Osztályozás

Csima Judit

BME, VIK, Számítástudományi és Információelméleti Tanszék

2018. február 19.

Csima Judit Osztályozás 1 / 53

Osztályozás, classification

- adott egy rekordokból álló halmaz, a rekordoknak attribútumaik vannak
- az egyik attribútum a célváltozó, ez kategorikus attribútum, ez reprezentálja, hogy melyik osztályba tartozik az adott rekord
- cél, hogy egy olyan modellt építsünk fel, ami képes megjósolni a célváltozó értékét, ha a többi attribútum értéke adott

Csima Judit Osztályozás 2 / 53

Példák

- egy beteg paraméterei alapján eldönteni, hogy jó- vagy rosszindulatú daganata van-e
- bankkártyás tranzakció adatait vizsgálva eldönteni, hogy van-e csalás vagy nincs (szabályos-e a tranzakció)
- adóbevallásban szereplő értékek alapján megtippelni, hogy gyanús-e
- spam-szűrés

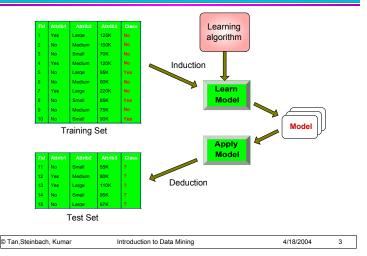
Csima Judit Osztályozás 3 / 53

Általános módszer

- van egy csomó rekordunk, ahol minden érték (a célváltozó értéke is) ismert
- ez alapján egy modellt építünk, amit majd olyan új rekordokon használunk, amiknél a célváltozó értéke nem ismert, de minden más attribútumot tudunk
- az ismert rekordokat két részre osztjuk: training set és test set
- a training set-en betanítunk valami modellt
- a test set-en lemérjük, hogy mennyire jó
- ezután használhatjuk élesben

Csima Judit Osztályozás 4 / 53

Illustrating Classification Task



Csima Judit Osztályozás 5 / 53

Kérdések

- Milyen modellek vannak?
 - Döntési fák
 - Bayes-osztályozók
 - Mesterséges neurális hálózatok
 - (SVM: Support Vector Machine)
- hogyan állítunk elő egy konkrét modellt? Pl. ha már tudjuk, hogy döntési fát csinálunk, akkor hogyan csináljuk meg; vagy egy ANN-nél hogyan állítjuk be a paramétereket?
- Hogyan mérjük az előállított modell jóságát?
 - accuracy: eltalált címkék száma osztva az összes sor számával
 - error-rate: hibás predikciók száma osztva az összes sor számával

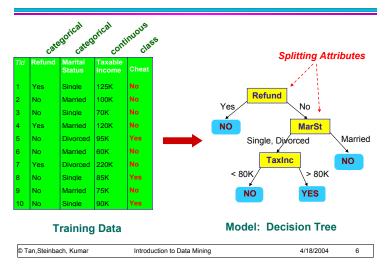
Csima Judit Osztályozás 6 / 53

Döntési fa definíció

- gyökeres, lefelé irányított (legtöbbször) bináris fa
- belső csúcsok változókkal és ezekhez kapcsolódó feltételekkel címkézettek
- levelek a célváltozó valamely értékével címkézettek

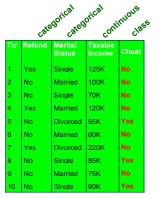
Csima Judit Osztályozás 7 / 53

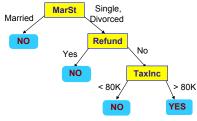
Example of a Decision Tree



Csima Judit Osztályozás 8 / 53

Another Example of Decision Tree

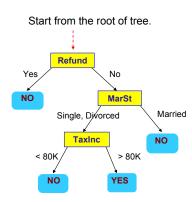




There could be more than one tree that fits the same data!

© Tan, Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 7

Csima Judit Osztályozás 9 / 53

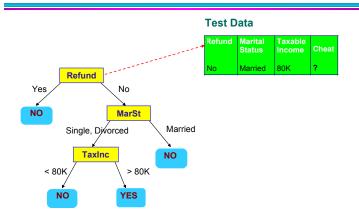


Test Data

Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
No	Married	80K	?

