

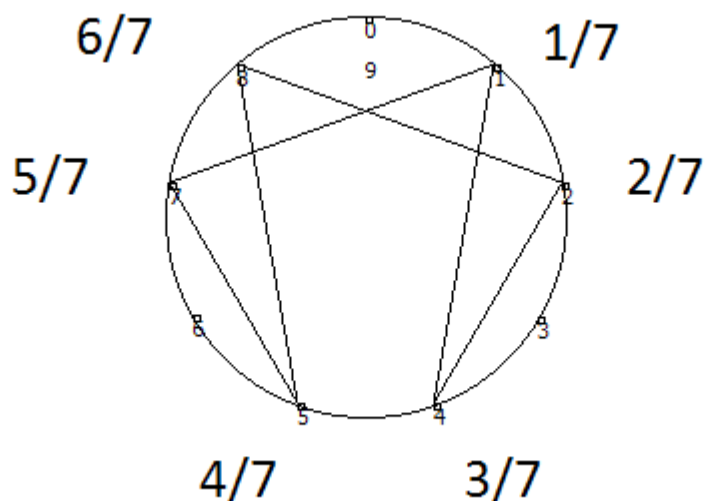
## 1. Общая информация

Число  $1/7 = 0.(142857)$  является циклическим числом.

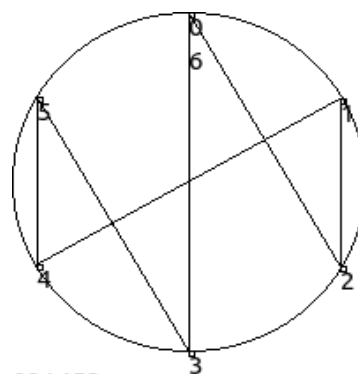
Циклические числа это периодические дроби, которые при умножении на целые числа сохраняют внутреннюю последовательность периодической дроби, т.е.

$1/7$	$= 0.($	1	4	2	8	5	7	)	без смещения
$2/7$	$= 0.($	2	8	5	7	1	4	)	смещение +2
$3/7$	$= 0.($	4	2	8	5	7	1	)	смещение +1
$4/7$	$= 0.($	5	7	1	4	2	8	)	смещение +4
$5/7$	$= 0.($	7	1	4	2	8	5	)	смещение +5
$6/7$	$= 0.($	8	5	7	1	4	2	)	смещение +3

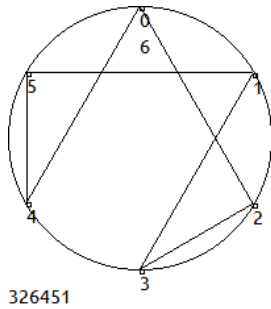
Если представить графически - периодическую дробь на цифровом круге, каждая дробь будет являть собой одну и ту же фигуру. Но точки с которых будет начинаться и заканчиваться эта фигура - будут разные.



Паттерн образующийся от смещений в дроби в процессе умножения изображен на рисунке справа.

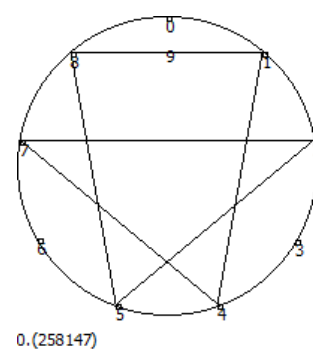
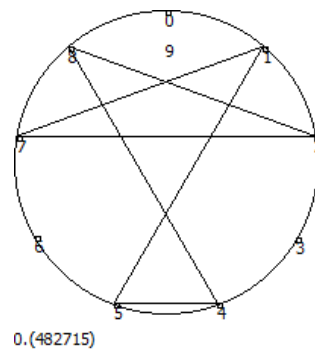
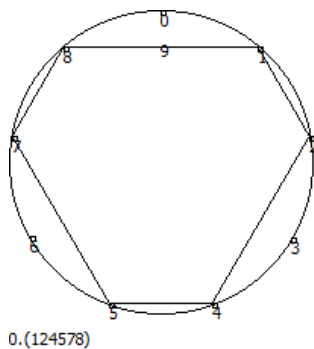


021453



На рисунке слева отображены остатки от деления, при делении 1 на 7 в десятичной системе счисления, в последовательности их возникновения {3,2,6,4,5,1}.

Так как в последовательности {1,4,2,8,5,7} нет повторяющихся цифр, а так же потому что при умножении на числа 2-6 мы получаем всегда разные смещения не превышающие полный цикл - каждая цифра будет находится в своём уникальном положении, так мы получим 6 последовательностей из столбцов таблицы.



3 подобные последовательности соответствуют 3м другим, но идущим задом наперёд.

? Чем может быть вызвана эта симметрия ?

При умножении периодической дроби  $1/7$  на числа превышающие 7, но не кратные 7 - смещение можно заранее вычислить:

Например при умножении на 41 = 5.(857142)

Если итеративно уменьшать 41 на 7 до тех пор пока оно не станет меньше 7 - мы получим 6, что и обуславливает (857142).

Ещё один пример для демонстрации при умножении на 123 = 17.(571428)

При итеративном уменьшении 123 на 7 мы получаем 4, что обуславливает (571428).

Название музыкального лада	Формула	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 0	1 1	1 2
-------------------------------	---------	----	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--------	--------	--------



- 5) 1, 2, 3, 4, 4, 8, 6, 7 : длина 8, число встреч 1471
- 6) 1, 2, 2, 3, 4, 4, 5, 8, 6, 7, 2, 2, 3, 4, 4, 5, 8, 6, 7 : длина 19, число встреч 1473
- 7) 1, 2, 2, 3, 4, 5, 8, 6, 7 : длина 9, число встреч 1468
- 8) 1, 2, 2, 3, 4, 4, 5, 8, 6 : длина 9, число встреч 1470

Последовательность 2 отличается от 1 тем что перед гаммой #6 добавляется гамма #8.

Последовательность 3 отличается от 2 тем что в нём отсутствует гамма #3.

Последовательность 4 отличается от 3 тем что повторение гаммы #2 заменено на возвращение гаммы #3.

Последовательность 5 отличается от 4 тем, что в ней отсутствует гамма #5.

Последовательность 6 представляет собой подобие последовательности 2, которая повторена дважды, однако во второй раз у неё отсутствует мажорная гамма.

Последовательность 7 отличается от последовательности 2 тем что в ней гамма #4 не повторяется дважды.

