# Теория Вероятностей и Статистика Условная вероятность

## Потанин Богдан Станиславович

старший преподаватель, кандидат экономических наук

2021

Определение дискретных случайных величин

lacktriangle Дискретная случайная величина — это функция  $X:\Omega o R.$ 

Определение дискретных случайных величин

• Дискретная случайная величина — это функция  $X:\Omega \to R$ .

### Пример:

• Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.

Определение дискретных случайных величин

lacktriangle Дискретная случайная величина — это функция  $X:\Omega o R.$ 

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} o R.$

### Определение дискретных случайных величин

lacktriangle Дискретная случайная величина — это функция  $X:\Omega o R$ .

### Пример:

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} o R.$

$$\bullet \ \ X(\omega) = \left\{ \right.$$

### Определение дискретных случайных величин

lacktriangle Дискретная случайная величина — это функция  $X:\Omega o R$ .

### Пример:

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает
   1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} o R.$

$$lacktriangle$$
  $X(\omega)= \left\{ egin{aligned} 10 ext{, ec,n} & \omega \in \{2,4,6\} \end{aligned} 
ight.$ 

### Определение дискретных случайных величин

lacktriangle Дискретная случайная величина — это функция  $X:\Omega o R$ .

### Пример:

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} o R.$

$$ullet$$
  $X(\omega)= egin{cases} 10 ext{, если }\omega\in\{2,4,6\}\ 15 ext{, если }\omega\in\{1,3\} \end{cases}$ 

### Определение дискретных случайных величин

lacktriangle Дискретная случайная величина — это функция  $X:\Omega o R.$ 

### Пример:

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} o R.$

$$ullet$$
  $X(\omega)=egin{cases} 10 ext{, ecли }\omega\in\{2,4,6\}\ 15 ext{, ecли }\omega\in\{1,3\}\ 0 ext{, ecли }\omega\in\{5\} \end{cases}$ 

### Определение дискретных случайных величин

- lacktriangle Дискретная случайная величина это функция  $X:\Omega o R$ .
- ullet Вероятность того, что случайная величина примет значение  $x \in R$ , считается как:

$$P(X = x) = P(\{\omega \in \Omega : X(\omega) = x\})$$

### Пример:

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает
   1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} o R.$

$$ullet$$
  $X(\omega)=egin{cases} 10 ext{, ecли }\omega\in\{2,4,6\}\ 15 ext{, ecли }\omega\in\{1,3\}\ 0 ext{, ecли }\omega\in\{5\} \end{cases}$ 

### Определение дискретных случайных величин

- Дискретная случайная величина это функция  $X:\Omega \to R$ .
- ullet Вероятность того, что случайная величина примет значение  $x \in R$ , считается как:

$$P(X = x) = P(\{\omega \in \Omega : X(\omega) = x\})$$

### Пример:

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} o R.$

### Вид функции:

$$ullet$$
  $X(\omega)=egin{cases} 10 ext{, если }\omega\in\{2,4,6\}\ 15 ext{, если }\omega\in\{1,3\}\ 0 ext{, если }\omega\in\{5\} \end{cases}$ 

#### Вероятности:

•  $P(X = 10) = P(\{2, 4, 6\}) = \frac{1}{2}$  – вероятность выиграть 10 долларов.

### Определение дискретных случайных величин

- lacktriangle Дискретная случайная величина это функция  $X:\Omega o R$ .
- ullet Вероятность того, что случайная величина примет значение  $x \in R$ , считается как:

$$P(X = x) = P(\{\omega \in \Omega : X(\omega) = x\})$$

ullet Вероятность того, что случайная величина примет значение, принадлежащее множеству  $S \in R$ , составляет:

$$P(X \in S) = P(\{\omega \in \Omega : X(\omega) \in S\}) = \sum_{x \in S} P(\{\omega \in \Omega : X(\omega) = x\})$$

#### Пример:

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} o R.$

#### Вид функции:

$$ullet$$
  $X(\omega)=egin{cases} 10 ext{, ecли }\omega\in\{2,4,6\}\ 15 ext{, ecли }\omega\in\{1,3\}\ 0 ext{, ecли }\omega\in\{5\} \end{cases}$ 

#### Вероятности:

•  $P(X = 10) = P(\{2, 4, 6\}) = \frac{1}{2}$  – вероятность выиграть 10 долларов.

### Определение дискретных случайных величин

- lacktriangle Дискретная случайная величина это функция  $X:\Omega o R$ .
- lacktriangle Вероятность того, что случайная величина примет значение  $x \in R$ , считается как:

$$P(X = x) = P(\{\omega \in \Omega : X(\omega) = x\})$$

ullet Вероятность того, что случайная величина примет значение, принадлежащее множеству  $S \in R$ , составляет:

$$P(X \in S) = P(\{\omega \in \Omega : X(\omega) \in S\}) = \sum_{x \in S} P(\{\omega \in \Omega : X(\omega) = x\})$$

#### Пример:

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего.
- Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной  $X:\{1,2,3,4,5,6\} 
  ightarrow R.$

#### Вид функции:

$$ullet$$
  $X(\omega)=egin{cases} 10 ext{, ecли }\omega\in\{2,4,6\}\ 15 ext{, ecли }\omega\in\{1,3\}\ 0 ext{, ecли }\omega\in\{5\} \end{cases}$ 

#### Вероятности:

- $P(X = 10) = P(\{2, 4, 6\}) = \frac{1}{2}$  вероятность выиграть 10 долларов.
- $P(X \in \{10, 15\}) = P(X = 10) + P(X = 15) = P(\{2, 4, 6\}) + P(\{1, 3\}) = \frac{5}{6}$  вероятность выиграть 5 или 10 долларов.

Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

#### Пример:

• Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.

### Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.

### Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .

