UNIDAD 3: ANÁLISIS DE VÍNCULOS

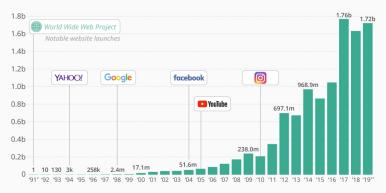
PAGE RANK SENSIBLE AL TÓPICO

Blanca Vázquez y Gibran Fuentes-Pineda Octubre 2020

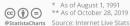
Introducción

How Many Websites Are There?

Number of websites online from 1991 to 2019



"Website" is defined as a unique hostname, i.e. a name which can be resolved, using a name server, into an IP Address.



* As of August 1, 1991 ** As of October 28, 2019 at 10:00 CET



PROBLEMA

- ¿Cómo podemos encontrar exactamente lo que queremos en la web de una manera rápida y eficiente?
- · Cada buscador necesita clasificar las páginas web, ¿cómo?
 - · Entre más grande el valor de rango ...
 - · ¿significa que la página tiene más contenido?
 - · ¿significa que tiene más palabras de consulta frecuentes?
 - · ¿significa que es más importante?

PROBLEMA

- Encontrar información útil en miles, millones de páginas web es un ¡reto!.
- Casi el 90 % del tráfico hacia la mayoría de los sitios web se encuentra en los buscadores.

ALGUNAS SOLUCIONES

- Conteo
- · Algoritmo de HITS (Hyperlink-Induced Topic Search)
- PageRank
- SALSA (Stochastic Approach for Link Structure Analysis)
- TrustRank

... y muchas variantes de estos...!

CRÍTICAS A LAS SOLUCIONES EXISTENTES

	HITS	PageRank
	Circuit a itamatica	- Poco costoso (en tiempo de ejecución)
Ventajas	- Simple e iterativo - Puntuación específica de la consulta	- Las puntuaciones se calculan utilizando el grafo completo
	- Puntuación específica de la consulta	- El algoritmo puede ser personalizable
	- Costoso (tiempo de ejecución)	- La puntuación es independiente de la consulta
Desventajas	- Las puntuaciones se calculan utilizando	- El algoritmo es propenso a manipulaciones
	un subgrafo a partir de todo el grafo.	(granjas de enlaces)

Introducción al algoritmo TSPR

- · TSPR son las siglas de Topic-Sensitive PageRank
- Propuesto por Taher H. Haveliwala, Stanford University, 2003
- · Es la versión personalizada de Page Rank.
- En lugar de calcular un solo vector de rango, ¿por qué no calcular un conjunto de vectores de rango (uno por cada tópico)?

Introducción al algoritmo TSPR

- Usa el proyecto Open Directory Project como fuente de selección de tópicos http://www.dmoz.org
 - · También conocido como DMoz por directory.mozilla.org
- Es una colección de páginas web clasificadas por humanos
- · Consta de 16 tópicos (deportes, medicina, etc.)

Introducción al algoritmo TSPR



Open Directory Project

Intuición

- Supongamos que creamos un vector uno para cada tópico usando Page Rank.
- Si se pudiera determinar / saber ¿cuál de estos tópicos son de interés para el usuario?, entonces :
 - Se podría usar el vector de Page Rank de ese tópico cuando se clasifiquen las páginas por relevancia | búsqueda.

FORMULACIÓN MATEMÁTICA

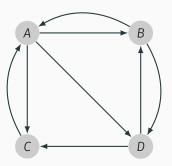
Su formulación es similar a la de Page Rank:

$$v' = \beta M v + (1 - \beta)e_S/|S|$$

dónde:

- \cdot β es la probabilidad de elegir un vínculo de forma aleatoria
- · M es la matriz de adyacencia
- · v es el vector de Page Rank
- · S indica la páginas que pertenecen a cierto tópico
- e_S es un vector que tiene 1s en los componentes S y 0s en el resto.
- · |S| es el tamaño del conjunto S.

