

# Темы 1-4. Конструирование Компиляторов, Углубленный Курс

Валера Мацкевич, 3 курс ПМИ ВШЭ СПб

на 08.10.2024

Корни

3	13	2	9
---	----	---	---

Куча

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
5	•	19	1	1	•	7	•	1	8	7	•	9	4	7	2	•	4	4	13	10	6	25	19	3	16	13

Рис. 1: Куча

1. Примените алгоритм обхода в глубину с разворотом указателей к состоянию памяти представленному на рис. 1 и ответьте на вопросы:
  - Какие блоки памяти будут помечены по итогу работы алгоритма?  
Только блоки памяти, начинающиеся с адресов 1, 4, 7, 10, 13, 19 (всего 6 блоков), поскольку лишь они достижимы из корней.
  - Каково будет состояние кучи и локальных переменных алгоритма в момент, когда будет помечен блок со значением 7 в первом поле?
    - (a) Необходимо указать значения во всех ячейках памяти в куче или указать ячейки, которые имеют значение, отличное от исходного.  
Отличные от исходного значения находятся в следующих ячейках памяти: [7] = 10, [11] = 19, [21] = 1, [3] = 4, [5] = 13, [14] = nil.
    - (b) Необходимо указать значения в массиве **done**.  
В массиве **done** нули находятся на всех позициях кроме блоков памяти, начинающихся со следующих позиций: **done**[13] = 1, **done**[4] = 1, **done**[1] = 2, **done**[19] = 2, **done**[10] = 1.
    - (c) Необходимо указать значения переменных **t**, **x**, **y**.  
Значения будут следующие: **t** = 10, **x** = 7, **y** = 7
  - Сколько операций записи (изменения) памяти в куче и массиве **done** требуется для алгоритма на данном примере?  
На каждый спуск вниз по дереву поиска в глубину производится 2 записи в память: одну на разворот указателя, одну на его восстановление, а спусков всего 5, поэтому будет 10 записей в память.  
Для массива **done** всё проще: поскольку мы знаем, что будет затронуто 6 блоков, а для покраски блока полностью требуется **BLOCK\_SIZE** + 1 записей, то в него будет произведено 24 записи.
  - Какова амортизированная стоимость сборки мусора (в терминах операции записи/изменения памяти в куче и массиве **done**) на данном примере?  
**Ответ:**  $\frac{10+24}{H-R} = \frac{34}{3} = 11$  записей.
2. Примените алгоритм сборки мусора копированием с гибридным перенаправлением указателей, к состоянию памяти представленному на рис. 1 и ответьте на вопросы ниже. В контексте сборки копированием, раздел *from-space* включает адреса с 1 до 30 (включительно), а раздел *to-space* — адреса с 31 до 60 (включительно).

- Каково состояние кучи после работы алгоритма?

Корни:

3	31	2	9
---	----	---	---

Память (х значит, что значения не отличаются):

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
37	x	x	46	x	x	x	34	x	x	43	x	x	31	x	x	x	x	x	40	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x

31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
9	46	34	7	nil	37	5	nil	40	4	31	43	8	34	nil	1	37	nil	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x

- Какой адрес в *to-space* соответствует адресу 4 из *from-space*?

Ответ: 46.

- Каково состояние кучи в момент вызова процедуры *Forward(p4)*, где *p4* — адрес копии данных, которые находились по адресу 4 до сборки?

В предположении, что в условии задачи имелся ввиду вызов *Forward(4)*, состояние кучи такое же, как и в пункте "после работы алгоритма за исключением: [4] = x, [32] = x, [46] = x, [47] = x, [48] = x.

- Сколько операций записи (изменения) памяти в куче требуется для алгоритма на данном примере? Считайте, что копирование каждого машинного слова стоит 1 единицу.

Ответ: 18 копирований и 6 записей, итого 24 единицы.

- Какова амортизированная стоимость сборки мусора (в терминах операции записи/изменения памяти в куче) на данном примере?

Ответ:  $\frac{24}{H-R} = 8$  записей.

3. Аргументированно ответьте на вопросы связанные с работой следующей программы:

```

1  n = new Counter(value: 0)           # создание нового счётчика со значением 0
2
3  def inc(c):
4      return new Counter(value: c.value + 1)
5
6  def next():
7      n = inc(n)
8
9  def append(lst, x):
10     if lst == null:
11         return new Cons(head: x, tail: null)
12     else:
13         lst.tail = append(lst.tail, x)
14         return lst
15
16  def r():
17     a = null                          # создание пустого связанного списка
18     while n.value < 6:
19         next()
20         i = new Counter(value: 1)
21         j = i
22         while j.value < n.value:
23             j = inc(j)
24             i = new Counter(value: i.value + j.value)
25         a = append(a, i)              # добавление элемента в конец списка
26     return a
27
28  s = 0
29  for k in r():
30     s += k
31  print(s)

```

Рис. 2: Программа с циклом

- Каково общее количество памяти (кол-во машинных слов), которое выделяет эта программа на куче на протяжении своей работы?

