

第 15 届大学生程序设计竞赛



Sponsored by



XIDIAN UNIVERSITY Xi'an, China

April 22, 2017

This problem should contain 9 problems on 11 pages. Please inform a runner immediately if something is missing from your problem set.

Problem A Keal's Skill IV - PlasticSpirit

问题描述

艾神曾经说过: "我的 DotA 水平提升得比 ACM 水平都快!"事实上,PlasticSpirit 队的队员使用卡尔(召唤师)的水平也很高!PlasticSpirit 队有锘爷 (DaNuo),杰师傅(XiaoZhen)和 zhOng 神(ZhOngshen)三人,已知锘爷使用卡尔的天梯分数为 $[10000, +\infty)$,杰师傅使用卡尔的天梯分数为 (0,1000],而 zhOng 神使用卡尔的天梯分数为 (1000,10000),现在给定一个天梯分数,请推断 这是 PlasticSpirit 中的哪位选手?

输入格式

输入文件包含多组数据(至多 10 组), 请处理到文件结束。 每组数据只有 1 行,包含一个整数,即天梯分数 rating。 输入保证 $0 < rating < 10^9$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,表示对应的选手。

输入样例	输出样例
1	XiaoZhen
10000	DaNuo
1001	Zh0ngshen

Problem B The Gym - EXCITING

问题描述

EXCITING 队有一名学长是 qsqx,他就要毕业了,于是带着女票回到了学校决定和学校告别。但是一到学校就见到了他的队友 v8 和 lbz007 来接他们,他们一起来到了新建好的体育馆,发现"金饭碗真的好漂亮"。于是 SingleDog v8 提出,既然是个大碗,要用这个吃涮羊肉火锅!但是作为 Couple 的 qsqx 认为是程序员的饭碗,就要在这里写代码!而学霸 SingleDog lbz007 看不下去了,提出:为了有饭碗我们要好好学习!本题告诉你最后是谁做决定,希望你说出他是 SingleDog 还是 Couple ,再说出他们的决定。

输入格式

输入文件包含多组数据(不超过 10 组),请处理至文件结束。 每组数据只有 1 行,包含做决定的人的名字 s。 保证 $s \in \{"v8","qsqx","lbz007"\}$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,包含两个字符串 x, y, 用 & 连接。x 是 "SingleDog"或 "Couple", y 是 "YangRouHuoGuo" (羊肉火锅), "Program" (编程)或 "GoodGoodStud" (学习)。不含引号。

输入样例	输出样例
v8	SingleDog&YangRouHuoGuo
qsqx	Couple&Program
1bz007	SingleDog&GoodGoodStud

Problem C Counting Stars - RiseAbove

问题描述

浙江温州,浙江温州,最大 ACM 团队,RiseAbove 倒闭了!队长游老板,谈笑风生,欠下了一堆比赛,带着实习工作跑了!我们没有办法,只能替游老板打比赛,原来都是能做 8 个,9 个,10 个题的成绩,统统只能做 2 题!

然而,在此之前,游老板也非常喜欢数星星。一天,RiseAbove 打完了大连区域赛,走在大连的路上抬头看到很多星星(他们队也有一个队友叫星星)。他们发现星星密密麻麻地布满了整个天空,汀老师说他想用圆把天空的星星分割开,但是只给游老板和 cqx 队友 n 个任意大小随意摆放的圆。为了让汀老师开心,请问你最多能把星星分割成多少份?

因为汀老师非常佩服游老板做生意的能力,他希望知道答案对 M=140105200078888888 取模的结果。

输入格式

输入包含多组数据 (不超过 5000 组),请处理到文件结束。 每组数据只有 1 行,包含整数 n ,表示圆的个数。 输入保证 $0 \le n \le 10^7$ 。

输出格式

对于每组数据输出一行,包含一个整数,表示最多分割的份数对 M 的模。

输入样例	输出样例
0	1
1	2
2	4

Problem D Lnever and Pikachu

问题描述

众所周知,杰师傅最喜欢的就是锘爷了(滑稽)。zh0ng 神说:"不,杰师傅最喜欢的是皮卡丘,因为他只有一个锘爷,而他有 n 个两两不同的皮卡丘,虽然和一个皮卡丘相比,杰师傅更喜欢锘爷,但是他对于 n 个皮卡丘的喜欢程度之和很大!"锘爷对此表示不服,他就想恶搞一下杰师傅的皮卡丘。

