

1 STROJNO UCENJE

1.1 PROBLEMSKI PROSTOR, OCENJEVANJE ZNANJA

1.2 EVALVIRANJE HIPOTEZ

Pomembni kriteriji:

- **konsistentnost** hipotez z primeri (ucnici)
- **splosnost** (tocnost za nevidene primere)
- **razumljivost** hipotez

TP=true positive, TN=true negative, FP=false positive (**napaka 1. tipa**), FN=false negative (**napaka 2. tipa**)

Klasifikacijska tocnost = $\frac{TP+TN}{TP+TN+FP+FN} = \frac{TP+TN}{N}$

Obcutljivost/senzitivnost = $TPR = \frac{TP}{TP+FN}$

1.3 GRADNJA ODLOCITVENIH DREVESE

Za koliko se entropija zmanjsa po delitvi z Atributom A:

Informacijski prispevek (najbolj informativni atribut maksimizira informacijski prispevek minimizira I_{res} :

$Gain(A) = H(A) - H_{res}(A)$
 $H_{res}(A) = - \sum_{a_i \in A} p(A = a_i) \sum_{c_j \in C} p(C = c_j | A = a_i) \log_2 p(C = c_j | A = a_i)$

Razmerje inofrmacijskega prispevka atributa A:

$IGR(A) = \frac{Gain(A)}{H(A)}$

1.3.1 TDIDT (TOP DOWN INDUCTION DECISION TREE) ALGORITHM

Pozresen algoritem, ki lokalno izbira najbolsi atribut.

- kratkoviden algoritem

1.3.2 BINARIZACIJA ATRIBUTOV

Aleternativa za resevanje problematike z vecvrednostnimi atributi:

Strategije (za primer B = {Y, G, R, B}):

- [{Y}, {R, G, B}] (one-vs-all)
- [{Y, R}, {G, B}]
- vpeljava bianrnih atributov za vsako barvo

Primer B = {Y, G, R}, konstruiramo 3 nove binarne atribute:

Y	G	R
1	0	0
0	1	0
0	0	1

Prednost: manjse vejane drevesa.

1.4 UCENJE IZ SUMNIH PODATKOV (REZANJE)

tocnost t...verjetnost pravilnosti klasifikacije

napaka e ... 1 - t

relativna frekvenca $p = \frac{n}{N}$

m-ocena $p = \frac{n+p_a+m}{N+m}$

m... koliko zaupam apriorni verjetnosti

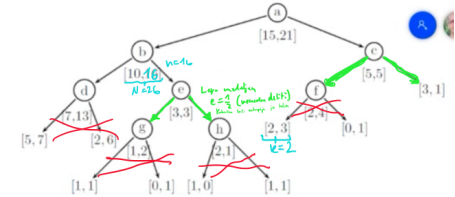
p_a apriorna verjetnost (domenski ekspert lahko pove)

Laplaceova ocena verjetnosti $p = \frac{n+1}{N+k}$

k...stevilo vseh moznih razredov

1.4.1 MEP (MINIMAL ERROR PRUNNING)

e...statistica napaka,E...vzvrtna napaka, $e \leq E \rightarrow$ rezemo poddrevo

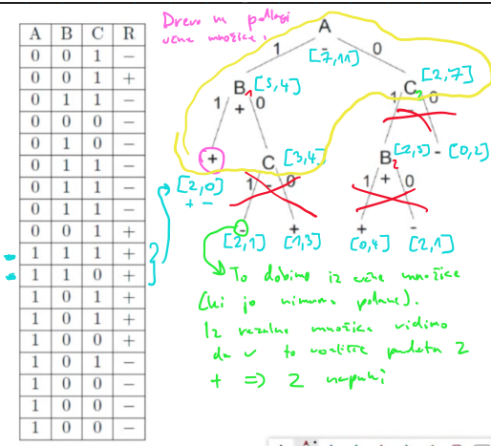


(Laplace)
 $e_L(d) = 1 - t = 1 - \frac{13+1}{20+2} = 0.363$

$E_L(d) = 12/20 \cdot e_L(d_1) + 8/20 \cdot e_L(d_d) = \frac{12}{20} \cdot (1 - \frac{7+1}{12+2}) + \frac{8}{20} (1 - \frac{13+1}{20+2})$

