#### Pannon Egyetem Mérnöki Kar

SEGÉDLET

# Műszaki áramlástan feladatgyűjtemény

Műszaki áramlástan Műszaki áramlástan és hőtan I. Műszaki áramlás- és hőtan

## Tartalomjegyzék

$\mathbf{A}$	apadatok	<b>2</b>
	A tárgy adatai	
	A segédlet célja	
	Ajánlott szakirodalom	2
1.	Hidrostatika	3
<b>2</b> .	Veszteségmentes csőáramlások	4
3.	Folyadékáramlás erőhatásai, kifolyás tartályból	5
4.	Valós folyadék áramlása csővezetékben	6
	10. feladat: Szívócső számítása	6
5.	Összenyomhatatlan folyadék egyméretű áramlása	9

### Alapadatok

#### A tárgy adatai

Név: Műszaki áramlástan Kód: VEMKGEB143H

Kreditérték: 3 (2 elmélet, 1 gyakorlat)

Követelmény típus: vizsga

Szervezeti egység: Gépészmérnöki Intézet

Előadás látogatása: kötelező Gyakorlat látogatása: kötelező

Számonkérés: a félév végén zárthelyi, írásbeli és szóbeli vizsga

#### A segédlet célja

A segédlet célja.

A segédlet kidolgozása még folyamatban van.

#### Ajánlott szakirodalom

• Irodalom.

### Hidrostatika

### Veszteségmentes csőáramlások

Folyadékáramlás erőhatásai, kifolyás tartályból

#### Valós folyadék áramlása csővezetékben

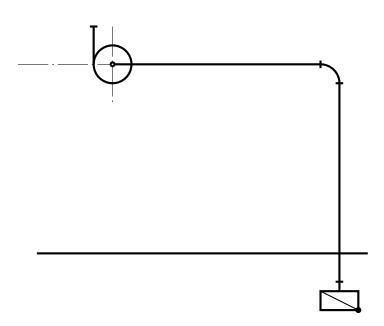
#### 10. feladat: Szívócső számítása

Szerző	Bertók Dániel, AUDWOS
Szak	Biomérnök
Félév	2019/2020 II. (tavaszi) félév

Az ábrán látható szívócső teljes hossza  $l_{\Sigma}=11\,\mathrm{m},~d=0,1\,\mathrm{m}$  átmérője,  $\lambda=0,03$  a csősúrlódási tényező,  $c=3\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$  az áramlás sebessége, az idomdarabok veszteségtényezői: lábszelep  $\zeta_L=3$ , ívdarabok

$$\zeta_k=0,5.$$
  $H=5$  m magasság,  $\varrho_V=1000$   $\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3},$   $p_0=1$  bar,  $g=9.81$   $\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}$ a) Mekkora a nyomás a szívócső  $A$  pontjában a szivattyú belépésénél?

- b) Mekkora a szívócső egyenértékű csőhosszúsága?



4.1. ábra. Példa ábra

Megoldás:

a)

Az áramvonal nem a lábszeleptől indul, hanem a nyugvó folyadék felszíntől, ezért  $c_1=0$   $\frac{\rm m}{\rm s}$  A második  $\zeta_k$  valószínűleg felesleges, mert előtte kell a nyomást meghatározni.

$$p_0 = 1 \,\text{bar} = 100\,000\,\text{Pa}$$
 (4.1)

A tömegfajlagos energia veszteséget az alábbi egyenlet segítségével határozhatjuk meg:

$$Y_{veszt} = \sum_{i=1}^{2} \zeta_i \frac{c^2}{2} + \sum_{j=1}^{1} \lambda_j \frac{l_j}{d_j} \frac{c^2}{2}$$
(4.2)

A csőkeresztmetszet felülete kiszámítható:

$$A = \frac{d^2\pi}{4} \tag{4.3}$$

A csővezetékrendszer tömegfajlagos energia veszteségének egyenletébe behelyettesítve, az alábbi összefüggést kapjuk:

$$Y_{veszt} = \left(\zeta_L + 2\zeta_k + \lambda \frac{l}{d}\right) \frac{c^2}{2} \tag{4.4}$$

$$Y_{veszt} = \frac{c^2 \lambda \Sigma l}{2d} + c^2 \zeta_k + \frac{c^2 \zeta_L}{2} \tag{4.5}$$

Behelyettesítve a számértékeket, megkapjuk a tömegfajlagos energiaveszteség értékét:

$$Y_{veszt} = \frac{9\frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \cdot 0,03 \cdot 11\,\text{m}}{2 \cdot 0,1\,\text{m}} + 9\frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \cdot 0,5 + \frac{9\frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \cdot 3}{2}$$
(4.6)

$$Y_{veszt} = 32,85 \frac{J}{kg} \tag{4.7}$$

Veszteséges Bernoulli-egyenlet:

$$\frac{c_1^2}{2} + \frac{p_1}{\varrho_V} + z_1 g = \frac{c_2^2}{2} + \frac{p_2}{\varrho_V} + z_2 g + Y_{veszt}$$
(4.8)

$$c_1 = 0, c_2 = c, z_1 = 0, z_2 = H, p_1 = p_0$$
 (4.9)

Az egyenletetbe behelyettesítve:

$$\frac{p_0}{\varrho_V} = \frac{c^2}{2} + gH + Y_{veszt} + \frac{p_2}{\varrho_V} \tag{4.10}$$

$$\frac{100\,000\,\mathrm{Pa}}{1000\,\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3}} = \frac{9\,\frac{\mathrm{m}^2}{\mathrm{s}^2}}{2} + 9.81\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2} \cdot 5\,\mathrm{m} + 32.85\,\frac{\mathrm{J}}{\mathrm{kg}} + \frac{p_2}{1000\,\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3}}$$
(4.11)

Tehát az A pontban uralkodó nyomás:

$$\underline{\underline{p_2} = 13\,600\,\text{Pa}} \tag{4.12}$$

b) Egyenértékű csőhosszúság számítása:

$$l_E = \Sigma l + (\zeta_L + 2\zeta_k) \frac{d}{\lambda}$$
(4.13)

$$l_E = 11 \,\mathrm{m} + (3 + 2 \cdot 0, 5) \cdot \frac{0.1 \,\mathrm{m}}{0.03}$$
 (4.14)

$$\underline{l_E = 24,33 \,\mathrm{m}} \tag{4.15}$$

Összenyomhatatlan folyadék egyméretű áramlása