Instituto Tecnológico Autónomo de México



EGOBETS, UN SISTEMA COMPUTACIONAL DE ASESORÍA DE APUESTAS DE FUTBOL

TESIS QUE PARA OBTENER LOS TÍTULOS DE

Ingeniero en Computación y Licenciado en Matemáticas Aplicadas

PRESENTA

Bruno Medina Bolaños Cacho

ASESORES:

Dr. Osvaldo Cairó Battistuti Dr. Alguien de Matemáticas

México, D.F.

2014

"Con fundamento en los artículos 21 y 27 de la Ley Federal del Derecho de Autor y como titular de los derechos moral y patrimonial de la obra titulada "EGOBETS, UN SISTEMA COMPUTACIONAL DE ASESORÍA DE APUESTAS DE FUTBOL", otorgo de manera gratuita y permanente al Instituto Tecnológico Autónomo de México y a la Biblioteca Raúl Bailléres Jr., la autorización para que fijen la obra en cualquier medio, incluido el electrónico, y la divulguen entre sus usuarios, profesores, estudiantes o terceras personas, sin que pueda percibir por tal divulgación una contraprestación".

Bruno Medina Bolaños Cacho

1 Boill
FIRMA

A mis padres.

Agradecimientos

¡Muchas gracias a todos!

Índice general

Li	sta d	e figuras	VII
1.	Intr	oducción	1
2.	Mai	rco teórico	5
	2.1.	¿Por qué apostar?	5
	2.2.	Decidir a favor de quién apuestas	5
	2.3.	Decidir la cantidad de dinero a apostar	5
	2.4.	Ahorro precaucional	5
	2.5.	Evolución de la cantidad a apostar	5
		2.5.1. Decidir a favor de quien apuestas	5
		2.5.2. Decidir la cantidad de dinero a apostar	9
		2.5.3. Ahorro precaucional	14
		2.5.4. Evolución de la cantidad a Apostar	19
3.	Bac	k Office	23
	3.1.	Descripción General	23
	3.2.	Sistema de recopilación de información y estadísticas de	
		los partidos	25
		3.2.1. Recuperación de fechas de partidos próximos	26
		3.2.2. Recuperación de información de partidos jugados.	27
		3.2.3. Generación de archivos con resultados	28
	3.3.	Sistema de estimación de probabilidades	28

	3.4.	Portal administrativo	28
		3.4.1. Inicio de Sesión	28
		3.4.2. Ingesta	30
		3.4.3. Usuarios	37
		3.4.4. Pagos	40
		3.4.5. Estadísticas	41
		3.4.6. Correos	44
4.	Por	tal público	47
		Perfil de usuario	47
		Encuesta de adversidad al riesgo	47
	4.3.	Ahorro precaucional	47
	4.4.	Sugerencia de apuestas	47
	4.5.	Pagos en línea	47
	4.6.	Power ranking	47
5 .	Con	aclusiones	49

Índice de figuras

2.1.	Decidir por quién apostar 6
2.2.	Decidir si apostar o no apostar
2.3.	Decidir si apostar en función de una utilidad
2.4.	Árbol de probabilidad 4
3.1.	Diagrama de sistemas y usuarios
3.2.	Diagrama de flujo de información
3.3.	Ejemplo de equipos de la liga española
3.4.	Recuperación de próximos partidos
3.5.	Recuperación de resultados de partidos ya jugados 28
3.6.	Login
3.7.	Ingreso de datos
3.8.	Cerrar Sesión
3.9.	Subir y procesar archivos
3.10.	Partidos procesados por el sistema
	Actualizando datos de los equipos
3.12.	Actualizar resultados Anteriores
3.13.	Listado de Usuarios
3.14.	Vista del detalle de usuario
3.15.	Confirmar la eliminación de un usuario 40
	Listado con los últimos pagos realizados 41
	Ganancias y pérdidas de los usuarios
	Usuarios recién inscritos

3.19. Datos estadísticos de los usuarios	43
3.20. Pagos más recientes	43
3.21. Partidos acertados	44
3.22. Comunicación con los usuarios	45

Capítulo 1

Introducción

Desde sus orígenes, las apuestas en los partidos de futbol han sido un controversial tema de interés. Vencer a las casas de apuestas se ha vuelto una fascinación Hollywoodense. Muchos supuestos "oráculos" han utilizado los métodos menos ortodoxos para la obtención de los marcadores, e incluso se han llevado a cabo acciones fraudulentas para asegurar que se cumplan sus predicciones. Sin embargo, en la actualidad, las matemáticas y la computación ofrecen un paradigma menos esotérico pero igual de fascinante: la predicción de resultados de partidos de futbol a través de modelos matemáticos.

En este trabajo se describe cómo funciona Egobets, una aplicación computacional de las matemáticas al estudio de las apuestas de futbol. Egobets proveee asesoría de apuestas personalizadas para partidos de futbol de las siguientes ligas europeas: alemana, española, francesa, inglesa e italiana. Su objetivo es, dado un perfil de riesgo, indicar al usuario la cantidad de dinero y las apuestas que debe realizar para buscar tener ganancias al final de la temporada. Para tal fin, se combinan un conjunto de modelos matemáticos en un sistema robusto computacional.

El sistema Egobets es interesante e innovador ya que no sólo predice el resultado de un partido de futbol, sino que además utiliza la información de todas las ligas europeas para ofrecer una estrategia financiera que maximice la cantidad de dinero a ganar del usuario tomando en cuenta su perfil de riesgo. Adicionalmente, el sistema le sugiere al usuario conservar un porcentaje de su dinero para apostar más agresivamente en caso de perder todas la apuestas de la jornada; garantizando así una mayor cantidad de apuestas durante la temporada y con esto, asegurar una mayor probabilidad de obtener ganancias.

Sólo las Matemáticas son tan arriesgadas como para concebir modelos de fenómenos tan particulares como los partidos de futbol. Y su labor no termina ahí, también proveen las herramientas necesarias para encontrar el conjunto de apuestas a realizar en la jornada, con el fin de maximizar la cantidad de dinero a ganar. Por otro lado, gracias a los sistemas computacionales y las nuevas tecnologías, se pueden crear las piezas de software de este sistema para ofrecer resultados reales de estas abstracciones matemáticas. Este ecosistema de modelos, aplicaciones y programas funcionan de manera armoniosa presentando resultados al usuario en una interfaz elegante, funcional, simple y fácil de usar.

El alcance de este trabajo es el de describir el sistema desarrollado para asesoría de apuestas Egobets. Se explicarán los distintos programas y sistemas que conforman el desarrollo, así como las teorías matemáticas que dan sustento al mismo. El documento divide el sistema en tres capítulos.