1.4.2 REP (REDUCED ERROR PRUNNING)

Ucna mnozica: 70% za gradnjo, 30% za rezanje (z rezanjem odstranimo pod drevesa, ki niso kriticina in so redundantna tako zmsansamo velikost drevesa)
 $G(v)=st.$ napacnih klasifikacij v poddrevesu - st. napacnih klasifikacij v korenu poddrevesa
 $G(v) \geq 0 \Rightarrow$ rezemo poddrevo



$e(C) = 3$
 $e_T = 2 + 3 = 5$
 $G(C) = 5 - 3 = 2 \geq 0 \rightarrow$ rezemo

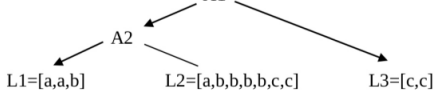
1.5 OCENJEVANJE USPEŠNOSTI MODELOV

tocnost t ... verjetnost pravilnosti klasifikacije

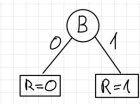
Laplaceova ocena verjetnosti $p = \frac{n+1}{N+k}$

k...stevilo vseh moznih razredov

list.



$t_{L1} = \frac{2+1}{3+3} = 0.5, t_{L2} = \frac{4+1}{7+3} = 0.5, t_{L3} = \frac{2+1}{2+3} = 0.6$
tocnost drevesa: $t_D = 3/12 \cdot 0.5 + 7/12 \cdot 0.5 + 2/12 \cdot 0.6 = 0.5167$



$e = 1 - (P(B=0)P(R=0|B=0) + P(B=1)P(R=1|B=1))$

1.6 OBRAVNAVNA MANKAJOCIH ATRIBUTOV, NAVINI BAYESOV KLASIFIKATOR

1.6.1 NAIVNI BAYES

Ce poznamo razred, kam klasificiramo ce nepoznamo atributov:

Klasifikator: $\text{argmax}_{c \in C} P(c) \prod_{i=1}^n P(x_i|c)$

c...razred, x_i ...atributi

Verjetnost::

$P(C = c | x_1, \dots, x_n) = \frac{P(C=c)P(X_1=x_1|C=c)P(X_2=x_2|C=c) \dots}{P(X_1=x_1)P(X_2=x_2) \dots}$

Primer moski: visina ≥ 175 , teza ≥ 65 , spol = M

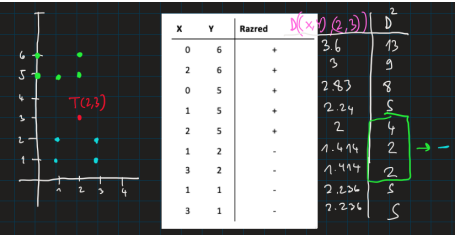
$X \setminus Y$	Razred A	Razred B
p_a	$P(A) = \frac{2}{3}$	$P(B) = \frac{1}{3}$
spol	$P(M A)$	$P(M B)$
visina	$P(V \geq 175 A)$	$P(V \geq 175 B)$
teza	$P(T \geq 65 A)$	$P(T \geq 65 B)$
$P(y) \prod_{i=1}^n P(x_i y)$

1.6.2 NOMOGRAMMI

Ciljni razred $C = c_T$

$X_i X_j = x_j = \ln \left(\frac{P(X_i = x_j | C = c_T)}{P(X_i = x_j | C = \bar{c}_T)} \right)$

1.7 K-NAJBILJZIJH SOSEDOV



2 VRSTE UCENJA

2.1 NADZOROVANO UCENJE (SUPERVISED LEARNING)

Ucni primeri so podani/oznaceni kot vrednosti vhodov in izhodov.

