QuickSort: Sortowanie Szybkie

Damian Kurpiewski



1. Wybieramy pivot

1. Wybieramy pivot

Wartość (element) definiująca podział.

Zazwyczaj: element środkowy, pierwszy, losowy, mediana z trzech elementów...

Jego wybór jest kluczowy dla skuteczności algorytmu.

1. Wybieramy pivot = 5

1. Wybieramy pivot = 5

Elementy tablicy możemy podzielić (umownie) na:

1. Wybieramy **pivot = 5**

Elementy tablicy możemy podzielić (umownie) na:

Mniejsze od wartości pivot

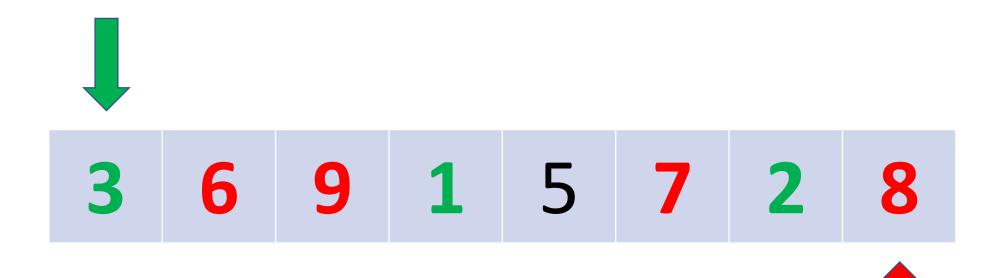
1. Wybieramy **pivot = 5**

Elementy tablicy możemy podzielić (umownie) na:

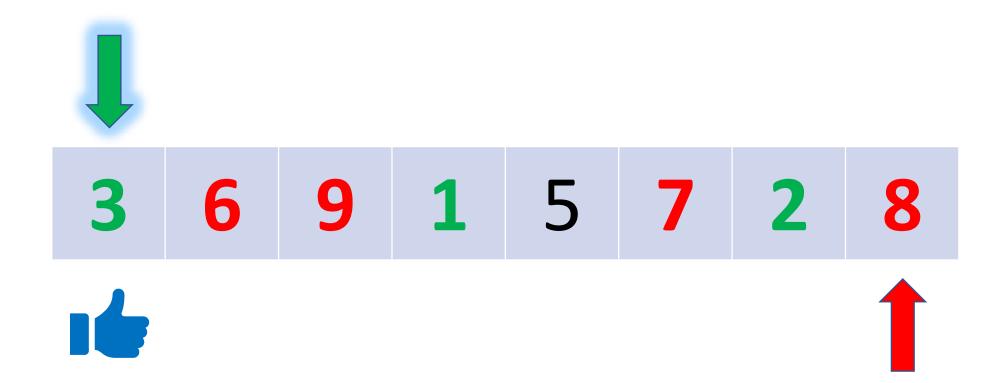
- Mniejsze od wartości pivot
- Większe od wartości pivot

 3
 6
 9
 1
 5
 7
 2
 8

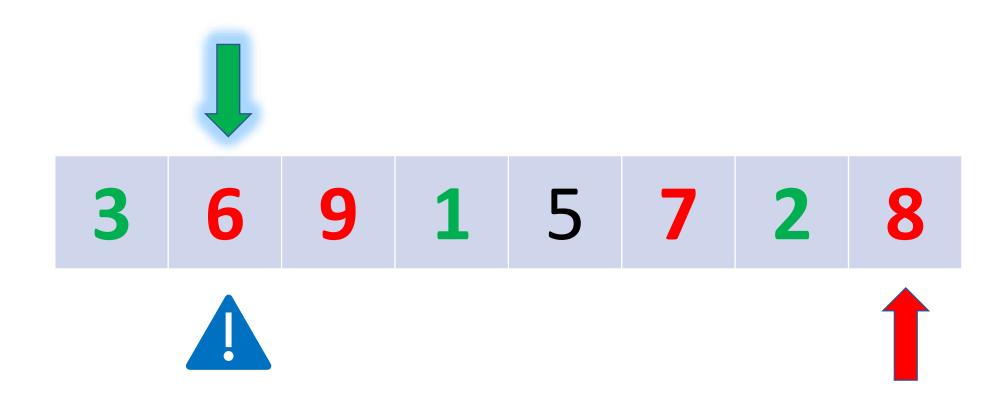
- 1. Wybieramy pivot = 5
- 2. Elementy mniejsze na lewo Elementy większe na prawo

