# Aufgabe 5: Rominos

Team-ID: 00587

Team-Name: Doge.NET

# Bearbeiter dieser Aufgabe: Nikolas Kilian & Johannes von Stoephasius

# 24. November 2019

### Inhaltsverzeichnis

1	Lösı	Lösungsidee			
	1.1	Definitionen	1		
	1.2	Kernidee	2		
		1.2.1 Beispiel	2		
	1.3	Hinzufügen von Blöcken	2		
		1.3.1 Beispiel	3		
	1.4	Eliminierung von Duplikaten	3		
		1.4.1 Beispiel	3		
		1.4.2 Verschiebung	4		
		1.4.3 Rotation und Spiegelung	4		
		1.4.4 Endgültige Duplikat-Eliminierung	5		
2	Um	setzung	6		
	2.1	Vector2Int	6		
	2.2	BitBuffer512	6		
	2.3	Romino	6		
3	Beis	spiele	6		
	3.1	Anzahl aller Rominos (2-10)	7		
	3.2	Alle Rominos (2-5)	7		
		3.2.1 Rominos mit Größe 2	7		
		3.2.2 Rominos mit Größe 3	7		
		3.2.3 Rominos mit Größe 4	7		
		3.2.4 Rominos mit Größe 5	8		
4	Que	ellcode	11		

# 1 Lösungsidee

### 1.1 Definitionen

Romino Eine Ansammlung von Blöcken auf einem 2D Integer-Gitter nach den Regeln der Aufgabe.

Block Eine Position auf dem 2D Gitter, die einem Romino angehört.

**Blocksadditionsmöglichkeit** Eine Blocksadditionsmöglichkeit eines Rominos ist eine Position im 2d-Gitter, wo in zukünftigen Schritten ein neuer Block angefügt werden kann.

In den Grafiken als grauer Kreis dargestellt.

Team-ID: 00587

(echte) Diagonale Die (echte) Diagonale ist die in der Aufgabenstellung beschriebene diagonale Verbindung zweier Blöcke mit zwei fehlenden Blöcken.

geschützte Diagonale Die geschützte Diagonale ist die echte Diagonale die immer geschützt wird.

In den Grafiken sind die von der geschützten Diagonale geschützten Blöcke als kleine weiße/schwarze Punkte dargestellt.

#### 1.2 Kernidee

Rominos mit n Blöcken können gefunden werden, in dem zu Rominos mit n-1 Blöcken ein Block angefügt wird. Hierbei muss beachtet werden, dass der Rominostein zusammenhängend bleiben muss und dass mindestens eine Diagonale bleiben muss.

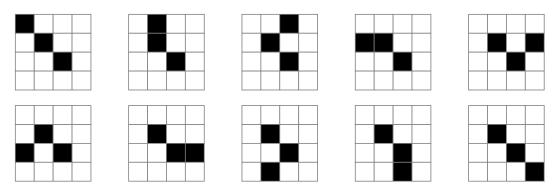
Um alle möglichen Rominos mit n Blöcken zu finden, muss man also alle Rominos mit n-1 Blöcken finden, und für diese alle Rominos die durch Hinzufügen eines weiteren Blocks enstehen können, ermitteln. Dabei wird es Duplikate geben. Eliminiert man diese, hat man alle möglichen n-Rominos eindeutig gefunden.

#### 1.2.1 Beispiel

Nehme man beispielsweise das 2er-Romino, kann man zum Finden aller 3(=2+1)er - Rominos wie folgt Blöcke anfügen:



Somit ergeben sich folgende 3er-Rominos:



Da Rominos mindestens zwei Steine haben müssen, um eine Diagonale zu besitzen, ist der Rominostein mit den wenigsten Blöcken eine 2er Diagonale.



Kleinster Rominostein

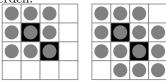
Um alle n-Rominos für ein beliebiges n zu finden, würde man den obigen Algorithmus verwenden, um aus dem 2er-Romino alle 3er-Rominos zu folgern, dann aus diesen alle 4er-Rominos etc., bis man alle n-Rominos errechnet hat.

#### 1.3 Hinzufügen von Blöcken

Bei Rominos werden konstant die Blocksadditionsmöglichkeiten verfolgt, also die Positionen, wo Blöcke angefügt werden können, sodass das Romino zusammenhängend bleibt. Hierfür werden die Nachbarn jedes Blocks des Rominos ermittelt, daraufhin werden Duplikate und bereits belegte Blöcke eliminiert.

