

# AJUSTE DE PREDICTOR PARA IMAGE SEGMENTATION DATA SET

Antonio José Blázquez Pérez, Diego Navarro Cabrera

Proyecto final Aprendizaje Automático - Universidad de Granada

## Índice

<b>1</b>	<b>Definición del problema y enfoque elegido</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Elección de modelos</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>Codificación de los datos de entrada</b>	<b>4</b>
<b>4</b>	<b>Valoración del interés de las variables</b>	<b>5</b>
<b>5</b>	<b>Normalización de las variables</b>	<b>5</b>
<b>6</b>	<b>Selección de técnicas de ajuste</b>	<b>6</b>
6.1	Modelo Lineal . . . . .	6
6.2	Boosting . . . . .	6
6.3	Random Forest . . . . .	6
6.4	Perceptrón Multicapa . . . . .	7
<b>7</b>	<b>Aplicación de la técnica</b>	<b>7</b>
7.1	Modelo Lineal . . . . .	7
7.2	Boosting . . . . .	8

7.3	Random Forest . . . . .	9
7.4	Perceptrón Multicapa . . . . .	10
<b>8</b>	<b>Regularización</b>	<b>11</b>
8.1	Modelos Lineales . . . . .	11
8.2	Boosting . . . . .	11
8.3	Random Forest . . . . .	12
8.4	Perceptrón Multicapa . . . . .	12
<b>9</b>	<b>Valoración de los resultados</b>	<b>12</b>
<b>10</b>	<b>Conclusiones</b>	<b>16</b>
<b>11</b>	<b>Bibliografía</b>	<b>16</b>

# 1 Definición del problema y enfoque elegido

La base de datos seleccionada es Image Segmentation Data Set, creada por el Vision Group perteneciente a la Universidad de Massachusetts. Está formada por varias fotografías recogidas de 7 bases de datos que contienen distintos elementos al aire libre, los cuales son brickface(losa), sky(cielo), foliage(follaje), cement(cemento), window(ventana), path(camino) y grass(césped). Cada imagen ha sido segmentada a mano de manera que cada instancia de nuestra base de datos es una región de 3x3 píxeles de alguna de ellas, teniendo cada una 19 atributos relacionados con características como el color o el contraste.

Con esta información se pretende generar un modelo mediante técnicas de aprendizaje supervisado que prediga correctamente, dada una sección de 3x3 píxeles de una imagen, a que clase de las 7 antes mencionadas pertenece.

# 2 Elección de modelos

Se han elegido tres modelos candidatos para el problema que nos ocupa, uno lineal y dos no lineales. El modelo lineal ha sido seleccionado mediante validación cruzada entre dos posibilidades: Regresión Logística y Perceptrón, siendo la primera técnica la que mejor resultado proporciona y por tanto la seleccionada para comparar con los dos modelos no lineales. El modelo Perceptrón es un gran clasificador, sobre todo cuando los datos son linealmente separables, ya que si esto ocurre nos asegura una clasificación perfecta de los datos de la muestra de entrenamiento; siendo además ayudado por el algoritmo Pocket, capaz de dar buenos resultados aún sin ser los datos linealmente separables. Regresión Logística sin embargo asigna las etiquetas a cada elemento a partir de la probabilidad que tiene de pertenecer a una clase o a otra, lo cual parece ser mejor que Perceptrón probablemente porque el conjunto de entrenamiento no sea ni se acerque a ser linealmente separable.

Uno de los modelos no lineales que hemos escogido ha sido Boosting. La idea tras esta técnica es utilizar una gran cantidad de clasificadores simples, de manera que cada clasificador se centra en los errores del clasificador anterior. Uno de los atractivos de Boosting es su simpleza, tanto en dificultad como en complejidad, consiguiendo buenos resultados manteniendo la complejidad al mínimo. Inicialmente la varianza es muy baja, y con los pasos adecuados se puede conseguir bajar el sesgo en gran medida, por ello y por todas las ventajas de esta técnica esperamos conseguir buenos resultados.

