

# **OPTIMIERUNG RELATIONALER ABFRAGEN**

Dr. Sándor Gajdos

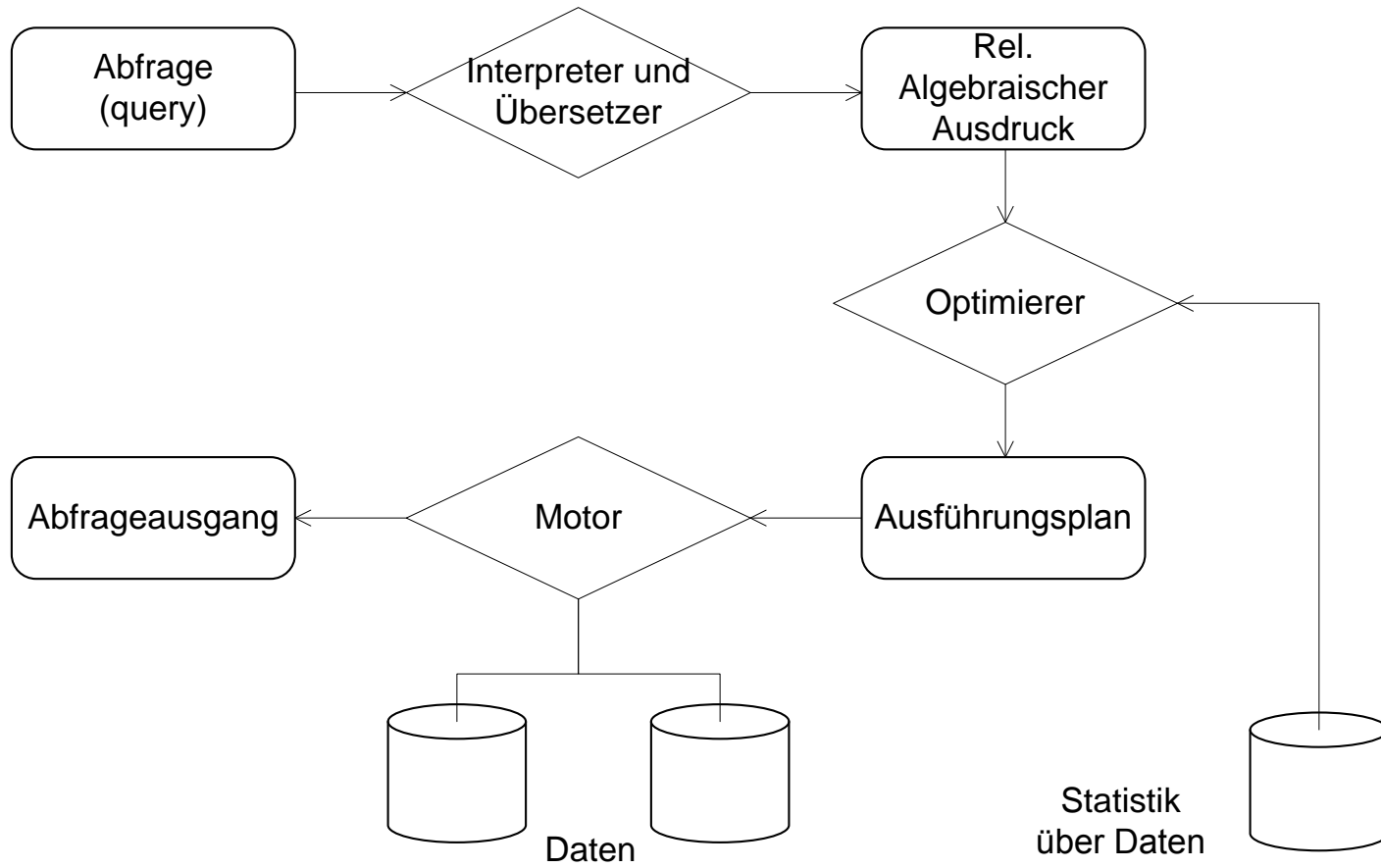
Dez. 2016.

BME–TMIT

# INHALT

- Heuristische, regelbasierte Optimierung
- Kostenbasierte Optimierung
  - Kostenschätzung mit Hilfe von Kataloge
  - Durchblick der Operationen
  - Bewertung der Ausdrücke
  - Die Selektion des optimalen Ausführungsplanes
- Manuelle vs. automatische Optimierung

# ÜBERSICHTSDIAGRAMM



# I. HEURISTISCHE, REGELBASIERTE OPTIMIERUNG

- Relationenalgebraischer Baum basierte Optimierung
- Abfragebaum, Beispiel dazu:

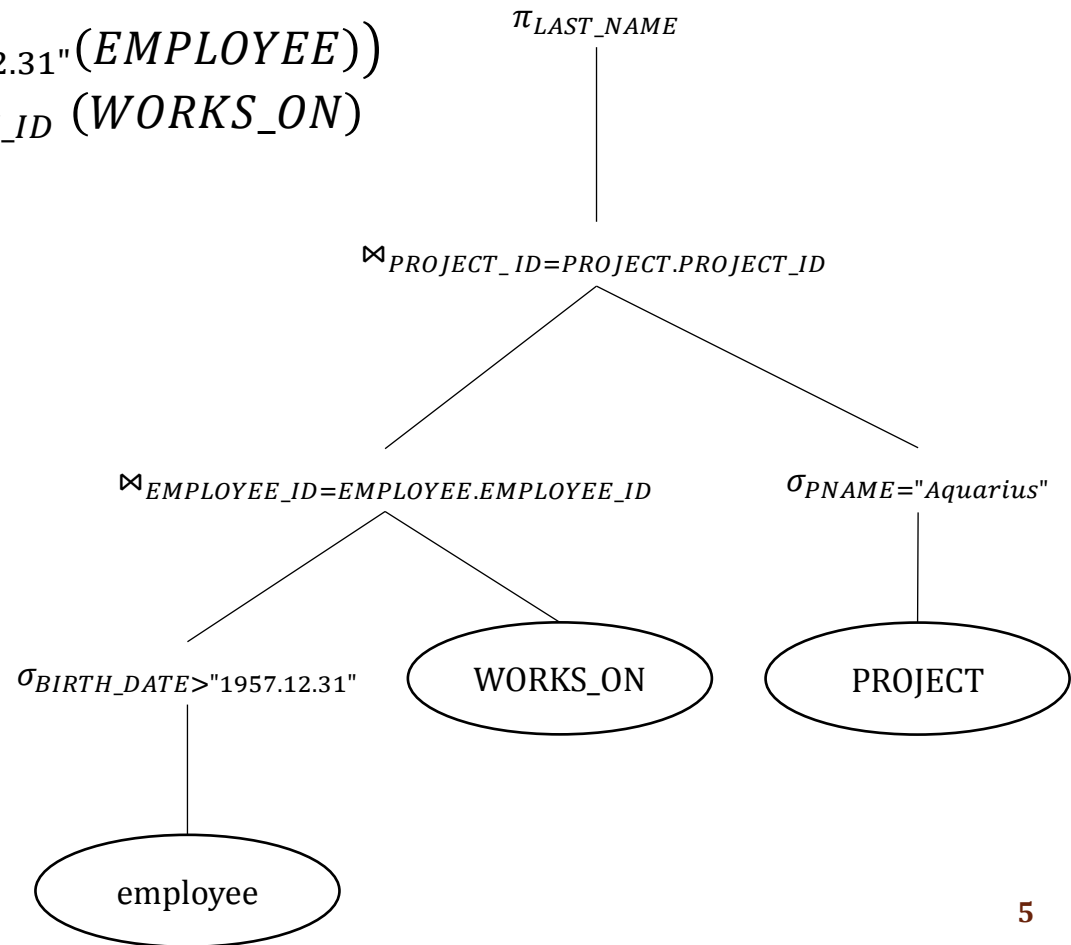
EMPLOYEE (EMPLOYEE\_ID, LAST\_NAME, FIRST\_NAME, BIRTH\_DATE, ...)

PROJECT (PROJECT\_ID, PNAME, ...)

WORKS\_ON (PROJECT\_ID, employee\_ID)

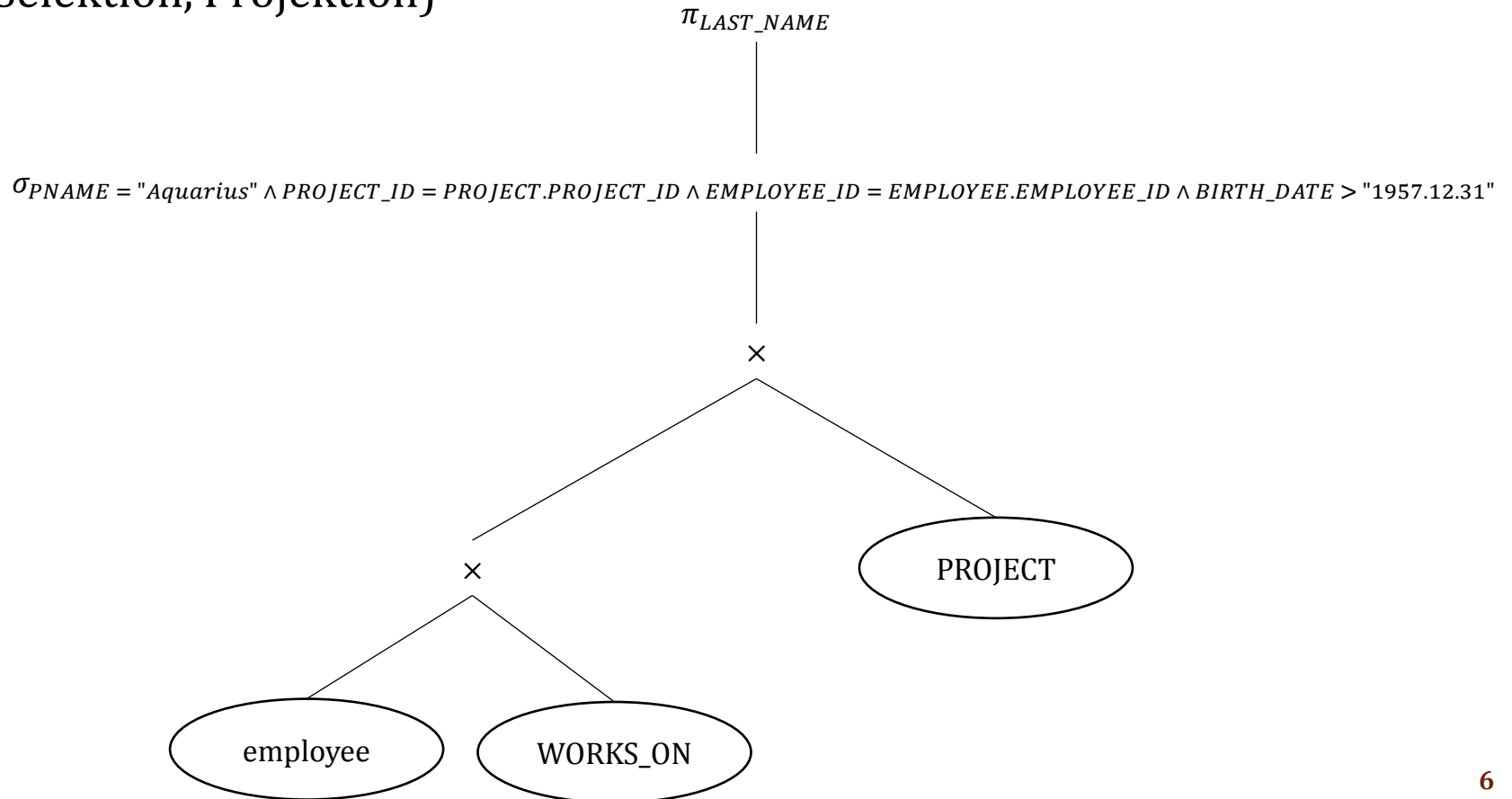
```
select last_name
  from employee, works_on, project
 where employee.birth_date > '1957.12.31'
       and works_on.project_id = project.project_id
       and works_on.employee_id = employee.employee_id
       and project.pname = 'Aquarius'
```