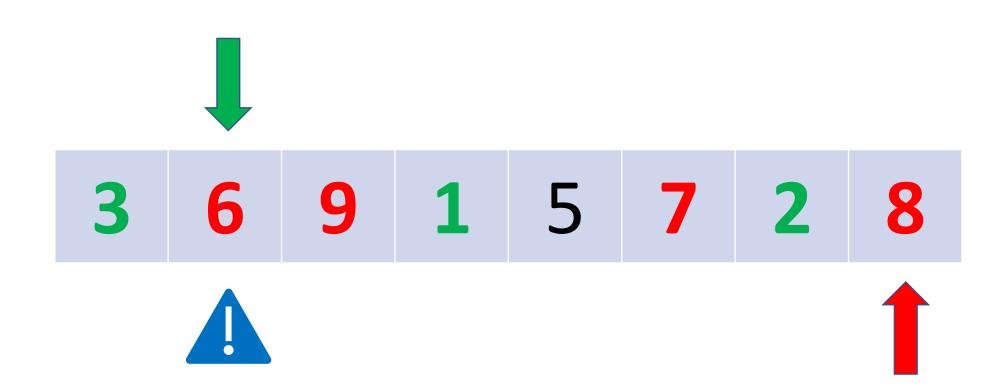


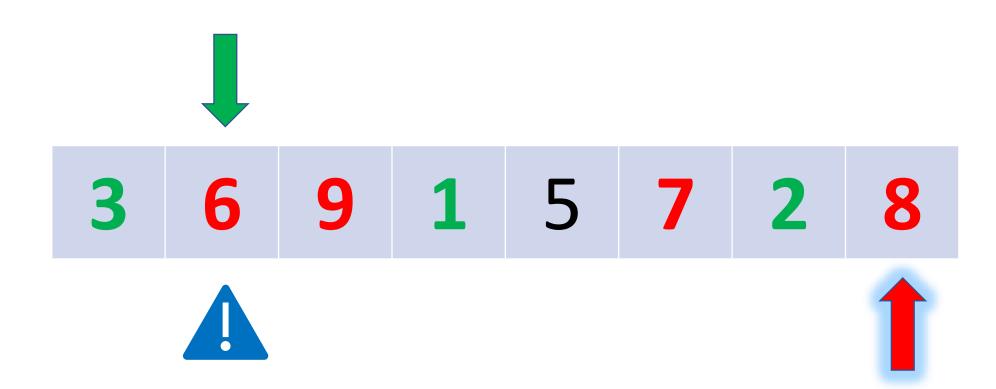


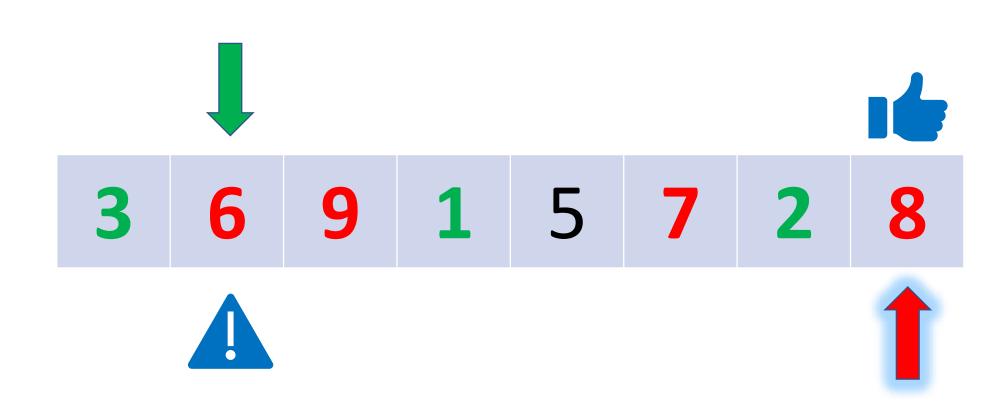


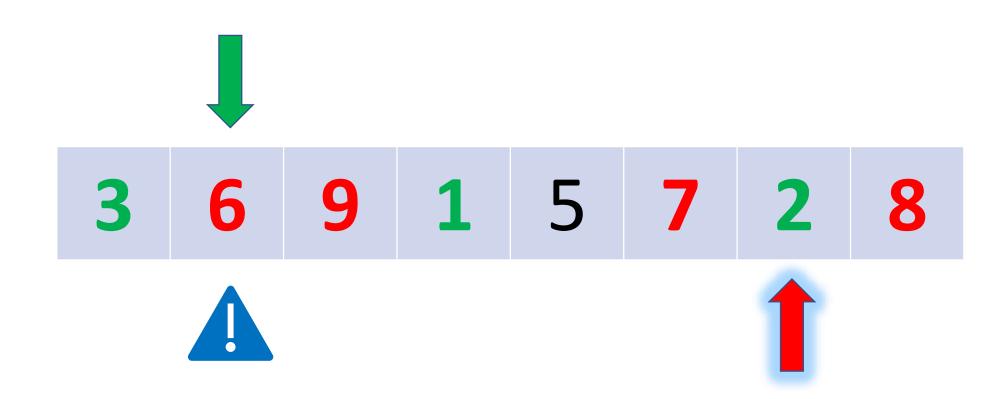


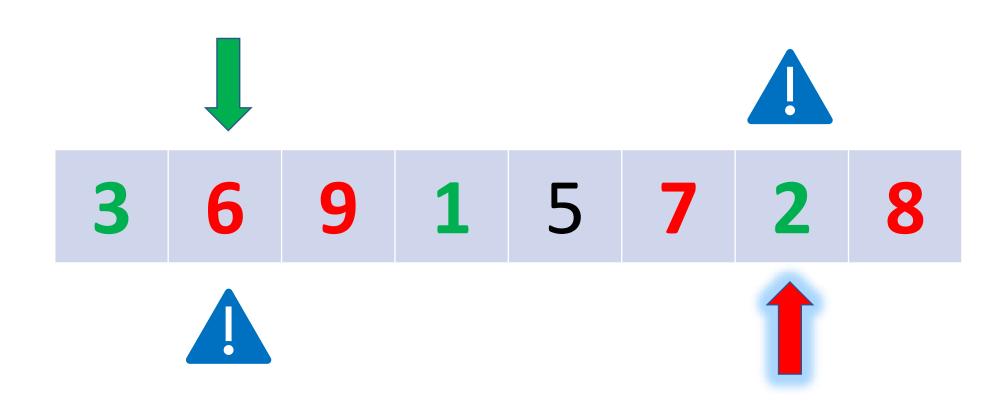