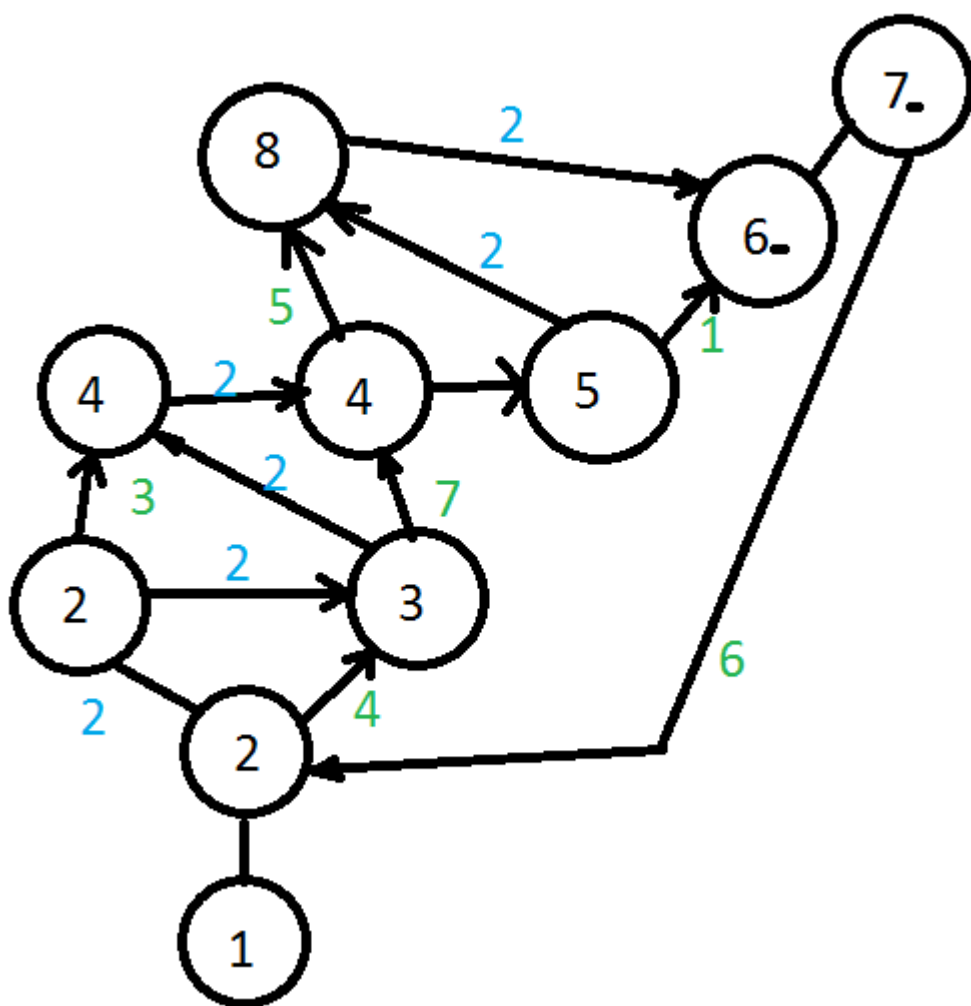
Последовательность 8 отличается от последовательности 2 тем что заканчивается на одну гамму раньше, повторяя то же самое чередование.

Если рассмотреть модуляции музыкальных гамм внутри каждой из последовательностей - как правила все они имеют расхождение только в один интервал.

Исключение составляют последовательности 3, 5 и 6, где встречается модуляция между гаммами с разницей в две ступени, а так же в случае перехода последовательности 8 на следующую, хотя сама последовательность не содержит в себе сложных переходов, она заканчивается на гамму 6, а следующая за ней должна быть гамма 1.

Эти исключения - вызваны тем что пропадают гаммы 3, 5 и 1. Однако даже не смотря на это последовательные гаммы отличаются всего лишь на 2 ступени, что по прежнему делает их достаточно родственными.

Ниже приведён общий рисунок всех последовательностей:



Как видно если бы у нас была бы одна последовательность #2 мы просто имели бы прямую линию, однако из-за других последовательностей возникают дополнительные переходы.

## 2.3 Группы последовательностей

Последовательности, так же как и гаммы не идут строго хронологически, начинаются они с группы последовательностей "0, 1, 2, 0, 1, 3, 0, 1, 3, 0, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7" - длина этой группы 41 последовательность, на этом интервале встречаются все 8 последовательностей впервые.

Если осуществить поиск групп, начинающихся с такой же группировки последовательностей - мы получим 8 групп, которые все будут начинаться с данных 41 одного символа и будут отличаться последними символами.

Статистика их встречи будет уже достаточно неравномерной:

1	2	3	4	5	6	7	8
43	56	52	5	11	14	6	12

Однако поскольку все они начинаются одинаково, если попытаться ограничить поисковый сегмент группой последовательностей "0, 1, 2, 0, 1, 3" - тогда мы получим более короткие группы.

Все последовательности начинаются на "0, 1, 2, 0, 1, 3, 0, 1, 3, 0, 1, 3" и заканчиваются на "1, 2, 0, 1, 2" - если сократить их:

- 1) "4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7"
- 2) "0, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7"
- 3) "4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7"
- 4) "4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 0"
- 5) "4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7"
- 6) "0, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7"
- 7) "4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 0"
- 8) "4, 1, 3, 4, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 6, 7, 1, 2, 7, 1, 2, 7"

№	1	2	3	4	5	6	7	8
частота	встречена 68 раз \ 256	встречена 55 раз \ 220	встречена 56 раз \ 217	встречена 52 раза \ 216	встречена 5 раз \ 38	встречена 14 раз \ 43	встречена 6 раз \ 38	встречена 12 раз \ 45
длина	49	53	53	52	50	53	53	49

1,3,4,5,7,8 - имеют 7 общих начальных последовательностей 4, 1, 3, 4, 1, 3, 4.

1,4,5,8 - после них, имеют ещё 5 общих последовательностей 5, 4, 5, 4, 5.

1 и 5 следом имеют ещё 5 общих последовательностей 6, 5, 6, 5, 6.

4 и 8 совпадают далее до окончания групп последовательностей #4.

3 и 7 не совпадают только самой последней последовательностью.

2 и 6 не совпадают только на 29 символе (если отбросить начало общее для всех последовательностей).

Само чередование групп последовательностей выглядит так словно оно содержит в себе некоторую структуру, которая постепенно изменяется:

0, 1, 0, 1, 2, 3, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 6,  
0, 1, 0, 1, 2, 3, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 6,

0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 6,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 6,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 6,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 6,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 2,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 2,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 2,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 2,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 2,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 4, 1, 2, 5, 2, 0, 2,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 3, 1, 2, 5, 2, 0, 2,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 3, 1, 2, 5, 2, 0, 2,  
0, 1, 0, 1, 7, 1, 2, 3, 1, 2, 5, 2, 0, 2,

Одна строчка имеет длину 14-15 групп последовательностей, каждая последовательность представляет из себя 50+ последовательностей, каждая из которых представляет 8-10 гамм, каждая из которых зависит от 7 членов ряда образованного геометрической прогрессией.