Bajo los supuestos de que en función a su adversidad al riesgo, el jugador promedio busca obtener mayores ganancias de sus apuestas y, que apostar siempre es mejor a no hacerlo; en la primera parte del presente trabajo se describe cómo encontrar la mejor apuesta para cada partido. Sin embargo, durante una jornada se juegan múltiples partidos, por lo que posteriormente se resuelve la siguiente pregunta: ¿a qué partidos y a qué equipos el usuario le debería de apostar? Para complicar más las cosas y debido a que una temporada tiene más de una jornada, la persona necesita garantizar la posibilidad de apuesta en cada una de ellas. En virtud de los anterior, se expone la evolución de su dinero buscando maximizar las ganancias al final de la temporada.

En el segundo apartado del estudio, se habla del conjunto de módu-

los que conforman el Back Office: sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos, sistema de estimación de probabilidades de los partidos y portal administrativo. Se describe cómo el sistema de recolección de información descarga los datos de las ligas, partidos por jugar y estadísticas de los ya jugados. Se comienza detallando el funcionamiento del sistema recolector de datos, desde la ingestión de los equipos participantes en la temporada vigente, hasta la recolección de los tiros realizados en cada partido por cada jugador. Después, con toda la información obtenida de los desempeños de los equipos en los últimos partidos, se describen las simulaciones Montecarlo. Éstas utilizan miles de variables para estimar los resultados de los partidos de futbol, obteniendo con estos datos las probabilidades de ganar, perder o empatar de cada partido. Posteriormente, se exhibe cómo en el portal administrativo se ingresan estas probabilidades junto con los datos de los próximos partidos a jugar. También se detalla cómo este portal, a través de su interfaz gráfica, permite gestionar usuarios, partidos y probabilidades.

En la tercer sección de este estudio, se describirá exhaustivamente cómo se adaptaron las ideas del primer apartado y la información generada por el Back Office (descrito en el segundo apartado de este estudio) para el diseño y desarrollo del portal público. Se describe cómo este portal también ofrece al usuario revisar y actualizar su perfil, retomar la encuesta de riesgo, revisar los últimos resultados de los partidos, ver la tabla de "Power Ranking", que presenta los equipos listados en lo que se considera el orden al final de la temporada, y la función de pago de suscripciones a este sistema a través de una plataforma de pagos.

En el último capítulo, se concluye que se puede llevar un apuesta simple a un portafolio de inversión. De igual manera se observa que aunque un jugador tuviera en su poder las probabilidades verdaderas de los resultados de los partidos no podría hacer nada con ellas, por lo que es necesario un enfoque de un problema de optimización. Y finalmente que teniendo un sistema metódico que decida las apuestas, remueve la emoción de la apuesta y lo convierte en un riesgo calculado. Al igual, se enumeran los distintos campos al que este sistema se podría extender:

mayores ligas, diferentes deportes, elecciones y cualquier otro fenómeno probabilístico de varianza moderada.

Capítulo 2

Marco teórico

- 2.1. ¿Por qué apostar?
- 2.2. Decidir a favor de quién apuestas
- 2.3. Decidir la cantidad de dinero a apostar
- 2.4. Ahorro precaucional
- 2.5. Evolución de la cantidad a apostar
- 2.5.1. Decidir a favor de quien apuestas
- (a) Sean p_L , p_z , p_v las probabilidades de que gane local, empaten o gane visitante, respectivamente. Sean μ_L , μ_z y μ_v los momios respectivos. El problema de decisión de apostar \$1 en esta situación es:

$$E_p[U(\delta_i)] = p_i \mu_i; \quad i = L, Z, V$$

Sol: Se escoge $\rho_i \cdot \ni \cdot E_p[U(\delta_i)] = max\{p_L\mu_L, p_z\mu_z, p_v\mu_v, 1\}$

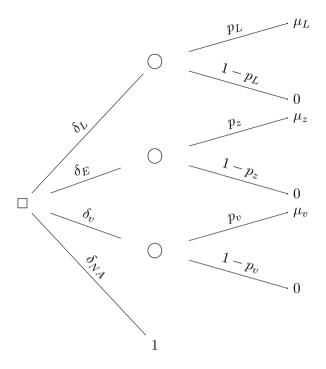


Figura 2.1: Decidir por quién apostar

(b) Se quiere decidir si apostar o no en la ocurrencia de un evento: Sea p=p(E) y f_p densidad de p. Sea μ el momio en el caso de ocurrencia. El problema de decisión asociado es el siguiente:

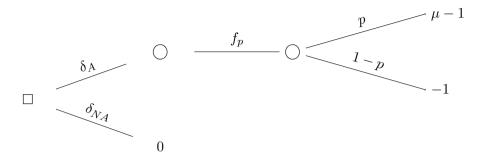


Figura 2.2: Decidir si apostar o no apostar

Apuestas si $E_{f_p}(P) \cdot \mu \geq 1$

(c) Mismo problema que el caso anterior, sólo que la utilidad depende de p y μ : $U: \Re \times [0,1] \to \Re$ $(U(0,p)=0 \quad \forall p).$

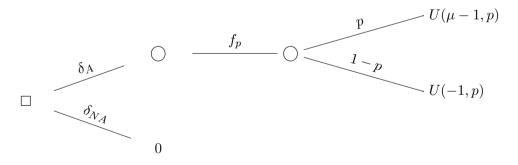


Figura 2.3: Decidir si apostar en función de una utilidad

Se apuesta si:

$$E_p(U(\delta_A)) = E_p[p U(\mu - 1, p) + (1 - p)U(-1, p)] \ge 0$$

Algunas funciones de utilidad posibles:

•
$$U_{\mu}(x,p) = x(\frac{1}{\mu} - p)^2$$

Notese que: $p U_{\mu}(\mu - 1, p) + (1 - p)U_{\mu}(-1, p)$

$$(\hat{p} = \frac{1}{\mu}) = (\hat{p} - p)^2 (p\mu - 1)$$

Me duele más mientras más alejado esté de un trato beneficioso y me produce mayor placer mientras mayor sea el beneficio del trato.

$$\quad \blacksquare \ U_{\mu,a}(x,p) = \left\{ \begin{array}{ll} ax(\hat{p}-p)^2 & si \quad p \leq \hat{p} \\ \\ x(\hat{p}-p)^2 & si \quad p > \hat{p} \end{array} \right.$$

Notese que:

$$U_{\mu} = U_{\mu,1}$$

$$p U_{\mu,a}(\mu-1,p) + (1-p)U_{\mu}(-1,p) = \begin{cases} a(\hat{p}-p)^2(p\mu-1) & si \quad p \leq \hat{p} \\ (\hat{p}-p)^2(p\mu-1) & si \quad p > \hat{p} \end{cases}$$

Me duele "a" veces más un trato perjudicial que un trato beneficioso si me encuentro a la mis ma distancia que \hat{p} .

