

INSTITUTO TECNOLÓGICO AUTÓNOMO DE MÉXICO



**EGOBETS, UN SISTEMA COMPUTACIONAL DE
ASESORÍA DE APUESTAS DE FUTBOL**

TESIS
QUE PARA OBTENER LOS TÍTULOS DE

INGENIERO EN COMPUTACIÓN Y LICENCIADO EN MATEMÁTICAS
APLICADAS

PRESENTA
BRUNO MEDINA BOLAÑOS CACHO

ASESORES:
Dr. OSVALDO CAIRÓ BATTISTUTI
Dr. ADOLFO J. DE UNÁNUE TISCAREÑO

MÉXICO, D.F.

2014

“Con fundamento en los artículos 21 y 27 de la Ley Federal del Derecho de Autor y como titular de los derechos moral y patrimonial de la obra titulada **“EGOBETS, UN SISTEMA COMPUTACIONAL DE ASESORÍA DE APUESTAS DE FUTBOL”**, otorgo de manera gratuita y permanente al Instituto Tecnológico Autónomo de México y a la Biblioteca Raúl Baillères Jr., la autorización para que fijen la obra en cualquier medio, incluido el electrónico, y la divulguen entre sus usuarios, profesores, estudiantes o terceras personas, sin que pueda percibir por tal divulgación una contraprestación”.

BRUNO MEDINA BOLAÑOS CACHO

FECHA

FIRMA

A mis padres

Agradecimientos

A mis amigos por todo el apoyo que me han dado para terminar este arduo proyecto. Sin ustedes, no sería quien soy hoy en día, gracias por todas sus enseñanzas y correcciones.

Índice general

Lista de figuras	ix
1. Introducción	1
2. Panorama general de las apuestas	5
2.1. La fascinación por los juegos de azar	5
2.2. La casa siempre gana	8
2.3. Mercados de apuestas deportivas	12
2.4. Bookies y momios	15
3. Tejiendo la teoría Matemática	21
3.1. Decidir a favor de quien apuestas	21
3.2. Decidir la cantidad de dinero a apostar	25
3.3. Ahorro precaucional	30
3.4. Evolución de la cantidad a Apostar	36
4. Back Office	41
4.1. Descripción General	41
4.2. Sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos	43
4.2.1. Diseño de la solución	44
4.2.2. Recuperación de fechas de partidos próximos. . .	45
4.2.3. Recuperación de información de partidos jugados.	45

4.2.4. Generación de archivos con resultados	46
4.2.5. Sistema de estimación de probabilidades	46
4.3. Portal administrativo	46
4.3.1. Inicio de Sesión	46
4.3.2. Ingesta	48
4.3.3. Usuarios	52
4.3.4. Pagos	55
4.3.5. Estadísticas	56
4.3.6. Correos	59
5. Portal público	61
5.1. Perfil de usuario	61
5.2. Encuesta de adversidad al riesgo	61
5.3. Ahorro precaucional	61
5.4. Sugerencia de apuestas	61
5.5. Pagos en línea	61
5.6. Power ranking	61
6. Conclusiones	63
A. La ruina del jugador	65
B. Formatos de archivos para la ingestá en el Portal de Administrativo	67
B.1. Formato de archivo para Partidos	67
B.2. Formato de archivo para Equipos	68
C. Ligas europeas de futbol	71
C.1. Bundesliga (Alemania)	71
C.1.1. Equipos Alemanes	73
C.2. Liga BBVA (España)	74
C.2.1. Equipos Españoles	76

C.3. Ligue 1 (Francia)	77
C.3.1. Equipos Franceses	77
C.4. Premier (Inglaterra)	79
C.4.1. Equipos Ingleses	79
C.5. Serie A (Italia)	80
C.5.1. Equipos Italianos	80

Índice de figuras

2.1. Astrágalos, los predecesores de los dados	6
2.2. Miles de millones de dólares en apuestas	7
3.1. Decidir por quién apostar	22
3.2. Decidir si apostar o no apostar	23
3.3. Decidir si apostar en función de una utilidad	23
3.4. Árbol de probabilidad 4	26
4.1. Diagrama de sistemas y usuarios	42
4.2. Diagrama de flujo de información	43
4.3. Ejemplo de equipos de la liga española	44
4.4. Recuperación de próximos partidos	45
4.5. Recuperación de resultados de partidos ya jugados	46
4.6. Login	47
4.7. Ingreso de datos	47
4.8. Cerrar Sesión	47
4.9. Subir y procesar archivos	48
4.10. Partidos procesados por el sistema	49
4.11. Actualizando datos de los equipos	50
4.12. Actualizar resultados Anteriores	52
4.13. Listado de Usuarios	53
4.14. Vista del detalle de usuario	54
4.15. Confirmar la eliminación de un usuario	55

4.16. Listado con los últimos pagos realizados	55
4.17. Ganancias y pérdidas de los usuarios	56
4.18. Usuarios recién inscritos	57
4.19. Datos estadísticos de los usuarios	58
4.20. Pagos más recientes	58
4.21. Partidos acertados	58
4.22. Comunicación con los usuarios	59

Capítulo 1

Introducción

Desde sus orígenes, las apuestas en los partidos de futbol han sido un controversial tema de interés [28]. Predecir los resultados de los partidos y vencer a las casas de apuestas se ha vuelto una fascinación Hollywoodense¹. Muchos supuestos “oráculos” han utilizado los métodos menos ortodoxos para la predicción de los marcadores [21], e incluso se han llevado a cabo acciones fraudulentas para asegurar los marcadores finales de los partidos². Sin embargo, en la actualidad, las matemáticas y la computación ofrecen un paradigma menos esotérico pero igual de fascinante: la predicción de resultados de partidos de futbol a través de modelos matemáticos.

En este trabajo se describe cómo funciona “**Egobets**”, una aplicación computacional de las matemáticas al estudio de las apuestas de

¹En la película “*Moneyball*” [18] un equipo de béisbol logra resultados sorprendentes al resolver un problema de optimización con fuertes restricciones monetarias. Mientras que en el filme “*21*” [16], basado en el libro “*Bringing Down the House*” [19], un grupo de estudiantes del MIT (Massachusetts Institute of Technology) utiliza una estrategia de conteo infalible para ganar cientos de miles de dólares en el juego de cartas “Black Jack”.

²Por ejemplo, en 2006 se suscitó uno de los mayores escándalos en la historia del futbol: “*Calciopoli*”. Se descubrió que varios equipos de la liga italiana conspiraron para influenciar los resultados de los partidos de la temporada 2004/05 [3].

futbol. Egobets provee asesoría de apuestas personalizadas para partidos de futbol de las siguientes ligas europeas: alemana, española, francesa, inglesa e italiana. Su objetivo es, dado un perfil de riesgo, indicar al usuario la cantidad de dinero y las apuestas que debe realizar para buscar tener ganancias al final de la temporada. Para tal fin, se combinan un conjunto de modelos matemáticos en un sistema robusto computacional.

El sistema Egobets es interesante e innovador ya que no sólo predice el resultado de un partido de futbol, sino que además utiliza la información de todas las ligas europeas para ofrecer una estrategia que maximice la cantidad de dinero a ganar del usuario tomando en cuenta su perfil de riesgo. Adicionalmente, el sistema le sugiere al usuario conservar un porcentaje de su dinero para apostar más agresivamente en caso de perder todas las apuestas de la jornada; garantizando así una mayor cantidad de apuestas durante la temporada y con esto, asegurar una mayor probabilidad de obtener ganancias.

Gracias a las Matemáticas se pueden desarrollar modelos de fenómenos tan particulares como lo son los partidos de futbol [10]. Además, como se verá en este documento, proveen las herramientas necesarias para encontrar el conjunto de apuestas a realizar en cada jornada, diversificando el riesgo sobre las apuestas que prometen mayores ganancias. Por otro lado, gracias a los sistemas computacionales y las nuevas tecnologías, se pueden crear las piezas de software de este sistema para ofrecer resultados reales de estas abstracciones matemáticas. Este ecosistema de modelos, aplicaciones y programas funcionan de manera armoniosa presentando resultados al usuario en una interfaz elegante, funcional, simple y fácil de usar.

El alcance de este trabajo es el de describir el sistema desarrollado para asesoría de apuestas Egobets. Se explicarán los distintos programas y sistemas que conforman el desarrollo, así como las teorías matemáticas que dan sustento al mismo. El documento cuenta con un capítulo para el marco teórico más tres capítulos que describen el proyecto realizado.

En el siguiente capítulo, se dan a conocer datos generales de las apuestas que ayudan al lector a comprender la relevancia del sistema

en la industria de las apuestas y en el ámbito científico; también, se revisan las teorías relacionadas más destacadas y los estudios previos más sobresalientes. Finalmente, se dan a conocer las ligas que se estarán analizando y los motivos por las que fueron elegidas.

En el tercer capítulo, partiendo de los siguientes dos supuestos: a) un jugador promedio busca maximizar las ganancias de sus apuestas en función de su adversidad al riesgo y, b) apostar siempre conviene más que no apostar. Se plantea una manera de encontrar la apuesta óptima para un partido. Con base en este planteamiento se sigue el análisis a una jornada: ¿A qué partidos de la jornada el usuario le debería apostar? Finalmente, considerando que el usuario busca apostar en todas las jornadas de la temporada, se ataca el problema de la evolución del dinero a apostar durante toda la temporada.

En el siguiente apartado del estudio, se habla del conjunto de módulos que conforman el Back Office: sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos, sistema de estimación de probabilidades de los partidos y portal administrativo. Se describe cómo el sistema de recolección de información descarga los datos de las ligas, partidos por jugar y estadísticas de los ya jugados. Se comienza detallando el funcionamiento del sistema recolector de datos, desde la ingestión de los equipos participantes en la temporada vigente, hasta la recolección de los tiros realizados en cada partido por cada jugador. Después, con toda la información obtenida de los desempeños de los equipos en los últimos partidos, se describen las ideas detrás de la predicción de las probabilidades de los resultados de los partidos de fútbol. Posteriormente, se exhibe cómo en el portal administrativo se ingresan estas probabilidades junto con los datos de los próximos partidos a jugar. También se detalla cómo este portal, a través de su interfaz gráfica, permite gestionar usuarios, partidos y probabilidades.

En la quinta sección de este estudio, se utilizan las teorías y propuestas de los primeros apartados de esta tesis para el diseño y desarrollo del portal público. Se describe cómo este portal también ofrece al usuario revisar y actualizar su perfil, retomar la encuesta de riesgo, revisar los

últimos resultados de los partidos, ver la tabla de “Power Ranking”³ y obtener la asesoría de apuestas para la jornada en curso.

En el último capítulo, se concluye que se puede llevar un apuesta simple a una estructura de portafolio de inversión. De igual manera se observa que aunque un jugador tuviera en su poder las probabilidades verdaderas de los resultados de los partidos no podría hacer nada con ellas, por lo que es necesario un enfoque de un problema de optimización. Y finalmente que teniendo un sistema metódico que decida las apuestas, remueve la emoción de la apuesta y lo convierte en un riesgo calculado. Para finalizar, se sugieren los distintos campos al que este tipo de sistemas se podría extender: otras ligas, diferentes deportes, elecciones y otros fenómenos parecidos donde se involucre la habilidad humana.

³Una tabla que presenta a los equipos del más fuerte al más débil de la temporada.

Capítulo 2

Panorama general de las apuestas

En este capítulo, se explora el panorama general de las apuestas para auxiliar al lector en la comprensión de la relevancia de Egobets en la industria de las apuestas y en el ámbito científico; también, se revisan las teorías relacionadas más destacadas y los estudios previos más sobresalientes. Finalmente, se dan a conocer las ligas que se estarán analizando y los motivos por los que fueron elegidas.

2.1. La fascinación por los juegos de azar

Nadie conoce el origen de las apuestas, algunos dicen que todo comenzó con un anónimo paleolítico que rodó unos cuantos huesos para decidir hacia qué dirección ir a cazar [26]. Más adelante, tanto los antiguos griegos como los etruscos examinarían la forma y las características del hígado de una oveja para tomar las mejores decisiones para su futuro¹. Siglos después, los romanos usarían los huesos astrágalos (Ver

¹Los adivinos llamados “Arúspices” eran los encargados de llevar la tarea de predecir el futuro en función de la examinación de las entrañas de varias bestias.

figura 2.1) de animales como precursores a los dados [26].

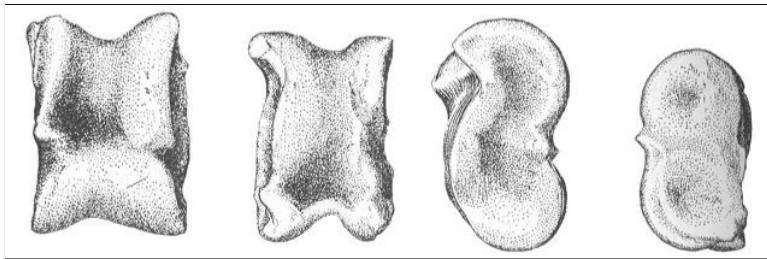


Figura 2.1: Astrágalos, los predecesores de los dados

Hoy en día, las apuestas representan uno de los negocios más rentables del mundo. En 2013, se estimó que las ganancias brutas de esta industria sumaron más de cuatrocientos cuarenta mil millones de dólares². Como se puede observar en la figura 2.2, Estados Unidos encabeza la lista como el país que más gasta en apuestas, seguido por China. También se advierte que los residentes de Australia y Singapur apuestan mucho más agresivamente que los de cualquier otro país. Para terminar, en esta misma gráfica se estima que para el 2018 el gasto en apuestas será de más de quinientos mil millones de dólares.

Con estos datos, la relevancia de la industria de las apuestas en el mundo se vuelve evidente. Por otra parte, con respecto a las apuestas en línea, la firma KPMG [14] reporta que el mercado global de apuestas en línea creció un cuarenta y dos por ciento de Veintún mil doscientos millones de dólares en 2008 a Treinta mil millones de dólares en 2012. Este porcentaje es notablemente superior al quince por ciento esperado para el crecimiento del total de la industria de apuestas para el mismo periodo.

Específicamente en Estados Unidos, Goldman Sachs valoró en 2009 que el mercado de apuestas en línea en caso de ser legalizado³ podría

²Acorde a la empresa de Inteligencia de Mercado “H2 Gambling Capital” [4].

