

Bruno Medina Bolaños Cacho

17 de octubre de 2014

# Índice general

Lista de figuras																
1.	Intr	Introducción														
2.		Marco teórico 3.1. ¿Por qué apostar?														
	<ul><li>2.3.</li><li>2.4.</li><li>2.5.</li></ul>	Decidir la cantidad de dinero a apostar	11 11 11 11													
		2.5.1. Decidir a favor de quien apuestas	14 18 22													
3.	Bac	k Office	27													
	3.1. 3.2. 3.3.	Sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos Sistema de estimación de probabilidades Portal administrativo 3.3.1. Inicio de Sesión 3.3.2. Ingesta 3.3.3. Usuarios 3.3.4. Pagos 3.3.5. Estadísticas 3.3.6. Correos	27 27 27 28 35 38 38 41													
4.	4.1. 4.2. 4.3.	tal público Perfil de usuario	43 43 43 43													

	Pagos en línea . Power ranking .																													
5	clusiones	•	•	•	• •	•		•	•	• •	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	45

# Índice de figuras

2.1.	Decidir por quién apostar	2
2.2.	Decidir si apostar o no apostar	
2.3.	Decidir si apostar en función de una utilidad	3
2.4.	Árbol de probabilidad 4	5
3.1.	Login	8
3.2.	Ingreso de datos	8
3.3.	Cerrar Sesión	8
3.4.	Subir y procesar archivos	9
3.5.	Partidos procesados por el sistema	2
3.6.	Actualizando datos de los equipos	3
3.7.	Actualizar resultados Anteriores	5
3.8.	Listado de Usuarios	6
3.9.	Vista del detalle de usuario	7
3.10.	Confirmar la eliminación de un usuario	7
3.11.	Listado con los últimos pagos realizados	8
3.12.	Ganancias y pérdidas de los usuarios	9
3.13.	Usuarios recién inscritos	9
	Datos estadísticos de los usuarios	0
3.15.	Pagos más recientes	0
3.16.	Partidos acertados	1
3 17	Comunicación con los usuarios	๑

### Capítulo 1

### Introducción

Desde sus orígenes, las apuestas en los partidos de futbol han sido un controversial tema de interés. Vencer a las casas de apuestas se ha vuelto una fascinación Hollywoodense. Muchos supuestos "oráculos" han utilizado los métodos menos ortodoxos para la obtención de los marcadores, e incluso se han llevado a cabo acciones fraudulentas para asegurar que se cumplan sus predicciones. Sin embargo, en la actualidad, las matemáticas y la computación ofrecen un paradigma menos esotérico pero igual de fascinante: la predicción de resultados de partidos de futbol a través de modelos matemáticos.

En este trabajo se describe cómo funciona Egobets, una aplicación computacional de las matemáticas al estudio de las apuestas de futbol. Egobets proveee asesoría de apuestas personalizadas para partidos de futbol de las siguientes ligas europeas: alemana, española, francesa, inglesa e italiana. Su objetivo es, dado un perfil de riesgo, indicar al usuario la cantidad de dinero y las apuestas que debe realizar para buscar tener ganancias al final de la temporada. Para tal fin, se combinan un conjunto de modelos matemáticos en un sistema robusto computacional.

El sistema Egobets es interesante e innovador ya que no sólo predice el resultado de un partido de futbol, sino que además utiliza la información de todas las ligas europeas para ofrecer una estrategia financiera que maximice la cantidad de dinero a ganar del usuario tomando en cuenta su perfil de riesgo. Adicionalmente, el sistema le sugiere al usuario conservar un porcentaje de su dinero para apostar más agresivamente en caso de perder todas la apuestas de la jornada; garantizando así una mayor cantidad de apuestas durante la temporada y con esto, asegurar una mayor probabilidad de obtener ganancias.

Sólo las Matemáticas son tan arriesgadas como para concebir modelos de fenómenos tan particulares como los partidos de futbol. Y su labor no termina ahí, también proveen las herramientas necesarias para encontrar el conjunto de apuestas a realizar en la jornada, con el fin de maximizar la cantidad de dinero a ganar. Por otro lado, gracias a los sistemas computacionales y las nuevas tecnologías, se pueden crear las piezas de software de este sistema para ofrecer resultados reales de estas abstracciones matemáticas. Este ecosistema de

modelos, aplicaciones y programas funcionan de manera armoniosa presentando resultados al usuario en una interfaz elegante, funcional, simple y fácil de usar.

El alcance de este trabajo es el de describir el sistema desarrollado para asesoría de apuestas Egobets. Se explicarán los distintos programas y sistemas que conforman el desarrollo, así como las teorías matemáticas que dan sustento al mismo. El documento divide el sistema en tres capítulos.

Bajo los supuestos de que en función a su adversidad al riesgo, el jugador promedio busca obtener mayores ganancias de sus apuestas y, que apostar siempre es mejor a no hacerlo; en la primera parte del presente trabajo se describe cómo encontrar la mejor apuesta para cada partido. Sin embargo, durante una jornada se juegan múltiples partidos, por lo que posteriormente se resuelve la siguiente pregunta: ¿a qué partidos y a qué equipos el usuario le debería de apostar? Para complicar más las cosas y debido a que una temporada tiene más de una jornada, la persona necesita garantizar la posibilidad de apuesta en cada una de ellas. En virtud de los anterior, se expone la evolución de su dinero buscando maximizar las ganancias al final de la temporada.

