

SM4 分组密码算法是一个迭代分组密码算法，由加解密算法和密钥扩展算法组成，SM4 分组密码算法采用非平衡 Feistel 结构，明文分组长度为 128bit，密钥长度为 128bit。加密算法与密钥扩展算法都采用 32 轮非线性迭代结构。解密算法与加密算法的结构相同，只是轮密钥的使用顺序相反，解密轮密钥是加密轮密钥的逆序。

加密首先要生成一套加密密钥，从用户处获得一个 128bit 的初始密钥并将其分为 4 组，之后对应的与系统参数 FK 进行异或运算，之后将产生的结果进行 32 轮迭代（包含：与固定参数 CKi 的异或运算、S 盒替换、循环移位、移位之后的异或运算）最后生成 32 个轮子密钥，每个轮子密钥 32bit，分别供每一轮运算中使用。

SM4 算法的 S 盒替换与 AES 算法中的 S 盒替换类似：输入的前 4 位为行号，后 4 位为列号，行列交叉点处的数值即为替换结果。

SM4 算法的加密流程为首先从用户处获得 128bit 的明文，之后将明文分为 4 组，每组 32bit，之后将其经过轮函数 F 变换，一共进行 32 轮次，最后再经过反序变换之后的到加密后的结果。

## 加密算法

SM4 加密算法由 32 次迭代运算和 1 次反序变换 R 组成

设明文输入为  $(X_0, X_1, X_2, X_3) \in (\mathbb{Z}_{232})^4$ ，密文输出为  $(Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) \in (\mathbb{Z}_{232})^4$ ，轮密钥为  $r_{ki} \in \mathbb{Z}_{232}$ ， $i=0, 1, \dots, 31$ 。加密算法的运算过程如下。

(1) 首先执行 32 次迭代运算：

$$X_{i+4} = F(X_i, X_{i+1}, X_{i+2}, X_{i+3}, r_{ki}) = X_i \text{ XOR } T(X_i \text{ XOR } X_{i+1} \text{ XOR } X_{i+2} \text{ XOR } X_{i+3} \text{ XOR } r_{ki}), i=0, 1, \dots, 31$$

(2) 对最后一轮数据进行反序变换并得到密文输出：

$$(Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) = R(X_{32}, X_{33}, X_{34}, X_{35}) = (X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32})。$$

其中， $T: \mathbb{Z}_{232} \rightarrow \mathbb{Z}_{232}$  一个可逆变换，由非线性变换  $\tau$  和线性变换 L 复合而成，即  $T(\cdot) = L(\tau(\cdot))$ 。

非线性变换  $\tau$  由 4 个并行的 S 盒构成。设输入为  $A = (a_0, a_1, a_2, a_3) \in (\mathbb{Z}_{28})^4$ ，非线性变换  $\tau$  的输出为  $B = (b_0, b_1, b_2, b_3) \in (\mathbb{Z}_{28})^4$ ，即：

$$(b_0, b_1, b_2, b_3) = \tau(A) = (Sbox(a_0), Sbox(a_1), Sbox(a_2), Sbox(a_3))。$$

设 S 盒的输入为 EF，则经 S 盒运算的输出结果结果为第 E 行、第 F 列的值，即  $Sbox(EF) = 0x84$ 。

L 是线性变换，非线性变换  $\tau$  的输出是线性变换 L 的输入。设输入为  $B \in \mathbb{Z}_{232}$ ，则：

$$C=L(B)=B \text{ XOR } (B \ll 2) \text{ XOR } (B \ll 10) \text{ XOR } (B \ll 18) \text{ XOR } (B \ll 24)。$$

#### 解密算法：

本算法的解密变换与加密变换结构相同，不同的仅是轮密钥的使用顺序，解密时使用轮密钥序( $rk_{31}, rk_{30}, \dots, rk_0$ )。

#### 密钥扩展算法：

本算法轮密钥由加密密钥通过密钥扩展算法生成。设加密密钥为  $MK$ ， $MK=(MK_0, MK_1, MK_2, MK_3) \in (\mathbb{Z}_{232})^4$ 。

