



**UNIVERSITATEA TEHNICĂ**  
DIN CLUJ-NAPOCA

# **Proiect la Identificarea Sistemelor**

Identificarea unei axe actionate cu motor BLDC

Coordonator:  
Prof.univ.dr.ing. Petru DOBRA

Student:  
Albaş Ciprian  
Grupa 30131

08 Ianuarie 2019

# Cuprins

## **Identificarea unei axe actionate cu motor BLDC**

### 1.1 Obținerea datelor experimentale

#### 1.1.1 Introducere

### 1.2 Achiziția datelor de intrare-iesire

#### 1.2.1 Desfasurarea experimentului

### 1.3 Procesarea datelor experimentale

#### 1.3.1 Validarea modelului

# Identificarea unei axe actionate cu motor BLDC

## 1.1 Obținerea datelor experimentale

### 1.1.1 Introducere

În Figura 1.1 este prezentat un CNC acționat cu motore BLDC:



Figura 1.1: CNC acționată cu motor BLDC

Sistemul mecanic de poziționare și sistemul de acționare cu motor BLDC pentru o axă este prezentat în Figura 1.2.:

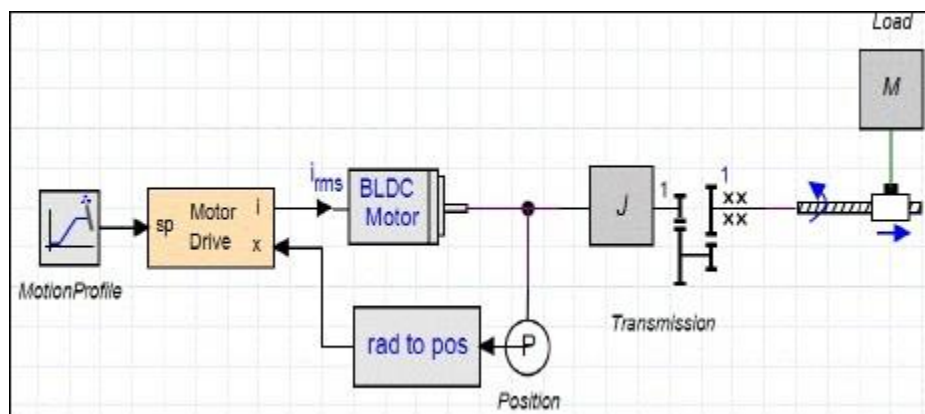


Figura 1.2: Modelul de acționare și poziționare al unei axe

Motorul este comandat cu ajutorul unui driver de putere comandat în PWM. Viteza unghiulară și poziția se măsoară pe baza semnalelor provenite de la cei trei senzori Hall montați în statorul motorului. Rotorul motorului BLDC are cinci poli magnetici, iar caracteristicile electro-mecanice ale motorului sunt prezentate în Figura 1.3.

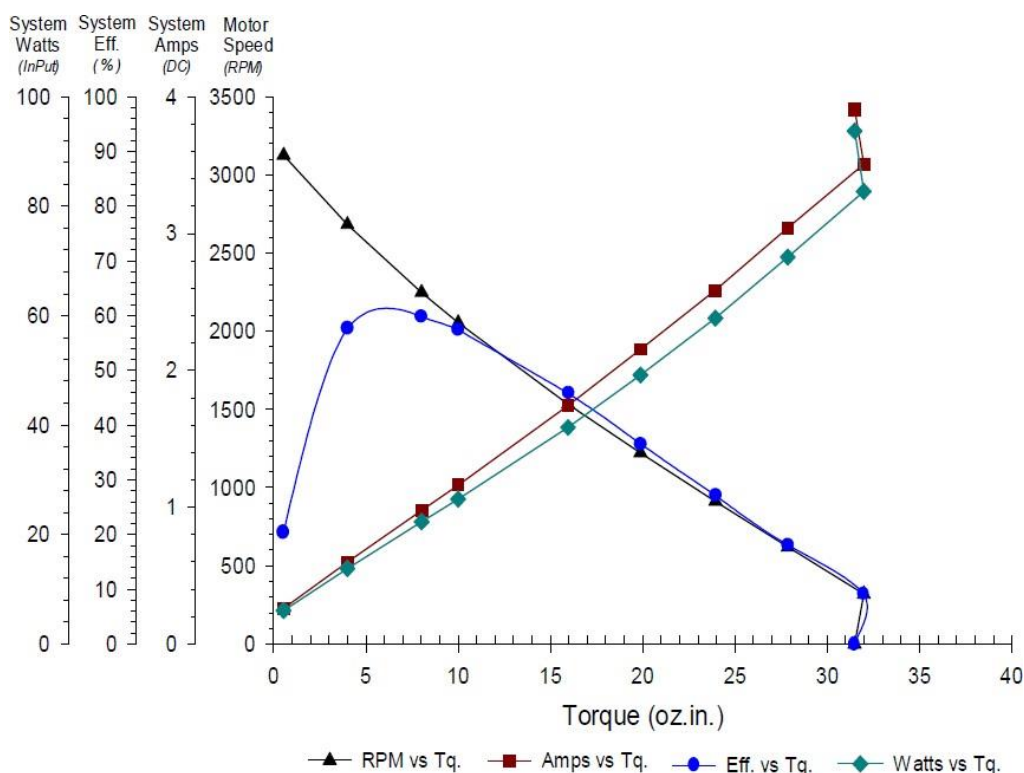


Figure 1.3: Caracteristicile electro-mecanice ale motorului BLDC

Aparatura utilizata: sursa de alimentare, multimetru, driver de putere, osciloscop, sistem numeric comanda si achizitie a datelor.