En el segundo apartado del estudio, se habla del conjunto de módulos que conforman el Back Office: sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos, sistema de estimación de probabilidades de los partidos y portal administrativo. Se describe cómo el sistema de recolección de información descarga los datos de las ligas, partidos por jugar y estadísticas de los ya jugados. Se comienza detallando el funcionamiento del sistema recolector de datos, desde la ingestión de los equipos participantes en la temporada vigente, hasta la recolección de los tiros realizados en cada partido por cada jugador. Después, con toda la información obtenida de los desempeños de los equipos en los últimos partidos, se describen las simulaciones Montecarlo. Éstas utilizan miles de variables para estimar los resultados de los partidos de futbol, obteniendo con estos datos las probabilidades de ganar, perder o empatar de cada partido. Posteriormente, se exhibe cómo en el portal administrativo se ingresan estas probabilidades junto con los datos de los próximos partidos a jugar. También se detalla cómo este portal, a través de su interfaz gráfica, permite gestionar usuarios, partidos y probabilidades.

En la tercer sección de este estudio, se describirá exhaustivamente cómo se adaptaron las ideas del primer apartado y la información generada por el Back Office (descrito en el segundo apartado de este estudio) para el diseño y desarrollo del portal público. Se describe cómo este portal también ofrece al usuario revisar y actualizar su perfil, retomar la encuesta de riesgo, revisar los últimos resultados de los partidos, ver la tabla de "Power Ranking", que presenta los equipos listados en lo que se considera el orden al final de la temporada, y la función de pago de suscripciones a este sistema a través de una plataforma de pagos.

En el último capítulo, se concluye que se puede llevar un apuesta simple a un portafolio de inversión. De igual manera se observa que aunque un jugador tuviera en su poder las probabilidades verdaderas de los resultados de los partidos no podría hacer nada con ellas, por lo que es necesario un enfoque de un problema de optimización. Y finalmente que

teniendo un sistema metódico que decida las apuestas, remueve la emoción de la apuesta y lo convierte en un riesgo calculado. Al igual, se enumeran los distintos campos al que este sistema se podría extender: mayores ligas, diferentes deportes, elecciones y cualquier otro fenómeno probabilístico de varianza moderada.

### Capítulo 2

### Marco teórico

- 2.1. ¿Por qué apostar?
- 2.2. Decidir a favor de quién apuestas
- 2.3. Decidir la cantidad de dinero a apostar
- 2.4. Ahorro precaucional
- 2.5. Evolución de la cantidad a apostar
- 2.5.1. Decidir a favor de quien apuestas
- (a) Sean  $p_L$ ,  $p_z$ ,  $p_v$  las probabilidades de que gane local, empaten o gane visitante, respectivamente. Sean  $\mu_L$ ,  $\mu_z$  y  $\mu_v$  los momios respectivos. El problema de decisión de apostar \$1 en esta situación es:

$$E_p[U(\delta_i)] = p_i \mu_i; \quad i = L, Z, V$$

Sol: Se escoge 
$$\rho_i \cdot \ni \cdot E_p[U(\delta_i)] = \max\{p_L\mu_L, p_z\mu_z, p_v\mu_v, 1\}$$

(b) Se quiere decidir si apostar o no en la ocurrencia de un evento: Sea p=p(E) y  $f_p$  densidad de p. Sea  $\mu$  el momio en el caso de ocurrencia. El problema de decisión asociado es el siguiente:

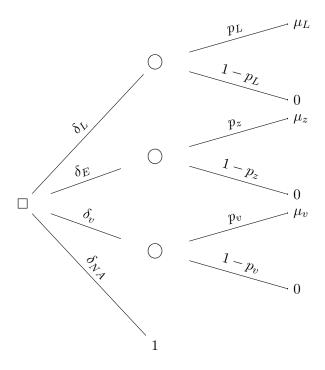


Figura 2.1: Decidir por quién apostar

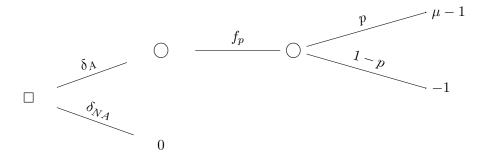


Figura 2.2: Decidir si apostar o no apostar

Apuestas si  $E_{f_p}(P) \cdot \mu \geq 1$ 

(c) Mismo problema que el caso anterior, sólo que la utilidad depende de p y  $\mu$ : U :

$$\Re \times [0,1] \to \Re$$
$$(U(0,p) = 0 \quad \forall p).$$

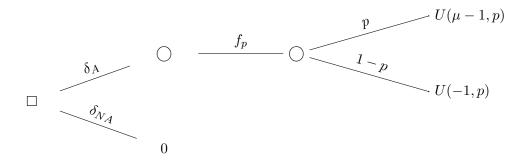


Figura 2.3: Decidir si apostar en función de una utilidad

Se apuesta si:

$$E_p(U(\delta_A)) = E_p[pU(\mu - 1, p) + (1 - p)U(-1, p)] \ge 0$$

Algunas funciones de utilidad posibles:

• 
$$U_{\mu}(x,p) = x(\frac{1}{\mu} - p)^2$$

Notese que:  $pU_{\mu}(\mu - 1, p) + (1 - p)U_{\mu}(-1, p)$ 

$$(\hat{p} = \frac{1}{\mu}) = (\hat{p} - p)^2 (p\mu - 1)$$

Me duele más mientras más alejado esté de un trato beneficioso y me produce mayor placer mientras mayor sea el beneficio del trato.

$$\quad \blacksquare \ U_{\mu,a}(x,p) = \left\{ \begin{array}{ll} ax(\hat{p}-p)^2 & si \quad p \leq \hat{p} \\ \\ x(\hat{p}-p)^2 & si \quad p > \hat{p} \end{array} \right.$$

Notese que:

$$U_{\mu} = U_{\mu,1}$$

$$p U_{\mu,a}(\mu - 1, p) + (1 - p)U_{\mu}(-1, p) = \begin{cases} a(\hat{p} - p)^2(p\mu - 1) & si \quad p \le \hat{p} \\ (\hat{p} - p)^2(p\mu - 1) & si \quad p > \hat{p} \end{cases}$$

Me duele "a" veces más un trato perjudicial que un trato beneficioso si me encuentro a la mis ma distancia que  $\hat{p}$ .

