

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ПЕНЗЕНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

Кафедра «Вычислительная техника»

## **ОТЧЕТ**

по лабораторной работе №10

по дисциплине: "Логика и основы алгоритмизации в инженерных задачах"

на тему: "Поиск расстояний во взвешенном графе"

Выполнили:

Студенты группы 24ВВВ3:

Плотников И.А.

Виноградов Б.С.

Приняли:

Деев М.В.

Юрова О. В.

Пенза 2025

## Цель

Изучение алгоритма поиска расстояний во взвешенном графе.

## Лабораторное задание

### Задание 1

1. Сгенерируйте (используя генератор случайных чисел) матрицу смежности для неориентированного взвешенного графа  $G$ . Выведите матрицу на экран.

2. Для сгенерированного графа осуществите процедуру поиска расстояний, реализованную в соответствии с приведенным выше описанием. При реализации алгоритма в качестве очереди используйте класс **queue** из стандартной библиотеки C++.

3.\* Сгенерируйте (используя генератор случайных чисел) матрицу смежности для ориентированного взвешенного графа  $G$ . Выведите матрицу на экран и осуществите процедуру поиска расстояний, реализованную в соответствии с приведенным выше описанием.

### Задание 2

1. Для каждого из вариантов сгенерированных графов (ориентированного и не ориентированного) определите радиус и диаметр.

2. Определите подмножества периферийных и центральных вершин.

### Задание 3\*

1. Модернизируйте программу так, чтобы получить возможность запуска программы с параметрами командной строки (см. описание ниже). В качестве параметра должны указываться тип графа (взвешенный или нет) и наличие ориентации его ребер (есть ориентация или нет).

## Пояснительный текст к программе

Во взвешенном графе в отличие от не взвешенного каждое ребро имеет вес, отличный от нуля. Поэтому в матрице смежности взвешенного графа содержится информация не только о наличии ребра, но и о его весе.

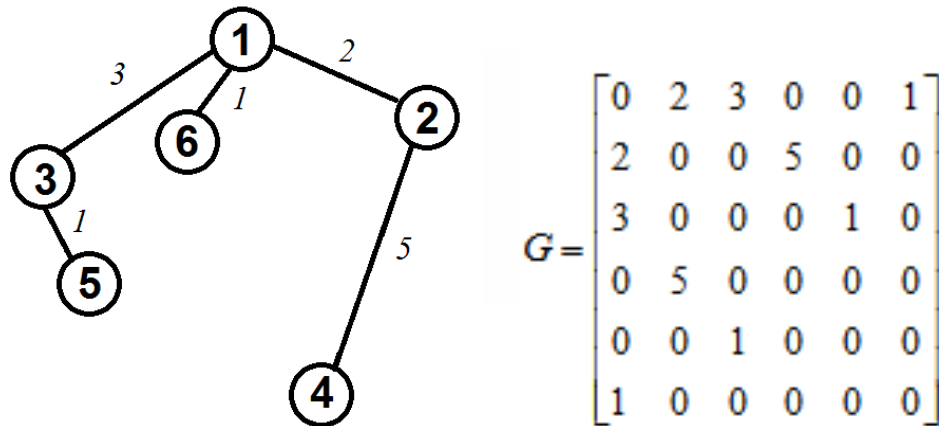


Рисунок 1 – Граф

Поиск расстояний между вершинами в таком графе также возможно построить используя процедуры обхода графа. Отличие от поиска расстояний в не взвешенном графе будет состоять в том, что при обновлении расстояния до вершины при ее посещении оно будет увеличиваться не на 1, а на величину веса ребра.

Таким образом, можно предложить следующую реализацию алгоритма обхода в ширину.

**Вход:**  $G$  – матрица смежности графа,  $v$  – исходная вершина.

**Выход:**  $DIST$  – вектор расстояний до всех вершин от исходной.

### Алгоритм ПОШ

- 1.1. для всех  $i$  положим  $DIST[i] = -1$  пометим как "не посещенную";
- 1.2. **ВЫПОЛНЯТЬ** BFSD( $v$ ).
- 1.3 для всех  $i$  вывести  $DIST[i]$  на экран;

### Алгоритм BFSD( $v$ ):

- 2.1. Создать пустую очередь  $Q = \{\}$ ;
- 2.2. Поместить  $v$  в очередь  $Q.push(v)$ ;