•
$$U_{\mu,a,b} = U_{\frac{\mu}{1+\mu b},a}$$

y considerar el problema de decisión con $\mu' = \frac{\mu}{1+\mu b}$.

Si
$$\mu' = \frac{\mu}{1 + \mu b} \to \hat{p}' = \hat{p} + b$$
.

Los tratos empiezan a ser beneficiosos hasta que el menos sea b% más probable que ocurra el evento de lo que sería justo.

Nota: En un problema de decisión sin aversión a la distribución de probabilidades (o con probabilidades fijas) si se desea apostar en apuestas con un mínimo de ganancias esperadas igual a b% se debe comparar μ_p con 1 + b (i.e. apostar $\leftrightarrow \mu_p \ge 1 + b$).

2.5.2. Decidir la cantidad de dinero a apostar

Supongamos que $\mu_p \ge 1$ y que existen 2 funciones de utilidad:

$$U_1: \Re^+ \to \Re^+$$

$$U_2: \Re^+ \to \Re^+$$

La primera es la función de utilidad del dinero para las ganancias y la segunda es la utilidad del dinero para las pérdidas monetarias.

Se harán las siguientes supuestos:

- (I) $U_1(0) = U_2(0) = 0$. U_1 , U_2 no decrecientes, una vez cont. dif.
- (II) $U_1'(0) > U_2'(0)$ (por lo tanto convendrá apostar).
- (III) $\forall M > 0$ fija $\lim_{x \to \infty} \frac{U_1(\mu x)}{U_2(x)} = 0$. (Perder duele muchisimo más que ganar).

$$\Box \quad \stackrel{\delta_x}{-} \quad \bigcirc \quad \stackrel{\mathcal{V}}{\underbrace{\hspace{1cm}}} U_1((\mu-1)x)$$

Figura 2.4: Árbol de probabilidad 4

El problema de decisión asociado a determinar la cantidad óptima a postar es:(con 0 < p < 1 fija y μ momio)

$$\rightarrow E_p[U(\delta x)] = pU_1((\mu - 1)x) - (1 - p)U_2(x)$$

Sea $f(x) = E_p[U(\delta x)]$

Encontrar el óptimo es encontrar $x \geq 0$ que resuelva el problema: $\max_{x \geq 0} f(x)$

$$f'(x) = p(\mu - 1)U_1'((\mu - 1)x) - (1 - p)U_2'(x) = 0$$
$$\frac{p(\mu - 1)}{(1 - p)} = \frac{U_2'(x)}{U_1'((\mu - 1)x)}$$

P.d.

$$\exists \quad x^* \quad \cdot \ni \quad \frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{U_2'(x)}{U_1'(\mu x)}$$

(I)
$$f'(0) = p(\mu - 1)U_1'(0) - (1 - p)U_2'(0) > p(\mu - 1)U_2'(0) - (1 - p)U_2'(0)$$

= $U_2'(0)(p\mu - 1) \ge 0$

Con
$$U_2'(0) \ge 0$$
 y $p\mu \ge 0$
Por tanto $f'(0) > 0$

(II)
$$f(0) = 0$$

(III)
$$\frac{f(x)}{U_2(x)} = p \frac{U_1((\mu - 1)x)}{U_2(x)} - (1 - p)$$

$$\to \lim_{x \to \infty} \frac{f(x)}{U_2(x)} = -(1 - p)$$

$$\to \exists x \cdot \ni \cdot \frac{f(x)}{U_2(x)} = -(1 + p) + \varepsilon < 0$$

$$\rightarrow \exists x \cdot \ni \cdot f(x) < 0$$

■ Por
$$T.V.M. \exists x' \in (0, x) \cdot \ni \cdot x f'(x') = f(x) - f(0) = f(x) < 0$$

 $\rightarrow f'(x') < 0$

■ T.V.I.
$$\exists x^* \in (0, x') \cdot \ni f'(x^*) = 0$$
. i.e. $\frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{U'_2(x)}{U'_1(\mu x)}$

Como f es primero creciente y en algún punto decreciente: $\rightarrow x \cdot \ni \cdot f'(x) = 0$ es un maximizador.

Algunas funciones a considerar:

$$U_{1,\alpha}(x) = x^{\alpha}$$
 $0 < \alpha < 1$
$$U_2(x) = x$$

Comprobemos los supuestos:

(I)
$$U_{1,\alpha}(0) = 0 = U_2(0)$$
, son crecientes y una vez dif.

(II)
$$U'_{1,\alpha}(0) = +\infty, U'_2(0) = 1$$
 $\therefore U'_{1,\alpha}(0) > U'_2(0)$

(III)
$$\forall \mu > 0$$

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{U_{1,\alpha}(\mu x)}{U_2(x)} = \mu^{\alpha} \lim_{x \to +\infty} \frac{x^{\alpha}}{x} = \mu^{\alpha} \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x^{1-\alpha}} = 0$$

Para una apuesta con probabilidad p y momio μ el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu-1)}{(1-p)} = \frac{U_2'(x)}{U_{1,\alpha}'((\mu-1)x)} = \frac{1}{\alpha((\mu-1)x)^{\alpha-1}} = \frac{1}{\alpha}(\mu-1)^{1-\alpha}x^{1-\alpha}$$

$$\rightarrow \left(\frac{\alpha p}{(1-p)}\right)(\mu-1)^{\alpha} = x^{1-\alpha} \rightarrow x^* = \left(\frac{\alpha p}{1-p}\right)^{\frac{1}{1-\alpha}}(\mu-1)^{\alpha/1-\alpha}$$

$$\begin{array}{ll} \bullet & U_{1,\alpha}(x) = x^{\alpha} & 0 < \alpha < 1 \\ U_{2,\beta}(x) = x^{\beta} & \beta \leq 1 \end{array}$$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio μ el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu - 1)}{(1 - n)} = \frac{\beta x^{\beta - 1}}{\alpha(\mu - 1)^{\alpha - 1} x^{\alpha - 1}} = \frac{\beta}{\alpha} (\mu - 1)^{1 - \alpha} x^{\beta - \alpha}$$

$$\rightarrow \left(\frac{\alpha p}{\beta(1-p)}\right)(\mu-1)^{\alpha} = x^{\beta-\alpha} \rightarrow x^* = \left(\frac{\alpha p}{\beta(1-p)}\right)^{1/\beta-\alpha}(\mu-1)^{\alpha/\beta-\alpha}$$

$$U_1(x) = \ln(x)$$

$$U_2(x) = x$$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio μ el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu-1)}{(1-p)} = \frac{1}{(\frac{1}{(\mu-1)x})} = (\mu-1)x \to x^* = \frac{p}{1-p}$$

$$U_{1,\alpha}(x) = 1 - e^{-\alpha x} \qquad \alpha \ge 1$$

$$U_2(x) = x$$

Es fácil revisar los supuestos. Para una apuesta con probabilidad p y momio μ el óptimo se da en:

$$\frac{p(\mu-1)}{1-p} = \frac{1}{\alpha e^{-\alpha(\mu-1)x}} \rightarrow \ln\left(\frac{\alpha p(\mu-1)}{(1-p)}\right) = \alpha(\mu-1)x$$

$$\rightarrow x^* = \frac{1}{\alpha(\mu-1)}\ln\left(\frac{\alpha p(\mu-1)}{(1-p)}\right)$$