## 1.2 Achizitia datelor de intrare-iesire

Utilizând un sistem numeric de comanda se genereaza semnalele de comanda pentru motorul BLDC (SPAP+SP), si se achizitioneaza datele intrare-iesire în vederea procesarii ulterioare (comanda (factor de umplere), curent( $i$ ), viteza unghiulara( $\omega$ ) si pozitia unghiulara( $\theta$ )).

### 1.2.1 Desfasurarea experimentului

1. Se alimenteaza ansamblul driver + motor BLDC cu  $= 24 \text{ V}$ .
2. Se efectueaza urmatorul experiment:
  - A.1 Se genereaza un semnal de tip SPAB având caracteristicile corelate cu dinamica ansablului „motor BLDC + axa“;
  - A.2 Se vizualizeaza ,si se masoara sincron intrarea, si iesirile, obținând datele experimentale:  $[t_k, u_k, \omega_k, \Theta_k]$   $k=1, 2, \dots$

## 1.3 Procesarea datelor experimentale

Vizualizarea datelor experimentale utilizând mediul Matlab.

Se vor determina functiile de transfer ale ansablului „motor BLDC + axa“ utilizând metodele de identificare parametrica (MCMMPR, MCMMPPE, VI, MEP, etc.).

### 1.3.1 Validarea modelului

Validarea modelului determinat se face pe baza erorii de predicție reziduale, și pe baza decorelării dintre observatii, și eroarea de predicție.

De asemenea se va compara răspunsul experimental cu răspunsul modelului la intrarea cu care a fost obținut răspunsul experimental. Se calculează eroarea medie patratică normalizată ( $\epsilon_{MPN}$ ), și eroarea de urmărire (FIT):

$$\epsilon_{MPN} = \frac{\|y - y^M\|}{\|y - \bar{y}\|} \times 100,$$
$$FIT = (1 - \epsilon_{MPN}) \times 100$$

unde  $y$  este vectorul măsurătorilor,  $y^M$  răspunsul modelului, și  $\bar{y}$  este valoarea medie a vectorului măsurătorilor.

## Achiziția datelor experimentale

Pentru realizarea acestui proiect am importat datele din matricea “albas.mat” în Matlab apoi am achiziționat datele din această matrice. Am atribuit variabilelor  $t, u, w, y$  valorile din tabelul importat și am afișat intrarea  $u$  (factorul de umplere PWM), viteza unghiulară  $w$  (rad/sec) și poziția unghiulară  $y$  (impulsuri). (Figura 1)

Observăm că ieșirea  $Y$  este un vector linie cu 3 elemente: intrarea (semnal pseudo aleator binar - SPAB), viteza unghiulară și poziția unghiulară pentru axa pe care se deplasează motorul.

Am pus timpul într-o variabilă “ $t$ ”:  $t = \text{double}(d.X.Data')$ .

Următorul pas îl reprezintă identificarea intrării, poziției și a vitezei, și introducerea fiecăreia în variabile:

```
u=double (d.Y(1,3).Data'); %intrare
w=double (d.Y(1,2).Data'); %viteza
y=double (d.Y(1,1).Data'); %poziție
```

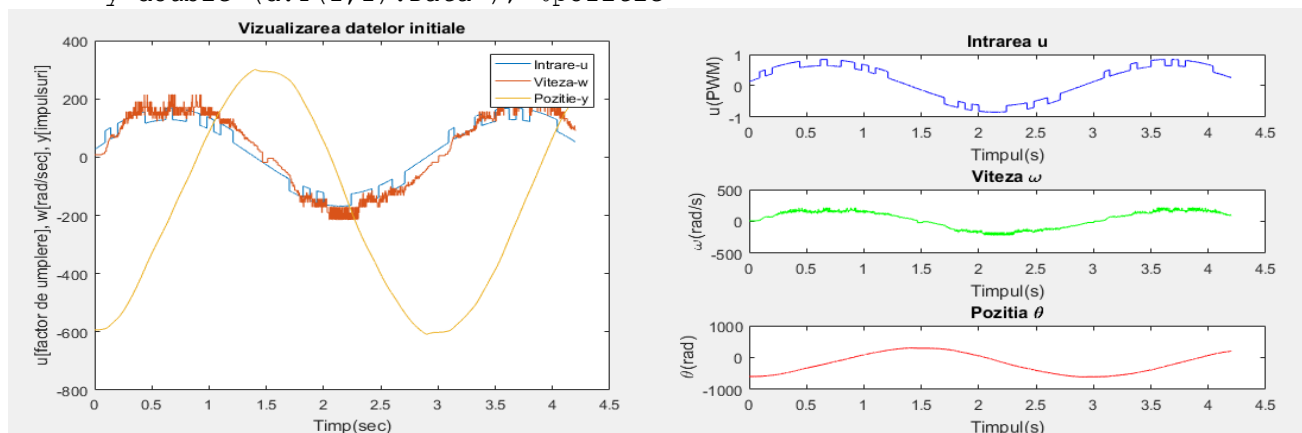


Figura 1

Următorul pas este de a identifica și a valida modelul. Pentru aceasta trebuie să luăm două intervale, primul interval fiind pentru identificarea modelului, iar al doilea pentru validarea lui.

