Машинное обучение в экономике Метод ближайших соседей

Потанин Богдан Станиславович

доцент, научный сотрудник, кандидат экономических наук

2023-2024

Введение

Основные рассматриваемые темы

- Методы классификации и регрессионного анализа:
 - Метод ближайших соседей.
- Базовые понятия:
 - Метрики и индексы расстояний.
 - Нормализация признаков.
 - Виды ошибок прогнозов.
 - Матрица путаницы.
 - Подбор оптимального порога вероятностей для прогнозирования.
 - \bullet Точность, полнота, F1-метрика, средняя точность по классам.
 - ROC-кривая и AUC.
 - Выигрыш (gain) и подъем (lift).
 - Гиперпараметры.
 - Несбалансированная выборка и балансировка классов.

Метод ближайших соседей _{Интуиция}

- Чтобы спрогнозировать, совершит ли покупку тот или иной индивид, мы можем изучить действия, совершавшиеся похожими на него покупателями.
- Вопрос как определить схожих покупателей?
- **Ответ** на основании меры сходства признаков этих покупателей: возраст, образование и т.д.
- Идея если покупатели со схожими признаками совершали покупку, то мы предполагаем, что и данный покупатель также совершит покупапку.

Метрика расстояния

- Для измерения расстояния между двумя m-мерными векторами x и y используется метрика, представляющая собой функцию d(x,y), удеовлетворяющую следующим свойствам:
 - **Неотрицательность**: $d(x, y) \ge 0$.
 - Тождественность: d(x,y) = 0 тогда и только тогда, когда x = y.
 - Симметричность: d(x, y) = d(y, x).
 - ullet Неравенство треугольника: $d(x,y) \leq d(x,z) + d(y,z)$ для любого z.
- Наиболее популярные метрики расстояния:
 - Минковский: $d(x,y) = \left(\sum\limits_{i=1}^m (x_i-y_i)^{\lambda}\right)^{\frac{1}{\lambda}}$, где $\lambda \in N$ Чем больше λ , тем больше штраф за разницу между x_i и y_i .
 - ullet Евклидова: $(\lambda=2)$: $d(x,y)=\sqrt{\sum\limits_{i=1}^{m}(x_i-y_i)^2}$

Пример:
$$x = (4, 2, 8)$$
, $y = (0, 5, 8)$, $d(x, y) = \sqrt{(4 - 0)^2 + (2 - 5)^2 + (8 - 8)^2} = 5$

• Манхэттен: $(\lambda = 1)$: $d(x, y) = \sum_{i=1}^{m} |x_i - y_i|$

Пример:
$$x = (4, 2, 8), y = (0, 5, 8), d(x, y) = |4 - 0| + |2 - 5| + |8 - 8| = 7$$

Случай с единственным соседом

- Идея предсказываем наблюдению значение, совпадающее со значением другого, наиболее близкого к нему наблюдения, именуемого ближайшим соседом.
- ullet Через X_i обозначим i-е наблюдение и запишем классифицирующее правило:

$$\hat{y}(x) = Y_i$$
, где $i = \underset{j \in \{1, \dots, n\}}{\operatorname{argmin}} d(x, X_j)$

- Прогноз $\hat{y}(x)$ это Y_i ближайшего соседа x с точки зрения функции растояния d().
- Рассмотрим выборку $X_1=(0,1)$, $X_2=(1,2)$, $X_3=(0,6)$, $X_4=(2,2)$, Y=(1,0,0,1) и найдем ближайшего соседа для x=(1,3) с помощью дистанции Евклида:

$$d(x, X_1) = \sqrt{(1-0)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{5} \qquad d(x, X_2) = \sqrt{(1-1)^2 + (3-2)^2} = 1$$

$$d(x, X_3) = \sqrt{(1-0)^2 + (3-6)^2} = \sqrt{10} \qquad d(x, X_4) = \sqrt{(1-2)^2 + (3-2)^2} = \sqrt{2}$$

ullet Ближайшим соседом x является X_2 , а значит $\hat{y}(x)=Y_2=0$.