Otras tres funciones de utilidad a considerar:

$$U_{1,\alpha}(x) = \alpha x \qquad \alpha \ge 1$$

$$U_2(x) = e^x - 1$$

$$\to \frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{e^x}{\alpha}$$

$$\rightarrow x^* = \ln\left(\frac{p(\mu - 1)}{1 - p}\right) + \ln(\alpha)$$

•
$$U_1(x) = \ln(x)$$
 $\alpha \ge 1$
 $U_2(x) = x^{\alpha}$

$$\rightarrow \frac{p(\mu - 1)}{1 - p} = \frac{\alpha x^{\alpha - 1}}{\frac{1}{(\mu - 1)x}} = \alpha(\mu - 1)x^{\alpha}$$

$$\rightarrow x^* = \left(\frac{p}{\alpha(1-p)}\right)^{1/\alpha}$$

$$U_{1,\alpha}(x) = \tan^{-1}(x)$$

$$U_{2,\alpha}(x) = \alpha x \qquad 0 < \alpha \le 1$$

 $p\mu - (1 - \alpha)p - \alpha > p\mu - (1 - \alpha) - \alpha = p\mu - 1 > 0$

 x^* está bien definido.

2.5.3. Ahorro precaucional

Supongamos $F_1,...,F_n$ distribuciones y la siguiente sucesión de Variables aleatorias $(x_1^t)_{t=1}^\infty,...,(x_n^t)_{t=n}^\infty$ independientes $x_j^t\sim F_j\ \forall\ t\in\mathbb{N}$.

Sean
$$\alpha_1, ..., \alpha_n \in \Re^+ \cdot \ni \cdot \sum_{i=1}^n \alpha_i = 1$$
, definimos:

$$z_1 = \sum_{i=1}^n \alpha_j x_j'$$

$$z_{t+1} = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i x_i^{t+1} + z_t$$

Supongamos que $E[x_i^t] > 1 \ \forall t \in \mathbb{N} \to E[z_t] = tE[z_1] = t\mu > 1$

Problema:

Encontrar $y \cdot \ni \cdot (1 - ty) + yz_t \ge y \ \forall t \in \mathbb{N}$ con probabilidad $(1 - \alpha) \times 100 \%$. $(y \in [0, 1])$.

equivalentemente: Encontrar $k \leq 0 \cdot \exists \cdot z_t \geq t + k \ \forall t \in \mathbb{N}$ con probabilidad $(1 - \alpha) \times 100 \%$.

Sol:

Sea $\mu = E[z_1], \, \sigma^2 = Var[z_1]$

Usando el T.C.L.: $z_t \to N(t\mu, t\sigma^2) \ \forall t \in \mathbb{N}$

(I)
$$p(z_1 \ge 1+k) = p\left(\frac{z_1 - \mu}{\sigma} \ge \frac{(1+k) - \mu}{\sigma}\right) = 1 - \Phi\left(\frac{k - (\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)$$

(II)
$$p(z_{t+1} \ge (t+1) + k | z_t \ge t + k) = \frac{p(z_{t+1} \ge (t+1) + k, z_t \ge t + k)}{p(z_t \ge t + k)}$$

$$p(z_t \ge t + k) = p\left(\frac{z_t - t\mu}{\sqrt{t}\sigma} \ge \frac{k - t(\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)$$

$$= 1 - \Phi\left(\frac{k - t(\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)$$

• $z_{t+1} = y_t + z_t$ con $y_t \sim (\mu, \sigma^2)$, y_t, z_t independientes $z_t \sim (t\mu, t\sigma^2)$

$$f(y_t, z_t) \simeq \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(y_t - \mu)^2 + \frac{1}{t}(z_t - t\mu)^2]\}$$

$$2\pi\sqrt{t}\sigma^2$$
 $2\sigma^2$ t

 $\rightarrow J = \begin{pmatrix} 1 - 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \rightarrow |det(J)| = 1$

 $f(z_{t+1}z_t) = \frac{1}{2\pi \sqrt{t}\sigma^2} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(z_{t+1} - z_t - \mu)^2 + \frac{1}{t}(z_t - t\mu)^2]\}$

 $= \int_{t+t}^{\infty} \int_{t+t+t}^{\infty} \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(z_{t+1}-z_t-\mu)^2 + \frac{1}{t}(z_t-t\mu)^2]\} dz_{t+1} dz_t$

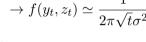
 $= \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \int_{t+t}^{\infty} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2 t}(z_t - t\mu)^2\} \int_{t+1+t}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^2}[(z_{t+1} - z_t - \mu)^2\} dz_t$

Sea
$$\omega_t = y_t + z_t \qquad \qquad y_t = \omega_t - v_t$$

$$v_t = z_t z_t = v_t$$

 $\rightarrow p(z_{t+1}) > (t+1) + k, z_t > t+k$

$$v_t = z_t$$



$$^{1} = \frac{1}{2\pi\sqrt{t}\sigma^{2}} \int_{t+k}^{\infty} \exp\{-\frac{1}{2\sigma^{2}t}(z_{t} - t\mu)^{2}\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k + t - z_{t} - (\mu - 1)}{\sigma}\right)\right]$$

$$\overline{z_t} = \frac{1}{t}z_t, \ d\overline{z_t} = \frac{1}{t}dz_t, \ (\overline{z_t})_0 = 1 + \frac{k}{t}, \ (\overline{z_t})_1 = \infty$$

$$= \frac{\sqrt{t}}{2\pi\sqrt{t}\sigma^2} \int_{1+k/t}^{\infty} \exp\{-\frac{t}{2\sigma^2} (\overline{z}_t - \mu)^2\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k + t(1 - \overline{z}_t) - (\mu - 1)}{\sigma}\right) \right] d\overline{z}_t$$

