

# SÍLABO ECUACIONES DIFERENCIALES

## ÁREA CURRICULAR: ÁREA DE MATEMÁTICA Y CIENCIAS BÁSICAS

#### I. DATOS GENERALES

1.1 Departamento Académico : Ingeniería y Arquitectura

1.2 Semestre Académico : 2019-II

1.3 Código de la asignatura : 09041204040

1.4Ciclo: IV1.5Créditos: 41.6Horas semanales totales: 09

1.6.1 Horas lectivas (Teoría, Práctica. Laboratorio) : 5 (T=3, P=2, L=0))

1.6.2. Horas no lectivas : 4

1.7 Condición del Curso : Obligatorio

1.8Requisito(s): 09065603050 Cálculo II1.9Docentes: Mg. Edgar Salas Paulino

#### II. SUMILLA

El curso de Ecuaciones Diferenciales forma parte de la formación de ciencias básicas; tiene carácter teórico, práctico y aplicativo a los cursos de las especialidades de Ingeniería. Le permite al estudiante desarrollar la capacidad de transformar los fenómenos físicos en modelos matemáticos (ecuaciones diferenciales) y utilizar en forma apropiada los métodos para su resolución.

El curso se desarrolla mediante las unidades de aprendizaje siguientes:

I. Ecuaciones diferenciales de primer orden. II. Ecuaciones diferenciales lineales de orden superior. III. Transformadas de Laplace. IV. Ecuaciones diferenciales con coeficientes variables. Serie de potencias. V. Serie de Fourier.

## III. COMPETENCIAS Y SUS COMPONENTES COMPRENDIDOS EN LA ASIGNATURA

#### 3.1 Competencias

- . Modela, mediante ecuaciones matemáticas, una situación de la vida real.
- Utiliza las ecuaciones diferenciales para resolver problemas relacionados con la ingeniería.
- . Interpreta la solución en el contexto del problema.

## 3.2 Componentes

# Capacidades

- . Capacidad para matematizar los problemas de ingeniería.
- . Capacidad para resolver ecuaciones diferenciales mediante diversos métodos.

## Contenidos actitudinales

- . Participa en clase en la solución de los problemas en forma grupal.
- . Resuelve problemas propuestos dados como tarea.

## IV. PROGRAMACIÓN DE CONTENIDOS

# UNIDAD I: ECUACIONES DIFERENCIALES DE PRIMER ORDEN

**CAPACIDAD**: Capacidad para resolver ecuaciones diferenciales de primer orden.

SEMANA	CONTENIDOS CONCEPTUALES	CONTENIDOS PROCEDIMENTALES	ACTIVIDAD DE APRENDIZAJE	HC	RAS
				L	T.I.
1	Problemas físicos y geométricos. Definición, orden y grado de una ecuación diferencial. Solución de una ecuación diferencial: general, particular, singular, explícita, implícita y paramétrica.  Origen de las ecuaciones diferenciales: Problemas geométricos y físicos. Existencia y unicidad de la solución de una ecuación diferencial.		Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h Ejemplos del tema - 1 h Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	_ 5	4
2	Ecuaciones diferenciales de variables separables. Ecuaciones homogéneas. Ecuaciones diferenciales exactas. Ecuaciones reducibles a exactas. Factor integrante	Discute y analiza el tema de clase.     Resuelve problemas.     Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h  Ejemplos del tema - 1 h  Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I):  Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	_ 5	4
3	Ecuación diferencial lineal de primer orden. Ecuaciones reducibles a lineales. Ecuación de Bernoulli. Trayectorias ortogonales. Aplicaciones físicas.	. Plantea y resuelve problemas físicos. . Gráfica, plantea y resuelve problemas geométricos.	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h  Ejemplos del tema - 1 h  Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I):  Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	_ 5	4