## Распределение дискретных случайных величин

**• Распределение дискретной случайной величины** представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.

$$X(\omega) = \left\{ \right.$$

## Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.

$$X(\omega) = \left\{ egin{aligned} 20 ext{, если } \omega = \{ ext{orнeнный шар}\} \end{aligned} 
ight.$$

## Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.

$$X(\omega) = egin{cases} 20 ext{, если } \omega = \{ ext{огненный шар}\} \ 10 ext{, если } \omega = \{ ext{молния}\} \end{cases}$$

### Распределение дискретных случайных величин

**• Распределение дискретной случайной величины** представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.

$$X(\omega) = egin{cases} 20 ext{, если } \omega = \{ ext{огненный шар}\} \ 10 ext{, если } \omega = \{ ext{молния}\} \ 0 ext{, если } \omega \in \{ ext{заморозка, сосульки}\} \end{cases}$$

### Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.
- Закон распределения вероятностей.

$$X(\omega) = egin{cases} 20 ext{, если } \omega = \{ ext{огненный шар}\} \ 10 ext{, если } \omega = \{ ext{молния}\} \ 0 ext{, если } \omega \in \{ ext{заморозка, сосульки}\} \end{cases}$$

### Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.
- Закон распределения вероятностей.

$$X(\omega) = egin{cases} 20 ext{, если } \omega = \{ ext{огненный шар}\} \ 10 ext{, если } \omega = \{ ext{молния}\} \ 0 ext{, если } \omega \in \{ ext{заморозка, сосульки}\} \end{cases}$$
  $P(X=x) = egin{cases} 0.5 ext{, если } x=20 \ 0.5 ext{, если } x=20$ 

### Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.
- Закон распределения вероятностей.

$$X(\omega) = egin{cases} 20 ext{, если } \omega = \{ ext{orнehhbiй map}\} \ 10 ext{, если } \omega = \{ ext{moлhun}\} \ 0 ext{, если } \omega \in \{ ext{заморозка, сосульки}\} \end{cases}$$

$$P(X = x) = \begin{cases} 0.5, \text{ если } x = 20\\ 0.3, \text{ если } x = 10 \end{cases}$$

### Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\})=0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\})=0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\})=0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\})=0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.
- Закон распределения вероятностей.

$$X(\omega) = egin{cases} 20 ext{, если } \omega = \{ ext{огненный шар}\} \ 10 ext{, если } \omega = \{ ext{молния}\} \ 0 ext{, если } \omega \in \{ ext{заморозка, сосульки}\} \end{cases}$$

$$P(X = x) = \begin{cases} 0.5, \text{ если } x = 20\\ 0.3, \text{ если } x = 10\\ 0.15 + 0.05, \text{ если } x = 0 \end{cases}$$

### Распределение дискретных случайных величин

• Распределение дискретной случайной величины представляет собой закон (правило), в соответствии с которым каждому значению  $x \in R$  сопоставляется вероятность P(X = x).

- Вы сражаетесь с ледяным големом и можете применить против него одно из 4-х заклинаний. Если вы кинете в него огненный шар, то нанесете ему 20 очков урона. Если ударите в него молнией, то нанесете 10 очков урона. Если же попытаетесь применить к нему замораживающее заклинание или закидать его градом сосулек, то не нанесете ему никакого урона.
- Поскольку ваша волшебная палочка сломалась, то она колдует заклинания случайным образом. С вероятностью 0.5 вы используете огненный шар, с вероятностью 0.3 ударите молнией, с вероятностью 0.15 атакуете замораживающим заклинанием и с вероятностью 0.05 опрокидываете на ледяного голема град сосулек.
- ullet Вероятности:  $P(\{\text{огненный шар}\}) = 0.5$ ,  $P(\{\text{молния}\}) = 0.3$ ,  $P(\{\text{заморозка}\}) = 0.15$ ,  $P(\{\text{сосульки}\}) = 0.05$ .
- Рассмотрим случайную величину X количество нанесенного голему урона.
- Закон распределения вероятностей.

$$X(\omega) = egin{cases} 20 ext{, если } \omega = \{ ext{огненный шар}\} \ 10 ext{, если } \omega = \{ ext{молния}\} \ 0 ext{, если } \omega \in \{ ext{заморозка, сосульки}\} \end{cases}$$

$$P(X=x) = \begin{cases} 0.5, \text{ если } x = 20 \\ 0.3, \text{ если } x = 10 \\ 0.15 + 0.05, \text{ если } x = 0 \\ 0, \text{ если } x \notin \{0, 10, 20\} \end{cases}$$

Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

• Носитель дискретной случайной величины – множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $supp(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$ 

Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

- Носитель дискретной случайной величины множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $\sup(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$
- Распределение дискретной случайной величины часто задают в форме таблицы, в которой каждому элементу носителя случайной величины сопоставляется вероятность.

Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

- Носитель дискретной случайной величины множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $supp(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$
- Распределение дискретной случайной величины часто задают в форме таблицы, в которой каждому элементу носителя случайной величины сопоставляется вероятность.

### Пример:

• Вы подкидываете две обычные монетки. Количество выпавших орлов является случайной величиной. Найдите носитель это случайной величины, а также задайте ее распределение при помощи функции и при помощи таблицы. Подсказка:  $\Omega = \{(O,O),(O,P),(P,O),(P,P)\}$ , где O – орел, P – решка.

Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

- Носитель дискретной случайной величины множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $supp(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$
- Распределение дискретной случайной величины часто задают в форме таблицы, в которой каждому элементу носителя случайной величины сопоставляется вероятность.

### Пример:

• Вы подкидываете две обычные монетки. Количество выпавших орлов является случайной величиной. Найдите носитель это случайной величины, а также задайте ее распределение при помощи функции и при помощи таблицы. Подсказка:  $\Omega = \{(O,O),(O,P),(P,O),(P,P)\}$ , где O – орел, P – решка.

#### Решение:

• Поскольку с ненулевой вероятностью может выпасть либо ноль, либо один, либо два орла, то  $\sup(X)=\{0,1,2\}.$ 

Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

- Носитель дискретной случайной величины множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $supp(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$
- Распределение дискретной случайной величины часто задают в форме таблицы, в которой каждому элементу носителя случайной величины сопоставляется вероятность.

## Пример:

• Вы подкидываете две обычные монетки. Количество выпавших орлов является случайной величиной. Найдите носитель это случайной величины, а также задайте ее распределение при помощи функции и при помощи таблицы. Подсказка:  $\Omega = \{(O,O),(O,P),(P,O),(P,P)\}$ , где O – орел, P – решка.

#### Решение:

• Поскольку с ненулевой вероятностью может выпасть либо ноль, либо один, либо два орла, то  $supp(X) = \{0,1,2\}.$ 

#### Функция вероятности:

•  $P(X = 0) = P(\{(P, P)\}) = 0.25$ 

Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

- Носитель дискретной случайной величины множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $supp(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$
- Распределение дискретной случайной величины часто задают в форме таблицы, в которой каждому элементу носителя случайной величины сопоставляется вероятность.

## Пример:

• Вы подкидываете две обычные монетки. Количество выпавших орлов является случайной величиной. Найдите носитель это случайной величины, а также задайте ее распределение при помощи функции и при помощи таблицы. Подсказка:  $\Omega = \{(O,O),(O,P),(P,O),(P,P)\}$ , где O – орел, P – решка.