#### 1.3.1 Beispiel

Nehme man beispielsweise wieder das 2er-Romino, würden die Nachbarn aller Blöcke wie folgt ermittelt werden:



Nach Entfernen bereits existierender Blöcke von den Blocksadditionsmöglichkeit ergibt sich:



Es lässt sich hier erkennen, dass die Existenz einer echten Diagonale nicht zwingend aufrecht erhalten wird:



Um dafür zu sorgen, dass diese echte Diagonale immer existiert, wird eine spezifische Diagonale immer beschützt. Bei den möglichen Blockadditionen beim 2er-Romino beispielsweise würden hierfür die für die Diagonale relevanten Blöcke aus den Blockadditionsmöglichkeiten entfernt:



Diese 4 beschützten Blöcke werden auch bei Spiegelungen, Verschiebungen und Rotationen mitverfolgt, sodass diese eine Diagonale immer besteht:



#### 1.4 Eliminierung von Duplikaten

Zur Eliminierung von Duplikaten werden die Rominos zuerst eindeutig orientiert, um Vergleiche zwischen gleichen, aber transformierten Rominos zu erleichtern.

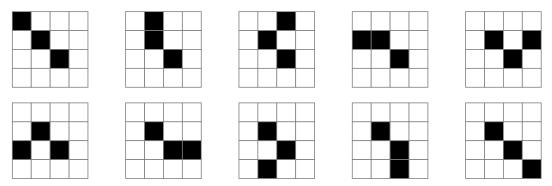
#### 1.4.1 Beispiel

Im folgenden wird ein Beispiel für die Schritte fortgeführt. Die Ausganssituation des Beispiels ist wie folgt:



Ausgangsromino

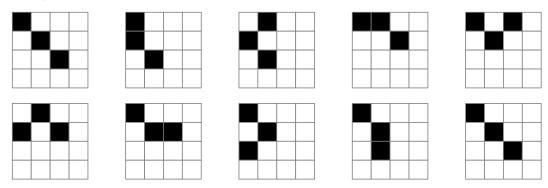
#### Mögliche Rominos



#### 1.4.2 Verschiebung

Die Verschiebung wird eliminiert durch Verschiebung des Rominos in die linke obere Ecke des Gitters; also wird der Block mit der geringsten x-Koordinate auf x = 0 verschoben, und der Block mit der geringsten y-Koordinate auf y = 0.

#### **Am Beispiel**



#### 1.4.3 Rotation und Spiegelung

Um Rotation und Spiegelung eines Rominos zu eliminieren, werden zuerst all seine Permutationen (also alle Kombinationen von Rotation und Spiegelung) ermittelt, denen jeweils ein eindeutiger Wert zugewiesen wird. Daraufhin wird das Romino mit dem höchsten dieser eindeutigen Werte ausgewählt. Hierbei ist es egal, ob der niedrigste oder höchste Wert genommen wird, solange das Ergebnis eindeutig ist.

Zur Bestimmung dieses eindeutigen Werts haben wir einen trivialen Algorithmus verwendet wie folgt:

- 1. Nehme einen Block b aus der Permutation des Rominos.
- 2. Seien die Koordinaten (x, y) die Koordinaten des Blocks b, wobei die minimale x-Koordinate und die minimale y-Koordinate aus allen Blöcken der Permutation 0 ist.
- 3. Man weise dem Block b den Wert  $2^{(y*<\operatorname{Anzahl\ an\ Bl\"{o}cken}>)+x}$  zu. Andersgesagt setze man die  $((y*<\operatorname{Anzahl\ an\ Bl\"{o}cken}>)+x)$ -te Ziffer des Wertes als Binärzahl auf Eins. Diese Formel ergibt sich, da sie für jede Position im Gitter einen eindeutigen Wert hat. Hierbei kann es nicht sein, dass eine Kollision enstehen kann, da ein Romino nicht aus einem Gitter der Größe < Anzahl an Bl\"{o}cken >  $\times$  < Anzahl an Bl\"{o}cken > herauswachsen kann.
- 4. Der Wert der Permutation ist nun die Summe aller Werte aller Blöcke der Permutation.

Es wird quasi der Block als Maske für folgende Werte verwendet:

$2^{0}$	$2^1$	$2^2$			
$2^3$	$2^4$	$2^5$			
$2^{6}$	$2^7$	$2^8$			
4/17					

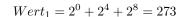
#### Am Beispiel Ausgehend von dem Romino



werden folgende Permutationen festgestellt:



Permutation 1



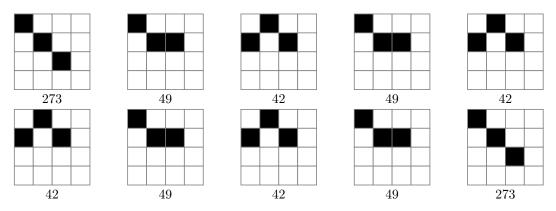


Permutation 2

$$Wert_2 = 2^2 + 2^4 + 2^6 = 84$$

 Hierbei ist  $Wert_2 = 84 < 273 = Wert_1$ . Da Permutation 1 mit  $Wert_1$  den höchsten Wert hat, wird Permutation 1 als die eindeutige Rotierung festgelegt.