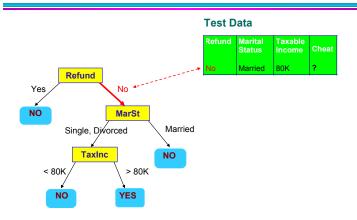
© Tan, Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 9

Csima Judit Osztályozás 10 / 53



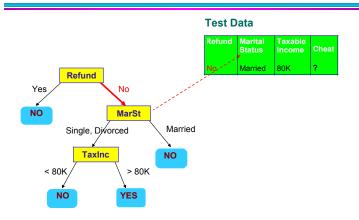
© Tan, Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 10

Csima Judit Osztályozás 11 / 53



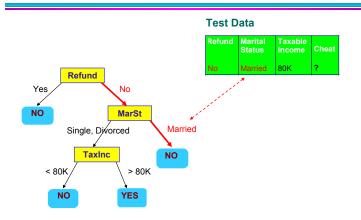
© Tan, Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 11

Csima Judit Osztályozás 12 / 53



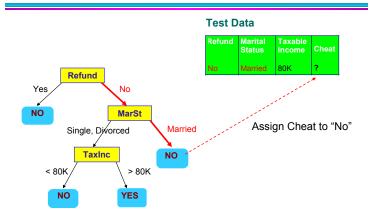
© Tan, Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 12

Csima Judit Osztályozás 13 / 53



© Tan, Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 13

Csima Judit Osztályozás 14 / 53



© Tan,Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 14

Csima Judit Osztályozás 15 / 53

Algoritmus döntési fa készítésére

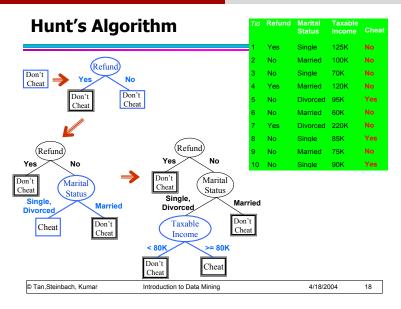
- egy általános algot nézünk, ennek különböző verziói futnak különböző programokban
- nem a legjobb fát akarjuk megtalálni (ez amúgy is aluldefiniált fogalom), hanem egy elég jót
- mohó módon, lokális döntéseket hozva, gyorsan

Csima Judit Osztályozás 16 / 53

Hunt algoritmus, vázlat

- elején egy csúcs, ide tartozik minden rekord, címke a többségi címke
- később: választunk egy csúcsot, amit érdemes lenne szétvágni és valami attribútum mentén szétvágjuk egy vagy több részre
- vége: ha már nem érdemes vágni sehol

Csima Judit Osztályozás 17 / 53



Hunt algo, kérdések

- mikor érdemes vágni?
- melyik csúcsot vágjuk, ha több lehetőség is van?
- hogyan vágunk?
- az új csúcsokat hogyan címkézzük?
- mikor van vége?

Csima Judit Osztályozás 19 / 53

Hunt algo, kérdések

- Mikor van vége?
 - Ha már nincs olyan csúcs, amit vágni érdemes.
- Mikor nem érdemes vágni?
 - Ha nem akarunk tovább osztani: minden rekord azonos cél-címkéjű
 - Ha nem tudunk tovább osztani: olyan sorok vannak különböző címkével, amiknek minden más attribútuma megegyezik
- Melyik csúcsot vágjuk, ha több lehetőség is van?
 - Valami bejárás szerint, pl. szélességi, mélységi.
- Hogyan vágunk?
 - Erről mindárt, ez érdekes.
- Az új csúcsokat hogyan címkézzük?
 - Többségi címkével.

Csima Judit Osztályozás 20 / 53

Milyen attribútum mentén és hogyan vágjunk?

Fő elv: sokféle vágást kipróbálunk és a legjobb szerint vágunk.

