)^2}{2\sigma^2}} dt$$

• Distribuția Exponențială: O variabilă aleatoare $X \sim \text{Exp}(\lambda)$ este folosită pentru modelarea timpilor de așteptare între evenimente.

Formula funcției de repartiție cumulativă:

$$F(x) = P(X \le x) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda x}, & \text{pentru } x \ge 0 \\ 0, & \text{pentru } x < 0 \end{cases}$$

• Distribuţia Poisson: Reprezintă numărul de evenimente într-un interval fix de timp şi este notată $X \sim \text{Poisson}(\lambda)$.

Formula funcției de repartiție cumulativă:

$$F(x) = P(X \le x) = \sum_{k=0}^{\lfloor x \rfloor} \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!}$$

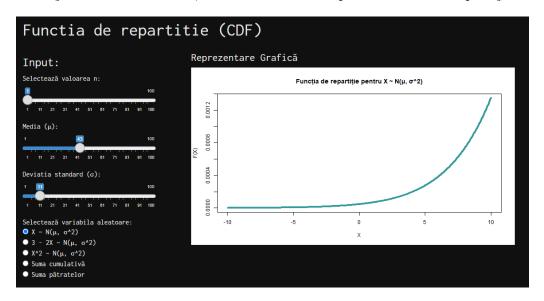
• Distribuția Binomială: Este definită de parametrii n și p și descrie numărul de succese în n experimente independente.

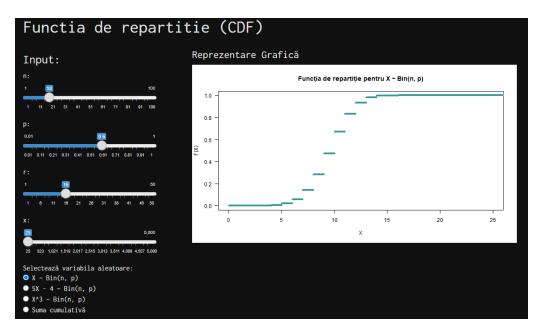
Formula funcției de repartiție cumulativă:

$$F(x) = P(X \le x) = \sum_{k=0}^{\lfloor x \rfloor} \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

Reprezentări Grafice

Aplicația oferă reprezentări grafice ale funcțiilor de repartiție pentru fiecare dintre variabilele aleatoare definite în cerințe. În cele ce urmează, vom ilustra căteva capturi de ecran din aplicație.





Pachete Software Folosite

Am folosit următoarele pachete software pentru implementarea proiectului:

- shiny: Crearea aplicației interactive.
- bslib: Personalizarea interfeței grafice a aplicației folosind teme Bootstrap.
- graphics: Generarea reprezentărilor grafice ale funcțiilor de repartiție.

Codul Aplicației

Codul aplicației a fost structurat în mai multe fișiere pentru a asigura o separare clară a logicii și o reutilizare ușoară a funcțiilor. Această abordare are ca scop evitarea redundanței și îmbunătățirea clarității codului, permițând adăugarea sau modificarea distribuțiilor fără a afecta structura generală a aplicației.

app.R

Fișierul principal **app.R** conține doar partea de inițializare a aplicației Shiny, inclusiv încărcarea fișierelor ui.R, utils.R și server/server.R. Aceasta facilitează gestionarea centralizată a componentelor aplicației. Fiecare distribuție are propriile fișiere în directorul server, în care sunt definite logicile de generare a graficelor corespunzătoare.

```
library(shiny)
library(bslib)

source("utils.R")
source("ui.R")
source("server/server.R")

shinyApp(ui = ui, server = server)
```

ui.R

Interfața utilizatorului este creată folosind funcția fluidPage, care organizează interfața pe taburi, câte unul pentru fiecare distribuție (normală, exponențială, binomială, Poisson). Fiecare tab este generat folosind funcția personalizată create_tab, care asociază un input specific distribuției respective și o zonă de afișare a graficului.

```
source("server/server.R")
1
2
     create_tab <- function(tab_title, title, distribution) {</pre>
3
       tabPanel(
4
          tab_title,
5
          div(
6
            class = "container",
            h1(title),
8
            div(
9
              class = "row",
10
              div(
11
                class = "col-4",
12
                tags$h3("Input:"),
13
                switch(
14
                   distribution,
15
                   BINOMIALA = create_binom_slider(),
16
                   NORMALA_STANDARD = create_std_normal_slider(),
17
                   NORMALA = create_normal_slider(),
18
                   EXPONENTIALA = create_exponential_slider(),
19
                   POISSON = create_pois_slider()
20
                )
21
              ),
22
              div(
23
                class = "col - 8",
24
                h4("Reprezentare Grafica"),
25
                get_output_distribution(distribution)
26
27
           )
28
29
         )
30
       )
     }
31
32
```

```
ui <- fluidPage(
33
        theme = bs_theme(
34
          version = 4,
35
          bg = "#101010",
36
          fg = "#FFF",
37
          primary = "#E69F00",
38
          base_font = font_google("Inconsolata")
39
        ),
40
        navbarPage(
41
          "CDF",
42
          create_tab(
43
            "Normala Standard",
44
            "Functia de repartitie (CDF)",
45
            NORMALA_STANDARD
46
          ),
47
          create_tab(
48
            "Normala",
49
            "Functia de repartitie (CDF)",
50
            NORMALA
51
          ),
52
53
          create_tab(
            "Exponentiala",
54
            "Functia de repartitie (CDF)",
55
            EXPONENTIALA
56
          ),
57
          create_tab(
58
            "Binomiala",
59
            "Functia de repartitie (CDF)",
60
            BINOMIALA
61
          ),
62
          create_tab(
63
            "Poisson",
64
            "Functia de repartitie (CDF)",
65
            POISSON
66
          )
67
        )
68
69
     )
```