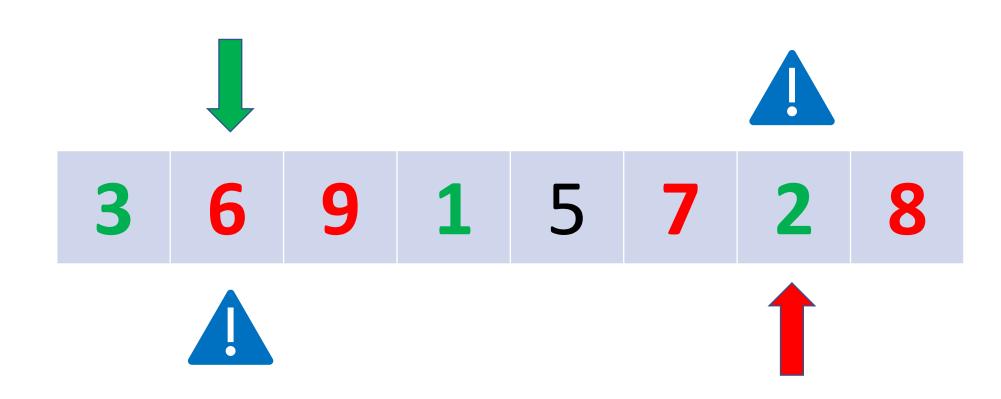


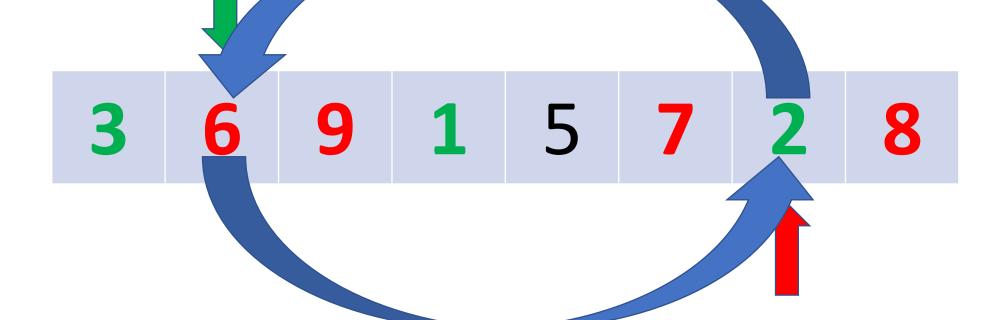




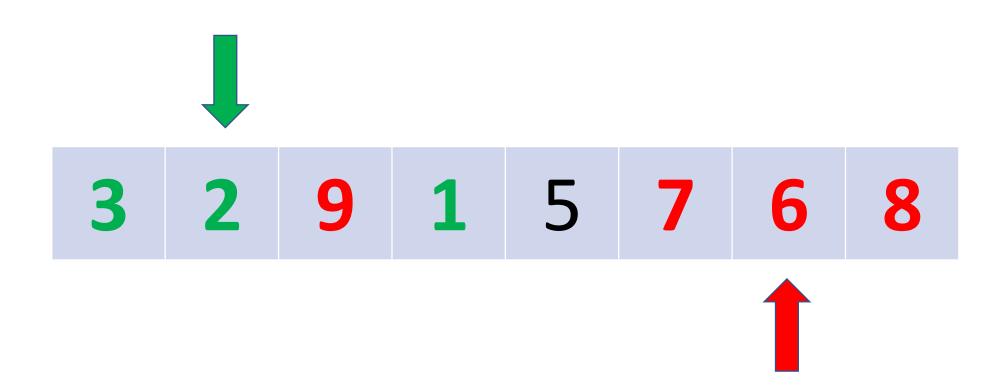






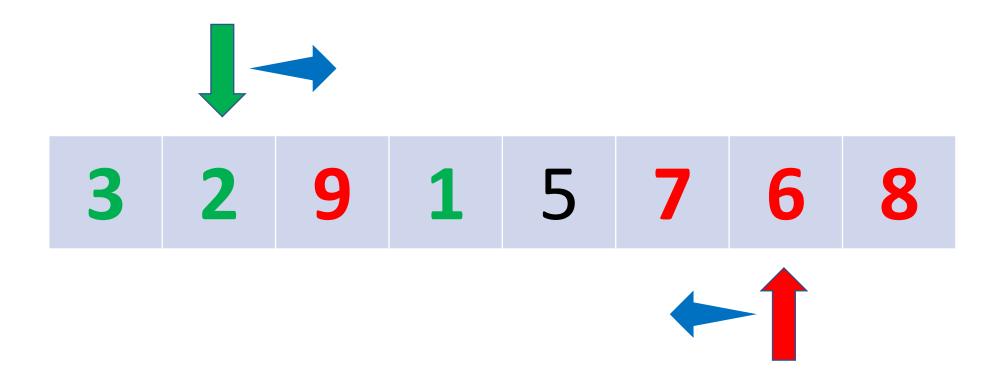