皮卡丘是日本任天堂公司开发的掌机游戏系列《口袋妖怪》和根据它改编的动画《神奇宝贝》(港译《宠物小精灵》)中登场的虚构角色神奇宝贝中的一种。锘爷希望从杰师傅的皮卡丘中,选出 m 个皮卡丘,排成一个环,放在一个圆盘上不停旋转。这样,没有选到的 n-m 个皮卡丘就会很伤心,而被选到的皮卡丘就会被转晕,皮卡丘们就不能和锘爷争夺杰师傅了。那么,锘爷有多少种选取皮卡丘的不同方案呢?注意,因为圆盘是旋转的,因此若两种方案可以通过旋转操作重合,它们就被视为同一种方案。

因为方案数太多,而锘爷也被杜神坑过,非常讨厌高精度,他希望知道答案对 p 的模。

输入格式

输入包含多组数据(最多 100 组), 请处理到文件结束。 每组数据只有一行,包含 3 个整数 n, m, p, 用空格分割。 输入保证 $1 \le m \le n \le 100000$, $1 \le p \le 10^9 + 7$ 。

输出格式

对于每组数据输出一行,包含方案数模 p 的结果。

输入输出样例

输入样例	输出样例
3 2 1000000007	3
100 50 1000000007	990113440

样例解释

对于第一组样例,方案是 (12) (13) (23)。注意由于圆盘是旋转的,(21) 和 (12) 是同一种方案。

Problem E Hanoi Tower - Setaria Viridis

问题描述

汉诺塔是一个非常好玩的游戏。 $XDU\ ACM\ 2014\$ 级女队的 $nanf0621\$ 经常和 队友 Aloes 和 liuhanx1 一起玩汉诺塔,很久之后她们觉得很无聊,于是给自己 增加了点难度,将每个盘子复制一份。那么她们希望知道,最少需要多少步,才 能将 2n 个盘子从 A 杆移动到 C 杆?

普通汉诺塔的规则如下(摘自维基百科):

有三根杆子 A,B,C。A 杆上有 n 个穿孔圆盘,盘的尺寸由下到上依次变小。要求按下列规则将所有圆盘移至 C 杆:

- 每次只能移动一个圆盘。
- 大盘不能叠在小盘上面。

此题则是,有三根杆子 A,B,C。A 杆上有 2n 个穿孔圆盘,盘的尺寸由下到上单调不增,每种尺寸的盘子有 2 个。要求按下列规则将所有圆盘移至 C 杆:

- 每次只能移动一个圆盘。
- 大盘不能叠在小盘上面,大小相同的盘可以互相叠放。

因为 nanf0621 也被杜神坑过,非常讨厌高精度,她希望知道答案对 2097151 的模。

输入格式

输入包含多组数据 (至多 1000 组),请处理至文件结束。 每组数据包含一个整数 n ,表示有 2n 个盘子。 输入保证 $1 \le n \le 10^{18}$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,即最少移动步数对 2097151 的模。

输入输出样例

输入样例	输出样例
1	2
2	6

HINT

此题 First Blood 赠送由 nanf 赞助的精美汉诺塔一个!

Problem F Dogs of Qwordance Senior Backend R&D Engineers

问题描述

那年夏天,锘爷和杰师傅漫步在知春公园的小道上。他们的妻子、孩子牵着狗在前面嬉戏,二人笑语盈盈,他们不深究一个小的编程问题,而是对整个Qwordance(四字舞蹈)公司的发展前景加以描绘。这样的场景,想想就觉得好美,想想就好向往,想想就好激动。然而,他们的狗觉得这非常的无聊,决定自己去玩。

杰师傅的狗非常挑剔。它希望找到一块面积为x的长方形广场,还要求广场的长和宽都是整数。锘爷的狗不屑地说:"这还不简单,总共有 $\sigma_0(x)$ 种方案呢。"杰师傅的狗却摇了摇头说:"找到这个广场后,我们要在上面画上水平和垂直的网格,使得水平、垂直网格之间的间距分别是相同的整数。算了这太难了,我们去听他们讨论 Qwordance 未来发展大方向吧。"锘爷的狗说:"这也不难啊,总共有,咦,多少方案啊?"杰师傅的狗鄙视道:"你看你连个方案数都算不出,我不要和你玩了。像你这样的狗在朝鲜是会被做成狗肉火锅的。你走吧。"锘爷的狗想去问锘爷的儿子(中关村小学生信息学竞赛冠军),然而怕被小主人嘲笑,请你帮帮它吧。