Pe semnalul  $w$  alegem 4 puncte pentru a împărți graficul în două pentru a elimina datele

de la oprire. (Figura 2)

Aceste puncte le-am exportat in Workspace cu numele de “valori”, iar apoi am apelat comanda “valori.DataIndex” pentru a le afisa:

x1=314; x2=3606; x3=4004; x4=7343;

Pe primul sens de mers vom face identificarea, iar pe al doilea sens validarea. (Figura 3)

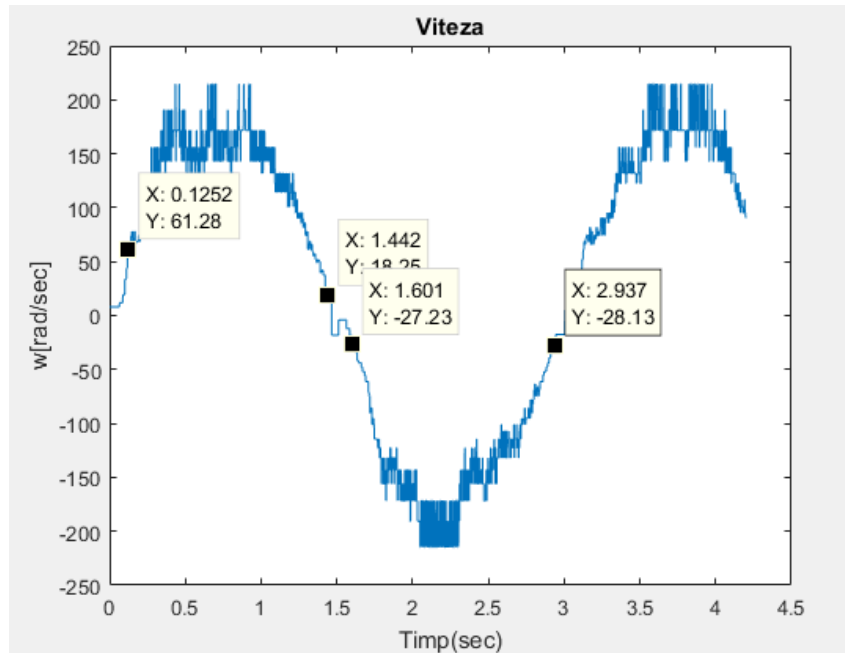


Figura 2

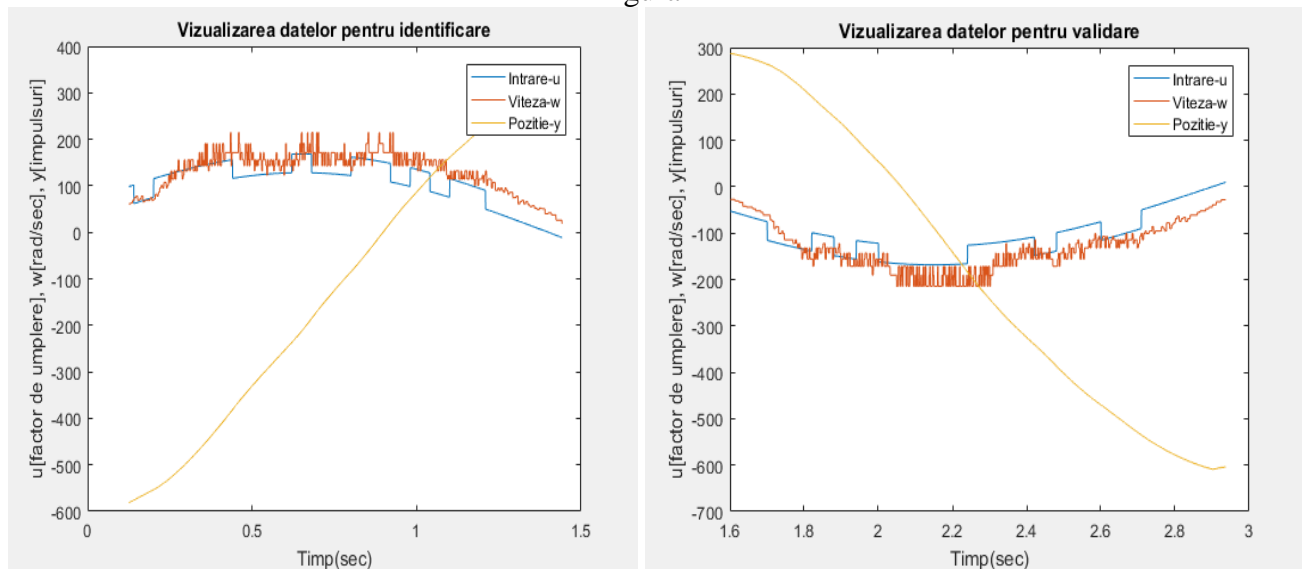


Figura 3

Calculam perioada de esantionare  $T_e = t(2) - t(1)$ , astfel  $T_e = 4.0000e-04$  adica 0.4 milisecunde

# Identificarea si validarea pentru viteza unghiulara

Datele pentru identificare sunt:  $d\_id\_w = iddata(w(i1), u(i1), T_e)$

Datele pentru validare sunt:  $d\_vd\_w = iddata(w(i2), u(i2), T_e)$

Apelam la metodele de identificare arx, armax, oe si iv4. Aleg sa folosesc metodele arx si iv4.

## Modelul ARX (Metoda celor mai mici patrate recursiva )

Structura:  $A(q-1)y(t) = q^{-d}B(q-1)u(t) + e(t)$  oricare ar fi  $t$  natural si  $e(t)$  fiind eroarea.

Pentru identificarea modelului vom avea:

$Model = arx(data, [nA \ nB \ nk])$

unde  $nA$  este ordinul polinomului  $A$ ,  $nB$  ordinul polinomului  $B$ ,  $nk$  este timpul mort.