Por tanto:

$$p(z_{t+1}) > (t+1) + k, z_t > t+k$$

$$\simeq \frac{\sqrt{t} \int_{1+k/t}^{\infty} \exp\{-\frac{t}{2\sigma^2} (\overline{z}_t - \mu)^2\} \left[1 - \Phi\left(\frac{k + t(1 - \overline{z}_t) - (\mu - 1)}{\sigma}\right)\right] d\overline{z}_t}{\sqrt{2\pi} \sigma\left(1 - \Phi\left(\frac{k - t(\mu - 1)}{\sqrt{t}\sigma}\right)\right)}$$

Para calcular k se resuelve la siguiente ecuación:

$$\log(1-\alpha) = \log(p|z_1 \ge 1+k) + \sum_{t=1}^{\infty} \log(p(z_{t+1}) \ge (t+1) + k, \ z_t \ge t+k)$$

$$y = \frac{1}{1-k}$$

Se realizó una muestra $y_1,...,y_n,$ donde:

$$y_1 = CA(p_i, \mu_i, \sigma_i)$$

Donde:

¹Ver Apéndice A

- ullet p_i : Un valor de probabilidad deseado.
- M_i : Un valor de $E[z_1]$ dado.
- δ_i : Un valorde $Var(z_i)^{1/2}$.
- CA: La función que se define implícitamente de resolver las ecuaciones para calcular la cantidad de apostar.

A tales datos se les ajustó el siguiente modelo lineal:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 p_i + \beta_2 \mu_i + \beta_3 \sigma_i + \varepsilon_i$$

El ajuste es el siguiente:

- $\beta_0 = 0.2925$
- $\beta_1 = -0.9975$
- $\beta_2 = 1.3772$
- $\beta_3 = -1.1127$

Con $R^2 = 0.95$.

En adelante, se tomará como aproximación lo siguiente:

$$CA(p, \mu, \sigma) \simeq 0.2925 - 0.9975p + 1.3772\mu - 1.1127\sigma$$

2.5.4. Evolución de la cantidad a Apostar

Problema: Decidir p de manera óptima.

Sea x la cantidad de ingresos restantes ($o \ge x \ge 1$, en porcentaje), y μ , σ la media y la desviación estandar de apostar en un periodo dados.

Supongamos $U_1, U_2: \Re^+ \to \Re^+$ funciones de utilidad del dinero. (U_1 ganancias, $-U_2$ pérdidas) $\cdot \ni \cdot$ son no decrecientes y una vez continuamente diferenciables. Considerese la siguiente función:

$$f(p; x, \mu, \sigma) = [beneficio] - [costo]$$

$$f(p; x, \mu, \sigma) = [pU_1(y(p, \mu, \sigma)\mu x)] - [(1-p)U_2(x)]$$

Suponiendo $y(p, \mu, \sigma) = a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma$ se obtiene:

$$a_i > 0, i = 0, ..., 3$$

$$f = pU_1((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x) - (1-p)U_2(x)$$

El problema es:

max f

Sol:

$$f'(p) = -pU_1'((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x)a_1\mu x$$
$$+U_1((a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x) + U_2(x) = 0$$

Si U_1 es cóncava $\to p^*$ es un maximizador.

Forma aproximada de obtener p:

$$y = a_0 - a_1 p + a_2 \mu - a_3 \sigma$$

 \rightarrow Sea $b=a_1\mu x,\,p_0$ una aproximación de p. Definimos:

$$\omega = y\mu x, \quad \omega_0 = y(p_0, \mu, \sigma)\mu x$$

$$\rightarrow U_1(\omega) = U_1(\omega_0) + U_1'(\omega_0)(\omega - \omega_0) + O((\omega - \omega_0))$$
$$= U_1(\omega_0) + bU_1'(\omega_0)(\omega_0)(p - p_0) + O((\omega - \omega_0))$$

Podemos aproximar f por:

$$f(p) \simeq p[U_1(\omega_0) + bU_1'(\omega_0)(\omega_0)(p - p_0)] - (1 - p)U_2(x)$$

$$\Rightarrow f'(p) \simeq U_1(\omega_0) - 2bU_1'(\omega_0)p + bU_1'(\omega_0)p_0 + U_2(x) = 0$$

$$\Rightarrow p \simeq \frac{1}{2bU_1'(\omega_0)}[U_1(\omega_0) + U_2(x)] + \frac{1}{2}p_0$$

Supongamos $U_1: \Re^+ \to \Re^+$ dada por $U(\omega) = \omega^{\alpha} \qquad (0 < \alpha \le 1)$ y $U_2(x) = \beta x$

Notese que:

$$\bullet \frac{\omega_0}{b} = \frac{a_0 - a_1 p + a_2 \mu - a_3 \sigma}{a_1}$$

$$\Rightarrow p \simeq \frac{1}{2\alpha a_1} [a_0 + a_2\mu - a_3\sigma + \frac{\beta}{\mu} [(a_0 - a_1p_0 + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x]^{1-\alpha}] + \frac{1}{2} (1 - \frac{1}{\alpha})p_0$$

Supongamos ahora que f es de la siguiente forma:

$$f(p) = pU_1(y(p, \mu, \sigma) \cdot \mu x) - (1 - p)U_2(x) - pU_3(\theta(k\sigma - \mu))$$

i.e. Hay pérdidas potenciales por el riesgo de la inversión considerar

$$U_3(\theta(k\sigma-\mu))U_2(\theta(k\sigma-\mu)x)I(\theta(k\sigma-\mu)\geq 0)$$

 \Rightarrow De manera análoga se obtiene:

$$p \simeq \frac{1}{2bU'(\omega_0)} [U_1(\omega_0) + U_2(x) + U_2(\theta(k\sigma - \mu)xI_{\{m \ge 0\}}] + \frac{1}{2}p_0$$

Si tomamos $U_1(\omega)0\omega^{\alpha}$, $U_2(x) = \beta x$

$$p \simeq \frac{1}{2\alpha a_1} \{ (a_0 + a_2\mu - a_3\sigma) + \frac{\beta_1}{\mu} [1 + (\beta_2\sigma - \beta_3\mu)I_{\{m \ge 0\}}] [(a_0 - a_1p + a_2\mu - a_3\sigma)\mu x]^{1-\alpha} \} + \frac{1}{2} (1 - \frac{1}{\alpha})p_0$$

Capítulo 3

Back Office

3.1. Descripción General

El ecosistema de Egobets consiste principalmente de cuatro piezas de software. Ver la figura 3.1. En este capítulo se describirán las tres piezas que el usuario adminstrativo debe usar para poder a echar a andar toda la maquinaria detrás del sistema. A todo este conjunto de herramientas y programas que el usuario necesita para esta tarea se le conocerá como *Back Office.*[1]

El Sistema de recopilación de información y estadísiticas de los partidos (Sistema de recopilación), el Portal administrativo y el Portal público corren bajo una arquitectura cliente servidor; mientras que el Sistema de estimación de probabilidades (Sistema de estimación) corre en un ordenador personal.