#### 证明：

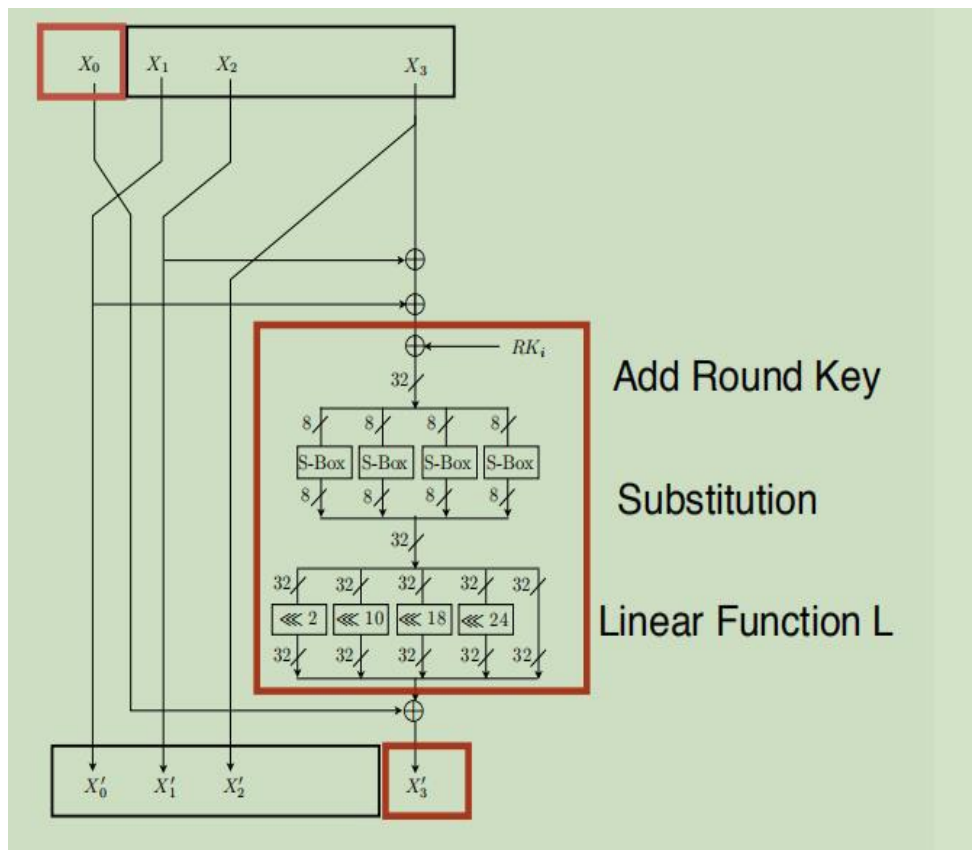
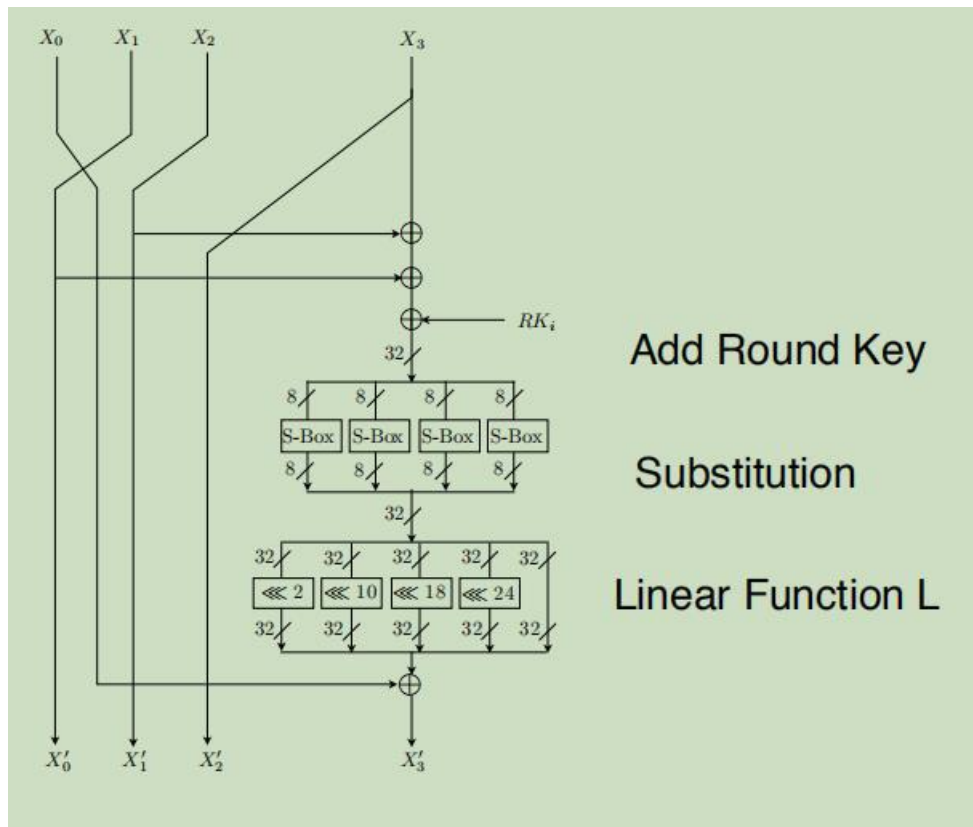
在已知( $Y_0, Y_1, Y_2, Y_3$ )即( $X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32}$ )且 T 可逆的条件下，可以得到：

$$Y_0 \oplus T(Y_1 \oplus Y_2 \oplus Y_3 \oplus rk_{31}) = X_{35} \oplus T(X_{34} \oplus X_{33} \oplus X_{32} \oplus rk_{31}) = X_{31}$$

由此式可递推得到  $X_{30}, X_{29}, \dots, X_1, X_0$ ，最后得到分组( $X_3, X_2, X_1, X_0$ )

做反序变换，得到分组( $X_0, X_1, X_2, X_3$ )。

#### 流程图：



给北大 logo 加密

安装

Gmssl 和 imagemagick

把图片格式转换为 RGBA;

然后:

Cbc:

```
gmssl enc -sms4-ecb -e -in beida.png -out beida-cbc.png
```

```
gmssl sms4-ecb -d -in beida-cbc.png -out beida-cbc-dec.png
```

Ecb

```
gmssl enc -sms4-ecb -e -in beida.png -out beida-ecb.png
```

```
gmssl sms4-ecb -d -in beida-ecb.png -out beida-ecb-dec.png
```

然后转换为 JPG;



北京大学