La otra elección de modelo no lineal ha sido Random Forest. Esta técnica se basa en bootstrap para generar muestras y crear árboles de decisión a partir de ellas. No obstante, para evitar que en todos los árboles se escojan inicial-

mente las mismas variables, selecciona para cada árbol un subconjunto de ellas aleatoriamente. Así, entre el bagging y esta característica conseguimos rebajar la varianza más que en el resto de técnicas basadas en árboles, que junto al bajo sesgo que consiguen los árboles de decisión, tenemos una técnica que puede proporcionar muy resultados, muy fiables, y además una gran eficiencia debido a su construcción.

Como extra, hemos elegido un Perceptrón Multicapa. Este se basa en usar una estructura de red neuronal de manera que la capa de entrada estaría formada por los 19 atributos de los datos de entrenamiento y la capa de salida por cada una de las 7 clases en las que se pueden etiquetar los elementos. Entre ellas se establecen un número determinado de capas con un número determinado de neuronas cada una, denominadas capas ocultas. Cada neurona de las dichas realiza una transformación de todos los valores extraídos de la capa anterior, cada uno con un cierto peso. Esta técnica se ha escogido como una contrapartida no lineal más compleja para completar el estudio, también para observar su rendimiento con un conjunto tan pequeño y, en general, una base de datos tan peculiar.

### 3 Codificación de los datos de entrada

En principio los datos no necesitan ningún tipo de codificación para ser útiles en proceso de aprendizaje, no obstante se ha planteado la conversión de los datos a combinaciones cuadráticas de estos. Sin embargo, tras pruebas usando esta técnica, se ha visto que los resultados mejoran muy poco respecto los valores originales y por lo tanto se ha decidido usar estos últimos, ya que introducir tanta complejidad en el ajuste para una mejora tan irrelevante es incluso contraproducente.

Si que ha sido necesario codificar las variables de clase, ya que originalmente están especificadas con el nombre del elemento. Para ello hemos creado una función *encodeLabels* la cual recibe como parámetros el conjunto y un vector con las categorías; este último, si se omite, quedará como un vector vacío. El algoritmo que se usa es simple, para cada variable de clase, si encontramos una categoría nueva la añadimos al vector y cambia su valor el índice del nuevo elemento del vector, si ya lo está, tan solo cambia el valor por el índice de la categoría correspondiente; así se usa para generar el vector de categorías en el conjunto de entrenamiento y, con esa codificación, hacer la misma transformación en el conjunto de test. Al realizarse esta tarea en tiempo de ejecución no es necesario modificar estos valores en los archivos originales. La codificación obtenida, que será útil en posteriores análisis, es la siguiente: 0 : *BRICKFACE*, 1 : *SKY*, 2 : *FOLIAGE*, 3 : *CEMENT*, 4 : *WINDOW*, 5 : *PATH*, 6 : *GRASS*.

Esta base de datos en concreto tiene una peculiaridad, y es que tiene una

proporción entre el conjunto de entrenamiento y el de test remarcablemente anormales, ya que training consta de 210 instancias mientras que test tiene 10 veces más, 2100 instancias. Lo más probable es que esta proporción sea así porque se estima que esas 210 muestras (30 de cada clase) son suficientes para tener una imagen general de la fotografía que se quiere clasificar y por lo tanto son suficientes para ajustar el modelo. El gran número de instancias en el conjunto de prueba sirve para obtener una estimación fiable del error fuera de la muestra, ya que un 20% o 30% del tamaño del conjunto de entrenamiento podría ser poco incluso para un problema relativamente sencillo como este.

## 4 Valoración del interés de las variables

En cuanto a las variables medidas en cada instancia, todas parecen aportar información que uno podría considerar valiosa para identificar una imagen, y puesto que no es un número demasiado elevado de atributos no tenemos razones para intentar reducir la dimensionalidad del problema desechando algunas de ellas o usando una técnica de reducción como PCA.

Si que hay una variable de la que nos vamos a deshacer, pero esto es debido a que funciona como una constante que toma el mismo valor en todas las instancias, esta variable es el número de píxeles por región, que es 9 en todos los casos. Al ser una variable que no cambia de una instancia a otra no nos aporta ninguna información que pueda ser útil para nuestro modelo, por lo que eliminarla no afecta a la solución, pero si al tiempo de ejecución, que se ve reducido al tener que tratar con menos datos.