Grosso modo el proceso que se lleva a cabo en el *Back Office* para alimentar el *Portal público* (Ver la figura 3.2), se puede describir de la siguiente manera:

 A través del Sistema de recopilación los administradores descargan de la página de Internet de ESPN los resultados de todos los partidos de la temporada junto con la información de los próximos

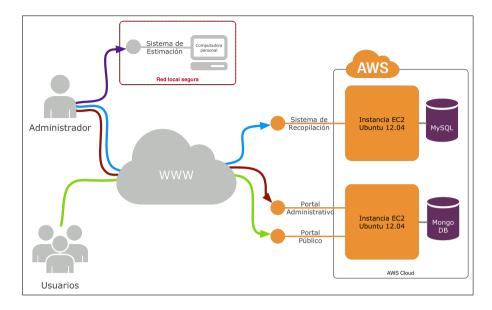


Figura 3.1: Diagrama de sistemas y usuarios

partidos por jugar de cada una de las ligas Europeas.

- 2. Los datos recopilados permiten a los administradores generar un conjunto de archivos de texto con toda la información de los resultados de los últimos partidos y las fechas de los próximos partidos.
- 3. Los administradores usan estos archivos para alimentar el *Sistema de estimación* y calcular los pronósticos de los próximos partidos y las probabilidades de los resultados.
- 4. Se obtienen los archivos que contienen la información de los próximos partidos así como la información de los equipos por liga y su desempeño en la temporada en curso.
- 5. En el *Portal administrativo* se ingestan los archivos obtenidos con la información de los próximos partidos, resultados de partidos

- anteriores y las estadísticas de los equipos en la temporada en curso.
- 6. Finalmente, con la nueva información ingresada, los usuarios podrán disfrutar en el *Portal público* sus recomendaciones peronalizadas de apuestas.

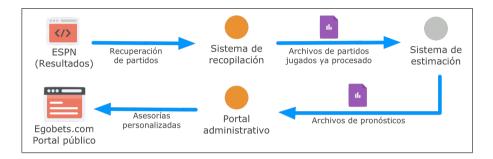


Figura 3.2: Diagrama de flujo de información

3.2. Sistema de recopilación de información y estadísticas de los partidos

A grandes rasgos el sistema de recopilación recupera todos los partidos que se juegan por temporada en cada una de las ligas¹. Para esto se dividirá este Sistema en los siguientes módulos:

- 1. Recuperación de fechas de partidos próximos.
- 2. Recuperación de información de partidos jugados.
- 3. Generación de archivos con resultados.

¹Egobets se enfoca en las ligas: alemana, españona, francesa, inglesa e italiana

Para poder comenzar la recuperación de información, es importante contar con los equipos que estén jugando esta temporada. Dependiendo de los resultados de la temporada anterior, los equipos que hayan quedado hasta abajo en la tabla de posición descienden a ligas menores y a su vez suben los mejores de estas ligas. Ver figura 3.3

Al ingresar al Sistema de recopilación se tienen

Los Equipos			
Barcelona	83	Activo	<i></i>
Real Madrid	86	Activo	<i>ĕ</i> Editar
Valencia	94	Activo	
Tenerife	245	⊘ Inactivo	

Figura 3.3: Ejemplo de equipos de la liga española²

3.2.1. Recuperación de fechas de partidos próximos.

²Es importante mencionar que se usan aproximadamente los últimos quinientos partidos para la generación de los archivos, esto implica que se deben tener en base de datos los equipos que participaron en las pasadas dos temporadas de juegos. Por este motivo de pueden encontrar equipos que se encuentran en el sistema con la bandera de inactivos.



Figura 3.4: Recuperación de próximos partidos

3.2.2. Recuperación de información de partidos jugados.

ctualizan los partidos que ya se tien	en en base de datos con los resultados que s	se acaban de obtener		
etalles de los res	ultados			
encontraron 4 partidos en la página d	e results			
 Hoy 12:00 hrs	₩Malaga	Rayo Vallecano	ID: 402546	No, ya lo tienes
 Hoy 12:00 hrs	Espanyol	Deportivo La Coruña	ID: 402542	Nel, ya lo tienes
 Hoy 12:00 hrs	Sevilla FC	🥉 Villarreal	ID: 402548	Nel, ya lo tienes
⊞ Hoy ② 12:00 hrs	(iii) Getafe	MAtletico Madrid	ID: 402540	Tiros: 0 Nel, ya lo tienes

Figura 3.5: Recuperación de resultados de partidos ya jugados

- 3.2.3. Generación de archivos con resultados.
- 3.3. Sistema de estimación de probabilidades

3.4. Portal administrativo

3.4.1. Inicio de Sesión

Se ingresa al sistema a través la dirección de internet:

https://admin.egobets.com

Se presenta la pantalla de inicio de sesión donde se introcue el nombre de usuario y contraseña. Véase las figuras 3.6 y 3.7





Figura 3.6: Login

Figura 3.7: Ingreso de datos

Al dar click en el botón de <u>Entrar</u>, se habrá iniciado sesión, y se está habilitado para comenzar a trabajar.

Una vez que se haya terminado de usar el sistema, se debe cerrar la sesión, lo cual se puede hacer dando click sobre el botón de Salir. Véase figura 3.8



Figura 3.8: Cerrar Sesión

Al hacerlo, se terminará de manera segura la sesión .

3.4.2. Ingesta

A través de este módulo se alimenta el sistema con la información necesaria para que la aplicación trabaje correctamente.

Lo elementos que se ingresan en este módulo son:

- Próximos partidos
- Resultados de partidos anteriores
- Estadísticas de los equipos en la temporada

Al entrar a esta sección, se encuentra un campo para seleccionar el tipo de ingesta que se quiere realizar, en este caso hay dos opciones:

- Partidos
- Equipos

Véase figura 3.9



Figura 3.9: Subir archivos y procesarlos³

³Los tipos de archivos que el sistema procesa son archivos de texto plano, en

Formato de archivo para Partidos

- 1. Identificador único del equipo local
- 2. Identificador único del equipo visitante
- 3. Marcador local
- 4. Marcador visitante
- 5. Probabilidad local
- 6. Probabilidad empate
- 7. Probabilidad visitante
- 8. Fecha del partido, expresada en segundos desde la época Unix (1 de enero de 1970) en UTC.