Т.е. каждая такая строчка требует приблизительно  $7 \cdot 9 \cdot 50 \cdot 14 = 44100$  членов геометрической прогрессии, однако по мере того как длины чисел начинают превышать тысячи символов - вычисления замедляются.

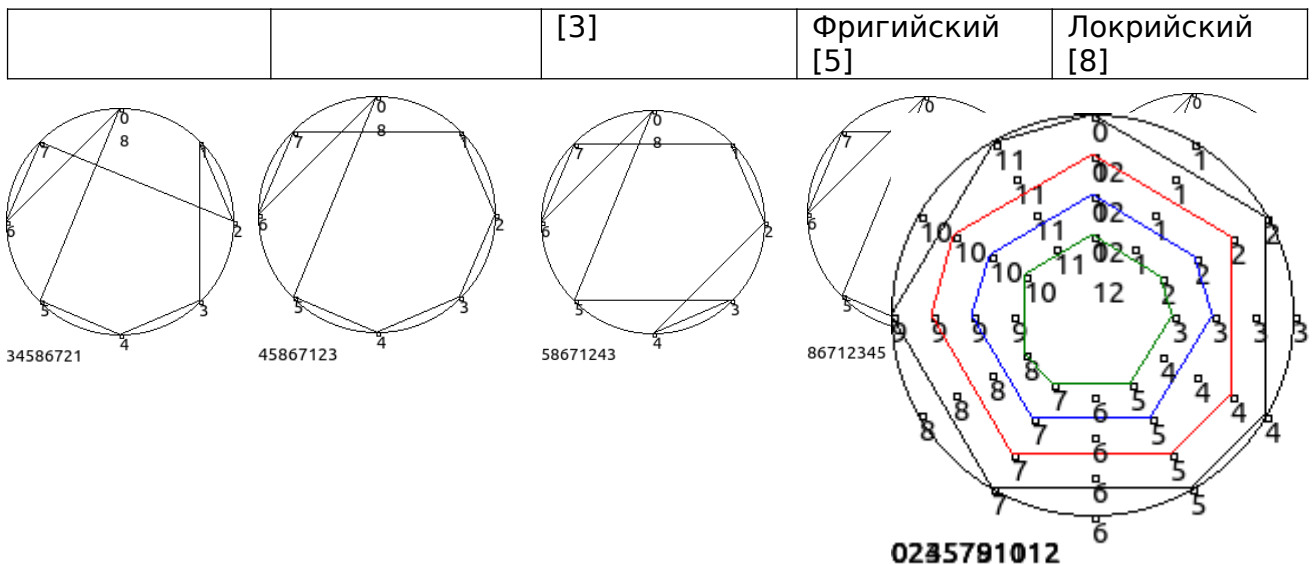
**? Существует ли возможность доказать, что закономерности образованные вначале встречами гамм, потом их последовательностей, а потом групп этих последовательностей являются циклическими, либо же наоборот, доказать что они не являются циклическими, а значит никогда не будут повторяться?**

## 2.1.2. Музыкальные лады возникающие при умножении

Не только  $1/7$  возможно разложить в сумму ряда, представленного геометрической прогрессией, но так же это возможно и с  $2/7$  итд. Однако при этом меняется структура музыкальных ладов, само их чередование(в квадратных скобках приведена индексация в  $1/7$ ):

2/7	3/7	4/7	5/7	6/7
1) Дорийский [3] 2) Минор [4] 3) Фригийский [5] 4) Локрийский [8] 5) 11 [6] 6) Лидийский [7] 7) Миксолид. [2] 8) Мажор [1]	1) Минор [4] 2) Фригийский [5] 3) Локрийский [8] 4) 11 [6] 5) Лидийский [7] 6) Мажор [1] 7) Миксолид. [2] 8) Дорийский [3]	1) Фригийский [5] 2) Локрийский [8] 3) 11 [6] 4) Лидийский [7] 5) Мажор [1] 6) Миксолид. [2] 7) Минор [4] 8) Дорийский	1) Локрийский [8] 2) 11 [6] 3) Лидийский [7] 4) Мажор [1] 5) Миксолид. [2] 6) Дорийский [3] 7) Минор [4] 8)	1) 11 [6] 2) лидийский [7] 3) мажор [1] 4) миксолид. [2] 5) дорийский [3] 6) Минор [4] 7) Фригийский [5] 8)





Выше изображены концентрические круги описывающие последовательно все 8 гамм встречающихся в сумме ряда. Однако эта последовательность не совсем верная и более корректно было бы изобразить отдельно каждую последовательность из 8 встреченных.

У каждой дроби  $\frac{2}{7}$  -  $\frac{6}{7}$  будет свои собственные 8 последовательностей гамм, рассмотрим некоторые из них.

- 2/7: 1) 1 2 2 3 4 5 6 7 7 встречена 15 раз, на 10000 членах ряда  
 2) 1 2 2 3 4 5 6 8 7 7 встречена 34 раза  
 3) 1 2 2 4 5 6 8 7 7 встречена 11 раз  
 4) 1 2 3 4 5 6 8 7 7 встречена 17 раз  
 5) 1 2 2 3 4 5 8 7 7 встречена 16 раз  
 6) 1 2 2 3 4 5 6 8 7 7 2 2 3 4 5 6 8 7 7 встречена 16 раз  
 7) 1 2 2 3 5 6 8 7 7 встречена 16 раз  
 8) 1 2 2 3 4 5 6 8 7 встречена 12 раз

Однако в данном случае мы имеем локальное исчисление(относительно той нумерации гамм в которой мы их встретили в данной дроби), если его транспонировать на изначальные гаммы мы получим другие цифры:

- 1) 3 4 4 5 8 6 7 2 2
- 2) 3 4 4 5 8 6 7 1 2 2
- 3) 3 4 4 8 6 7 1 2 2
- 4) 3 4 5 8 6 7 1 2 2
- 5) 3 4 4 5 8 6 1 2 2
- 6) 3 4 4 5 8 6 7 1 2 2 4 4 5 8 6 7 1 2 2
- 7) 3 4 4 5 6 7 1 2 2
- 8) 3 4 4 5 8 6 7 1 2

Первое на что падает внимание: последовательности гамм выглядят очень похоже с "изначальными", по крайней мере 2ая и 4ая гаммы дублируются схожим образом, что вызывает подозрения что все дроби полученные от  $\frac{n}{7}$  будут давать части общей картины.