 $U_{\mu,a,b} = U_{\frac{\mu}{1+\mu b},a}$ 

y considerar el problema de decisión con  $\mu' = \frac{\mu}{1+\mu b}$ .

Si 
$$\mu' = \frac{\mu}{1+\mu b} \to \hat{p}' = \hat{p} + b$$
.

Los tratos empiezan a ser beneficiosos hasta que el menos sea b% más probable que ocurra el evento de lo que sería justo.

**Nota:** En un problema de decisión sin aversión a la distribución de probabilidades (o con probabilidades fijas) si se desea apostar en apuestas con un mínimo de ganancias esperadas igual a b% se debe comparar  $\mu_p$  con 1 + b (i.e. apostar  $\leftrightarrow \mu_p \ge 1 + b$ ).

#### 2.5.2. Decidir la cantidad de dinero a apostar

Supongamos que  $\mu_p \ge 1$  y que existen 2 funciones de utilidad:

$$U_1: \Re^+ \to \Re^+$$

$$U_2: \Re^+ \to \Re^+$$

La primera es la función de utilidad del dinero para las ganancias y la segunda es la utilidad del dinero para las pérdidas monetarias.

Se harán las siguientes supuestos:

- (I)  $U_1(0) = U_2(0) = 0$ .  $U_1$ ,  $U_2$  no decrecientes, una vez cont. dif.
- (II)  $U_1'(0) > U_2'(0)$  (por lo tanto convendrá apostar).
- (III)  $\forall M > 0$  fija  $\lim_{x \to \infty} \frac{U_1(\mu x)}{U_2(x)} = 0$ .

(Perder duele muchisimo más que ganar).

El problema de decisión asociado a determinar la cantidad óptima a postar es:(con  $0 fija y <math>\mu$  momio)

$$\rightarrow E_p[U(\delta x)] = pU_1((\mu - 1)x) - (1 - p)U_2(x)$$

$$\Box \quad \frac{\delta_x}{-U_2(x)} \quad \begin{array}{c} & & \\ &$$

Figura 2.4: Árbol de probabilidad 4

Sea 
$$f(x) = E_p[U(\delta x)]$$

Encontrar el óptimo es encontrar  $x \geq 0$  que resuelva el problema: máx f(x)

$$f'(x) = p(\mu - 1)U_1'((\mu - 1)x) - (1 - p)U_2'(x) = 0$$
$$\frac{p(\mu - 1)}{(1 - p)} = \frac{U_2'(x)}{U_1'((\mu - 1)x)}$$

P.d.

$$\exists x^* \cdot \ni \frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{U_2'(x)}{U_1'(\mu x)}$$

(I) 
$$f'(0) = p(\mu - 1)U_1'(0) - (1 - p)U_2'(0) > p(\mu - 1)U_2'(0) - (1 - p)U_2'(0)$$
  
=  $U_2'(0)(p\mu - 1) \ge 0$ 

Con 
$$U_2'(0) \ge 0$$
 y  $p\mu \ge 0$   
Por tanto  $f'(0) > 0$ 

(II) 
$$f(0) = 0$$

(III) 
$$\frac{f(x)}{U_2(x)} = p \frac{U_1((\mu - 1)x)}{U_2(x)} - (1 - p)$$

$$\to \lim_{x \to \infty} \frac{f(x)}{U_2(x)} = -(1 - p)$$

$$\to \exists x \cdot \ni \cdot \frac{f(x)}{U_2(x)} = -(1 + p) + \varepsilon < 0$$

$$\to \exists x \cdot \ni \cdot f(x) < 0$$

$$\bullet \text{ Por } T.V.M. \ \exists \ x' \in (0, x) \cdot \ni \cdot x f'(x') = f(x) - f(0) = f(x) < 0$$

$$\to f'(x') < 0$$

■ T.V.I. 
$$\exists x^* \in (0, x') \cdot \ni f'(x^*) = 0$$
. i.e.  $\frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{U'_2(x)}{U'_1(\mu x)}$ 

Como f es primero creciente y en algún punto decreciente:  $\to x \cdot \ni \cdot f'(x) = 0$  es un maximizador.

Algunas funciones a considerar:

$$U_{1,\alpha}(x) = x^{\alpha}$$
  $0 < \alpha < 1$  
$$U_2(x) = x$$

Comprobemos los supuestos:

(I) 
$$U_{1,\alpha}(0) = 0 = U_2(0)$$
, son crecientes y una vez dif.

(II) 
$$U'_{1,\alpha}(0) = +\infty$$
,  $U'_{2}(0) = 1$   $\therefore U'_{1,\alpha}(0) > U'_{2}(0)$ 

(III)  $\forall \mu > 0$ 

$$\lim_{x\to +\infty} \frac{U_{1,\alpha}(\mu x)}{U_2(x)} = \mu^\alpha \lim_{x\to +\infty} \frac{x^\alpha}{x} = \mu^\alpha \lim_{x\to +\infty} \frac{1}{x^{1-\alpha}} = 0$$