# UNIDAD II: ECUACIONES DIFERENCIALES LINEALES DE ORDEN SUPERIOR

**CAPACIDAD**: Capacidad para resolver ecuaciones diferenciales de orden superior.

SEMANA	CONTENIDOS CONCEPTUALES	CONTENIDOS PROCEDIMENTALES	ACTIVIDAD DE APRENDIZAJE	HOI L	RAS T.I.
4	Ecuaciones diferenciales lineales de segundo orden. Principios de superposición. Existencia y unicidad. Independencia lineal de dos funciones. Wronskianos. Solución general. Ecuaciones diferenciales lineales de segundo orden con coeficientes constantes. Ecuación homogénea. Ecuación característica.	Discute y analiza el tema de clase.     Resuelve problemas.     Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h Ejemplos del tema - 1 h Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
5	Soluciones generales de ecuaciones diferenciales lineales. Principio de superposición. Existencia y unicidad. Dependencia lineal de funciones. Wronskianos. Soluciones generales. Ecuaciones no homogéneas. Ecuaciones homogéneas con coeficientes constantes. Ecuación característica.	Discute y analiza el tema de clase.     Resuelve problemas.     Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h Ejemplos del tema - 1 h Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
6	Aplicaciones. Vibraciones mecánicas. Movimiento libre no amortiguado. Movimiento amortiguado libre Ecuaciones diferenciales no homogéneas y el método de coeficientes indeterminados. Casos especiales.	<ul> <li>Discute y analiza el tema de clase.</li> <li>Resuelve problemas.</li> <li>Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.</li> </ul>	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h  Ejemplos del tema - 1 h  Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I):  Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
7	Reducción de orden y ecuaciones de Euler – Cauchy. Variación de parámetros.	<ul> <li>Discute y analiza el tema de clase.</li> <li>Resuelve problemas.</li> <li>Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.</li> </ul>	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h Ejemplos del tema - 1 h Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
8	Aplicaciones Físicas.	<ul> <li>Modela problemas físicos transformándolos en ecuaciones diferenciales.</li> <li>Resuelve las ecuaciones.</li> <li>Interpreta los resultados.</li> </ul>	Lectivas (L):  Desarrollo de problemas- 2 h Ejemplos del tema - 1 h Problemas en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4

# **UNIDAD III:** TRANSFORMADAS DE LAPLACE

**CAPACIDAD**: Capacidad de transforma una ecuación diferencial en una ecuación algebraica.

SEMANA	CONTENIDOS CONCEPTUALES	CONTENIDOS PROCEDIMENTALES	ACTIVIDAD DE APRENDIZAJE	HOI L	RAS T.I.
9	Definición básica. Propiedad lineal. Existencia. Transformada inversa. Fracciones parciales	<ul> <li>Discute y analiza el tema de clase.</li> <li>Resuelve problemas.</li> <li>Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.</li> </ul>	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h  Ejemplos del tema - 1 h  Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I):  Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
10	Propiedades operacionales. Teoremas de traslación y derivadas de una transformada.  La función escalón unitario. Segundo teorema de traslación. Derivadas de una transformada. Transformadas de derivadas e integrales.	Discute y analiza el tema de clase.     Resuelve problemas.     Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h Ejemplos del tema - 1 h Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
11	Aplicación de la transformada de Laplace en la resolución de ecuaciones diferenciales Transformada de la función periódica.	Discute y analiza el tema de clase.     Resuelve problemas.     Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h  Ejemplos del tema - 1 h  Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I):  Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
12	Aplicaciones. Una ecuación Integro-Diferencial. Circuito RLC. Problemas diversos. Sistemas de ecuaciones diferenciales.	Discute y analiza el tema de clase.     Resuelve problemas.     Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h  Ejemplos del tema - 1 h  Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I):  Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4