# RELATIONENALGEBRAISCHER AUSDRUCK – EINE MÖGLICHKEIT

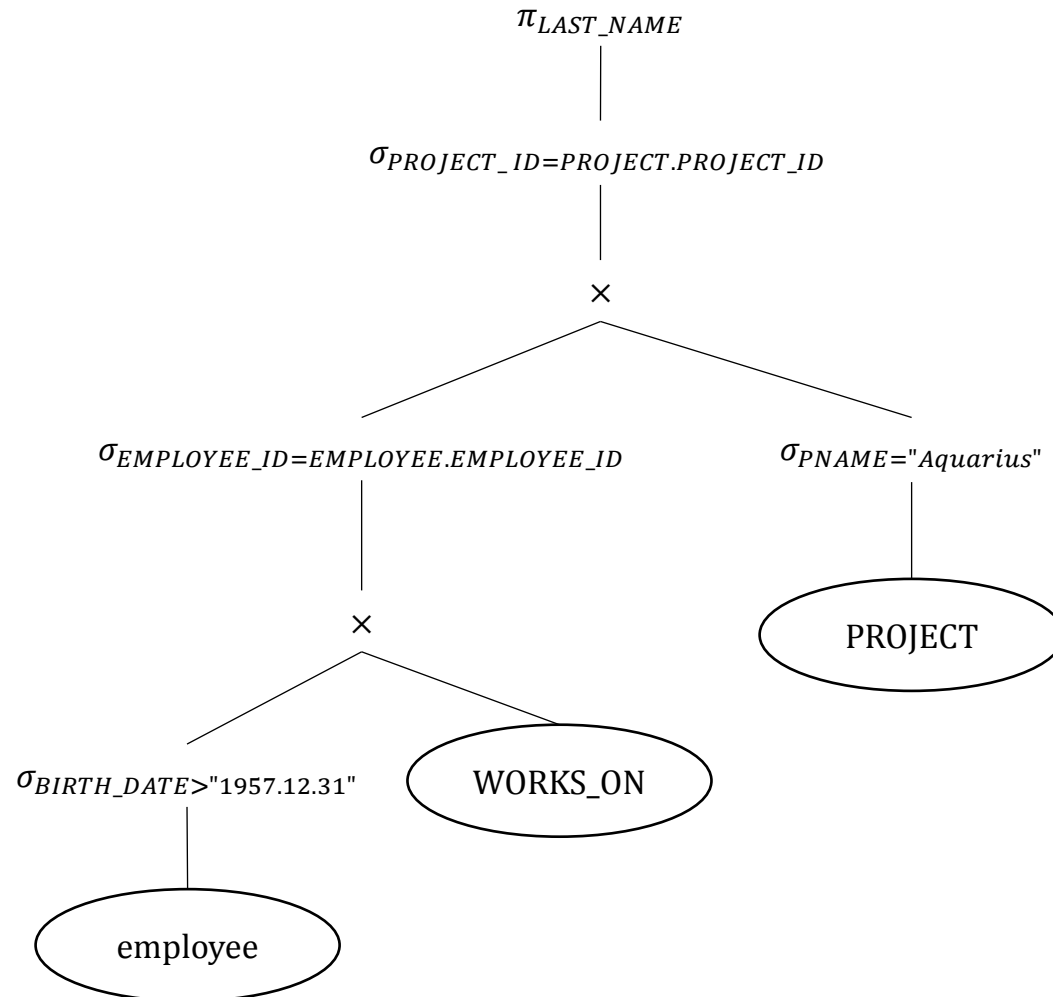
$$\pi_{LAST\_NAME} \left( \left( \sigma_{BIRTH\_DATE > "1957.12.31"}(EMPLOYEE) \right) \right. \\ \bowtie_{EMPLOYEE\_ID = EMPLOYEE.EMPLOYEE\_ID} (WORKS\_ON) \\ \bowtie_{PROJECT\_ID = PROJECT.PROJECT\_ID} \\ \left. \sigma_{PNAME = "Aquarius"}(PROJECT) \right)$$