Para una apuesta con probabilidad p y momio  $\mu$  el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu-1)}{(1-p)} = \frac{U_2'(x)}{U_{1,\alpha}'((\mu-1)x)} = \frac{1}{\alpha((\mu-1)x)^{\alpha-1}} = \frac{1}{\alpha}(\mu-1)^{1-\alpha}x^{1-\alpha}$$

$$\rightarrow \left(\frac{\alpha p}{(1-p)}\right)(\mu-1)^{\alpha} = x^{1-\alpha} \rightarrow x^* = \left(\frac{\alpha p}{1-p}\right)^{\frac{1}{1-\alpha}}(\mu-1)^{\alpha/1-\alpha}$$

$$U_{1,\alpha}(x) = x^{\alpha} \qquad 0 < \alpha < 1$$

$$U_{2,\beta}(x) = x^{\beta} \qquad \beta \le 1$$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio  $\mu$  el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu-1)}{(1-p)} = \frac{\beta x^{\beta-1}}{\alpha(\mu-1)^{\alpha-1}x^{\alpha-1}} = \frac{\beta}{\alpha}(\mu-1)^{1-\alpha}x^{\beta-\alpha}$$

$$\to \left(\frac{\alpha p}{\beta(1-p)}\right)(\mu-1)^{\alpha} = x^{\beta-\alpha} \to x^* = \left(\frac{\alpha p}{\beta(1-p)}\right)^{1/\beta-\alpha}(\mu-1)^{\alpha/\beta-\alpha}$$

$$U_1(x) = \ln(x)$$

$$U_2(x) = x$$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio  $\mu$  el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu - 1)}{(1 - p)} = \frac{1}{\left(\frac{1}{(\mu - 1)x}\right)} = (\mu - 1)x \to x^* = \frac{p}{1 - p}$$

$$U_{1,\alpha}(x) = 1 - e^{-\alpha x} \qquad \alpha \ge 1$$

$$U_2(x) = x$$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio  $\mu$  el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu-1)}{1-p} = \frac{1}{\alpha e^{-\alpha(\mu-1)x}} \to \ln\left(\frac{\alpha p(\mu-1)}{(1-p)}\right) = \alpha(\mu-1)x$$

$$\to x^* = \frac{1}{\alpha(\mu-1)}\ln\left(\frac{\alpha p(\mu-1)}{(1-p)}\right)$$

Otras tres funciones de utilidad a considerar:

 $p\mu - (1 - \alpha)p - \alpha > p\mu - (1 - \alpha) - \alpha = p\mu - 1 > 0$ 

 $x^*$  está bien definido.

#### 2.5.3. Ahorro precaucional

Supongamos  $F_1, ..., F_n$  distribuciones y la siguiente sucesión de Variables aleatorias  $(x_1^t)_{t=1}^{\infty}, ..., (x_n^t)_{t=n}^{\infty}$  independientes  $x_j^t \sim F_j \, \forall t \in \mathbb{N}$ .

Sean 
$$\alpha_1, ..., \alpha_n \in \Re^+ \cdot \ni \cdot \sum_{j=1}^n \alpha_j = 1$$
, definimos:

$$z_1 = \sum_{j=1}^n \alpha_j x_j'$$

$$z_{t+1} = \sum_{j=1}^{n} \alpha_j x_j^{t+1} + z_t$$

Supongamos que  $E[x_j^t] > 1 \ \forall \, t \ \in \ \mathbb{N} \to E[z_t] = t E[z_1] = t \mu > 1$ 

#### Problema:

Encontrar  $y \cdot \ni \cdot (1 - ty) + yz_t \ge y \ \forall t \in \mathbb{N}$  con probabilidad  $(1 - \alpha) \times 100 \%$ .  $(y \in [0, 1])$ .

equivalentemente: Encontrar  $k \leq 0 \cdot \ni \cdot z_t \geq t + k \ \forall t \in \mathbb{N}$  con probabilidad  $(1 - \alpha) \times 100 \%$ .

Sol:

Sea 
$$\mu = E[z_1], \, \sigma^2 = Var[z_1]$$

Usando el T.C.L.:  $z_t \to N(t\mu, t\sigma^2) \ \forall t \in \mathbb{N}$ 

(I) 
$$p(z_1 \ge 1 + k) = p\left(\frac{z_1 - \mu}{\sigma} \ge \frac{(1+k) - \mu}{\sigma}\right) = 1 - \Phi\left(\frac{k - (\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)$$

(II) 
$$p(z_{t+1} \ge (t+1) + k | z_t \ge t + k) = \frac{p(z_{t+1} \ge (t+1) + k, z_t \ge t + k)}{p(z_t \ge t + k)}$$

$$p(z_t \ge t + k) = p\left(\frac{z_t - t\mu}{\sqrt{t}\sigma} \ge \frac{k - t(\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)$$
$$= 1 - \Phi\left(\frac{k - t(\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)$$

•  $z_{t+1} = y_t + z_t$  con  $y_t \sim (\mu, \sigma^2)$ ,  $y_t, z_t$  independientes  $z_t \sim (t\mu, t\sigma^2)$ 

$$f(y_t, z_t) \simeq \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(y_t - \mu)^2 + \frac{1}{t}(z_t - t\mu)^2]\}$$

Sea

$$\omega_t = y_t + z_t$$
  $y_t = \omega_t - v_t$   $v_t = z_t$   $z_t = v_t$ 

$$= \int_{t+t}^{\infty} \int_{t+1+t}^{\infty} \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(z_{t+1}-z_t-\mu)^2 + \frac{1}{t}(z_t-t\mu)^2]\} dz_{t+1} dz_t$$

$$= \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \int_{t+k}^{\infty} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2 t}(z_t - t\mu)^2\} \int_{t+1+k}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(z_{t+1} - z_t - \mu)^2\} dz_{t+1} dz_t$$

$$\frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \int_{t+k}^{\infty} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2 t} (z_t - t\mu)^2\right\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k + t - z_t - (\mu - 1)}{\sigma}\right)\right]$$

$$\overline{z_t} = \frac{1}{t} z_t, \ d\overline{z_t} = \frac{1}{t} dz_t, \ (\overline{z_t})_0 = 1 + \frac{k}{t}, \ (\overline{z_t})_1 = \infty$$

$$= \frac{\sqrt{t}}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \int_{1+k/t}^{\infty} \exp\left\{-\frac{t}{2\sigma^2} (\overline{z}_t - \mu)^2\right\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k + t(1 - \overline{z}_t) - (\mu - 1)}{\sigma}\right)\right] d\overline{z}_t$$