## 5 Normalización de las variables

Puesto que el rango de los atributos varía de unos a otros es importante reescalar cada uno de forma independiente para poder compararlos mejor y no darle más o menos peso a cada atributo en función de su tamaño. Para esto usaremos una escala min-max que para cada atributo  $x_i$  perteneciente a la muestra  $i$  calcula:

$$x'_i = \frac{x_i - \min}{\max - \min} \quad (1)$$

Donde min y max son los valores mínimo y máximo del atributo en toda la muestra.

Este tipo de escala mantiene la distribución de los valores, pero los ajusta a un rango entre 0 y 1. Si supiéramos que los datos se siguen un tipo de distribución como la distribución normal podríamos usar otras formas de nor-

malización, pero este no parece ser el caso, por lo que usar estas otras técnicas modificaría la distribución de la muestra y provocaría un peor ajuste.

Para evitar mezclar la información del conjunto de prueba con la del de entrenamiento aplicaremos ajustaremos esta transformación primero en el conjunto de entrenamiento y utilizaremos los rangos obtenidos en este para transformar el conjunto de prueba, ya que si no no podríamos confiar en el valor de  $E_{test}$  para estimar  $E_{out}$ .

## 6 Selección de técnicas de ajuste

### 6.1 Modelo Lineal

Para ajustar el modelo lineal vamos a usar la función de la biblioteca sklearn del gradiente descendente estocástico *SGDClassifier*. Vamos a comparar entre 2 modelos diferentes, y decidiremos cual es mejor en tiempo de ejecución. Los modelos que vamos a comparar son regresión logística y la implementación que usa la biblioteca del Perceptrón.

Usamos SGD como técnica de ajuste porque es un algoritmo de optimización ampliamente usado para ajustar todo tipo de modelos, y su implementación en scikit-learn nos facilitará su uso y el ajuste de todos sus posibles parámetros.

### 6.2 Boosting

Como técnica de boosting vamos a usar gradient boosting mediante la función *GradientBoostingClassifier*, que aunque no use funciones stump como se recomienda en el guión, funciona mucho mejor que *AdaBoost* u otras funciones que si las usen. Esto se debe a que puesto que nuestro conjunto de datos de entrenamiento es muy pequeño y simple, necesitamos técnicas con una muy buena capacidad de aprendizaje y podemos permitirnos métodos más computacionalmente exigentes.

### 6.3 Random Forest

En el caso de Random Forest vamos a usar la versión estándar de scikit-learn para clasificación: *RandomForestClassifier*, del módulo *ensemble*. Se plantean otras alternativas nombradas como árboles extremadamente aleatorizados, sin embargo en este caso no nos interesan ya que este conjunto de datos es lo suficientemente simple como para poder generar un número de árboles que

nos garantice una buena varianza en un tiempo razonable. Es por esto por lo que no nos interesa una técnica que fuerza más la aleatoriedad en pos de bajar varianza a costa de sesgo.

## 6.4 Perceptrón Multicapa

Para el perceptrón multicapa se va a usar la función *MLPClassifier* de *neural\_network*. En este caso no hay mucho que justificar, no hay demasiadas alternativas a esta para poder usar esta técnica. Tan solo remarcar, como ya hemos dicho, que la usaremos para comparar el resto de modelos con uno algo más complejo.

## 7 Aplicación de la técnica

Para ajustar los hiperparámetros de todos los modelos usaremos la función *GridSearchCV* (con una excepción que luego comentaremos) de la biblioteca *scikit-learn*, que recibe un conjunto de valores posibles para los distintos parámetros que se quieren ajustar y usa validación cruzada para determinar cual es la mejor combinación de dichos valores.

Para calcular el error vamos a usar la función *zero\_one\_loss*, que es una medida estándar de error en clasificación. Esta proporciona una medición de los valores que pertenecen a una clase concreta y el clasificador las ha etiquetado en otra, es decir, de los elementos mal clasificados. La hemos elegido porque es una medida simple y que proporciona claramente un valor real del error, ya que solo nos interesa reducir al mínimo el número de errores, pero no que prediga unas clases mejor que otras. Además el conjunto de entrenamiento está perfectamente balanceado por lo que no hace falta ponderar unas clases por encima de otras.

### 7.1 Modelo Lineal

Para el ajuste de los modelos lineales nos centraremos en 2 parámetros que ajustaremos con *GridSearchCV*: *loss*, que indicará el modelo ajustado, que podrá ser *log* (regresión logística) o *perceptron*, como ya se ha comentado antes; y el factor de regularización, que provocará una regularización más o menos agresiva en función de lo alto que sea.