- Mik a lehetséges vágások? (Függ a szóba jövő attribútumok típusától.)
- Mi egy vágás jóságának a mértéke? Hogyan mérjük ezt?

Csima Judit Osztályozás 21 / 53

Lehetséges vágások az attribútum fajtája szerint

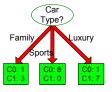
- bináris attribútum: igen vagy nem, két gyerek csúcs lesz
- kategória típusú attribútum:
 - multiway split: minden lehetséges értékhez egy gyerek, az üres csúcsok címkéja a szülő többségi címkéje lesz
 - bináris split részhalmaz szerint: ebből van $2^t 1$, ahol a t a lehetséges kimenetelek száma
 - bináris vágás egy érték szerint: ebből van t darab (mint marital status az előző példában)
- folytonos attribútum
 - bináris vágás, az attribútum értéke kisebb-e egy adott küszöbnél (mint income az előző példában)
 - többes vágás: melyik sávba esik az érték

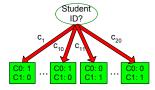
Osztályozás 22 / 53

How to determine the Best Split

Before Splitting: 10 records of class 0, 10 records of class 1







Which test condition is the best?

© Tan,Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 27

Csima Judit Osztályozás 23 / 53

Vágás jósága, alapelvek

- többféle mérőszám van, mindegyik egy számértéket rendel a vágáshoz
- így a különböző vágások összehasonlíthatóak
- nagyrészt konzisztensek egymással a különféle mérőszámok
- mindegyik azt méri, hogy mennyire lesz homogén a létrejövő gyerek poluláció a célváltozó címkézése szerint

Csima Judit Osztályozás 24 / 53

Vágás jósága

- 3 fő mérőszámot nézünk
- fő elv ugyanaz mindegyiknél:
 - egy rekordhalmazra definiálunk egy mérőszámot, ami az adott rekordhalmaz diverzitását mutatja (ebből lesz három féle mérőszám)
 - egy vágás jóságát azzal mérjük, hogy a szülőcsúcs diverzitása és a létrejövő gyerekcsúcsok diverzitása mennyire tér (mennyit nyerünk azon, ha szétvágjuk a szülőt egy adott módon, mennyivel lesznek homogénebbek a gyerekek)

először azt nézzük, hogy hogyan lehet mérni egy rekordhalmaz, azaz a döntési fa egy csúcsának imhomogenitását

Csima Judit Osztályozás 25 / 53

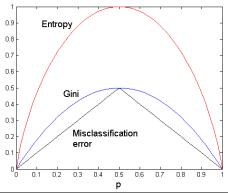
Inhomogenitás mérése: Gini-index, entrópia, classification error

- van egy t csúcsunk (egy rekordhalmaz), aminek egy c darab lehetséges értéket felvevő célváltozó szerinti homogenitását akarjuk mérni
- p_i jelöli a rekordhalmazban előforduló i értékű rekordok relatív gyakoriságát
- Gini = $1 \sum_{i=1}^{c} p_i^2$
- entrópia = $-\sum_{i=1}^{c} p_i \log p_i$
- classification error = $1 \max_{i \in 1,...,c} p_i$

Osztályozás 26 / 53

Comparison among Splitting Criteria

For a 2-class problem:



© Tan,Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 44

Csima Judit Osztályozás 27 / 53

Vágás jósága

- ha már eldöntöttük, hogy melyik csúcsnál vágunk
- az adott csúcsnál minden lehetséges attribútum alapján, minden (?) lehetséges módon vágunk
- $\Delta = I(\text{sz\"{u}l\'{o}}) \sum_{i=1}^{k} \frac{n_i}{n} I(\text{gyerek}_i)$
- itt I() a három inhomogenitási mérték közül az egyik
- n; az i. gyerek rekordszáma, n a szülő rekordszáma
- arról van szó tehát, hogy a gyerekek inhomogenitását súlyozzuk a relatív nagyságukkal

Csima Judit Osztályozás 28 / 53

ID alapján vágni?

