

### Laplace Transforms

|     | $f(t) = \mathcal{L}^{-1}\{F(s)\}$ | $F(s) = \mathcal{L}\{f(t)\}$   |
|-----|-----------------------------------|--|
| 1.  | 1                                 | $\frac{1}{s}$  |
| 2.  | $e^{-at}$                         | $\frac{1}{s+a}$  |
| 3.  | $\cos(at)$                        | $\frac{s}{s^2+a^2}$  |
| 4.  | $\sin(at)$                        | $\frac{a}{s^2+a^2}$  |
| 5.  | $t^{n-1}e^{-at}$                  | $\frac{(n-1)!}{(s+a)^n}$   |
| 6.  | $t \sin(at)$                      | $\frac{2as}{(s^2+a^2)^2}$  |
| 7.  | $t \cos(at)$                      | $\frac{s^2-a^2}{(s^2+a^2)^2}$  |
| 8.  | $e^{-at} \sin(bt)$                | $\frac{b}{(s+a)^2+b^2}$  |
| 9.  | $e^{-at} \cos(bt)$                | $\frac{s+a}{(s+a)^2+b^2}$  |
| 10. | $u(t-a)$                          | $\frac{e^{-as}}{s}$  |
| 11. | $\delta(t-a)$                     | $e^{-as}$  |
| 12. | $f(t)u(t-a)$                      | $e^{-as}\mathcal{L}\{f(t+a)\}$   |
| 13. | $f(t-a)u(t-a)$                    | $e^{-as}F(s)$  |
| 14. | $y^{(n)}$                         | $s^n \mathcal{L}\{y\} - s^{n-1}y(0) - s^{n-2}y'(0) - \dots - y^{(n-1)}(0)$ |