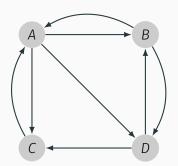
Calcular el Page Rank sensible al tópico, dónde β = 0.8 y S = {B,D}



$$v' = \beta M v + (1 - \beta)e_S/|S|$$

Paso 1: matriz de adyacencia

$$\mathbf{M} = \begin{bmatrix} 0 & 1/2 & 1 & 0 \\ 1/3 & 0 & 0 & 1/2 \\ 1/3 & 0 & 0 & 1/2 \\ 1/3 & 1/2 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$



$$v' = \beta M v + (1 - \beta)e_S/|S|$$

Paso 2: matriz de adyacencia * β

$$\begin{bmatrix} 0 & 1/2 & 1 & 0 \\ 1/3 & 0 & 0 & 1/2 \\ 1/3 & 0 & 0 & 1/2 \\ 1/3 & 1/2 & 0 & 0 \end{bmatrix} * 0.8 = \begin{bmatrix} 0 & 2/5 & 4/5 & 0 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 2/5 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$v' = \beta M v + (1 - \beta) e_S / |S|$$

Paso 3: resolver $(1 - \beta)e_S/|S|$

$$(1 - 0.8) \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} / 2 = \frac{1}{5} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} / 2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 1/10 \\ 0 \\ 1/10 \end{bmatrix}$$

$$v' = \beta M v + (1 - \beta)e_S/|S|$$

Unimos los resultados previos

$$V' = \begin{bmatrix} 0 & 2/5 & 4/5 & 0 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 2/5 & 0 & 0 \end{bmatrix} V + \begin{bmatrix} 0 \\ 1/10 \\ 0 \\ 1/10 \end{bmatrix}$$

Cálculo de las primeras iteraciones: to

$$t_0 = \begin{bmatrix} 0/2 \\ 1/2 \\ 0/2 \\ 1/2 \end{bmatrix}$$

Recordemos, solo aplica en los nodos del conjunto S

Cálculo de las primeras iteraciones: t₁

$$t_1 = \begin{bmatrix} 0 & 2/5 & 4/5 & 0 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 2/5 & 0 & 0 \end{bmatrix} v + \begin{bmatrix} 0 \\ 1/10 \\ 0 \\ 1/10 \end{bmatrix}$$

$$t_1 = \begin{bmatrix} 0 & 2/5 & 4/5 & 0 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 2/5 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0/2 \\ 1/2 \\ 0/2 \\ 1/2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1/10 \\ 0 \\ 1/10 \end{bmatrix}$$

Cálculo de las primeras iteraciones: t₁

$$t_1 = \begin{bmatrix} 0 & 2/5 & 4/5 & 0 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 0 & 0 & 2/5 \\ 4/15 & 2/5 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0/2 \\ 1/2 \\ 0/2 \\ 1/2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1/10 \\ 0 \\ 1/10 \end{bmatrix}$$

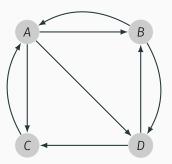
$$t_1 = \begin{bmatrix} 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1/10 \\ 0 \\ 1/10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/5 \\ 3/10 \\ 1/5 \\ 3/10 \end{bmatrix}$$

Iteraciones

$$t_0 = \begin{bmatrix} 0/2 \\ 1/2 \\ 0/2 \\ 1/2 \end{bmatrix}, t_1 = \begin{bmatrix} 1/5 \\ 3/10 \\ 1/5 \\ 3/10 \end{bmatrix}, t_2 = \begin{bmatrix} 42/150 \\ 41/150 \\ 25/150 \\ 41/150 \end{bmatrix}, t_3 = \begin{bmatrix} 62/250 \\ 71/250 \\ 46/250 \\ 71/250 \end{bmatrix} \dots \begin{bmatrix} 54/210 \\ 59/210 \\ 38/210 \\ 59/210 \end{bmatrix}$$

EJERCICIO

Calcular el Page Rank sensible al tópico, dónde β = 0.9 y S = {A, C}



INTEGRANDO TSPR AL BUSCADOR

Para integrar, es necesario tener en cuenta:

- Decidir sobre los tópicos para crear vectores de Page Rank especializados
- 2. Encontrar una manera de determinar el tópico o los tópicos que sean más relevantes
- 3. Usar los vectores de Page Rank de esos tópicos para responder la consulta del usuario.

¿CÓMO IDENTIFICAR LOS TÓPICOS?

- · Permitir que el usuario los seleccione (usando un menú)
- · Inferir los tópicos usando:
 - · Las búsquedas previas del usuario.
 - · La información del usuario (marcadores, Facebook).

