## Sistema simples de transferência de calor

Fonte:

Análise e Projeto de Sistemas de Controle Lineares John J. D'Azzo, Constantine H. Houpis Editora Guanabara Dois, 1982

O aquecedor elétrico de água utilizado em muitas residências para o fornecimento de água quente é um bom exemplo de problema simples de transferência de calor. Na figura é mostrado o esboço de um tal aquecedor. O recipiente é isolado termicamente com a finalidade de reduzir as perdas para o ar do meio ambiente. O elemento elétrico de aquecimento é controlado, a fim de manter uma temperatura de referência. O consumo de uma torneira qualquer da casa acarreta a saída de água quente e a entrada de água fria no recipiente deve ser controlada de acordo. Serão feitas as seguintes hipóteses simplificadoras:

- Não há armazenamento de calor no isolamento. Isto é válido desde que o calor específico do isolamento e a variação da temperatura da água sejam pequenos.
- Toda a água no interior do recipiente se encontra à mesma temperatura. Isto requer uma perfeita homogeneidade da água.

Definem-se os seguintes parâmetros e grandezas do sistema:

"Q" fluxo de calor do elemento aquecedor [Joule/segundo]

"Qt" fluxo de calor total fornecido à água do recipiente [Joule/segundo]

"Qo" fluxo de calor retirado pela água quente que deixa o recipiente [Joule/segundo]

"Qi" fluxo de calor inserido pela água fria que entra no recipiente [Joule/segundo]

"Qe" fluxo de calor através do isolamento do recipiente [Joule/segundo]

"T" temperatura da água no interior do recipiente [Grau Celsius]

"Ti" temperatura da água que entra no recipiente [Grau Celsius]

"Ta" temperatura do ar ambiente em volta do recipiente [Grau Celsius]

"C" capacitância térmica da água no recipiente [Joule/Celsius]

"R" resistência térmica do isolamento (2mm madeira) [0.001 Grau / (Joule/segundo)]

"No" fluxo de água de saída do recipiente [Kg/segundo]

"Ni" fluxo de água de entrada do recipiente [Kg/segundo]

"P" peso específico da água [1000 Kg/m3]

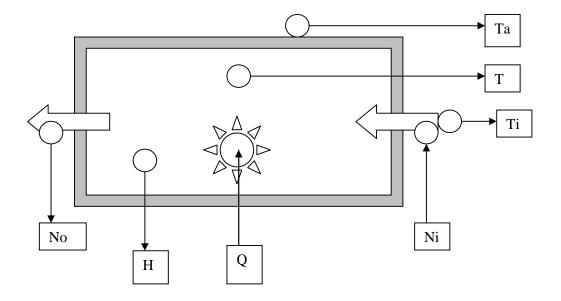
"S" calor específico da água [4184 Joule/Kg.Celsius]

"B" área da base do recipiente [4 m2]

"H" altura da coluna de água dentro do recipiente [m]

"V" volume de água dentro do recipiente [m3]

$$\begin{split} dV/dt &= Ni/P - No/P = (1/P)(Ni - No) \\ V &= B \; . \; H \\ H &= V \; / \; B \\ dH/dt &= (1/B) \; . \; (1/P) \; . \; (Ni - No) \\ C &= S \; . \; P \; . \; B \; . \; H \\ dT/dt &= (1/C).Qt \qquad \qquad Qt = Q + Qi - Qe \\ Qi &= Ni \; . \; S \; . \; (Ti - T) \\ Qe &= (T - Ta)/R \end{split}$$



O objetivo da automação é atender a solicitação de temperatura dos usuário, indicada por Tref, atuando no sentido de fazer T = Tref. Ao mesmo tempo, o nível H da água no recipiente deve permanecer no valor ideal Href.

Estão disponíveis sensores para os valores Ta, T, Ti, No e H.

A atuação será realizada nas variáveis Q e Ni.

São pertubações no sistema os valores No, Ta e Ti.

H deve ficar entre Hmin (0.1m) e Hmax (3m), sob pena de danificar o aquecedor.

Existe saturação nos atuadores e pertubação.