³El “Unlawful Internet Gambling Enforcement Act of 2006” (UIGEA) prohíbe a los

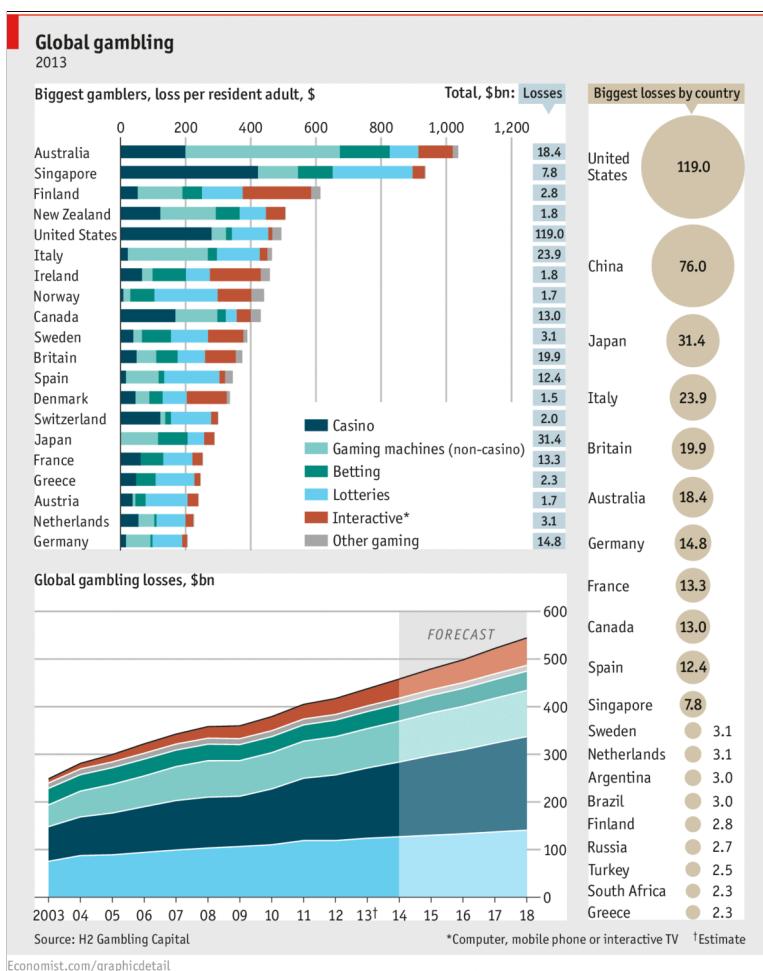


Figura 2.2: Miles de millones de dólares en apuestas

bancos y a las compañías de tarjetas de crédito procesar cargos relacionados a casinos en línea. Según Alexander, G. [1] las cuatro preocupaciones federales principales detrás de este acto son: Primero, el internet provee un acceso fácil a las apuestas, estoy

valer hasta doce mil millones de dólares [24]. En este mismo documento de KPMG [14], México se propone como un mercado potencialmente lucrativo. Una de las principales razones es la legislación que permite el juego en línea⁴. La otra razón, el valor del mercado mexicano del juego en línea se estima en cuatro mil seiscientos millones de dólares [31].

2.2. La casa siempre gana

“No hay proposición más cierta en matemáticas que la siguiente: Entre más boletos [de lotería] compre, más probabilidades tiene de ser un perdedor. Compre todos los boletos de la lotería y pierda con certeza; cuanto más boletos compre, más cerca estará de esta certeza”

– Adam Smith, *Filósofo* [27]

El principio básico detrás de un casino es muy sencillo: *la ventaja de la casa*. Cada uno de los juegos que ofrece el casino tiene detrás un robusto sustento matemático, de manera que a pesar de aparentar ser un juego justo, le confiere a la casa una ventaja porcentual sobre el conjunto de jugadores. Al final del día, esta ventaja y la ley de los grandes números, le garantizan a los casinos que a largo plazo tendrán suficientes ganancias para subsistir, mantener su operación y gozar de utilidades sorprendentes. Sin embargo, no hay que olvidar que los fenómenos estudiados siguen siendo producto del azar, por lo que una buena racha de

podría exacerbar las tentaciones que enfrentan los apostadores compulsivos. Segundo, es muy complicado verificar la mayoría de edad a través de un sitio de apuestas. Tercero, los casinos en linea tienen un incentivo para defraudar a los usuarios gracias a la falta de regulación de la industria. Y cuarto, dado el volumen, la velocidad, el alcance internacional de las transacciones realizadas en internet y el alto nivel de anonimidad que tienen los operadores de casinos electrónicos; los oficiales federales creen que las apuestas en línea son particularmente susceptibles al lavado de dinero.

⁴En 2004, la Ley Federal de Juegos con Apuestas y Sorteos permitió y reguló los Juegos en Línea.

algunos “Grandes Apostadores” podría llegar a asustar aun a los dueños más racionales de casinos [11].

Según Hannum [11] hay dos grandes razones por las que la gente apuesta:

1. **Entretenimiento.** Un individuo podría utilizar mil pesos para ir a un casino o a un concierto. Si la ventaja de la casa es muy grande y la persona pierde su dinero rápidamente, entonces la experiencia del entretenimiento del casino no sería apreciada por el jugador. Por el otro lado, si el casino logra entretener a la persona por una tarde mientras le regala bebidas y comida, entonces puede que este individuo repita la experiencia y nunca más asista a un concierto.
2. **Cambio de Vida.** Si una persona ahorrara cien pesos semanalmente, al final del un año tendría cinco mil doscientos pesos. Pero si ese dinero lo gastara para comprar boletos de lotería, tendría la posibilidad de ganarse cuarenta millones de pesos. Claramente la probabilidad es muy cercana a cero; sin embargo, este gasto podría ser visto por esta persona como una única oportunidad para cambiar su vida.

La ventaja de la casa, se puede entender mejor analizando cada uno de los juegos que ofrece el casino y las probabilidades de ganar que tienen los jugadores. Tómese por ejemplo el juego de la ruleta americana⁵: Cuando un jugador apuesta sobre el color negro (i.e. que la pelotita caiga sobre alguna de las casillas negras) entonces se tiene que la probabilidad de que el jugador gane la apuesta es de:

$$p\{\text{La pelotita caiga en casilla negra}\} = \frac{\# \text{ casillas negras}}{\# \text{ casillas totales}} = \frac{18}{38}$$

⁵El juego de la ruleta americana consiste en 38 casillas que alternan 18 casillas rojas, 18 casillas negras y 2 casillas verdes. Cuando el crupier hace girar la ruleta, de manera aleatoria cae una pelotita en una de las casillas. Los jugadores apuestan sobre la posición final de la pelotita.

Afortunadamente para la casa, hay 2 casillas que no son color negro ni rojo, por lo que de las 38 casillas sólo 36 tienen estos colores. Por lo tanto, la probabilidad de que la pelotita caiga en una casilla verde es la siguiente:

$$\begin{aligned} p\{\text{La pelotita no caiga ni en casillas rojas ni en negras}\} &= \\ \frac{\# \text{ casillas totales} - (\# \text{ casillas rojas} + \# \text{ casillas negras})}{\# \text{ casillas totales}} &= \\ \frac{38 - 18 - 18}{38} &= \frac{2}{38} \end{aligned}$$

Estos $\frac{2}{38}$ son la ventaja de la casa, ya que cuando un jugador apuesta al color negro en la ruleta y acierta, recibe la misma cantidad de dinero que podría perder. Sin embargo, apostó a ganar con una probabilidad de $\frac{18}{38}$, pero la probabilidad de perder la apuesta es igual a $1 - \frac{18}{38} = \frac{20}{38}$. Este detalle hace importante ver el valor esperado que tiene esta apuesta para el jugador:

$$E[\text{Apostar } k \text{ pesos al color negro}] = k \cdot p\{\text{La pelotita caiga en casilla negra}\}$$

$$-k \cdot p\{\text{La pelotita no caiga en casilla negra}\} = k \cdot \frac{18 - 20}{38} = -k \cdot \frac{2}{38}$$

Dado que siempre que se apuesta $k > 0$, esto implica que:

$$E[\text{Apostar } k \text{ pesos al color negro}] = -k \cdot \frac{2}{38} < 0; \forall k \in \mathbb{N}$$

Este resultado quiere decir que a la larga el jugador **siempre** va a terminar perdiendo dinero. En un principio, $\frac{2}{38}$ de probabilidad pareciera poco, pero al multiplicarlo por la gran cantidad de jugadores y apuestas que se realizan en los casinos el monto final se vuelve exorbitante.

Este sencillo ejercicio ejemplifica como todos los juegos que se tienen en los casinos ofrecen una ventaja para la casa. Es interesante mencionar, que además de los juegos de azar como la ruleta, hay juegos que obligan al jugador a tener cierta habilidad para no perder su dinero tan rápidamente, este es el caso de juegos como el Blackjack que le dan a la casa ventajas más pequeñas al enfrentarse a jugadores expertos. La ventaja de la casa sustenta las ganancias del casino, sin embargo calcular esta ventaja puede llegar a ser complicado y requerir un análisis matemático mucho más sofisticado e incluso se puede llegar a necesitar programar el juego para correr simulaciones y estimar estas probabilidades.

Juego	Ventaja de la Casa
Ruleta (con doble cero)	5.3 %
Dados (pass/come)	1.4 %
Dados (pass/come con momios dobles)	0.6 %
Blackjack - jugador promedio	2.0 %
Blackjack - 6 barajas, estrategia básica	0.5 %
Blackjack - una baraja, estrategia básica	0.0 %
Baccarat (sin apuestas de empate)	1.2 %
Caribbean Stud	5.2 %
Let It Ride	3.5 %
Poker de tres cartas	3.4 %
Pai Gow Poker (ante/play)	2.5 %
Tragamonedas	5 % - 10 %
Video Poker	0.5 % - 3 %
Keno (promedio)	27.0 %

Tabla 2.1: Ventajas de la casa para juegos populares de casino [11]

Finalmente, aun sin la ventaja de la casa se deber recordar que existe un famoso problema y su corolario que garantizan que la casa siempre gane: *La ruina del Jugador* [23, p. 95-99]. Este problema enfrentado por

varios famosos matemáticos⁶ deja la siguiente lección: La probabilidad de que un jugador pierda todo su dinero es igual a $p_1 = \frac{n_2}{n_1+n_2}$ donde p_1 es la probabilidad de ganar del jugador 1 y n_i es la cantidad de dinero que va a apostar el jugador i . Desafortunadamente, usualmente la casa tendrá más dinero para apostar que cualquier jugador, por lo que con esta fórmula la casa siempre gana⁷.

2.3. Mercados de apuestas deportivas

A diferencia de las máquinas tragamonedas y los juegos de mesa de los casinos, las apuestas deportivas tienen una gran ventaja para los apostadores: los resultados de los encuentros deportivos **no son completamente aleatorios**, ya que dependen en cierta medida del nivel de juego que tienen los equipos participantes. Hannum menciona en su libro [11] : “*La ventaja de la casa existe para casi todas las apuestas en un casino (ignorando las salas de Poker y las apuestas deportivas donde algunos pocos profesionales pueden vivir de las apuestas)*”

Existen dos grandes mercados en esta rama de las apuestas [2]:

- *Bookies.*⁸ El corredor de apuestas analiza los diferentes resultados de un encuentro deportivo en función de los participantes. Con base en este análisis, el bookie publica un número (llamado “*momio*”) para cada uno de los posibles desenlaces del partido. Este “momio” representa la cantidad potencial de retorno de esa apuesta (incluida la cantidad de dinero arriesgada)⁹. El bookie recibe

⁶Se dice que Blaise Pascal se lo planteó a Pierre Fermat en 1656 [5]. Después Fermat se lo replanteó a Christian Huygens en 1657 y finalmente James Bernoulli lo resolvió en su forma general como el problema de la “Duración de Juego”. Fue publicado ocho años después de la muerte de Bernoulli en 1713 [23, p. 98].

⁷Ver demostración en el apéndice A.

⁸“Bookie” proviene de la palabra en inglés “bookmakers” que en español se utiliza como: “Corredor de apuestas”.

⁹Por ejemplo, supongase que se apuestan cien dólares a favor del empate de un partido con un momio igual a 3.640. En caso de que se ganara la apuesta, el jugador

apuestas sobre estos momios y cobra una comisión por cada operación recibida.

- *Sistema parimutual.* En este mercado no existen corredores, ni momios. El pago que reciben los jugadores depende de la cantidad de dinero recopilada por todas las apuestas recibidas. Por lo tanto, las ganancias de los jugadores no están determinadas hasta que todas las apuestas se reciben¹⁰.

Aunque la eficiencia¹¹ de estos mercados no es un tema que se aborde a profundidad en esta tesis, es interesante mencionar que ha sido muy cuestionada. Sauer [25] y Williams [30] critican varias de sus anomalías; por ejemplo hay un problema interesante en la eficiencia del mercado de las apuestas de los bookies conocido como: Sesgo del “*favorite - long shot*”. Estos autores explican que las apuestas a los equipos favoritos generan un mayor retorno de dinero en comparación con el retorno generado por las apuestas a equipos cuyas probabilidades de ganar son mucho menores (“*longshot bets*”). Incluso se han realizado varios estudios proponiendo un nuevo mercado de tipo “doble subasta” que consiste en tener compradores y vendedores proponiendo los precios de la apuesta, cuando dos de ellos coinciden, se lleva acabo la transacción. Referirse a Ozgit[20].

El mercado pertinente para este trabajo es el de los “bookies” o corredores de apuestas. Sin embargo, bajo las condiciones adecuadas la asesoría de apuestas podría ayudar a los jugadores en el mercado parimutual. Por ejemplo, en una apuesta entre compañeros del trabajo el usuario del sistema podría indagar la apuesta realizada por cada uno de los participantes y conocer la cantidad de retorno que tiene de cada uno de los resultados. Si el sistema de Egobets le recomendara realizar

recibiría la cantidad de $(100)(3.640) = 364$ dólares. Sustrayendo los cien dólares que apostó, su ganancia neta sería de 264 dólares.

¹⁰Las afamadas “quinielas” son un tipo de apuesta de mercado parimutual.

¹¹Fama, E [6] sugiere que la eficiencia de mercado es cuando los precios reflejan completamente toda la información disponible de una acción en particular.

esta apuesta en particular, bastaría verificar que el retorno del pago sea mejor que el pago que realizan las casas de apuestas en general. Realizando esta acción sistemáticamente, se podrían conseguir mejores ganancias que las ofrecidas por el mercado.