 Ejemplo: las palabras sarampión y gol aparecen frecuentemente en las páginas web:

```
    Sarampión - - - > T<sub>medicina</sub>
    Gol - - > T<sub>deportes</sub>
```

- Supongamos que identificamos las palabras más frecuentes de cada página.
- Supongamos que tomamos un conjunto de páginas especializadas de un cierto tópico, y extraemos las palabras más frecuentes.

- Sea $S_1, S_2...S_k$ son el conjunto de palabras que definen cada tópico.
- Sea P el conjunto de palabras que aparecen en una página p.
- Calcular la medida de similitud de Jaccard entre P y en cada uno de S_i.
- · Clasificar la página al tópico con mayor similitud.

Business	Computers
"Recumbent Bikes and Kit Aircraft" www.rans.com	"GPS Pilot" www.gpspilot.com
www.BreakawayBooks.com	www.wireless.gr/wireless-links.htm
java.oreilly.com/bite-size/	www.linkstosales.com
www.carbboom.com	www.LiftExperts.com/lifts.html
Games	Kids and Teens
"Definition Through Hobbies"	"Camp Shohola For Boys"
www.flick.com/~gretchen/hobbies.html	www.shohola.com
www.BellaOnline.com/sports/	www.EarthForce.org
www.npr.org/programs/wesun/puzzle/will.html	www.WeissmanTours.com
www.trygve.com/	www.GrownupCamps.com/homepage.html
RECREATION	SCIENCE
Telescont Tron	
"Adventure travel"	"Coast to Coast by Recumbent Bicycle"
www.gorp.com/	hypertextbook.com/bent/
0 1 /	, , ,
www.GrownupCamps.com/homepage.html	www.SiestaSoftware.com/
www.gorp.com/gorp/activity/main.htm	www.BenWiens.com/benwiens.html
www.outdoor-pursuits.org/	www.SusanJeffers.com/jeffbio.htm
Shopping	Sports
"Cycling Clothing & Accessories for Women"	"Swim, Bike, Run, & Multisport"
www.TeamEstrogen.com/	www.multisports.com/
www.ShopOutdoors.com/	www.BikeRacing.com/
www.jub.com.au/books/	www.CycleCanada.com/
www.bike.com/	www.bikescape.com/photogallery/

Consulta: bicycling

computer vision	
Computers	0.24
Business	0.14
Reference	0.09

gardening

HOME SHOPPING REGIONAL

0.09	
0.63	ĺ
0.14	

0.04

java	
Computers	0.53
Games	0.10
Kids & Teens	0.06

national parks	
REGIONAL	0.42
RECREATION	0.16
Kids & Teens	0.09

cruises	
RECREATION	0.65
REGIONAL	0.18
Sports	0.04

graphic design	
Computers	0.36
Business	0.23
Shopping	0.09

lipari	
Номе	0.19
Kids & Teens	0.17
News	0.13

parallel architecture	
Computers	0.70
Science	0.10
Reference	0.07

death valley	
REGIONAL	0.28
SOCIETY	0.14
News	0.10

gulf war	
SOCIETY	0.21
Kids & Teens	0.18
REGIONAL	0.17

lyme disea	se
HEALTH	0.96
REGIONAL	0.01
RECREATION	0.01

recycling cans	3
Номе	0.42
Business	0.38
Kids & Teens	0.06

Define la P[c|q]

Imagen tomada de: Topic-Sensitive PageRank, Haveliwala, 2002.

Arts
Britannica Online
www.britannica.com
BandHunt.com Genres (Music)
www.bandhunt.com/genres.html
Artist Information (Music)
www.artistinformation.com/index.html
Billboard.com (Music charts)
www.billboard.com
Soul Patrol (Music)
www.soul-patrol.com

Health
Northern County Psychiatric Associates News www.baltimorepsych.com/news.htm
Seasonal Affective Disorder
www.ncpamd.com/seasonal.htm
Women's Mental Health
www.ncpamd.com/Women's_Mental_Health.htm
Wing of Madness Depression Support Group
www.wingofmadness.com
Country Nurse Online
www.countrynurse.com

Resultado de la búsqueda de *blues* Imagen tomada de: Topic-Sensitive PageRank, Haveliwala, 2002.