- 2.3. Обновить вектор расстояний  $DIST [ x ] = 0$ ;
- 2.4. **ПОКА**  $Q \neq \emptyset$  очередь не пуста **ВЫПОЛНЯТЬ**
- 2.5.  $v = Q.front()$  установить текущую вершину;
- 2.6. Удалить первый элемент из очереди  $Q.pop()$ ;
- 2.7. вывести на экран  $v$ ;
- 2.8. **ДЛЯ**  $i = 1$  **ДО**  $size\_G$  **ВЫПОЛНЯТЬ**
- 2.9. **ЕСЛИ**  $G(v,i) > 0$  **И**  $DIST = -1$
- 2.10. **ТО**
- 2.11. Поместить  $i$  в очередь  $Q.push(i)$ ;
- 2.12. Обновить вектор расстояний  $DIST [ i ] = DIST [ v ] + G(v,i)$ ;

Реализация состоит из подготовительной части, в которой все вершины помечаются как не посещенные (п.1.1). Не посещенные вершины помечаются  $-1$ , т.к. значение  $0$  и  $1$  могут быть расстояниями. Расстояние  $0$  – от исходной вершины до самой себя.

В самой процедуре сначала создается пустая очередь (п. 2.1), в которую помещается исходная вершина, из которой начат обход (п.2.2). Расстояние до этой вершины (п.2.3) устанавливается равным  $0$  (расстояние до самой себя).

Далее итерационно, пока очередь не опустеет, из нее извлекается первый элемент, который становится текущей вершиной (п. 2.5, 2.6). Затем в цикле просматривается  $v$ -я строка матрицы смежности графа  $G(v,i)$ . Как только алгоритм встречает смежную с  $v$  не посещенную вершину (п.2.9), эта вершина помещается в очередь (п.2.11) и для нее обновляется вектор расстояния (п.2.12). Расстояние до новой  $i$ -й вершины вычисляется как расстояние до текущей  $v$ -й вершины плюс вес ребра до новой вершины  $G(v,i)$ .

После просмотра строки матрицы смежности алгоритм делает следующую итерацию цикла 2.4 или заканчивает работу, если очередь пуста.

Если для всех пар вершин графа определены расстояния, то можно вычислить эксцентриситет

Если  $G$  - граф, содержащий непустое множество  $n$  вершин  $V$  и множество ребер  $E$  и  $d(v_i, v_j)$  – расстояние между двумя произвольными вершинами  $v_i$  и  $v_j$ , тогда для фиксированной вершины  $v$  величина

$$e(v) = \max d(v, v_j),$$

где  $v, v_j \in V$  и  $j = 1 \dots n$  называется **эксцентриситетом** вершины  $v_i$ .

Другими словами **эксцентриситет** вершины – расстояние до наиболее удаленной вершины графа.

Максимальный эксцентриситет среди эксцентриситетов всех вершин графа называется **диаметром** графа  $G$  и обозначается через  $D(G)$ .

Вершина  $v_i$  называется **периферийной**, если её эксцентриситет равен диаметру графа  $e(v_i) = d(G)$ .

Минимальный из эксцентриситетов вершин графа называется его **радиусом** и обозначается через  $r(G)$ .

Вершина  $v_i$  называется **центральной**, если её эксцентриситет равен радиусу графа  $e(v_i) = r(G)$ .

Множество всех центральных вершин графа называется его **центром**. Граф  $G$  может иметь единственную центральную вершину или несколько центральных вершин.

## Результаты работы программы

1 Рис. - Результат работы lab10.cpp

```
Введите количество вершин графа: 10

Тип графа:
1 - Ориентированный
2 - Неориентированный
Выберите тип (1 или 2): 1

Взвешенный граф?
1 - Да
0 - Нет
Выберите (1 или 0): 1

Матрица смежности:
  0  9  0  0  1  7  5  0  0  0
  0  0  1  4  2  0  0  5  0  0
  0  2  0  4  0  0  0  10  6  4
  7  9  10  0  4  0  7  7  2  0
  7  0  6  7  0  1  9  8  0  0
  1  0  0  0  10  0  7  6  0  9
  1  0  2  2  5  0  0  0  6  0
  0  7  9  8  6  0  0  0  1  1
  6  4  0  7  0  6  0  0  0  0
  0  5  0  0  0  4  0  7  0  0

Матрица расстояний:
  0  9  10  13  1  7  5  14  11  16
  11  0  1  4  2  3  11  5  7  5
  11  2  0  4  4  12  11  10  6  4
  7  9  10  0  4  14  7  7  2  14
  7  16  6  7  0  1  9  8  12  10
  1  10  16  17  10  0  7  6  13  9
  1  10  2  2  5  8  0  12  6  6
  15  7  9  8  6  7  15  0  1  1
  6  4  5  7  7  6  11  9  0  15
  5  5  6  9  7  4  11  7  8  0

Вектор эксцентриситета:
16
11
12
14
16
17
12
15
15
11

--- АНАЛИЗ ГРАФА ---
Радиус графа: 11
Диаметр графа: 17

Центральные вершины: 1 9
Периферийные вершины: 5
```