Por tanto:

$$p(z_{t+1}) \ge (t+1) + k, z_t \ge t + k$$

$$\simeq \frac{\sqrt{t} \int_{1+k/t}^{\infty} \exp\{-\frac{t}{2\sigma^2} (\overline{z}_t - \mu)^2\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k + t(1 - \overline{z}_t) - (\mu - 1)}{\sigma}\right)\right] d\overline{z}_t}{\sqrt{2\pi} \sigma\left(1 - \Phi\left(\frac{k - t(\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)\right)}$$

Para calcular k se resuelve la siguiente ecuación:

$$\log(1 - \alpha) = \log(p|z_1 \ge 1 + k) + \sum_{t=1}^{\infty} \log(p(z_{t+1}) \ge (t+1) + k, \ z_t \ge t + k)$$
$$y = \frac{1}{1 - k}$$

Se realizó una muestra  $y_1, ..., y_n$ , donde:

$$y_1 = CA(p_i, \mu_i, \sigma_i)$$

Donde:

- $p_i$ : Un valor de probabilidad deseado.
- $M_i$ : Un valor de  $E[z_1]$  dado.
- $\delta_i$ : Un valorde  $Var(z_i)^{1/2}$ .
- CA: La función que se define implícitamente de resolver las ecuaciones para calcular la cantidad de apostar.

A tales datos se les ajustó el siguiente modelo lineal:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 p_i + \beta_2 \mu_i + \beta_3 \sigma_i + \varepsilon_i$$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Ver Apéndice A

El ajuste es el siguiente:

- $\beta_0 = 0.2925$
- $\beta_1 = -0.9975$
- $\beta_2 = 1.3772$
- $\beta_3 = -1.1127$

Con  $R^2 = 0.95$ .

En adelante, se tomará como aproximación lo siguiente:

$$CA(p, \mu, \sigma) \simeq 0.2925 - 0.9975p + 1.3772\mu - 1.1127\sigma$$

#### 2.5.4. Evolución de la cantidad a Apostar

**Problema:** Decidir p de manera óptima.

Sea x la cantidad de ingresos restantes ( $o \ge x \ge 1$ , en porcentaje), y  $\mu$ ,  $\sigma$  la media y la desviación estandar de apostar en un periodo dados.

Supongamos  $U_1, U_2 : \Re^+ \to \Re^+$  funciones de utilidad del dinero. ( $U_1$  ganancias,  $-U_2$  pérdidas)  $\cdot \ni \cdot$  son no decrecientes y una vez continuamente diferenciables. Considerese la siguiente función:

$$f(p; x, \mu, \sigma) = [beneficio] - [costo]$$
 
$$f(p; x, \mu, \sigma) = [pU_1(y(p, \mu, \sigma)\mu x)] - [(1-p)U_2(x)]$$

Suponiendo  $y(p, \mu, \sigma) = a_0 - a_1 p + a_2 \mu - a_3 \sigma$  se obtiene:

$$a_i \ge 0, i = 0, ..., 3$$

$$f = pU_1((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x) - (1-p)U_2(x)$$

El problema es:

max f

Sol:

$$f'(p) = -pU_1'((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x)a_1\mu x$$
$$+U_1((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x) + U_2(x) = 0$$

Si  $U_1$  es cóncava  $\to p^*$  es un maximizador.

Forma aproximada de obtener p:

$$y = a_0 - a_1 p + a_2 \mu - a_3 \sigma$$

 $\rightarrow$  Sea  $b = a_1 \mu x$ ,  $p_0$  una aproximación de p. Definimos:

$$\omega = y\mu x, \quad \omega_0 = y(p_0, \mu, \sigma)\mu x$$

Podemos aproximar f por:

$$f(p) \simeq p[U_1(\omega_0) + bU_1'(\omega_0)(\omega_0)(p - p_0)] - (1 - p)U_2(x)$$

$$\Rightarrow f'(p) \simeq U_1(\omega_0) - 2bU_1'(\omega_0)p + bU_1'(\omega_0)p_0 + U_2(x) = 0$$

$$\Rightarrow p \simeq \frac{1}{2bU_1'(\omega_0)}[U_1(\omega_0) + U_2(x)] + \frac{1}{2}p_0$$

Supongamos  $U_1: \Re^+ \to \Re^+$  dada por  $U(\omega) = \omega^{\alpha}$   $(0 < \alpha \le 1)$  y  $U_2(x) = \beta x$ 

Notese que:

$$\bullet \ \frac{\omega_0}{b} = \frac{a_0 - a_1 p + a_2 \mu - a_3 \sigma}{a_1}$$

$$\Rightarrow p \simeq \frac{1}{2\alpha a_1} [a_0 + a_2\mu - a_3\sigma + \frac{\beta}{\mu} [(a_0 - a_1p_0 + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x]^{1-\alpha}] + \frac{1}{2}(1 - \frac{1}{\alpha})p_0$$

Supongamos ahora que f es de la siguiente forma:

$$f(p) = pU_1(y(p, \mu, \sigma) \cdot \mu x) - (1 - p)U_2(x) - pU_3(\theta(k\sigma - \mu))$$

i.e. Hay pérdidas potenciales por el riesgo de la inversión considerar

$$U_3(\theta(k\sigma-\mu))U_2(\theta(k\sigma-\mu)x)I(\theta(k\sigma-\mu)\geq 0)$$