7 раз будет создана переменная `n`, по 6 раз во внешнем цикле в функции `r` будут вызовы `append` (в хвостовом вызове которого всегда есть аллокация 2-ух слов) и аллокация `i`, также внутренний цикл содержит  $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 = 15$  аллокаций переменной `j` и `i`, итого  $- 7 + 3 \cdot 6 + 2 \cdot 15 = 55$  машинных слов.

**Ответ:** 55 машинных слов.

- Какое максимальное количество живой памяти (достижимых машинных слов) находится на куче в течение работы этой программы?

Максимум одновременно могут жить слово `j`, слово `i`, слово `n`, и  $2 \cdot 6$  слов `a`, итого  $3 + 2 \cdot 6 = 15$  машинных слов.

**Ответ:** 15 машинных слов.

- При использовании копирующего сборщика мусора без поколений, достаточно ли будет 20 машинных слов на *from-space* (и столько же на *to-space*)? Достаточно ли 15 машинных слов? 30 машинных слов?

20 слов достаточно, если запускать наш stop-the-world копирующий сборщик мусора после каждой аллокации, переполняющей *from-space*. 30 слов хватит с запасом. 15 слов – нет, поскольку при пиковом потреблении памяти, увеличение любого из счётчиков создаёт новый "временный" объект, который некуда положить.

- При использовании сборки по поколениям (на основе копирующего сборщика мусора) с двумя поколениями ( $G_0$  и  $G_1$ ) общим размером в 30 машинных слов, как бы вы разделили память по поколениям (сколько машинных слов будет относиться к  $G_0$ , а сколько – к  $G_1$ )?

Память которой имеет смысл жить долго для данной программы – лишь переменные `n`, и список `a`, итого получая  $1 + 2 \cdot 6 = 13$  слов на  $G_1$ .

4. Продемонстрируйте работу алгоритма Бейкера (инкрементальная сборка мусора), полагаясь на гибридный (*semi-depth-first*) алгоритм обхода и перенаправления указателей, на следующей программе. Учтите, что общая доступная память (*from-space* + *to-space*) – 60 машинных слов.

```
1  def fib(n):
2      if (n < 3):
3          return new Node(value: 1, left: null, right: null)
4      else:
5          x = new Node(value: n, left: null, right: null)
6          x.right = fib(n - 2)
7          x.left = fib(n - 1)
8          x.value = x.left.value + x.right.value
9          fib[n - 1] = x
10         return x
11
12     z = fib(5)
13     print(z.value)
14     print(fib(3).value)
15     z = z.left.left
16     print(z.left.value)
17     print(fib(4).value)
```

Рис. 3: Программа с Фибоначчи

**Примечание:** мне всегда казалось, что алгоритм Бейкера не имеет как такового разделения на *from-space* и *to-space*, что он на самом деле treadmill алгоритм с раскраской в три цвета. Судя по вопросам в этом задании – я не прав, поэтому это задание я решал на интуицию...

- В какой момент работы программы происходит инициализация сборки мусора? Происходит ли инициализация второй раз? Если да, то в какой момент?

Вычисление `fib(5)` генерирует  $3 \cdot 9 = 27$  машинных слов. После, при вычислении `fib(3)`, во время аллокации `fib(1)` на строчке 3, память в `from-space` заканчивается, **отчего впервые происходит инициализация сборщика мусора**.

Во второй раз инициализация не произойдёт, потому что всего памяти выделяется недостаточно: каждая аллокация очищает по одному элементу (по крайней мере, пока не дойдёт до `fib(5).left.left`).

- *Сколько мусора (кол-во машинных слов) находится на куче в момент вызова сборщика мусора (первый раз)?*

0, мусора не появится вплоть до конца жизни `fib(3)` на 14-й строчке.

- *Сколько мусора (кол-во машинных слов) находится на куче в момент завершения сборки мусора (первый раз)?*

Мы очистим всё, кроме `fib(3)` с 14-й строчки. То есть  $3 \cdot 3 = 9$  машинных слов.

- *Каково состояние кучи после выполнения строчки 16 в основной программе?*

(a) *Покажите состояние ячеек памяти в `from-space` и `to-space`.*

(b) *Покажите значения (куда указывают) переменные `scan`, `next`, `limit`.*