**Вывод:** В ходе выполнения лабораторной работы была разработана программа для выполнения заданий Лабораторной работы №10 – поиск расстояний во взвешенном графе.

## Приложение А Листинг

### Файл lab10.cpp

```
// (поиск расстояний, взвешенный граф),  
вводить количество вершин при запуске  
  
#include <iostream>  
  
#include <ctime>  
  
#include <cstdlib>  
  
#include <locale>  
  
#include <limits>  
  
#include <iomanip>  
  
#include <queue>  
  
#include <cstring>  
  
  
using namespace std;  
  
  
void clearScreen();  
int isInteger(const string& message);  
void bfsd(int** G, int numG, int** GD, int s);  
void printMatrix(int** Matrix, int numG);  
void analyzeDistances(int numG, int** GD,  
int* ecc);  
  
  
int main(int argc, char* argv[]) {  
    setlocale(LC_ALL, "Rus");  
    clearScreen();  
    srand(time(NULL));  
  
  
    int** G = nullptr;  
    int** GD = nullptr;  
    int numG = 0;  
    int* ecc = nullptr;
```

```

bool useCommandLine = false;
bool isWeighted = false;
bool isOriented = false;
bool vertFromCmd = false;

for (int i = 1; i < argc; ++i) {
    if (strcmp(argv[i], "-weighted") == 0 && i
+ 1 < argc) {
        isWeighted = (atoi(argv[i + 1]) != 0);
        useCommandLine = true;
        i++;
    }
    else if (strcmp(argv[i], "-oriented") == 0
&& i + 1 < argc) {
        isOriented = (atoi(argv[i + 1]) != 0);
        useCommandLine = true;
        i++;
    }
    else if (strcmp(argv[i], "-vert") == 0 && i
+ 1 < argc) {
        numG = atoi(argv[i + 1]);
        vertFromCmd = true;
        useCommandLine = true;
        i++;
    }
}

```

```

if (useCommandLine) {
    cout << "Режим: командная строка\n";
    cout << "Взвешенный: " << (isWeighted ?
"да" : "нет") << "\n";
}

```



```

        cout << "Ориентированный: " <<
(isOriented ? "да" : "нет") << "\n";
        if (vertFromCmd) {
            cout << "Количество вершин: " <<
numG << "\n";
        }
        cout << "\n";
    }

    if (!vertFromCmd) {
        numG = isInteger("\nВведите количество
вершин графа: ");
    }

    while (numG <= 0) {
        cout << "Ошибка! Количество вершин
должно быть положительным\n";
        numG = isInteger("Введите количество
вершин графа: ");
    }

    ecc = (int*)malloc(numG * sizeof(int));
    G = (int**)malloc(sizeof(int*) * numG);
    GD = (int**)malloc(sizeof(int*) * numG);

    for (int i = 0; i < numG; i++) {
        G[i] = (int*)malloc(numG * sizeof(int));
        GD[i] = (int*)malloc(numG * sizeof(int));
    }

    if (!useCommandLine) {
        cout << "\nТип графа:\n";
    }

```

```

cout << "1 — Ориентированный\n";
cout << "2 — Неориентированный\n";
int orientChoice = isInteger("Выберите
тип (1 или 2): ");
while (orientChoice != 1 && orientChoice
!= 2) {
    cout << "Ошибка! Введите 1 или 2\n";
    orientChoice = isInteger("Выберите
тип (1 или 2): ");
}
isOriented = (orientChoice == 1);

cout << "\nВзвешенный граф?\n";
cout << "1 — Да\n";
cout << "0 — Нет\n";
int weightChoice = isInteger("Выберите
(1 или 0): ");
while (weightChoice != 0 &&
weightChoice != 1) {
    cout << "Ошибка! Введите 0 или 1\n";
    weightChoice = isInteger("Выберите (1
или 0): ");
}
isWeighted = (weightChoice == 1);
}

for (int i = 0; i < numG; i++) {
    for (int j = 0; j < numG; j++) {
        if (i == j) {
            G[i][j] = 0;
        } else {
            int hasEdge = rand() % 2;