$(\vec{x}_1, \vec{y}_1), (\vec{x}_2, \vec{y}_2), \dots, (\vec{x}_N, \vec{y}_N)$

\vec{x}_i ... atributi, \vec{y}_i ... ciljna spremenljivka

Locimo dve vrsti problemov:

1. Klasifikacijski problemi - y_j diskretna

2. Regresijski problemi - y_j zvezna

2.1.1 LOKALNO UTEZENA REGESIJA

$$h(\vec{x}_j) = \frac{\sum_{i=1}^k w_i \cdot f(\vec{x}_i)}{\sum_{i=1}^k w_i}, w_i(d) \dots \text{utez}$$

A	B	C	dolžina	$d(x_i, x_j)$	w_i	$w_i \cdot f(x_i)$
0	0	0	9	4	1/5	0/5
0	0	0	10	4	1/5	2
0	1	1	9	2	1/3	3
0	2	0	12	2	1/3	4
0	2	1	12	1	1/2	6
1	0	0	12	2	1/4	3
1	0	0	15	3	1/4	1/4
1	1	1	11	1	1/2	1/2
1	1	1	15	1	1/2	1/2
1	1	1	9	1	1/2	3/2
1	2	0	9	1	1/2	3/2
1	2	1	12	0	1	1/2

Z lokalno utezeno regresijo zelimo napovedati dolžino postvi z atributi $x_j = \{A = 1, B = 2, C = 1\}$. Pri izračunu uporabi:
• Manhattansko razdaljo za merjenje razdalj,
• jedno funkcijo $w_i = \frac{1}{1+d_i}$.

2.1.2 REGRESIJSKA DREVEA

Linearna regresija je poseben primer regresijskega drevesa.

V listih regresijskega drevesa včasih napovemo kar povprečno vrednost.

2.2 NENADZOROVANO UCENJE (UNSUPERVISED LEARNING)

Ucni primeri niso oznaceni (nimajo ciljne spremenljivke), ucimo se vzorcev v podatkih, (npr. grucenje)

2.2.1 HIERARHICNO GRUCENJE

Poveze po podobnosti med primeri, primer zacne kot samostojna gruca, na koncu vsi primeri pripadajo eni gruci

Dendrogram: drevo, ki predstavlja grucenje.

Single-linkage: povezava med grucami je najkrajse razdalje med primeroma iz razlicnih gruc.

Complete-linkage: povezava med grucami je najdaljsa razdalja med primeroma iz razlicnih gruc.

Average-linkage: povezava med grucami je povprečna razdalja med primeroma iz razlicnih gruc.

2.2.2 K-MEANS

1. V prostor dodamo k centroidov, ki predstavljajo gruce.
2. Izracunamo ketri centroid je najblizji vsakemu primeru.
3. Izracunamo nove centre gruc $= \frac{1}{|G|} \sum_{i \in G} x_i$
4. Ponovimo korake 2 in 3 dokler se centri ne premaknejo.

2.3 SPODBUJEVALNO UCENJE - REINFORCEMENT LEARNING

Inteligentni agent se uci iz zaporedja nagrad in kazni

2.4 OCENJEVANJE UCENJA

2.4.1 PRECNO PREVERJANJE

Poseben primer veckratnega ucenja in testiranja

k-kratno precno preverjanje

- celo ucno mnozico razbij na k disjunktnih podmnozic
- za vsako od k podmnozic:
 - uporabi mnozico kot testno mnozico
 - uporabi preostalih k-1 mnozic kot ucno mnozico
- povpreci dobljenih k ocen tocnosti v koncno oceno

Pri precnem preverjanju uporabimo vse podatke za testiranje in vse za ucenje

Metoda leave one out je poseben primer precnega preverjanja

Imamo dve hipotezi A in B. Izkase se, da A bolje napoveduje na ucnih podatkih B pa na testnih. Potem je B verjetno boljša hipoteza.