#### Решение:

• Поскольку с ненулевой вероятностью может выпасть либо ноль, либо один, либо два орла, то  $\sup(X) = \{0,1,2\}.$ 

#### Функция вероятности:

- $P(X = 0) = P(\{(P, P)\}) = 0.25$
- $P(X = 1) = P(\{(O, P), (P, O)\}) = 0.5$

## Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

- Носитель дискретной случайной величины множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $supp(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$
- Распределение дискретной случайной величины часто задают в форме таблицы, в которой каждому элементу носителя случайной величины сопоставляется вероятность.

### Пример:

• Вы подкидываете две обычные монетки. Количество выпавших орлов является случайной величиной. Найдите носитель это случайной величины, а также задайте ее распределение при помощи функции и при помощи таблицы. Подсказка:  $\Omega = \{(O,O),(O,P),(P,O),(P,P)\}$ , где O – орел, P – решка.

#### Решение:

• Поскольку с ненулевой вероятностью может выпасть либо ноль, либо один, либо два орла, то  $\sup(X) = \{0,1,2\}.$ 

#### Функция вероятности:

- $P(X = 0) = P(\{(P, P)\}) = 0.25$
- $P(X = 1) = P(\{(O, P), (P, O)\}) = 0.5$
- $P(X = 2) = P(\{(O, O)\}) = 0.25$

Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

- Носитель дискретной случайной величины множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $supp(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$
- Распределение дискретной случайной величины часто задают в форме таблицы, в которой каждому элементу носителя случайной величины сопоставляется вероятность.

### Пример:

• Вы подкидываете две обычные монетки. Количество выпавших орлов является случайной величиной. Найдите носитель это случайной величины, а также задайте ее распределение при помощи функции и при помощи таблицы. Подсказка:  $\Omega = \{(O,O),(O,P),(P,O),(P,P)\}$ , где O – орел, P – решка.

#### Решение:

• Поскольку с ненулевой вероятностью может выпасть либо ноль, либо один, либо два орла, то  $\sup(X)=\{0,1,2\}.$ 

#### Функция вероятности:

- $P(X = 0) = P(\{(P, P)\}) = 0.25$
- $P(X = 1) = P(\{(O, P), (P, O)\}) = 0.5$
- $P(X = 2) = P(\{(O, O)\}) = 0.25$
- $P(X \notin \{0,1,2\}) = 0$

Носитель и таблица распределения дискретной случайной величины

- Носитель дискретной случайной величины множество значений, которые дискретная случайная величина принимает с ненулевой вероятностью:  $supp(X) = \{x \in R : P(X = x) > 0\}.$
- Распределение дискретной случайной величины часто задают в форме таблицы, в которой каждому элементу носителя случайной величины сопоставляется вероятность.

## Пример:

• Вы подкидываете две обычные монетки. Количество выпавших орлов является случайной величиной. Найдите носитель это случайной величины, а также задайте ее распределение при помощи функции и при помощи таблицы. **Подсказка**:  $\Omega = \{(O,O),(O,P),(P,O),(P,P)\}$ , где O – орел, P – решка.

#### Решение:

• Поскольку с ненулевой вероятностью может выпасть либо ноль, либо один, либо два орла, то  $supp(X) = \{0,1,2\}.$ 

#### Функция вероятности:

• 
$$P(X = 0) = P(\{(P, P)\}) = 0.25$$

• 
$$P(X = 1) = P(\{(O, P), (P, O)\}) = 0.5$$

• 
$$P(X = 2) = P(\{(O, O)\}) = 0.25$$

• 
$$P(X \notin \{0,1,2\}) = 0$$

#### Таблица:

X	0	1	2
P(X=x)	0.25	0.5	0.25

Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

ullet Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \mathbf{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X, распределение которой задано следующей таблицей:

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Функция распределения

**Функцией распределения** дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \mathbf{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X, распределение которой задано следующей таблицей:

×	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

### Решение:

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \mathbf{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X, распределение которой задано следующей таблицей:

×	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной *X*, распределение которой задано следующей таблицей:

×	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$ 

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X, распределение которой задано следующей таблицей:

×	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

### Решение:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$   
 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$ 

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X, распределение которой задано следующей таблицей:

×	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$   
 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$   
 $P(X \le 2) = 0.2 + 0.3 + 0.4 = 0.9$ 

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

#### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X, распределение которой задано следующей таблицей:

×	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$   
 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$   
 $P(X \le 2) = 0.2 + 0.3 + 0.4 = 0.9$   
 $P(X \le 3) = 0.2 + 0.3 + 0.4 + 0.1 = 1$ 

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной *X*, распределение которой задано следующей таблицей:

×	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$   
 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$   
 $P(X \le 2) = 0.2 + 0.3 + 0.4 = 0.9$   
 $P(X \le 3) = 0.2 + 0.3 + 0.4 + 0.1 = 1$ 

$$F_X(x) = P(X \le x) =$$

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной *X*, распределение которой задано следующей таблицей:

X	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

• Возможные значения функции распределения:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$   
 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$   
 $P(X \le 2) = 0.2 + 0.3 + 0.4 = 0.9$   
 $P(X \le 3) = 0.2 + 0.3 + 0.4 + 0.1 = 1$ 

Функция распределения:

$$F_X(x) = P(X \le x) = \left\{egin{aligned} 0, \ \operatorname{если} \ x < 0 \end{aligned}
ight.$$

#### Функция распределения

ullet Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \mathsf{supp}(X) : t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

 Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X. распределение которой задано следующей таблицей:

X	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

• Возможные значения функции распределения:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$   
 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$   
 $P(X \le 2) = 0.2 + 0.3 + 0.4 = 0.9$   
 $P(X \le 3) = 0.2 + 0.3 + 0.4 + 0.1 = 1$ 

Функция распределения:

Функция распределения: 
$$F_X(x) = P(X \le x) = \begin{cases} 0, \text{ если } x < 0 \\ 0.2, \text{ если } 0 \le x < 1 \end{cases}$$

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X, распределение которой задано следующей таблицей:

X	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

• Возможные значения функции распределения:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$   
 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$   
 $P(X \le 2) = 0.2 + 0.3 + 0.4 = 0.9$   
 $P(X \le 3) = 0.2 + 0.3 + 0.4 + 0.1 = 1$ 

• Функция распределения:

$$F_X(x) = P(X \le x) = egin{cases} 0, & \mathsf{если} \ x < 0 \ 0.2, & \mathsf{если} \ 0 \le x < 1 \ 0.5, & \mathsf{если} \ 1 \le x < 2 \end{cases}$$

#### Функция распределения

lacktriangle Функцией распределения дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной *X*, распределение которой задано следующей таблицей:

X	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$
  
 $P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$   
 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$   
 $P(X \le 2) = 0.2 + 0.3 + 0.4 = 0.9$   
 $P(X \le 3) = 0.2 + 0.3 + 0.4 + 0.1 = 1$ 

$$F_X(x) = P(X \le x) = egin{cases} 0, \ ext{если} \ x < 0 \ 0.2, \ ext{если} \ 0 \le x < 1 \ 0.5, \ ext{ если} \ 1 \le x < 2 \ 0.9, \ ext{если} \ 2 \le x < 3 \end{cases}$$

#### Функция распределения

**Функцией распределения** дискретной случайной величины X является функция:

$$F_X(x) = P(\omega \in \Omega : X(\omega) \le x) = P(X \le x) = \sum_{t \in \text{supp}(X): t \le x} P(X = t), \forall x \in R$$

• Функция распределения не убывает и принимает значения от 0 до 1 включительно.