Несколько соседей

- Прогноз, основанный всего на одном наблюдении, будет обладать очень большой дисперсией, что мотивирует учет большего числа соседей.
- По аналогии с одномерным случаем находим *k* ближайших соседей и выбираем наиболее часто встречающееся среди них значение целевой переменной.
- Число соседей k выбирается нечетным, для того, чтобы избежать ситуации, когда 0 и 1 поровну среди соседей.
- Рассмотрим выборку $X_1 = (0,1)$, $X_2 = (1,2)$, $X_3 = (0,6)$, $X_4 = (2,2)$, Y = (1,0,0,1) и найдем k = 3 ближайших соседа для x = (1,3) с помощью дистанции Манхэттен:

$$d(x, X_1) = |1 - 0| + |3 - 1| = 3$$
 $d(x, X_2) = |1 - 1| + |3 - 2| = 1$
 $d(x, X_3) = |1 - 0| + |3 - 6| = 4$ $d(x, X_4) = |1 - 2| + |3 - 2| = 2$

- ullet Ближайшими соседями x являются X_1, X_2 и X_4 .
- ullet Поскольку $Y_1=1$, $Y_2=0$ и $Y_4=1$, то $\hat{y}(x)=1$.

Взвешенные ближайшие соседи

- **Проблема** при малом числе соседей k метод ближайших соседей страдает от большой дисперсии, а при большом количестве соседей склонен к переобучению.
- **Решение** взять достаточно много ближайших соседей k, но при построении прогноза учитывать их значения целевой переменной с разными весами, пропорциональными расстояниям до этих соседей.
- Обозначим через $q_1(x),..,q_k(x)$ признаки ближайших соседей наблюдения x, а через $q_1(y),..,q_k(y)$ значения их целевых переменных.
- Интуиция чем больше расстояние $d(x, q_i(x))$, тем меньший вес должен получить i-й сосед. Этой идее удовлетворяет, например, функция $1/d(x, q_i(x))^2$.
- Классификатор присваивает значение 1, если суммарный вес соседей с $q_i(y) = 1$ больше, чем суммарный вес соседей с $q_i(y) = 0$:

$$\hat{y}(x) = I\left(\sum_{i:q_i(y)=1} \frac{1}{d(q_i(x),x)^2} \ge \sum_{i:q_i(y)=0} \frac{1}{d(q_i(x),x)^2}\right)$$

Нормализация признаков

- Метод ближайших соседей чувствителен к шкале измерения признаков.
- ullet Например, пусть признаки X_{*1} и X_{*2} отражают возраст индивида и его рост.
- ullet Пусть при росте, измеряном в метрах, x=(25,1.8), $X_1=(30,1.9)$ и $X_2=(26,1.6)$.
- Тогда в соответстии с расстоянием Евклида $d(x,X_1)\approx 5$ и $d(x,X_2)\approx 1$, а значит ближайшим соседом x является X_2 .
- Если рост измерен в сантиметрах, то x=(25,180), $X_1=(50,190)$ и $X_2=(26,160)$, откуда $d(x,X_1)\approx 11.2$ и $d(x,X_2)\approx 20$, а значит ближайшим соседом x является X_1 .
- Проблема даже несущественные (существенные) признаки с мелкими (крупными) единицами измерения могут вносить (не)существенный вклад в расчет расстояний.
- Решение осуществить нормализацию признаков, то есть привести их к сопоставимой шкале, например, вычтя выборочное среднее и поделив на выборочное стандартное отклонение.
- ullet В качестве альтернативы можно провести нормализацию к шкале [0,1] вычтя у каждого признака максимальное значение и поделив на разницу между максимальным и минимальным значениями.

Индексы расстояний между категориальными признаками

- Интуиция подсказывает, что рассмотренные метрики расстояний хорошо подходят для признаков, измеренных в непрерывной шкале, но могут быть не так хороши для категориальных, в частности, бинарных признаков.
- Если все признаки являются бинарными, то в качестве альтернативы метрике часто используют различные индексы, например, индекс **Рассела-Рао**, рассчитываемый как доля случаев, когда признаки X_i и X_j одновременно равняются 1.
- ullet Например, если $X_i=(1,0,1,1,0)$ и $X_j=(1,1,0,1,0)$, то соответствующий индекс будет равен 2/5.
- Индекс Сокаля-Минхера рассчитывается как доля совпадающих значений. В предыдущем примере он окажется равен 3/5.
- На практике часто встречаются разреженные данные (sparse data), в которых большинство значений являются нулями.
- Например, мы можем пытаться предсказать понравится ли новая одежда бренда индивиду, используя информацию о том, какую одежду он покупал ранее. Как правило индивиды покупают лишь небольшое количество одежды из всего доступного ассортимента, из-за чего бинарные переменные на факт покупки той или иной одежды, как правило, будут равняться нулю.
- В таких случаях удобно применять индекс **Джаккарда**, рассчитываемый как отношение числа совпадающих 1 к общечему числу наблюдений за вычетом числа совпадающих нулей, так как в разряженных данных нули совпадают очень часто.