Построим от 5/7:

- 1) 1 2 3 4 5 5 6 7 8 встречена 15
- 2) 1 2 3 4 5 5 6 7 7 8 встречена 34
- 3) 1 2 3 5 5 6 7 7 8 встречена 11
- 4) 1 2 4 5 5 6 7 7 8 встречена 17
- 5) 1 2 3 4 5 5 7 7 8 встречена 16
- 6) 1 2 3 4 5 5 6 7 7 8 2 3 4 5 5 6 7 7 8 встречена 16
- 7) 1 2 3 4 5 6 7 7 8 встречена 16
- 8) 1 2 3 4 5 5 6 7 7 встречена 12

А так же расположенная относительно изначальных гамм в 1/7:

- 1) 8 6 7 1 2 2 3 4 5
- 2) 8 6 7 1 2 2 3 4 4 5
- 3) 8 6 7 2 2 3 4 4 5
- 4) 8 6 1 2 2 3 4 4 5
- 5) 8 6 7 1 2 2 4 4 5
- 6) 8 6 7 1 2 2 3 4 4 5 6 7 1 2 2 3 4 4 5
- 7) 8 6 7 1 2 3 4 4 5
- 8) 8 6 7 1 2 2 3 4 4

Как мы можем видеть гаммы #2 и #4 снова повторяются, т.е. вероятно любые гаммы и последовательности гамм полученных от умножения имеют похожий паттерн переходов.

### 3. Другие системы счисления

Рассмотрим дробь 1/7 и результат её умножения на [2;6] в разных системах счисления

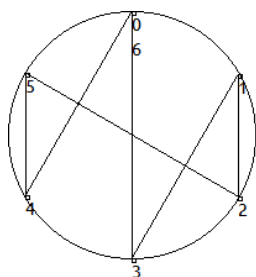
Система счисления	Длина периода	1/7	2/7	3/7	Система счисл. % 7
1					1
2	3	(0 0 1)	(0 1 0)	(0 1 1)	2
3	6	(0 1 0 2 1 2)	(0 2 1 2 0 1)	(1 0 2 1 2 0)	3
4	3	(0 2 1)	(1 0 2)	(1 2 3)	4
5	6	(0 3 2 4 1 2)	(1 2 0 3 2 4)	(2 0 3 2 4 1)	5
6	2	(0 5)	(1 4)	(2 3)	6
7	1	0 (6)	1 (6)	2 (6)	7
8	1	(1)	(2)	(3)	1
9	3	(1 2 5)	(2 5 1)	(3 7 6)	2
10	6	(1 4 2 8 5 7)	(2 8 5 7 1 4)	(4 2 8 5 7 1)	3
11	3	(1 6 3)	(3 1 6)	(4 7 9)	4
12	6	(1 8 6 10 3 5)	(3 5 1 8 6 10)	(5 1 8 6 10 3)	5
13	2	(1 11)	(3 9)	(5 7)	6
14	1	1 (13)	3 (13)	5 (13)	7
15	1	(2)	(4)	(6)	1

Система счислен	Длина перио	4/7	5/7	6/7	Система счисл. %
-----------------	-------------	-----	-----	-----	------------------

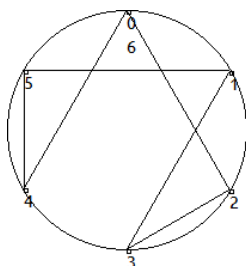
ия	да				7
1					1
2	3	(1 0 0)	(1 0 1)	(1 1 0)	2
3	6	(1 2 0)	(2 0 1 0 2 1)	(2 1 2 0 1 0)	3
4	3	(2 1 0)	(2 3 1)	(3 1 2)	4
5	6	(2 4 1 2 0 3)	(3 2 4 1 2 0)	(4 1 2 0 3 2)	5
6	2	(3 2)	(4 1)	(5 0)	6
7	1	3 (6)	5 (0)	5 (6)	7
8	1	(4)	(5)	(6)	1
9	3	(5 1 2)	(6 3 7)	(7 6 3)	2
10	6	(5 7 1 4 2 8)	(7 1 4 2 8 5)	(8 5 7 1 4 2)	3
11	3	(6 3 1)	(7 9 4)	(9 4 7)	4
12	6	(6 10 3 5 1 8)	(8 6 10 3 5 1)	(10 3 5 1 8 6)	5
13	2	(7 5)	(9 3)	(11 1)	6
14	1	7 (13)	10 (0)	11 (13)	7
15	1	(8)	(10)	(12)	1

Как можно сразу отметить, длина периода дроби имеет чередование длины { 3,6,3,6,2,1,1} - которая повторяется каждые 7 степеней счисления. Особое внимание стоит уделить двоичной системе счисления, в которой все дроби представляются в виде периодической дроби, с длиной периода равной трём, т.е. любая периодическая дробь в двоичной системе счисления, имеющая период равный 3 имеет прямую связь с  $1/7$ .

Так же стоит уделить внимание всем степеням счисления, в которых остаток от деления на 7 равен 3 или 5. В случае с 3 мы получаем рисунок, как например в 10тичной системе счисления, в случае с 5 мы получаем такой же визуальный паттерн рисунка, однако направление цифр противоположное.

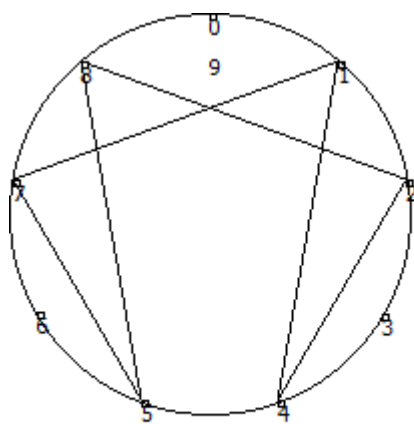


045213

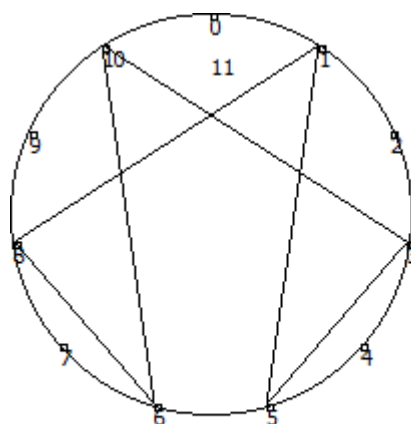


546231

Выше приведён рисунок смещений в циклической дроби от умножения, в 12ричной сс, а так же остатки при делении 1 на 7 в 12ричной системе счисления.



0.(142857)



0.(1861035)

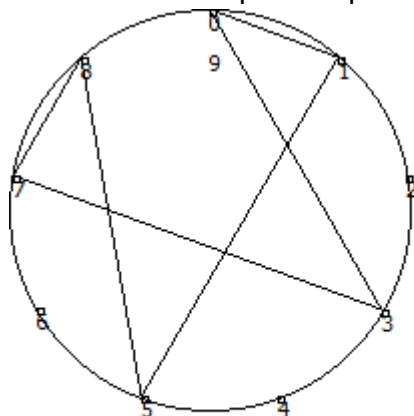
Данное свойство, и данный паттерн сохраняется во всех других степенях счисления, в которых остаток от деления на 7 равен 3 или 5.