Sin importar el mercado, es importante tomar en cuenta el hecho de que las probabilidades reales que tienen los distintos resultados de cualquier partido **son desconocidas**. Por lo que los “bookies” contratan a empresas consultoras, o designan un área de la compañía para calcular los momios que se publican en el mercado. Este punto es básico en la creación de sistemas como Egobets, ya que el hecho de que las probabilidades sean desconocidas permite que Egobets busque estimar probabilidades mucho más cercanas a las reales. Al minimizar el error de estimación que tienen las probabilidades sugeridas por las casas de apuestas, se pueden encontrar apuestas cuyo retorno sería mayor al que realmente debería ser. Y como se verá en la siguiente sección, este error de estimación siempre existirá, debido a que los momios publicados por las casas de apuestas no buscan reflejar las probabilidades reales de los resultados de los partidos.

Una ventaja con la que cuentan los apostadores de eventos deportivos: si los bookies establecen mal sus momios¹², entonces ciertos jugadores pueden llegar a tener valores esperados positivos en sus apuestas y con esto la casa podría llegar a perder mucho dinero, incluso a largo plazo (como se verá en la siguiente sección). Procédase a la siguiente sección para conocer los orígenes de los momios y las condiciones que permiten a los bookies ganar dinero con ellos.

¹²La cantidad de dinero que pagan las apuestas a eventos completamente aleatorios, como los juegos dentro de los casinos, se puede calcular explícitamente. Por lo que la única manera de que una de estas apuestas tuviera valor esperado positivo sería si se cometieron errores en los cálculos.

2.4. Bookies y momios

Ya que el objeto de estudio central de esta tesis toma lugar en el deporte del futbol, analícese la pregunta más recurrente de un partido de futbol: *¿Qué equipo va a ganar este partido?*

La respuesta tiene 3 posibilidades:

1. El partido lo gana el equipo de casa.
2. Es un empate.
3. El partido lo gana el equipo visitante.

En un principio se pudiera pensar que los tres eventos son equiprobables, pero como se mencionó en la sección anterior esto resulta imposible por muchísimas razones, como por ejemplo: ser el equipo visitante lleva una desventaja importante en el desempeño del partido (Ver [22]), o la desventaja de tener a los jugadores estrella lesionados; incluso las condiciones climáticas (altitud, tipo de pasto, lluvia) durante el partido pueden ser determinantes para el resultado final. En un caso extremo, imagínese el escenario donde ambos equipos fueran igual de buenos en todos los aspectos. En este escenario, la probabilidad de empate sería mayor que las otras dos. Sin embargo, estas razones no son (tampoco) suficientes para calcular los resultados de los partidos de manera determinística. Gracias a estas particularidades es que el estudio de este mercado de apuestas se vuelve tan interesante.

Anteriormente se definió un momio como el número que indica la cantidad de dinero que obtiene un jugador al ganar una apuesta. Sin embargo, para generar los momios, las casas de apuesta realizan estudios minuciosos de mercado y de los deportes en sí mismos. Las probabilidades de cada resultado de un partido no son, de lejos, los únicos factores a considerar por el bookie a la hora de generar los momios.

Levitt [15] menciona tres escenarios que permitirían a los bookies generar ganancias:

1. **Encontrar el precio de equilibrio.** Los bookies buscan predecir los momios¹³ que igualen el precio de equilibrio del mercado de apuestas. Es decir, se buscan los momios que equilibran la cantidad de dinero en cada lado de la apuesta. Esto implica que la diferencia de dinero entre todas las apuestas es igual a cero. Por lo que sin importar quien gane el partido, el bookie cobrará su comisión de las apuestas intacta y no tendrá deudas en ninguna de las apuestas.
2. **Predecir los resultados del partido.** Si el bookie fuera sistemáticamente mejor en predecir los resultados de los partidos, entonces podría publicar el momio “correcto” del partido (i.e. el momio que equilibra la probabilidad de que una apuesta en cualquiera de los resultados gane). Aunque la cantidad de dinero no estaría equilibrada, en promedio el bookie ganaría la comisión cobrada a los jugadores. Nótese que a diferencia del primer escenario, en este esquema existe un riesgo enorme al que se exponen las casas de apuestas. Si llegaran a fijar un momio muy alejado del precio de equilibrio del mercado, entonces podría darse el caso de que la cantidad de dinero a pagar a los ganadores de la apuesta sea mayor a la cantidad de dinero recaudada por las apuestas complementarias, lo que podría significar pérdidas millonarias para el bookie¹⁴.

Ahora, tómese de ejemplo el siguiente partido con los siguientes momios:

- **Cagliari Vs Juventus.**
 - **9.290** Gana local (Cagliari)
 - **1.423** Empate.
 - **4.760** Gana visitante (Juventus)

¹³ Antes del partido estos momios pueden llegar a tener ajustes tipicamente pequeños y relativamente infrecuentes.

¹⁴ Levitt [15] cuenta el ejemplo del Epson Derby de 1946, donde los momios fueron errados y la mitad de todas las casas de apuestas británicas se fueron a bancarrota.

Sea m_i el momio que propone el bookie para que los jugadores apuesten a que se cumpla el evento i . Entonces, se define el momio de la siguiente manera:

$$m_i = \frac{1}{1 - \hat{p}_i}$$

Donde \hat{p}_i es la probabilidad estimada que tiene el bookie de que suceda el evento i ¹⁵

Con estos momios se pueden calcular las “probabilidades estimadas por el bookie”:

$$\hat{p}_L = 1 - \frac{1}{9.290} \approx 0.107643\dots$$

$$\hat{p}_E = 1 - \frac{1}{1.423} \approx 0.702741\dots$$

$$\hat{p}_V = 1 - \frac{1}{4.760} \approx 0.210084\dots$$

Donde \hat{p}_L es la probabilidad estimada por la casa de apuestas de que gane el equipo local, \hat{p}_E es la probabilidad de que el partido termine en empate y \hat{p}_V es la probabilidad de que gane el equipo visitante.

Estas probabilidades estimadas proponen que el escenario más probable es un empate, después la victoria del Juventus y finalmente la victoria del Cagliari. Curiosamente en este ejemplo, se puede ver que aunque el equipo Cagliari es local, se enfrenta a un adversario que puede contra la desventaja de ser visitante.

Uno de los teoremas básicos de la probabilidad, dice que la suma de las probabilidades de todos los resultados del evento debe sumar uno [23]. Sin embargo, en el caso de los bookies, las probabilidades

¹⁵Otros deportes tienen diferentes tipos de momios y su definición varía dependiendo del tipo de apuesta, se puede leer más de ellos en [13].

estimadas exceden la unidad. Este excedente, es la vieja conocida: “Ventaja de la Casa”.

Sea \mathcal{O} el conjunto de todas las opciones sobre las que un jugador puede apostar para cierto evento. Para el caso de las apuestas sobre los resultados de los partidos, se tiene que: $\mathcal{O} = \{\text{Apostar a que gane local}, \text{Apostar a que gane visitante}\}$. Por lo tanto:

$$\text{Ventaja de la casa} = \left(\sum_{i \in \mathcal{O}} \left(1 - \frac{1}{\text{Momio de la opción } i} \right) \right) - 1$$

Siguiendo con el ejemplo, se tiene que la ventaja de la casa de este bookie para esta apuesta en particular es:

$$\text{Ventaja de la casa} = \hat{p}_L + \hat{p}_E + \hat{p}_V - 1 \approx 0.020467$$

Este 2.046 % es el punto de partida que la casa quiere obtener en ganancias.

3. Predecir los resultados y encontrar el precio de equilibrio.

Si el bookie es mejor que los jugadores prediciendo el resultado de los partidos y también puede encontrar el precio de equilibrio, entonces podría contar con esta información mejorar sus ganancias esperadas al publicar un momio “equivocado” de tal manera que el momio (precio) de equilibrio quede posicionado donde sus ganancias se incrementen. Ahora, hay ciertas restricciones en cuanto a la distancia a la que puede quedar posicionado el momio “equivocado”, ya que pueden existir jugadores que conozcan el momio “correcto” por lo que entre mayor sea esta distancia podría generar mayores ganancias para estos jugadores. Por ejemplo, supongase el siguiente caso extremo: Se disputa un partido entre los equipos A y B , el equipo B es el favorito para ganar. Es por esto que la casa de apuestas arregló que el partido lo gane el equipo A . El bookie conoce que la probabilidad de que el equipo A gane el partido es 1, es

por esto que fija los momios más competitivos del mercado a favor del equipo *B* y a favor del empate, mientras que el momio a favor del equipo *A* lo presenta mucho menos competitivo que el resto del mercado. Con estas acciones, la casa de apuestas maximiza las apuestas recibidas en contra del equipo *A* y minimiza las apuestas a favor del equipo *A* dado que las otras casas de apuestas pagan mucho mejor este resultado. Ahora, si los momios fueran absurdamente buenos en contra del equipo *A* ciertos apostadores podrían intuir que la casa de apuestas sabe algo que los demás no saben y podrían apostar cantidades exorbitantes a favor del equipo *A*.

De estos tres escenarios, Levitt [15] examina de un bookie en línea, veinte mil apuestas de doscientos ochenta y cinco jugadores para los partidos de la NFL¹⁶. Esto fue lo que encontró:

- A pesar de ser un estudio para una sola casa de apuestas, sugiere que se pueden generalizar ya que casi todas las casas ofrecieron casi los mismos momios para los mismos partidos
- El bookie no parece buscar el precio de equilibrio del mercado. Acorde a los resultados en casi la mitad de todos los juegos al menos dos tercios de las operaciones caen en un solo lado de la apuesta.
- El bookie parece colocar precios estratégicamente para explotar los sesgos de los apostadores. Es decir, los jugadores parecen tener un sesgo sistemático hacia los equipos favoritos y, en menor medida, hacia los equipos visitantes. En consecuencia, el bookie logró atraer mayor atención a partidos donde estos equipos no tuvieron buenas actuaciones; estos precios lograron elevar las ganancias hasta un veinte por ciento más que con lo que hubieran obtenido en el primer escenario.

¹⁶La liga de futbol americano más popular: National Football League.

- Hay poca evidencia de que existan jugadores que hayan sido capaces de vencer a los bookies sistemáticamente.

Estas conclusiones indican que, al menos en el deporte del futbol americano, las casas de apuestas buscan siempre tener mayores ganancias. Es por esta razón que podrían estar usando el tercer escenario descrito previamente. Es interesante destacar que los momios, en realidad reflejan la probabilidad que el mercado cree que tiene cada resultado de un partido. Es por esto que sistemas como Egobets, que funcionan al aprovecharse de los momios “equivocados” propuestos por las casas de apuestas, pudieran llegar a funcionar satisfactoriamente.

Capítulo 3

Tejiendo la teoría Matemática

Partiendo de los siguientes dos supuestos: a) un jugador promedio busca maximizar las ganancias de sus apuestas en función de su adversidad al riesgo y, b) apostar siempre conviene más que no apostar. Se plantea una manera de encontrar la apuesta óptima para un partido. Con base en este planteamiento se sigue el análisis a una jornada: ¿A qué partidos de la jornada el usuario le debería apostar? Finalmente, considerando que el usuario busca apostar en todas las jornadas de la temporada, se ataca el problema de la evolución del dinero a apostar durante toda la temporada.

3.1. Decidir a favor de quien apuestas

- (a) Sean p_L , p_z , p_v las probabilidades de que gane local, empaten o gane visitante, respectivamente. Sean μ_L , μ_z y μ_v los momios respectivos. El problema de decisión de apostar \\$1 en esta situación es:

$$E_p[U(\delta_i)] = p_i \mu_i; \quad i = L, Z, V$$

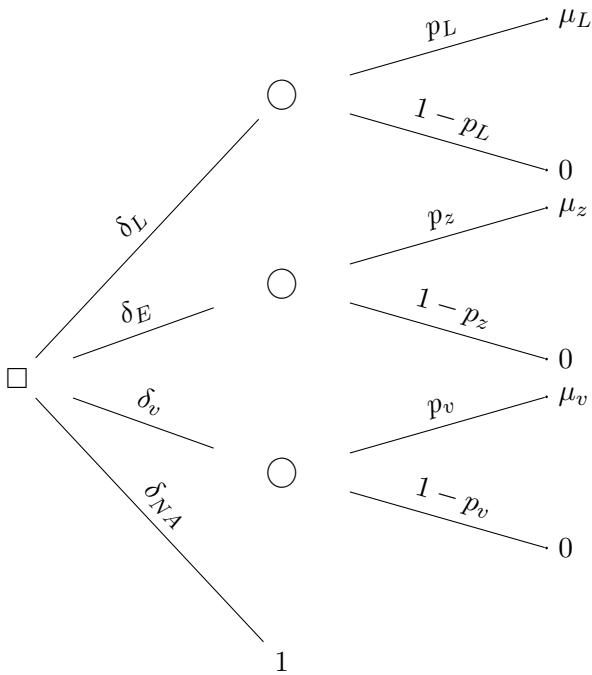


Figura 3.1: Decidir por quién apostar

Sol: Se escoge $\rho_i \cdot \exists \cdot E_p[U(\delta_i)] = \max\{p_L\mu_L, p_z\mu_z, p_v\mu_v, 1\}$

- (b) Se quiere decidir si apostar o no en la ocurrencia de un evento: Sea $p = p(E)$ y f_p densidad de p . Sea μ el momio en el caso de ocurrencia. El problema de decisión asociado es el siguiente:

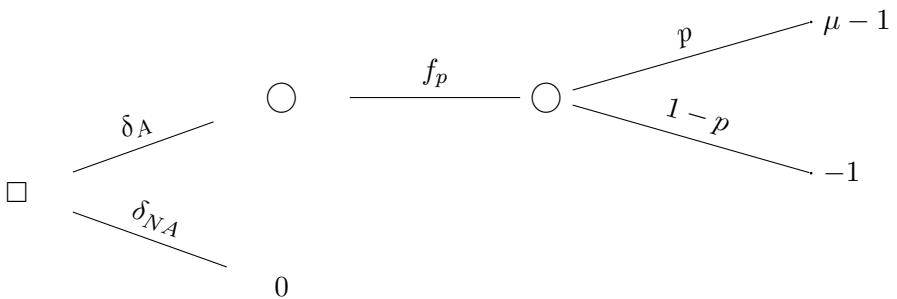


Figura 3.2: Decidir si apostar o no apostar

$$\begin{aligned} \rightarrow E_p[U(\delta_A)] &= E_{f_p}[p(\mu - 1) - (1 - p)] \\ &= E_{f_p}[p(\mu) - 1] \\ &= E_{f_p}(p)\mu - 1 \end{aligned}$$

Apuestas si $E_{f_p}(P) \cdot \mu \geq 1$

- (c) Mismo problema que el caso anterior, sólo que la utilidad depende de p y μ : $U : \mathbb{R} \times [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$
 $(U(0, p) = 0 \quad \forall p)$.