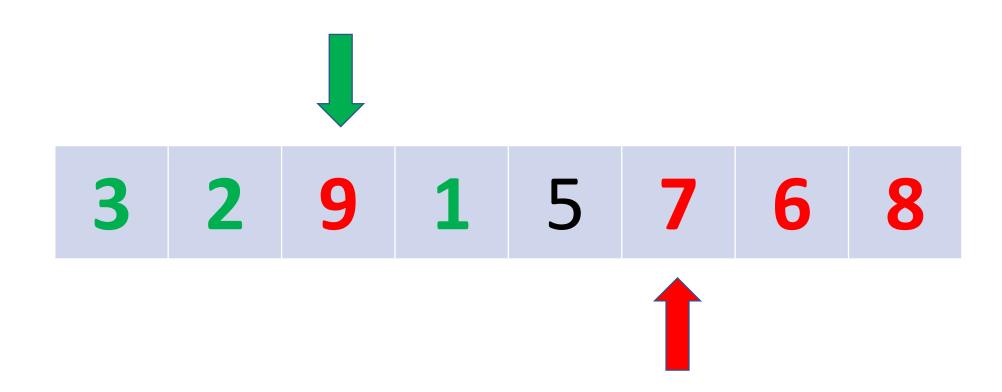


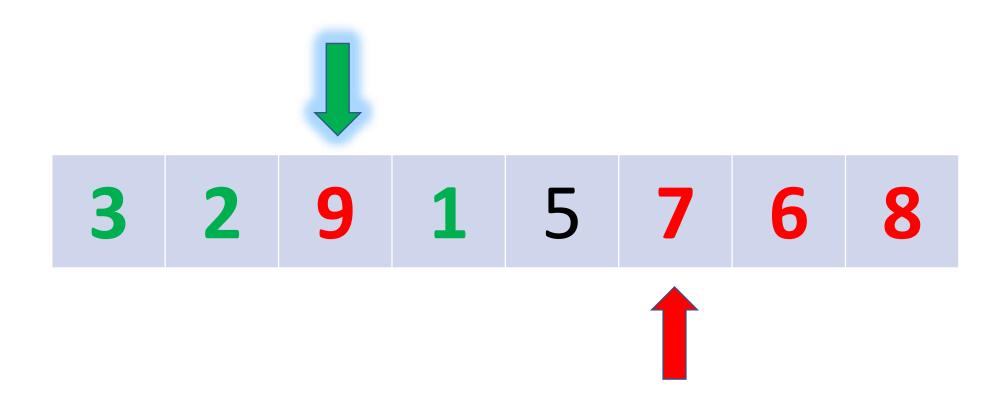


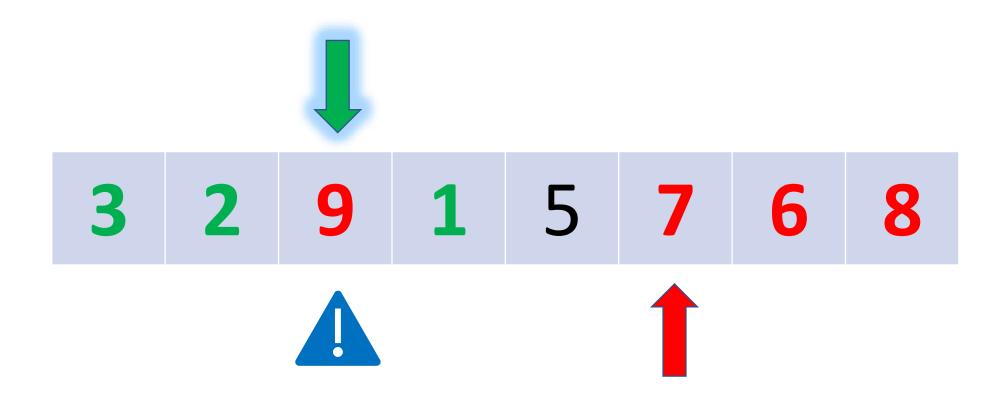


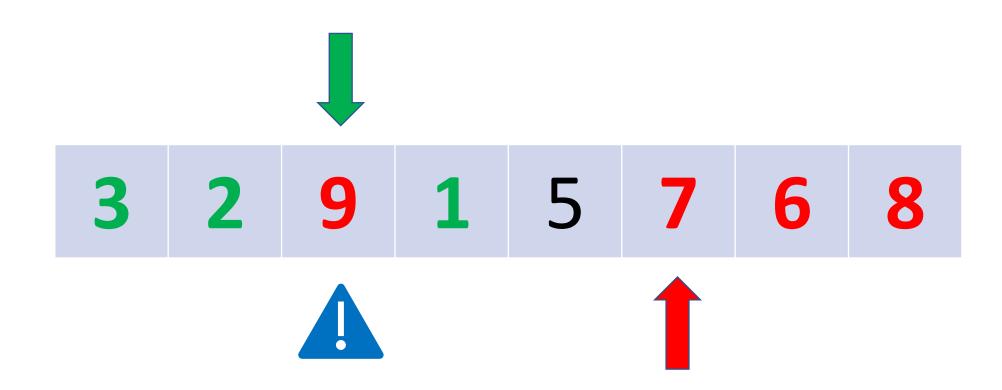
Po zamianie **zawsze** przesuwamy oba wskaźniki o jeden

