Laborversuch 1

Versuch Fach Semester Fachsemester Labortermine Abgabe bis spätestens		Nearest-Ne für Klassifi Intelligente I WS 2022/23 CPS5 und I 27.10.2022 3.11.2022 11.11.2022	kation Lernend	
Versuchsteilnehmer				
Name:	Vorname:			
Semester:	Matrikelnummer:			
Bewertung des Versuches				
Aufgabe:	1	2	3	4 (ZA)
Punkte maximal:	15	35	35	15 (ZP)
Punkte erreicht:				
Gesamtpunktezahl:	/85 Note:		Zeichen:	

Anmerkungen:

Allgemeine Vorbemerkungen zu den Praktikumsaufgaben

- Sie sollten mit <u>Python-Grundlagen vertraut</u> sein (z.B. List-Comprehensions, Dicts, Numpy-Arrays, <u>Definition von Funktionen</u>, <u>Definition von Klassen</u>, Vererbung, etc.)
- Aus Zeitgründen wird bei den meisten Praktikums-Aufgaben schon ein <u>Programmgerüst</u> vorgegeben, das Sie nur noch vervollständigen müssen.
- Achten Sie hierbei auf Anweisungen in den Kommentarzeilen, z.B. # INSERT ... oder # REPLACE ...!
- Versuchen Sie trotzdem auch die anderen bereits vorgegebenen Progammteile zu verstehen!
- Sie finden die <u>Programmgerüste</u> und Datensammlungen im Vorlesungsverzeichnis: I-Platte, Unterverzeichnis <u>Praktikum/PRAKTIKUMSVERZEICHNIS</u>.
- Die Grobstruktur eines Python-Moduls myModule.py können Sie mit dem Shell-Kommando pydoc myModule ansehen. Hierbei werden Klassen, Funktionen, Variablen sowie die Docstrings des Moduls ausgegeben sowie deren Docstrings (=Kommentare unter Funktions/Klassennamen mit dreifachen Anführungszeichen """) angezeigt.
- Es wird (meist) dieselbe Notation wie in der Vorlesung verwendet (siehe Skript)!
- Z.B. bezeichnet X die <u>Daten-Matrix</u> X, deren Zeilen X[i] die Datenvektoren sind. Ähnlich enthalten die Zeilen der <u>Design-Matrix</u> PHI die Merkmalsvektoren PHI[i] und die Zeilen der Zielwerte-Matrix T die Zielvektoren bzw. Labels T[i].
- N, M und D sind üblicherweise Anzahl der Datenvektoren, Dimension der Merkmalsvektoren und Dimension der Datenvektoren.
- Details zu Python/Numpy-Funktionen finden Sie am einfachsten in den Online-Dokus. Um z.B. Informationen über die Funktion numpy.argsort(.) zu finden googeln Sie "numpy argsort".
- Lesen Sie die Hinweise zu den Aufgaben!

Hinweise zur Abgabe der Ausarbeitungen:

- Erstellen Sie eine elektronische Ausarbeitung (als pdf) welche die Antworten zu allen Praktikumsaufgaben enthält.
- Die Ausarbeitung soll außerdem Snapshots der relevanten Programm-Teile bzw. Grafiken enthalten.
- Bitte laden Sie eine zip-Datei aller notwendigen Dateien auf Ilias hoch.
- Werfen Sie außerdem einen Ausdruck Ihrer Ausarbeitung in das Fach von Prof. Knoblauch.
- Abgabedatum steht jeweils auf dem Deckblatt des Aufgabenblatts.

Aufgabe 1: (8+4+3 = 15 Punkte)

Thema: Implementierung einer k-Nearest-Neighbors-Suche in Python

- a) Schreiben Sie eine Python-Funktion getKNearestNeighbor(X, x, k=1) welche zum Testvektor x eine Index-Liste der k Nearest-Neighbors in der Datenmatrix X zurückgibt.
 - ullet Hierbei soll der Daten-Vektor ${\bf x}$ als Array aus D Zahlen und die Datenmatrix ${\bf X}$ als Array aus N Daten-Vektoren dargestellt werden.
 - Verwenden Sie als Abstandsmaß zwischen den Vektoren die euklidische Distanz, d. h. $\|\mathbf{x} \mathbf{x_n}\|^2 = \sum_{i=1}^{D} (x_i x_{n,i})^2$.
- b) Testen Sie Ihre Implementierung mit einer Datenmatrix aus dreidimensionalen Datenvektoren $\mathbf{x}_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}^T$, $\mathbf{x}_2 = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 4 \end{pmatrix}^T$, $\mathbf{x}_3 = \begin{pmatrix} 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}^T$, $\mathbf{x}_4 = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}^T$ und dem Test-Datenvektor $\mathbf{x} = \begin{pmatrix} 1.5 & 3.6 & 5.7 \end{pmatrix}^T$: Geben Sie auf dem Bildschirm zunächst die Euklidischen Abstände von \mathbf{x} zu allen Datenvektoren in der Datenbank aus. Bestimmen Sie dann die k = 2 Nearest-Neighbors zu \mathbf{x} und geben Sie diese auf dem Bilschirm aus.
- c) Wie viele Rechenschritte in Abhängigkeit von N := len(X), D := len(x) und k braucht Ihr Programm, um eine Anfrage zu bearbeiten (Angabe in O-Notation reicht)? Kennen Sie schnellere Verfahren?