- Azonosító alapján vágni (vagy más, nagyon kis elemszámú részhalmazra vágás) nem szerencsés:
 - ID esetén ez nem valódi nyereség
 - túl kicsi létrejövő halmazok esetén félő, hogy rosszul általánosít a modell (overfitting, erről mindjárt)
- de az algo ezt preferálja, mert itt lesz nagy a nyereség
- megoldások:
 - csak bináris vágás lehetséges
 - szűrjük ki a nyilvánvalóan felesleges attribútumokat (amik alapján enm akarunk úgyse vágni)
 - Δ_{info} helyett valami mással mérni a vágás jóságát: gain ratio

Csima Judit Osztályozás 29 / 53

Gain ratio

- cél: büntessük azt, ha egy vágás túl sok részre vág szét
- ha entrópia az inhomogenitás mértéke: gain ratio

• gain ratio =
$$\frac{\Delta_{info}}{-\sum_{i=1}^{k} \frac{n_i}{n} \log \frac{n_i}{n}}$$

ez bünteti a szétszabdalást kicsi részekre

Az általános faépítő algo jellemzői

- gyorsan
- jól értelmezhető fát készít
- gyors az elkészült fával az osztályozás
- nem kell paramétereket beállítanunk előre (de)

Különböző programokban ennek verziói futnak:

- hogyan járjuk be a vágandó csúcsokat
- mi az inhomogenitás mértéke
- van-e multivágás vagy csak bináris

Csima Judit Osztályozás 31 / 53

Leállási feltételek

- ha minden csúcs homogén
- ha nem tudunk tovább differenciálni
- valami globális leállási feltétel: levélszám, szintszámra korlát

A legjobb fa keresése nem kivitelezhető és nem is célszerű általában.

Csima Judit Osztályozás 32 / 53

Overfitting

- nem szerencsés, ha a modell (pl. az elkészült döntési fa) túlságosan passzol a training set-re
- azért, mert nincs rá garancia, hogy a későbbi halmazok, amiken a modellt használjuk, teljesen ugyanilyenek lesznek (sőt...)
- egy egyszerűbb modell, aminek a training error-ja nagyobb, néha jobban általánosítható: jobban viselkedik a későbbi (a modell építése során nem látott) esetekre
- ez nem csak döntési fáknál léztező jelenség, hanem mindenhol, ahol egy training set alapján modellt építek, amit aztán korábban nem látott eseteken akarok használni

Csima Judit Osztályozás 33 / 53

Training és test error

- felépítünk egy modellt (pl. egy döntési fát) aszerint, hogy mekkora a training error
- training error: a felépített modell hogyan osztályozza a training set rekordjait: accuracy, misclassification error
- de nekünk az lesz az érdekes, hogy a nem látott eseteken hogy viselkedik, hogy jelez előre
- ez lemérhető a teszt halmazon, de mi van, ha az derül ki, hogy ott nagy a hiba? (erről később)
- most az a fontos, hogy lássuk, hogy a training error és a test error két külön dolog

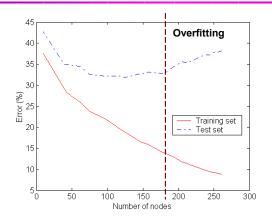
Csima Judit Osztályozás 34 / 53

Underfitting és overfitting

- underfitting: a modell nem elég árnyalt ahhoz, hogy jól előrejelezzen
 - ekkor a training error és a test error is nagy
 - segíthet, ha bonyolultabb modellt építünk, ehhez esetleg kellhet több tanító adat
- overfitting: túlságosan jól passzol a modell a training set-re
 - csökkentsük a modell bonyolultságát valahogyan (erről mindjárt)

Csima Judit Osztályozás 35 / 53

Underfitting and Overfitting



Underfitting: when model is too simple, both training and test errors are large

© Tan, Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 52

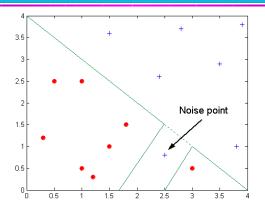
Csima Judit Osztályozás 36 / 53

Overfitting oka

- közvetetten: túl erős, bonyolult modell, ami teljesen a training set-re szabható
- közvetlenül:
 - az adathalmaz nem reprezentatív (speciális esetek jelentős számban)
 - zaj
 - ha túl sok modell közül válaszhatunk: a legjobb nagyon jó lesz a training set-en, de semmi garancia nincs rá, hogy máshol is