Приблизительный поиск ближайших соседей

- При большом числе наблюдений *п* поиск ближайших соседей является весьма сложной с вычислительной точки зрения задачей, требующий расчета расстояния до каждого из наблюдений.
- В качестве альтернативы используются методы, которые находят ближайших соседей не в точности, а приблизительно.
- Одними из наиболее известных алгоритмов, позволяющих приблизительно найти ближайших соседей, именуется **k-d дерево** (k-d tree).
- Обсуждение данных алгоритмов выходит за рамки курса. Общая рекомендация заключается в том, чтобы применять эти алгоритмы в случаях, когда без их использования метод работает слишком медленно, что часто случается при большом числе наблюдений.

Виды ошибок прогноза

- Результаты прогнозов бывают следующих видов:
 - **1** Верный положительный (TP true positive) когда y=1 предсказан как $\hat{y}=1$. Пример модель предсказала дефолт и произошел дефолт.
 - **2 Верный отрицательный** (TN true negative) когда y=0 предсказан как $\hat{y}=0$. Пример модель предсказала отсутствие дефолта, и он не произошел.
 - **3** Неверный положительный (FP false positive) когда y=0 предсказан как $\hat{y}=1$. Пример модель предсказала дефолт, но он не произошел.
 - **4 Неверный отрицательный** (FN false negative) когда y=1 предсказан как $\hat{y}=0$. Пример модель предсказала отсутствие дефолта, но он произошел.
- Каждый из этих результатов может имеет различную цену.
- Например, верный отрицательный прогноз дефолта может принести умеренную прибыль для банка, поскольку подразумевает, что кредит будет выдан заемщику, который сможет его вернуть.
- В то же время неверный негативный прогноз дефолта может создать серьезные проблемы, поскольку предполагает выдачу кредита заемщику, не способному его вернуть.
- Поэтому, в классификаторе $I(\hat{p} \geq c)$ подбор порогового значения c часто осуществляется исходя из цен (последствий) результатов прогнозов.

Матрица путаницы (confusion matrix)

• Рассмотрим различные результаты прогнозов в форме таблиы:

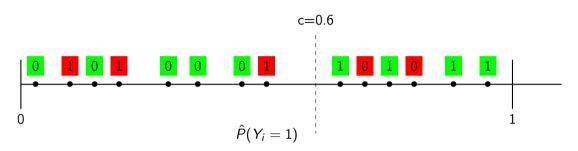
Прогноз	Истина	Тип прогноза	
1	1	TP	
0	0	TN	
1	0	FP	
1	1	TP	
0	1	FN	
0	1	FN	
1	1	TP	
0	0	TN	

• Число прогнозов различного вида можно представить в форме матрицы путаницы (confusion matrix).

$$\begin{array}{c|cccc} & & \Pi \text{pornos} = 1 & \Pi \text{pornos} = 0 \\ \text{Истина} = 1 & TP = 3 & FN = 2 \\ \text{Истина} = 0 & FP = 1 & TN = 2 \\ \end{array}$$

ullet Отметим, что $ACC=rac{TP+TN}{TP+TN+FP+FN}=rac{3+2}{3+2+1+2}=rac{5}{8}.$

Графическая иллюстрация связи между порогом и числом прогнозов различного вида



- ТР (верный положительный) зеленые единицы
- TN (верный отрицательный) зеленые нули
- FP (неверный положительный) красные единицы
- FN (неверный отрицательный) красные нули

Связь между порогом и числом прогнозов различного вида

- Обозначим через *TP*, *TN*, *FP* и *FN* количество соответствующих прогнозов.
- При увеличении порога c в классификаторе $I(\hat{p} \geq c)$ прогнозы $\hat{y} = 1$ возникают реже, что будет приводить к увеличению TN (хорошо) и FP (плохо), а также уменьшению к TP (плохо) и FN (хорошо).
- В задаче с предсказанием дефолта не так страшно не выдать кредит хорошему заемщику, как выдать кредит плохому заемщику.
- Следовательно, в этой задаче мы можем пожертвовать TP прогнозами ради снижения числа FN прогнозов, что мотивирует рассматривать c < 0.5.
- Например, при c=0.2 мы предсказываем дефолт заемщикам, у которых вероятность дефолта равняется хотя бы 0.2, для того, чтобы перестраховаться от крайне нежелательных случаев, когда кредит выдается неплатежеспособному заемщику снижаем FP (хорошо). При этом мы теряем часть клиентов, которые на самом деле могли бы вернуть кредит уменьшаем TP (плохо).