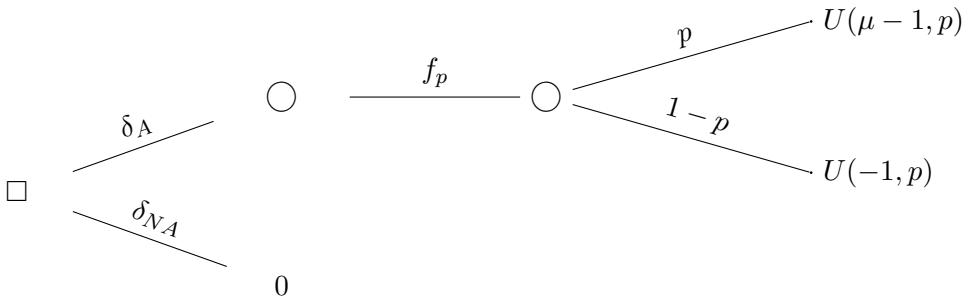


Figura 3.3: Decidir si apostar en función de una utilidad

Se apuesta si:

$$E_p(U(\delta_A)) = E_p[pU(\mu - 1, p) + (1 - p)U(-1, p)] \geq 0$$

Algunas funciones de utilidad posibles:

- $U_\mu(x, p) = x(\frac{1}{\mu} - p)^2$

Notese que: $pU_\mu(\mu - 1, p) + (1 - p)U_\mu(-1, p)$

$$(\hat{p} = \frac{1}{\mu}) = (\hat{p} - p)^2(p\mu - 1)$$

Me duele más mientras más alejado esté de un trato beneficioso y me produce mayor placer mientras mayor sea el beneficio del trato.

- $U_{\mu,a}(x, p) = \begin{cases} ax(\hat{p} - p)^2 & \text{si } p \leq \hat{p} \\ x(\hat{p} - p)^2 & \text{si } p > \hat{p} \end{cases}$

Notese que:

$$U_\mu = U_{\mu,1}$$

$$pU_{\mu,a}(\mu - 1, p) + (1 - p)U_\mu(-1, p) = \begin{cases} a(\hat{p} - p)^2(p\mu - 1) & \text{si } p \leq \hat{p} \\ (\hat{p} - p)^2(p\mu - 1) & \text{si } p > \hat{p} \end{cases}$$

Me duele “a” veces más un trato perjudicial que un trato beneficioso si me encuentro a la misma distancia que \hat{p} .

- $U_{\mu,a,b} = U_{\frac{\mu}{1+\mu b}, a}$

y considerar el problema de decisión con $\mu' = \frac{\mu}{1+\mu b}$.

Si $\mu' = \frac{\mu}{1+\mu b} \rightarrow \hat{p}' = \hat{p} + b$.

Los tratos empiezan a ser beneficiosos hasta que el menos sea $b\%$ más probable que ocurra el evento de lo que sería justo.

Nota: En un problema de decisión sin aversión a la distribución de probabilidades (o con probabilidades fijas) si se desea apostar en apuestas con un mínimo de ganancias esperadas igual a $b\%$ se debe comparar μ_p con $1 + b$ (i.e. apostar $\leftrightarrow \mu_p \geq 1 + b$).

3.2. Decidir la cantidad de dinero a apostar

Supongamos que $\mu_p \geq 1$ y que existen 2 funciones de utilidad:

$$U_1 : \mathfrak{R}^+ \rightarrow \mathfrak{R}^+$$

$$U_2 : \mathfrak{R}^+ \rightarrow \mathfrak{R}^+$$

La primera es la función de utilidad del dinero para las ganancias y la segunda es la utilidad del dinero para las pérdidas monetarias.

Se harán las siguientes supuestos:

- (I) $U_1(0) = U_2(0) = 0$. U_1, U_2 no decrecientes, una vez cont. dif.
- (II) $U'_1(0) > U'_2(0)$ (por lo tanto convendrá apostar).
- (III) $\forall M > 0$ fija $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{U_1(\mu x)}{U_2(x)} = 0$.
(Perder duele muchísimo más que ganar).

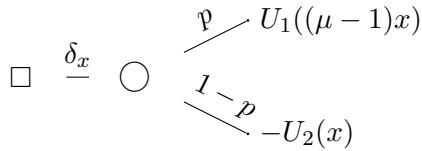


Figura 3.4: Árbol de probabilidad 4

El problema de decisión asociado a determinar la cantidad óptima a postar es: (con $0 < p < 1$ fija y μ momio)

$$\rightarrow E_p[U(\delta x)] = pU_1((\mu - 1)x) - (1 - p)U_2(x)$$

$$\text{Sea } f(x) = E_p[U(\delta x)]$$

Encontrar el óptimo es encontrar $x \geq 0$ que resuelva el problema:
 $\max_{x \geq 0} f(x)$

$$f'(x) = p(\mu - 1)U'_1((\mu - 1)x) - (1 - p)U'_2(x) = 0$$

$$\frac{p(\mu - 1)}{(1 - p)} = \frac{U'_2(x)}{U'_1((\mu - 1)x)}$$

P.d.

$$\exists \quad x^* \quad \cdot \exists \cdot \quad \frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{U'_2(x)}{U'_1(\mu x)}$$

$$(I) \quad f'(0) = p(\mu - 1)U'_1(0) - (1 - p)U'_2(0) > p(\mu - 1)U'_2(0) - (1 - p)U'_2(0)$$

$$= U'_2(0)(p\mu - 1) \geq 0$$

Con $U'_2(0) \geq 0$ y $p\mu \geq 0$

Por tanto $f'(0) > 0$

$$(II) \quad f(0) = 0$$

$$(III) \quad \frac{f(x)}{U_2(x)} = p \frac{U_1((\mu - 1)x)}{U_2(x)} - (1-p)$$

$$\rightarrow \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{U_2(x)} = -(1-p)$$

$$\rightarrow \exists x \cdot \exists \cdot \frac{f(x)}{U_2(x)} = -(1+p) + \varepsilon < 0$$

$$\rightarrow \exists x \cdot \exists \cdot f(x) < 0$$

- Por T.V.M. $\exists x' \in (0, x) \cdot \exists \cdot xf'(x') = f(x) - f(0) = f(x) < 0$
 $\rightarrow f'(x') < 0$

- T.V.I. $\exists x^* \in (0, x') \cdot \exists \cdot f'(x^*) = 0$. i.e. $\frac{p(\mu - 1)}{1-p} = \frac{U'_2(x)}{U'_1(\mu x)}$

Como f es primero creciente y en algún punto decreciente:
 $\rightarrow x \cdot \exists \cdot f'(x) = 0$ es un maximizador.

Algunas funciones a considerar:

- $U_{1,\alpha}(x) = x^\alpha \quad 0 < \alpha < 1$
 $U_2(x) = x$

Compruébense los supuestos:

- (I) $U_{1,\alpha}(0) = 0 = U_2(0)$, son crecientes y una vez dif.
- (II) $U'_{1,\alpha}(0) = +\infty, U'_2(0) = 1 \quad \therefore U'_{1,\alpha}(0) > U'_2(0)$
- (III) $\forall \mu > 0$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{U_{1,\alpha}(\mu x)}{U_2(x)} = \mu^\alpha \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^\alpha}{x} = \mu^\alpha \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x^{1-\alpha}} = 0$$

Para una apuesta con probabilidad p y momio μ el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu - 1)}{(1-p)} = \frac{U'_2(x)}{U'_{1,\alpha}((\mu - 1)x)} = \frac{1}{\alpha((\mu - 1)x)^{\alpha-1}} = \frac{1}{\alpha}(\mu - 1)^{1-\alpha}x^{1-\alpha}$$

$$\rightarrow \left(\frac{\alpha p}{(1-p)} \right) (\mu - 1)^\alpha = x^{1-\alpha} \rightarrow x^* = \left(\frac{\alpha p}{1-p} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}} (\mu - 1)^{\alpha/1-\alpha}$$

- $U_{1,\alpha}(x) = x^\alpha \quad 0 < \alpha < 1$
- $U_{2,\beta}(x) = x^\beta \quad \beta \leq 1$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio μ el óptimo se da en:

$$\begin{aligned} \frac{p(\mu - 1)}{(1-p)} &= \frac{\beta x^{\beta-1}}{\alpha(\mu - 1)^{\alpha-1}x^{\alpha-1}} = \frac{\beta}{\alpha}(\mu - 1)^{1-\alpha}x^{\beta-\alpha} \\ &\rightarrow \left(\frac{\alpha p}{\beta(1-p)} \right) (\mu - 1)^\alpha = x^{\beta-\alpha} \rightarrow x^* = \left(\frac{\alpha p}{\beta(1-p)} \right)^{1/\beta-\alpha} (\mu - 1)^{\alpha/\beta-\alpha} \end{aligned}$$

- $U_1(x) = \ln(x)$
- $U_2(x) = x$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio μ el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu - 1)}{(1-p)} = \frac{1}{\left(\frac{1}{(\mu - 1)x} \right)} = (\mu - 1)x \rightarrow x^* = \frac{p}{1-p}$$

- $U_{1,\alpha}(x) = 1 - e^{-\alpha x} \quad \alpha \geq 1$
 $U_2(x) = x$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio μ el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{1}{\alpha e^{-\alpha(\mu-1)x}} \rightarrow \ln\left(\frac{\alpha p(\mu - 1)}{(1 - p)}\right) = \alpha(\mu - 1)x$$

$$\rightarrow x^* = \frac{1}{\alpha(\mu - 1)} \ln\left(\frac{\alpha p(\mu - 1)}{(1 - p)}\right)$$

Otras tres funciones de utilidad a considerar:

- $U_{1,\alpha}(x) = \alpha x \quad \alpha \geq 1$
 $U_2(x) = e^x - 1$

$$\rightarrow \frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{e^x}{\alpha}$$

$$\rightarrow x^* = \ln\left(\frac{p(\mu - 1)}{1 - p}\right) + \ln(\alpha)$$

- $U_1(x) = \ln(x) \quad \alpha \geq 1$
 $U_2(x) = x^\alpha$

$$\rightarrow \frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{\alpha x^{\alpha-1}}{\frac{1}{(\mu-1)x}} = \alpha(\mu - 1)x^\alpha$$

$$\rightarrow x^* = \left(\frac{p}{\alpha(1 - p)}\right)^{1/\alpha}$$

- $U_{1,\alpha}(x) = \tan^{-1}(x)$
 $U_{2,\alpha}(x) = \alpha x \quad 0 < \alpha \leq 1$

$$\begin{aligned} \rightarrow \frac{p(\mu - 1)}{1 - p} &= \alpha(1 + (\mu - 1)^2 x^2) \\ \rightarrow \frac{p\mu - p - \alpha(1 - p)}{1 - p} &= \alpha(\mu - 1)^2 x^2 \\ \rightarrow \frac{p\mu - (1 - \alpha)p - \alpha}{1 - p} &= \alpha(\mu - 1)^2 x^2 \\ \rightarrow x^* &= \frac{1}{\sqrt{\alpha}(\mu - 1)} \left(\frac{p\mu - (1 - \alpha)p - \alpha}{1 - p} \right)^{1/2} \\ \text{equivalentemente: } x^* &= \frac{1}{\mu - 1} \left(\frac{p\mu - (1 - \alpha)p - \alpha}{1 - p} \right)^{1/2} \end{aligned}$$

Basta probar que $p\mu - (1 - \alpha)p - \alpha \geq 0$

$$p\mu - (1 - \alpha)p - \alpha \geq p\mu - (1 - \alpha) - \alpha = p\mu - 1 > 0$$

x^* está bien definido.

3.3. Ahorro precaucional

Supongamos F_1, \dots, F_n distribuciones y la siguiente sucesión de Variables aleatorias $(x_1^t)_{t=1}^\infty, \dots, (x_n^t)_{t=n}^\infty$ independientes $x_j^t \sim F_j \forall t \in \mathbb{N}$.

Sean $\alpha_1, \dots, \alpha_n \in \mathbb{R}^+ \cdot \exists \cdot \sum_{j=1}^n \alpha_j = 1$, definimos:

- $z_1 = \sum_{j=1}^n \alpha_j x'_j$

- $z_{t+1} = \sum_{j=1}^n \alpha_j x_j^{t+1} + z_t$

Supongamos que $E[x_j^t] > 1 \forall t \in \mathbb{N} \rightarrow E[z_t] = tE[z_1] = t\mu > 1$

Problema:

Encontrar $y \cdot \exists \cdot (1 - ty) + yz_t \geq y \forall t \in \mathbb{N}$ con probabilidad $(1 - \alpha) \times 100\%$. ($y \in [0, 1]$).

$$\begin{aligned} \rightarrow yz_t &\geq (t+1)y - 1 \quad \rightarrow \quad z_t \geq (t+1) - \frac{1}{y} \\ &\rightarrow z_t \geq t + k \text{ (con } k = 1 - \frac{1}{y}) \end{aligned}$$

equivalentemente: Encontrar $k \leq 0 \cdot \exists \cdot z_t \geq t + k \forall t \in \mathbb{N}$ con probabilidad $(1 - \alpha) \times 100\%$.

