

#### Γλώσσες Προγραμματισμού ΙΙ

http://courses.softlab.ntua.gr/pl2/

Κωστής Σαγώνας

Νίχος Παπασπύρου

kostis@cs.ntua.gr

nickie@softlab.ntua.gr



Εθνικό Μετσόβιο Πολυτεχνείο

Σχολή Ηλεκτρολόγων Μηχ. και Μηχ. Υπολογιστών

Εργαστήριο Τεχνολογίας Λογισμικού

Πολυτεχνειούπολη, 15780 Ζωγράφου.

- Τεχνική ή λογική των Floyd και Hoare
- Απόδειζη ορθότητας προγραμμάτων
- Απλή προσταχτιχή γλώσσα

```
\mathbf{C} ::= \mathsf{skip}
          i := E
          C_0; C_1
          while B do C
          if B then C_0 else C_1
```

(ii)

- Τριάδα Hoare (Hoare triple) ή προδιαγραφές
   {P}C{Q}
  - C πρόγραμμα
  - P και Q λογικές εκφράσεις
     (προσυνθήκη μετασυνθήκη)
  - στις P και Q μπορούν να εμφανίζονται οι μεταβλητές του C



(iii)

- {P}C{Q} αληθής ⇔ αν το C εκτελείται σε μια αρχική κατάσταση που ικανοποιεί την P και η εκτέλεσή του τερματίζει, τότε στην τελική κατάσταση ικανοποιείται η Q
- Παραδείγματα

Μεριχή ορθότητα (partial correctness):
 ο τερματισμός του προγράμματος δεν εξασφαλίζεται από τις προδιαγραφές

(iv)

- Παραδείγματα (συνέχεια)
  - Αληθής προσυνθήκη

 $\{true\}C\{Q\}$ 

αληθής  $\Leftrightarrow$  αν το πρόγραμμα C τερματίζει, τότε ικανοποιείται η Q

• Αληθής μετασυνθήκη

 ${P}C{true}$ 

αληθής πάντοτε



 $(\mathbf{v})$ 

- Παραδείγματα (συνέχεια)
  - Ψευδής προσυνθήχη

 ${false}C{Q}$ 

αληθής πάντοτε

• Ψευδής μετασυνθήκη

 $\{P\}C\{false\}$ 

αληθής  $\Leftrightarrow$  αν η αρχική κατάσταση ικανοποιεί την P, τότε το πρόγραμμα C δεν τερματίζει



(vi)

Αξίωμα του skip

$${P}$$
skip ${P}$ 

- Αξίωμα της ανάθεσης

$$\{P[E/V]\}V := E\{P\}$$

• Παραδείγματα

$${42=42}X:=42{X=42}$$
  
 ${X+1=n+1}X:=X+1{X=n+1}$ 



(vii)

Κανόνας ενδυνάμωσης της προσυνθήκης

$$\frac{P \Rightarrow R \quad \{R\}C\{Q\}}{\{P\}C\{Q\}}$$

• Παράδειγμα

$$X=n \Rightarrow X+1=n+1 \quad \{X+1=n+1\}X := X+1\{X=n+1\}$$
 $\{X=n\}X := X+1\{X=n+1\}$ 



Κανόνας αποδυνάμωσης της μετασυνθήκης

$$\frac{\{P\}C\{R\} \quad R \Rightarrow Q}{\{P\}C\{Q\}}$$

Κανόνες σύζευξης και διάζευξης

$$\frac{\{\mathtt{P}_1\}\mathtt{C}\{\mathtt{Q}_1\} \qquad \{\mathtt{P}_2\}\mathtt{C}\{\mathtt{Q}_2\}}{\{\mathtt{P}_1 \land \mathtt{P}_2\}\mathtt{C}\{\mathtt{Q}_1 \land \mathtt{Q}_2\}}$$

$$\frac{\{\mathtt{P}_1\}\mathtt{C}\{\mathtt{Q}_1\} \qquad \{\mathtt{P}_2\}\mathtt{C}\{\mathtt{Q}_2\}}{\{\mathtt{P}_1 \vee \mathtt{P}_2\}\mathtt{C}\{\mathtt{Q}_1 \vee \mathtt{Q}_2\}}$$



(ix)

Κανόνας σύνθετων εντολών

$$\frac{ \{P\}C_1\{R\} \quad \{R\}C_2\{Q\} }{ \{P\}C_1;C_2\{Q\} }$$

• Παράδειγμα

 $(\mathbf{x})$ 

Κανόνας του if

$$\{ extstyle P \land extstyle S \} extstyle C_1 \{ extstyle Q \}$$
  $\{ extstyle P \} extstyle if S then  $extstyle C_1$  else  $extstyle C_2 \{ extstyle Q \}$$ 

• Παράδειγμα

$${y>1}$$
 if  $x>0$  then  $y:=y-1$  else  $y:=y+1$   ${y>0}$ 

(xi)

Κανόνας του while

$$\frac{\{P \land S\}C\{P\}}{\{P\}\text{while S do }C\{P \land \neg S\}}$$

- Η συνθήκη Ρ λέγεται αναλλοίωτη (invariant)
- Παράδειγμα

$$\{n\geq 0\}p:=1; i:=2;$$
 while  $i\leq n$  do  $(p:=p*i; i:=i+1)\{p=n!\}$ 