Csima Judit Osztályozás 37 / 53

Overfitting due to Noise



Decision boundary is distorted by noise point

© Tan.Steinbach, Kumar	Introduction to Data Mining	4/18/2004	53

Csima Judit Osztályozás 38 / 53

Occam's razor

- Mindenképpen jó lenne elkerülni a túl bonyolult modellt
- elv: Occam's razor (Occam borotvája): ha van két modell, amik kábé ugyanazt tudják (hol?, hogyan?) akkor az egyszerűbbet, kisebbet válasszuk
- a modell építése során vegyük ezt az elvet figyelembe, építsük a modellt úgy, hogy az büntesse a túl bonyolultat

Csima Judit Osztályozás 39 / 53

Kérdés

- Hogyan vegyük figyelembe a modell teljesítményét a modell építése során?
 - Nehézség: eddig a modell értékelésére a teszt halmazt használtuk, de azt nem nézhetjük meg az építés alatt.
- Vezessünk be egy újfajta hibamérést, ami figyelembe veszi a modell bonyolultságát is a training error-on kívül: generalization error
 - resubstitution error (optimista becslés)
 - pesszimista becslés (modellfüggő)
 - validation set

Csima Judit Osztályozás 40 / 53

Resubstitution error

- feltételezzük, hogy a training set jól reprezentál
- optimistán azt gondoljuk, hogy az új adathalmazon is ugyanolyan jól fog osztályozni, mint a training set-en
- ekkor a modell hibája az, amit ennek addig hívtunk: misclassification error, azaz hány rekord lesz rosszul címkézve a training set rekordjai közül
- persze ha elég nagy fát (bonyolult modellt) építünk és kevés az adat, akkor ez simán lehet 0

Csima Judit Osztályozás 41 / 53

Pesszimista verzió a generalization error-ra

- mivel a training set-re van szabva a modell, a valóságban nem lesz ilyen jó, nagyobb lesz a hiba
- az, hogy mennyire lesz rosszabb, az függ a modell bonyolultságától
- a pesszimista hiba két tagból áll: a training errorból és egy másik tagból, ami a modell bonyolultságát bünteti
- döntési fáknál pl. levelenként egy plusz konstans taggal megnöveljük a hibásan osztályozott rekordok számát
- pl. levelenként 1: a training errorhoz hozzá kell adni $\frac{\ell \cdot 1}{n}$ -t, ahol ℓ a levelek száma, n pedig az összes rekord száma

Csima Judit Osztályozás 42 / 53

Validation set

- a rendelkezésre álló adatokat nem két részre osztjuk (training és test), hanem háromra: training, validation és test
- ha két különböző modell (pl. két fa) között kell dönteni, akkor a validation set-en megnézzük az előrejelzésüket és a jobbat választjuk
- azért kell erre külön halmaz (nem a test set), mert a test set-et a végső modell tesztelésére tartogatjuk

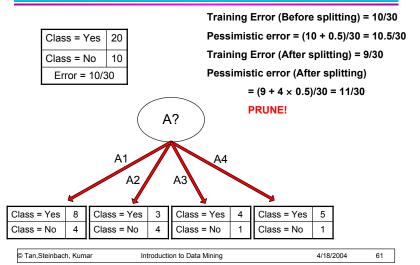
Csima Judit Osztályozás 43 / 53

Hogyan veszem figyelembe a modell becsült generalized error-ját a modell építése során?

- pre-pruning: a fa építése közben nézzük, hogy a generalized error nő-e és ha igen, akkor nem vágunk
- post-pruning (teljes fát építünk, az általános algoval, amíg lehet, addig vágunk), aztán alulról felfele haladva visszavágjuk, ha a visszavágott fa hibája kisebb (pesszimista hiba vagy validation error)

Csima Judit Osztályozás 44 / 53

Example of Post-Pruning



Csima Judit Osztályozás 45 / 53

Examples of Post-pruning

– Optimistic error?