**?Вопрос: с чем связано свойство, что одна и та же дробь, в разных степенях счисления даёт похожий визуальный паттерн на числовом круге, однако имеет диаметрально противоположное направление движения?**

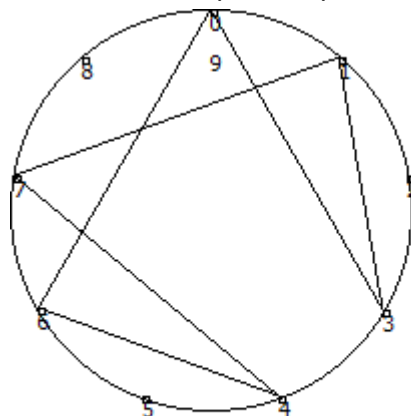
## 4. Умножения

Если дробь  $1/7$  умножать на другие дроби - можно получить разные комбинации вышеуказанного паттерна, однако они будут словно повернуты.

Первым примером может быть  $1/63$  и  $2/63$ :



0.(015873)



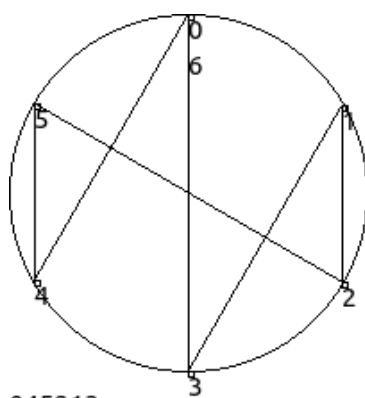
0.(031746)

$8/63$  и  $16/63$

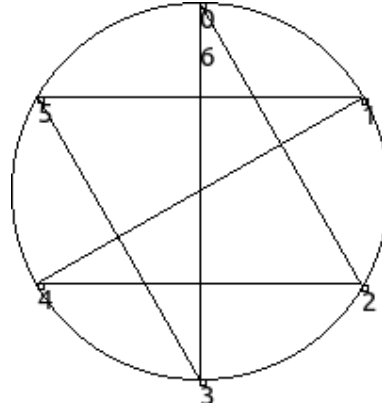


									+1
8/13	= 0.(	6	1	5	3	8	4	)	2: смещ на +5
9/13	= 0.(	6	9	2	3	0	7	)	1: смещ на +2
10/13	= 0.(	7	6	9	2	3	0	)	1: смещ на +1
11/13	= 0.(	8	4	6	1	5	2	)	2: смещ на +3
12/13	= 0.(	9	2	3	0	7	6	)	1: смещ на +3

Паттерн смещений в 1ой и во второй циклических последовательностях, как можно видеть паттерн смещения в первой последовательности соответствует смещениям 1/7 в 12ричной системе счисления.

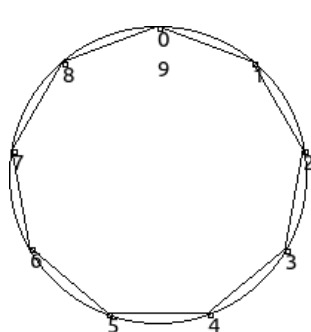


045213

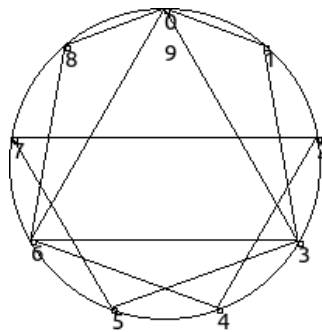


024153

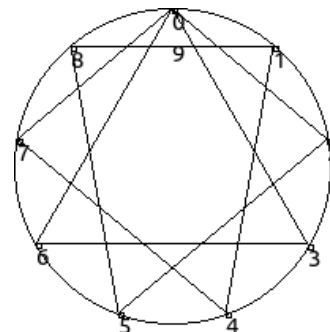
Паттерны чисел образованные разрядами дробей  $n/13$ : 012334566789, 753086319642, 30741852963.



012334566789

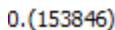
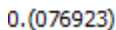


753086319642



30741852963

Дроби  $1/13$  и  $2/13$  в десятичной системе счисления изображены ниже:



Формула суммы ряда:

Формула гамм:

$$fPent(n) = 2n - i - 2)$$

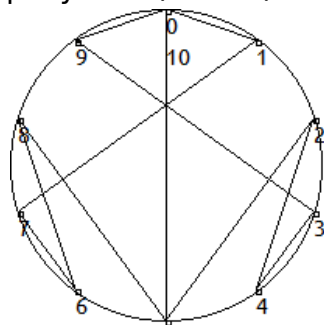
0

[illegible]

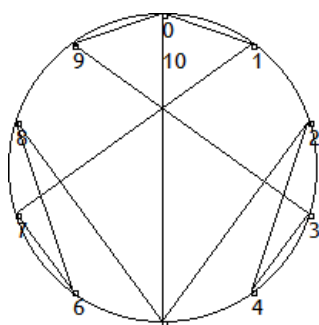
В данном случае представлен рисунок обратной суммации, т.е. с условного конца бесконечной периодической дроби, такой же вариант возможен и для  $1/7$ , здесь он записан потому что прямая последовательность из-за деления на 3 будет содержать множество периодических дробей.

Так же если рассмотреть возникновение членов геометрической прогрессии на расстоянии в 2 периода дроби - мы получим последовательность пентатоник (состоящих из 5 нот) музыкальных ладов.

Давайте так же рассмотрим число  $1/13$  в 11 системе счисления, где оно принимает форму циклического числа с длиной периода 12, ниже приведены рисунки  $1/13$  и  $2/13$ :



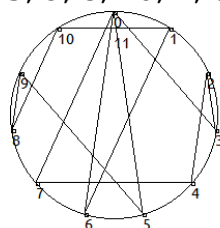
0.(0934251017685)



0.(1768509342510)

$1/13=0$	0	9	3	4	2	5	10	1	7	6	8	5	)
.(													
$2/13=0$	1	7	6	8	5	0	9	3	4	2	5	10	)
.(													
$3/13=0$	2	5	10	1	7	6	8	5	0	9	3	4	)
.(													
$4/13=0$	3	4	2	5	10	1	7	6	8	5	0	9	)
.(													
$5/13=0$	4	2	5	10	1	7	6	8	5	0	9	3	)
.(													
$6/13=0$	5	0	9	3	4	2	5	10	1	7	6	8	)
.(													
$7/13=0$	5	10	1	7	6	8	5	0	9	3	4	2	)
.(													
$8/13=0$	6	8	5	0	9	3	4	2	5	10	1	7	)
.(													
$9/13=0$	7	6	8	5	0	9	3	4	2	5	10	1	)
.(													
$10/13=$	8	5	0	9	3	4	2	5	10	1	7	6	)
0.(													
$11/13=$	9	3	4	2	5	10	1	7	6	8	5	0	)
0.(													
$12/13=$	10	1	7	6	8	5	0	9	3	4	2	5	)
0.(													