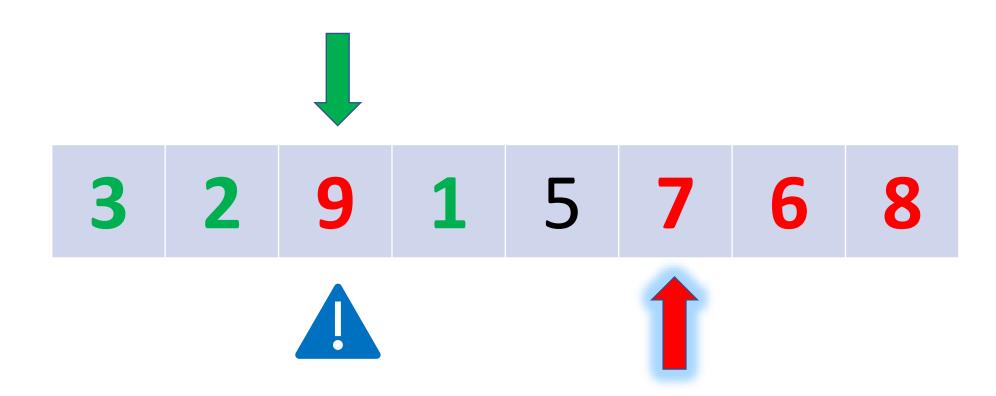


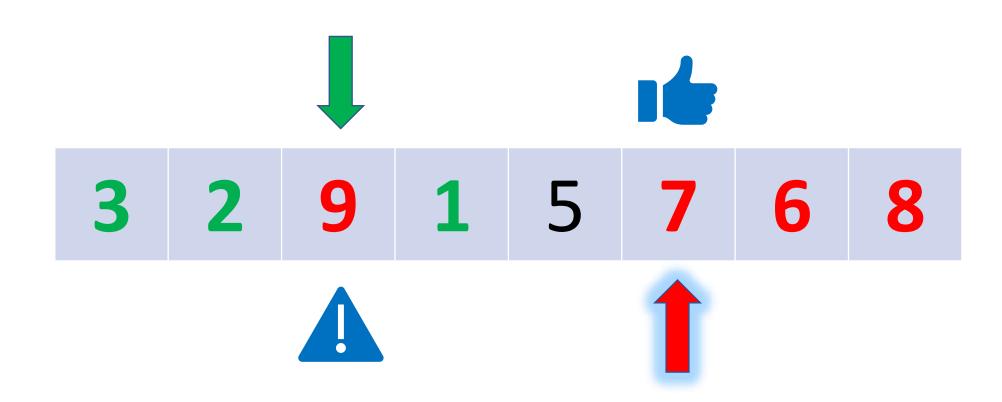


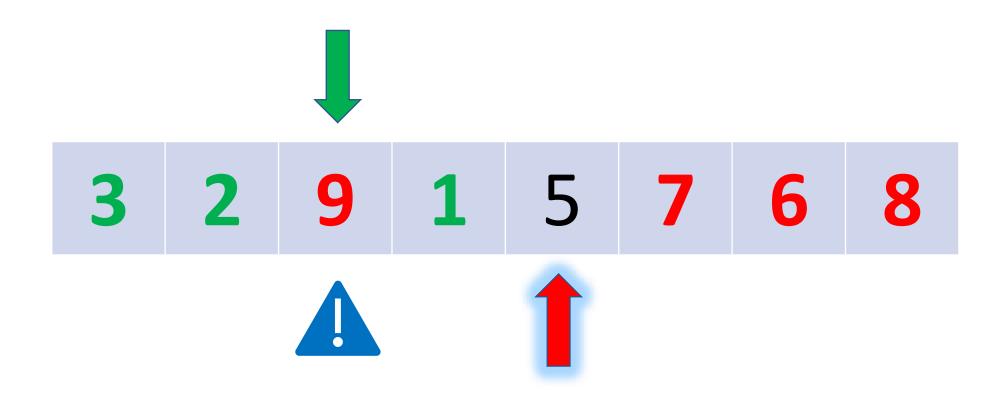


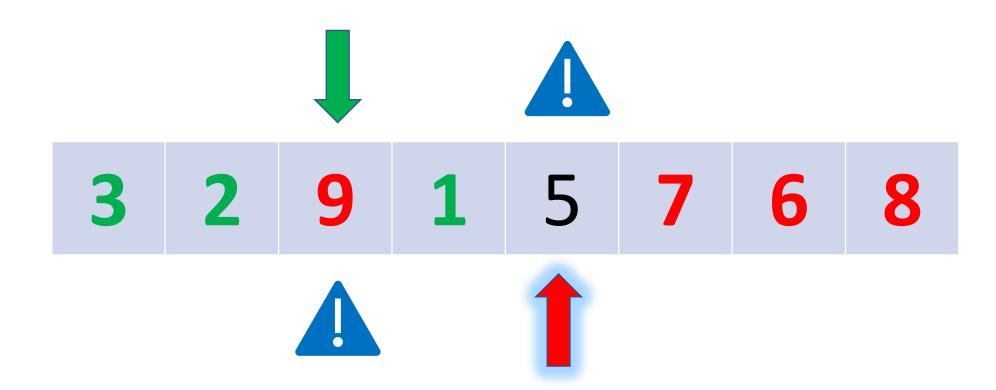


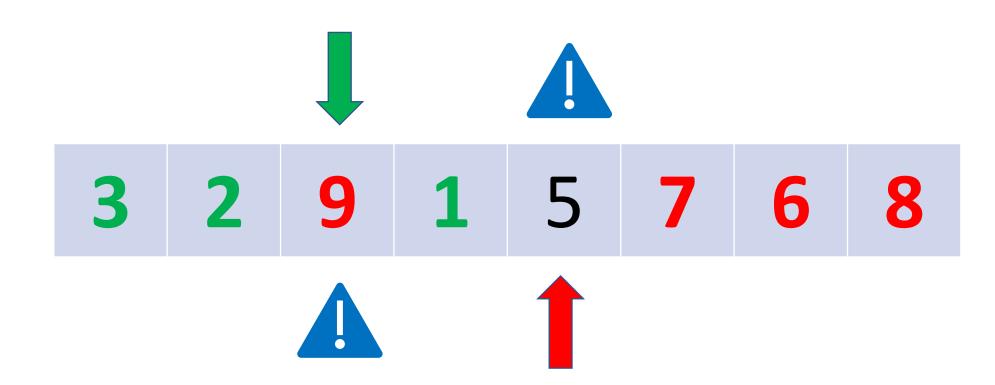


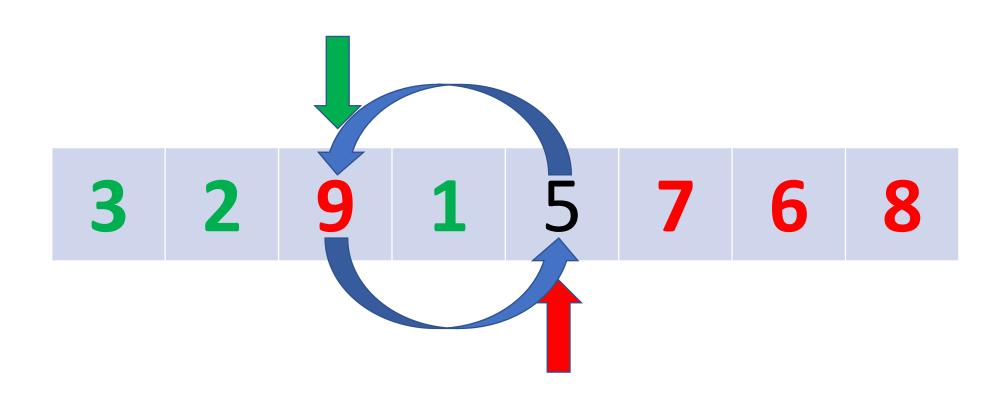


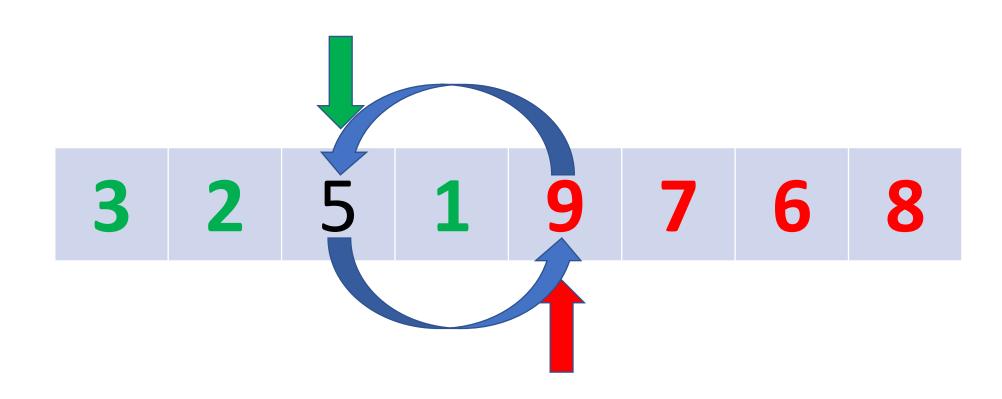


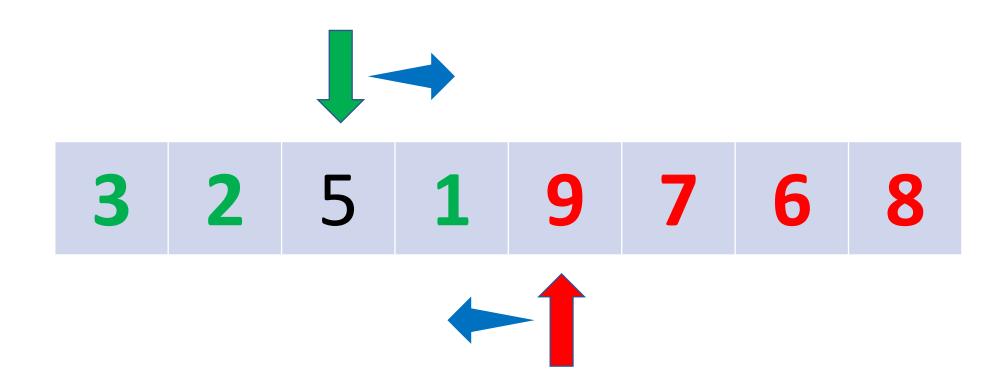


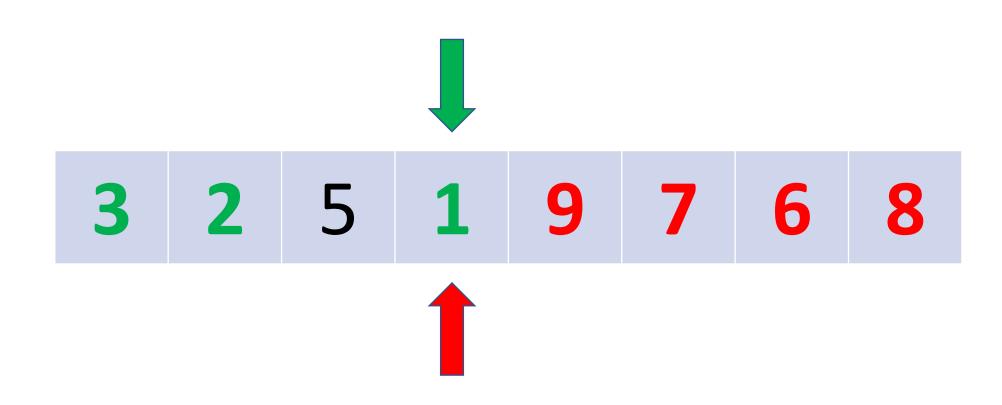


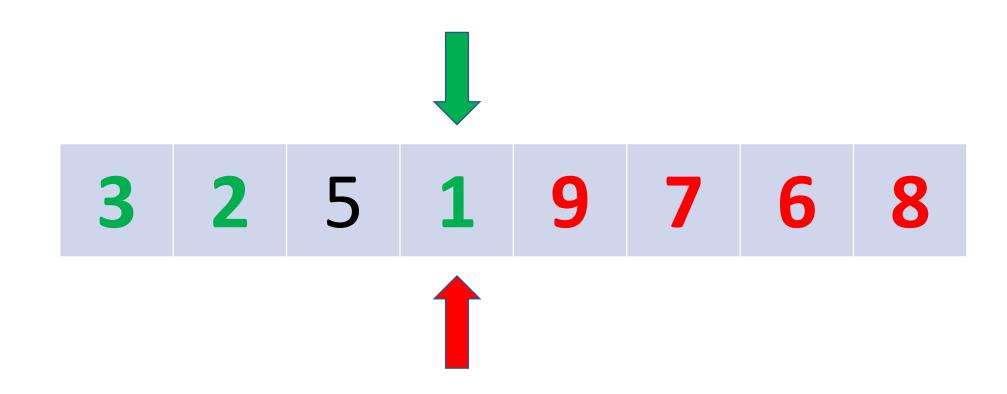












Jeśli oba wskaźniki pokazują ten sam element, lub się miną, to

KONIEC!

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

lewy

prawy

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

lewy

prawy

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

pivot

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

```
lewy = 1
prawy = 8
pivot = tablica[4] = 5
```

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

```
lewy = 1
prawy = 8
pivot = 5
```

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>

1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>

j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>

Indeksy 1 2 3 4 5 6 7 8
Wartości 4 6 1 5 3 8 2 7

5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>

1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>

 Indeksy
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8

 Wartości
 4
 6
 1
 5
 3
 8
 2
 7

5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>

1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>

j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	6	1	5	3	8	2	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
 - 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
- 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
