

Rezolvare varianta 7 din cartea lui Vlad

Subiectul I

1. ◦ Rezolvare

- Din enunt stim ca avem 2 intervale care nu se intersecteaza (atentie la intervale)
 - De exemplu $a = 1$ si $b = 3$, si $c = 5$ si $d = 8$
- Acum haideti sa luam fiecare optiune si sa gasim pe cea corecta
 - $a \rightarrow$ Aici putem sa obtinem 1 (adevarat) si daca intersectia intervalelor nu este vida deci optiunea nu este corecta
 - de exemplu $a = 2$, $b = 3$, $c = 1$, $d = 6$
 - $b \rightarrow$ Din nou, si aici putem sa obtinem 1 (adevarat) si daca intersectia intervalelor nu este vida deci optiunea nu este corecta
 - de exemplu $a = 3$, $b = 6$, $c = 3$, $d = 8$
 - $c \rightarrow$ Acesta optiune cade deoarece stim ca numerele au proprietatea ca $a \leq b$ si $c \leq d$. Si din ce vedem in optiune, daca $a > d$, rezulta implicit ca $a > c$ deci prin urmare b nu poate sa fie mai mic decat c , deoarece b este cel putin egal cu a
 - $d \rightarrow$ Optiunea este adevarata deoarece conform proprietatii si conditiei din enunt, obtinem 1 (adevarat) doar daca se respecta conditia din enunt si proprietatea celor 4 numere
 - de exemplu $a = 2$, $b = 4$, $c = 4$, $d = 7$ si aici vedem ca (a, b) nu se intersecteaza cu $[c, d]$

◦ Raspuns corect: **d**

2. ◦ Rezolvare:

```
scrie(2021, 2023) =
  scrie (2022, 2023) =
    = scrie (2023, 2023)
      = afiseaza: "2023 2023"
```

▪ Raspuns corect: **c**

3. ◦ Rezolvare:

- Conform enuntului stim ca avem combinatii de forma:
 - `_ _ _ _ Lebada`
- Mai stim ca leul tigul si ursul nu pot sa fie vecini cu cerbul Asa ca o sa avem doua situatii:
 1. punem cerbul pe prima pozitie si lebada pe ultima. Asta automat inseamna ca o sa punem papagalul pe a doua pozitie si o sa restrangem combinatiile la forma:
 - `Cerb Papagal _ _ _ Lebada`
 2. Punem cerbul intre papagal si lebada asta insemnand ca avem combinatii de forma:
 - `_ _ _ Papagal Cerb Lebada`

- Acum stim ca cele 3 locuri libere in ambele situatii pot fi alocate catre leu, tigru si urs astfel:
 - Leu Tigru Urs
 - Leu Urs Tigru
 - Tigru Leu Urs
 - Tigru Urs Leu
 - Urs Leu Tigru
 - Urs Tigru Leu
 - In concluzie avem 6 posibile combinatii pentru fiecare situatie, deci in total 12
 - Raspuns corect d
4. ◦ Rezolvare:
- Conform enuntului stim ca avem 2022 de varfuri si 1000 de muchii.
 - 1000 de muchii inseamna ca automat avem 1000 de valori 1 in matrice. Faptul ca este neorientat, dubleaza acest numar la 2000 deoarece daca, sa zicem varful 1 este conectat cu varful 3, in matrice o sa avem 1 atat pentru muchia (1,3) cat si pentru muchia (3,1)
 - Raspuns corect: c
5. ◦ Rezolvare:
- a -> Fals deoarece arborele este un graf conex aciclic
 - b -> Fals deoarece eliminand o muchie, cel putin un nod va deveni izolat, deci conexitatea va fi eliminata
 - c -> Adevarat, conform teoriei, arborele este un graf conex cu n-1 muchii [https://www.pbinfo.ro/articole/5982/arbori-cu-radacina]
 - d -> Fals, acelasi lucru ca la a
 - Raspuns corect c

Subiectul II

1. ◦ a

```

x = 20, y = 80, z = 18
x > y fals
x <= y adevarat
  x % z == 0 fals
  x = 21
x <= y adevarat
  x % z == 0 fals
  x = 22
... mergem pana la 35
x <= y adevarat
  x % z == 0 fals
  x = 36
x <= y adevarat
  x % z == 0 adevarat
    afisam x => afisam 36
  x = 37
... mergem pana la 53
x <= y adevarat
  x % z == 0 fals

```

```

    x = 54
x <= y adevarat
    x % z == 0 adevarat
        afisam x => afisam 54
    x = 55
... mergem pana la 71
x <= y adevarat
    x % z == 0 fals
    x = 72
x <= y adevarat
    x % z == 0 adevarat
        afisam x => afisam 72
    x = 73
... sfarsit

```

- program afiseaza toti multipli lui z in intervalul [x, y]. Iar programul de mai sus va afisa:
36, 54, 72,

◦ b

Daca x = 100, y = 200, pentru a se afisa doar valoarea 150, cea mai mare valoare citita pentru z trebuie sa fie egala cu 150

- Nota: rezolvarea in carte alege 75 insa nu inteleg de unde scoate conditia care zice ca z sa nu faca parte din intervalul [x, y]

◦ c

```

#include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int x,y,z;
    cin >> x >> y >> z;
    if (x > y) {
        int aux = x;
        x = y;
        y = aux;
    }
    while (x <= y) {
        if (x % z == 0) {
            cout << x << ", ";
        }
        x = x+1;
    }
    return 0;
}

```

◦ d

```
daca x > y atunci
    aux <- x
    x <- y
    y <- aux
pentru i<-x,y executa
    daca i % z = 0 scrie i, " "
```

2. ◦ Rezolvare:

```
float a = x.y * x.y
```

3. ◦ Rezolvare:

- Teorie graf partial: <https://www.ezinfo.ro/XI/gorientate/partial.html>
- Din matricea de adiacenta observam ca avem 8 arce
- Rezolvare:

Numărul maxim de grafuri parțiale ale unui graf orientat cu m arce este: 2^m .
 - In cazul nostru, putem avea $2^8 \Rightarrow 256$

Subiectul III

1. ◦ Rezolvare:

```
#include <iostream>
using namespace std;

void nrmax(int &n);

int main() {
    int n = 1372435;
    nrmax(n);
    cout << n;
    return 0;
}

void nrmax(int &n) {
    int contorPare = 0;
    int contorImpare = 0;
    while (n) {
        int ultimaCifra = n % 10;
        if (ultimaCifra % 2 == 0) {
            contorPare++;
        } else {
            contorImpare++;
        }
        n /= 10;
    }
}
```

```

    }

    n = n/10;
}

if (contorImpare > contorPare) {
    n = contorImpare;
} else {
    n = contorPare;
}
}

```

2. ○ Nota:

- problema putea fi rezolvata mult mai simplu folosind functia strtok in sa am vrut sa exemplific cum am putea extrage cuvintele dintr-un sir
- o alta motivatie pentru complicaciunea pe care am facut-o este ca am tratat cazul in care avem mai multe spatii consecutive, lucru care s-ar fi pierdut daca am fi folosit functia strtok
 - acum, ce e drept, enuntul nu spune daca ar putea fi sau nu mai multe caractere de tip spatiu, consecutive.

○ Rezolvare:

```

#include <iostream>
#include <cstring>
#include <fstream>
using namespace std;

int main() {
    ofstream fout("bac.txt");
    char text[101];
    cin.getline(text, 101);
    int lungimeText = strlen(text);
    int pozitieInceputCuvant=-1;
    for (int i = 0; i < lungimeText;i++) {
        if ((text[i] == ' ' || i == lungimeText-1) &&
pozitieInceputCuvant != -1) {
            // am gasit un cuvant, il extragem si efectuam
            modificarile
            int lungimeCuvant;
            if (i == lungimeText-1) { // daca suntem la
                finalul sirului
                    lungimeCuvant = i - pozitieInceputCuvant + 1;
            } else {
                lungimeCuvant = i - pozitieInceputCuvant;
            }
            char cuvant[lungimeCuvant];
            strncpy(cuvant, text+pozitieInceputCuvant,
lungimeCuvant);
            cuvant[lungimeCuvant] = '\0';
            pozitieInceputCuvant = -1;

```

```

        char oglindit[lungimeCuvant];
        for (int j = strlen(cuvant)-1, k = 0; j >= 0; j-
-, k++) {
            oglindit[k] = cuvant[j];
        }
        oglindit[strlen(cuvant)] = '\0';
        if (strcmp(cuvant, oglindit) != 0) {
            fout << oglindit << " ";
        } else {
            // tratam cazul in care avem mai mult spatii
consecutive.
            fout<< cuvant << " ";
        }
    } else if (text[i] == ' ') {
        fout << " ";
    }
    else if (text[i] != ' ' && pozitieInceputCuvant ==
-1) {
        pozitieInceputCuvant = i;
    }
}
return 0;
}

```

3. Rezolvare:

▪ a

Algoritmul de la punctul b va citii cate un numar din fiecare fisier si il va afisa pe cel mai mare dintre ele. In acelasi timp, vom salva ultimul numar afisat pentru a evita afisarea numerelor care sunt duplicate. La final, ne asiguram ca afisam ce a mai ramas din fiecare fisier. Algoritmul este eficient din punct de vedere al timpului de executie deoarece se face o singura parcurgere a fisierelor. Algoritmul este eficient si din punct de vedere al memoriei utilizate deoarece nu se folosesc alte structuri pentru a stoca numerele din cele 2 fisiere.

▪ b

```

#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;

int main() {
    ifstream fin1("date1.txt");
    ifstream fin2("date2.txt");

```

```

int n, m;
fin1 >> n;
fin2 >> m;

int numarDate1, numarDate2, ultimNumarAfisat = 0;
fin1 >> numarDate1;
fin2 >> numarDate2;
int i = 1, j = 1;
while (i <= n && j <= m) {
    if (numarDate1 > numarDate2) {
        if (numarDate1 != ultimNumarAfisat) {
            cout << numarDate1 << " ";
        }
        ultimNumarAfisat = numarDate1;
        fin1 >> numarDate1;
        i++;
    } else {
        if (numarDate2 != ultimNumarAfisat) {
            cout << numarDate2 << " ";
        }
        ultimNumarAfisat = numarDate2;
        fin2 >> numarDate2;
        j++;
    }
}

if (numarDate1 != ultimNumarAfisat) {
    cout << numarDate1 << " ";
}
while (fin1 >> numarDate1) {
    cout << numarDate1 << " ";
}

if (numarDate2 != ultimNumarAfisat) {
    cout << numarDate2 << " ";
}
while (fin2 >> numarDate2) {
    cout << numarDate2 << " ";
}

return 0;
}

```

- c -> varianta care nu e eficienta din punct de vedere al memoriei utilizate

```

#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;

int main() {
    ifstream fin1("date1.txt");

```

```
ifstream fin2("date2.txt");
int n, m;
fin1 >> n;
fin2 >> m;
int aparitii[100] = {0};

for (int i = 0; i < n; i++) {
    int numar;
    fin1 >> numar;
    aparitii[numar]++;
}

for (int i = 0; i < m; i++) {
    int numar;
    fin2 >> numar;
    aparitii[numar]++;
}

for (int i = 99; i >= 0; i--) {
    if (aparitii[i] > 0) {
        cout << i << " ";
    }
}

return 0;
}
```