A parte de estos parámetros, es importante determinar el tipo de regularización usada de la que hablaremos más adelante.

El resto de parámetros que usa la función sirven para acelerar el proceso de aprendizaje (a veces a costa de obtener peores resultados), fijar una solución inicial o determinar las condiciones de parada. Puesto que estos factores sirven más para reducir el tiempo de ejecución que para mejorar el ajuste, y dado que el tiempo de ejecución no es excesivamente alto, no hay necesidad de cambiar los valores que vienen asignados por defecto.

Al ejecutar el programa, la mejor combinación de parámetros nos da  $E_{val} = 0.1333$  y  $E_{test} = 0.1238$ , valores que no distan mucho del error dentro de la muestra  $E_{in} = 0.0857$ . Como era de esperar,  $E_{val}$  es ligeramente mayor que  $E_{test}$ , ya que usa menos instancias de entrenamiento, aunque también hay que tener en cuenta un ligero margen por el ruido y la aleatoriedad de la técnica usada. Al tratarse de un problema con 7 clases podemos considerar un error cercano al 12% como un buen comienzo, ya que la relativa simpleza de los modelos lineales va a limitar la calidad de los resultados que obtengamos en muchos problemas.

Como ya sabemos  $E_{out}$  solo diferirá del valor de  $E_{test}$  calculado en un infinitesimal de orden  $\frac{1}{\sqrt{K}}$ , siendo  $K$  el tamaño de test, que en nuestro caso es bastante grande, y que por lo tanto la diferencia entre  $E_{out}$  y  $E_{test}$  será muy pequeña y la podremos despreciar. Este razonamiento es válido tanto para este modelo como para los que veremos a continuación.

## 7.2 Boosting

El principal parámetro que determinará la calidad de nuestro modelo es el número de estimadores, que indicará el número de etapas de la fase de aprendizaje. Puesto que este método es bastante resistente al sobreajuste, no hará falta hacer muchas pruebas para ajustar este valor, puesto que podemos elegir un número que consideremos lo suficientemente alto sin miedo a pasarnos y obtener un mal ajuste. En este caso, el número elegido es 100, ya que a partir de este número no parece haber una diferencia significativa más allá de las variaciones posibles por la aleatoriedad del sistema.

Para regularizar usaremos 3 atributos principalmente, la tasa de aprendizaje, el tamaño de la submuestra que usamos para el entrenamiento de los estimadores, y el número máximo de atributos que se valoran en cada partición. Estimaremos su valor usando grid search, y en el siguiente apartado hablaremos con más detalle sobre el significado y la utilidad de estos atributos.

El resto de parámetros, al igual que con *SGDClassifier*, podemos decir que modificarlos no afectaría significativamente a la calidad del resultado, por lo que podemos dejarlos con sus valores por defecto.

En cuanto a los resultados que obtenemos al ejecutar el programa, tenemos



$E_{val} = 0.0571$ ,  $E_{test} = 0.0571$  y  $E_{in} = 0$ . Al tratarse de un conjunto de entrenamiento muy pequeño y no muy complejo es normal que un modelo más potente como es gradient boosting sea capaz de reducir el error dentro de la muestra a 0, sin embargo, debido a las medidas de regularización tomadas y a que el error de prueba no está muy alejado del error de entrenamiento, podemos estar tranquilos de que no estamos sobreajustando más de lo debido nuestro modelo.

### 7.3 Random Forest

Uno de los principales parámetros a tener en cuenta en Random Forest es el número de árboles que se usarán, que en nuestro caso hemos comprobado que el más óptimo es 100 debido a que el resultado deja de mejorar a partir de ese punto, entrenando aún así en un tiempo razonable. Otro parámetro a tener en cuenta es el criterio usado al elegir los atributos, teniendo las opciones del criterio Gini y el de la entropía.

El segundo es el que hemos estudiado junto al algoritmo ID3, mientras que el primero tiene en cuenta la probabilidad de que un elemento elegido aleatoriamente quede mal etiquetado si lo hacemos también de manera aleatoria. Como a simple vista no queda claro qué técnica es mejor en este caso, se han sometido a validación cruzada, quedando seleccionado el criterio de la entropía.