Analog auf alle Rominos angewendet ergibt sich:

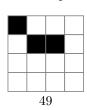


#### 1.4.4 Endgültige Duplikat-Eliminierung

Zum endgültigen Eliminieren der Duplikate werden zuerst alle Rominos wie oben beschrieben orientiert, dann werden die eindeutigen Werte dieser Rominos verglichen, um schnell Gleichheit zu ermitteln. Durch Verwendung dieser Vergleichsmethode lassen sich schnell Duplikate entfernen.

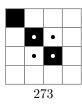
Am Beispiel Nun lassen sich trivialerweise die Duplikate eliminieren:



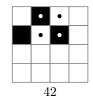


42

Über den gesamten Prozess hinweg wird auch die geschützte Diagonale mitverfolgt. Bei den 3er-Rominos ist sie wie folgt plaziert:



49



# 2 Umsetzung

Zur Umsetzung haben wir den obigen Algorithmus in C# 8.0 mit .NET Core 3.0 implementiert. Die Rominos werden in Instanzen von readonly struct Romino gespeichert. Das struct beinhaltet:

Team-ID: 00587

- 1. Vector2Int[] Blocks Das Array mit allen Blöcken des Rominos.
- 2. List<Vector2Int> PossibleExtensions Die Liste mit allen Block-Additionsmöglichkeiten. Hierbei ist zu bemerken, dass die Größe der Liste konstant bleibt; es wird hier eine Liste statt einem Array verwendet, da bei der Erstellung die Größe unbekannt ist, und die Konvertierung zum Array unnötig Rechenzeit kosten würde.
- 3. Vector2Int DiagonalRoot Die linke obere Ecke der geschützten Diagonale.
- 4. Vector2Int Max Die rechte untere Ecke des Rominos. Verwendet für die Korrektur der Verschiebung ohne über alle Blöcke zu iterieren,
- 5. BitBuffer512 \_uniqueCode Der eindeutige Wert, errechnet wie in Abschnitt 1.4.3.

Die Hauptmethode ist die statische Methode IEnumerable < (int Size, List < Romino > Rominos) > Romino.GetRominosUntilSize(int size), welche für eine gegebene Größe alle Rominos aller Größen bis zu dieser Größe ausgibt. Diese ruft intern parallelisiert für alle Rominos aus einer Generation die Methode IEnumerable < Romino > Romino. AddOneNotUnique() auf. Diese Methode errechnet nach dem Verfahren aus Abschnitt 1.3 die Rominos der nächsten Generation. Danach werden nach dem Verfahren aus Abschnitt 1.4 die Duplikate entfernt.

Die eindeutigen Werte aus Abschnitt 1.4.3 werden hierbei berechnet, ohne dass der Romino modifiziert wird. Alle Modifikationen, die an dem Romino gemacht werden müssten, um den Wert einer Permutation zu bestimmen, werden beim Orientieren direkt in der Ausrechnung des eindeutigem Werts angewendet, ohne das Romino zu modifizieren. Erst wenn die eindeutige Rotation nach Abschnitt 1.4 gefunden wurde, wird das Romino so modifiziert, dass es als diese Permutation dargestellt wird.

#### 2.1 Vector2Int

readonly struct Vector2Int ist ein 2-dimensionaler Vector von System. Int32.

#### 2.2 BitBuffer512

struct BitBuffer512 hält 512 Bits an Daten, wobei die individuellen Bits mit dem Indexer BitBuffer512[int bitIndex] gelesen und geschrieben werden können.

Weiterdem überlädt BitBuffer512 Vergleichsoperatoren, die 2 Instanzen wie eine 512-stellige unsignierte Binärzahlen vergleicht. Das struct wird zum Speichern des eindeutigem Werts aus Abschnitt 1.4.3 verwendet, da der größte vorimplementierte Zahlentyp, ulong, bereits mit 8er-Rominos komplett gefüllt wird. Im Vergleich kann BitBuffer512 Rominos von bis zu 22 Blöcken speichern.

### 2.3 Romino

readonly struct Romino ist das Her(t)zstück des Codes; es speichert ein Romino ab, mit den in Abschnitt 2 benannten Feldern. Dabei ist das gesamte struct readonly, und auch die Listen/Arrays werden, auch wenn dies nicht explizit versichert ist, nie modifiziert, nach dem der Konstruktor durchgelaufen ist. Der Konstruktor orientiert hier das Romino nach dem Verfahren aus Abschnitt 1.4.

# 3 Beispiele

Für mehr Info zu den Parametern des Programms führen sie Rominos.CLI --help aus.