- prima data cream modelul:  $m\_w\_arx = arx(d\_id\_w, [1 \ 1 \ 1])$ ;
- validam modelul:  $resid(m\_w\_arx, d\_vd\_w, 15)$ ; (Figura 4)
- comparam iesirea modelului cu iesirea masurata:  $compare(d\_vd\_w, m\_w\_arx)$ ; (Figura 5)

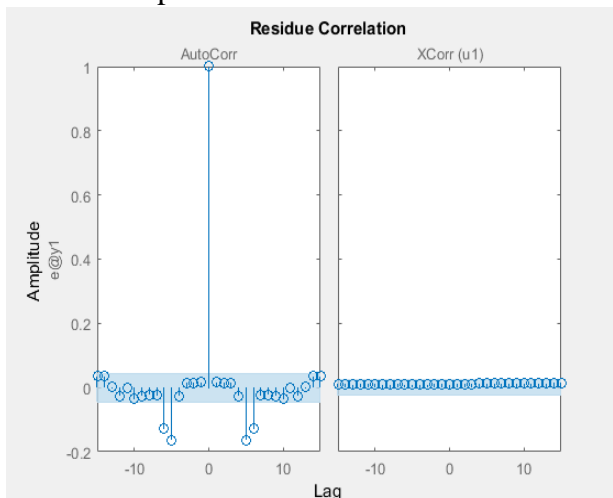


Figura 4

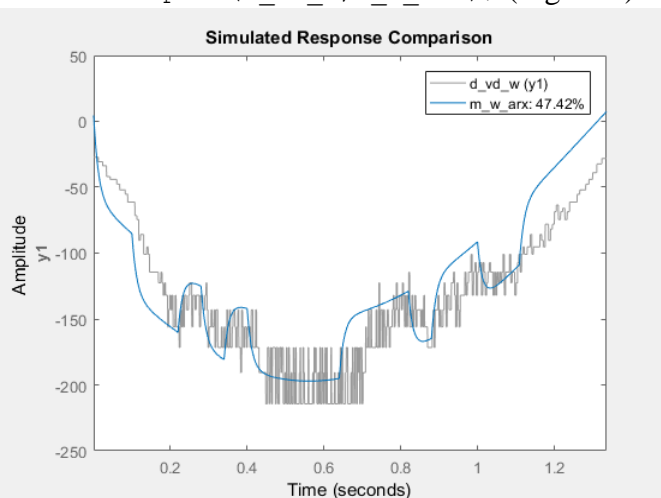


Figura 5

Din Figura 4 primul grafic reprezinta functia de autocorelatie, iar al doilea grafic reprezinta functia de intercorelatie. Banda albastra este nivelul in care trebuie sa se incadreze valorile pentru a fi validat modelul. In acest caz se functia de autocorelatie este trecuta.

Aflam functia de transfer a modelului, functia este redata in discret si trebuie sa o transformam in continuu:

$H_{zw1} = tf(m\_w\_arx.B, m\_w\_arx.A, T_e, 'variable', 'z^{-1}')$

$H_{sw1} = d2c(H_{zw1}, 'zoh')$

$$H_{zw1} = \frac{7.473 z^{-1}}{1 - 0.9681 z^{-1}}$$

$$H_{sw1} = \frac{18990}{s + 81.02}$$

## Modelul IV4 (Metoda variabilelor instrumentale)

Structura:  $A(q^{-1})y(t) = q^{-d}B(q^{-1})u(t) + w'(t)$  oricare ar fi  $t$  natural unde:  $w'(t) = A(q^{-1})w(t)$ .

Aici,  $w'(t)$  este o perturbatie oarecare, independenta de  $u(t)$ , de medie nula si varianta finita

Model=iv4(data,[ nA nB nk])

unde  $nA$  este ordinul polinomului A ,  $nB$  ordinul polinomului B ,  $nk$  este timpul mort.

- cream modelul: m\_w\_iv4=iv4(d\_id\_w,[1,1,1]);
- validam modelul: resid(m\_w\_iv4,d\_vd\_w) ( Figura 6)
- comparam iesirea modelului cu iesirea masurata: compare(d\_vd\_w,m\_w\_iv4) (Figura 7)

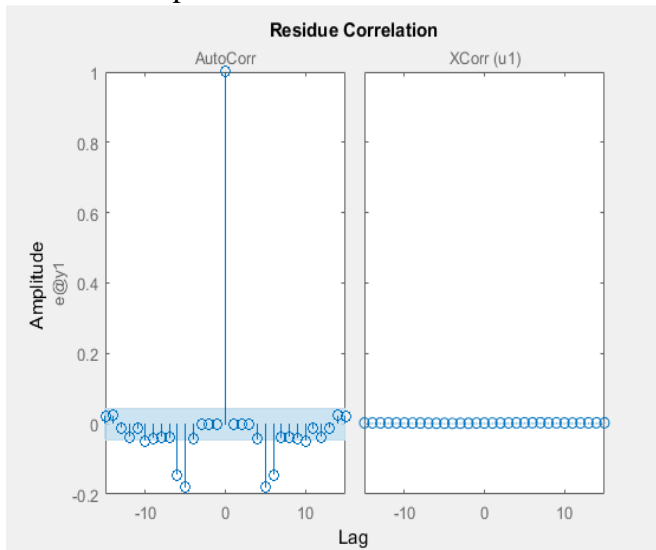


Figura 6

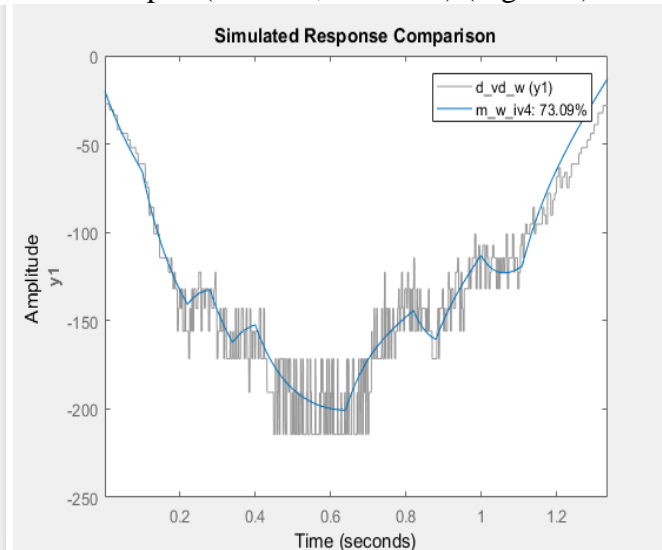


Figura 7

Din Figura 6 primul grafic reprezinta functia de autocorelatie, iar al doilea grafic reprezinta functia de intercorelatie. Banda albastra este nivelul in care trebuie sa se incadreze valorile pentru a fi validat modelul. In acest caz se functia de intercorelatie este trecuta.