También existen una serie de parámetros relacionados con el criterio de parada para establecer un conjunto de hoja. Esto nos interesa por dos motivos, principalmente para regularizar aunque también pueden ser útiles si tenemos problemas con el tiempo de ejecución, en este caso se ha establecido el máximo de profundidad en 8 (se comentará más a fondo en el apartado posterior) y el resto no han sido necesarios. Por ello hemos creído conveniente dejar estos valores de manera que no limiten el proceder del algoritmo, coincidiendo con los valores por defecto.

Adicionalmente es posible establecer cuantos atributos participan al ramificar el árbol. Tampoco es fácil de determinar cuántos darán el mejor resultado, por lo que se han sometido a validación cruzada las posibilidades de la raíz cuadrada del total, el logaritmo en base 2 y los porcentajes de 60, 70, 80 y 90%, que son los que hemos creído más razonables. El resultado, lejos de sorprender, es que la raíz cuadrada da el mejor resultado, por algo es el valor por defecto y el que se usa usualmente para esta técnica. El resto de parámetros que proporciona la función usada no son interesantes para este estudio, por lo que se dejan por defecto.

Tras la ejecución se han obtenido los siguientes resultados:  $E_{val} = 0.0571$ ,  $E_{test} = 0.0528$  y  $E_{in} = 0.0047$ . Podemos llegar a la misma conclusión que en el caso de Boosting, el error en la muestra tan bajo podría denotar un sobreajuste.

juste, sin embargo el modelo de entrenamiento es lo suficientemente simple para ajustar el error tan cercano a 0 con un modelo como Random Forest;  $E_{test}$  es lo suficientemente bajo como para concluir que el resultado es satisfactorio, tan solo un error del 5.2%.

## 7.4 Perceptrón Multicapa

Es necesario comentar que en este caso la búsqueda con *GridSearchCV* se ha hecho durante la implementación y se han fijado los valores óptimos en la versión final del código, ya que de otra forma conllevaría un tiempo de ejecución bastante largo. A tener en cuenta que los parámetros de *MPLClassifier* no mencionados en este análisis, o no son usados por ser dependientes de otros parámetros, o no son interesantes para el problema que nos ocupa.

Un parámetro especificado ha sido el valor  $\alpha$  para regularización, la cual se detallará en el apartado correspondiente. El valor ha sido escogido como el que mejor resultado ha sido capaz de devolver.

Otro parámetro necesario es el de máximo de iteraciones, que se ha establecido lo suficientemente alto como para que en ningún caso se llegue a ellas, en este caso 100000. Esto es posible debido a que los tiempos de ejecución no han llegado a ser tan pronunciados como para plantearse establecer un máximo de ejecuciones.

De los tres parámetros utilizados más importantes, primero hablaremos de la técnica usada en la resolución de los pesos. Curiosamente no ha sido SGD el que ha dado mejor resultado, si no que el que lo ha hecho y con mucha diferencia ha sido *lbfgs*. Este optimizador proviene de métodos Quasi-Newton, que son alternativas al método de Newton estándar. Este comportamiento tiene una razón, y es debido a que esta opción es, de la presentes, la mejor para conjuntos de datos pequeños, y si por algo destaca el nuestro es por su reducido tamaño.

Otro parámetro importante es la función de activación en las capas ocultas, para la que ha sido establecida *tanh*. No hay mucho que decir, puesto que es una función estándar para estos usos, dado que es un punto medio entre una función binaria y una lineal.

Para el final queda el que probablemente sea el parámetro más importante: el número de neuronas y capas ocultas. Hemos de tener en cuenta que la carga computacional y el aprendizaje crecen de forma directamente proporcional al número de capas, que normalmente no suelen ser demasiadas. En nuestro caso, al no ser demasiado complejo el conjunto de datos, no es necesaria más de 1 capa oculta. Por tanto establecidas el número de capas ocultas, falta confirmar el número de neuronas, dicho número se ha buscado entre 19 y 7, que es el número de neuronas en las capas de entrada y salida respectivamente, quedando como

elegido el número 8. Que este sea el mejor valor nos dice que la complejidad de nuestra base de datos no es demasiado alta, algo que cuadra con el resto de deducciones hechas previamente, y que un número de neuronas entre 50 y 100, tal y como se recomienda en el guión, sería demasiado alto para un modelo tan sencillo.