#### Team-ID: 00587

## 3.1 Anzahl aller Rominos (2-10)

Ergebnisse für Rominos.CLI --size 10 --stopwatch

Starting

2 done - 1

3 done - 3

4 done - 17

5 done - 82

6 done - 489

 $7\ \mathrm{done}\ -\ 2924$ 

8 done - 18406

 $9 \ done - 116883$ 

10 done - 753905

Done 9370ms

# 3.2 Alle Rominos (2-5)

Ergebnisse für Rominos.CLI --size 5 --latex --highlightPossibleExtensions --highlightDiagona

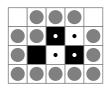
#### 3.2.1 Rominos mit Größe 2

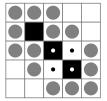
Es gibt insgesamt 1 Romino mit Größe 2.

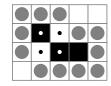


#### 3.2.2 Rominos mit Größe 3

Es gibt insgesamt 3 Rominos mit Größe 3.

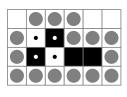


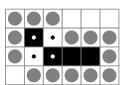


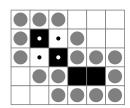


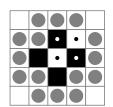
#### 3.2.3 Rominos mit Größe 4

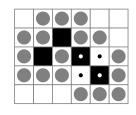
Es gibt insgesamt 17 Rominos mit Größe 4.