Sol:

Sea $\mu = E[z_1]$, $\sigma^2 = Var[z_1]$

$$\rightarrow (1 - \alpha) = p(z_t \geq t + k) \forall t \in \mathbb{N}$$

$$\begin{aligned} &= p(z_1 \geq 1 + k) \cdot p(z_2 \geq 2 + k | z_1 \geq 1 + k) \cdots \\ &= p(z_1 \geq 1 + k) \cdot \prod_{t=1}^{\infty} p(z_{t+1} \geq (t+1) + k | z_t \geq t + k) \end{aligned}$$

Usando el T.C.L.: $z_t \rightarrow N(t\mu, t\sigma^2) \forall t \in \mathbb{N}$

$$(I) \quad p(z_1 \geq 1+k) = p\left(\frac{z_1 - \mu}{\sigma} \geq \frac{(1+k) - \mu}{\sigma}\right) = 1 - \Phi\left(\frac{k - (\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)$$

$$(II) \ p(z_{t+1} \geq (t+1)+k | z_t \geq t+k) = \frac{p(z_{t+1} \geq (t+1)+k, z_t \geq t+k)}{p(z_t \geq t+k)}$$

$$\begin{aligned} p(z_t \geq t+k) &= p\left(\frac{z_t - t\mu}{\sqrt{t}\sigma} \geq \frac{k - t(\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right) \\ &= 1 - \Phi\left(\frac{k - t(\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right) \end{aligned}$$

- $z_{t+1} = y_t + z_t$ con $y_t \sim (\mu, \sigma^2)$, y_t, z_t independientes
 $z_t \sim (t\mu, t\sigma^2)$

$$\rightarrow f(y_t, z_t) \simeq \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(y_t - \mu)^2 + \frac{1}{t}(z_t - t\mu)^2]\right\}$$

Sea

$$\begin{aligned} \omega_t &= y_t + z_t & y_t &= \omega_t - v_t \\ v_t &= z_t & z_t &= v_t \end{aligned}$$

$$\rightarrow J = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \rightarrow |\det(J)| = 1$$

$$f(z_{t+1} | z_t) = \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(z_{t+1} - z_t - \mu)^2 + \frac{1}{t}(z_t - t\mu)^2]\right\}$$

$$\rightarrow p(z_{t+1}) \geq (t+1) + k, z_t \geq t+k$$

$$= \int_{t+k}^{\infty} \int_{t+1+k}^{\infty} \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(z_{t+1} - z_t - \mu)^2 + \frac{1}{t}(z_t - t\mu)^2]\right\} dz_{t+1} dz_t$$

$$= \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \int_{t+k}^{\infty} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2 t}(z_t - t\mu)^2\right\} \int_{t+1+k}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(z_{t+1} - z_t - \mu)^2\right\} dz_{t+1} dz_t$$

$$^1 = \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \int_{t+k}^{\infty} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2 t}(z_t - t\mu)^2\right\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k+t-z_t-(\mu-1)}{\sigma}\right)\right]$$

$$\bar{z}_t = \frac{1}{t} z_t, \quad d\bar{z}_t = \frac{1}{t} dz_t, \quad (\bar{z}_t)_0 = 1 + \frac{k}{t}, \quad (\bar{z}_t)_1 = \infty$$

$$= \frac{\sqrt{t}}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \int_{1+k/t}^{\infty} \exp\left\{-\frac{t}{2\sigma^2}(\bar{z}_t - \mu)^2\right\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k+t(1-\bar{z}_t)-(\mu-1)}{\sigma}\right)\right] d\bar{z}_t$$

Por tanto:

$$p(z_{t+1}) \geq (t+1) + k, \quad z_t \geq t + k$$

$$\simeq \frac{\sqrt{t} \int_{1+k/t}^{\infty} \exp\left\{-\frac{t}{2\sigma^2}(\bar{z}_t - \mu)^2\right\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k+t(1-\bar{z}_t)-(\mu-1)}{\sigma}\right)\right] d\bar{z}_t}{\sqrt{2\pi}\sigma \left(1 - \Phi\left(\frac{k-t(\mu-1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)\right)}$$

Para calcular k se resuelve la siguiente ecuación:

$$\log(1-\alpha) = \log(p|z_1 \geq 1+k) + \sum_{t=1}^{\infty} \log(p(z_{t+1}) \geq (t+1) + k, z_t \geq t + k)$$

$$y = \frac{1}{1-k}$$

Se realizó una muestra y_1, \dots, y_n , donde:

$$y_1 = CA(p_i, \mu_i, \sigma_i)$$

Donde:

¹Ver Apéndice A

- p_i : Un valor de probabilidad deseado.
- M_i : Un valor de $E[z_1]$ dado.
- δ_i : Un valor de $Var(z_i)^{1/2}$.
- CA : La función que se define implícitamente de resolver las ecuaciones para calcular la cantidad de apostar.

A tales datos se les ajustó el siguiente modelo lineal:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 p_i + \beta_2 \mu_i + \beta_3 \sigma_i + \varepsilon_i$$

El ajuste es el siguiente:

- $\beta_0 = 0.2925$
- $\beta_1 = -0.9975$
- $\beta_2 = 1.3772$
- $\beta_3 = -1.1127$

Con $R^2 = 0.95$.

En adelante, se tomará como aproximación lo siguiente:

$$CA(p, \mu, \sigma) \simeq 0.2925 - 0.9975p + 1.3772\mu - 1.1127\sigma$$

3.4. Evolución de la cantidad a Apostar

Problema: Decidir p de manera óptima.

Sea x la cantidad de ingresos restantes ($0 \leq x \leq 1$, en porcentaje), y μ, σ la media y la desviación estandar de apostar en un periodo dados.

Supongamos $U_1, U_2 : \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}^+$ funciones de utilidad del dinero. (U_1 ganancias, $-U_2$ pérdidas) · \exists · son no decrecientes y una vez continuamente diferenciables. Considerese la siguiente función:

$$f(p; x, \mu, \sigma) = [beneficio] - [costo]$$

$$f(p; x, \mu, \sigma) = [pU_1(y(p, \mu, \sigma)\mu x)] - [(1-p)U_2(x)]$$

Suponiendo $y(p, \mu, \sigma) = a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma$ se obtiene:

$$a_i \geq 0, \quad i = 0, \dots, 3$$

$$f = pU_1((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x) - (1 - p)U_2(x)$$

El problema es:

$$\max f$$

Sol:

$$\begin{aligned} f'(p) &= -pU'_1((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x)a_1\mu x \\ &\quad + U_1((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x) + U_2(x) = 0 \end{aligned}$$

Si U_1 es cóncava $\rightarrow p^*$ es un maximizador.

Forma aproximada de obtener p :

$$y = a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma$$

\rightarrow Sea $b = a_1\mu x$, p_0 una aproximación de p . Definimos:

$$\omega = y\mu x, \quad \omega_0 = y(p_0, \mu, \sigma)\mu x$$

$$\begin{aligned} \rightarrow U_1(\omega) &= U_1(\omega_0) + U'_1(\omega_0)(\omega - \omega_0) + O((\omega - \omega_0)) \\ &= U_1(\omega_0) + bU'_1(\omega_0)(\omega_0)(p - p_0) + O((\omega - \omega_0)) \end{aligned}$$

Se puede aproximar f por:

$$f(p) \simeq p[U_1(\omega_0) + bU'_1(\omega_0)(\omega_0)(p - p_0)] - (1 - p)U_2(x)$$

$$\Rightarrow f'(p) \simeq U_1(\omega_0) - 2bU'_1(\omega_0)p + bU'_1(\omega_0)p_0 + U_2(x) = 0$$

$$\Rightarrow p \simeq \frac{1}{2bU'_1(\omega_0)}[U_1(\omega_0) + U_2(x)] + \frac{1}{2}p_0$$

Supongamos $U_1 : \Re^+ \rightarrow \Re^+$ dada por $U(\omega) = \omega^\alpha$ $(0 < \alpha \leq 1)$ y $U_2(x) = \beta x$

Notese que:

- $\frac{U_1(\omega_0)}{U'_1(\omega_0)} = \frac{\omega_0}{\alpha}$
- $\frac{\omega_0}{b} = \frac{a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma}{a_1}$

$$\Rightarrow p \simeq \frac{1}{2\alpha a_1}[a_0 + a_2\mu - a_3\sigma + \frac{\beta}{\mu}[(a_0 - a_1p_0 + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x]^{1-\alpha}] + \frac{1}{2}(1 - \frac{1}{\alpha})p_0$$

Supongamos ahora que f es de la siguiente forma:

$$f(p) = pU_1(y(p, \mu, \sigma) \cdot \mu x) - (1 - p)U_2(x) - pU_3(\theta(k\sigma - \mu))$$

i.e. Hay pérdidas potenciales por el riesgo de la inversión considerar

$$U_3(\theta(k\sigma - \mu))U_2(\theta(k\sigma - \mu)x)I(\theta(k\sigma - \mu) \geq 0)$$

\Rightarrow De manera análoga se obtiene:

$$p \simeq \frac{1}{2bU'_1(\omega_0)}[U_1(\omega_0) + U_2(x) + U_2(\theta(k\sigma - \mu)x)I_{\{m \geq 0\}}] + \frac{1}{2}p_0$$

Si tomamos $U_1(\omega) = \omega^\alpha$, $U_2(x) = \beta x$

$$\begin{aligned} p &\simeq \frac{1}{2\alpha a_1} \{(a_0 + a_2\mu - a_3\sigma) \\ &+ \frac{\beta_1}{\mu} [1 + (\beta_2\sigma - \beta_3\mu)I_{\{m \geq 0\}}] [(a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x]^{1-\alpha}\} + \frac{1}{2}(1 - \frac{1}{\alpha})p_0 \end{aligned}$$

Capítulo 4

Back Office

4.1. Descripción General

El ecosistema de Egobets consiste principalmente de cuatro piezas de software. Ver la figura 4.1. En este capítulo se describirán las tres piezas que el usuario administrativo debe usar para poder a echar a andar toda la maquinaria detrás del sistema. A todo este conjunto de herramientas y programas que el usuario necesita para esta tarea se le conocerá como *Back Office*.

El Sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos (*Sistema de recopilación*), el *Portal administrativo* y el *Portal público* corren bajo una arquitectura cliente servidor; mientras que el Sistema de estimación de probabilidades (*Sistema de estimación*) corre en un ordenador personal.

Grosso modo el proceso que se lleva a cabo en el *Back Office* para alimentar el *Portal público* (Ver la figura 4.2), se puede describir de la siguiente manera:

1. A través del *Sistema de recopilación* los administradores descargan de la página de Internet de ESPN los resultados de todos los partidos de la temporada junto con la información de los próximos

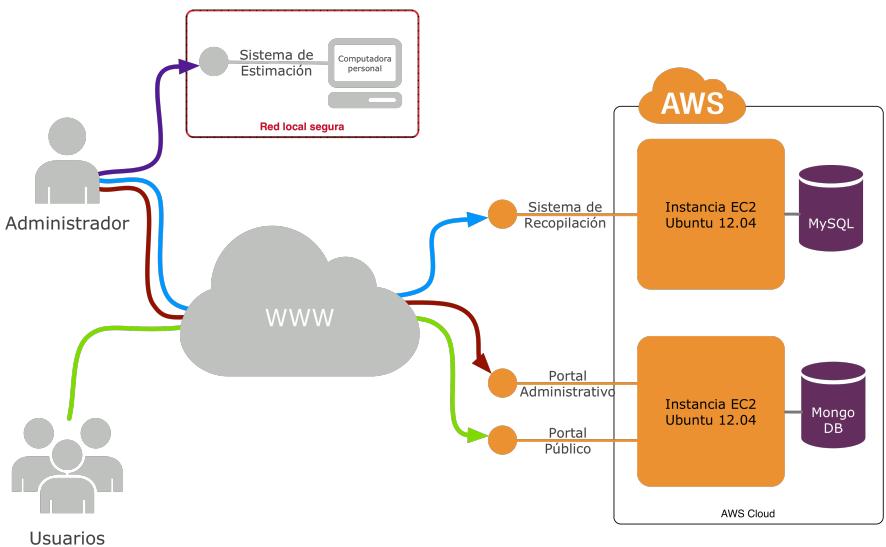


Figura 4.1: Diagrama de sistemas y usuarios

partidos por jugar de cada una de las ligas Europeas.

2. Los datos recopilados permiten a los administradores generar un conjunto de archivos de texto con toda la información de los resultados de los últimos partidos y las fechas de los próximos partidos.
3. Los administradores usan estos archivos para alimentar el *Sistema de estimación* y calcular los pronósticos de los próximos partidos y las probabilidades de los resultados.
4. Se obtienen los archivos que contienen la información de los próximos partidos así como la información de los equipos por liga y su desempeño en la temporada en curso.
5. En el *Portal administrativo* se ingestan los archivos obtenidos con la información de los próximos partidos, resultados de partidos

anteriores y las estadísticas de los equipos en la temporada en curso.

6. Finalmente, con la nueva información ingresada, los usuarios podrán disfrutar en el *Portal público* sus recomendaciones personalizadas de apuestas.

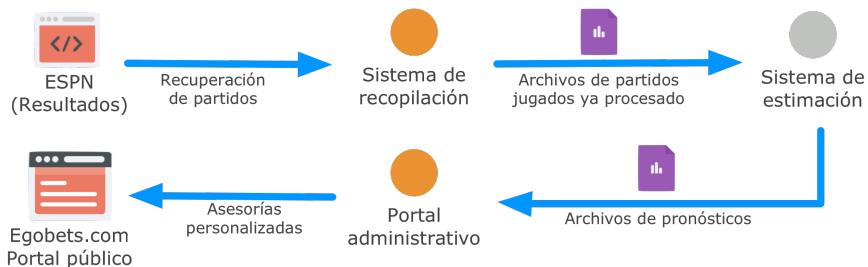


Figura 4.2: Diagrama de flujo de información

4.2. Sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos

A grandes rasgos el sistema de recopilación recupera todos los partidos que se juegan por temporada en cada una de las ligas¹. Para esto se dividirá este Sistema en los siguientes módulos:

1. Recuperación de fechas de partidos próximos.
2. Recuperación de información de partidos jugados.
3. Generación de archivos con resultados.

¹Egobets se enfoca en las ligas: alemana, española, francesa, inglesa e italiana

Adicionalmente en esta sección se describirá el funcionamiento del Sistema de Estimación. Sin embargo, al ser un conjunto de programas en *Fortran* que son ajenos al autor, no se profundizará en los detalles del desarrollo del mismo.