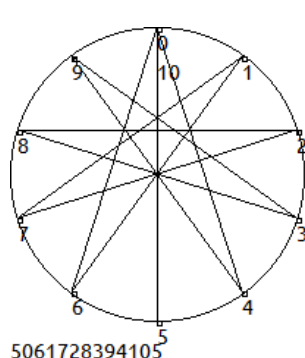
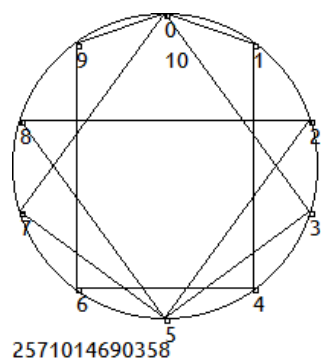
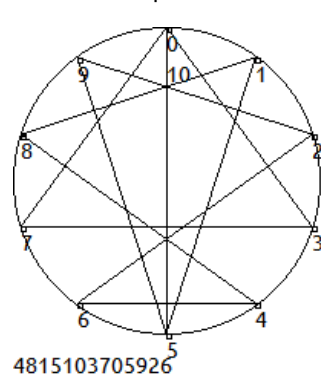
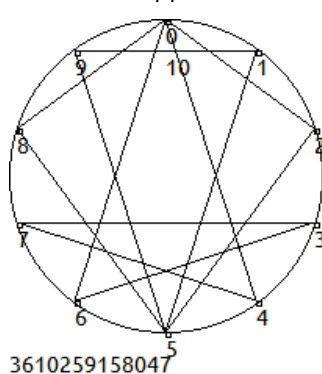
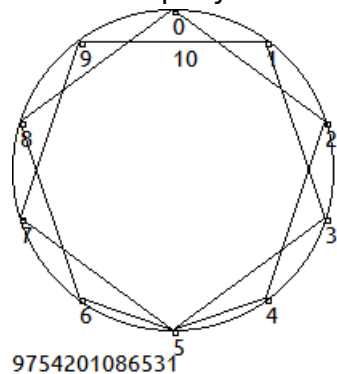
Паттерн смещения внутри циклической дроби при умножении: {7, 4, 2, 3, 11, 5, 9, 8, 10, 1, 6}.



07423115981016



Так же образуются числовые последовательности из столбцов:

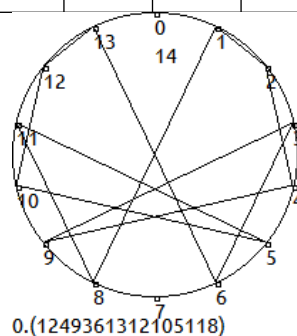


Как и прежде половина из них повторяет друг друга, задом наперёд. Первая последовательность опущена, т.к. она представляет собой просто все точки взятые последовательно, где точка 5 взята дважды.

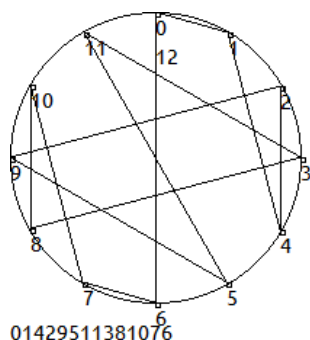
Так же мы можем получить циклическую дробь из  $1/13$  в 15 системе счисления:

$1/13=0$	1	2	4	9	3	6	13	12	10	5	11	8	)
.(													
$2/13=0$	2	4	9	3	6	13	12	10	5	11	8	1	)
.(													
$3/13=0$	3	6	13	12	10	5	11	8	1	2	4	9	)
.(													
$4/13=0$	4	9	3	6	13	12	10	5	11	8	1	2	)
.(													
$5/13=0$	5	11	8	1	2	4	9	3	6	13	12	10	)
.(													
$6/13=0$	6	13	12	10	5	11	8	1	2	4	9	3	)
.(													
$7/13=0$	8	1	2	4	9	3	6	13	12	10	5	11	)
.(													
$8/13=0$	9	3	6	13	12	10	5	11	8	1	2	4	)
.(													
$9/13=0$	10	5	11	8	1	2	4	9	3	6	13	12	)
.(													
$10/13=$	11	8	1	2	4	9	3	6	13	12	10	5	)
0.(													
$11/13=$	12	10	5	11	8	1	2	4	9	3	6	13	)

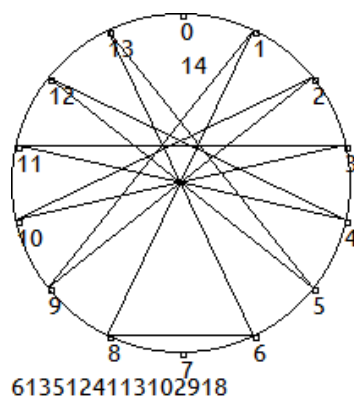
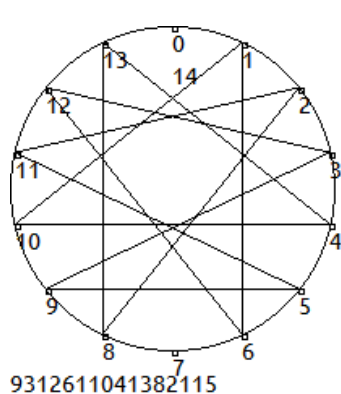
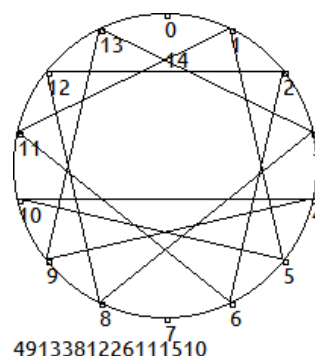
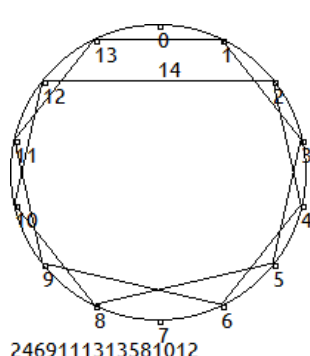
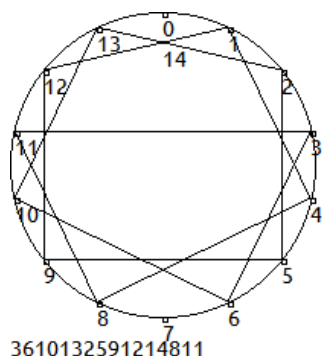
0.(													
12/13=	13	12	10	5	11	8	1	2	4	9	3	6	)
0.(													



