

Алгоритмы работы с уравнениями

Алгоритм для решения одного уравнения

1. Определение уравнения: Задайте уравнение как выражение.

Пример: eq: $x^2 - 5x + 6 = 0$.

2. Решение с помощью функции solve:

Пример: `solve(eq, x)`; → $[x = 2, x = 3]$.

3. Проверка результата: Подставьте значения в уравнение через subst.

Алгоритм для работы с системой уравнений

1. Задайте систему уравнений и переменные:

Пример: `[eq1: x + y = 3, eq2: x - y = 1]`.

2. Используйте linsolve:

Пример: `linsolve([eq1, eq2], [x, y])`; → $[x = 2, y = 1]$.

3. При необходимости уточните численное решение через find_root.

Алгоритм численного решения

1. Укажите интервал поиска корня.

2. Используйте find_root(eq, var, a, b) для поиска корня.

Пример: `find_root(cos(x) - x, x, 0, 1)`; → $x \approx 0.739$.

Основные возможности Maxima при работе с уравнениями

Приёмы, методы и функции работы с уравнениями

Основные функции

`solve(eq, var)` – решение алгебраического уравнения.

Пример:

`solve(x^2 - 4 = 0, x)`;

→ Ответ: $[x = -2, x = 2]$.

`linsolve([eq1, eq2], [var1, var2])` – решение систем линейных уравнений.

Пример: Решение системы $\{x + y = 3, x - y = 1\}$:

`linsolve([x + y = 3, x - y = 1], [x, y])`;

→ $[x = 2, y = 1]$.

Численное решение уравнений

`find_root(eq, var, a, b)` – поиск корня в заданном интервале.

Пример:

`find_root(sin(x) = 0, x, 3, 4)`;

→ $x \approx \pi$.

Работа с выражениями

Подстановка: `subst(2, x, x^2 + 3*x)`; → 10.

Упрощение: `expand((x - 1)^2)`; → $x^2 - 2x + 1$.

Факторизация: `factor(x^2 - 4)`; → $(x - 2)*(x + 2)$.

Решение дифференциальных уравнений

`ode2(eq, dep_var, indep_var)` – аналитическое решение.

Пример:

`ode2('diff(y, x) + y = 0, y, x)`;

→ $y = \%e^{(-x)}*\%c$.

Трудности при работе с уравнениями

Вывод комплексных корней

Maxima может находить как реальные, так и комплексные корни. Например:

Уравнение $x^2 + 1 = 0$ даёт: $[x = \%i, x = -\%i]$.

При решении таких уравнений важно проверять, нужны ли комплексные корни.

Символьные и численные решения

Maxima иногда выдаёт решения в символьной форме, например, `sqrt(2)`, что требует численной аппроксимации через `float`.

Проверка результатов

Некоторые функции, такие как `to_poly_solve`, могут выводить дополнительные корни, не соответствующие исходному уравнению.

Требуется ручная проверка.