3 PREISKOVANJE

3.1 NEINFORMIRANI PREISKOVALNI ALGORITMI

3.1.1 ISKANJE V SIRINO

3.1.2 ISKANJE V GLOBINO

Izboljsave:

- Iskanje s sestopanjem

- depth-limited-search (vnapej definiramo globino l (dolocimo preko domenskega znanja))

3.1.3 ITERATIVNO POGLABLJANJE

problem gobinsko omejenega iskanja -> nastavitve meje l Mejo l postopoma povecujemo za 1, dokler ne najdemo resitve.

- popolnost: Da
- optimalnost: Da
- casovna zahtevnost $O(b^d)$
- prostorska zahtevnost $O(bd)$

Boljse od iskanja v globino/sirino

3.1.4 DVOSMERNO ISKANJE

Ideja: pognati vzporedni iskanji od zacetka do cilja in od cilja do zacetka.

Motivacija:

Implemenatcija dvosmernega iskanja

- ciljno vozlišce mora biti znano

- originalni problemski prostor preslikamo v dvosmerni prosto stanj E1, E2 dosegljiv iz E in S1,S2,S3 dosegljiv iz S (S,E) -> (S1, E1), (S1,E2), (S2, E1), (S2, E2)... Vozlisce (Si, Ei) je v dvosmernem prostoru ciljo vozlisce ce velja E=S (soda dolzina na isto mesto pridemo iz obeh strani) ali S->E (liha pot sosednja)

3.2 INFORMIRANI PREISKOVALNI ALGORITMI

Ideja: preiskovanje usmerjamo z dodatnim znanjem **hevrstiko** (ocenitvena funkcija za obetavnost vozlisca)

- **optimisticna/dopustna**: $\forall n : h(n) \leq h^*(n)$ (h^* je optimalna ocena)

- **optimalna**: $h(n) = h^*(n)$

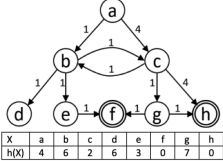
- **pesimisticna**: $h(n) \geq h^*(n)$

3.2.1 A*

A* is informed version of **dijkstra** (uses heuristics and pq), ce h(dopustna)=**popolna in optimalna**

Casovna zahtevnost odvisna od hevrstike: $E = (h^* - h)/h^*, O(b^{E \cdot d})$, b-stopnja vejanja, d-globina optimalne resitve

Prostorska zahtevnost problem (hrani vsa vozlisca v spominu)



$f(n) = g(n) + h(n)$, g(n) cena do vozlisca, h(n) hevrstika

Razvijamo dokler ne pridemo do ciljnega vozlisca

Razvijano	Generirana	Priority Queue
/	a(4)	[]
a	b(7) c(6)	[c(6), b(7)]
c	b'(11) g(12) h(8)	[b(7), h(8), b'(11), g(12)]
b	c'(4) d(8) e(5)	[c'(4), e(5), h(8), d(8), b'(11), g(12)]
...
f		

3.2.2 IDA* (ITERATIVE DEEPENING A*)

$f(n) = g(n) + h(n)$, g(n)=cena poti do n

Meja	Razvijano	Generirana	DFS (list)
0	/	s(7)	/
7	/	s(7)	s
	s	a(8) b(7) c(7)	b, c
	b	f(6) h(5)	f h c
	f	g(7) h(9) i(11)	g h c
	g		

3.2.3 KAKOVOST HEVRISTICNIH FUNKCIJ

Kakovost h ocenimo z **številom generiranih vozlic** ter **efektivnim faktorjem vejanja** (N vozlic je algoritem generiral da je na globini d našel resitev) Hocemo imeti dopustne hevrstike s **cim visjimi vrednostmi in sprejemljivo ceno** (casom izracuna)

Ce $h_2(n) \geq h_1(n), \forall n$ potem h_2 **dominira** h_1

3.3 PREISKOVANJE GRAFOV AND/OR, NEDETERMINISTICNO OKOLJE

Pomagajo reševati probleme z **dekompozicijo na manjše probleme** Uporabnost:

- princip deli in vladaj
- iskanje v nedeterministicnih okoljih
- igre med dvema nasprotnikoma s popolno informacijo (sah, dama)
- ekspertno reševanje problem

3.3.1 AO*

- posplošitev A* na grafe AND/OR
- **popoln in optimalen** \Leftrightarrow h(n) ne precenjuje dejanske cene do cilja

F(N) ocena za usmerjanje preiskovanja, H(N) dinamicna hevrsticna ocena

Postopek:

1. Razvij najcenejše vozlisce
 - ce list in koncno (oznaci), preveri 3. korak, nadaljv v 1.
 - ce list in ni koncno (oznaci) vrednost vozlisca = ∞
2. Posodobi vse predhodnike
 - v AND starsih, cena starsa = \sum sinov + povezava v
 - v OR starsih, cena starsa = min(sinovi) + povezava v
3. Končaj ko obstaja pot od zacetnega vozlisca, po kateri v AND vozlicih po vseh sinovih prides do cilja, v OR vozlicih v vsaj enem

3.3.2 ALGORITEM MINIMAX

- m globina - b

3.3.3 REZANJE ALFA-BETA

4 PLANIRANJE

plan zaporedje akcij, ki pripelje od zacetnega do koncnega stanja

4.1 PLANIRANJE S SREDSTVI IN CILJI (STRIPS)

Agentu opisemo svet in postavimo fizikalne omejitve.

Ne zagotavljaja optimalne resitve, obravnavamo le en cilj naenkrat (ko ga dosežemo, se lahko ostali izgubijo) = Sussmanova anomalija

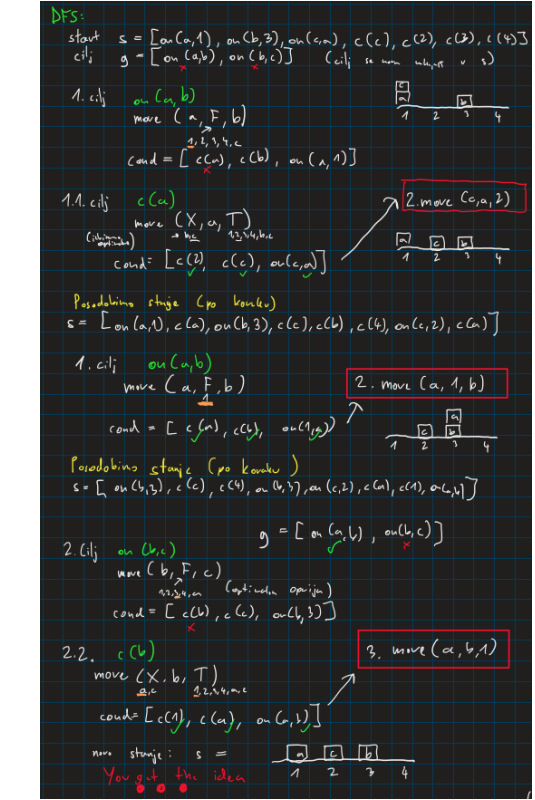
Akcija move(X, From, To)

- pogoj: **cond**=[clr(X), on(X,F), clr(T)] \rightarrow pogoji za izvajanje akcije,
- poz. ucinki: **adds**=[on(X, T), clr(F)] \rightarrow nova stanja,
- neg. ucinki: **dels**=[on(X, F), clr(T)] \rightarrow izbrisana stanja,
- omejitve: **constr**=[F \neq T, X \neq F, X \neq T, block(X)] \rightarrow omejitve akcij (fizikalne omejitve),

Algoritem:

1. Izberi se neresen cilj iz množice CILJEV
2. Izberi akcijo, ki izbrani cilj doda v stanje
3. Omogoci izbrano akcijo (izpolni pogoje)
4. Izvedi akcijo (ki izpolni največ pogojev)
5. Ce obstajajo nereseni cilji \Rightarrow 1.