- Vervollständigen Sie das Programmgerüst V1A1_KNearestNeighborSearch.py aus dem Vorlesungsverzeichnis
- Die Euklidische Distanz ||.|| können Sie entweder "von Hand" oder mit Hilfe der Numpy-Funktion numpy.linalg.norm(.) berechnen.
- Um die Indexe der k Nearest Neighbors zu bestimmen können Sie die Distanzen z.B. mit Hilfe von numpy.argsort(.) sortieren.

Aufgabe 2: (6+15+5+9 = 35 Punkte)

Thema: Python-Modul für k-Nearest-Neighbor-Klassifikatoren

Da wir im folgenden verschiedene Klassifikations-Verfahren implementieren wollen lohnt es sich ein eigenes Python-Modul dafür zu erstellen (siehe Programmgerüst V1A2_Classifier.py).

- a) Versuchen Sie zunächst den Aufbau des Moduls V1A2_Classifier.py zu verstehen:
 - Betrachten Sie den Aufbau des Moduls durch Eingabe von pydoc V1A2_Classifier. Welche Klassen gehören zu dem Modul und welchen Zweck haben sie jeweils?
 - Betrachten Sie nun die Basis-Klasse Classifier im Quelltext: Wozu dienen jeweils die Methoden __init__(self,C), fit(self,X,T), predict(self,x) und crossvalidate(self,S,X,T)?
- b) Die von Classifier abgeleitete Klasse KNNClassifier soll einen einfachen k-NN-Klassifikator implementieren. Beantworten Sie die folgenden Fragen bzw. vervollständigen Sie die Klasse KNNClassifier entsprechend:
 - Wie "lernt" ein k-NN-Klassifikator? Beschreiben Sie kurz was die Methode fit (self, X, T) macht.
 - Implementieren Sie die Methode getKNearestNeighbors(self, x, k=None, X=None), indem Sie Ihren Code aus Aufgabe 1 kopieren und anpassen.
 - Implementieren Sie die Methode predict(self,x,k=None): Der Rückgabewert prediction soll die wahrscheinlichste Klasse für Testvektor x enthalten. Die Rückgabewerte pClassPosteriori[i]:= $\frac{\# \text{NN mit Klassen-Label i}}{k}$ sollen die A-Posteriori-Wahrscheinlichkeiten aller Klassen $0,1,\ldots,C-1$ enthalten.
- c) Testen Sie Klasse KNNClassifier für Daten X = [[1,2,3],[2,3,4],[3,4,5],[4,5,6]] mit Labels T=[0,1,0,1] (siehe Hauptprogramm/Modultest). Welche Ergebnisse erhalten Sie für Test-Vektor x=[1.5,3.6,5.7]? Geben Sie für $k=1,\ k=2$ und k=3 jeweils die k Nearest-Neighbors, die wahrscheinlichste Klasse sowie die A-posteriori-Klassen-Verteilung an.
 - Warum sollte man für C = 2 Klassen immer ungerades k wählen?
- d) Vervollständigen Sie die von KNNClassifier abgeleitete Klasse FastKNNClassifier um einen effizienteren k-NN-Klassifikator zu implementieren:
 - Vervollständigen Sie die Methode fit(self, X, T) um einen KD-Tree für die Daten X aufzubauen.
 - Vervollständigen Sie die Methode getKNearestNeighbors(self, x, k=None) um mit dem KD-Tree die K Nearest-Neighbor zu bestimmen.
 - Vervollständigen Sie den Modultest (im Hauptprogramm) und testen Sie damit den FastKNNClassifier ähnlich wie in (c).

- $\bullet \ \ Vervollst\"{a}ndigen \ Sie \ das \ Programmger\"{u}st \ V1A2_Classifier.py \ aus \ dem \ Vorlesungsverzeichnis.$
- Falls in predict(.) mehrere Klassen maximale Wahrscheinlichkeit haben, können Sie die prediction mit Hilfe der Python-Funktion random.randint(<min>,<max>) zufällig auswählen.
- Für den KD-Tree können Sie die SciPy-Klasse scipy.spatial.KDTree benutzen (siehe Online-Doku).
- Zum Bestimmen der k Nearest Neighbors mit dem KD-Tree können Sie dessen Methode query(x) benutzen, welche die k minimalen Distanzen und die zugehörigen Indexe liefert (siehe Online-Doku).