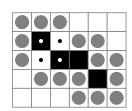


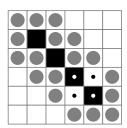


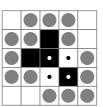


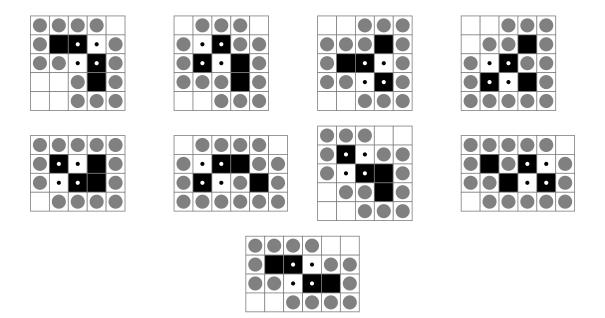






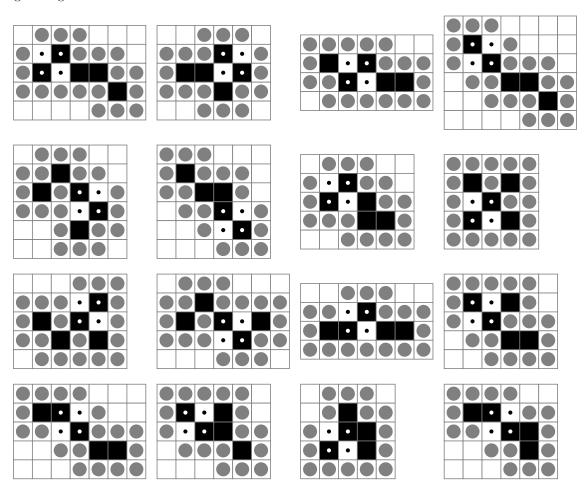


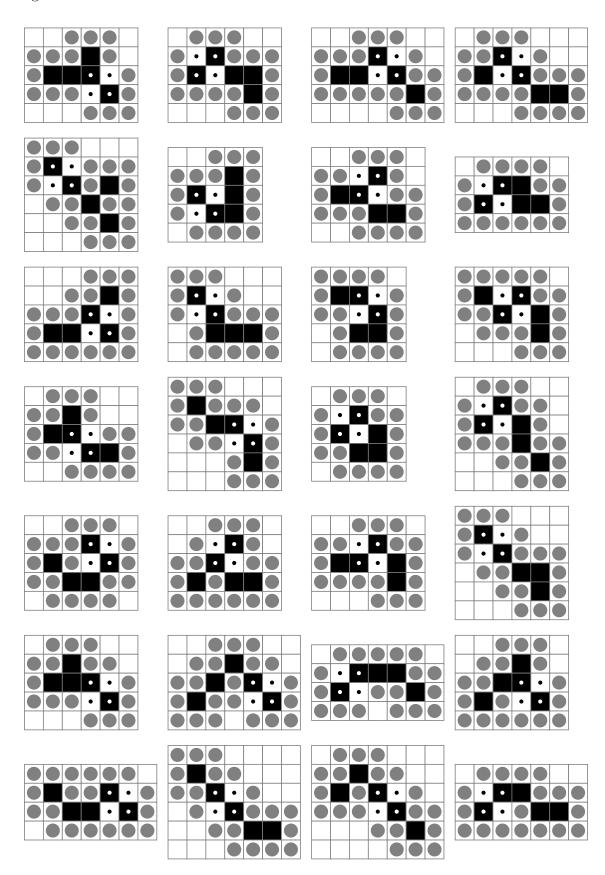


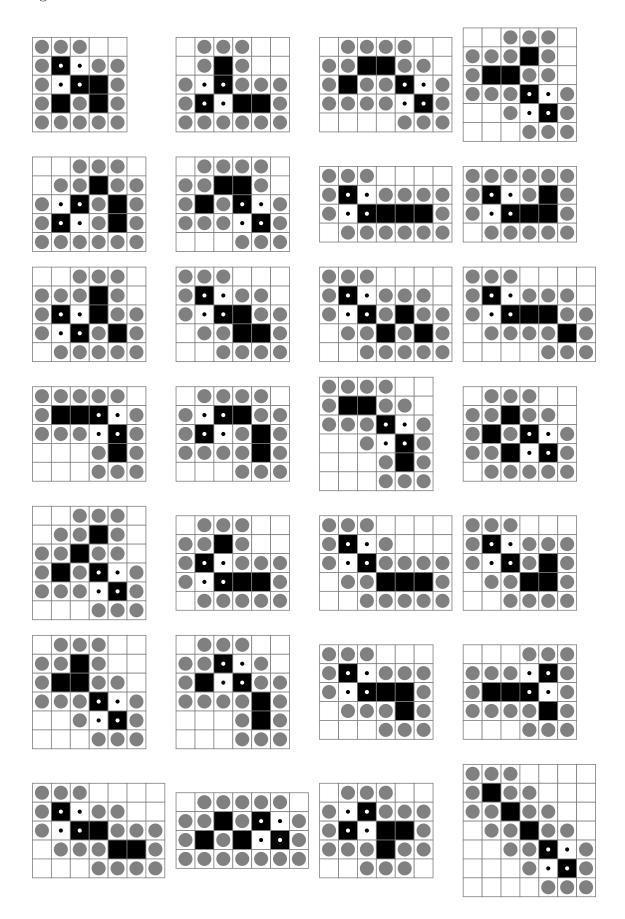


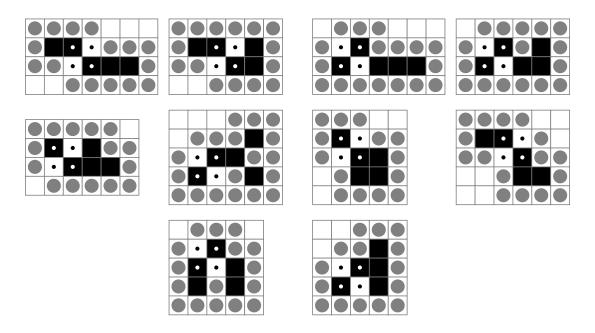
#### 3.2.4 Rominos mit Größe 5

Es gibt insgesamt 82 Rominos mit Größe 5.