### Пример:

• Число правильно решенных задач на контрольной является случайной величиной X, распределение которой задано следующей таблицей:

X	0	1	2	3
P(X=x)	0.2	0.3	0.4	0.1

Найдите функцию распределения числа верно решенных задач.

#### Решение:

• Возможные значения функции распределения:

$$P(X < 0) = P(\{\emptyset\}) = 0$$

$$P(X \le 0) = P(X = 0) = 0.2$$

$$P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1) = 0.2 + 0.3 = 0.5$$

$$P(X \le 2) = 0.2 + 0.3 + 0.4 = 0.9$$

$$P(X \le 3) = 0.2 + 0.3 + 0.4 + 0.1 = 1$$

Функция распределения:

$$F_X(x) = P(X \le x) = egin{cases} 0, \ ext{если } x < 0 \ 0.2, \ ext{если } 0 \le x < 1 \ 0.5, \ ext{ если } 1 \le x < 2 \ 0.9, \ ext{ если } 2 \le x < 3 \ 1, \ ext{ если } x \ge 3 \end{cases}$$

Распределение функции от дискретной случайной величины

• Пусть имеется случайная величина X. Рассмотрим функцию  $g: \text{ѕирр}(X) \to R$ . Распределение случайной величины g(X) будет задаваться следующей функцией вероятности:

$$P(g(X) = x) = P(\lbrace w \in \Omega : g(X(\omega)) = x \rbrace = \sum_{t \in \text{supp}(X) : g(t) = x} P(X = t)$$

Распределение функции от дискретной случайной величины

• Пусть имеется случайная величина X. Рассмотрим функцию  $g: \text{ѕирр}(X) \to R$ . Распределение случайной величины g(X) будет задаваться следующей функцией вероятности:

$$P(g(X) = x) = P(\lbrace w \in \Omega : g(X(\omega)) = x\rbrace = \sum_{t \in \text{supp}(X) : g(t) = x} P(X = t)$$

**Пример:** про случайную величину X известно, что P(X=-5)=0.2, P(X=3)=0.3 и P(X=5)=0.5, найдите распределение случайной величины  $X^2$ .

Распределение функции от дискретной случайной величины

• Пусть имеется случайная величина X. Рассмотрим функцию  $g: \text{ѕирр}(X) \to R$ . Распределение случайной величины g(X) будет задаваться следующей функцией вероятности:

$$P(g(X) = x) = P(\lbrace w \in \Omega : g(X(\omega)) = x\rbrace = \sum_{t \in \text{supp}(X) : g(t) = x} P(X = t)$$

**Пример:** про случайную величину X известно, что P(X=-5)=0.2, P(X=3)=0.3 и P(X=5)=0.5, найдите распределение случайной величины  $X^2$ .

• 
$$g(x) = x^2, x \in \text{supp}(X)$$

Распределение функции от дискретной случайной величины

• Пусть имеется случайная величина X. Рассмотрим функцию  $g: \text{ѕирр}(X) \to R$ . Распределение случайной величины g(X) будет задаваться следующей функцией вероятности:

$$P(g(X) = x) = P(\lbrace w \in \Omega : g(X(\omega)) = x\rbrace = \sum_{t \in \mathsf{supp}(X) : g(t) = x} P(X = t)$$

**Пример:** про случайную величину X известно, что P(X=-5)=0.2, P(X=3)=0.3 и P(X=5)=0.5, найдите распределение случайной величины  $X^2$ .

- $g(x) = x^2, x \in \text{supp}(X)$
- $supp(X) = \{-5, 3, 5\} \implies supp(X^2) = \{9, 25\}$

Распределение функции от дискретной случайной величины

• Пусть имеется случайная величина X. Рассмотрим функцию  $g: \text{ѕирр}(X) \to R$ . Распределение случайной величины g(X) будет задаваться следующей функцией вероятности:

$$P(g(X) = x) = P(\lbrace w \in \Omega : g(X(\omega)) = x\rbrace = \sum_{t \in \mathsf{supp}(X) : g(t) = x} P(X = t)$$

**Пример:** про случайную величину X известно, что P(X=-5)=0.2, P(X=3)=0.3 и P(X=5)=0.5, найдите распределение случайной величины  $X^2$ .

- $g(x) = x^2, x \in \text{supp}(X)$
- $supp(X) = \{-5, 3, 5\} \implies supp(X^2) = \{9, 25\}$
- $P(X^2 = 9) = P(X = 3) = 0.3$

Распределение функции от дискретной случайной величины

• Пусть имеется случайная величина X. Рассмотрим функцию  $g: \text{ѕирр}(X) \to R$ . Распределение случайной величины g(X) будет задаваться следующей функцией вероятности:

$$P(g(X) = x) = P(\lbrace w \in \Omega : g(X(\omega)) = x\rbrace = \sum_{t \in \mathsf{supp}(X) : g(t) = x} P(X = t)$$

**Пример:** про случайную величину X известно, что P(X=-5)=0.2, P(X=3)=0.3 и P(X=5)=0.5, найдите распределение случайной величины  $X^2$ .

- $g(x) = x^2, x \in \text{supp}(X)$
- $supp(X) = \{-5, 3, 5\} \implies supp(X^2) = \{9, 25\}$
- $P(X^2 = 9) = P(X = 3) = 0.3$
- $P(X^2 = 25) = P(X = -5) + P(X = 5) = 0.2 + 0.5 = 0.7$

Распределение функции от дискретной случайной величины

• Пусть имеется случайная величина X. Рассмотрим функцию  $g: \text{ѕирр}(X) \to R$ . Распределение случайной величины g(X) будет задаваться следующей функцией вероятности:

$$P(g(X) = x) = P(\lbrace w \in \Omega : g(X(\omega)) = x\rbrace = \sum_{t \in \text{supp}(X) : g(t) = x} P(X = t)$$

**Пример:** про случайную величину X известно, что P(X=-5)=0.2, P(X=3)=0.3 и P(X=5)=0.5, найдите распределение случайной величины  $X^2$ .