Aufgabe 3: (4+6+6+10+9 = 35 Punkte)

Thema: Kreuzvalidierung und Effizienz des k-NN-Klassifikators

- a) Allgemeine Fragen zur Evaluation eines Klassifikators:
 - Welche Klassifikationsfehlerwahrscheinlichkeit erhält man, wenn man einen k-NN-Klassifikator für k = 1 auf der gespeicherten Lern-Daten-Menge X testet?
 - Bedeutet dies, dass der k-NN-Klassifikator auch auf neuen Datenvektoren \mathbf{x} (welche nicht gespeichert sind) immer korrekt klassifiziert?
 - Was kann man tun um einen realistischen Schätzwert des Generalisierungsfehlers (d.h. der Klassifikationsfehlerwahrscheinlichkeit für neue Daten) zu erhalten?
 - Erklären Sie kurz den Begriff Kreuzvalidierung und ihren Zweck! Lesen Sie hierzu im Skript (siehe Folien zu Kapitel 2).
- b) Code Review: Betrachten Sie das Python-Modul V1A2_Classifier.py aus Aufgabe 2. Versuchen Sie die Implementierung der Methode Classifier.crossvalidate(self,S,X,T) zu verstehen:
 - Was bedeutet der Parameter S?
 - Welche Rolle spielen die Variablen perm sowie Xp und Tp?
 - Welche Rolle spielt idxS?
 - Was bewirkt die äußere Schleife for idxTest in idxS: ...?
 - Welche Rolle haben die Variablen X_learn und T_learn bzw. X_test und T_test?
 - Was passiert für S=1?
 - Was bewirkt die innere Schleife for i in range(len(X_test)): ...?
 - Was bedeuten die Ergebnisse der Kreuzvalidierung pClassError und pConfErrors?
- c) Wir betrachten nun ein 2-Klassen-Problem für Gauß-verteilte Datenvektoren $\mathbf{x}_n \in \mathbb{R}^D$ mit D-dimensionalen Dichtefunktionen

$$\mathcal{N}_i(\mathbf{x}|\boldsymbol{\mu}_i, \boldsymbol{\Sigma}_i) = \frac{1}{\sqrt{(2\pi)^D |\boldsymbol{\Sigma}_i|}} \exp\left\{-\frac{1}{2}(\mathbf{x} - \boldsymbol{\mu}_i)^T \boldsymbol{\Sigma}_i^{-1} (\mathbf{x} - \boldsymbol{\mu}_i)\right\}$$

wobei μ_i der Mittelwert und Σ_i die $D \times D$ Kovarianzmatrix für Klasse $i \in \{0,1\}$ ist. D.h. ähnlich wie bei der 1-dimensionalen Gauß-Dichte (siehe Skript) ist μ_i der Punkt mit höchster Wahrscheinlichkeit, und Σ_i definiert wie weit um μ_i die Datenpunkte streuen. Versuchen Sie das Programmgerüst V1A3_CrossVal_KNN.py zu verstehen und zu vervollständigen:

- Wozu benötigt man den Befehl from V1A2_Classifier import *?
- Mit welchem Befehl werden die Gauß-verteilten Datenvektoren erzeugt? Wieviele Datenpunkte werden generiert? Was bedeuten die Variablen N, N1, N2?
- Welche Klassenspezifischen Verteilungen haben die Daten? Geben Sie für jede Klasse Mittelwert und Kovarianzmatrix an!
- Welche Bedeutung haben die Variablen pE_naive, pCE_naive und t_naive?
- Der Programmteil unter # (ii.a) test of naive KNN classifier erstellt und testet einen KNNClassifier. Vervollständigen Sie ähnlich den Code unter # (ii.b) test of KD-tree KNN classifier unter Verwendeung eines FastKNNClassifier aus dem Modul V1A2_Classifier.py.

- d) Testen Sie die Kreuzvalidierung bzw. Klassifikationsleistung Ihrer Implementierung aus Teilaufgabe (c):
 - Bestimmen Sie Klassifikationsfehler und Verwechslungswahrscheinlichkeiten für die gegebenen Daten bei Kreuzvalidierung mit dem k-NN-Klassifikator für k = 1, k = 5, k = 11 kombiniert mit S = 1, S = 2, S = 5?
 - Bestimmen Sie die Klassenverteilungen für drei weitere Testpunkte (2,1), (5,1), (-1,1) für k=1, k=5, k=11, k=111, k=511. Was ist jeweils die wahrscheinlichste Klasse?