# 4 Quellcode

```
using System;
   using System.Collections.Generic;
   using System.Linq;
   using System.Text;
   public readonly struct Romino : IEquatable<Romino>, IComparable<Romino>
6
   {
7
       /// <summary>
       /// <para>
       /// All different combinations of rotating and mirroring an arbitrary romino.
10
       /// </para>
11
       /// <para>
12
       /// BlockMap represents the functor mapping a block coordinate from the origin romino
13
       /// to the rotated/mirrored romino.
14
       /// </para>
15
       /// <para>
16
       /// DiagonalRootMap represents the functor mapping the DiagonalRoot from the origin
17
       /// to the rotated/mirrored romino.
18
       /// Different from BlockMap because the DiagonalRoot is always the upper left of a
19
       /// of 4 coords;
20
       /// </para>
21
       /// <para> e.g. when mirroring along the y-Axis (x \Rightarrow (-x.X, x.Y)):
22
       ///
23
       /// Before After
24
       /// | |
25
       /// | |
26
       /// </para>
27
       /// </summary>
28
       private static readonly (Func<Vector2Int, Vector2Int> BlockMap, Func<Vector2Int,</pre>
29
           Vector2Int> DiagonalRootMap)[] Maps = new (Func<Vector2Int, Vector2Int> BlockMap,
           Func<Vector2Int, Vector2Int> DiagonalRootMap)[]
       {
30
           (x \Rightarrow new \ Vector2Int(+x.X, +x.Y), x \Rightarrow new \ Vector2Int(+x.X, +x.Y)),
31
```

```
(x \Rightarrow new \ Vector2Int(+x.X, -x.Y), x \Rightarrow new \ Vector2Int(+x.X, ~x.Y)),
32
            (x \Rightarrow new \ Vector2Int(-x.X, +x.Y), x \Rightarrow new \ Vector2Int(~x.X, +x.Y)),
33
            (x \Rightarrow new \ Vector2Int(-x.X, -x.Y), x \Rightarrow new \ Vector2Int(-x.X, -x.Y)),
34
            (x \Rightarrow new \ Vector2Int(+x.Y, +x.X), x \Rightarrow new \ Vector2Int(+x.Y, +x.X)),
            (x \Rightarrow new \ Vector2Int(+x.Y, -x.X), \ x \Rightarrow new \ Vector2Int(+x.Y, ~x.X)),
36
            (x \Rightarrow \text{new Vector2Int}(-x.Y, +x.X), x \Rightarrow \text{new Vector2Int}(^x.Y, +x.X)),
37
            (x \Rightarrow new \ Vector2Int(\neg x.Y, \neg x.X), x \Rightarrow new \ Vector2Int(\neg x.Y, \neg x.X)),
38
       };
39
40
        /// <summary>
41
        /// The smallest Romino possible
42
        /// </summary>
       public static Romino One =
44
           new Romino(blocks: new[] { new Vector2Int(0, 0), new Vector2Int(1, 1) },
45
                possibleExtensions:
                // These are hardcoded in by hand, because this list is only populated lazily
47
                    by appending, rather than computed once.
                // As this first romino can not be computed like other rominos, this won't be
48
                    populated using normal methods.
                new[] { new Vector2Int(-1, -1), new Vector2Int(0, -1), new Vector2Int(1, -1),
49
                        new Vector2Int(-1, 0), new Vector2Int(2, 0),
50
                        new Vector2Int(-1, 1), new Vector2Int(2, 1),
51
                                                new Vector2Int(0, 2), new Vector2Int(1, 2), new
52
                                                     Vector2Int(2, 2), }
                    .ToList(),
53
                diagonalRoot: new Vector2Int(0, 0),
54
                max: new Vector2Int(1, 1));
56
       /// <summary>
57
        /// All the Blocks composing the Romino.
        /// </summary>
        public readonly Vector2Int[] Blocks;
60
61
        /// <summary>
62
        /// All possible positions for adding new blocks.
63
        /// </summary>
64
        /// <remarks>
65
        /// This is a list, yet the length is fixed.
66
        /// Reason for this is, that at the point of creation, the size of this is not known,
67
        /// and converting to an array after the size is known adds unnecessary overhead.
68
        /// </remarks>
69
       public readonly List<Vector2Int> PossibleExtensions;
70
71
       /// <summary>
72
        /// The upper left (lowest x, y) corner of the protected diagonal.
73
        /// </summary>
        public readonly Vector2Int DiagonalRoot;
75
76
        /// <summary>
77
        /// The highest x and y coordinates of any block inside the romino.
78
        /// </summary>
79
       public readonly Vector2Int Max;
80
81
        /// <summary>
82
        /// The unique code assigned to this romino.
83
        /// </summary>
84
       private readonly BitBuffer512 _uniqueCode;
85
```

```
/// <summary>
87
        /// Gets all the blocks blocked by the protected diagonal.
88
        /// </summary>
89
        public readonly IEnumerable<Vector2Int> DiagonalRootBlockade
91
           get
92
            {
93
               yield return DiagonalRoot + new Vector2Int(0, 0);
94
               yield return DiagonalRoot + new Vector2Int(0, 1);
95
               yield return DiagonalRoot + new Vector2Int(1, 0);
96
               yield return DiagonalRoot + new Vector2Int(1, 1);
97
            }
        }
99
100
        /// <summary>
101
        /// Initializes and orients a new instance of the <see cref="Romino"/> structure.
102
        /// </summary>
103
        /// <param name="blocks">All the Blocks composing the Romino.</param>
104
        /// <param name="possibleExtensions">All possible positions for adding new
105
            blocks.</param>
        /// <param name="diagonalRoot">The upper left (lowest x, y) corner of the protected
106
            diagonal.</param>
        /// <param name="max">The highest x and y coordinates of any block inside the
107
            romino.</param>