```

```

        if (hasEdge) {
            if (isWeighted) {
                G[i][j] = rand() % 10 + 1;
            } else {
                G[i][j] = 1;
            }
        } else {
            G[i][j] = 0;
        }

        if (!isOriented && i < j) {
            G[j][i] = G[i][j];
        }
    }
}

```

```

cout << "\nМатрица смежности: \n";
printMatrix(G, numG);

```

```

cout << "\nМатрица расстояний: \n";
for (int i = 0; i < numG; i++) {
    bfsd(G, numG, GD, i);
}
printMatrix(GD, numG);

```

```

cout << "\nВектор эксцентриситета: \n";
for (int i = 0; i < numG; i++) {
    ecc[i] = 0;
    for (int j = 0; j < numG; j++) {
        if (GD[i][j] != -1 && GD[i][j] > ecc[i])
    {

```

```

        ecc[i] = GD[i][j];
    }
}
cout << std::setw(3) << ecc[i] << "\n";
}

analyzeDistances(numG, GD, ecc);

for (int i = 0; i < numG; i++) {
    free(G[i]);
    free(GD[i]);
}
free(G);
free(GD);
free(ecc);

return 0;
}

void clearScreen() {
#ifdef _WIN32
    system("cls");
#else
    system("clear");
#endif
}

int isInteger(const string& message) {
    int value;
    while (true) {
        cout << message;
        if (!(cin >> value)) {

```

```

        cout << "Ошибка: введено не
число.\n";
        cin.clear();

        cin.ignore(numeric_limits<streamsize>::max(),
'\n');
        continue;
    }
    if (cin.peek() != '\n') {
        cout << "Ошибка: введено не целое
число.\n";
        cin.clear();

        cin.ignore(numeric_limits<streamsize>::max(),
'\n');
        continue;
    }
    return value;
}
}

```

```

void bfsd(int** G, int numG, int** GD, int s) {
    queue<int> q;
    int v;
    int* distance = (int*)malloc(numG *
sizeof(int));

    for (int i = 0; i < numG; i++) {
        distance[i] = -1;
    }

    distance[s] = 0;

```

```
q.push(s);
```

```
while(!q.empty()) {
```

```
    v = q.front();
```

```
    q.pop();
```

```
    for (int i = 0; i < numG; i++) {
```

```
        if (G[v][i] > 0 && distance[i] == -1) {
```

```
            q.push(i);
```

```
            distance[i] = distance[v] + G[v][i];
```

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```

```
for (int i = 0; i < numG; i++) {
```

```
    GD[s][i] = distance[i];
```

```
}
```

```
free(distance);
```

```
}
```

```
void printMatrix(int** Matrix, int numG){
```

```
    for (int i = 0; i < numG; i++) {
```

```
        for (int j = 0; j < numG; j++) {
```

```
            cout << std::setw(4) << Matrix[i][j];
```

```
        }
```

```
        cout << "\n";
```

```
    }
```

```
}
```

```
void analyzeDistances(int numG, int** GD,
```

```
int* ecc) {
```

```
    int radius = numeric_limits<int>::max();
```

```

int diameter = numeric_limits<int>::min();

for (int i = 0; i < numG; i++) {
    if (ecc[i] < radius) radius = ecc[i];
    if (ecc[i] > diameter) diameter = ecc[i];
}

cout << "\n--- АНАЛИЗ ГРАФА ---\n";
cout << "Радиус графа: " << radius << endl;
cout << "Диаметр графа: " << diameter <<
endl;

cout << "\nЦентральные вершины: ";
for (int i = 0; i < numG; i++) {
    if (ecc[i] == radius) cout << i << " ";
}
cout << endl;

cout << "Периферийные вершины: ";
for (int i = 0; i < numG; i++) {
    if (ecc[i] == diameter) cout << i << " ";
}
cout << endl;
}

```