- $g(x) = x^2, x \in \text{supp}(X)$
- $supp(X) = \{-5, 3, 5\} \implies supp(X^2) = \{9, 25\}$
- $P(X^2 = 9) = P(X = 3) = 0.3$
- $P(X^2 = 25) = P(X = -5) + P(X = 5) = 0.2 + 0.5 = 0.7$
- $P(X \notin \{9, 25\}) = 0$

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

### Пример:

• Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.
- Если наступило событие А выпало нечетное число, то вероятность выиграть 15 долларов составит:

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.
- Если наступило событие A выпало нечетное число, то вероятность выиграть 15 долларов составит:  $P(X = 15|A) = \frac{P(\{1,3\}) \cap \{1,3\} \cap \{1,3\}, \{5\})}{P(\{1,2,5\})} = \frac{P(\{1,3\})}{P(\{1,2,5\})} = \frac{2}{3}$

## Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.
- Если наступило событие A выпало нечетное число, то вероятность выиграть 15 долларов составит:  $P(X=15|A) = \frac{P(\{1,3\} \cap \{1,3,5\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{P(\{1,3\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{2}{3}$
- ullet Если наступило событие B выпало не 6 и не 1, то вероятность выиграть более 8 долларов составит:

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.
- Если наступило событие A выпало нечетное число, то вероятность выиграть 15 долларов составит:  $P(X=15|A) = \frac{P(\{1,3\} \cap \{1,3,5\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{P(\{1,3\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{2}{3}$
- ullet Если наступило событие B выпало не 6 и не 1, то вероятность выиграть более 8 долларов составит:  $P(X>8|B)=rac{P(((X=10)\cup(X=15))\cap B)}{P(B)}=rac{P((\{1,3\}\cup\{2,4,6\})\cap\{2,3,4,5\})}{P(\{2,3,4,5\})}=rac{P(2,3,4)}{P(\{2,3,4,5\})}=rac{3}{4}$

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.
- Если наступило событие A выпало нечетное число, то вероятность выиграть 15 долларов составит:  $P(X=15|A) = \frac{P(\{1,3\}\cap\{1,3,5\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{P(\{1,3\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{2}{3}$
- Если наступило событие B выпало не 6 и не 1, то вероятность выиграть более 8 долларов составит:  $P(X>8|B) = \frac{P(((X=10)\cup(X=15))\cap B)}{P(B)} = \frac{P((\{1,3\}\cup\{2,4,6\})\cap\{2,3,4,5\})}{P(\{2,3,4,5\})} = \frac{P(2,3,4)}{P(\{2,3,4,5\})} = \frac{3}{4}$
- ullet Если наступило событие C ваш выигрыш превысил 0, то вероятность выиграть 10 долларов составит:

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.
- Если наступило событие A выпало нечетное число, то вероятность выиграть 15 долларов составит:  $P(X=15|A) = \frac{P(\{1,3\} \cap \{1,3,5\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{P(\{1,3\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{2}{3}$
- Если наступило событие B выпало не 6 и не 1, то вероятность выиграть более 8 долларов составит:  $P(X>8|B) = \frac{P(((X=10)\cup(X=15))\cap B)}{P(B)} = \frac{P((\{1,3\}\cup\{2,4,6\})\cap\{2,3,4,5\})}{P(\{2,3,4,5\})} = \frac{P(2,3,4)}{P(\{2,3,4,5\})} = \frac{3}{4}$
- Если наступило событие C ваш выигрыш превысил 0, то вероятность выиграть 10 долларов составит:  $P(X=10|X>0) = \frac{P((X=10)\cap(X>0))}{P(X>0)} = \frac{P(X=10)}{P(X=10)} = \frac{3/6}{2/612/6} = \frac{3}{5}$

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.
- Если наступило событие A выпало нечетное число, то вероятность выиграть 15 долларов составит:  $P(X=15|A) = \frac{P(\{1,3\} \cap \{1,3,5\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{P(\{1,3\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{2}{3}$
- Если наступило событие B выпало не 6 и не 1, то вероятность выиграть более 8 долларов составит:  $P(X>8|B) = \frac{P(((X=10)\cup(X=15))\cap B)}{P(B)} = \frac{P((\{1,3\}\cup\{2,4,6\})\cap\{2,3,4,5\})}{P(\{2,3,4,5\})} = \frac{P(2,3,4)}{P(\{2,3,4,5\})} = \frac{3}{4}$
- Если наступило событие C ваш выигрыш превысил 0, то вероятность выиграть 10 долларов составит:  $P(X=10|X>0) = \frac{P((X=10)\cap(X>0))}{P(X>0)} = \frac{P(X=10)}{P(X=10)+P(X=15)} = \frac{3/6}{3/6+2/6} = \frac{3}{5}$
- ullet Значение функции распределения случайной величины (X|A) в точке 12 равняется:

### Условное распределение дискретных случайных величин

• Пусть имеются случайная величина X и событие A. Условное распределение случайной величины X при условии A, то есть случайной величины (X|A), может быть задано условной функцией вероятности:

$$P((X|A) = x) = P(X = x|A) = \frac{P((X = x) \cap A)}{P(A)}, x \in R$$

- Вы кидаете шестигранный кубик. Если выпадает четное число, то вы получаете 10 долларов. Если выпадает 1 или 3, то вам платят 15 долларов. Наконец, если выпадает 5, то вы не получаете ничего. Количество денег, которое вы получите по результатам броска кубика, является случайной величиной X.
- Если наступило событие A выпало нечетное число, то вероятность выиграть 15 долларов составит:  $P(X=15|A) = \frac{P(\{1,3\}\cap\{1,3,5\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{P(\{1,3\})}{P(\{1,3,5\})} = \frac{2}{3}$
- Если наступило событие B выпало не 6 и не 1, то вероятность выиграть более 8 долларов составит:  $P(X>8|B) = \frac{P(((X=10) \cup (X=15)) \cap B)}{P(B)} = \frac{P((\{1,3\} \cup \{2,4,6\}) \cap \{2,3,4,5\})}{P(\{2,3,4,5\})} = \frac{P(2,3,4)}{P(\{2,3,4,5\})} = \frac{3}{4}$
- Если наступило событие C ваш выигрыш превысил 0, то вероятность выиграть 10 долларов составит:  $P(X=10|X>0) = \frac{P((X=10)\cap(X>0))}{P(X>0)} = \frac{P(X=10)}{P(X=10)+P(X=15)} = \frac{3/6}{3/6+2/6} = \frac{3}{5}$
- Значение функции распределения случайной величины (X|A) в точке 12 равняется:  $F_{X|A}(12) = P(X \le 12|A) = P(X=0|A) + P(X=10|A) = 1 P(X=15|A) = \frac{1}{3}$