- 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])

```
lewy = 1
prawy = 8
pivot = 5
```

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
- 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])

 Indeksy
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8

 Wartości
 4
 2
 1
 5
 3
 8
 6
 7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
- 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])

```
lewy = 1
prawy = 8
pivot = 5
```

Indeksy 1 2 3 4 5 6 7 8 Wartości 4 2 1 5 3 8 6 7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
- 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])
- 5. i := i + 1

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
- 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])
- 5. i := i + 1

 Indeksy
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8

 Wartości
 4
 2
 1
 5
 3
 8
 6
 7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
- 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])
- 5. i := i + 1
- 6. j := j 1

 Indeksy
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8

 Wartości
 4
 2
 1
 5
 3
 8
 6
 7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
- 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
- 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])
- 5. i := i + 1
- 6. j := j 1

Indeksy 1 2 3 4 5 6 7 8

Wartości 4 2 1 5 3 8 6 7

5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>

Indeksy 1 2 3 4 5 6 7 8
Wartości 4 2 1 5 3 8 6 7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>

Indeksy 1 2 3 4 5 6 7 8
Wartości 4 2 1 5 3 8 6 7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>

5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>

1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

- 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
- 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1

i j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	5	3	8	6	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
 - 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1

i j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	5	3	8	6	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
 - 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1

i j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	5	3	8	6	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
 - 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
 - 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli

j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	5	3	8	6	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
 - 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
 - 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
 - 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])

j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
 - 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
 - 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
 - 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])

i j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
 - 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
 - 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
 - 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])

i j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

- 5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
 - 1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
 - 2. Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j 1
 - 3. Jeżeli i > j, to wyjdź z pętli