Выше изображена дробь 1/13, а так же



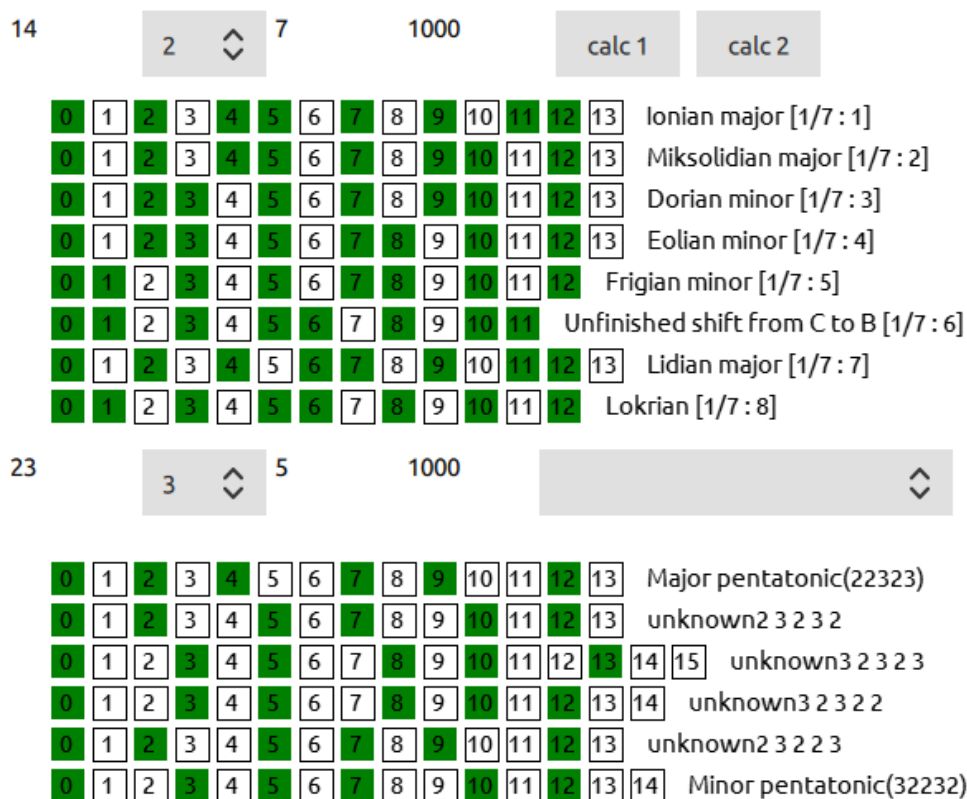
чередование смещений в циклической дроби при умножении {0 1 4 2 9 5 11 3 8 10 7 6}. Ниже изображены последовательности образованные столбцами:



Последовательности так же зеркальны. Первая представляет посещение всех точек кроме 7 последовательно.

## 5.1 Музыкальные дополнения к дробям образованным при делении на 13

На картинке ниже изображены 8 диатонических ладов, полученных от  $1/7$  и 6 пентатоник полученных от  $1/13$ .



## 5.2 Границы систем счисления

Если разложить число 142857 на простые множители то мы получим:  $3 * 3 * 3 * 11 * 13 * 37$

Если разложить число 76923 на простые множители то мы получим:  $3 * 3 * 3 * 7 * 11 * 37$

Проведя аналогичную операцию с 999999 мы получим:  $3 * 3 * 3 * 7 * 11 * 13 * 37$

Таким образом в десятичной системе счисления максимальная 6-тизначная цифра опирается как на число 7, так и на число 13, которые могут дать период равный 6 при возведении в степень -1.

$1/27$  и  $1/37$  дают период равный 3 - потому укладываются в число 6 дважды,  $1/11$  - имеет период равный 2 и потому укладывается в 6 трижды.

Границами системы счисления я назвал числа которые представляют собой все разряды числа заполненные самой большой цифрой, например: 999, 999999, 999999999999 итд т.е. в десятичной системе счисления - это любая последовательность девяток, а в 12ричной счисления цифры обозначающих 11, как правило это символ В - например ВВВВВВ или ВВВВВВВВВВВВ.

В десятичной системе счисления ВВВВВВ равно 2985983, его разложение на простые множители:  
 $7 * 11 * 13 * 19 * 157$

ВВВВВВВВВВВВ в десятичной системе счисления равно 8916100448255, его разложение на простые числа:  $5 * 7 * 11 * 13 * 19 * 29 * 157 * 20593$

Как можно увидеть границы систем счисления 10 и 12, длиной в 6 и 12 элементов - опираются на 7 и 13, те числа которые в этих системах счисления занимают пространство периодических циклических дробей.

Для примера при разложении границы 11 системы счисления длиной в 6 цифр АААААА, что в десятичной системе счисления равно 1771560, мы получим:  $2 * 2 * 2 * 3 * 3 * 5 * 7 * 19 * 37$ , как мы видим здесь нет множителя 13, однако есть 7, что судя по всему связано с тем что период дроби  $1/7$  в 11ричной системе счисления равен 3.

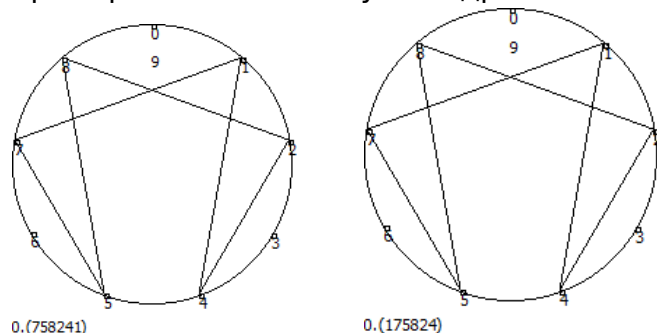
Таким же образом если рассмотреть следующее циклическое число  $1/17 = 0, (0588235294117647)$ .

Период числа равен 16. В границе десятичной системе счисления длиной в 16 цифр 9999999999999999 при разложении на простые множители встретятся:  $3 * 3 * 11 * 17 * 73 * 101 * 137 * 5882353$ .

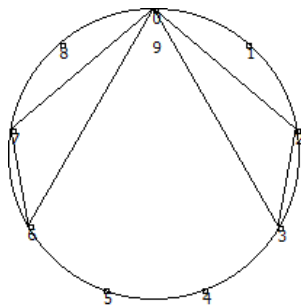
### 5.3 Другие связи между 7 и 13

Ещё одна закономерность которую можно обнаружить - это образование реверсированных дробей, т.е. таких которые выглядят на цифровом круге в точности так же, однако в действительности цифры движутся задом наперёд, в отношении к изначальным дробям.