Formato de archivo para Equipos

- 1. Identificador único del equipo,
- 2. Variable local 1,
- 3. Variable local 2,
- 4. Variable local 3,
- 5. Variable local 4,
- 6. Variable local 5,
- 7. Variable local 6,

codificación UTF-8 con ó sin BOM, en formato CSV, en el que la separación de valores se logra mediante tabulaciones, ó el caracter "\t", y cada línea se termina con el caracter de nueva línea de Unix, es decir "\n"; el archivo debe contener todos los campos y estar en el orden indicado.

- 8. Variable local 7,
- 9. Variable de ataque 1-1,
- 10. Variable de ataque 1-2,
- 11. Variable de ataque 1-3,
- 12. Variable de ataque 1-4,
- 13. Variable de ataque 1-5,
- 14. Variable de ataque 1-6,
- 15 Vaniable de etague 1.1
- 15. Variable de ataque 1-1,
- 16. Variable de ataque 1-2,17. Variable de ataque 1-3,
- 18. Variable de ataque 1-4,19. Variable de ataque 1-5,
- 20. Variable de ataque 1-6,
- 21. Variable de ataque 2-1,
- 22. Variable de ataque 2-2,
- 22. Variable de ataque 2-2,23. Variable de ataque 2-3,
- 25. Variable de ataque 2-5,

24. Variable de ataque 2-4,

- 26. Variable de ataque 2-6,
- 27. Variable de ataque 3-1,

- 28. Variable de ataque 3-2,
- 29. Variable de ataque 3-3,
- 30. Variable de ataque 3-4,
- 31. Variable de ataque 3-5,
- 32. Variable de ataque 3-6,
- 33. Variable de defensa 1-1,
- 34. Variable de defensa 1-2,
- 35. Variable de defensa 1-3,
- 36. Variable de defensa 1-4,37. Variable de defensa 1-5,
- 38. Variable de defensa 1-6,
- 39. Variable de defensa 1-1,

40. Variable de defensa 1-2,

- 41. Variable de defensa 1-3,
- 42. Variable de defensa 1-4,
- 43. Variable de defensa 1-5,
- 44. Variable de defensa 1-6,

45. Variable de defensa 2-1,

- 46. Variable de defensa 2-2,
 - 47. Variable de defensa 2-3,

- 48. Variable de defensa 2-4,
- 49. Variable de defensa 2-5,
- 50. Variable de defensa 2-6,
- 51. Variable de defensa 3-1,
- 52. Variable de defensa 3-2,
- 53. Variable de defensa 3-3,
- 54. Variable de defensa 3-4,
- 55. Variable de defensa 3-5,
- 56. Variable de defensa 3-6,
- 57. Variable de posesión

Partidos



Figura 3.10: Partidos procesados por el sistema

Para subir la información de los partidos de la jornada que comienza, se selecciona del menú la opción de **Partidos**, y se presiona el botón Seleccionar archivo donde se elige el archivo correspondiente. Una vez seleccionado el archivo a ingestar y el tipo de datos que contiene, se oprime el botón de Procesar, lo cual comienza el proceso de ingesta.⁴

Con el archivo ya procesado, se puede verificar la interpretación que el sistema realizó del archivo. Se pueden observar en pantalla los siguientes datos:

- Identificador único y nombre del equipo local
- Identificador único y nombre del equipo visitante
- Marcadores de equipo local y visitante
- Probabilidades de local, empate y visitante
- Fecha en la que se llevará a cabo el partido

Si hay algún error en la información se puede presionar <u>Cancelar</u> e intentarlo nuevamente, si la información es la correcta se oprime el botón de Aceptar.

Equipos

Para la ingesta de datos de los equipos se selecciona la pestaña de Equipos en la pestaña y luego se presiona el botón **Seleccionar archivo**. Una vez que se seleccione el archivo a ingestar y el tipo de datos que contiene, se oprime el botón de <u>Procesar</u>, para comenzar el proceso de ingesta. Cuando el archivo termina de ser procesado el sistema presentará la interpretación del archivo, donde se podrán verificar los siguientes datos:

⁴Una vez que comenzado el proceso de ingesta (ya sea de equipos ó partidos), se tienen sólo 10 minutos para verificar que los datos sean correctos. De no hacerlo, el sistema no procesará el archivo hasta que se suba nuevamente

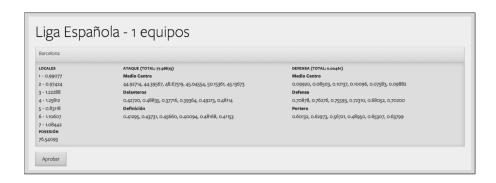


Figura 3.11: Actualizando datos de los equipos

- Nombre del equipo
- Indicadores de ataque y promedio de ataques:
 - Medio Centro
 - Delanteros
 - Definición
- Indicadores de defensa y promedio de defensas:
 - Medio centro,
 - Defensa
 - Portero
 - Posesión

Si hay algún error en la información se puede presionar <u>Cancelar</u> e intentarlo nuevamente, si la información es la correcta se oprime el botón de Aceptar.

Resultados Anteriores

Al dar clic en el botón de <u>Resultados Anteriores</u> se pueden ver y modificar los resultados de los partidos de la semana pasada. En esta pantalla se actualizan los marcadores, al terminar se da click en Guardar Resultados.



Figura 3.12: Actualizando marcadores de la liga italiana

Si el marcador de un partido que ya tenía resultado se deja en blanco no será modificado al guardar y se mostrará el resultado que tenía previamente.

3.4.3. Usuarios

Se muestran de quince en quince todos los usuarios inscritos a Egobets, para ver los siguientes quince usuarios se da click en el botón Siguiente. Cada usuario tiene un botón de Detalles y Eliminar.

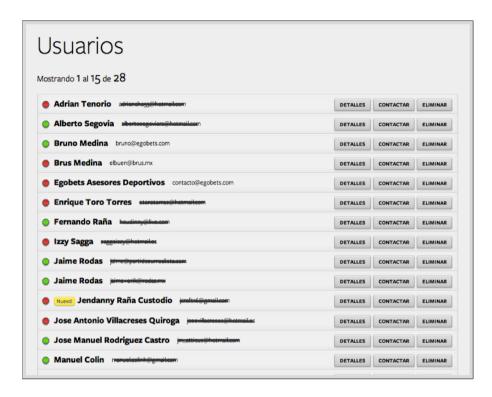


Figura 3.13: Listado de Usuarios

Detalles de Usuario

El botón Detalles en el listado presenta la información más detallada del usuario. Aquí se puede ver su información y preferencias:

- Historial. Indica las últimas ganancias y pérdidas por jornada
- Perfil de riesgo. Despendiendo de la encuesta realizada por usuario se tiene su adversidad al riesgo.
- Casas de apuesta. En el sistema se tienen varias Casas que proporcionan distintos momios para los partidos.