Aflam functia de transfer a modelului, functia este redată in discret si trebuie sa o transformam in continuu:

```
Hzw2=tf(m_w_iv4.B,m_w_iv4.A,Te,'variable','z^-1')
Hsw2=d2c(Hzw2,'zoh')
```

Functiile de transfer in discret si continuu:

$$H_{zw2} = \frac{1.348 z^{-1}}{1 - 0.9944 z^{-1}} \quad H_{sw2} = \frac{3380}{s + 13.96}$$



# Identificarea si validarea pentru pozitia unghiulara

Datele pentru identificare sunt:  $d\_id\_y = iddata(y(i1), w(i1), Te);$

Datele pentru validare sunt:  $d\_vd\_y = iddata(y(i2), w(i2), Te);$

Apelam la metodele de identificare arx, armax, oe si iv4. Aleg sa folosesc metodele arx si iv4.

## Modelul ARX (Metoda celor mai mici patrate recursiva )

Structura:  $A(q-1)y(t) = q^{-d}B(q-1)u(t) + e(t)$  oricare ar fi  $t$  natural si  $e(t)$  fiind eroarea.

Pentru identificarea modelului vom avea:

$Model = arx(data, [nA \ nB \ nk])$

unde  $nA$  este ordinul polinomului A ,  $nB$  ordinul polinomului B

,  $nk$  este timpul mort.

- cream modelul:  $m\_y\_arx = arx(d\_id\_y, [1, 1, 0])$
- validam modelul:  $resid(m\_y\_arx, d\_vd\_y);$  ( Figura 8)
- comparam iesirea modelului cu iesirea masurata:  $compare(d\_vd\_y, m\_y\_arx)$  (Figura 9)

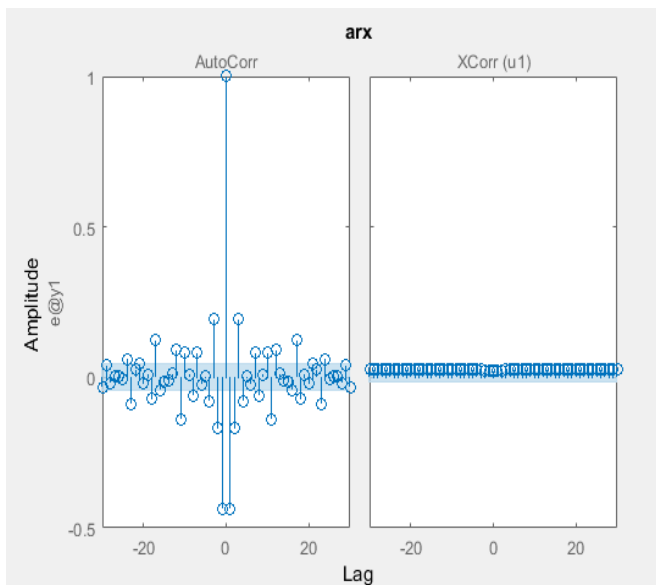


Figura 8

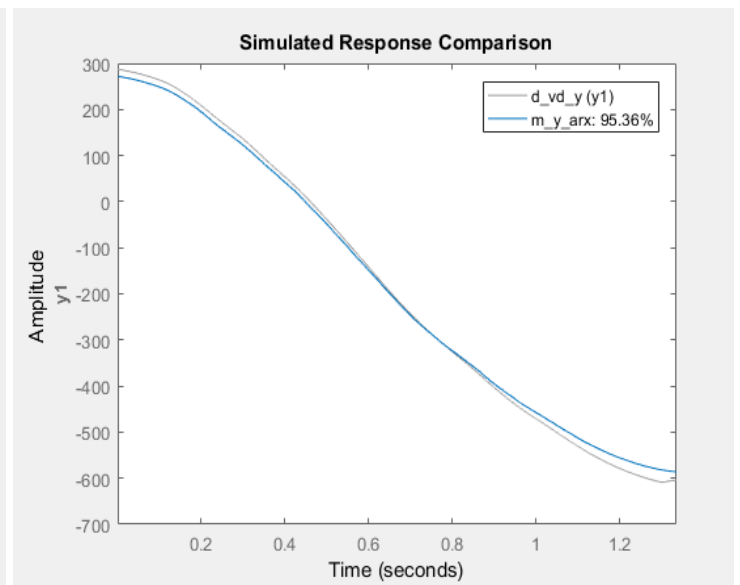


Figura 9

Observam ca functia de autocorelatie este trecuta.

Functiile de transfer in discret si continuu:

$$H_{zy1} = \frac{0.001995}{1 - z^{-1}} \quad H_{sy1} = \frac{0.001995s + 4.988}{s + 0.06836}$$

In acestcaz 0.001995 si 0.06836 apar din cauza erorilor de calcul si le vom considera zero, astfel functia va fi :

$$H_{sy1} = \frac{4.988}{s} \quad \text{astfel obtinem un integrator.}$$

## Modelul IV4 (Metoda variabilelor instrumentale)

Structura:  $A(q^{-1})y(t) = q^{-d}B(q^{-1})u(t) + w'(t)$  oricare ar fi  $t$  natural unde:  $w'(t) = A(q^{-1})w(t)$ .