Primer dfs, zlaganje kock



4.2 PLANIRANJE Z REGRESIRANJEM CILJEV (STRIPS)

Resitev za sussmanovo anomalijo

Zacnemo v ciljih, regresiramo do zacetka ($G_i \subset S_0$):

1. $G_{i+1} = G_i \cup \text{cond}(A) - \text{adds}(A)$
2. **POGOJ**: $G_i \cap \text{dels}(A) = \emptyset$
3. Preveri da ni protislovja (npr. $G_{i+1} = [\text{on}(b,c), \dots, c(c) \dots]$)

\rightarrow zactno_stanje = [on(a,1), on(b,a), c(b), on(c,3), c(c)]

\rightarrow hocemo da zacetno_stanje $\subset G_i$

1. $G_0 = [\text{on}(a,b), \text{on}(b,c)]$
 - **on(a,b)**: $A_0 = \text{move}(a, \text{From}, b)$
 - From = 1
 - POGOJ: $G_0 \cap \text{dels}(A_0) = \emptyset \checkmark$
 - $G_1 = [\text{on}(a,b), \text{on}(b,c), c(a), c(b), \text{on}(a,1)] - [c(1), \text{on}(a,b)] \checkmark$
2. $G_1 = [\text{on}(b,c), c(a), c(b), \text{on}(a,1)]$
 - **c(a)**: $A_1 = \text{move}(X, a, To)$
 - X = c, To = 2
 - POGOJ: $G_1 \cap \text{dels}(A_1) = \emptyset \checkmark$
 - $G_2 = [\text{on}(b,c), c(a), c(b), \text{on}(a,1), \underline{c(c)}, c(2), \text{on}(c,a)]$
 - $-[c(a), \text{on}(c,2)]$ X(protislovje)
 - **on(b,c)**: $A_2 = \text{move}(b, \text{From}, c)$
 - From = 3
 - POGOJ: $G_2 \cap \text{dels}(A_2) = \emptyset \checkmark$
 - $G_2 = [\text{on}(b,c), c(a), c(b), \text{on}(a,1), c(c), c(b), \text{on}(b,3)] \checkmark$
3. $G_2 = \dots$

4.3 RAZPOREJANJE OPRAVIL (PDDL)

Razsirimo lahko notacijo (PDDL):

Akcija1 < **Akcija2**: Akcija1 se mora zgoditi pred Akcija2

Resources podajo stevila razpolozljivih resursov

DURATION opredeljuje trajanje posamezne akcije

CONSUME opredeljuje (trajno) porabo določene količine resursov

USE opredeljuje (zacasno) zasedenost količine resursov med izvajanjem

akcije

```
Jobs (AddEngine1 < AddWheels1 < Inspect1,
      AddEngine2 < AddWheels2 < Inspect2 )
Resources (EngineHoists(1), WheelStations(1), Inspectors(2), LugNuts(500))

Action (AddEngine1 , DURATION:30,
        USE:EngineHoists(1))
Action (AddEngine2 , DURATION:60,
        USE:EngineHoists(1))
Action (AddWheels1 , DURATION:30,
        CONSUME:LugNuts(20), USE:WheelStations(1))
Action (AddWheels2 , DURATION:15,
        CONSUME:LugNuts(20), USE:WheelStations(1))
Action (Inspect 1, DURATION:10,
        USE:Inspectors (1))
```

Metoda kritične poti

kritična pot: pot, ki je **najdaljša** in določa dolžino trajanja celotnega plana vsaki akciji priredimo par [ES, LS]

- **ES**: najbolj zgodnji možen začetek (Earliest Start)
 - $ES(start) = 0, ES(B) = \max_{A < B} [ES(A) + Duration(A)]$
- **LS**: najbolj pozen možen začetek (Latest Start)
 - $LS(Finish) = ES(Finish), LS(A) = \min_{A < B} [LS(B) - Duration(A)]$