Para poder comenzar la recuperación de información, es importante contar con los equipos que estén jugando esta temporada. Dependiendo de los resultados de la temporada anterior, los equipos que hayan quedado hasta abajo en la tabla de posición descienden a ligas menores y a su vez suben los mejores de estas ligas. Ver figura 4.3

Al ingresar al *Sistema de recopilación* se tienen

4.2.1. Diseño de la solución

[29]

Los Equipos			
Barcelona	83	<input checked="" type="checkbox"/> Activo	 Editar
Real Madrid	86	<input checked="" type="checkbox"/> Activo	 Editar
Valencia	94	<input checked="" type="checkbox"/> Activo	 Editar
Tenerife	245	<input type="checkbox"/> Inactivo	 Editar

Figura 4.3: Ejemplo de equipos de la liga española²

²Es importante mencionar que se usan aproximadamente los últimos quinientos partidos para la generación de los archivos, esto implica que se deben tener en base de datos los equipos que participaron en las pasadas dos temporadas de juegos. Por este motivo de pueden encontrar equipos que se encuentran en el sistema con la bandera de inactivos.

4.2.2. Recuperación de fechas de partidos próximos.

Agregando próximos partidos

En esta página se descargan los partidos de las próximas jornadas. Esto los crea en la base de datos para poder correr el proceso de predicción de resultados

Partidos encontrados

Se encontraron 4 partidos en la página de fixtures

 Sat 25 Oct, 2014  06:10 hrs	 West Ham United  Manchester City	ID: 395685 Insertado correctamente
 Sat 25 Oct, 2014  09:10 hrs	 Liverpool  Hull City	ID: 395684 Insertado correctamente
 Sat 25 Oct, 2014  09:10 hrs	 Southampton  Stoke City	ID: 395687 Insertado correctamente
 Sat 25 Oct, 2014  09:10 hrs	 Sunderland  Arsenal	ID: 395679 Insertado correctamente

Hubo 4 partidos que son insertables
Éxito! todos fueron insertados

Figura 4.4: Recuperación de próximos partidos

4.2.3. Recuperación de información de partidos jugados.

Actualizando partidos pasados.

Se actualizan los partidos que ya se tienen en base de datos con los resultados que se acaban de obtener

Detalles de los resultados

Se encontraron 4 partidos en la página de results

Hoy 12:00 hrs	Malaga	Rayo Vallecano	ID: 402546	No, ya lo tienes
Hoy 12:00 hrs	Espanyol	Deportivo La Coruña	ID: 402542	Nel, ya lo tienes
Hoy 12:00 hrs	Sevilla FC	Villarreal	ID: 402548	Nel, ya lo tienes
Hoy 12:00 hrs	Getafe	Atlético Madrid	ID: 402540	Tiros: 0 Nel, ya lo tienes
0 son insertables				

Figura 4.5: Recuperación de resultados de partidos ya jugados

4.2.4. Generación de archivos con resultados.

4.2.5. Sistema de estimación de probabilidades

4.3. Portal administrativo

4.3.1. Inicio de Sesión

Se ingresa al sistema a través la dirección de internet:

<https://admin.egobets.com>

Se presenta la pantalla de inicio de sesión donde se introduce el nombre de usuario y contraseña. Véase las figuras 4.6 y 4.7



Figura 4.6: Login



Figura 4.7: Ingreso de datos

Al dar click en el botón de Entrar, se habrá iniciado sesión, y se está habilitado para comenzar a trabajar.

Una vez que se haya terminado de usar el sistema, se debe cerrar la sesión, lo cual se puede hacer dando click sobre el botón de Salir. Véase figura 4.8



Figura 4.8: Cerrar Sesión

Al hacerlo, se terminará de manera segura la sesión .

4.3.2. Ingesta

A través de este módulo se alimenta el sistema con la información necesaria para que la aplicación trabaje correctamente.

Los elementos que se ingresan en este módulo son:

- Próximos partidos
- Resultados de partidos anteriores
- Estadísticas de los equipos en la temporada

Al entrar a esta sección, se encuentra un campo para seleccionar el tipo de ingestión que se quiere realizar, en este caso hay dos opciones:

- Partidos
- Equipos

Véase figura 4.9

The screenshot shows a user interface titled "Ingesta de Archivos". It includes a descriptive text about uploading files for data processing, a dropdown menu set to "Partidos", a file selection button with the placeholder "Choose File no file selected", a "Procesar" button, and a "Resultados Anteriores" link.

Figura 4.9: Subir archivos y procesarlos³

³Toda la información referente a los archivos que se deben subir se encuentra en el appendix B

Partidos

Partidos	
Valencia vs Racing Santander	15/08/2011 10:30 am
Real Madrid vs Osasuna	15/08/2011 10:30 am
Athletic Bilbao vs Atletico Madrid	15/08/2011 10:30 am
Real Zaragoza vs Malaga	15/08/2011 10:30 am
Sporting Gijon vs Mallorca	15/08/2011 10:30 am
Villareal vs Espanyol	15/08/2011 10:30 am
Sevilla vs Deportivo la Coruña	15/08/2011 10:30 am
Espanyol vs Almeria	15/08/2011 10:30 am
Mallorca vs Osasuna	15/08/2011 10:30 am
Sporting Gijon vs Athletic Bilbao	15/08/2011 10:30 am
<input type="button" value="Aprobar"/>	

Figura 4.10: Partidos procesados por el sistema

Para subir la información de los partidos de la jornada que comienza, se selecciona del menú la opción de **Partidos**, y se presiona el botón Seleccionar archivo donde se elige el archivo correspondiente. Una vez seleccionado el archivo a ingestar y el tipo de datos que contiene, se oprime el botón de Procesar, lo cual comienza el proceso de ingesta.⁴

Con el archivo ya procesado, se puede verificar la interpretación que el sistema realizó del archivo. Se pueden observar en pantalla los siguientes datos:

- Identificador único y nombre del equipo local
- Identificador único y nombre del equipo visitante
- Marcadores de equipo local y visitante

⁴Una vez que comenzado el proceso de ingesta (ya sea de equipos ó partidos), se tienen sólo 10 minutos para verificar que los datos sean correctos. De no hacerlo, el sistema no procesará el archivo hasta que se suba nuevamente

- Probabilidades de local, empate y visitante
- Fecha en la que se llevará a cabo el partido

Si hay algún error en la información se puede presionar Cancelar e intentarlo nuevamente, si la información es la correcta se oprime el botón de Aceptar.

Equipos

Liga Española - 1 equipos		
Barcelona		
LOCALES	ATAQUE (TOTAL: 77.98675)	DEFENSA (TOTAL: 0.00461)
1 - 0.99077	Medio Centro	Medio Centro
2 - 0.97424	44.92714, 44.39567, 48.67519, 45.04554, 50.15361, 45.13673	0.09920, 0.08503, 0.10137, 0.10096, 0.07583, 0.09882
3 - 1.22288	Delanteros	Defensa
4 - 1.25812	0.42720, 0.48835, 0.37716, 0.39364, 0.49213, 0.48114	0.70878, 0.76276, 0.75593, 0.72310, 0.68052, 0.70200
5 - 0.83118	Definición	Portero
6 - 1.10607	0.41295, 0.43731, 0.45660, 0.40094, 0.48168, 0.41153	0.60132, 0.62973, 0.56721, 0.48950, 0.65307, 0.63799
7 - 1.08442		
POSESIÓN		
76.54093		
Aprobar		

Figura 4.11: Actualizando datos de los equipos

Para la ingestión de datos de los equipos se selecciona la pestaña de Equipos en la pestaña y luego se presiona el botón **Seleccionar archivo**. Una vez que se seleccione el archivo a ingestar y el tipo de datos que contiene, se oprime el botón de Procesar, para comenzar el proceso de ingestión. Cuando el archivo termina de ser procesado el sistema presentará la interpretación del archivo, donde se podrán verificar los siguientes datos:

- Nombre del equipo
- Indicadores de ataque y promedio de ataques:
 - Medio Centro

- Delanteros
 - Definición
- Indicadores de defensa y promedio de defensas:
- Medio centro,
 - Defensa
 - Portero
 - Posesión

Si hay algún error en la información se puede presionar Cancelar e intentarlo nuevamente, si la información es la correcta se oprime el botón de Aceptar.

Resultados Anteriores

Al dar clic en el botón de Resultados Anteriores se pueden ver y modificar los resultados de los partidos de la semana pasada. En esta pantalla se actualizan los marcadores, al terminar se da click en Guardar Resultados.

Si el marcador de un partido que ya tenía resultado se deja en blanco no será modificado al guardar y se mostrará el resultado que tenía previamente.

Resultados Anteriores		
Pon aquí los resultados de la semana pasada para que salgan en el portal de usuarios.		
Liga Italiana		
AC Milan 1 1 Udinese		
Palermo 3 2 Cagliari		
Juventus 1 1 Bologna		
Genoa 3 0 Catania		
Fiorentina 3 0 Parma		
Chievo Verona 1 0 Napoli		
Cesena 1 2 Lazio		
Parma 0 1 Roma		
Napoli 0 0 Fiorentina		
Lazio 0 0 Palermo		
Chievo Verona 2 1 Genoa		
Catania 1 1 Juventus		
Cagliari 0 0 Udinese		
Bologna 1 3 Inter Milan		
AC Milan 1 0 Cesena		

Figura 4.12: Actualizando marcadores de la liga italiana

4.3.3. Usuarios

Se muestran de quince en quince todos los usuarios inscritos a Ego-bets, para ver los siguientes quince usuarios se da click en el botón Siguiente. Cada usuario tiene un botón de Detalles y Eliminar.

Detalles de Usuario

El botón Detalles en el listado presenta la información más detallada del usuario. Aquí se puede ver su información y preferencias:

- **Historial.** Indica las últimas ganancias y pérdidas por jornada
- **Perfil de riesgo.** Despendiendo de la encuesta realizada por usuario se tiene su adversidad al riesgo.
- **Casas de apuesta.** En el sistema se tienen varias Casas que proporcionan distintos momios para los partidos.

Usuarios		
Mostrando 1 al 15 de 28		
 Adrian Tenorio	adrianteno9@gmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Alberto Segovia	albertosegovia9@gmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Bruno Medina	bruno@egobets.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Brus Medina	ebuen@brus.mx	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Egobets Asesores Deportivos	contacto@egobets.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Enrique Toro Torres	estotorres9@hotmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Fernando Raña	fernandoranya9@gmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Izzy Sagga	izzysagga9@hotmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Jaime Rodas	jimmy@partidosurrealistas.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Jaime Rodas	jimmyenrik@rodas99.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Nuevo Jendanny Raña Custodio	jendanny9@gmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Jose Antonio Villacreses Quiroga	josevillares9@hotmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Jose Manuel Rodriguez Castro	josemtric9@hotmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR
 Manuel Colin	manuelcolin9@gmail.com	DETALLES CONTACTAR ELIMINAR

Figura 4.13: Listado de Usuarios

- **Favoritos.** Los equipos favoritos del usuario
- **Transacciones realizadas.** Los últimos pagos realizados.
- **Usuario desde.** Tiempo que lleva como usuario de Egobets.
- **Estatus de actividad.** Al ser un sistema de paga los usuarios pagan por jornada para recibir la asesoría de apuestas.
 - Activo: el usuario está recibiendo recomendaciones.
 - Inactivo: el usuario no está recibiendo recomendaciones.

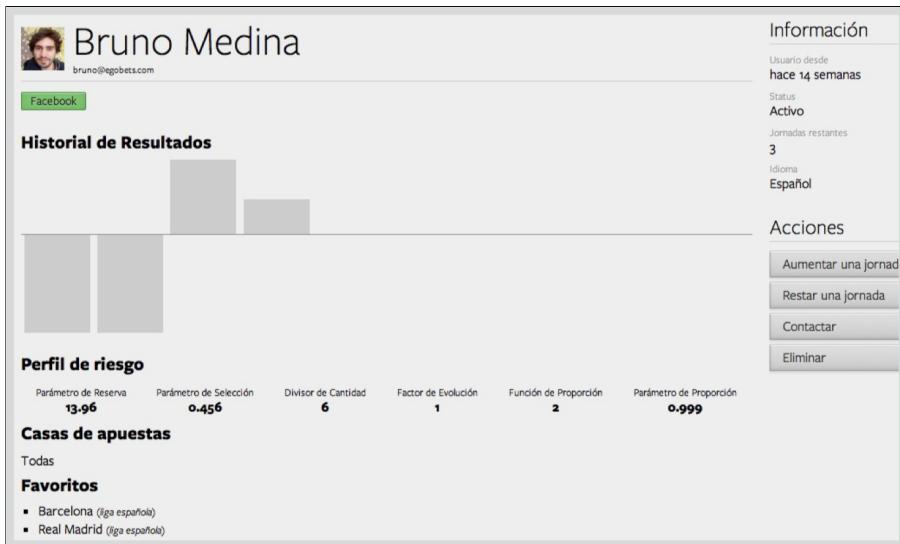


Figura 4.14: Vista del detalle de usuario

- **Jornadas restantes.** La cantidad de Jornadas que el usuario va seguir recibiendo asesorías.

- **Idioma.** En que lenguaje lee el portal el usuario (Inglés o Español)

Acciones Administrativas

- **Aumentar/Restar una Jornada.** Una jornada le permite al usuario recibir la asesoría de los siguientes partidos. Los administradores del sistema le pueden otorgar o quitar a los usuarios jornadas con tan solo click en el botón.

- **Contactar.** Permite al administrador enviar un correo desde su programa predeterminado de correo al usuario.

- **Eliminar.** Todos los datos del usuario son eliminados del sistema.

⁵La información de los usuarios eliminados no podrá ser rescatada.

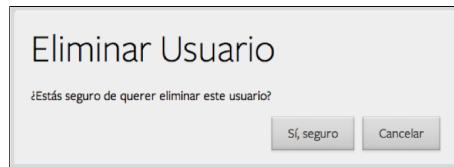


Figura 4.15: Confirmar la eliminación de un usuario⁵

4.3.4. Pagos

Los pagos de los usuarios se cambian por la sugerencia de apuestas de una jornada. En esta sección se muestra un listado de las transacciones monetarias más recientes y su información general.