Los resultados obtenidos con este modelo son los siguientes:  $E_{val} = 0.0809$ ,  $E_{test} = 0.0785$  y  $E_{in} = 0.0047$ . Al igual que los otros modelos podemos ver que el ajuste dentro de la muestra es muy bueno, con solo 1 instancia mal clasificada, sin embargo, fuera de la muestra el error el mayor que en los otros dos modelos no lineales, posiblemente debido a que estos son mejores a la hora de reducir la distancia entre  $E_{in}$  y  $E_{out}$  al estar diseñados para reducir la variabilidad del error usando varios estimadores distintos para los distintos sesgos que estos puedan tener.

## 8 Regularización

### 8.1 Modelos Lineales

Puesto que estamos ante un problema en el que algunos atributos pueden ser más importantes que otros y no están del todo correlados entre si, la regularización Lasso es la mejor elección que podemos tomar. Este tipo de regularización limita el valor que puede tener la suma de los valores absolutos del peso de cada atributo, haciendo que algunos de ellos tiendan a 0 y por lo tanto se tengan menos en cuenta en el modelo. Esto permitirá que nuestra función se centre mejor en los elementos que mejor sirven para diferenciar las imágenes, reduciendo el ruido que aportarían otros atributos más innecesarios.

### 8.2 Boosting

Las principales formas de regularizar el proceso de ajuste de la función *GradientBoostingClassifier* son 3 atributos. Por un lado, la tasa de aprendizaje indica cuanto aporta cada iteración al proceso de ajuste, y disminuyendo esta aportación podemos hacer que el ajuste se realice de forma más gradual y frenar o evitar el sobreajuste.

Por otro lado, la función ofrece un parámetro que indica la fracción de instancias que se van a usar en el entrenamiento de los estimadores individuales, de forma que si se indica un número menor a 1.0 la función usa una versión estocástica del ajuste reduciendo la varianza del modelo.

Por último, el número máximo de atributos determina cuantos atributos se

van a evaluar a la hora de buscar la mejor partición, y limitarlo obliga a escoger particiones subóptimas y, de forma similar al funcionamiento del gradiente descendente estocástico, dificulta caer en óptimos locales y reduce la varianza del modelo a cambio de un ligero aumento del sesgo.

### 8.3 Random Forest

En el caso de Random Forest es posible regularizar el proceso de ajuste estableciendo una profundidad máxima para los árboles o podándolos, optándose en este caso por la primera opción ya que es más simple y ha dado mejor resultado. Estas limitaciones sirven para regularizar debido a que un árbol empieza a tener sobreajuste cuando crece demasiado, esto es porque donde debería de haber un nodo hoja puede crearse otra estructura de ramas provocada por factores como el ruido. Con esto conseguimos evitar el sobreajuste a coste de algo de sesgo.

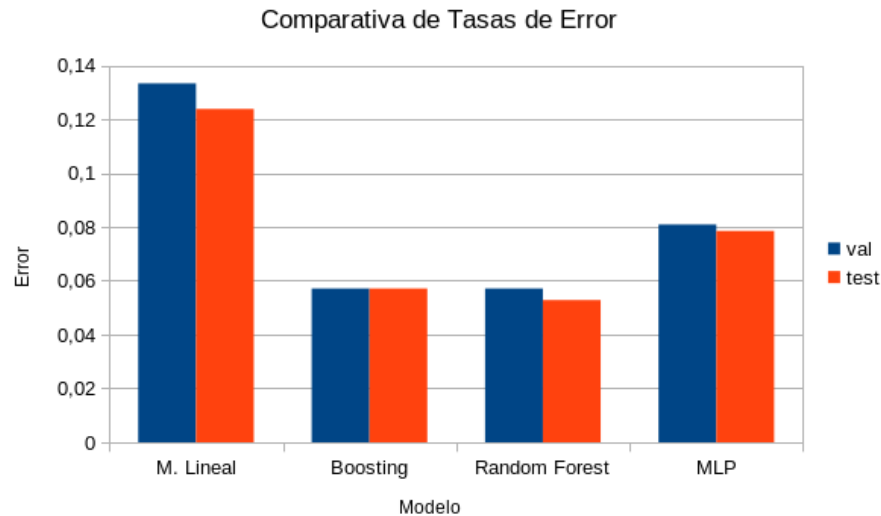
En nuestro caso particular se ha decidido usar el parámetro *max\_depth* para limitar la profundidad máxima de los árboles de Random Forest por las razones ya comentadas, tras varias pruebas se ha elegido el valor 8, por lo que aunque no había demasiadas expectativas de sobreajuste lo aseguramos de esta manera.