# DER ZIEL: DIE SCHNELLSTE FORM ZU BESTIMMEN

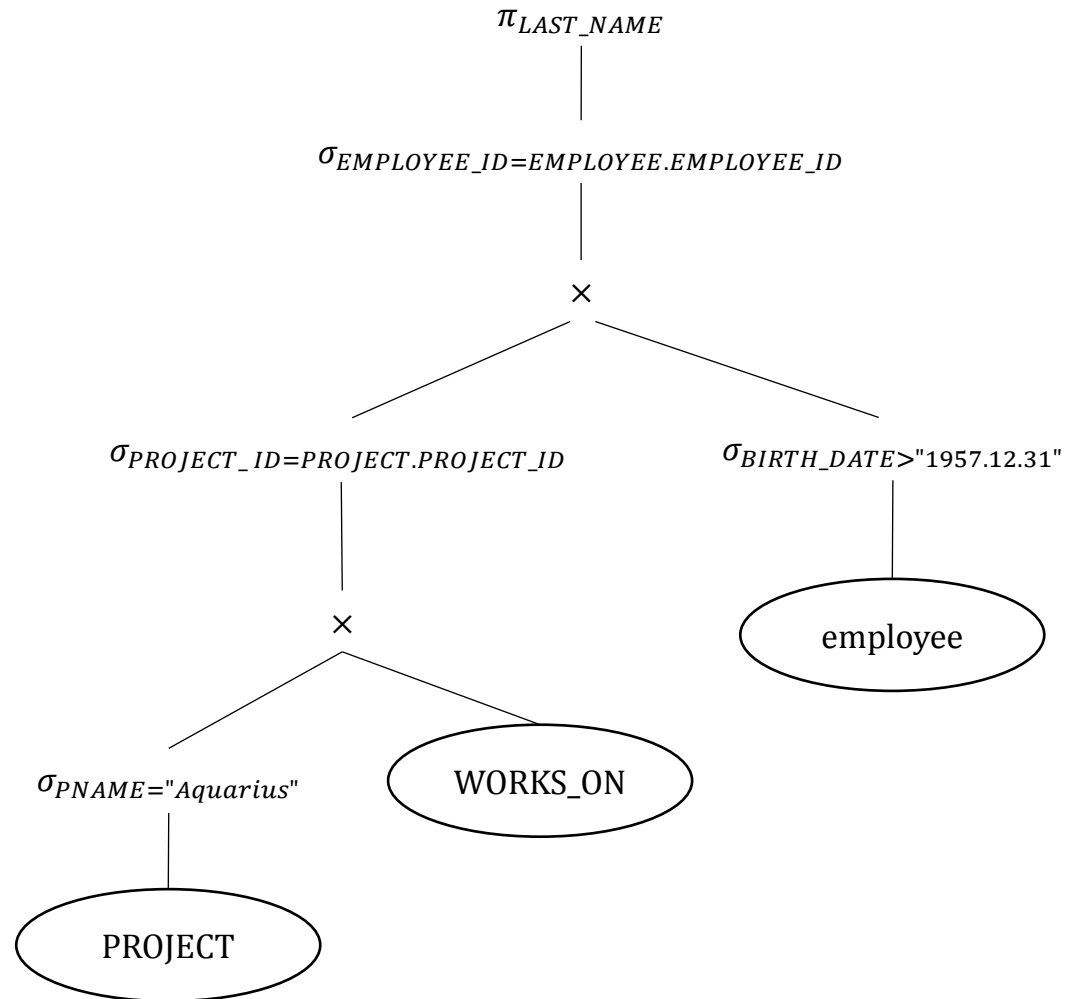
Ausgangspunkt: die kanonische Form (Cartesisches Produkt, Selektion, Projektion)