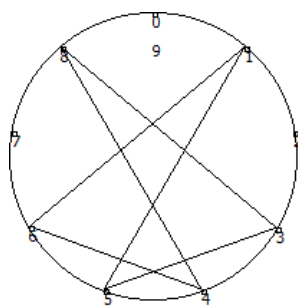
Примером может выступить дробь  $69/91 = 0.(758241)$  или  $16/91=0.(175824)$ .



Такие же обратные дроби возможны и для  $1/13$ ; Например  $3/91$  и  $15/19$ :



0.(032967)

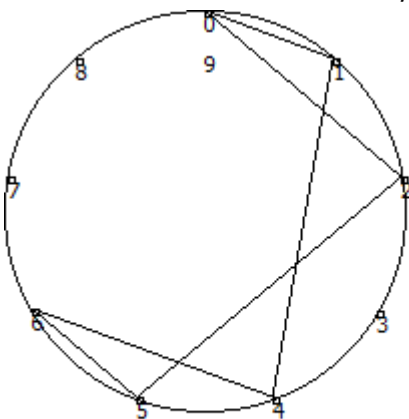


0.(164835)

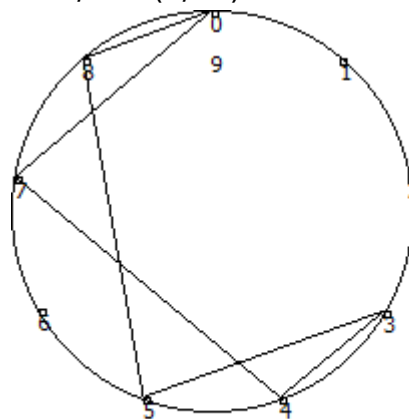
Как можно увидеть все они образованы от  $1/91$ , которая в свою очередь является результатом перемножения  $1/7$  и  $1/13$ .

Если умножить  $1/91$  на  $1/3$ , тогда мы сможем вновь встретить повёрнутые паттерны, каких мы ещё не встречали:

$4/273$  и  $95/273$  ( $1/39$ )



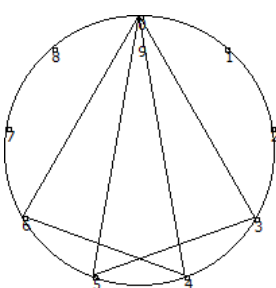
0.(014652)



0.(347985)

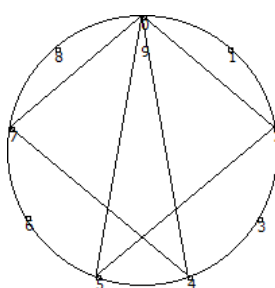
Если вместо умножения на  $1/3$  сделать умножение на  $1/11$  можно встретить такие паттерны:

$47/1001$



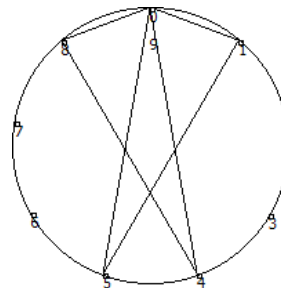
0.(046953)

$48/1001$



0.(047952)

$49/1001$

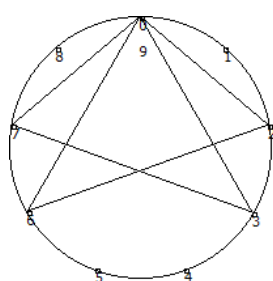


0.(048951)

$38/1001$

$39/1001$

$29/1001$



[illegible][illegible]

4/7:

[illegible]

5/7:

[illegible]

7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	6	1	1	2	0
1	2	1	2	1	2	2	2	2	2	2	2	3	2	3	2	3	3	3	3	3	3	4	3	4	3	4	3	4	3	4	4	4	4	4	5	4	5	4	5	5	5	4	4	3	3	2	2	1	1
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	9	5	7	4	5	1		

6/7:

[illegible]

8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	7	1	4	2	8	5	6	9	5	3	3	4	4					
1	2	1	2	1	2	2	2	2	2	2	3	2	3	2	3	2	3	3	3	3	3	3	4	3	4	3	4	4	4	4	4	4	4	4	5	4	5	4	5	5	5	4	4	3	3	2	2	1	1
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	7	6	5	0	8	4	1		



1/13:

[illegible]

### Формула суммы ряда 1/17:

$$\sum_{n=0}^{\infty} (47/8 \textcolor{red}{i} \textcolor{red}{i} n+1)/10^{2(n+1)} \textcolor{red}{i}$$

[illegible]

### Формула суммы ряда 1/19:

$$\sum_{n=0}^{\infty} (5 * 5 \textcolor{red}{i} \textcolor{red}{i} n) / 10^{2(n+1)} \textcolor{red}{i}$$

period: 18

Q

period: 18

Формула суммы ряда 1/23:

$$\sum_{n=0}^{\infty} (4 \cdot 8^n) / 10^{2(n+1)}$$

period: 22

Формула суммы ряда 1/29:

[illegible]

### Формула суммы ряда 1/31:

[illegible]

## Формула суммы ряда 1/47:

[illegible]

### Формула суммы ряда 1/71:

[illegible]

### Формула суммы ряда 1/83:

[illegible]

### Формула суммы ряда 1/199:

[illegible]

[illegible]

? Всегда ли существует обратная форма суммации? - может ли она иметь реальное значение? Могут ли они сочетаться с прямой на каком-то члене?

Разложению в ряд можно подвергнуть так же перемножение циклических дробей например  $1/17 \cdot 1/7 = 1/119$  имеет длину периода 48:

Формула:

$$\sum_{n=0}^{\infty} (84 * 4 \text{ } \textcolor{red}{i} \text{ } \textcolor{red}{i} n) / 10^{4(n+1)} \text{ } \textcolor{red}{i}$$

[illegible]

Некоторые составные дроби имеют длину периода 6,12,24,48, т.е. такие которые возможно было бы положить на музыкальную плоскость. Одним из примеров таких дробей является  $1/707$ :

0,(001414427157)

Причина того что  $1/707$  имеет длину периода равную 12 связана с числами 7 и 101:

Число 7 имеет период равный 6, число 101 имеет период равный 4, ближайший общий кратный период - 12, в котором могут уложиться 2 целых периода от  $1/7$ , и 3 целых периода от  $1/101$ .

К слову о границах систем счислений, если мы возьмём число 9999, и разложим его на простые мы получим:  $3 * 3 * 11 * 101$ . Как видно этот метод позволяет успешно искать числа, которые могут давать периодическую дробь заданной длины, или же укладываться в неё.

[illegible]

По этой же причине  $1/119$  имеет длину периода равную 48, т.к. у  $1/17$  длина периода равна 16, а у  $1/7$  - 6.

*Возможно некоторые из периодических дробей, с периодами 6,12,24,48 - так же могут иметь музыкальную интерпретацию.*

Дроби с длиной периода равной 96 не удалось найти.

