

# Sesiunea 6

---

## Agenda

- Recapitulare sesiunea anterioara
- Rezolvare tema
- Introducere in vectori de frecventa
- Introducere in Matrici/Vectori 2D
- Exercitii tema

## Recapitulare sesiunea anterioara

- Ce ti-a atras atentia cel mai mult din ce am facut?
- Care parte ti s-a parut cea mai complicata?
- A fost ceva care inainte parea greu si acum e mai usor de inteles?
- Din ce am facut pana acum, de care iti este cel mai frica sa iti pice la BAC?
  - De ce iti este frica, nu scapi, asa ca mai bine ne focusam pe chestiile cele mai neclare.

## Rezolvare tema

- Nota: exercitiul 1 il ai deja rezolvat in sesiunile anterioare. Exerciitiul 2 se rezolva ducandu-te pe site-ul pbinfo, acolo ai direct toate transformarile.
3. Enuntul il gasesti in fisierul de sesiunea trecuta.

```
#include <iostream>
#include <cstring>
using namespace std;

// Nota: doar ce este intre linii trebuie sa scrii pe foaia de la bac
//-----
struct bijuterie {
    int greutate;
    struct {char denumire[31]; int pret; } metal;
}b;
//-----
int main() {

    // Nota: partea de mai jos nu trebuie sa o scrii la bac. Eu o fac
    doar ca sa testez ca totul merge bine.
    strcpy(b.metal.denumire, "aur");
    b.metal.pret = 100;
    b.greutate = 121;

    cout << b.greutate * b.metal.pret<<endl;

    return 0;
}
```

4. Enuntul il gasesti in fisierul de sesiunea trecuta.

```
#include <iostream>
using namespace std;

// Nota: doar ce este intre linii trebuie sa scrii pe foaia de la bac
//-----
struct prajitura {
    int cod;
    float pret;
    int informatii[3];
}p;
//-----

int main() {

    // Nota: partea de mai jos nu trebuie sa o scrii la bac. Eu o fac
    // doar ca sa testez ca totul merge bine.
    p.cod = 20;
    p.pret = 21.34;
    p.informatii[0] = 1;
    p.informatii[1] = 2;
    p.informatii[2] = 3;

    cout << "Prajitura p are codul " << p.cod << "; pretul: " << p.pret
    << "; si urmatoarele informatii: "<<endl;
    cout << "Tipul glazurii: " << p.informatii[0] << endl;
    cout << "Tipul cremei principale: " << p.informatii[1] << endl;
    cout << "Numar de blaturi: " << p.informatii[2] << endl;
    return 0;
}
```

5. Enuntul il gasesti in fisierul de sesiunea trecuta

```
#include <iostream>
using namespace std;

struct punct {
    int x,y;
};
struct figura {
    punct A, B;
} d;

int main() {
    //Deoarece avem coordonatele la punctul din stanga sus A(x1,y1) si
    // dreapta jos B(x2,y2) pentru a demonstra
    // Pentru a demonstra ca este un patrat trebuie sa aratam ca
    // inaltimea este egala cu lungimea
```

```

        // Citim coordonatele punctelor
        // Nota: pentru bac ai nevoie sa scrii pe foaie doar ce este intre
liniile hasurate.
        cin >> d.A.x >> d.A.y >> d.B.x >> d.B.y;
        //-----
        int inaltime, lungime;
        if (d.A.y > d.B.y ) {
            inaltime = d.A.y - d.B.y;
        } else {
            inaltime = d.B.y - d.A.y;
        }

        if (d.A.x > d.B.x ) {
            lungime = d.A.x - d.B.x;
        } else {
            lungime = d.B.x - d.A.x;
        }

        if (lungime == inaltime) {
            cout << "DA";
        } else {
            cout << "NU";
        }
        //-----
        return 0;
    }