# ZWEITER SCHRITT: SENKEN DIE SELEKTIONEN

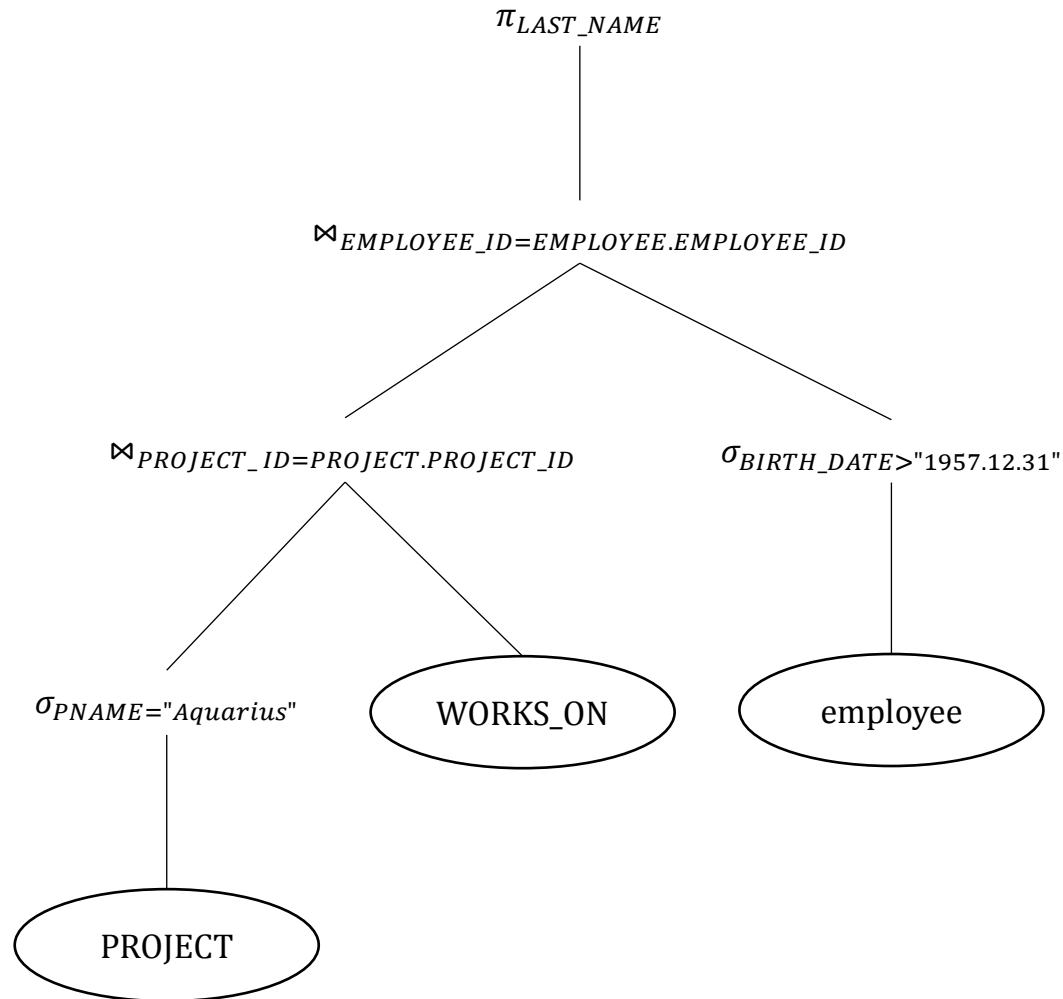


# DRITTER SCHRITT: UMORDNEN DIE BLÄTTER

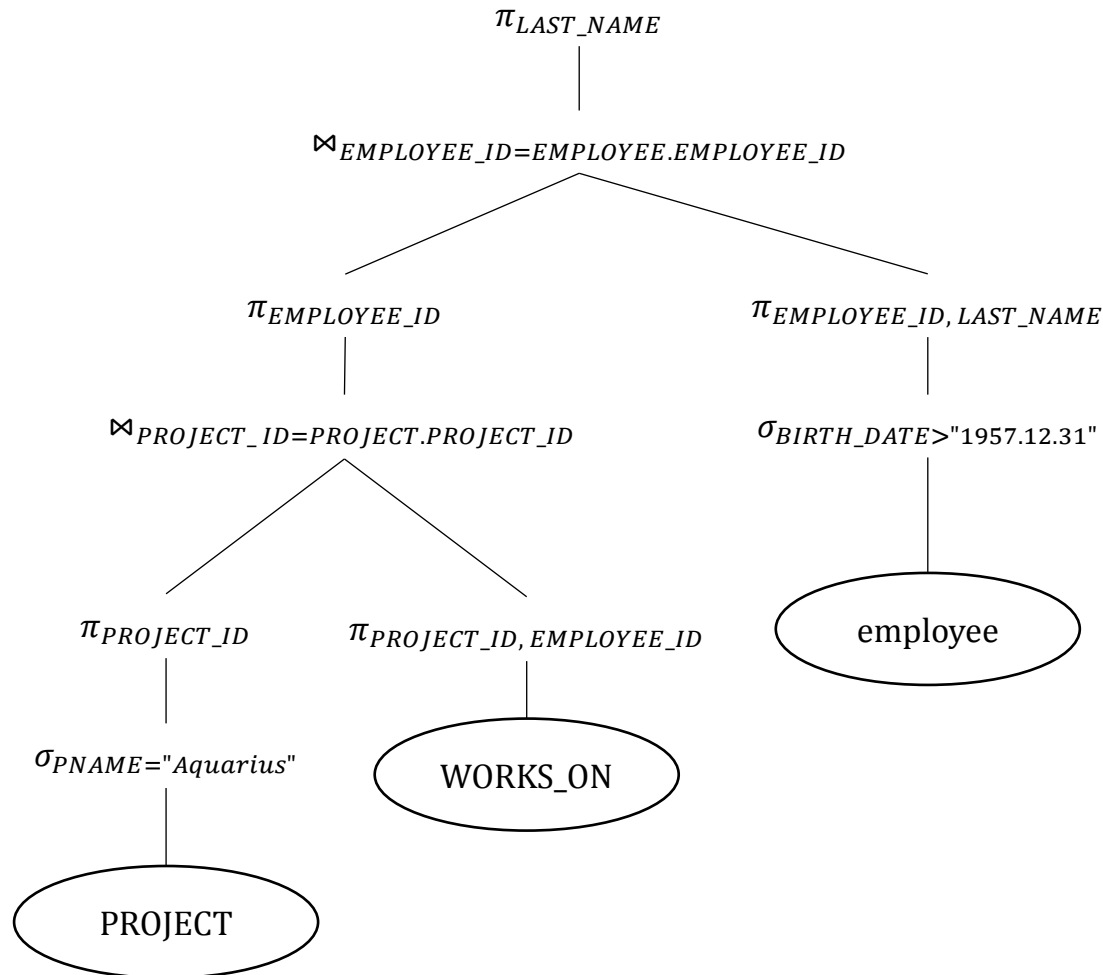




# Vierter Schritt: Verbund Einführen



# FÜNFTER SCHRITT: SENKEN DIE PROJEKTIONEN



# WANN SIND ZWEI BÄUME ÄQUIVALENT?

## RELATIONENALGEBRAISCHE TRANSFORMATIONEN I.

- $\sigma_{c_1 \wedge c_2 \wedge \dots \wedge c_n}(r) \equiv \sigma_{c_1}(\sigma_{c_2}(\dots(\sigma_{c_n}(r)) \dots))$
- $\sigma_{c_1}(\sigma_{c_2}(r)) \equiv \sigma_{c_2}(\sigma_{c_1}(r))$
- $\pi_{List_1}(\pi_{List_2}(\dots(\pi_{List_n}(r)) \dots)) \equiv \pi_{List_1}(r)$
- $\pi_{A_1, A_2, \dots, A_n}(\sigma_c(r)) \equiv \sigma_c(\pi_{A_1, A_2, \dots, A_n}(r))$

# WANN SIND ZWEI BÄUME ÄQUIVALENT?

## RELATIONENALGEBRAISCHE TRANSFORMATIONEN II.

- $r \bowtie_c s \equiv s \bowtie_c r$
- $\sigma_c(r \bowtie s) \equiv (\sigma_c(r)) \bowtie s$
- $\pi_L(r \bowtie_c s) \equiv (\pi_{A_1, \dots, A_n}(r)) \bowtie_c (\pi_{B_1, \dots, B_m}(s))$
- $\pi_L(r \bowtie_c s) \equiv$   
 $\pi_L \left( (\pi_{A_1, \dots, A_n, A_{n+1}, \dots, A_{n+k}}(r)) \bowtie_c (\pi_{B_1, \dots, B_m, B_{m+1}, \dots, B_{m+p}}(s)) \right)$

Die Mengenoperationen (Union, Durchschnitt) sind kommutativ.