Подбор оптимального порога для вероятностей

- Рассмотрим задачу подбора порога c (threshold) в классификаторе $I(\hat{p} \geq c)$.
- Обозначим через p_{TP} , p_{TN} , p_{FP} , p_{FN} цены соответствующих прогнозов. Обычно эти цены отрицательны для неверных прогнозов и положительные для верных.
- Идея перебрать все возможные пороговые значения *с* и выбрать то, что принесет наибольшую выгоду с учетом различных цен результатов прогнозов.
- **Проблема** поскольку порогов $c \in (0,1)$ бесконечно много, то какие значения перебирать?
- Решение проблемы отсортировать все спрогнозированные вероятности \hat{p}_i в порядке возрастания и поочередно использовать каждую из них в качестве порога, обозначаемого c_i .
- Через $TP(c_i)$, $FP(c_i)$, $TN(c_i)$, $FN(c_i)$ обозначим количество соответствующих прогнозов (например, в тестовой выборке), при использовании порога c_i .
- Оптимальное значение порога определяется, например, из решения:

$$c = \underset{c_i}{\operatorname{argmax}} \ p_{TP} TP(c_i) + p_{TN} TN(c_i) + p_{FP} FP(c_i) + p_{FN} FN(c_i)$$

Точность и полнота

- Иногда исследователю недоступны цены прогнозов P_{TP} , P_{TN} , P_{FT} и P_{FN} , но при этом интуиция подсказывает, что качество прогнозов разного типа не является равноценным.
- В таком случае используются альтернативные метрики качества модели, например, точность (precision) и полнота (recall):

$$\begin{aligned} &\text{precision} = \frac{TP}{TP + FP} & \text{доля верно предсказанных } 1 \text{ среди всех } \textbf{предсказанных } 1 \\ &\text{recall} = \frac{TP}{TP + FN} & \text{доля верно предсказанных } 1 \text{ среди всех } \textbf{истинных } 1 \end{aligned}$$

- Например, в скоринговых моделях доля верно предсказанных дефолтов среди тех, кому мы предсказали дефолт, отражает точность, а среди тех, у кого на самом деле произошел дефолт – полноту.
- Чем выше точность и полнота, тем лучше модель справляется с прогнозами 1. Эта идея используется в F1-метрике:

$$\textit{F1} = \frac{\mathsf{precision} \times \mathsf{recall}}{\mathsf{precision} + \mathsf{recall}}$$

 \bullet F1-метрика предполагает, что точность прогноза 1 более важна, чем точность прогноза 0.

Несбалансированная выборка

- Часто доли 1 и 0 в выборке могут существенно различаться. В таком случае говорят, что данные являются **несбалансированными**.
- Например, клиентов с дефолтом обычно гораздо меньше, чем без дефолта.
- Обозначим через recall(1) и recall(0) полноту, посчитанную для 1 и 0 соответственно. В последнем случае формула будет иметь вид recall(0) = $\frac{TN}{TN+FP}$.
- Средняя точность по классам рассчитывается как:

$$ACA = \frac{\mathsf{recall}(1) + \mathsf{recall}(0)}{2}$$

• Достигнуть большой средней точности по классам можно и в случае, когда лишь однин из recall(1) или recall(0) достаточно велик, а другой – гораздо меньше. Для того, чтобы повысить штраф за крайне малое значение одного из этих показателей среднюю точность по классам часть считают с помощью гармонического среднего:

$$ACA = \frac{2 \left(\text{recall}(1) \times \text{recall}(0) \right)}{\text{recall}(1) + \text{recall}(0)}$$

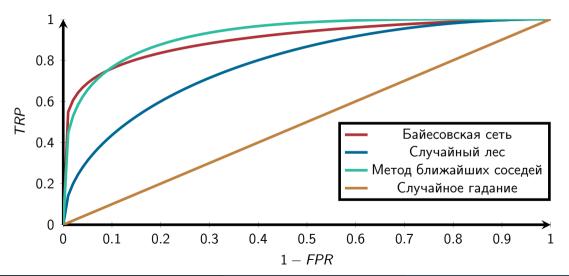
Оценивание качества прогноза ROC-кривая

• При подборе оптимального порога в классификаторе $I(\hat{p} \geq c)$ мы можем стремиться найди баланс между следующими долям:

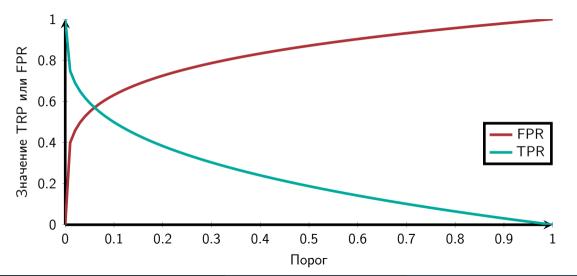
$$TPR = rac{TP}{TP + FN}$$
 доля предсказанных 1 среди всех истинных 1 $FPR = rac{FP}{TN + FP}$ доля предсказанных 1 среди всех истинных 0

- \bullet Важно по мере уменьшения порога c pастут FPR (false positive rate плохо) и TPR (true positive rate хорошо).
- Перебирая различные значения порога (отсортированные оценки вероятностей) мы получаем все возможные комбинации TRP и FPR в наших данных.
- ROC-кривая отражает график зависимости между TPR (ось x) и 1-FPR (ось y).
- ROC-кривую часто строят сразу для нескольких моделей. В таком случае, если график одной модели в какой-то точке находится над графиком другой модели, то значит, при прочем равном FPR он дает более высокое значение TRP, а значит эта модель предпочтительна при соответствующем пороге.
- Применение можно понять, при каких порогах различные модели имеют преимущество.

Графическая иллюстрация ROC-кривой



Графическая иллюстрация связи порога, TRP и FPR



Интерпретация ROC-кривой

- ullet Чем выше ROC-кривая в той или иной точке, тем выше TRP при прочем равном 1-FPR.
- Следовательно, чем обычно выше лежит ROC-кривая, тем лучше.
- Интеграл ROC-кривой тем больше, чем выше лежит соответствующая кривая.
- Этот интеграл именуется **AUC** (area under curve) и отражает среднее качество прогноза модели при различных порогах.
- AUC принимает значения от 0 до 1, где 0.5 соответствует случайному гаданию, а 1 идеальной модели, не совершающей ошибок при прогнозировании.
- Преимущество аггрегирует предиктивные способности модели при различных порогах.
- **Недостаток** отражает среднюю температуру по больнице. В частности, *AUC* может быть велик за счет хороших предиктивных способностей моделей при тех порогах, которые нам могут быть неинтересны исходя из содержательной экономической задачи.

Выигрыш (gain)

- Рассмотрим модель, предсказывающую, купит ли индивид товар, посмотрев контекстную рекламу.
- Логично сперва показать рекламу индивидам, которые, в соответствии с оценками нашей модели, имеют наибольшую вероятность совершения покупки.
- Вопрос отобрав 10% клиентов с самыми большими оценками вероятностей покупки, какой процент потенциальных покупателей мы охватим?
- Например, из 1000 индивидов в тестовой выборке 200 готовы купить наш товар. Из них 50 вошли в 10% с наибольшими предсказанными вероятностями покупки. В таком случае число угаданных покупателей, то есть выигрыш от первой децили, обозанчаемый gain(1), составит (50/200)*100 = 25%.
- В результате показав рекламу 100 наиболее вероятным покупателям из 1000 мы бы угадали 50 покупателей из 200.
- Если бы мы показывали рекламу не руководствуясь моделью, а случайным образом, то отобрали бы, вероятно, лишь 200/10 = 20 потенциальных покупателей.
- ullet По аналогии можно рассмотреть выигрыш от остальных децилей gain(k), где $k \in \{1,..,10\}.$
- Вывод сперва показываем рекламу наиболее вероятным покупателям и останавливаемся на децили k, если gain(k) слишком мал, то есть издержки на работу с потенциальными клиентами не покроются успешным нахождением новых клиентов.

Пример использования выигрыша

- Допустим, что общее число посмотревших рекламу в тестовой выборке равняется 1000 и 200 из них совершили покупку.
- Предположим, что издержки на показ рекламы клиенту составляют 1 рубль, а выигрыш от продажи равняется 10 рублям.