Задача на таблицу распределения

• Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

Найдите:

константу с:

## Задача на таблицу распределения

ullet Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

### Найдите:

константу с:

$$0.1 + c + 0.05 + c^2 + 0.1 = 1 \implies c = 0.5$$

## Задача на таблицу распределения

lacktriangle Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

- константу c:  $0.1 + c + 0.05 + c^2 + 0.1 = 1 \implies c = 0.5$
- ullet вероятность того, что X примет положительное значение:

### Задача на таблицу распределения

• Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

- константу c:  $0.1 + c + 0.05 + c^2 + 0.1 = 1 \implies c = 0.5$
- ullet вероятность того, что X примет положительное значение:

$$P(X > 0) = P(X = 3) + P(X = 10) + P(X = 15) = 0.05 + 0.5^{2} + 0.1 = 0.4$$

### Задача на таблицу распределения

• Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

- константу c:  $0.1 + c + 0.05 + c^2 + 0.1 = 1 \implies c = 0.5$
- ullet вероятность того, что X примет положительное значение:  $P(X>0)=P(X=3)+P(X=10)+P(X=15)=0.05+0.5^2+0.1=0.4$
- ullet вероятность того, что X не меньше 9, если X принял положительное значение меньше 11:

### Задача на таблицу распределения

• Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

- константу c:  $0.1 + c + 0.05 + c^2 + 0.1 = 1 \implies c = 0.5$
- вероятность того, что X примет положительное значение:  $P(X>0)=P(X=3)+P(X=10)+P(X=15)=0.05+0.5^2+0.1=0.4$
- ullet вероятность того, что X не меньше 9, если X принял положительное значение меньше 11:  $P(X \geq 10|0 < X < 11) = rac{P(10 \leq X < 11)}{P(0 < X < 11)} = rac{P(X = 10)}{P(X = 3) + P(X = 10)} = rac{0.25}{0.25 + 0.1} = rac{5}{7}$

#### Задача на таблицу распределения

• Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

Найдите:

- константу c:  $0.1 + c + 0.05 + c^2 + 0.1 = 1 \implies c = 0.5$
- ullet вероятность того, что X примет положительное значение:  $P(X>0)=P(X=3)+P(X=10)+P(X=15)=0.05+0.5^2+0.1=0.4$
- ullet вероятность того, что X не меньше 9, если X принял положительное значение меньше 11:  $P(X \geq 10|0 < X < 11) = rac{P(10 \leq X < 11)}{P(0 < X < 11)} = rac{P(X = 10)}{P(X = 3) + P(X = 10)} = rac{0.25}{0.25 + 0.1} = rac{5}{7}$
- lacktriangle вероятность того, что (2|X-7|+1) примет значение 21:

#### Задача на таблицу распределения

• Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

Найдите:

- константу c:  $0.1 + c + 0.05 + c^2 + 0.1 = 1 \implies c = 0.5$
- вероятность того, что X примет положительное значение:  $P(X>0)=P(X=3)+P(X=10)+P(X=15)=0.05+0.5^2+0.1=0.4$
- ullet вероятность того, что X не меньше 9, если X принял положительное значение меньше 11:  $P(X \geq 10|0 < X < 11) = rac{P(10 \leq X < 11)}{P(0 < X < 11)} = rac{P(X = 10)}{P(X = 3) + P(X = 10)} = rac{0.25}{0.25 + 0.1} = rac{5}{7}$
- ullet вероятность того, что (2|X-7|+1) примет значение 21:  $P(2|X-7|+1=21)=P\left((X=-3)\cup(X=17)\right)=P(X=-3)+P(X=17)=0.1+0=0.1$
- lacktriangle функцию распределения случайной величины  $X^2$  в точке 10:

#### Задача на таблицу распределения

• Распределение случайной величины X задано таблицей:

×	-3	0	3	10	15
P(X=x)	0.1	С	0.05	$c^2$	0.1

#### Найдите:

- константу c:  $0.1 + c + 0.05 + c^2 + 0.1 = 1 \implies c = 0.5$
- вероятность того, что X примет положительное значение:  $P(X > 0) = P(X = 3) + P(X = 10) + P(X = 15) = 0.05 + 0.5^2 + 0.1 = 0.4$
- вероятность того, что X не меньше 9, если X принял положительное значение меньше 11:  $P(X \ge 10|0 < X < 11) = \frac{P(10 \le X < 11)}{P(0 < X < 11)} = \frac{P(X=10)}{P(X=3) + P(X=10)} = \frac{0.25}{0.25 + 0.1} = \frac{5}{7}$
- ullet вероятность того, что (2|X-7|+1) примет значение 21:  $P(2|X-7|+1=21)=P\left((X=-3)\cup(X=17)\right)=P(X=-3)+P(X=17)=0.1+0=0.1$
- функцию распределения случайной величины  $X^2$  в точке 10:  $F_{X^2}(10) = P(X^2 \le 10) = P(X = -3) + P(X = 0) + P(X = 3) = 0.1 + 0.5 + 0.05 = 0.65$

Вероятность попадания дискретной случайной величины в интервал

• Вероятность попадания случайной величины в интервал:

$$P(a < X \le b) = F_X(b) - F_X(a)$$

Вероятность попадания дискретной случайной величины в интервал

• Вероятность попадания случайной величины в интервал:

$$P(a < X \le b) = F_X(b) - F_X(a)$$

Доказательство:

$$P(a < X \le b) = [P(X \le a) + P(a < X \le b)] - P(X \le a) =$$
  
=  $P(X \le b) - P(X \le a) = F_X(b) - F_X(a)$ 

Вероятность попадания дискретной случайной величины в интервал

• Вероятность попадания случайной величины в интервал:

$$P(a < X \le b) = F_X(b) - F_X(a)$$

Доказательство:

$$P(a < X \le b) = [P(X \le a) + P(a < X \le b)] - P(X \le a) =$$

$$= P(X \le b) - P(X \le a) = F_X(b) - F_X(a)$$

#### Пример:

• Сервис по доставке еды на дом принимает заказы. Вероятность того, что фирма получит не более 8 заказов, равняется 0.8. Вероятность получить более 5 заказов составляет 0.3. Найдите вероятность того, что фирма получит от 6 до 8 заказов включительно.