Sind die Ergebnisse für den KNNClassifier und den FastKNNClassifier gleich? Stellen Sie die Ergebnisse für einen der beiden Klassifikatoren jeweils in einer Tabelle dar.

e) Vergleichen Sie systematisch die Effizienz der beiden k-NN-Klassifikatoren mit k=5, indem Sie die Laufzeiten von Kreuzvalidierungen mit S=1 und S=5 für eine zunehmende Anzahl $N:=N1+N2\in\{10,20,50,100,200,500,1000,2000,5000,10000\}$ von Datenvektoren messen. Stellen Sie die gemessenen Laufzeiten als Funktion von N in einer Tabelle bzw. einem Schaubild dar.

- Sie können das Programmgerüst V1A3_CrossVal_KNN.py aus dem Praktikumsverzeichnis verwenden.
- Für Teilaufgabe (e) bietet sich ein automatisierter Test an, wobei Sie eine Schleife über alle gewünschten Werte von N laufen lassen. Sie können hierfür das Programmgerüst V1A3e_TestEfficiency_KNN.py aus dem Praktikumsverzeichnis verwenden.

Zusatzaufgabe 4 4+3+6+2=15 Punkte

Thema: k-NN-Klassifikation von Satellitenbilder Japanischer Wälder

Implementieren Sie in einem neuen Python-Skript einen Nearest-Neighbor-Klassifikator zur Klassifikation verschiedener (japanischer) Wald-Typen auf Satellitenbildern. Hierfür enthält die Datensammlung ForestTypesData.csv (siehe Praktikumsverzeichnis) N=524 Datensätze, wobei jeder Datensatz aus D=27 Bild-Merkmalen der Satellitenaufnahmen besteht (deren genaue Bedeutung uns hier nicht näher zu interessieren braucht). Zusätzlich enthält jeder Datensatz in der ersten Spalte ein Klassenlabel, welches den Datensatz einer von C=4 Klassen zuordnet. Hierbei bedeuten: 's'=Sugi-Zypressenwald, 'h'=Hinoki-Zypressenwald, 'd'=Mischlaubwald, 'o'=unbewaldet.

Versuchen Sie zunächst den Aufbau des Programmgerüsts V1A4_ForestClassification.py zu verstehen:

- Laden der Wald-Daten mit der Pandas-Funktion read_csv (oder read_table; siehe Pandas-Tutorial).
- Die eingelesenen Daten werden wie üblich in Daten-Matrix X und Labels T umgewandelt. Beachten Sie hierzu:
 - Nach dem Laden z.B. mit forestdata = pd.read_csv(filename)
 liefert forestdata.values ein Daten-Array welches die Daten der Tabelle
 ForestTypesData.csv enthält.
 - Die Klassenlabels stehen in der ersten Spalte von ForestTypesData.csv, die Bild-Merkmale in den restlichen 27 Spalten.
 - Sie können die Umwandlung der Text-Label 's','h','d','o' in numerische Klassenlabels 0,1,2,3 etwa mit Hilfe einer List-Comprehension erledigen.

Lösen/beantworten Sie nun die folgenden Fragen:

- a) Erstellen Sie einen k-Nearest-Neighbor-Klassifikator für die Wald-Daten. Importieren Sie hierfür wieder das Modul V1A2_Classifier.py aus Aufgabe 2 und verwenden Sie eine geeignete Klasse für den Klassifikator.
- b) Testen Sie den Klassifikator für k=3 durch Kreuzvalidierung mit S=5. Geben Sie die Klassifikationsfehlerwahrscheinlichkeit und Verwechslungsmatrix an.
- c) Versuchen Sie die Klassifikationsleistung zu optimieren, z.B. in dem Sie k variieren. Für welches k ist der Klassifikationsfehler am kleinsten? Ändert sich Ihr Ergebnis für verschiedene $S \in \{1, 2, 3, 5, 10, 100\}$?
- d) Theoretische Zusatzfrage: Bis auf k gelten k-NN-Verfahren als parameterfrei, d.h. unabhängig von irgendwelchen Annahmen über die Datenverteilung. Ist diese Annahme wirklich gerechtfertigt?

- Zur Programmieraufgabe: Sie können das Programmgerüst
 V1A4_ForestClassification.py aus dem Praktikumsverzeichnis verwenden.
- Zur Theorie-Frage: Was ist z.B. falls sich der Wertebereich verschiedener Merkmalsdimensionen um mehrere Größenordnungen unterscheiden? Wie könnte man hier abhelfen?