Transacciones						
FECHA	TRANSAKCÓN	USUARIO	JOR	CANTIDAD	STATUS	
2011-10-19 19:53:56	20008593LB064672V	Alberto Segovia (albertosegovaria@hotmail.com)	1	\$6.00 USD	Pagada	
2011-10-19 17:22:46	8RA161092T0260347	Brus Medina (eliven@brus.mv)	1	\$6.00 USD	Pendiente	
2011-10-13 22:37:43	3FB49567LPI37435R	Jaime Rodas (jaime-enki@redes.mv)	10	\$45.00 USD	Pagada	
2011-10-13 21:34:05	4C317055PC020402P	Jaime Rodas (jaime@partidosurrelista.com)	5	\$25.00 USD	Pagada	

Figura 4.16: Listado con los últimos pagos realizados

Los detalles de las transacciones son:

- Fecha en la que la transacción se inicio.
- Número de transacción en la cuenta de PayPal de Egobets.
- Nombre y el correo del usuario que realiza la transacción, al dar clic sobre su nombre serán dirigidos a la información detallada de dicho usuario
- Cantidad de jornadas por las que se realiza la transacción

- Cantidad monetaria por la que se realiza la transacción
- Estatus de la transacción:
 - Pendiente: se ha iniciado la transacción para la compra de jornadas, sin embargo aun no ha concluido.
 - Pagada: se realizó exitosamente y las jornadas han sido agregadas al usuario.

4.3.5. Estadísticas

Esta sección muestra las estadísticas y gráficas a los usuarios administrativos con información relevante de: ganancias y pérdidas de los usuarios, resultados de las predicciones, preferencias de los usuarios, pagos y partidos.

Resultados Netos

Indica el promedio de las ganancias y pérdidas de todos los usuarios en las últimas cinco jornadas, esta información se puede ver de manera porcentual o en cantidad neta. Véase figura 4.17



Figura 4.17: Ganancias y pérdidas de los usuarios

Mayor Pérdida. Indica la mayor pérdida porcentual que se ha dado en la última jornada y al dar click presenta el perfil de dicho usuario.

Mayor Ganancia. Indica la ganancia porcentual mayor que se ha dado en la última jornada y al dar click presenta el perfil de dicho usuario.

Usuarios y sus Datos

Total. Número total de usuarios registrados y al dar click presenta la sección de Usuarios.

Nuevos. Número de usuarios registrados recientemente y al dar click presenta la sección de Usuarios.

Véase figura 4.18



Figura 4.18: Usuarios recién inscritos

Además, el sistema muestra la siguiente información general, porcentaje de usuarios que:

- Usan Facebook para conectarse a Egobets
- Usan apuestas dobles
- Usan reserva
- Ven Egobets en inglés
- Se encuentran activos.

Véase figura 4.19

Pagos Recibidos

Última Semana. Se representan las ganancias monetarias que obtenidas durante la última semana. Al dar click se muestra la sección de **Pagos**.

Transacciones en total. Indica el número de transacciones que se han realizado durante todo el tiempo del sistema.

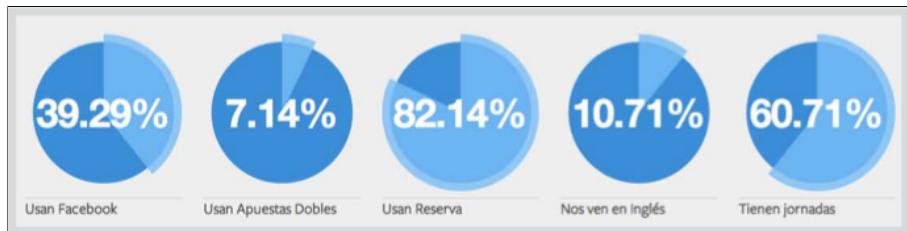


Figura 4.19: Datos estadísticos de los usuarios



Figura 4.20: Pagos más recientes

Partidos y Predicciones



Figura 4.21: Partidos acertados

Aciertos Presenta la cantidad de partidos de esta semana y al dar clic nos lleva a la sección de Ingesta.

Aciertos Representan con una gráfica la cantidad de aciertos obtenidos en las predicciones hechas en partidos pasados. Al presionarla se

dirige el navegador a los Resultados Anteriores dentro de la sección de Ingesta.

4.3.6. Correos

En esta sección se puede enviar correos a un subconjunto de usuarios registrados en Egobets. Los mensajes deberán ser escritos en Español y en Inglés para que el correo recibido dependa del lenguaje elegido por el usuario al crear su cuenta. Los grupos de usuarios con los que nos se puede comunicar son:

- Todos los usuarios
- Usuarios activos: aquellos que tienen jornadas pagadas
- Usuarios inactivos: aquellos que ya no tienen jornadas pagadas
- Usuarios registrados: aquellos que se registraron pero no han confirmado su correo

Véase figura 4.22

Correos

Puedes usar los siguientes códigos: {nombre}, {email} y {id}. El mensaje puede estar en texto plano o usar la sintaxis de Markdown.

Mandar a:

Español	Inglés
Título	Subject
Mensaje	Message

Figura 4.22: Comunicación con los usuarios

Para redactar los textos, se debe usar la sintaxis de Markdown⁶. Se pueden usar textos de reemplazo cuando se quieran personalizar los mensajes, para esto basta con utilizar las palabras clave: {nombre}, {correo} y {id}, las cuales el sistema sustituirá, al momento de mandar el correo, por los valores correspondientes para cada usuario.

⁶El hipervínculo de Markdown redirige a una página donde se puede aprender sobre el uso de esta sintaxis.

Capítulo 5

Portal público

- 5.1. Perfil de usuario
- 5.2. Encuesta de adversidad al riesgo
- 5.3. Ahorro precaucional
- 5.4. Sugerencia de apuestas
- 5.5. Pagos en línea
- 5.6. Power ranking

Capítulo 6

Conclusiones

Apéndice A

La ruina del jugadorl

<http://www.columbia.edu/~ks20/stochastic-I/stochastic-I-GRP.pdf>
<http://www.ifp.illinois.edu/~sgorant2/gambler.html>

Two gamblers Alice and Bob play the following game: Alice repeatedly tosses a fair coin. After each toss that comes up H, Bob pays Alice one dollar. After each toss that comes up T, Alice pays Bob one dollar. The game continues until either one or the other gambler runs out of money. If Alice starts with \$A and Bob starts with \$B, . What is the probability that, when the game ends, Alice has all the cash? . What is the expected duration of the game?

== Solution Lets solve the problem using the Doob's Optional stopping Theorem for martingales. Let X_1, X_2, \dots be the increments of Alice's wealth. Hence $X_i = 1$, depending on H or T. Hence, change in Alice's cash is $S_n = \sum_{i=1}^n X_i$. Define $\tau = \min\{t : S_t = +B \text{ or } S_t = -A\}$. Clearly τ is a stopping time relative to the natural filtration $\mathcal{F}_n = \sigma(X_1, X_2, X_3, \dots, X_n)$. $\tau' = \tau \wedge n$ is also a stopping time.

==== (1) Probability of Alice winning The sequence S_n is a martingale relative to the natural filtration \mathcal{F}_n . Hence, using Optional Stopping Theorem for $n < \infty$, $0 = E[S_0] = E[S_{\tau \wedge n}] = -AP(\tau \leq n \text{ and } S_\tau = -A) + BP(\tau \leq n \text{ and } S_\tau = +B) + E[S_n \chi_{\tau > n}]$. As $n \rightarrow \infty$, the probability that $\tau > n$ converges to zero. The last term in the above equation is

the expectation of a bounded martingale S_n bounded between A and B and converges to 0. Thus, $0 = -AP(S_\tau = -A) + BP(S_\tau = +B)$ Hence, probability that Alice has all the cash $S_\tau = +B$ is $P(S_\tau = +B) = \frac{A}{A+B}$.

==== (2) Expected duration of game. The sequence $(S_n^2 - n)$ is a martingale relative to the natural filtration \mathcal{F}_n . Hence, using Optional Stopping Theorem for $n < \infty$, $0 = E[S_0^2] = E[S_{\tau \wedge n}^2 - (\tau \wedge n)]$ As $n \rightarrow \infty$, the probability that $\tau > n$ converges to zero. Hence, $E[\tau] = E[S_\tau^2] = A^2P(S_\tau = -A) + B^2P(S_\tau = +B) = AB$ Hence, the expected duration of the game is AB .

Apéndice B

Formatos de archivos para la ingesta en el Portal de Administrativo

Los tipos de archivos que el sistema procesa son archivos de texto plano, en codificación UTF-8 con ó sin BOM, en formato CSV, en el que la separación de valores se logra mediante tabulaciones, ó el carácter “\t”, y cada línea se termina con el carácter de nueva línea de Unix, es decir “\n”; el archivo debe contener todos los campos y estar en el orden indicado.

Con esto en mente, todas las variables presentadas aquí deberán ser escritas en el mismo renglón separadas por comas. Se ordenan en dos columnas únicamente para el ahorro de espacio.

B.1. Formato de archivo para Partidos

1. Identificador único del equipo local, po visitante,
2. Identificador único del equipo visitante, Marcador local,
3. Marcador visitante,
4. Marcador visitante,

5. Probabilidad local,
6. Probabilidad empate,
7. Probabilidad visitante,
8. Fecha del partido, expresada en segundos desde la época Unix (1 de enero de 1970) en UTC.

B.2. Formato de archivo para Equipos

1. Identificador único del equipo,
2. Variable local 1,
3. Variable local 2,
4. Variable local 3,
5. Variable local 4,
6. Variable local 5,
7. Variable local 6,
8. Variable local 7,
9. Variable de ataque 1-1,
10. Variable de ataque 1-2,
11. Variable de ataque 1-3,
12. Variable de ataque 1-4,
13. Variable de ataque 1-5,
14. Variable de ataque 1-6,
15. Variable de ataque 1-1,
16. Variable de ataque 1-2,
17. Variable de ataque 1-3,
18. Variable de ataque 1-4,
19. Variable de ataque 1-5,
20. Variable de ataque 1-6,
21. Variable de ataque 2-1,
22. Variable de ataque 2-2,
23. Variable de ataque 2-3,
24. Variable de ataque 2-4,
25. Variable de ataque 2-5,
26. Variable de ataque 2-6,
27. Variable de ataque 3-1,
28. Variable de ataque 3-2,
29. Variable de ataque 3-3,
30. Variable de ataque 3-4,
31. Variable de ataque 3-5,
32. Variable de ataque 3-6,
33. Variable de defensa 1-1,
34. Variable de defensa 1-2,
35. Variable de defensa 1-3,
36. Variable de defensa 1-4,
37. Variable de defensa 1-5,
38. Variable de defensa 1-6,
39. Variable de defensa 1-1,
40. Variable de defensa 1-2,
41. Variable de defensa 1-3,
42. Variable de defensa 1-4,
43. Variable de defensa 1-5,
44. Variable de defensa 1-6,
45. Variable de defensa 2-1,
46. Variable de defensa 2-2,
47. Variable de defensa 2-3,

- 48. Variable de defensa 2-4,
- 49. Variable de defensa 2-5,
- 50. Variable de defensa 2-6,
- 51. Variable de defensa 3-1,
- 52. Variable de defensa 3-2,
- 53. Variable de defensa 3-3,
- 54. Variable de defensa 3-4,
- 55. Variable de defensa 3-5,
- 56. Variable de defensa 3-6,
- 57. Variable de posesión

Apéndice C

Ligas europeas de futbol

En esta sección se presenta información relevante de cada una de las ligas europeas de futbol. Esta información hace más comprensible los procesos de calificación y eliminación de los equipos. También se da un listado de los equipos participantes de las ligas.

C.1. Bundesliga (Alemania)

Fundada el 28 de Julio de 1962 en la convención anual de la *DFL Deutsche Fußball Liga GmbH*, la primer temporada se jugó en 1963. La liga evolucionó en función de la reunificación de Alemania y la integración de la liga del Este [12] Hoy en día la *Bundesliga* es conocida como una de las ligas con mayor afluencia en sus partidos, en la temporada 2011/12 hubo un promedio de 44,293 espectadores por partido. Se vendieron 18.8 millones de entradas en total.

“El fútbol es un deporte que inventaron los ingleses, que lo saben jugar los brasileños y en el que siempre ganan los alemanes.”

– Gary Lineker, ex-futbolista inglés.

La *DFL* se encarga de la operación de las ligas de futbol: *Bundesliga*



BUNDESLIGA

y *2. Bundesliga*; que son las más importantes de Alemania. Cuenta con treinta y seis clubs de futbol los cuales juegan se dividen en ambas divisiones (Ver appendix C.1.1) Todos miembros de la Asociación de la Liga cuentan con una licencia¹ para poder jugar y deben seguir los sistemas de entrenamiento y procedimientos disciplinarios.

Dieciocho equipos juegan en cada división, cada equipo juega una vez de local y otra de visitante contra cada uno de los otros diecisiete equipos de la liga. Esto significa que al ser $n = 18$ equipos se tienen $\sum_{i=1}^{n-1} i = \sum_{i=1}^{17} i = 153$ partidos en una temporada. Al término de estos partidos se calculan los puntos que cada equipo tiene y se hace la tabla de posiciones, los dos peores equipos de la *Bundesliga* son intercambiados con los dos mejores de la *2. Bundesliga*. Mientras que el tercer mejor equipo de la *2. Bundesliga* disputa un partido con el tercer peor equipo de la *Bundesliga* para decidir quien se queda en la primera división. Análogamente, el equipo con más puntos se vuelve el campeón de la liga.

Los puntos de la tabla son dados por las victorias de cada equipo, una victoria suma tres puntos a la tabla; las derrotas o empates no suman nada. Si en la tabla hay equipos con la misma cantidad de puntos, para

¹Cada tempertada todos los clubs deben cumplir los criterios deportivos, legales, administrativos, financieros y de infraestructura del Lizenzierungsordnung (LO) y sus respectivos apéndices

el desempate se deben considerar criterios como: diferencias de goles, cantidad de goles anotados en la temporada, diferencia de goles que resulten de los partidos jugados entre ellos y la cantidad de goles como visitantes. Si todos estos criterios no deciden el desempate, se deberá jugar un partido en una cancha neutral para decidir su posición en la tabla.