Вероятность попадания дискретной случайной величины в интервал

• Вероятность попадания случайной величины в интервал:

$$P(a < X \le b) = F_X(b) - F_X(a)$$

Доказательство:

$$P(a < X \le b) = [P(X \le a) + P(a < X \le b)] - P(X \le a) =$$
  
=  $P(X \le b) - P(X \le a) = F_X(b) - F_X(a)$ 

#### Пример:

• Сервис по доставке еды на дом принимает заказы. Вероятность того, что фирма получит не более 8 заказов, равняется 0.8. Вероятность получить более 5 заказов составляет 0.3. Найдите вероятность того, что фирма получит от 6 до 8 заказов включительно.

Решение:  $P(6 \le X \le 8) = P(5 < X \le 8) = F_X(8) - F_X(5) = 0.8 - 0.3 = 0.5.$ 

Пределы функции распределения

#### Справедливы следующие пределы:

$$\bullet \lim_{x\to -\infty} F_X(x) = 0$$

Пределы функции распределения

#### Справедливы следующие пределы:

$$\bullet \lim_{x\to -\infty} F_X(x) = 0$$

$$\bullet \lim_{x\to\infty} F_X(x) = 1$$

Пределы функции распределения

#### Справедливы следующие пределы:

- $\bullet \lim_{x\to -\infty} F_X(x) = 0$
- $\bullet \lim_{x\to\infty} F_X(x) = 1$

#### Пример:

• Число новых клиентов фирмы является случайной величиной y/X, где  $y \in N$  отражает объем средств, вложенных в рекламную кампанию, а X – случайная величина с носителем  $\mathrm{supp}(X) = \{1,2,\cdots\}$ , отражающая меру общественного порицания деятельности фирмы. Найдите, к чему стремится вероятность того, что фирма привлечет не менее 100 новых клиентов, если расходы на рекламу стремятся к бесконечности.

Пределы функции распределения

#### Справедливы следующие пределы:

- $\bullet \lim_{x \to -\infty} F_X(x) = 0$
- $\bullet \lim_{x\to\infty} F_X(x)=1$

#### Пример:

• Число новых клиентов фирмы является случайной величиной y/X, где  $y \in N$  отражает объем средств, вложенных в рекламную кампанию, а X – случайная величина с носителем  $\mathrm{supp}(X) = \{1,2,\cdots\}$ , отражающая меру общественного порицания деятельности фирмы. Найдите, к чему стремится вероятность того, что фирма привлечет не менее 100 новых клиентов, если расходы на рекламу стремятся к бесконечности.

Решение: 
$$\lim_{y\to\infty} P(y/X \ge 100) = \lim_{y\to\infty} P(X \le \frac{y}{100}) = \lim_{x\to\infty} P(X \le x) = \lim_{x\to\infty} F_X(x) = 1.$$

Случайные монетки, часть 1

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших Орлов.

Случайные монетки, часть 1

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших Орлов.

• Задайте распределение числа выпавших орлов при помощи таблицы.

• Найдите функцию распределения число выпавших орлов.

Случайные монетки, часть 1

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших Орлов.

• Задайте распределение числа выпавших орлов при помощи таблицы.

• Найдите функцию распределения число выпавших орлов.

#### Случайные монетки, часть 1

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших Орлов.

• Задайте распределение числа выпавших орлов при помощи таблицы.

• Найдите функцию распределения число выпавших орлов.

$$F_X(x) = egin{cases} 0 ext{, если } x < 0 \ 1/8 ext{, если } 0 \leq x < 1 \ 4/8 ext{, если } 1 \leq x < 2 \ 7/8 ext{, если } 2 \leq x < 3 \ 1 ext{, если } x \geq 3 \end{cases}$$

Случайные монетки, часть 2

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

Случайные монетки, часть 2

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассмотрим событие A – выпал по крайней мере один орел. Задайте условное распределение (X|A) при помощи таблицы.

ullet Найдите распределение |X-2| и запишите соответствующую функцию распределения.

Случайные монетки, часть 2

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассмотрим событие A – выпал по крайней мере один орел. Задайте условное распределение (X|A) при помощи таблицы.

• Найдите распределение |X-2| и запишите соответствующую функцию распределения.

Случайные монетки, часть 2

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассмотрим событие A – выпал по крайней мере один орел. Задайте условное распределение (X|A) при помощи таблицы.

• Найдите распределение |X-2| и запишите соответствующую функцию распределения.

$$\begin{array}{c|cccc}
x & 0 & 1 \\
\hline
P(|X-2|=x) & 3/7 & 4/7
\end{array}$$

#### Случайные монетки, часть 2

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассмотрим событие A – выпал по крайней мере один орел. Задайте условное распределение (X|A) при помощи таблицы.

• Найдите распределение |X-2| и запишите соответствующую функцию распределения.

$$rac{\mathsf{x}}{\mathsf{P}(|\mathsf{X} ext{-}2|=\mathsf{x})} \left| egin{array}{c|c} 1 & 1 & \\ \hline \mathsf{P}(|\mathsf{X} ext{-}2|=\mathsf{x}) & 3/7 & 4/7 \end{array} 
ight|$$
  $F_{|\mathsf{X} ext{-}2|}(x) = egin{cases} 0, \ \mathsf{e}\mathsf{c}\mathsf{n}\mathsf{u} \ x < 0 & \\ 3/7, \ \mathsf{e}\mathsf{c}\mathsf{n}\mathsf{u} \ 0 \leq x < 1 & \\ 1, \ \mathsf{e}\mathsf{c}\mathsf{n}\mathsf{u} \ x \geq 1 & \end{aligned}$ 

Случайные монетки, часть 3

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

Случайные монетки, часть 3

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассчитайте вероятность  $P(X \ge 2 | X \ge 1)$ .