输入格式

输入包含多组数据(最多 450 组),请处理到文件结束。 每组数据包含一个整数,即 x 。 对于所有数据有 $1 \le x \le 10^{12}$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,包含面积为 x 的广场的方案数。只要广场的长或宽不同,或网格划分方案不同,就是不同的方案 (见样例解释)。

输入输出样例

输入样例	输出样例
1	1
4	10

样例解释

对于第二组样例,所有 10 种方案如下图所示。

Problem G The Offer - Lunatic

问题描述

Lunatic 是西电 ACM 非常厉害的队伍。又到了收割 offer 的季节,远老师已经去打东方,不知所踪。众所周知,航老师是西电 ACM 界的 offer 收割机,这一天他拿到了 flag 联合四合一的 offer。于是,他和任老师十分高兴地跑到了山谷去玩。因为非常高兴,所以他就拿着 offer 去玩。任老师说想看一下,但是结果风太大,offer 就被吹跑了。任老师立刻经过一番观察,山谷长这个样子:一个 $n \times m$ 的连绵的山峰,在每一个位置 (i,j) 都有一个高度 h(i,j)。航老师非常地着急,就想赶快过去,但是山谷非常地崎岖,通过任意两个相邻(必须有公共边,对角不算)山峰之间所耗费的时间为两座山峰高度之和。航老师爬得衣服都湿透了!不过功夫不负有心人,他发现在某些位置上有很多具有魔力的石头门(不是命运石,而是只能穿越空间的石头门),但是这个门有很多限制,规则如下:

有 r 个矩形区域,每个矩形区域都有一种门,第 k 个矩形区域的门的作用是使得第 k 个矩形区域内,所有高度差的绝对值不超过 p[k] 的任意两个位置两两可达,通过第 k 种门传送一次的时间是 t[k]。那么,从航老师所在的位置 (s_x,s_y) 到 offer 的位置 (o_x,o_y) 最短需要多少时间?

经过了一番努力,他们终于拿到了 offer,任老师立刻向气喘吁吁的航老师 投去了可爱又怜悯的眼神,还把自己心爱的帽子送给了航老师道歉。 航老师瞬间 怒气消了,给任老师带上了帽子说:"没关系,当然是选择原谅你啊!"任老师立 刻高兴地说:"我们可以重新再来!一起去比赛吧!"

输入格式

输入文件第一行包含数据组数 T 。

之后是 T 组数据,对于每组数据:

第 1 行包含 3 个正整数 n, m, r, 用空格分割。

之后 n 行,每行 m 个整数,用空格分割。第 i 行的第 j 个整数表示 h(i,j)。 之后 r 行,每行 6 个整数 a_x , a_y , b_x , b_y , t[k], p[k], 表示第 k 个传送门。 对应的矩形区域的左上角是 (a_x,a_y) , 右下角是 (b_x,b_y) 。

之后 1 行,包含 4 个整数 s_x , s_y , o_x , o_y ,用空格分割。

输入保证, $1 \le n, m \le 100$, $0 \le h[i][j] \le 100$, $0 \le t[k] \le 10^9$, $0 \le r \le 10$, $1 \le a_x, b_x \le n$, $1 \le a_y, b_y \le m$, $1 \le T \le 10$ 。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,包含最短时间。

输入样例	输出样例
4	9
2 2 0	1
1 2	4
3 4	13
1 1 2 2	
2 2 1	
1 2	
3 4	
1 1 2 2 1 10	
1 1 2 2	
3 3 2	
1 2 3	
4 5 6	
7 8 9	
1 1 2 2 1 3	
2 2 3 3 2 4	
1 1 3 2	
3 3 2	
1 2 3	
4 8 6	
7 8 9	
1 1 2 2 1 3	
2 2 3 3 2 4	
1 1 3 2	

Problem H Happy to Eliminate

问题描述

一天王老师在写 Python ,忘了加冒号 (":"),于是解释器报错了。王老师正在查错,大红却直接说:"是不是没加冒号,隔着屏幕都知道你错哪了。"然而,大红玩开心消消乐总是被王老师虐。可是大红却认为,这和游戏水平高不高没有什么关系,主要取决于游戏内部使用的随机数生成算法。

为了证明游戏局面不完全随机,提出下列问题:若某一局消消乐游戏的场地是 n 行,m 列的网格,且有 k 种小动物,在所有随机生成的 k^{nm} 种初始局面中,有多少种合法局面呢?