La regulación de la cantidad de jugadores extranjeros en los equipos sigue la regulación de la UEFA desde el 21 de Diciembre del 2005. Actualmente hay 977 jugadores con un contrato profesional, 503 en la Bundesliga y 474 en la 2. Bundesliga. El cuarenta y siete por ciento de la primera división son extranjeros (234 jugadores) y el treinta y seis por ciento en la segunda liga (171 jugadores)

En total, 43 clubs han ganado la Bundesliga desde su fundación. Los tres equipos con más campeonatos son: FC Bayern Munich con 23 títulos, BFC Dynamo Berlin con 10 y 1. FC Nürnberg con 9. Los tres máximos goleadores de la liga son: Ger Müller (1965-1979) con 365 goles, Klaus Fischer (1968-1988) con 268 y Jupp Heynckes con 220. [9]

C.1.1. Equipos Alemanes

- 1. FC Kaiserslautern GmbH & Co. KGaA
- 1. FC Köln GmbH & Co.KGaA
- 1. FC Nürnberg
- 1. FSV Mainz 05
- Bayer 04 Leverkusen Fußball GmbH
- Borussia Dortmund GmbH & Co. KGaA
- Borussia VfL 1900 Mönchengladbach GmbH
- DSC Arminia Bielefeld
- Eintracht Frankfurt Fußball AG
- FC Augsburg 07
- FC Bayern München AG
- FC Carl Zeiss Jena e.V.
- FC Energie Cottbus
- FC Erzgebirge Aue
- FC Hansa Rostock
- FC Schalke 04
- FC St. Pauli

- Hamburger SV
- Hannover 96 GmbH & Co. KGaA
- Hertha BSC Berlin KGmbH aA
- Karlsruher SC
- MSV Duisburg GmbH & Co.KGaA
- Offenbacher Fußballclubs Kickers 1901 e.V.
- SC Freiburg
- SC Paderborn 07 e.V.
- SpVgg. Greuther Fürth GmbH & Co. KG
- SV Wehen 1926 Wiesbaden
- TSG Hoffenheim
- TSV Alemannia Aachen
- TSV München von 1860 GmbH & Co. KGaA
- TuS Koblenz 1911 e.V.
- VfB Stuttgart 1893 e.V.
- VfL Bochum
- VfL Osnabrück
- VfL Wolfsburg-Fußball GmbH
- Werder Bremen GmbH & Co. KGaA

C.2. Liga BBVA (España)

La Primera División de España comenzó a disputarse en la temporada 1928-29, siendo el FC. Barcelona el primer equipo que se proclamó Campeón. Hasta ese momento, el fútbol español se organizaba en torno al Campeonato de España. Las primeras temporadas se disputaron con los primeros campeones y subcampeones del Campeonato de España. Conocida hoy en día como la *Liga BBVA*² (por motivos de patrocinio, es considerada hoy en día como la liga de más fuerte del mundo y de mayor importancia. [7]

La Liga de Fútbol Profesional (LFP) se fundó el 26 de julio de 1984. Es una asociación deportiva integrada por todas las sociedades anónimas deportivas y clubes de fútbol de Primera y Segunda División que participan en competiciones oficiales profesionales de España. La LFP forma

²Nombre proveniente del patrocinio del Banco Bilbao Vizcaya Argentaria. Segunda División ahora se conoce como la *Liga Adelante*. Curiosamente la Segunda División solía tener el nombre de *Liga BBVA*



parte de la Real Federación Española de Fútbol pero tiene autonomía jurídica en su organización y funcionamiento.

En la actualidad, la Liga de Fútbol Profesional está formada por un total de 42 equipos: 20 en Primera División y 22 en Segunda División (Ver appendix C.2.1). Igual que la liga Alemana, cada equipo juega una vez de local y otra de visitante contra cada uno de los otros diecinueve equipos de la liga. Esto significa que al ser $n = 19$ equipos se tienen 190 partidos en una temporada. Con estas 38 jornadas los equipos suman puntos en la tabla de posiciones, los primeros 3 entran a la fase de grupos de la *Liga de Campeones de la UEFA*. Los últimos tres equipos en la tabla de posiciones descienden a la *Liga Adelante*, mientras que los mejores 2 de la Segunda División suben a Primera. El tercer ascenso a Liga BBVA es el ganador de un mini torneo entre el tercero vs quinto y cuarto vs sexto mejor clasificados.

Cada victoria suma tres puntos al Club vencedor, en caso de empate ambos equipos se llevan un punto. Las reglas de desempate son las siguientes:

- El que tenga una mayor diferencia entre goles a favor y en contra según el resultado de los partidos jugados entre ellos.
- El que tenga la mayor diferencia de goles a favor teniendo en cuenta todos los obtenidos y recibidos en el transcurso de la competición.
- El club que haya marcado más goles.

En caso de que haya tres equipos o más empatados se siguen los siguientes criterios para el desempate:

- La mejor puntuación de la que a cada uno corresponda a tenor

de los resultados de los partidos jugados entre sí por los clubes implicados.

- La mayor diferencia de goles a favor y en contra, considerando únicamente los partidos jugados entre sí por los clubes implicados.
- La mayor diferencia de goles a favor y en contra teniendo en cuenta todos los encuentros del campeonato.
- El mayor número de goles a favor teniendo en cuenta todos los encuentros del campeonato.
- El club mejor clasificado en función de las regulaciones de fair play.

Se inscriben 25 jugadores cada temporada a cada Club, de los que 3 pueden ser ajenos a la Unión Europea. Sin embargo, todos aquellos que se puedan nacionalizar por sus lazos familiares pueden jugar en el equipo sin ocupar una plaza de extracomunitaria.

59 equipos han jugado en esta liga desde su comienzo. Los únicos 3 que nunca han descendido son: Athletic Club, FC Barcelona y Real Madrid CF. Los campeones máximos son *Real Madrid CF* con 32 títulos, *FC Barcelona* con 22 y *Club Atlético Madrid* con 10. Los goleadores más prolíficos son: *Telmo Zarra* (1921-2006) con 251 goles, *Lionel Messi* (1987) con 250 y *Hugo Sánchez* (1958) con 234. [8]

C.2.1. Equipos Españoles

- | | |
|------------|-------------|
| ■ Alavés | ■ Celta |
| ■ Albacete | ■ Córdoba |
| ■ Alcorcón | ■ Deportivo |
| ■ Almería | ■ Eibar |
| ■ Athletic | ■ Elche |
| ■ Atlético | ■ Espanyol |

- FC Barcelona
- FC Barcelona B
- Getafe
- Girona
- Granada
- Las Palmas
- Leganés
- Levante
- Llagostera
- Lugo
- Málaga
- Mallorca
- Mirandés
- Numancia
- Osasuna
- Ponferradina
- R. Betis
- R. Madrid
- R. Sociedad
- Racing
- Rayo
- Recreativo
- Sabadell
- Sevilla
- Sporting
- Tenerife
- Valencia
- Valladolid
- Villarreal
- Zaragoza

C.3. Ligue 1 (Francia)

Fundada el 11 de septiembre de 1932 bajo el nombre de *National* que después cambió a *Division 1*



C.3.1. Equipos Franceses

- AC Ajaccio
- AC Arles Avignon
- AJ Auxerre
- Amiens SC
- Angers SCO
- AS Beauvais
- AS Cannes
- AS Monaco
- AS Nancy-Lorraine
- AS Red Star 93
- AS Saint-Etienne
- ASOA Valence
- Besançon RC
- CA Bastia
- Chamois Niortais
- Châteauroux
- Clermont Foot
- CS Louhans-Cuiseaux
- CS Sedan
- Dijon FCO
- EA Guingamp
- ES Wasquehal
- ESTAC Troyes
- Evian TG FC
- FC Gueugnon
- FC Libourne Saint Seurin
- FC Lorient
- FC Martigues
- FC Metz
- FC Mulhouse
- FC Nantes
- FC Rouen 1899
- FC Sète 34
- FC Sochaux-Montbéliard
- GF38
- GFC Ajaccio
- Girondins de Bordeaux
- Havre AC
- Le Mans FC
- LOSC Lille
- Montpellier Hérault SC
- Nîmes Olympique
- OGC Nice
- Olympique d'Alès
- Olympique de Charleville
- Olympique de Marseille
- Olympique Lyonnais
- Paris Saint-Germain
- Perpignan FC
- RC Lens
- RC Strasbourg
- SA Epinal
- SC Toulon
- SM Caen
- Stade Brestois 29
- Stade Briochin
- Stade de Reims
- Stade Lavallois
- Stade Poitevin
- Stade Rennais FC

- Toulouse FC
- Tours FC
- US Boulogne CO
- US Créteil-Lusitanos
- US Dunkerque
- US Orléans
- Valenciennes FC
- Vannes OC

C.4. Premier (Inglaterra)

La *DFL Deutsche Fußball Liga GmbH* se encarga de la operación de la *Bundesliga* y *2. Bundesliga*, las más importantes ligas de futbol de alemania. Cuenta con treinta y seis clubs

C.4.1. Equipos Ingleses

- Arsenal
- Aston Villa
- Barnsley
- Birmingham City
- Blackburn Rovers
- Blackpool
- Bolton Wanderers
- Bradford City
- Burnley
- Cardiff City
- Charlton Athletic
- Chelsea
- Coventry City
- Crystal Palace
- Derby County
- Everton
- Fulham
- Hull City
- Ipswich Town
- Leeds United
- Leicester City
- Liverpool
- Manchester City
- Manchester United
- Middlesbrough
- Newcastle United
- Norwich City
- Nottingham Forest
- Oldham Athletic
- Portsmouth
- Queens Park Rangers
- Reading
- Sheffield United
- Sheffield Wednesday
- Southampton

C.5. Serie A (Italia)

La *DFL Deutsche Fußball Liga GmbH* se encarga de la operación de la *Bundesliga* y *2. Bundesliga*, las más importantes ligas de futbol de alemania. Cuenta con treinta y seis clubs

C.5.1. Equipos Italianos

- AC Milan
- AS Roma
- Atalanta
- Cagliari
- Cesena
- Chievo Verona
- Empoli
- Fiorentina
- Genoa
- Verona
- Inter Milan
- Juventus
- Lazio
- Napoli
- Palermo
- Parma
- Sampdoria
- Sassuolo
- Torino
- Udinese

Bibliografía

- [1] Gerd Alexander. “US on Tilt: Why the Unlawful Internet Gambling Enforcement Act Is a Bad Bet, The”. En: *Duke L. & Tech. Rev.* (2008), pág. 1.
- [2] Jaiho Chung y Joon Ho Hwang. “An Empirical Examination of the Parimutuel Sports Lottery Market versus the Bookmaker Market”. En: *Southern Economic Journal* 76.4 (2010), págs. 884-905.
- [3] Walter Distaso y col. “Corruption and referee bias in football: the case of Calciopoli”. En: *20th Conference in Economy of Taxation. Tax systems, tax rates and growth.* 2008.
- [4] The Economist. *The house wins.* <http://www.economist.com/blogs/graphicdetail/2014/02/daily-chart-0>. [eGaming Review]. 2014.
- [5] AWF Edwards. “Pascal’s problem: The’Gambler’s Ruin’”. En: *International Statistical Review/Revue Internationale de Statistique* (1983), págs. 73-79.
- [6] Eugene F Fama. “Market efficiency, long-term returns, and behavioral finance”. En: *Journal of financial economics* 49.3 (1998), págs. 283-306.
- [7] International Federation of Football History y Statistics. *La liga más fuerte del mundo.* <http://www.iffhs.de/the-strongest->

- national - league - of - the - world/. [En línea; visto el 30 de Octubre del 2014]. 2014.
- [8] Liga de Futbol Profesional. *Página oficial de la Liga BBVA*. <http://www.ligabbva.com/>. [En línea; visto el 30 de Octubre del 2014]. 2014.
 - [9] Deutsche Fußball Liga GmbH. *Página oficial de la Bundesliga*. <http://www.bundesliga.com/>. [En línea; visto el 30 de Octubre del 2014]. 2014.
 - [10] John Goddard. “Regression models for forecasting goals and match results in association football”. En: *International Journal of Forecasting* 21.2 (2005), págs. 331-340.
 - [11] Robert C Hannum y Anthony N Cabot. *Practical casino math*. Institute for the study of gambling y commercial gaming, College of business administration, University of Nevada, 2005.
 - [12] Ulrich Hesse-Lichtenberger. *Tor!: The Story of German Football*. WSC Books Limited, 2003.
 - [13] George Ignatin. “Sports betting”. En: *The Annals of the American Academy of Political and Social Science* (1984), págs. 168-177.
 - [14] KPMG International. *Online Gaming A Gamble or a Sure Bet?* <http://www.kpmg.com/EU/en/Documents/Online-Gaming.pdf>. [En línea; visto el 12 de Diciembre del 2014]. 2010.
 - [15] Steven D Levitt. “Why are gambling markets organised so differently from financial markets?*”. En: *The Economic Journal* 114.495 (2004), págs. 223-246.
 - [16] R. (Director) Luketic. *21*. Columbia Pictures. 2008.
 - [17] Francisco Carlos Martínez Godínez y Beatriz Verónica Gutiérrez Galán. “Cómputo en Nube: Ventajas y Desventajas”. En: *Revista Seguridad, Defensa Digital. UNAM* 08 (2010). [En línea; visto el 12 de Diciembre del 2014].

- [18] B. (Director) Miller. *Moneyball*. Columbia Pictures. 2011.
- [19] Patrick Odionikhene. *Bringing down this house*. Vol. 1. LIT Verlag Münster, 2008.
- [20] Alper Ozgit. “Posted-Offer vs. Double Auctions Revisited: An Investigation into Online Sports Betting”. En: *Unpublished master’s thesis, Department of Economics, UCLA* (2005).
- [21] Peter Prevos. “The Psychic Octopus is a Fraud”. En: (2010).
- [22] Marcelo Roffé y col. “Las crisis durante el juego. El gol psicológico en el fútbol”. En: *Revista de psicología del deporte* 16.2 (2007), págs. 227-240.
- [23] Sheldon Ross. *A First Course in Probability 7th Edition*. Pearson, 2006.
- [24] Goldman Sachs. *PartyGaming, 888, Playtech, bwin to Surve on Legal U.S. eGaming*. [En línea; visto el 12 de Diciembre del 2014]. 2009.
- [25] Raymond D Sauer. “The economics of wagering markets”. En: *Journal of economic Literature* (1998), págs. 2021-2064.
- [26] David G Schwartz. “Roll the bones: The history of gambling”. En: (2013).
- [27] Adam Smith. *The Wealth Of Nations Vol. II*. 1963.
- [28] Ante Z Udovicic. “Special Report: Sports and Gambling a Good Mix? I Wouldn’t Bet On It.” En: *Marq. Sports LJ* 8 (1998), págs. 401-429.
- [29] Alfredo Weitzenfeld. *Ingeniería de software orientada a objetos con UML, JAVA e INTERNET*. Thomson Editors SA, 2005.
- [30] Leighton Vaughan Williams. “Information efficiency in betting markets: A survey”. En: *Bulletin of Economic Research* 51.1 (1999), págs. 1-39.
- [31] Yogenet. *Online Gambling in Mexico: A Safe Bet*. 2007.