 - 4. Zamień(tablica[i], tablica[j])
 - 5. i := i + 1

j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

```
1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
```

5.
$$i := i + 1$$

^{2.} Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j - 1

ji

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

```
1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
```

5.
$$i := i + 1$$

6.
$$j := j - 1$$

^{2.} Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j - 1

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

```
5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>
```

```
1. Dopóki tablica[i] < pivot, wykonuj: i := i + 1</pre>
```

4. Zamień(tablica[i], tablica[j])

5.
$$i := i + 1$$

6.
$$j := j - 1$$

^{2.} Dopóki tablica[j] > pivot, wykonuj: j := j - 1

Indeksy 1 2 3 4 5 6 7 8
Wartości 4 2 1 3 5 8 6 7

5. Dopóki i<=j, wykonuj:</pre>

 Indeksy
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8

 Wartości
 4
 2
 1
 3
 5
 8
 6
 7

Koniec przestawiania

j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

Wartości **i, j** definiują nowy podział Wartość **j** określa **do którego** elementu występują wartości mniejsze równe elementowi dzielącemu Wartość **i** określa **od którego** elementu występują wartości większe równe elementowi dzielącemu

j

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

6. QuickSort(tablica, lewy, j)

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

6. QuickSort(tablica, 1, 4)

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

- 6. QuickSort(tablica, 1, 4)
- 7. QuickSort(tablica, i, prawy)

Indeksy	1	2	3	4	5	6	7	8
Wartości	4	2	1	3	5	8	6	7

- 6. QuickSort(tablica, 1, 4)
- 7. QuickSort(tablica, 5, 8)