server.R

Acesta este punctul central al logicii serverului. Codul serverului include apeluri către fișierele individuale ale fiecărei distribuții, cum ar fi std_normal.R, normal.R, binom.R etc. Acest lucru permite fiecărei distribuții să fie tratată separat și modular, facilitând adăugarea sau modificarea distribuțiilor fără a afecta alte componente.

```
source("server/std_normal.R")
     source("server/normal.R")
2
     source("server/exponential.R")
     source("server/binom.R")
4
     source("server/poisson.R")
5
6
     server <- function(input, output, session) {</pre>
       std_normal_server(input, output, session)
8
       normal_server(input, output, session)
9
       exponential_server(input, output, session)
10
       binom_server(input, output, session)
11
12
       pois_server(input, output, session)
13
```

utils.R.

Acest fișier conține definiții comune, cum ar fi identificatorii fiecărei distribuții și funcția get_output_distributior care returnează componenta grafică potrivită pentru distribuția selectată. Aceasta contribuie la eliminarea duplicării codului și la centralizarea logicii de redirecționare a graficelor.

```
NORMALA_STANDARD <- "NORMALA_STANDARD"
     NORMALA <- "NORMALA"
2
     EXPONENTIALA <- "EXPONENTIALA"
3
     BINOMIALA <- "BINOMIALA"
     POISSON <- "POISSON"
5
6
     get_output_distribution <- function(distribution) {</pre>
7
       switch(
8
         distribution.
9
         NORMALA_STANDARD = plotOutput("std_normal_plot"),
10
         NORMALA = plotOutput("normal_plot"),
11
         EXPONENTIALA = plotOutput("exponential_plot"),
12
13
         BINOMIALA = plotOutput("binom_plot"),
14
         POISSON = plotOutput("pois_plot")
15
       )
     }
16
```

normals.R

Generarea graficelor: Codul pentru reprezentarea grafică este similar pentru toate distribuțiile, însă exemplificarea este prezentată doar pentru distribuția normală în fișierul normals.R. Fiecare grafic este generat pe baza parametrilor selectați de utilizator (cum ar fi media μ și deviația standard σ) și utilizează funcția corespunzătoare de calcul al funcției de repartitie cumulativă. Iată principalele tipuri de grafice generate:

- **Graficul funcției de repartitie cumulativă (CDF)**: Este reprezentată funcția $F(x) = P(X \le x)$, calculată cu funcția R corespunzătoare fiecărei distribuții (de exemplu, **pnorm** pentru distribuția normală).
- **Transformări ale variabilelor**: De exemplu, pentru 3-2X sau X^2 , transformările sunt aplicate asupra datelor înainte de a calcula și reprezenta F(x).
- **Sumă cumulativă**: Pentru a reprezenta suma cumulativă $\sum X_i$ sau $\sum X_i^2$, se utilizează funcția cumsum din R, iar graficul este construit prin afișarea acestor sume pentru fiecare n.

```
create_normal_slider <- function() {</pre>
       tagList(
2
          sliderInput(
3
            inputId = "normal_n",
4
            label = "Selecteaza valoarea n:",
5
6
            min = 1.
            max = 100
            value = 10,
9
            step = 1
10
          ),
11
          sliderInput(
            inputId = "normal_mu",
12
            label = "Media (\u03BC):",
13
            min = 1,
14
            max = 100,
15
            value = 10,
16
            step = 1
17
          ),
18
          sliderInput(
19
            inputId = "normal_sigma",
20
            label = "Deviatia standard (\u03C3):",
^{21}
            min = 1,
22
            max = 100,
23
```

```
value = 10,
24
            step = 1
25
          ),
26
          radioButtons(
27
            inputId = "normal_var",
28
            label = "Selecteaza variabila aleatoare:",
29
            choices = list(
30
              "X \sim N(\u03BC, \u03C3^2)" = "var1",
31
               "3 - 2% \sim N(\u03BC, \u03C3^2)" = "var2",
               "X^2 ~ N(\u03BC, \u03C3^2)" = "var3",
33
               "Suma cumulativa" = "var4",
34
               "Suma patratelor" = "var5"
35
            ),
36
            selected = "var1"
37
38
        )
39
      }
40
41
      normal_server <- function(input, output, session) {</pre>
42
        output$normal_plot <- renderPlot({</pre>
43
44
          var <- input$normal_var</pre>
45
          if (var == "var1") {
46
            x \leftarrow seq(-10, 10, length.out = 500)
47
            cdf_values <- pnorm(x, mean = input$normal_mu, sd = input$normal_sigma)</pre>
48
            plot(
49
50
               x, cdf_values,
               type = "1",
51
               lwd = 4,
52
               col = "#339999",
53
               xlab = "X",
54
               ylab = "F(X)",
55
               main = "Functia de repartitie pentru X ~ N(\u03BC, \u03C3^2)"
56
            )
57
          } else if (var == "var2") {
58
            x \leftarrow seq(-10, 10, length.out = 500)
59
            transformed_x <- 3 - 2 * x
60
            cdf_values <- pnorm(transformed_x, mean = input$normal_mu, sd = input$normal_sigma)</pre>
61
62
            plot(
63
              x, cdf_values,
               type = "1",
64
65
               lwd = 4,
               col = "#FF6666",
66
               xlab = "3 - 2X",
67
               ylab = "F(3 - 2X)",
68
               main = "Functia de repartitie pentru 3 - 2% ~ N(\u03BC, \u03C3^2)"
69
70
          } else if (var == "var3") {
71
            x \leftarrow seq(-10, 10, length.out = 500)
72
            transformed_x <- x^2</pre>
73
            cdf_values <- pnorm(transformed_x, mean = input$normal_mu, sd = input$normal_sigma)</pre>
74
75
            plot(
76
              x, cdf_values,
              type = "1",
77
              lwd = 4,
78
               col = "#3399FF",
79
               xlab = "X^2",
80
               ylab = "F(X^2)",
81
               main = "Functia de repartitie pentru X^2 ~ N(\u03BC, \u03C3^2)"
82
83
          } else if (var == "var4") {
84
            n <- input$normal_n</pre>
85
            X <- rnorm(n, mean = input$normal_mu, sd = input$normal_sigma)</pre>
86
87
            S_n \leftarrow cumsum(X)
            plot(
88
               1:n, S_n,
89
```

```
type = "1",
90
                lwd = 2,
91
                col = "#FF9900",
92
                xlab = "n",
93
                ylab = "\u2211 X_i",
94
                main = "Suma cumulativa a variabilelor aleatoare X_i"
95
96
           } else if (var == "var5") {
97
             n <- input$normal_n</pre>
             X <- rnorm(n, mean = input$normal_mu, sd = input$normal_sigma)</pre>
99
             S_n2 \leftarrow cumsum(X^2)
100
             plot(
101
                1:n, S_n2,
102
                type = "1",
                lwd = 2,
104
                col = "#33CC33",
105
                xlab = "n",
106
                ylab = "\u2211 X_i^2",
107
                main = "Suma cumulativa a patratelor variabilelor X_i"
108
109
           }
110
        })
111
112
```

Dificultăți Întâmpinate

Dezvoltarea aplicației a implicat rezolvarea unor provocări tehnice importante legate de gestionarea parametrilor și a reprezentărilor grafice pentru fiecare distribuție. Principalele dificultăți întâmpinate sunt:

• Ajustarea automată a parametrilor pentru fiecare distribuție: Fiecare distribuție are un set unic de parametri care trebuie adaptați corect pentru a asigura o reprezentare grafică precisă a funcției de repartitie cumulativă (CDF). De exemplu, distribuția normală implică media μ și deviația standard σ, în timp ce distribuția binomială depinde de numărul de experimente n și probabilitatea de succes p. Provocarea a fost legată de crearea unui sistem flexibil în care utilizatorul să poată modifica rapid parametrii în interfață, iar graficele să se actualizeze automat în funcție de aceștia. Această problemă a fost rezolvată prin implementarea unor funcții modulare (de exemplu, create_normal_slider() și create_binom_slider()) care generează dinamic controale de input specifice fiecărei distribuții.

Probleme Deschise

Deși aplicația funcționează corespunzător și oferă o interfață interactivă pentru vizualizarea funcțiilor de repartitie cumulativă, există câteva direcții de dezvoltare viitoare și probleme deschise:

• Posibilitatea extinderii aplicației pentru a suporta și alte distribuții: Momentan, aplicația suportă distribuțiile normală, exponențială, binomială și Poisson. Cu toate acestea, există o varietate de alte distribuții utile în statistică, cum ar fi distribuțiile Bernoulli, binomiale sau geometrice, care ar putea fi integrate cu ușurință în structura modulară a aplicației. O extindere în această direcție ar implica adăugarea fișierelor corespunzătoare în directorul server și crearea funcțiilor de input specifice fiecărei noi distribuții.

Concluzii

Funcționalitățile existente permit utilizatorilor să vizualizeze funcțiile de repartitie ale variabilelor normale, exponențiale, binomiale și Poisson, dar structura modulară face posibilă integrarea rapidă a altor distribuții. De asemenea, prin intermediul graficelor dinamice, utilizatorii pot explora nu doar distribuțiile de bază, ci și diverse transformări ale variabilelor aleatoare, cum ar fi transformări liniare și sume cumulative.