Дециль	Купили	Выигрыш	Кумулятивный выигрыш	Выручка	Затраты	Прибыль
1	50	0.25	0.25	500	100	400
2	40	0.2	0.45	400	100	300
3	35	0.175	0.65	350	100	250
4	25	0.125	0.75	250	100	150
5	20	0.1	0.85	200	100	100
6	8	0.04	0.89	80	100	-20
7	10	0.05	0.94	100	100	0
8	2	0.01	0.95	20	100	-80
9	5	0.025	0.975	50	100	-50
10	5	0.025	1	50	100	-50

• Вывод – выгодно опрашивать лишь группы клиентов, входяших в первые 5 децилей.

Оценивание качества прогноза Подъем (lift)

- Для сравнения качества обученной модели со случайным угадыванием часто используют показатель, именуемый подъемом (lift).
- По аналогии с выигрышем выборка разбивается на децили в зависимости от вероятностей 1.
- Подъем для *k*-й децили рассчитывается как:

$$\mathsf{lift}(k) = \frac{\mathsf{число}\; 1\; \mathsf{B}\; k\text{-} \mathsf{\ddot{u}}\; \mathsf{децили}}{\mathsf{ожидаемое}\; \mathsf{число}\; 1\; \mathsf{B}\; k\text{-} \mathsf{\ddot{u}}\; \mathsf{децили}\; \mathsf{при}\; \mathsf{использовании}\; \mathsf{случайного}\; \mathsf{разбиения}}$$

Где ожидаемое число 1 при случайном разбиении, очевидно, рассчитывается как отношение числа 1 во всей выборке к количеству децилей, то есть к 10.

 Вернемся к примеру с 1000 индивидами в тестовой выборке, 200 из которых готовы купить наш товар. Из них 50 вошли в 10% с набиольшими предсказанными вероятностями покупки, откуда:

$$lift(1) = \frac{50}{200/10} = 2.5$$

• Полученный результат говорит о том, что рассмотрении 1-й децили, полученной по оценкам условнызх вероятностей нашей модели, позволило выявить в 2.5 раза больше покупателей, чем мы бы ожидаемо выявили бы при случайном отборе индивидов (без использования модели).

Кумулятивный подъем (cumulative lift) и пример его использования

• Кумулятивный подъем рассчитывается как:

cumulative lift(
$$k$$
) = $\frac{$ число 1 в первых k децилях $\frac{}{}$ ожидаемое число 1 в первых k децилях

• Пусть из 1000 посмотревших рекламу индивидов 200 совершили покупку.

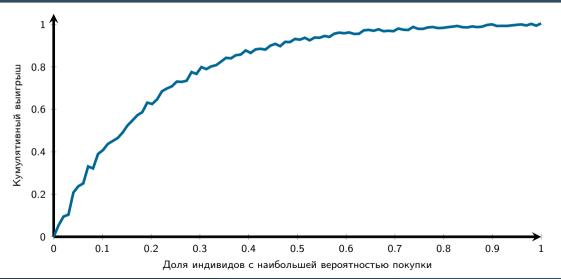
Дециль	Купили	Выигрыш	Кумулятивный выигрыш	Подъем	Кумулятивный подъем
1	50	0.25	0.25	2.5	2.5
2	40	0.2	0.45	2	2.25
3	35	0.175	0.65	1.75	2.08
4	25	0.125	0.75	1.25	1.88
5	20	0.1	0.85	1	1.7
6	8	0.04	0.89	0.4	1.48
7	10	0.05	0.94	0.5	1.34
8	2	0.01	0.95	0.1	1.19
9	5	0.025	0.975	0.25	1.08
10	5	0.025	1	0.25	1

• Вывод – согласно кумулятивному подъему, опросив индивидов из первых 5 децилей мы ожидаемое найдем в 1.7 раза больше покупателей, чем при случайном опросе.