        public Romino(Vector2Int[] blocks, List<Vector2Int> possibleExtensions, Vector2Int
108
            diagonalRoot, Vector2Int max)
109
           Blocks = blocks;
110
           DiagonalRoot = diagonalRoot;
111
           PossibleExtensions = possibleExtensions;
112
           Max = max;
114
            _uniqueCode = default; // Needs to be assigned in order to call methods, including
115
                CalculateUniqueCode.
            _uniqueCode = CalculateUniqueCode();
116
117
           // Find highest unique Code.
118
            // Start of with asserting the current permutation to be the one with the highest
119
                unique code.
            int maxIndex = 0;
120
           BitBuffer512 maxCode = _uniqueCode;
121
122
           // Check against all other permutations, skipping 1, as thats already been
123
                calculated.
            for (int i = 1; i < Maps.Length; i++)</pre>
124
               var uniqueCode = CalculateUniqueCode(Maps[i].BlockMap);
126
               if (maxCode < uniqueCode)</pre>
127
128
               {
                   maxIndex = i;
129
                   maxCode = uniqueCode;
130
               }
131
            }
132
133
           // Only make changes if the highest unique Code isn't the initial state
134
            // (Maps[0] = (x => x, x => x))
135
           if (maxIndex != 0)
136
137
```

```
(Func<Vector2Int, Vector2Int> blockMap, Func<Vector2Int, Vector2Int>
138
                    diagonalRootMap) = Maps[maxIndex];
139
               var offset = CalculateOffset(blockMap);
141
                for (int i = 0; i < Blocks.Length; i++) Blocks[i] = blockMap(Blocks[i]) +</pre>
142
                    offset;
                for (int i = 0; i < PossibleExtensions.Count; i++) PossibleExtensions[i] =</pre>
143
                    blockMap(PossibleExtensions[i]) + offset;
144
               DiagonalRoot = diagonalRootMap(DiagonalRoot) + offset;
145
               // Don't add offset to max, it might end up with x or y equal to 0.
147
               var mappedMax = blockMap(Max);
148
               // Take the absolute of both components, we only care about swapping of x and
149
                   y, not inversion.
               Max = new Vector2Int(Math.Abs(mappedMax.X), Math.Abs(mappedMax.Y));
150
151
               // Recalculate the unique code, as the currently saved one is for Maps[0].
152
               _uniqueCode = CalculateUniqueCode();
153
           }
154
        }
155
        public static IEnumerable<(int Size, List<Romino> Rominos)> GetRominosUntilSize(int
157
            size)
158
            // Validate arguments outside of iterator block, to prevent the exception being
159
                thrown lazily.
            if (size < 2) throw new ArgumentOutOfRangeException(nameof(size));</pre>
160
           return GetRominosUntilSizeInternal();
163
           IEnumerable<(int Size, List<Romino> Rominos)> GetRominosUntilSizeInternal()
164
165
            {
               // Start out with the smalles romino
166
               List<Romino> lastRominos = new List<Romino> { One };
167
168
               // The size of the smallest Romino is 2 blocks; yield it as such.
169
               yield return (2, lastRominos);
170
171
               for (int i = 3; i <= size; i++)
172
173
                   var newRominos = lastRominos
174
                       // Enable parallelization using PLINQ.
175
                       .AsParallel()
176
                       // Map every romino to all rominos generated by adding one block to it.
                       .SelectMany(x => x.AddOneNotUnique())
178
                       // Remove duplicates, rominos are already oriented here.
179
                       .Distinct()
180
                       // Execute Query by iterating into a list. Cheaper than .ToArray()
181
                       .ToList();
182
183
                   // We don't need last generations rominos anymore. Replace them with the
184
                       new generation.
                   lastRominos = newRominos;
185
                   // Yield this generations rominos with their size.
186
                   yield return (i, newRominos);
187
```

```
}
189
        }
190
191
        // Generate IEnumerable<T> instead of allocing a new array
192
        /// <summary>
193
        /// Gets all direct neighbours of a given block, not including the block itself.
194
        /// </summary>
195
        /// <param name="block">The block to get the neighbours of</param>
196
        /// <returns>An <see cref="IEnumerable{Vector2Int}"/> yielding all neighbours</returns>
197
        private static IEnumerable<Vector2Int> GetDirectNeighbours(Vector2Int block)
198
199
           yield return block + new Vector2Int(0, -1);
           yield return block + new Vector2Int(0, 1);
201
           yield return block + new Vector2Int(1, 0);
202
           yield return block + new Vector2Int(1, -1);
           yield return block + new Vector2Int(1, 1);
204
           yield return block + new Vector2Int(-1, 0);
205
           yield return block + new Vector2Int(-1, -1);
206
           yield return block + new Vector2Int(-1, 1);
207
        }
208
209
        /// <summary>
210
        /// Returns all rominos generated by adding one block from <see
211
            cref="PossibleExtensions"/>
        /// </summary>
212
        /// <remarks>Does not remove duplicates, but orients results.</remarks>
213
        /// <returns>All, non-unique rominos generated by adding one block from <see
214
            cref="PossibleExtensions"/>.</returns>