# UNIDAD IV: SERIE DE POTENCIAS Y SERIE DE FOURIER

**CAPACIDAD**: Capacidad para resolver ecuaciones con coeficientes variables.

SEMANA	CONTENIDOS CONCEPTUALES	CONTENIDOS PROCEDIMENTALES	ACTIVIDAD DE APRENDIZAJE	HOI	RAS T.I.
13	Soluciones en serie de potencias. Soluciones en torno a puntos ordinarios. Soluciones en torno a puntos singulares. Ecuación de Legendre, Polinomios de Legendre.	<ul> <li>Discute y analiza el tema de clase.</li> <li>Resuelve problemas.</li> <li>Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.</li> </ul>	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h Ejemplos del tema - 1 h Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
14	Funciones periódicas. Serie trigonométrica. Fórmulas de Euler. Funciones con período arbitrario. Desarrollos de medio rango.	<ul> <li>Discute y analiza el tema de clase.</li> <li>Resuelve problemas.</li> <li>Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.</li> </ul>	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h Ejemplos del tema - 1 h Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
15	Aplicaciones a la mecánica y circuitos eléctricos.	. Resuelve problemas. . Realiza talleres asistidos para la resolución de problemas.	Lectivas (L):  Desarrollo del tema - 2 h Ejemplos del tema - 1 h Ejercicios en aula - 2 h  De trabajo Independiente (T.I): Desarrollo de ejercicios en casa 4 h	5	4
16	Examen final				
17	Entrega de promedios finales y acta del curso.				

## V. ESTRATEGIAS METODOLÓGICAS

- Método Expositivo Interactivo. Disertación docente, exposición del estudiante.
- · Método de Demostración Ejecución. El docente ejecuta para demostrar cómo y con que se hace y el estudiante ejecuta, para demostrar que aprendió.

## VI. RECURSOS DIDÁCTICOS

Equipos: computadora, Ecran, proyector de multimedia.

Materiales: Separatas, pizarra, plumones, manual universitario, obras literarias, artículos de revistas y periódicos.

### VII. EVALUACIÓN DEL APRENDIZAJE

El promedio final de la asignatura se obtiene mediante la fórmula siguiente:

Donde:

PE : Promedio de prácticas EF : Examen Final (escrito) P1...P4 : Prácticas Calificadas (escrito).

MN : Menor nota entre las Prácticas Calificadas

#### VIII. FUENTES DE CONSULTA

#### 8.1 Bibliográficas

- Borreli, R., Coleman, C. (2005). Ecuaciones Diferenciales, una perspectiva de modelación. México, D,
   F.: Alfaomega.
- · Blanchard P., Devaney R. L., Hall G.R. (2006) Differential equations 3rd Edition. Cengage Learning.
- Penney, D. (1993). Ecuaciones Diferenciales Elementales y problemas con condiciones en la Frontera. México: Ed. Prentice Hall.
- · Zill,D. (1988). Ecuaciones Diferenciales con Aplicaciones. México: Ed. Grupo Editorial Iberoamérica.

## IX. APORTE DEL CURSO AL LOGRO DE RESULTADOS

El aporte del curso al logro de los resultados del estudiante (Outcomes), para las Escuelas Profesionales de: Ingeniería Industrial e Ingeniería Civil, se establece en la tabla siguiente:

**K** = clave **R** = relacionado **Recuadro vacío** = no aplica

(a)	Habilidad para aplicar conocimientos de matemática, ciencia e ingeniería	K
(b)	Habilidad para diseñar y conducir experimentos, así como analizar e interpretar los datos obtenidos	R
(c)	Habilidad para diseñar sistemas, componentes o procesos que satisfagan las necesidades requeridas	
(d)	Habilidad para trabajar adecuadamente en un equipo multidisciplinario	R
(e)	Habilidad para identificar, formular y resolver problemas de ingeniería	R
(f)	Comprensión de lo que es la responsabilidad ética y profesional	
(g)	Habilidad para comunicarse con efectividad	
(h)	Una educación amplia necesaria para entender el impacto que tienen las soluciones de la ingeniería dentro de un contexto social y global	
(i)	Reconocer la necesidad y tener la habilidad de seguir aprendiendo y capacitándose a lo largo de su vida	
(j)	Conocimiento de los principales temas contemporáneos	
(k)	Habilidad de usar técnicas, destrezas y herramientas modernas necesarias en la práctica de la ingeniería	K