

参考答案及评分标准

开课单位: 数学科学学院 学生所在学院:

(2015 ~2016 年春季季学期)

A CONTRACTOR OF THE PROPERTY O						
课程编号	C17000104015	学分/学时	5/90	试 卷	■A 卷	□B 卷
课程名称	线性代数与概率统计1		课程类别	■公共课	□基础课	□专业课
专业/年级	理工 专业 至	F级	修读方式	■必修	□选修	1, 4
出题教师	许 成		考试方式	■闭卷	□开卷	口其它

一. (共21分,每小题3分);1-----4: C. A. B. D :

5: 0 6.
$$\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$$
; 7: 2/3;

二: 本题共 10 分

$$1: (A-E)^{-1} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & -2 & 1 \end{bmatrix}; \quad 2: X = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ -4 & -3 & -2 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

三: (共10分)

R(A) = 3,极大无关组 α_1 , α_2 , α_3 ; $\alpha_4 = -3\alpha_1 + 2\alpha_2 + \alpha_3$;

四: (共9分)

1: 特征值: 0, -1, -2; 特征向量: (3,2,2); (1,1,0); (1,2,0)

2:
$$A^{99} = P^{-1} \wedge^{99} P = \begin{bmatrix} -2 + 2^{99} & 1 - 2^{99} & 2 - 2^{98} \\ -2 + 2^{100} & 1 - 2^{100} & 2 - 2^{99} \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

五: (21 分) 1-4: D, D, C, C 5: e^{-2} ; 6:4/5 7:32/3

1:
$$p(X = 0) = 28/45$$
, $p(X = 1) = 16/45$, $p(X = 2) = 1/45$,
2: $F(x) =\begin{cases} 0, x < 0 \\ 28/45, 0 \le x < 1 \\ 44/45, 1 \le x < 2 \\ 1, x \ge 2 \end{cases}$
3: $p = 17/45$

七: (共10分)

1:
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, & a < x < b \\ 0, \sharp \ \ \ \ \ \end{cases}$$

2: $E(x) = \frac{a+b}{2}$
3: $E(S) = \frac{\pi}{12} \left[a^2 + ab + b^2 \right]$

八: (共9分)

1:
$$f(x,y) = \begin{cases} 3, & (x,y) \in D; \\ 0, & \sharp : \exists \end{cases}$$

2: 不独立; 因为
$$F_Z(z) = \begin{cases} 0, z < 0; \\ \frac{3}{2}z^2 - z^3, 0 \le z < 1; \\ \frac{1}{2} + 2(z-1)^{3/2} - \frac{3}{2}(z-1)^2, 1 \le z < 2; \\ 1, z \ge 2 \end{cases}$$