        public readonly IEnumerable<Romino> AddOneNotUnique()
215
            foreach (var newBlock in PossibleExtensions)
218
               // If the new block has x or y smaller than 0, move the entire romino such that
219
               // the lowest x and y are 0.
220
               // This offset will need to be applied to anything inside the romino.
               var offset = new Vector2Int(Math.Max(-newBlock.Y, 0), Math.Max(-newBlock.Y, 0));
222
223
               // If the new block is outside of the old rominos bounds, i.e. has bigger x or
                   y coords than Max,
               // increase size.
225
               var newSize = new Vector2Int(Math.Max(newBlock.X, Max.X), Math.Max(newBlock.Y,
226
                   // or if the new block has coordinates x or y smaller than 0, increase size.
227
                   + offset;
228
229
               HashSet<Vector2Int> newPossibleExtensions =
                   // Get the direct neighbours, i.e. the blocks that will be possible spots
231
                   // for adding blocks after newBlock has been added
232
                   new HashSet<Vector2Int>(GetDirectNeighbours(newBlock + offset));
233
234
               // Remove already occupied positions
235
               newPossibleExtensions.ExceptWith(Blocks.Select(x => x + offset));
236
               // Exclude positions blocked by the protected diagonal
237
               newPossibleExtensions.ExceptWith(DiagonalRootBlockade.Select(x => x + offset));
239
               // Re-use old extension spots.
240
               newPossibleExtensions.UnionWith(PossibleExtensions.Select(x => x + offset));
241
```

```
// Remove the newly added block.
243
               newPossibleExtensions.Remove(newBlock + offset);
244
245
               // Allocate a new array for the new romino, with one more space then right now
246
               // to store the new block in.
247
               Vector2Int[] newBlocks = new Vector2Int[Blocks.Length + 1];
248
249
                for (int i = 0; i < Blocks.Length; i++)</pre>
250
251
                   // Copy elements from current romino and apply offset.
252
                   newBlocks[i] = Blocks[i] + offset;
253
                }
255
               // Insert the new block, also, with offset.
256
               newBlocks[Blocks.Length] = newBlock + offset;
257
258
               yield return new Romino(
259
                   newBlocks.
260
                   new List<Vector2Int>(newPossibleExtensions),
261
                   // Apply offset to the diagonal root as well.
262
                   DiagonalRoot + offset,
263
                   newSize);
264
            }
266
267
        private readonly BitBuffer512 CalculateUniqueCode()
268
        { /* CalculateUniqueCode(x => x) with the parameter inlined */ }
270
        private readonly BitBuffer512 CalculateUniqueCode(Func<Vector2Int, Vector2Int> func)
271
272
            var bits = new BitBuffer512();
274
            // "Definitely very useful caching"
275
            int length = Blocks.Length;
276
277
            // Calculate the offset to be applied.
278
            var offset = CalculateOffset(func);
279
            for (int i = 0; i < Blocks.Length; i++)</pre>
281
            {
282
                // Map the block and apply the offset.
283
               var mapped = func(Blocks[i]) + offset;
284
285
                // Assign the relevant bit (2^{((y * len) + x)} = 1 << ((y * len) + x))
286
               bits[(mapped.Y * length) + mapped.X] = true;
287
            }
289
            return bits;
290
        }
291
292
        /// <summary>
293
        /// Calculates the offset by which blocks inside the romino need to be moved after
294
            applying a given function
        /// in order to still have the lowest x and y be equal to 0.
        /// </summary>
296
        /// <remarks>The function <paramref name="map"/> may not apply any translations, only
297
        /// scaling and rotation around the origin (0, 0) is handled.</remarks>
298
        /// <param name="map">The function to calculate the offset for.</param>
```

```
/// <returns>The offset that needs to be applied to set the minimum x and y
300
            coordinates after applying coordinates after applying paramref name="map"/> back to 0.
        private readonly Vector2Int CalculateOffset(Func<Vector2Int, Vector2Int> map)
301
           var mappedSize = map(Max);
303
           // We only need to offset if the blocks are being moved into the negative,
304
           // as translations from map are forbidden, and such the min will only change by
           // mirroring around an axis or rotating.
306
           return new Vector2Int(Math.Max(-mappedSize.Y, 0), Math.Max(-mappedSize.Y, 0));
307
        }
308
309
        /// <remarks>Returns invalid results for comparisons between rominos of different
310
            sizes</remarks>
        public override readonly bool Equals(object obj) => obj is Romino romino &&
311
            Equals(romino);
312
        public override readonly int GetHashCode() => _uniqueCode.GetHashCode();
313
314
        /// <remarks>Returns invalid results for comparisons between rominos of different
315
            sizes</remarks>
        public readonly bool Equals(Romino romino) => _uniqueCode == romino._uniqueCode;
316
317
        /// <remarks>Returns invalid results for comparisons between rominos of different
318
            sizes</remarks>
        public readonly int CompareTo(Romino other) =>
319
            _uniqueCode.CompareTo(other._uniqueCode);
    }
```