Aici,  $w'(t)$  este o perturbatie oarecare, independenta de  $u(t)$ , de medie nula si varianta finita

Model=iv4(data,[ nA nB nk])

unde  $nA$  este ordinul polinomului A ,  $nB$  ordinul polinomului B ,  $nk$  este timpul mort.

- cream modelul: m\_y\_iv4=iv4(d\_id\_y,[1,1,0])
- validam modelul: resid(m\_y\_iv4,d\_vd\_y); ( Figura 10)
- comparam iesirea modelului cu iesirea masurata: compare(d\_vd\_y,m\_y\_iv4) (Figura 11)

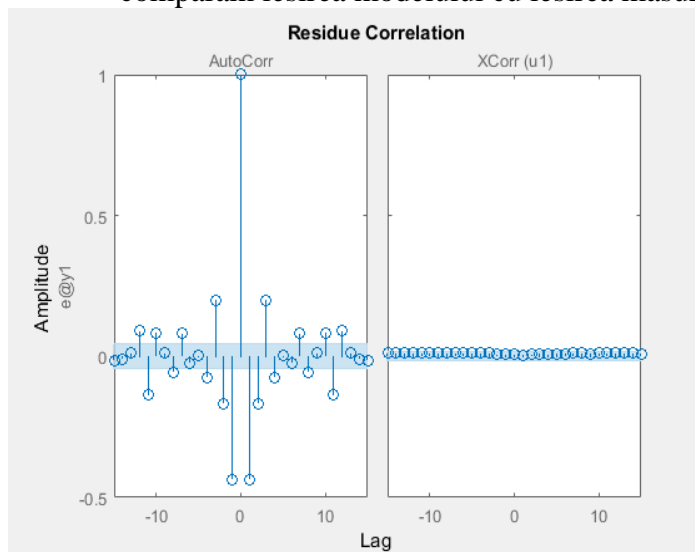


Figura 10

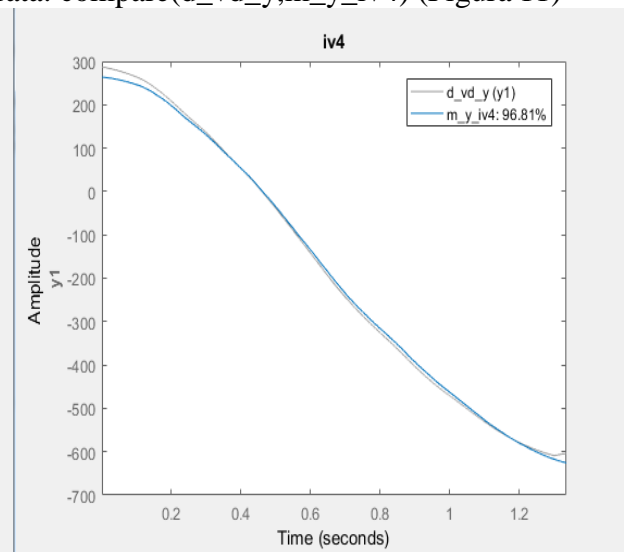


Figura 11

Observam ca functia de intercorelatie este trecuta

Functiile de transfer in discret si continuu:

$$H_{zy2} = \frac{0.001955}{1 - z^{-1}}$$

$$H_{sy2} = \frac{4.888}{s - 0.1319}$$

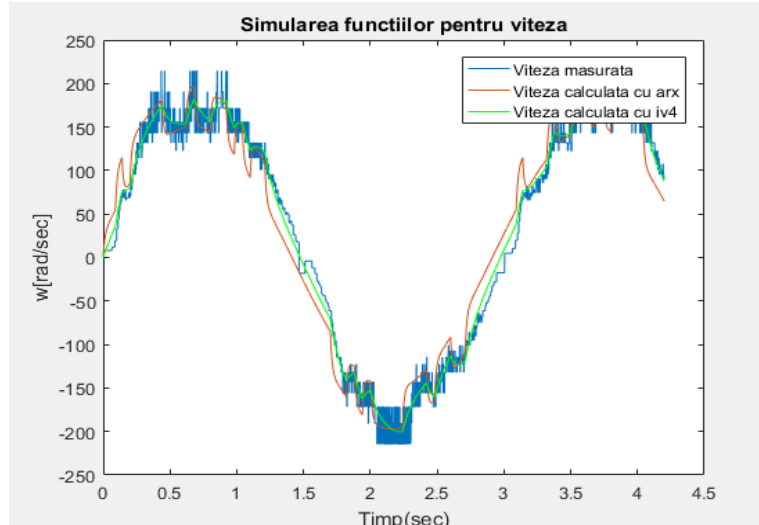
In acestcaz - 0.1319 apare din cauza erorilor de calcul si le vom considera zero, astfel functia va fi :

$$H_{sy2} = \frac{4.888}{s}$$

astfel obtinem un integrator.

# Simularea modelelor

Funcțiile de transfer pentru viteza măsurată și calculată cu metodele arx și iv4 sunt afișate în graficul din Figura 12.