Der Verbund, Cartesisches Produkt, Union und Durchschnitt sind assoziativ:

$$(r\theta s)\theta t \equiv r\theta(s\theta t)$$

# WANN SIND ZWEI BÄUME ÄQUIVALENT?

## RELATIONENALGEBRAISCHE TRANSFORMATIONEN III.

- $\sigma_C(r \theta s) \equiv (\sigma_C(r)) \theta (\sigma_C(s))$
- $\pi_L(r \theta s) \equiv (\pi_L(r)) \theta (\pi_L(s))$

Weitere Regel:

- $c \equiv \neg(c_1 \wedge c_2) \equiv (\neg c_1) \vee (\neg c_2)$
- $c \equiv \neg(c_1 \vee c_2) \equiv (\neg c_1) \wedge (\neg c_2)$

# ZUSAMMENFASSENDE REGEL

- Die konjunktive Selektionsbedingungen müssen in eine Reihe von Selektionsbedingungen umgewandelt werden.
- Die Selektionen müssen mit anderen Operationen vertauscht werden.
- Die Blätter des Baumes müssen umgeordnet werden.
- Die Cartesische Produkte und die darüber stehende Selektionen müssen in einen Verbund zusammengezogen werden.
- Die Projektionen müssen mit den anderen Operationen vertauschen.

## II. KOSTENBASIERTE OPTIMIERUNG

1. Syntaxanalyse, Überstzung
2. Kostenoptimierung
3. Auswertung

## II. KOSTENBASIERTE OPTIMIERUNG

- Kostenschätzung mit Hilfe von Kataloge
  - Kataloginformationen über Relationen
  - Kataloginformationen über Indexe
  - Die Kosten der Abfrage
- Lösung für die Aktualisierung der Katalogdaten



# KATALOGINFORMATIONEN ÜBER RELATIONEN

- $n_r$ : die Nummer der Sätze in der Relation  $r$
- $b_r$ : die Nummer der Blöcke in der Relation  $c$
- $s_r$ : Satzlänge in Relation  $r$  (size) in Bytes
- $f_r$ : Die Nummer der Sätze in einem Block für Relation  $r$  (blocking factor)

# KATALOGINFORMATIONEN ÜBER RELATIONEN

- $V(A, r)$ : wieviel verschiedene Werte (**V**alues) hat das Attribut  $A$  in Relation  $r$  (Kardinalität).
  - $V(A, r) = |\pi_A(r)|$
  - Falls  $A$  ein Schlüssel ist, dann  $V(A, r) = n_r$
- $SC(A, r)$ : (**S**election **C**ardinality) die durchschnittliche Nummer der Sätze, die eine Selektionbedingung befriedigen.
  - Falls  $A$  ein Schlüssel ist, dann  $SC(A, r) = 1$
  - In der Regel:  $SC(A, r) = \frac{n_r}{V(A, r)}$
- Wenn die Sätze der Relation zusammen gespeichert sind, dann:

$$b_r = \left\lceil \frac{n_r}{f_r} \right\rceil$$

# KATALOGINFORMATIONEN ÜBER INDEXE

- $f_i$ : die durchschnittliche Nummer der Zeiger einer Knote bei baumformigen Indexe, z.B. bei B\*-Bäume
- $HT_i$ : die Nummer der Ebenen (**H**eight of **T**ree)
  - $HT_i = \lceil \log_{f_i} V(A, r) \rceil$  (B\*-Baum)
  - $HT_i = 1$  (Hash)
- $LB_i$ : die Nummer der Blöcke auf dem niedrigsten Ebene (Blätterebene) (**L**owest level index **B**locks)

# DIE SCHÄTZUNG DER KOSTEN

Die Kostenschätzung kann basieren auf:

- Ressourcen, die verlangt oder benutzt werden?
- Ansprechzeit?
- Kommunikationszeit?

Definiton:

- Die Nummer der Blocklese- oder schreibeoperationen zu Hintergrundspeicher, ohne die Kosten das Ergebnisaus Schreiben

Weitere Vereinfachungen.

# DIE KOSTEN DER EINZELNEN OPERATIONEN

- Selection
  - Verschiedene Algorithmen (Basis-, indexierte-, vergleichungsbasierte)
  - Komplexe Selektion
- Verbund
  - Typen
  - Verbund Größeschätzung
  - Verbundalgorithmen
  - Komplexer Verbund
- Sonstige
  - Filtrierung der Wiederholungen
  - Union, Durchschnitt, Differenz

# BASISALGORITHMEN FÜR SELEKTION (=)

## A1: Lineares Suchen

- Kosten:

$$E_{A1} = b_r$$

## A2: Binäres Suchen

- Bedingung:
  - Die Blöcke sind nach Attribut  $A$  geordnet
  - Die Selektionbedingung ist die Gleichheit mit Attribut  $A$
- Kosten:

$$E_{A2} = \lceil \log_2(b_r + 1) \rceil + \left\lceil \frac{SC(A, r)}{f_r} \right\rceil - 1$$

# INDEXIERTE ALGORITHMEN FÜR SELEKTION

**A3:** Mit Hilfe von Primärindexe, Gleichheitsbedingung wird auf Schlüsselwert definiert

- $E_{A3} = HT_i + 1$

**A4:** Mit Hilfe von Primärindexe, Gleichheitsbedingung wird auf Nicht-Schlüsselwert definiert (Primärindex wird auf Nicht-Schlüsselattribut gebaut)

- $E_{A4} = HT_i + \left\lceil \frac{SC(A,r)}{f_r} \right\rceil$

**A5:** Mit Hilfe von Sekundärindexe.

- $E_{A5} = HT_i + SC(A, r)$

- $E_{A5} = HT_i + 1$ , Falls  $A$  ein Schlüssel ist.