```

6. Enuntul il gasesti in fisierul de sesiunea trecuta

```

#include <iostream>
#include <cstring>
using namespace std;
//-----
struct specialist {
    int anAngajare;
    struct {char CNP[13]; int anNastere;} personal;
}s[30];
//-----

// Nota: pentru bac ai nevoie doar de codul ce se gaseste intre liniile
hasurate:
// Mai jos este doar pentru a ne verifica
int main() {
    int anNastereInitial = 1970;
    int anAngajareInitial = 1990;
    for (int i = 0; i < 30; i++) {
        s[i].anAngajare = anAngajareInitial+i;
        s[i].personal.anNastere = anNastereInitial+i;
        strcpy(s[i].personal.CNP, "192111111111");
    }
}

```

```
cout << s[5].personal.CNP<<endl;  
cout << s[5].personal.anNastere<<endl;  
cout << s[5].anAngajare<<endl;;  
return 0;  
}
```

## Introducere in vectori de frecventa

Un **vector de frecvență** (sau vector de apariții) este ca o **listă în care ținem socoteala de câte ori apare fiecare element** dintr-un set de valori.

Gândește-te la el ca la o **listă de bile colorate**:

- ai un borcan cu bile roșii, albastre și verzi;
- vrei să știi câte bile sunt din fiecare culoare;
- faci o listă unde fiecare culoare are numărul de bile → asta este vectorul de frecvență.
- Un exemplu simplu cu litere: Avem cuvântul "banana"
- **b** apare **1 dată**
- **a** apare **3 ori**
- **n** apare **2 ori**

Vectorul de frecvență pentru literele acestui cuvânt:

Litera	Frecvență
a	3
b	1
n	2

☒ Asta ne spune rapid câte apariții are fiecare literă fără să mai căutăm în șir de fiecare dată.

---

## 3. Cum îl facem în C++

- Pas 1: Alegem "universul" de valori - Ex: toate literele mici **a-z**.
- Pas 2: Creăm vectorul de frecvență

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
  
int main() {  
    char text[7] = "banana";  
    int frecventa[26] = {0}; // 26 litere, toate inițial 0  
}
```

```

        for(int i =0; i < 7; i++) {
            // incrementăm poziția corespunzătoare literei. Poziția o
            calculăm ca fiind distanța de la aceea
            // litera față de litera 'a'
            frecventa[text[i] - 'a']++;
        }

        // afișăm rezultatul
        for(int i = 0; i < 26; i++) {
            if(frecventa[i] > 0) {
                cout << char('a'+i) << " apare de " << frecventa[i] << "
ori\n";
            }
        }

        return 0;
    }
}

```

- Acum să vedem un exemplu simplu cu numere.
  - Pentru vectorul: [2,5,2,3,5,2]
    - Numărăm câte apariții are fiecare număr între 1 și 5: | Număr | Frecvență | |-----|-----|
   
-| 1 | 0 | 2 | 3 | 3 | 1 | 4 | 0 | 5 | 2 |
- În C++ scriem:

```

#include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int numere[6] = {2,5,2,3,5,2};
    int frecventa[10] = {0};

    for (int i = 0; i < 6; i++) {
        frecventa[numere[i]]++;
    }

    for (int i = 0; i < 6; i++) {
        cout << i << " apare de " << frecventa[i] << " ori." << endl;
    }
    return 0;
}

```

Când putem folosi vectorii de frecvență:

- Când vrem să numărăm aparițiile fiecărui element, dar cât mai rapid. Exemple:
  - Verificarea anagramelor – două cuvinte sunt anagrame dacă au același vector de frecvență.
    - Ex: "listen" și "silent" → vectori identici.

- Găsirea numărului majoritar într-un șir de numere.
- Statistică simplă – câte note 10 sunt într-o clasă.
- Exemplu popular la bac: dacă ni se da un șir de numere, care este cel mai mare/mic număr pe care îl putem forma cu cifrele tuturor numerelor
- Etc

**IMPORTANT** - Când declarăm vectorul de frecvență, trebuie să fim atenți la mărimea lui. Mereu mărimea lui o să fie destul de mare cât să poată conține cel mai mare număr care poate să apară în mulțimea careia îi calculăm frecvența. Mai jos câteva exemple:

```
- Pentru multimea: `[1,2,3,5,8,9]`
  - Vectorul de frecvență arată:
    `int frecventa[10]` -> deoarece avem nevoie să putem scrie în
    `frecventa[9]`
  - Pentru multimea: `[2,5,99,123,124]`
    - Vectorul de frecvență arată:
      `int frecventa[125]` -> deoarece avem nevoie să putem scrie în
      `frecventa[124]`
  - Pentru multimea: `[2,5,99,4,3,2,8,12,34]`
    - Vectorul de frecvență arată:
      `int frecventa[100]` -> deoarece avem nevoie să putem scrie în
      `frecventa[100]`
```

- Exemplu: Se citește un fișier care conține până la 100000 de numere. Să se afișeze cel mai mare număr ce poate fi creat din cifrele tuturor numerelor:

```
#include <iostream>
#include <fstream>

using namespace std;

int main() {
    int frecventa[10] = {0};
    ifstream fin("numere.txt");

    int numar;
    // citim număr cu număr din fișier
    while (fin >> numar) {
        //citim cifră cu cifră din numărul citit;
        while (numar > 0) {
            int ultimaCifra = numar % 10;
            frecventa[ultimaCifra]++;
            numar = numar / 10;
        }
    }

    for (int i = 9; i >= 0; i--) {
        if (frecventa[i] > 0) {
            for (int j = 0; j < frecventa[i]; j++) {
```

```

        cout << i;
    }
}

fin.close();
return 0;
}

```

## Introducere in Matrici/Vectori 2D

- Cand am vorbit despre vectori, am spus ca este o structura de date, unde punem date de acelasi tip
  - De exemplu o lista de numere, de caractere, de structuri, etc
- O matrice (sau vector 2D) poate fi vazuta ca un vector in care fiecare element este un vector (practic un vector de vectori)
- Pentru a ne usura viata atunci cand lucram cu matricele, ne putem imagina matricea ca un plan 2d (XoY) unde pe Y avem liniile si pe x coloanele.
- Exista doua tipuri de matrici:
  1. Oarecare => adica numarul de linii difera de numarul de coloane
  2. Patratice => adica numarul de linii este egal cu cel al coloanelor
- Mai jos avem un program care citeste de la tastatura o matrice oarecare:

```

#include <iostream>

using namespace std;

int main() {

    int nrLinii, nrColoane;
    cin >> nrLinii >> nrColoane;
    int matrice[nrLinii][nrColoane];

    for (int i = 0; i < nrLinii; i++) {
        for (int j = 0; j < nrColoane; j++) {
            cin >> matrice[i][j];
        }
    }

    // Afisam matricea parcurgand linie cu linie
    for (int i = 0; i < nrLinii; i++) {
        //apoi afisand toate elementele de pe o linie, separate cu un
        spatiu
        for (int j = 0; j < nrColoane; j++) {
            cout << matrice[i][j] << " ";
        }
    }
}

```

```

    }
    // dupa ce am afisat o linie, pentru a fi totul formatat mai
    frumos, ne mutam pe linia urmatoare
    cout << endl;
}
return 0;
}

```

- Acum sa vedem cum citim o matrice patratica. O sa vezi ca e foarte similar si chiar mai simplu:

```

#include <iostream>

using namespace std;

int main() {

    int n;
    cin >> n;
    int matrice[n][n];

    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            cin >> matrice[i][j];
        }
    }

    // Afisam matricea parcurgand linie cu linie
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        //apoi afisand toate elementele de pe o linie, separate cu un
        spatiu
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            cout << matrice[i][j] << " ";
        }
        // dupa ce am afisat o linie, pentru a fi totul formatat mai
        frumos, ne mutam pe linia urmatoare
        cout << endl;
    }
    return 0;
}

```

- Acum o sa rezolvam un exercitiu de pe pbinfo care ne cere sa determinam suma valorilor pare dintr-o matrice:

```

#include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int n, m;
    cin >> n >> m; // n => linii, m => coloane

```



```

int matrice[n][m];
for(int i = 0; i < n; i++) {
    for(int j = 0; j < m; j++) {
        cin >> matrice[i][j];
    }
}

int suma = 0;
for(int i = 0; i < n; i++) {
    for(int j = 0; j < m; j++) {
        if (matrice[i][j] % 2 == 0) {
            suma += matrice[i][j];
        }
    }
}

cout << suma;
return 0;
}

```

- Urmatoarea problema, tot de pe pbinfo ne cere sa afisam suma elementelor de pe fiecare linie.

```

#include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int n, m;
    cin >> n >> m; // n => linii, m => coloane
    int matrice[n][m];
    int suma = 0;

    for(int i = 0; i < n; i++) {
        for(int j = 0; j < m; j++) {
            cin >> matrice[i][j];
        }
    }

    for(int i = 0; i < n; i++){
        int sumaLinie = 0;
        for(int j = 0; j < m; j++) {
            sumaLinie += matrice[i][j];
        }
        cout << sumaLinie << " ";
    }

    return 0;
}

```

## Exercitii tema

## Exercitii vector de frecventa

Exercițiile sunt aranjate astfel: **8 exerciții cu numere** și **2 exerciții cu litere**, cu dificultate progresivă.

---

### 1. Numărul de apariții al unui număr

Citește un vector de  $n$  numere între  $1$  și  $10$  și un număr  $x$ . Afișează de câte ori apare  $x$ .

---

### 2. Vector de frecvență simplu

Citește un vector de  $n$  numere între  $1$  și  $10$ . Construiește vectorul de frecvență și afișează câte apariții are fiecare număr de la 1 la 10.

---

### 3. Numărul elementelor unice

Citește un vector de  $n$  numere întregi (între  $1$  și  $20$ ) și află câte numere apar **o singură dată**.

---

### 4. Element majoritar

Citește un vector de  $n$  numere (între  $1$  și  $50$ ) și afișează elementul care apare **mai mult de jumătate din  $n$** , dacă există. Dacă nu există, afișează un mesaj corespunzător.

---

### 5. Cifrele unui număr

Citește un număr întreg pozitiv și construiește vectorul de frecvență pentru cifrele sale (0–9). Afișează câte apariții are fiecare cifră.

---

### 6. Reordonare după frecvență

Citește un vector de  $n$  numere mici (1–10). Construiește vectorul de frecvență și afișează numerele în ordinea descrescătoare a frecvenței lor. Dacă două numere au aceeași frecvență, afișează-le în ordine crescătoare.

---

### 7. Numărul cel mai rar

Citește un vector de  $n$  numere între  $1$  și  $20$ . Afișează numărul care apare **cel mai puțin**. Dacă sunt mai multe, afișează-le pe toate.

---

### 8. Diferența dintre cel mai frecvent și cel mai rar

Citește un vector de  $n$  numere între  $1$  și  $50$ . Determină diferența dintre numărul care apare cel mai des și numărul care apare cel mai rar.

---

## 9. Numără aparițiile unui caracter

Citește un șir de litere mici și un caracter `c`. Afișează de câte ori apare `c` în șir.

---

## 10. Cea mai frecventă literă

Citește un șir de litere mici și afișează litera care apare de cele mai multe ori. Dacă există mai multe litere cu aceeași frecvență maximă, afișează-le pe toate.

### Exercitii Vectori 2D oarecare

**Nota:** mai jos ai doar link-ul catre probleme. Ele sunt de pe pbinfo.ro. Cand ai rezolvat o problema, trebuie sa o verifici pe site-ul lor sa vezi daca iti merge sau nu. La fel, daca te blochezi, oricand, scrie-mi, nu astepta pana la sesiunea urmatoare.

1. <https://www.pbinfo.ro/probleme/666/nrprime>
2. <https://www.pbinfo.ro/probleme/4690/varfuri9>
3. <https://www.pbinfo.ro/probleme/804/colegale>