### 8.4 Perceptrón Multicapa

Con perceptrón multicapa se usará una regularización estándar como en la comentada para modelos lineales, al final es una conjunción de perceptrones. La propia función utilizada lo implementa, tan solo es necesario establecer un valor  $\alpha$  ya comentado en el apartado correspondiente.

## 9 Valoración de los resultados

Los resultados finales obtenidos para cada modelo son los siguientes:



**Nota:** Hemos notado pequeñas variaciones en los resultados en distintos equipos, probablemente debido a distintas versiones de Python. Sin embargo no son diferencias relevantes y no implican un problema ni alteran ninguna de las deducciones aquí descritas.

Como se puede ver, los modelos no lineales nos ofrecen un ajuste claramente mejor que el del modelo lineal, como era de esperar gracias a su mayor capacidad de separar los datos y a su propio diseño pensado para reducir la varianza y evitar el sobreajuste usando numerosos estimadores o arboles para producir una predicción fiable.

Tal y como hemos mencionado antes, el modelo de perceptron multicapa nos ofrece un mejor resultado que el modelo lineal, pero peor que los otros modelos no lineales, y puesto que su error dentro de la muestra es prácticamente 0 podemos pensar que esta diferencia entre modelos se debe a una peor capacidad de reducir la diferencia entre  $E_{in}$  y  $E_{out}$ . Además podríamos decir que el gran punto a favor de este tipo de modelo es que funciona muy bien en una alta dimensionalidad y con conjuntos de datos grandes que presenten patrones no lineales, pero la estamos usando para predecir un modelo no lineal no demasiado complejo a través de un conjunto de entrenamiento anormalmente pequeño y con una dimensionalidad muy baja, por lo que no se le puede sacar todo el provecho que cabría esperar en otras circunstancias.

Por otro lado, podríamos decir que el modelo que mejor resultado nos ha dado es Random Forest, sin embargo, la diferencia de este con Boosting es lo

suficientemente pequeña como para que no podamos estar seguros de que esta sea una diferencia real y no solo un producto del azar inherente a estos modelos. Como se puede ver, tanto un modelo como el otro comparten el mismo  $E_{val}$ , a pesar de que el error de prueba de RF sea menor. Aun con todo, si tuviésemos que elegir un modelo de entre los que hemos usado, elegiríamos RF ya que aún con todo es el que mejor resultado nos ha dado.

Además de los valores numéricos de error, vamos a estudiar ahora las matrices de confusión (izquierda  $E_{in}$ , derecha  $E_{test}$ ) que nos permitirán saber cuales son las clases más problemáticas para nuestros modelos y sacar información más detallada acerca de la precisión del ajuste:

$$\begin{pmatrix} 29 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 30 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 24 & 0 & 6 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 23 & 2 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 4 & 0 & 26 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 30 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 30 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 282 & 0 & 1 & 13 & 4 & 0 & 0 \\ 0 & 300 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 223 & 2 & 75 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 3 & 202 & 26 & 67 & 0 \\ 1 & 0 & 52 & 7 & 236 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 300 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 3 & 297 \end{pmatrix} \quad (2)$$

Figure 1: Modelo Lineal (Regresión Logística)

En primer lugar analizaremos las matrices en el caso del modelo lineal (2), donde podemos ver que los errores se concentran claramente, tanto en entrenamiento como en test, en las clases FOLIAGE, CEMENT y WINDOW, dando el resto muy buenos resultados aun con modelos lineales. En el caso de CEMENT hablamos incluso de un tercio de los elementos mal clasificados, por lo que será en estas tres clases donde deberá destacar el uso de modelos no lineales. El resto de elementos mal clasificados no es demasiado remarcable, son errores asumibles en un resultado satisfactorio. Es posible concluir también a partir de estos detalles que las imágenes de las clases FOLIAGE y WINDOW parecen las más difíciles de separar, la clase CEMENT sin embargo parece confundirse también con WINDOW y con PATH.

