77 (35 на хор). Является ли ln n р.р. (mod 1) последовательностью?

Утверждение: $ln(n)$ не является р.р. (mod 1) последовательностью.

▲ Числа, подходящие под условие, имеют вид $e^k, e^{k+1}, \dots e^{k+\gamma}$. Количество таких чисел - $e^{k+\gamma} - e^k = e^k(e^\gamma - 1)$ для конкретного k. Просуммируем:

$$F(N,\gamma) = \sum_{k=1}^{[ln(N)]} e^k(e^\gamma - 1) = (e^\gamma - 1) \cdot \frac{e^{[ln(N)]+1}}{e-1} + O([ln(N)])$$

$$\lim_{n\to\infty} \frac{F(N,\gamma)}{N} = \frac{e^\gamma - 1}{e-1} \lim_{n\to\infty} \frac{e^{[ln(N)]+1} + O([ln(N)])}{N} = \frac{e^\gamma - 1}{e-1} \neq \gamma$$

■