# VERGLEICHUNGSBASIERTE SELEKTION– $\sigma_{A \leq v}(R)$

Die Schätzung der Nummer der Ergebnissätze:

- Falls  $v$  unbekannt ist:  $\frac{n_r}{2}$
- Falls  $v$  bekannt ist, angenommen eine gleichmäßige Verteilung:

$$n_{\text{durchschnittlich}} = n_r \cdot \frac{v - \min(A, r)}{\max(A, r) - \min(A, r)}$$



# VERGLEICHUNGSBASIERTE SELEKTION– $\sigma_{A \leq v}(R)$

**A6:** Mit Hilfe von Primärindexe.

- Falls  $v$  unbekannt ist:

$$E_{A6} = HT_i + \frac{b_r}{2}$$

- Falls  $v$  bekannt ist :

$$E_{A6} = HT_i + \left\lceil \frac{c}{f_r} \right\rceil,$$

wobei  $c$  bezeichnet die Nummer der Sätze, wofür  $A \leq v$

**A7:** Mit Hilfe von Sekundärindexe

$$E_{A7} = HT_i + \frac{LB_i}{2} + \frac{n_r}{2}$$

# VERBUNDOPERATIONEN

Definiton:

$$r_1 \bowtie_{\theta} r_2 = \sigma_{\theta}(r_1 \times r_2)$$

Verbundtypen:

- Natürlicher Verbund (natural join)

$$r_1 \bowtie r_2 = \pi_{A \cup B}(\sigma_{R1.X=R2.X}(r_1 \times r_2))$$

- Äußerer Verbund (outer join)

- Äußerer linker Verbund:  $r_1 * (+)r_2$
- Äußerer rechter Verbund:  $r_1(+) * r_2$
- Voller äußerer Verbund:  $r_1(+) * (+)r_2$

- Theta Verbund:

$$r_1 \bowtie_{\theta} r_2 = \sigma_{\theta}(r_1 \times r_2)$$

# VERBUND DURCH VERSCHACHTELTEN SCHLEIFEN

Zwei Relationen werden gegeben,  $r$  und  $s$ :

FOR jede  $t_r \in r$  Sätze DO BEGIN

    FOR jede  $t_s \in s$  Sätze DO BEGIN

$(t_r, t_s)$  muss getestet werden ob sie die  $\theta$   
        Verknüpfungsbedingung erfüllen

        IF ja, THEN der Satz  $t_r \cdot t_s$  muss Teil des Ergebnisses werden

    END

END

- „worst case“ Kosten:  $n_r \cdot b_s + b_r$
- Fall mindestens einer der Relationen kann vollständig in den Hauptspeicher gebracht werden, dann die Kosten sind:  $b_r + b_s$

# VERBUND DURCH BLOCK-VERSCHACHTELTEN SCHLEIFEN

FOR jede  $b_r \in r$  Blöcke DO BEGIN

    FOR jede  $b_s \in s$  Blöcke DO BEGIN

        FOR jede  $t_r \in b_r$  Sätze DO BEGIN

            FOR jede  $t_s \in b_s$  Sätze DO BEGIN

$(t_r, t_s)$  muss getestet werden ob sie die  $\theta$   
Verknüpfungsbedingung erfüllen

            END

        END

    END

END

- „worst-case“ Kosten:  $b_r \cdot b_s + b_r$
- Mit viel Hauptspeicherplatz:  $b_r + b_s$

# INDEXIERTER VERBUND DURCH VERSCHACHTELTEN SCHLEIFEN

Es gibt einen Index für eine der Relationen ( $s$ )

Die indexierte Relation wird in die innere Schleife des ersten Algorithmus gelegt:

⇒ Das Suchen kann mit dem gegebenen Index auf niedrigem Kostenniveau durchgeführt werden.

Kosten:

$$b_r + n_r \cdot c,$$

wo  $c$  ist die Kosten der Selektion bei Relation  $s$ .

# WEITERE VERBUND-ALGORITHMEN

- sorted merge join
  - Die Relationen müssen zuerst nach bestimmten Attributen (gegeben in der Verbundbedingung) ordnen, dann die Relationen können einfach zusammengelegt werden.
- hash join
  - Die Sätze einer der Relationen werden durch eine Hash-Tabelle erreicht, solange wir suchen die anpassende Sätze zu den Sätzen der anderen Relation
- sonstige
  - z.B. mit bitmap Indexe (bitmap join)

# WEITERE OPERATIONEN

- *Filtrierung der wiederholende Sätze* (Ordnen, dann Löschen)
- *Projektion* (Projektion, dann Filtrierung der wiederholende Sätze)
- *Union* (beide Relationen müssen ordnen, dann die Duplikaten können beim Zusammenlegung gelöscht werden.)
- *Durchschnitt* (beide Relationen müssen ordnen, dann beim Zusammenlegung werden nur die Sätze bewahrt, die in beiden Relationen vorhanden waren)
- *Differenz* (beide Relationen müssen ordnen, dann beim Zusammenlegung werden nur die Sätze bewahrt die zur ersten Relation gehören)
- *Aggregierung* z.B.

Markenname  $G_{\text{sum}(\text{Saldo})}$  (Rechnung)

Die Relation Rechnung muss nach Markenname ordnen, Dann Saldo kann on-the-fly gebildet werden.