Расчет кумулятивного выигрыша и подъема без использования децилей (gain)

- Проблема при использовании децилей мы видим кумулятивные выигрыши и подъемы лишь для соответствующих децилей. Иногда мы хотим более развернутую информацию, например, о выигрыше в случае, если мы таргетируем 57% наиболее вероятных покупателей.
- Решение нарисовать график, на который будут нанесены кумулятивные выигрыши и подъемы для каждой выборочной квантили наших данных:
 - Как и ранее сортируем индивидов в зависимости от вероятности покупки.
 - Для *i*-го индивида кумулятивный выигрыш рассчитывается как сумма его выигрыша и выигрышей всех тех, кто с большей вероятностью чем он совершит покупку.
 - Рассчитанные вероятности наносятся на график, где по оси x указана рассматриваемая доля индивидов с наибольшей вероятностью покупки, а по оси y кумулятивный выигрыш от этих индивидов.
 - Для кумулятивного подъема и кумулятивной прибыли процедура аналогична.
- Вывод для наглядности сперва можно привести графики или таблицы для децилей, а затем, для большей конкретики, рассмотреть непрерывный график.

Графическая иллюстрация кумулятивного выигрыша



Оценивание гиперпараметров

Оценивание гиперпараметров с помощью кросс-валидации

- Некоторые параметры не оцениваются непосредственно при обучении модели.
- К таким параметрам, именуемым **гиперпараметрами**, можно отнести, например, количество ближайших соседей и структуру байесовской сети.
- Подбор оптимальных значений гиперпараметров именуется тюнингом и, как правило, осуществляется с помощью кросс-валидации по следующему алгоритму:
 - Выбирается метрика качества модели, например, точность АСС прогноза или взвешенные доли прогнозов различного вида.
 - Модель оценивается при различных значениях гиперпараметров, например, с различным числом ближайших соседей и различными метриками расстояния.
 - Предпочтение отдается гиперпараметрам, максимизирующим выбранную метрику.
- В самом просто случае используется **жадный алгоритм**, при котором перебираются все задаваемые пользователем комбинации гиперпараметров.
- При достаточно большом числе гиперпараметров жадный алгоритм слишком ресурсозатратен, поэтому в качестве альтернативы применяются различные подходы рандомизированного поиска, когда гиперпараметры перебираются частично случайным образом, например, симулируются из некоторого совместного распределения.

Оценивание гиперпараметров

Пример с жадным алгоритмом

- Представим, что в качестве гиперпараметров выступает, во-первых, число ближайших соседей $k \in \{1,2,3\}$, во вторых, метрика расстояния: Евклидова $(\lambda=2)$ или Манхэттан $(\lambda=1)$.
- Выборка была разбита на обучающую и тестовую, после чего была проведена 5-блоичная кросс-валидации на основании метрик ACC и F1.

	λ	ACC	<i>F</i> 1
K	٠,	,	
1	1	0.81	0.85
2	1	0.76	0.91
3	1	0.75	0.86
1	2	0.68	0.88
2	2	0.83	0.91
3	2	0.75	0.92

• Результаты кросс-валидации свидетельствуют в пользу того, что в соответствии с ACC оптимальными являются значения k=2 и $\lambda=2$, а согласно F1 величины k=3 и $\lambda=2$.

Нерепрезентативная выборка

Балансировка классов с помощью изменения структуры выборки

- Иногда выборка оказывается несбалансированной не только по причине неравномерного распределения классов в генеральной совокупности, но и из-за дизайна исследования (подхода к сбору данных).
- Например, компания, продающая телефоны, хочет научиться прогнозировать, купит ли индивид их продукт.
- На основании опроса тех, кто купил у компании телефон, были собраны данные о характеристиках 100 индивидов. Также, компания опросила 400 случайно выбранных на улице индивидов, из которых лишь 10 купили телефон, продаваемый фирмой.
- На основании данных о продажах и населения страны фирма знает, что лишь 2% индивидов покупают ее телефон.
- Объединяя исходные и собранные данные фирма получает, что в выборке имеется 500 индивидов, из которых 110 купили телефон. При этом если бы фирма опросила случайным образом на улице всех 500 индивидов, то приблизительно лишь 10 из оказались бы покупателями телефона.
- Проблема модели, обученные на выборке, собранной фирмой, могут завышать условные вероятности покупки телефона случайным индивидом.
- Undersampling случайным образом удаляем представителей одного из классов до тех пор, пока соотношения классов не окажутся репрезентативны генеральной совокупности. Например, из 110 индивидов, купивших телефон, оставляем лишь 10.
- Oversampling случайным образом дублируем представителей одного из классов до тех пор, пока соотношения классов не окажутся репрезентативны генеральной совокупности. Например, чтобы индивиды, не купившие телефон, составили 98% от выборки, необходимо при помощи выбора с возвращением 390 превратить в x наблюдений, где x получается из решенения x/(x+110)=0.98, откуда x=5390.