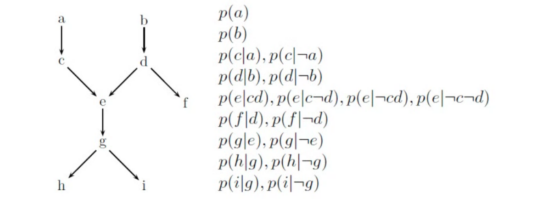
rezerva(slack)=LS-ES (**casovna rezerva**) **Algoritem** po hevrstiki **minimum slack** \rightarrow na vsaki iteraciji ima prednost akcija ki ima izpolnjene predhodnike in najnižji slack, nato posodobi [ES in LS] za celotni graf in ponovi.

5 SKLEPANJE

5.1 BAYESOVSEKRE

Baye. mreža = Usmerjen graf, kjer so podane zahtevane verjetnosti:

- Za vozlisca **brez starsev** verjetnosti $P(v_i)$
- Za vozlisca z **starsi** pogojne verjetnosti vseh kombinacij starsev

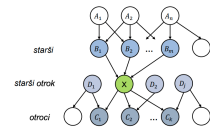


Pravila verjetnostnega sklepanja:

1. **Konjunkcija**: $P(X_1 X_2 | C) = P(X_1 | C)P(X_2 | X_1 C)$
2. **Gotov dogodek**: $P(X | \dots X \dots) = 1$
3. **Nemogoc dogodek**: $P(X | \dots \bar{X} \dots) = 0$
4. **Negacija**: $P(\bar{X} | C) = 1 - P(X | C)$
5. Ce je Y naslednik od X in je Y vsebovan v pogojnem delu: $P(X | YC) = P(X | C) \cdot \frac{P(Y|XC)}{P(Y|C)}$
6. Ce pogojni del ne vsebuje naslednika od X:
 - (a) ce X **nima** starsev: $P(X | C) = P(X), P(X)$ je podan
 - (b) ce **ima** X starše S: $P(X | C) = \sum_{S \in P_X} P(X | S)P(S | C)$
7. Iz 6b zgoraj: $P(i | gC) = P(i | g)$

5.2 OVOJNICA MARKOVA

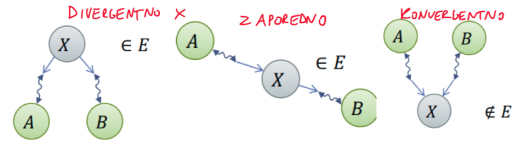
X je **neodvisno** od vseh ostalih \Leftrightarrow podani **starsi, otroci in starsi otrok**



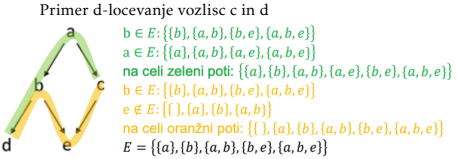
5.3 D-LOCEVANJE

A in B v mrezi sta **neodvisni** \Leftrightarrow obstaja množica vozlic E, ki d-locuje A in B, potem sledi: ($P(A|EB) = P(A|E)$)

za **vsako neusmerjeno pot P** med **A** in **B** v bayesovski mreži:
za **vsako vozlišče X** na poti **P**:
 analiziraj pogoj za pripadnost X množici E glede na tip:
 divergentno ali **zaporedno** vozlišče: $X \in E$
 konvergentno vozlišče: X in nasledniki $\notin E$
 S_x = množice vozlišč, ki ustrezajo pogoju za X
 $S_p = \bigcup_x (S_x)$ // množice, ki d-ločujejo samo na poti P
 (unija množic za vozlišča na poti)
E = $\bigcap_p S_p$ // množice, ki d-ločujejo v celi mreži
 (presek množic za vse možne poti)



! pri konvergentnem izlocimo tudi vse naslednike X



→ $P(d|ca)=P(d|a)$, $P(d|cb)=P(d|b)$, $P(d|cab)=P(d|ab)$,

$P(d|cbe)=P(d|be)$, $P(d|cabe)=P(d|abe)$