

T242

1.

а)

```
1  найти_макс(массив, начало, конец)
2      середина = (конец-начало)/2
3      левый_макс = найти_макс(массив, начало, середина)
4      правый_макс = найти_макс(массив, середина+1, конец)
5      вернуть левый_макс >= правый_макс ? левый_макс : правый_макс
```

б) Если есть несколько равных элементов, вернется тот из них, что будет левее.

в) $C(n) = \sum_{i=1}^{n-1} 1 = n - 1$

г)

Метод грубой силы предполагает взятие первого элемента за максимум и сравнение его с каждым.

Количество операций при этом так же равно: $C(n) = \sum_{i=1}^{n-1} 1 = n - 1$

Эффективность: $O(n)$

Эффективность рекурсивного метода: $O(n)$, так как в любом случае надо проверить все элементы массива

Исходя из этого оба алгоритма работают с одинаковой эффективностью, количество операций равное.

2.

а)

```
1  возведение_в_степень(число, степень)
2      если (степень == 0) -> вернуть 1
3      если (степень == 1) -> вернуть число
4      если (степень четная):
5          t = возведение_в_степень(число, степень/2)
6          вернуть t
7      иначе:
8          t = возведение_в_степень(число, (степень-1)/2)
9          вернуть число * t * t
```

б)

$$C(n) = C\left(\frac{n}{2}\right) + 1$$

в)

Критерий	Декомпозиция	Грубая сила
Сложность	$O(\log n)$	$O(n)$
Кол-во умножений	4 (при $n = 16$)	16 (при $n = 16$)
Эффективность	Высокая	Низкая

3.

```
1  Алгоритм БлижайшаяПара1D(Массив)
2      Вход: Массив из n действительных чисел
3      Выход: Пара ближайших чисел
4
5      Отсортировать Массив по возрастанию
6
7      МинРасстояние ← бесконечность
8      Для i от 1 до Длина(Массив) - 1
9          Расстояние ← |Массив[i] - Массив[i - 1]|
10         Если Расстояние < МинРасстояние тогда
11             МинРасстояние ← Расстояние
12             Пара ← (Массив[i - 1], Массив[i])
13     Вернуть Пара
14
```

Класс эффективности:

- Сортировка: $O(n \log n)$
- Линейный проход: $O(n)$
- **Общий класс:** $O(n \log n)$

4.

```
1  Алгоритм БлижайшаяПара3D(Точки)
2      Вход: Массив Точек в 3D-пространстве
3      Выход: Пара ближайших точек
4
5      Отсортировать Точки по координате X → ТочкиX
6      Отсортировать Точки по координате Y → ТочкиY
7      Отсортировать Точки по координате Z → ТочкиZ
8
9      Вернуть РекурсивныйПоиск(ТочкиX, ТочкиY, ТочкиZ)
10
11 Алгоритм РекурсивныйПоиск(ТочкиX, ТочкиY, ТочкиZ)
```

```

12     Если Количество(ТочкиX) ≤ 3 тогда
13         Вернуть ТочнаяПроверка(ТочкиX)
14
15     Середина ← Длина(ТочкиX) / 2
16     ЛеваяX ← ТочкиX[0 : Середина]
17     ПраваяX ← ТочкиX[Середина : Конец]
18     X_граница ← ТочкиX[Середина].X
19
20     ЛеваяY ← Точки из ТочкиY, где X ≤ X_граница
21     ПраваяY ← Остальные из ТочкиY
22
23     ЛеваяZ ← Точки из ТочкиZ, где X ≤ X_граница
24     ПраваяZ ← Остальные из ТочкиZ
25
26     (Пара1) ← РекурсивныйПоиск(ЛеваяX, ЛеваяY, ЛеваяZ)
27     (Пара2) ← РекурсивныйПоиск(ПраваяX, ПраваяY, ПраваяZ)
28
29     δ ← min(Расстояние(Пара1), Расстояние(Пара2))
30
31     Пара3 ← БлижайшиеВСлое(ТочкиY, δ, X_граница)
32
33     Вернуть пару с минимальным расстоянием из (Пара1, Пара2, Пара3)
34
35 Алгоритм БлижайшиеВСлое(ТочкиY, δ, X_граница)
36     Слой ← точки из ТочкиY, где |X - X_граница| < δ
37
38     МинРасстояние ← δ
39     Пара ← пусто
40
41     Для i от 1 до Длина(Слой)
42         Для j от i+1 до min(i+15, Длина(Слой))
43             Если Расстояние(Слой[i], Слой[j]) < МинРасстояние тогда
44                 МинРасстояние ← Расстояние(Слой[i], Слой[j])
45                 Пара ← (Слой[i], Слой[j])
46     Вернуть Пара
47

```

Класс эффективности:

- Рекурсивная декомпозиция: $2T(n/2)$
- Обработка слоя: $O(n)$
- **Итоговая сложность:** $O(n \log n)$