# MÖGLICHKEITEN DIE AUSDRÜCKE ZU BEWERTEN

- Materialisierung
  - Nur eine der Operationen des zusammengesetzten Ausdruckes wird gleichzeitig nach einer bestimmten Reihenfolge bewertet, und das Ergebnis wird auf Platte gespeichert.
- Pipelining
  - Mehrere Operationen des zusammengesetzten Ausdruckes können gleichzeitig bewertet werden
  - Die folgende Operation bekommt sofort das Ergebnis der vorigen Operation

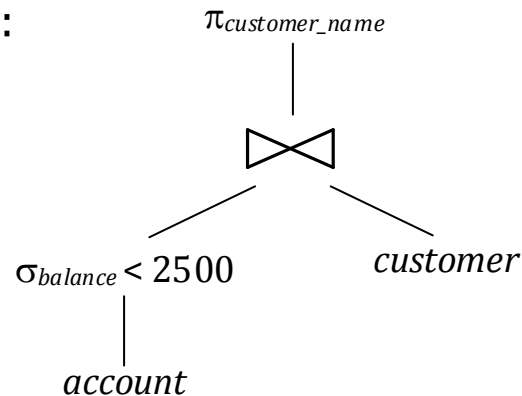


# MATERIALISIERUNG

- Kanonische Form:

$$\pi_{customer\_name}(\sigma_{balance < 2500}(account) \bowtie customer)$$

- Baum der Operationen:



- Gesamtkosten: die Kosten der durchgeführten Operationen + die Kosten der Teilergebnis-abspeicherungen
- Vorteil: einfache Implementierung
- Nachteil: viele Hintergrund-operationen

# PIPELINING

- Simultane Bewertung der Teiloperationen
- Die Teile stellen Teilergebnisse für die Teile hinter ihnen aus der Ergebnisse des Teiles vor ihnen her
- Die ganze Relation muß in voraus nicht hergestellt werden.

Vorteile:

- Die Teilergebnisse müssen provisorisch nicht gespeichert werden
- Niedrige Speicherplatzbedarf

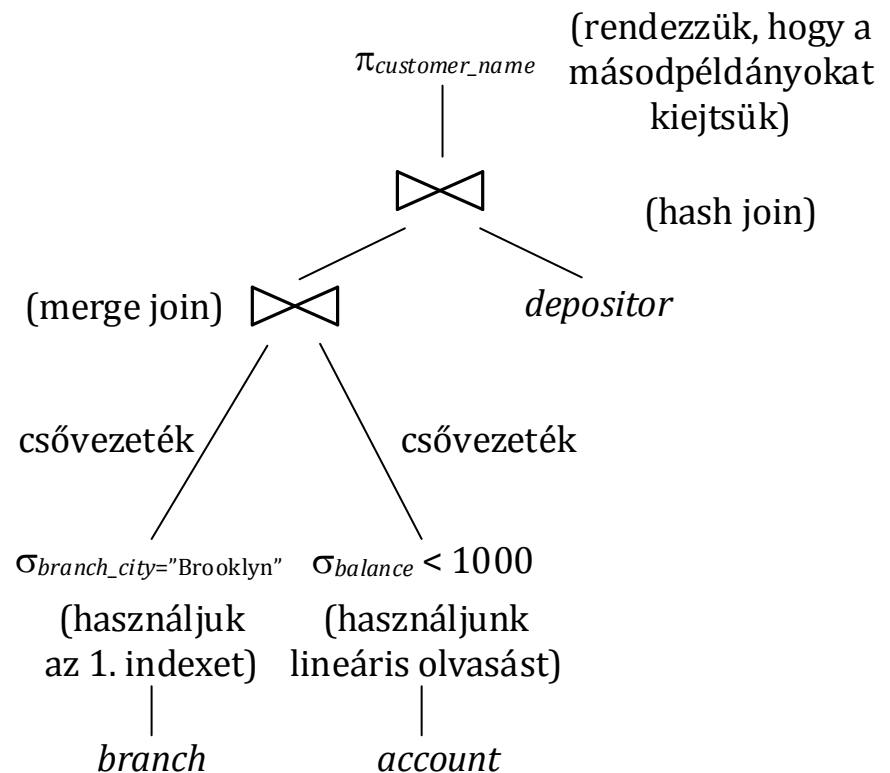
Nachteil:

- Nur gewisse Algorithmen können verwendet werden

# DIE SELEKTION DES OPTIMALEN AUSFÜHRUNGSPLANES

- Welche Operationen
- In welchen Reihenfolge
- Mit welchem Algorithmus
- Nach welchem Arbeitsablauf

Ein bestimmter  
Ausführungsplan



# KOSTENBASIERTE OPTIMIERUNG

Gierige und gleichzeitig schlechte Strategie:

- Alle äquivalente Ausdrücke bestimmen
- Alle diese Ausdrücke bewerten
- Den Ausdruck von niedrigstem Kosten wählen

z.B.:  $r_1 \bowtie r_2 \bowtie r_3 \rightarrow$  hat 12 äquivalente Ausdrücke

Im Allgemeinen:  $n$  Relationen zu verbinden gibt es  $\frac{(2(n-1))!}{(n-1)!}$  äquivalente Möglichkeiten.

Es wäre eine zu große Last für das System.

Die Lösung: heuristische kostenbasierte Optimierung

# AUTOMATISCHE VS. MANUELLE OPTIMIERUNG

Vorteile der automatischen Optimierung:

- Mehrere Kenntnisse/Informationen über gespeicherte Daten.
- Schnellere numerische Bewertungsmöglichkeit
- Systematische Bewertung
- Der Algorithmus enthält die Erfahrungen von mehreren Spezialisten.
- Die Bewertung kann vor jedem Programmablauf durchgeführt werden, mit Hilfe der neuesten Informationen/Bedingungen.

Vorteile der manuellen (menschlichen) Optimierung :

- Sogar semantische Kenntnisse können verwendet werden.
- Es gibt eine größere Freiheit die Methoden, Werkzeuge zu wählen.
- Unerwartende Situationen können besser behandelt werden.