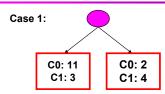
Don't prune for both cases

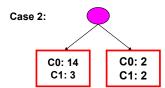
– Pessimistic error?

Don't prune case 1, prune case 2

– Reduced error pruning?

Depends on validation set





© Tan.Steinbach, Kumar

Introduction to Data Mining

4/18/2004

62

Misclassification error, változatok

- eddig accuracy és misclassification error volt: hibás előrejelzések száma az összes közül
- ez nem mindig jó, pl. ha nagyon kevés rekord van az egyik kategóriában és az az algo, hogy mindenkit a gyakori címkével címkézünk
- ezért költség-mátrixot is használhatunk, ha a hibás pozitív vagy hibás negatív osztályozást akarjuk nagyon büntetni
- vagy használhatunk accuracy helyett mást (precision, recall, F-measure)

Csima Judit Osztályozás 47 / 53

Cost Matrix

	PREDICTED CLASS		
	C(i j)	Class=Yes	Class=No
ACTUAL CLASS	Class=Yes	C(Yes Yes)	C(No Yes)
	Class=No	C(Yes No)	C(No No)

C(i|j): Cost of misclassifying class j example as class i

© Tan,Steinbach, Kumar Introduction to Data Mining 4/18/2004 79

Csima Judit Osztályozás 48 / 53

Computing Cost of Classification

Cost Matrix	PREDICTED CLASS		
ACTUAL CLASS	C(i j)	+	-
	+	-1	100
	•	1	0

Model M ₁	PREDICTED CLASS		
ACTUAL CLASS		+	•
	+	150	40
	-	60	250

Model M ₂	PREDICTED CLASS		
ACTUAL CLASS		+	-
	+	250	45
	-	5	200

© Tan.Steinbach, Kumar

Introduction to Data Mining

4/18/2004

80

Másik lehetőség az osztályozó jóságának mérésére

- true positive (tp): hány olyan rekord van, ami pozitív címkét kap és a valóságban is pozitív
- true negative (tn): hány olyan rekord van, ami negatív címkét kap és a valóságban is negatív
- false positive (fp): hány olyan rekord van, ami pozitív címkét kap, de a valóságban negatív
- false negative (fn): hány olyan rekord van, ami negatív címkét kap, de a valóságban pozitív

Ez a confusion matrix

Csima Judit Osztályozás 50 / 53

Másik lehetőség az osztályozó jóságának mérésére

- accuracy ezzel a jelöléssel $\frac{tp + tn}{tp + tn + fn + fn}$
- precision (= p): hány eset valóban pozitív a pozitívnak mondottak közül, azaz $\frac{\dot{tp}}{tp + fp}$
- recall (=r): hány pozitív esetet találunk meg tényleg: $\frac{tp}{tn + fn}$
- F-measure = $\frac{2rp}{r+p} = \frac{2tp}{2tp+fp+fp}$

Osztályozás 51 / 53

R-ben mi van?

- sok minden :)
- több package döntési fa készítésre: tree, rpart, party
- alap-paranccsal létrehozok egy fa típusú objektumot: megadom, hogy milyen training set-en, milyen változókat vegyen figyelembe
- a létrehozott fát használhatom előrejelzésre, ábrázolhatom
- lehet egyszerűsíteni (prune)

Csima Judit Osztályozás 52 / 53

tree package

```
> library(tree)
> ir.tr <- tree(Species \sim., iris)
> summary(ir.tr)
Classification tree:
tree(formula = Species \sim ., data = iris)
Variables actually used in tree construction:
[1] "Petal.Length" "Petal.Width" "Sepal.Length"
Number of terminal nodes: 6
Misclassification error rate: 0.02667 = 4 / 150
> plot(ir.tr)
> text(ir.tree)
```

Csima Judit Osztályozás 53 / 53