Случайные монетки, часть 3

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассчитайте вероятность  $P(X \ge 2|X \ge 1)$ .

$$P(X \ge 2 | X \ge 1) = \frac{P(X \ge 2 \cap X \ge 1)}{P(X \ge 1)} = \frac{P(X \ge 2)}{P(X \ge 1)} =$$

#### Случайные монетки, часть 3

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассчитайте вероятность  $P(X \ge 2|X \ge 1)$ .

$$P(X \ge 2|X \ge 1) = \frac{P(X \ge 2 \cap X \ge 1)}{P(X \ge 1)} = \frac{P(X \ge 2)}{P(X \ge 1)} =$$

$$= \frac{P(X = 2) + P(X = 3)}{P(X = 1) + P(X = 2) + P(X = 3)} = \frac{3/8 + 1/8}{3/8 + 3/8 + 1/8} = \frac{4}{7}$$

#### Случайные монетки, часть 3

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассчитайте вероятность  $P(X \ge 2|X \ge 1)$ .

$$P(X \ge 2|X \ge 1) = \frac{P(X \ge 2 \cap X \ge 1)}{P(X \ge 1)} = \frac{P(X \ge 2)}{P(X \ge 1)} =$$

$$= \frac{P(X = 2) + P(X = 3)}{P(X = 1) + P(X = 2) + P(X = 3)} = \frac{3/8 + 1/8}{3/8 + 3/8 + 1/8} = \frac{4}{7}$$

$$supp(X|X < 2.5) = \{0, 1, 2\} \implies supp(5(X - 1)^2 + 1|X < 2.5) = \{1, 6\}$$

#### Случайные монетки, часть 3

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассчитайте вероятность  $P(X \ge 2|X \ge 1)$ .

$$P(X \ge 2 | X \ge 1) = \frac{P(X \ge 2 \cap X \ge 1)}{P(X \ge 1)} = \frac{P(X \ge 2)}{P(X \ge 1)} =$$

$$= \frac{P(X = 2) + P(X = 3)}{P(X = 1) + P(X = 2) + P(X = 3)} = \frac{3/8 + 1/8}{3/8 + 3/8 + 1/8} = \frac{4}{7}$$

$$supp(X|X < 2.5) = \{0, 1, 2\} \implies supp(5(X - 1)^2 + 1|X < 2.5) = \{1, 6\}$$

$$P(5(X - 1)^2 + 1 = 1|X < 2.5) = P(X = 1|X < 2.5) = 3/7$$

#### Случайные монетки, часть 3

Вы подбрасываете правильную монетку 3 раза. Рассмотрим случайную величину X – число выпавших орлов.

• Рассчитайте вероятность  $P(X \ge 2 | X \ge 1)$ .

$$P(X \ge 2|X \ge 1) = \frac{P(X \ge 2 \cap X \ge 1)}{P(X \ge 1)} = \frac{P(X \ge 2)}{P(X \ge 1)} =$$

$$= \frac{P(X = 2) + P(X = 3)}{P(X = 1) + P(X = 2) + P(X = 3)} = \frac{3/8 + 1/8}{3/8 + 3/8 + 1/8} = \frac{4}{7}$$

$$supp(X|X < 2.5) = \{0, 1, 2\} \implies supp(5(X - 1)^2 + 1|X < 2.5) = \{1, 6\}$$

$$P(5(X - 1)^2 + 1 = 1|X < 2.5) = P(X = 1|X < 2.5) = 3/7$$

$$P(5(X-1)^2+1=6|X<2.5)=P(X=0|X<2.5)+P(X=2|X<2.5)=1/7+3/7=4/7$$

Метод первого шага

Вася и Маша поочередно подбрасывают обычный шестигранный кубик. Вася побеждает, если на кубике выпадает 1, а Маша — если 2 или 3. Первым кубик бросает Вася. Найдите вероятность того, что Вася победит в этой игре.

Метод первого шага

Вася и Маша поочередно подбрасывают обычный шестигранный кубик. Вася побеждает, если на кубике выпадает 1, а Маша — если 2 или 3. Первым кубик бросает Вася. Найдите вероятность того, что Вася победит в этой игре.

• Через V обозначим событие, в соответствии с которым побеждает Вася, а через M – побеждает Маша. Через  $V_1$  обозначим событие, при котором при первом броске у Васи выпадает 1. Через  $M_{23}$  обозначим событие, при котором на первом броске Маши выпадает 2 или 3.

Метод первого шага

Вася и Маша поочередно подбрасывают обычный шестигранный кубик. Вася побеждает, если на кубике выпадает 1, а Маша — если 2 или 3. Первым кубик бросает Вася. Найдите вероятность того, что Вася победит в этой игре.

- Через V обозначим событие, в соответствии с которым побеждает Вася, а через M побеждает Маша. Через  $V_1$  обозначим событие, при котором при первом броске у Васи выпадает 1. Через  $M_{23}$  обозначим событие, при котором на первом броске Маши выпадает 2 или 3.
- Используя формулу полной вероятности получаем:

$$P(V) = P(V|V_1)P(V_1) + P(V|\overline{V}_1 \cap M_{23})P(\overline{V}_1 \cap M_{23}) + P(V|\overline{V}_1 \cap \overline{M}_{23})P(\overline{V}_1 \cap \overline{M}_{23}) =$$

#### Метод первого шага

Вася и Маша поочередно подбрасывают обычный шестигранный кубик. Вася побеждает, если на кубике выпадает 1, а Маша — если 2 или 3. Первым кубик бросает Вася. Найдите вероятность того, что Вася победит в этой игре.

- Через V обозначим событие, в соответствии с которым побеждает Вася, а через M побеждает Маша. Через  $V_1$  обозначим событие, при котором при первом броске у Васи выпадает 1. Через  $M_{23}$  обозначим событие, при котором на первом броске Маши выпадает 2 или 3.
- Используя формулу полной вероятности получаем:

$$P(V) = P(V|V_1)P(V_1) + P(V|\overline{V}_1 \cap M_{23})P(\overline{V}_1 \cap M_{23}) + P(V|\overline{V}_1 \cap \overline{M}_{23})P(\overline{V}_1 \cap \overline{M}_{23}) =$$

$$= 1 \times \frac{1}{6} + 0 \times \frac{5}{6} \times \frac{1}{3} + P(V) \times \frac{5}{6} \times \frac{2}{3}$$

#### Метод первого шага

Вася и Маша поочередно подбрасывают обычный шестигранный кубик. Вася побеждает, если на кубике выпадает 1, а Маша — если 2 или 3. Первым кубик бросает Вася. Найдите вероятность того, что Вася победит в этой игре.

- Через V обозначим событие, в соответствии с которым побеждает Вася, а через M побеждает Маша. Через  $V_1$  обозначим событие, при котором при первом броске у Васи выпадает 1. Через  $M_{23}$  обозначим событие, при котором на первом броске Маши выпадает 2 или 3.
- Используя формулу полной вероятности получаем:

$$P(V) = P(V|V_1)P(V_1) + P(V|\overline{V}_1 \cap M_{23})P(\overline{V}_1 \cap M_{23}) + P(V|\overline{V}_1 \cap \overline{M}_{23})P(\overline{V}_1 \cap \overline{M}_{23}) =$$

$$= 1 \times \frac{1}{6} + 0 \times \frac{5}{6} \times \frac{1}{3} + P(V) \times \frac{5}{6} \times \frac{2}{3}$$

ullet Решая соответствующее равенство для P(V) имеем  $P(V)=rac{3}{8}$ .