 $\Rightarrow$  De manera análoga se obtiene:

$$p \simeq \frac{1}{2bU'(\omega_0)} [U_1(\omega_0) + U_2(x) + U_2(\theta(k\sigma - \mu)xI_{\{m \ge 0\}}] + \frac{1}{2}p_0$$

Si tomamos  $U_1(\omega)0\omega^{\alpha}$ ,  $U_2(x) = \beta x$ 

$$p \simeq \frac{1}{2\alpha a_1} \{ (a_0 + a_2\mu - a_3\sigma) + \frac{\beta_1}{\mu} [1 + (\beta_2\sigma - \beta_3\mu)I_{\{m \ge 0\}}] [(a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x]^{1-\alpha} \} + \frac{1}{2} (1 - \frac{1}{\alpha})p_0$$

## Capítulo 3

## **Back Office**

- 3.1. Sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos
- 3.2. Sistema de estimación de probabilidades
- 3.3. Portal administrativo
- 3.3.1. Inicio de Sesión

Se ingresa al sistema a través la dirección de internet: https://admin.egobets.com

Se presenta la pantalla de inicio de sesión donde se introcue el nombre de usuario y contraseña. Véase las figuras  $3.1~{\rm y}~3.2$ 



Figura 3.1: Login

Figura 3.2: Ingreso de datos

Al dar click en el botón de <u>Entrar</u>, se habrá iniciado sesión, y se está habilitado para comenzar a trabajar.

Una vez que se haya terminado de usar el sistema, se debe cerrar la sesión, lo cual se puede hacer dando click sobre el botón de Salir. Véase figura 3.3



Figura 3.3: Cerrar Sesión

Al hacerlo, se terminará de manera segura la sesión .

#### 3.3.2. Ingesta

A través de este módulo se alimenta el sistema con la información necesaria para que la aplicación trabaje correctamente.

Lo elementos que se ingresan en este módulo son:

Próximos partidos

- Resultados de partidos anteriores
- Estadísticas de los equipos en la temporada

Al entrar a esta sección, se encuentra un campo para seleccionar el tipo de ingesta que se quiere realizar, en este caso hay dos opciones:

- Partidos
- Equipos

Véase figura 3.4



Figura 3.4: Subir archivos y procesarlos<sup>1</sup>

#### Formato de archivo para Partidos

- 1. Identificador único del equipo local
- 2. Identificador único del equipo visitante
- 3. Marcador local
- 4. Marcador visitante
- 5. Probabilidad local

¹Los tipos de archivos que el sistema procesa son archivos de texto plano, en codificación UTF-8 con ó sin BOM, en formato CSV, en el que la separación de valores se logra mediante tabulaciones, ó el caracter "\t", y cada línea se termina con el caracter de nueva línea de Unix, es decir "\n"; el archivo debe contener todos los campos y estar en el orden indicado.

- 6. Probabilidad empate
- 7. Probabilidad visitante
- 8. Fecha del partido, expresada en segundos desde la época Unix (1 de enero de 1970) en UTC.

#### Formato de archivo para Equipos

- 1. Identificador único del equipo,
- 2. Variable local 1,
- 3. Variable local 2,
- 4. Variable local 3,
- 5. Variable local 4,
- 6. Variable local 5,
- 7. Variable local 6,
- 8. Variable local 7,
- 9. Variable de ataque 1-1,
- 10. Variable de ataque 1-2,
- 11. Variable de ataque 1-3,
- 12. Variable de ataque 1-4,
- 13. Variable de ataque 1-5,
- 14. Variable de ataque 1-6,
- 15. Variable de ataque 1-1,
- 16. Variable de ataque 1-2,
- 17. Variable de ataque 1-3,
- 18. Variable de ataque 1-4,
- 19. Variable de ataque 1-5,
- 20. Variable de ataque 1-6,

- 21. Variable de ataque 2-1,
- 22. Variable de ataque 2-2,
- 23. Variable de ataque 2-3,
- 24. Variable de ataque 2-4,
- 25. Variable de ataque 2-5,
- 26. Variable de ataque 2-6,
- 27. Variable de ataque 3-1,
- 28. Variable de ataque 3-2,
- 29. Variable de ataque 3-3,
- 30. Variable de ataque 3-4,
- 31. Variable de ataque 3-5,
- 32. Variable de ataque 3-6,
- 33. Variable de defensa 1-1,
- 34. Variable de defensa 1-2,
- 35. Variable de defensa 1-3,
- 36. Variable de defensa 1-4,
- 37. Variable de defensa 1-5,
- 38. Variable de defensa 1-6,
- 39. Variable de defensa 1-1,
- 40. Variable de defensa 1-2,
- 41. Variable de defensa 1-3,
- 42. Variable de defensa 1-4,
- 43. Variable de defensa 1-5,
- 44. Variable de defensa 1-6,
- 45. Variable de defensa 2-1,

- 46. Variable de defensa 2-2,
- 47. Variable de defensa 2-3,
- 48. Variable de defensa 2-4,
- 49. Variable de defensa 2-5,
- 50. Variable de defensa 2-6,
- 51. Variable de defensa 3-1,
- 52. Variable de defensa 3-2,
- 53. Variable de defensa 3-3,
- 54. Variable de defensa 3-4,
- 55. Variable de defensa 3-5,
- 56. Variable de defensa 3-6,
- 57. Variable de posesión