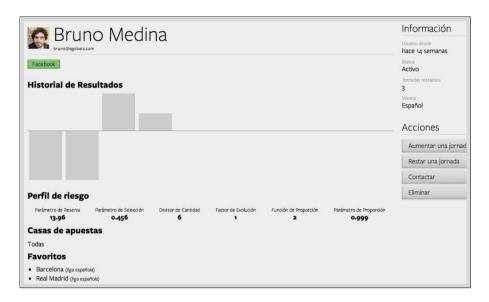


Figura 3.14: Vista del detalle de usuario

- Favoritos. Los equipos favoritos del usuario
- Transacciones realizadas. Los últimos pagos realizados.
- Usuario desde. Tiempo que lleva como usuario de Egobets.
- Estatus de actividad. Al ser un sistema de paga los usuarios pagan por jornada para recibir la asesoría de apuestas.
 - Activo: el usuarios está recibiendo recomendaciones.
 - Inactivo: el usuario no está recibiendo recomendaciones.
- Jornadas restantes. La cantidad de Jornadas que el usuario va seguir recibiendo asesorías.
- Idioma. En que lenguaje lee el portal el usuario (Inglés o Español)

Acciones Administrativas

- Aumentar/Restar una Jornada. Una jornada le permite al usuario recibir la asesoría de los siguientes partidos. Los administradores del sistema le pueden otorgar o quitar a los usuarios jornadas con tan solo click en el botón.
- Contactar. Permite al administrador enviar un correo desde su progama predeterminado de correo al usuario.
- Eliminar. Todos los datos del usuario son eliminados del sistema.



Figura 3.15: Confirmar la eliminación de un usuario⁶

3.4.4. Pagos

Los pagos de los usuarios se cambian por la sugerencia de apuestas de una jornada. En esta sección se muestra un listado de las transacciones monetarias más recientes y su información general.

Los detalles de las transacciones son:

- Fecha en la que la transacción se inicio.
- Número de transacción en la cuenta de PayPal de Egobets.

 $^{^6\}mathrm{La}$ información de los usuarios eliminados no podrá ser rescatada.



Figura 3.16: Listado con los últimos pagos realizados

- Nombre y el correo del usuario que realiza la transacción, al dar clic sobre su nombre seremos dirigidos a la información detallada de dicho usuario
- Cantidad de jornadas por las que se realiza la transacción
- Cantidad monetaria por la que se realiza la transacción
- Estatus de la transacción:
 - Pendiente: se ha iniciado la transacción para la compra de jornadas, sin embargo aun no ha concluido.
 - Pagada: se realizó exitosamente y las jornadas han sido agregadas al usuario.

3.4.5. Estadísticas

Esta sección muestra las estadísticas y gráficas a los usuarios administrativos con información relevante de: ganancias y pérdidas de los usuarios, resultados de las predicciones, preferencias de los usuarios, pagos y partidos.

Resultados Netos

Indica el promedio de las ganancias y pérdidas de todos los usuarios en las últimas cinco jornadas, esta información se puede ver de manera porcentual o en cantidad neta. Véase figura 3.17



Figura 3.17: Ganancias y pérdidas de los usuarios

Mayor Pérdida. Indica la mayor pérdida porcentual que se ha dado en la última jornada y al dar click presenta el perfil de dicho usuario.

Mayor Ganancia. Indica la ganancia porcentual mayor que se ha dado en la última jornada y al dar click presenta el perfil de dicho usuario.

Usuarios y sus Datos

Total. Número total de usuarios registrados y al dar click presenta la sección de Usuarios.

Nuevos. Número de usuarios registrados recientemente y al dar click presenta la sección de Usuarios.

Véase figura 3.18



Figura 3.18: Usuarios recién inscritos

Además, el sistema muestra la siguiente información general, porcentaje de usuarios que:

- Usan Facebook para conectarse a Egobets
- Usan apuestas dobles
- Usan reserva
- Ven Egobets en inglés
- Se encuentran activos.

Véase figura 3.19



Figura 3.19: Datos estadísticos de los usuarios

Pagos Recibidos



Figura 3.20: Pagos más recientes

Última Semana. Se representan las ganancias monetarias que obtenidas durante la última semana. Al dar click se muestra la sección de **Pagos**.

Transacciones en total. Indica el número de transacciones que se han realizado durante todo el tiempo del sistema.

Partidos y Predicciones



Figura 3.21: Partidos acertados

Aciertos Presenta la cantidad de partidos de esta semana y al dar clic nos lleva a la sección de Ingesta.

Aciertos Representan con una gráfica la cantidad de aciertos obtenidos en las predicciones hechas en partidos pasados. Al presionarla se dirige el navegador a los <u>Resultados Anteriores</u> dentro de la sección de Ingesta.

3.4.6. Correos

En esta sección se puede enviar correos a un subconjunto de usuarios registrados en Egobets. Los mensajes deberán ser escritos en Español y en Inglés para que el correo recibido dependa del lenguaje elegido por el usuario al crear su cuenta. Los grupos de usuarios con los que nos se puede comunicar son:

- Todos los usuarios
- Usuarios activos: aquellos que tienen jornadas pagadas
- Usuarios inactivos: aquellos que ya no tienen jornadas pagadas
- Usuarios registrados: aquellos que se registraron pero no han confirmado su correo

Véase figura 3.22

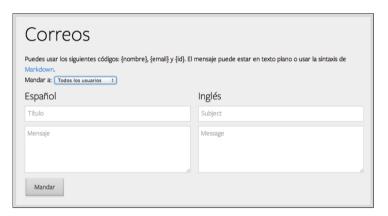


Figura 3.22: Comunicación con los usuarios

Para redactar los textos, se debe usar la sintaxis de Markdown⁷. Se pueden usar textos de reemplazo cuándo se quieran personalizar los mensajes, para esto basta con utilizar las palabras clave: {nombre}, {correo} y {id}, las cuales el sistema sustituirá, al momento de mandar el correo, por los valores correspondientes para cada usuario.

 $^{^7{\}rm El}$ hipervínculo de $\underline{\rm Markdown}$ redirige a una página dónde se puede aprender sobre el uso de esta sintaxis.

Capítulo 4

Portal público

- 4.1. Perfil de usuario
- 4.2. Encuesta de adversidad al riesgo
- 4.3. Ahorro precaucional
- 4.4. Sugerencia de apuestas
- 4.5. Pagos en línea
- 4.6. Power ranking

Capítulo 5

Conclusiones

Bibliografía

[1] Weitzenfeld Alfredo. Ingeniería de software orientada a objetos con UML, JAVA e INTERNET. 2005.