$$\begin{pmatrix} 30 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 30 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 30 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 30 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 30 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 30 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 30 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 283 & 0 & 0 & 14 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 300 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 270 & 4 & 24 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 1 & 285 & 11 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 28 & 20 & 251 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 5 & 0 & 294 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 297 \end{pmatrix} \quad (3)$$

Figure 2: Boosting

$$\begin{pmatrix} 29 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 30 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 30 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 30 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 30 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 30 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 30 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 286 & 0 & 0 & 11 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 300 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 276 & 8 & 13 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 & 278 & 17 & 3 & 0 \\ 2 & 0 & 31 & 9 & 258 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 6 & 0 & 294 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 3 & 297 \end{pmatrix} \quad (4)$$

Figure 3: Random Forest

$$\begin{pmatrix} 30 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 30 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 30 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 29 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 30 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 30 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 30 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 275 & 0 & 0 & 23 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 300 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 268 & 7 & 24 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 263 & 22 & 13 & 0 \\ 1 & 0 & 43 & 24 & 232 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 300 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 2 & 297 \end{pmatrix} \quad (5)$$

Figure 4: Multi-Layer Perceptron

Si comparamos el comportamiento anterior con el presente en los modelos no lineales (3)(4)(5) se pueden ver distintas mejoras. La más evidente es que el problema con la clase CEMENT, aunque sigue quedando algo presente, ha mejorado en gran medida; si antes no era para nada un buen resultado ahora podemos afirmar que es etiquetado de manera satisfactoria dentro de un margen de error asumible. De la misma manera se puede observar y confirmar que la dificultad de separar las clases FOLIAGE y WINDOW queda presente, añadiendo el aliciente de que con estos dos modelos la clasificación en la muestra de entrenamiento es prácticamente perfecta. Esto deja patente que es difícil

separar ambas clases bajo los atributos manejados en este estudio y que por tanto, junto a la clase CEMENT y en algún caso BRICKFACE, son las que afectan principalmente al error ya estudiado. No obstante los resultados, tanto de estos modelos, mejoran en gran medida al modelo lineal y proporcionan un ajuste, al menos en nuestra opinión, de calidad, especialmente en el caso de RF y Boosting.

## 10 Conclusiones

Como ya se ha hablado antes, cada modelo se ha ajustado buscando los mejores parámetros posibles y se han tomado las medidas necesarias para asegurar que el error calculado con el conjunto de prueba es lo más fiable posible, de forma que el modelo que nos devuelva una menor tasa de error debería ser el mejor de entre las soluciones posibles. Dicho esto, la naturaleza aleatoria del proceso siempre puede afectar ligeramente a los resultados, y puesto que solo podemos estimar  $E_{out}$ , nunca saber su valor real, bajo condiciones ligeramente diferentes podríamos estimar como óptimos otros parámetros e incluso otros modelos, ya que como hemos dicho antes, la diferencia entre Boosting y Random Forest no es tan grande como para asegurar que uno sea mejor que otro.

Otra razón para creer que la solución obtenida es lo mejor posible es que tanto Boosting como RF tienen un error dentro de la muestra prácticamente igual a 0 (RF solo clasifica mal 1 muestra) en ausencia (al menos aparente) de sobreajuste, por lo que la única forma de ajustar mejor el error fuera de esta sería reducir aún más la diferencia entre  $E_{in}$  y  $E_{out}$ , algo en lo que estos modelos ya son especialmente buenos, por lo que cuesta creer que la obtenida sea una mala solución, sobre todo teniendo en cuenta la limitada extensión del conjunto de entrenamiento.

El perceptrón multicapa se seleccionó para comprobar su rendimiento en este tipo de conjuntos, y como hemos visto modelos mejor preparados para reducir la variabilidad del error obtienen mejores resultados. A la vista de todo esto podemos concluir que no es un modelo apropiado para bases de datos con estas características, si no que su verdadera capacidad se denota en conjuntos más grandes y complejos.

## 11 Bibliografía

- <https://scikit-learn.org>: toda la información acerca de las funciones usadas de esta biblioteca.



- <http://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Image+Segmentation>: base de datos usada e información acerca de esta.