#### Partidos

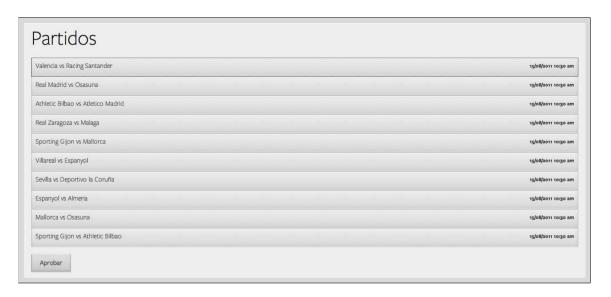


Figura 3.5: Partidos procesados por el sistema

Para subir la información de los partidos de la jornada que comienza, se selecciona del menú la opción de **Partidos**, y se presiona el botón <u>Seleccionar archivo</u> donde se elige el archivo correspondiente. Una vez seleccionado el archivo a ingestar y el tipo de datos que contiene, se oprime el botón de <u>Procesar</u>, lo cual comienza el proceso de ingesta.<sup>2</sup>

Con el archivo ya procesado, se puede verificar la interpretación que el sistema realizó del archivo. Se pueden observar en pantalla los siguientes datos:

- Identificador único y nombre del equipo local
- Identificador único y nombre del equipo visitante
- Marcadores de equipo local y visitante
- Probabilidades de local, empate y visitante
- Fecha en la que se llevará a cabo el partido

Si hay algún error en la información se puede presionar <u>Cancelar</u> e intentarlo nuevamente, si la información es la correcta se oprime el botón de Aceptar.

#### **Equipos**



Figura 3.6: Actualizando datos de los equipos

Para la ingesta de datos de los equipos se selecciona la pestaña de <u>Equipos</u> en la pestaña y luego se presiona el botón **Seleccionar archivo**. Una vez que se seleccione el archivo a ingestar y el tipo de datos que contiene, se oprime el botón de <u>Procesar</u>, para comenzar

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Una vez que comenzado el proceso de ingesta (ya sea de equipos ó partidos), se tienen sólo 10 minutos para verificar que los datos sean correctos. De no hacerlo, el sistema no procesará el archivo hasta que se suba nuevamente

el proceso de ingesta. Cuando el archivo termina de ser procesado el sistema presentará la interpretación del archivo, donde se podrán verificar los siguientes datos:

- Nombre del equipo
- Indicadores de ataque y promedio de ataques:
  - Medio Centro
  - Delanteros
  - Definición
- Indicadores de defensa y promedio de defensas:
  - Medio centro,
  - Defensa
  - Portero
  - Posesión

Si hay algún error en la información se puede presionar <u>Cancelar</u> e intentarlo nuevamente, si la información es la correcta se oprime el botón de Aceptar.

#### Resultados Anteriores

Al dar clic en el botón de <u>Resultados Anteriores</u> se pueden ver y modificar los resultados de los partidos de la semana pasada. En esta pantalla se actualizan los marcadores, al terminar se da click en <u>Guardar Resultados</u>.

Si el marcador de un partido que ya tenía resultado se deja en blanco no será modificado al guardar y se mostrará el resultado que tenía previamente.



Figura 3.7: Actualizando marcadores de la liga italiana

#### 3.3.3. Usuarios

Se muestran de quince en quince todos los usuarios inscritos a Egobets, para ver los siguientes quince usuarios se da click en el botón <u>Siguiente</u>. Cada usuario tiene un botón de Detalles y Eliminar.

#### Detalles de Usuario

El botón Detalles en el listado presenta la información más detallada del usuario. Aquí se puede ver su información y preferencias:

- Historial. Indica las últimas ganancias y pérdidas por jornada
- Perfil de riesgo. Despendiendo de la encuesta realizada por usuario se tiene su adversidad al riesgo.
- Casas de apuesta. En el sistema se tienen varias Casas que proporcionan distintos momios para los partidos.
- Favoritos. Los equipos favoritos del usuario
- Transacciones realizadas. Los últimos pagos realizados.
- Usuario desde. Tiempo que lleva como usuario de Egobets.

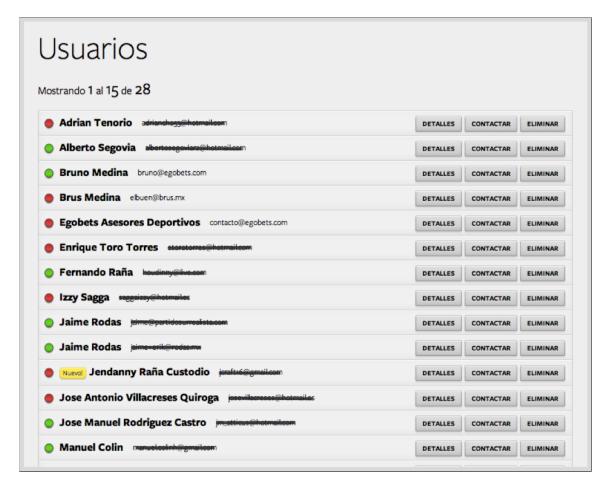


Figura 3.8: Listado de Usuarios

- Estatus de actividad. Al ser un sistema de paga los usuarios pagan por jornada para recibir la asesoría de apuestas.
  - Activo: el usuarios está recibiendo recomendaciones.
  - Inactivo: el usuario no está recibiendo recomendaciones.
- Jornadas restantes. La cantidad de Jornadas que el usuario va seguir recibiendo asesorías.
- Idioma. En que lenguaje lee el portal el usuario (Inglés o Español)

#### Acciones Administrativas

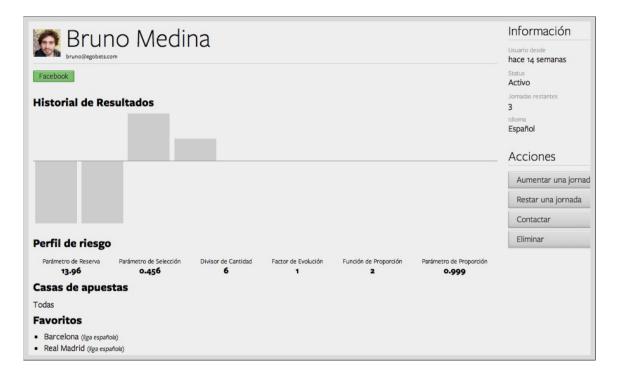


Figura 3.9: Vista del detalle de usuario

- Aumentar/Restar una Jornada. Una jornada le permite al usuario recibir la asesoría de los siguientes partidos. Los administradores del sistema le pueden otorgar o quitar a los usuarios jornadas con tan solo click en el botón.
- Contactar. Permite al administrador enviar un correo desde su progama predeterminado de correo al usuario.
- Eliminar. Todos los datos del usuario son eliminados del sistema.