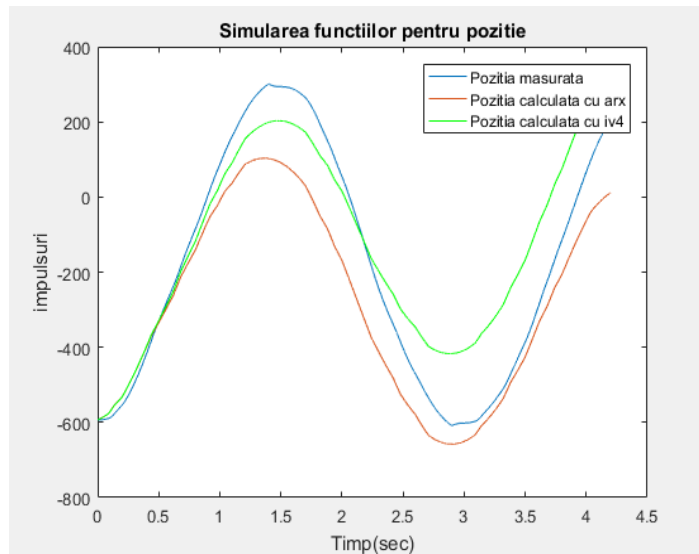


Cod:

```
wc_arx=lsim(Hsw1,u,t);  
wc_iv=lsim(Hsw2,u,t);  
plot(t,w,t,wc_arx,t,wc_iv,'g');
```

Figura 12

Funcțiile de transfer pentru poziția măsurată și calculată cu metodele arx și iv4 sunt afișate în graficul din Figura 13



Cod

```
yc_arx=lsim(Hsy1,u*200,t);  
yc_iv=lsim(Hsy2,u*200,t);  
plot(t,y,t,yc_arx+y(1),t,yc_iv+y(1),'g');
```

Figura 13

## Modelul in spatiul starilor : Eroarea medie patratica respectiv fit

Calcularea vitezei si pozitiei utilizand spatial starilor cu comanda n4sid, rezultand graficul din Figura 14.

```
data= iddata([w, y], u, Te);  
sys=n4sid(data, 'best')  
figure  
resid(sys,data);  
compare(data, sys);
```

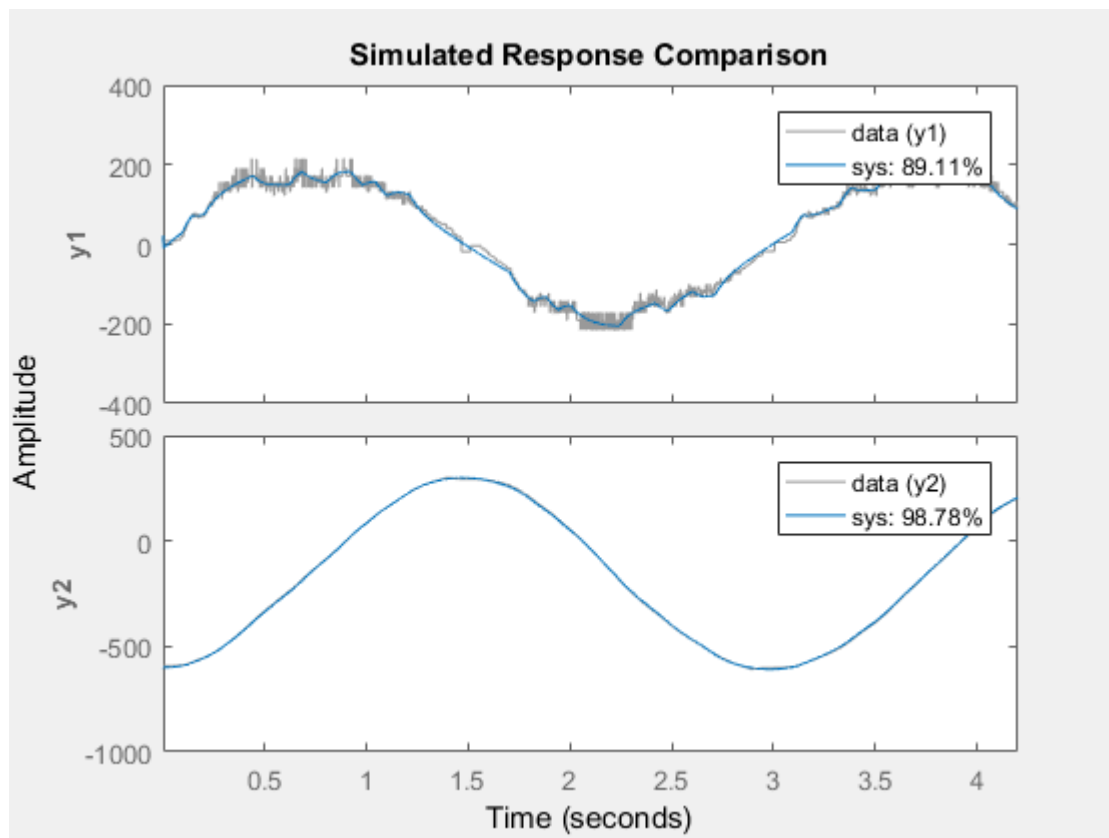


Figura 14

In cele invatate la curs se stie ca Empn a vitezei respectiv a pozitiei este complementul fit-ului obtinut de spatiul starilor astfel ne rezulta:

Fit\_viteza:89.11%  
Empn\_viteza=100-89.11  
=10.89[%]  
=0.1

Fit\_viteza:98.79%  
Empn\_pozitie=100-98.78  
=1.22[%]  
=0.01

# Cod Matlab

```
%importare date
date=albas;
t=double(date.X.Data')
u=double(date.Y(1,3).Data')
w=double(date.Y(1,2).Data')
y=double(date.Y(1,1).Data')

%vizualizarea datelor initiale
plot(t,[u*200,w,y]); %intrarea este scalata cu 200
title('Vizualizarea datelor initiale')
xlabel('Timp(sec)')
ylabel('u[factor de umplere], w[rad/sec], y[impulsuri]')
legend('Intrare-u', 'Viteza-w', 'Pozitie-y')
figure

%vizualizarea intrarii, vitezei si pozitiei in același grafic
subplot(311)
plot(t,u,'b')
title('Intrarea u')
ylabel('u (PWM)');
xlabel('Timpul(s)');

subplot(312)
plot(t,w,'g')
title('Viteza \omega')
ylabel('\omega(rad/s)');
xlabel('Timpul(s)');

subplot(313)
plot(t,y,'r')
title('Pozitia \theta')
ylabel('\theta(rad)');
xlabel('Timpul(s)');
figure

%graficul vitezei de pe care vom alege cele 4 puncte de care avem nevoie
plot(t,w);
title('Viteza');
xlabel('Timp(sec)');
ylabel('w[rad/sec]');

%cele 4 puncte + graficele pentru identificare si validare
x1=314;
x2=3606;
x3=4004;
x4=7343;
i1=[x1:x2]'; %pt identificare
i2=[x3:x4]'; %pt validare
```

```

%Vizualizarea datelor pentru identificare
plot(t(i1),[u(i1)*200,w(i1),y(i1)]);
title('Vizualizarea datelor pentru identificare')
xlabel('Timp(sec)')
ylabel('u[factor de umplere], w[rad/sec], y[impulsuri]')
legend('Intrare-u', 'Viteza-w', 'Pozitie-y')
figure
%Vizualizarea datelor pentru validare
plot(t(i2),[u(i2)*200,w(i2),y(i2)]);
title('Vizualizarea datelor pentru validare')
xlabel('Timp(sec)')
ylabel('u[factor de umplere], w[rad/sec], y[impulsuri]')
legend('Intrare-u', 'Viteza-w', 'Pozitie-y')
figure

%perioada de esantionare
Te=t(2)-t(1);% 4.0000e-04 perioada de esantionare 0.4 milisecunde

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
Identificarea si validarea pentru
viteza unghiulara(w) aleg ARX si IV4
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%

% datele pentru identificare si validare
d_id_w=iddata(w(i1),u(i1),Te); % date identificare viteza
d_vd_w=iddata(w(i2),u(i2),Te); % date validare viteza

%%% ARX %%%

m_w_arx=arx(d_id_w,[1 1 1]); % model viteza=date identificare 1-grB 1-grA 1-
timp mort
resid(m_w_arx,d_vd_w,15);% model viteza , validare , nr de puncte;
rezid -> autocorelatie si intercorelatie
figure
compare(d_vd_w,m_w_arx); % compar datele de validare cu modelul %% 47.42% %%
figure
%%% functia de transfer in z si s (continuu si discret)
Hzw1=tf(m_w_arx.B,m_w_arx.A,Te,'variable','z^-1') ;
Hsw1=d2c(Hzw1,'zoh');

%%% IV4 %%%

m_w_iv4=iv4(d_id_w,[1 1 1]); % model viteza=date identificare 1-grB 1-grA 1-
timp mort
resid(m_w_iv4,d_vd_w,15); model viteza , validare , nr de puncte;
rezid -> autocorelatie si intercorelatie
figure
compare(d_vd_w,m_w_iv4); compar datele de validare cu modelul %% 73.09% %%
figure
%%% functia de transfer in z si s (continuu si discret)
Hzw2=tf(m_w_iv4.B,m_w_iv4.A,Te,'variable','z^-1') ;
Hsw2=d2c(Hzw2,'zoh');

```

```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
Identificarea si validarea pentru
pozitia unghiulara(y) aleg ARX si IV4
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%

```

```

%datele pentru identificare si validare
    d_id_y=iddata(y(i1),w(i1),Te); % date identificare viteza
    d_vd_y=iddata(y(i2),w(i2),Te); % date validare viteza

    %%% ARX %%%

m_y_arx=arx(d_id_y,[1 1 0]); % model pozitie=date identificare 1-grB 1-grA 1-
timp mort
resid(m_y_arx,d_vd_y,'corr',30);% model pozitie , validare , nr de puncte;
rezid -> autocorelatie si intercorelatie
figure
compare(d_vd_y,m_y_arx); % compar datele de validare cu modelul %% 95.36% %%
figure
    %%% functia de transfer in z si s (continuu si discret)
Hzy1=tf(m_y_arx.B,m_y_arx.A,Te,'variable','z^-1')
Hsy1=d2c(Hzy1,'zoh')

    %%% IV4 %%%

m_y_iv4=iv4(d_id_y,[1 1 1]); model pozitie=date identificare 1-grB 1-grA 1-
timp mort
resid(m_y_iv4,d_vd_y,15); );% model pozitie , validare , nr de puncte; rezid
-> autocorelatie si intercorelatie
figure
compare(d_vd_y,m_y_iv4); compar datele de validare cu modelul %% 95.36% %%
figure
title('iv4');
figure
    %%% functia de transfer in z si s (continuu si discret)
Hzy2=tf(m_y_iv4.B,m_y_iv4.A,Te,'variable','z^-1')
Hsy2=d2c(Hzy2,'zoh')

%simulare w
wc_arx=lsim(Hsw1,u,t); % w calculat cu arx
wc_iv4=lsim(Hsw2,u,t); % w calculat cu iv4
plot(t,w,t,wc_arx,t,wc_iv4,'g');
title('Simularea functiilor pentru viteza'); xlabel('Timp(sec)')
ylabel('w[rad/sec]')
legend('Viteza masurata','Viteza calculata cu arx','Viteza calculata cu
iv4');

```

```

%simulare y
yc_arx=lsim(Hsy1,u*200,t); % y calculat cu arx
yc_iv4=lsim(Hsy2,u*200,t); % y calculat cu iv4
plot(t,y,t,yc_arx+y(1),t,yc_iv4+y(1),'g');
title('Simularea functiilor pentru pozitie'); xlabel('Timp(sec)')
ylabel('impulsuri')
legend('Pozitia masurata','Pozitia calculata cu arx','Pozitia calculata cu
iv4');

%Calcularea vitezei si pozitiei utilizand spatiul starilor
data= iddata([w, y], u, Te);
sys=n4sid(data, 'best')
figure
resid(sys,data);
compare(data, sys);

```