具体来说,若在同一行或同一列有 3 只(或以上)相同的小动物连续排列, 它们就会自动消除,此时就认为这个初始局面不合法。其他初始局面都合法。

这个局面数也不太多吧, 但是为了减小题目难度, 你只要输出答案对 10^9+7 的模就可以了。

输入格式

输入包含多组数据(最多40组),请处理至文件结束。

每组数据 1 行,包含 3 个正整数 n, m, k, 用空格分割。

因为莱蒙鸡和爱逗蛙出去玩了,剩下的紫咪小鹰、嘟嘟河马、栗熊和么么狐人不够玩不起来,因此 1 < nm < 40,且 1 < k < 4。

输出格式

对于每组数据输出 1 行,即合法局面的数量对 $10^9 + 7$ 的模。

输入样例	输出样例
1 1 1	1
2 2 3	81
1 3 1	0
3 3 3	9750

Problem I V8 and Girlfriends

(女选手们不要打我 <math>QAQ)

问题描述

V8 作为 XXX 和 XX 俱乐部的主席,有着非常广泛的社交圈子,但是他没有女朋友(2333)。所以 V8 总是希望多认识一些女孩纸。每当他费尽周折得到一个妹子的联系方式,V8 总是会先问问自己的好友们有没有熟悉这个妹子的,以便于搭讪的时候显得不那么刻意。但是 V8 好友实在太多了,所以 V8 委托你来帮忙,作为你可以拿到本次比赛奖品的交换条件。

作为 V8 好友的旁白(出题人),会给你整个社交网络的数据(反正都是我编的),然后给出 V8 和一个妹子的编号,问你他们是不是处于同一个社交圈子。

我们将整个社交网络看成一个无向图,一个社交圈子(社区)是其中的一个联通子图,但是不是一个随机的子图,我们定义一个 F 值:

$$F = \frac{kin}{(kin + kout)^{\alpha}}$$

其中 kin 是一个联通子图的内部的所有边权和的两倍(针对此题中的无向图),kout 是连接联通子图和外部节点的所有边权的和,为了简化问题,这里的 α 为 1 。读到这里你可能没明白什么,不过放心,本题是个模拟,请保持耐心往下读。

对于一个社区 G 和一个节点 A ,节点本身有一个 f 值,而 f 值的定义为:

 $f = F_{G+A}$ (社区中包含 A 的 F 值) $- F_{G-A}$ (社区中不包含 A 的 F 值)

自然,A 是一个与社区可以直接相连的点。 在上述的前提下,接下来给出如何找出一个社区的算法:

- 初始化这个社区 G 只有一个节点 A,此时 kin=0,定义此时社区的 F 值 为 0。
- 遍历所有和社区相邻但是不在社区中的节点,计算这些节点相对于社区 G 的 f 值。找出其中最大的一个,将这个节点放进社区。如果两个节点 f 值相同(差值不超过 10^{-6}),则选编号大的那个。
- 重新计算社区中的每个节点的 f 值,如果出现了负值,就删除负值节点中的最小的那个,同样,如果有多个最小,就删除编号最大的那个。重复本步骤,直到社区内部节点 f 值都是正的。
- 重复上述两个步骤,直到社区内部节点的 f 值都是正的而社区外部节点的 f 值都是负的。

感谢你能读到这里还没有把题目关掉。

输入格式

注意:有多个输入文件,当你的程序在某个测试点出现错误时,评测系统立刻返回该测试点的评测结果。例如,你可能先获得一个"格式错误",开心地改了格式以后却返回恼人的答案错。

每个输入文件包含 1 组数据。第一行包含两个整数 V , M ,分别表示 V8 和妹子对应的节点编号。

之后包含若干行,请处理到文件结束。每行包含 3 个整数 s, t, e, 表示这条边的两个端点和边权。

输入保证 $1 \le V, M, s, t, e \le 100$ 。

输出格式

对于每个输入文件输出一行,若 V8 和妹子在一个社区,则输出 "YES",否则输出 "NO" (不含引号)。

输入样例	输出样例
2 10	NO
1 2 2	
1 3 2	
1 4 2	
1 5 2	
2 3 2	
2 4 2	
2 5 2	
3 4 2	
3 5 2	
4 5 2	
5 6 1	
6 7 2	
6 8 2	
6 9 2	
6 10 2	
7 8 2	
7 9 2	
7 10 2	
8 9 2	
8 10 2	
9 10 2	