Figura 3.10: Confirmar la eliminación de un usuario  $\!\!\!^4$ 

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>La información de los usuarios eliminados no podrá ser rescatada.

#### 3.3.4. Pagos

Los pagos de los usuarios se cambian por la sugerencia de apuestas de una jornada. En esta sección se muestra un listado de las transacciones monetarias más recientes y su información general.



Figura 3.11: Listado con los últimos pagos realizados

Los detalles de las transacciones son:

- Fecha en la que la transacción se inicio.
- Número de transacción en la cuenta de PayPal de Egobets.
- Nombre y el correo del usuario que realiza la transacción, al dar clic sobre su nombre seremos dirigidos a la información detallada de dicho usuario
- Cantidad de jornadas por las que se realiza la transacción
- Cantidad monetaria por la que se realiza la transacción
- Estatus de la transacción:
  - Pendiente: se ha iniciado la transacción para la compra de jornadas, sin embargo aun no ha concluido.
  - Pagada: se realizó exitosamente y las jornadas han sido agregadas al usuario.

#### 3.3.5. Estadísticas

Esta sección muestra las estadísticas y gráficas a los usuarios administrativos con información relevante de: ganancias y pérdidas de los usuarios, resultados de las predicciones, preferencias de los usuarios, pagos y partidos.

39

#### Resultados Netos

Indica el promedio de las ganancias y pérdidas de todos los usuarios en las últimas cinco jornadas, esta información se puede ver de manera porcentual o en cantidad neta. Véase figura 3.12



Figura 3.12: Ganancias y pérdidas de los usuarios

Mayor Pérdida. Indica la mayor pérdida porcentual que se ha dado en la última jornada y al dar click presenta el perfil de dicho usuario.

Mayor Ganancia. Indica la ganancia porcentual mayor que se ha dado en la última jornada y al dar click presenta el perfil de dicho usuario.

#### Usuarios y sus Datos

**Total.** Número total de usuarios registrados y al dar click presenta la sección de Usuarios.

**Nuevos.** Número de usuarios registrados recientemente y al dar click presenta la sección de Usuarios.

Véase figura 3.13



Figura 3.13: Usuarios recién inscritos

Además, el sistema muestra la siguiente información general, porcentaje de usuarios que:

- Usan Facebook para conectarse a Egobets
- Usan apuestas dobles
- Usan reserva
- Ven Egobets en inglés

• Se encuentran activos.

#### Véase figura 3.14



Figura 3.14: Datos estadísticos de los usuarios

#### Pagos Recibidos



Figura 3.15: Pagos más recientes

**Última Semana.** Se representan las ganancias monetarias que obtenidas durante la última semana. Al dar click se muestra la sección de **Pagos**.

Transacciones en total. Indica el número de transacciones que se han realizado durante todo el tiempo del sistema.

#### Partidos y Predicciones

Aciertos Presenta la cantidad de partidos de esta semana y al dar clic nos lleva a la sección de Ingesta.

**Aciertos** Representan con una gráfica la cantidad de aciertos obtenidos en las predicciones hechas en partidos pasados. Al presionarla se dirige el navegador a los <u>Resultados Anteriores</u> dentro de la sección de Ingesta.



Figura 3.16: Partidos acertados

#### 3.3.6. Correos

En esta sección se puede enviar correos a un subconjunto de usuarios registrados en Egobets. Los mensajes deberán ser escritos en Español y en Inglés para que el correo recibido dependa del lenguaje elegido por el usuario al crear su cuenta. Los grupos de usuarios con los que nos se puede comunicar son:

- Todos los usuarios
- Usuarios activos: aquellos que tienen jornadas pagadas
- Usuarios inactivos: aquellos que ya no tienen jornadas pagadas
- Usuarios registrados: aquellos que se registraron pero no han confirmado su correo

#### Véase figura 3.17

Para redactar los textos, se debe usar la sintaxis de Markdown<sup>5</sup>. Se pueden usar textos de reemplazo cuándo se quieran personalizar los mensajes, para esto basta con utilizar las palabras clave: {nombre}, {correo} y {id}, las cuales el sistema sustituirá, al momento de mandar el correo, por los valores correspondientes para cada usuario.

 $<sup>^5</sup>$ El hipervínculo de <u>Markdown</u> redirige a una página dónde se puede aprender sobre el uso de esta sintaxis.

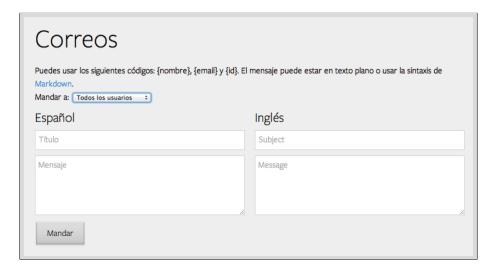


Figura 3.17: Comunicación con los usuarios

# Capítulo 4

# Portal público

- 4.1. Perfil de usuario
- 4.2. Encuesta de adversidad al riesgo
- 4.3. Ahorro precaucional
- 4.4. Sugerencia de apuestas
- 4.5. Pagos en línea
- 4.6. Power ranking

# Capítulo 5

# Conclusiones