





Tag eins - Was ist Haskell

Stephan Mielke

24.03.2014

Das funktionale Paradigma

Haskel

Semantische Grundbegriffe

Einfache Datentypen





- Jeden Wochentag vom Mo, 24.03.2014 bis Fr, 28.03.2014 im Raum IZ 261.
- 10:00 bis 16:00 Raumreservierung
- 10:00 bis 11:30 theoretische Einführung in Haskell
- 11:30 bis 12:30 Mittagspause
- 12:30 bis ca. 15:30 praktische Übungen





- Theorie (jetzt) Umsetzung des Stoffs der Vorlesung in Haskell
- Übungen (nachher) praktisches Arbeiten mit Haskell über den GHCi





Haskell

#### Quellen

- Algorithmieren und Programmieren Vorlesung von Prof. Dr. Petra Hofstedt (BTU)
- Moderne Funktionale Programmierung Vorlesung von Prof. Dr. Petra Hofstedt (BTU)
- Eine Einführung in die funktionale Programmierung mit Haskell Übungsskript zu unserer Vorlesung
- Haskell Intensivkurs





# Das funktionale Paradigma

Das funktionale Paradigma





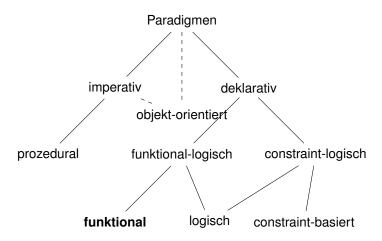
# Paradigmen

- Programmierparadigma generelle Sicht bei der Modellierung und Lösung eines Problems
- Klassische Unterscheidung
  - Imperative Sprachen "Wie" findet die Lösung statt
  - Folge von Anweisungen zur Problemlösung Deklarative Sprachen
    - "Was" ist die Lösung deklarative Beschreibung der Lösung bzw. des Problems





Haskell







# Funktionale Paradigma

 Hohes Abstraktionsniveau Klare Darstellung der Programmiertechniken und Algorithmen, d.h. Konzentration auf die Konzepte statt auf die Sprache.

Haskell

- Klare, elegante und kompakte Programme kurze Entwicklungszeiten, lesbare Programme.
- Keine Seiteneffekte erleichtert Verstehen, Optimierung, Verifikation.
- Saubere theoretische Fundierung ermöglicht Verifikation und erleichtert formale Argumentation über Programme.





Haskell





### Haskell

- 1990 als Haskell 1.0 veröffentlicht
- Aktuelle Version Haskell 2010
- An Haskell 2014 (Preview) wird "gearbeitet"





Haskell

# Hello World

Organisatorisches

module Main where

```
main :: IO ()
```

main = putStrLn "Hello, World!"





# Hello World

Organisatorisches

module Main where

```
main :: IO ()
```

main = putStrLn "Hello,,,World!"

# Ausgabe

Hello, World!





```
module Main where
```

```
main :: IO ()
```

main = putStrLn "Hello, \_World!"

#### Ausgabe

Hello, World!

# weiteres in den Übungen





- Hugs (Haskell User's Gofer System) implementiert Haskell 98 seit ca 6 Jahren nicht weiterentwickelt
- Yhc (York Haskell Compiler) implementiert Haskell 98 Projekt eingestellt
- GHC (Glasgow Haskell Compiler) implementiert Haskell 98 / 2010 weit verbreitster Haskell Compiler besitzt den GHCi als Haskell Interpreter in den Übungen werden wir hauptsächlich mit dem Interpreter arbeiten





# Glasgow Haskell Compiler

- Original Prototyp '89 in LML (Lazy ML)
- Bei der Entwicklung von Haskell in Haskell neu geschrieben ('89)
- Nur kleine Teile in C bzw. C- (C verwandte Sprache zur Nutzung als Zwischencode)
- Erweitert den Haskell Standard um noch nicht standardisierte Erweiterungen
- Plattform und Architektur unabhängig





# Laufzeitumgebung

- Wenn das Programm in Maschinencode übersetzt wurde, wird keine externe Laufzeitumgebung benötigt (nativer Code) die "Laufzeitumgebung" wird mit in das Programm gepackt
- Bei Benutzung des Interpreters wird dieser als Laufzeitumgebung verwendet.





- Erzeugung von Zwischencode "C–"
- C- ist wie C-Code jedoch "etwas" anders
- Dieser Code wird optimiert und weiter compiliert
- "-fasm" erzeugt Maschinencode (Standard)
- "-fvia-C" erzeugt C-Code aus C– seit Version 7.0 nicht mehr unterstützt
- "-fllvm" nutzt den LLVM als Backend-Compiler





Organisatorisches

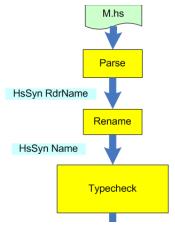


Abbildung: Compiler Teil 1 ©haskell.org





Organisatorisches

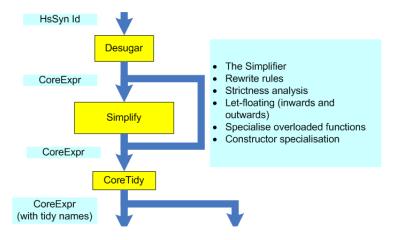


Abbildung: Compiler Teil 2 © haskell.org





Organisatorisches

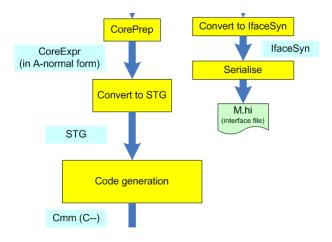


Abbildung: Compiler Teil 3 ©haskell.org





Organisatorisches

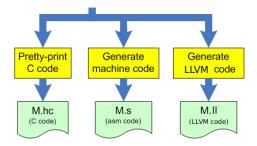


Abbildung: Compiler Teil 4 ©haskell.org





Semantische Grundbegriffe





# Semantische Grundbegriffe - Namen und Attribute

Organisatorisches

# Semantische Grundbegriffe

Namen und Attribute





# Namen und Attribute

- Alle endlichen ASCII-Strings außer:
   case, class, data, default, deriving, do, else, if, import, in, infix, infixl, infixr, instance, let, module, newtype, of, then, type, where
- Bezeichner sind case-sensitiv. (pLus ≠ plus)
- \_ (Unterstrich) ist der Platzhalter
- Module beginnen mit einem Großbuchstaben
- Funktionen mit einem Kleinbuchstaben.





# Semantische Grundbegriffe - Variablen und Konstanten

Organisatorisches

# Semantische Grundbegriffe

Variablen und Konstanten





# Variablen

- Globale Variablen existieren nicht
- Lokale Variablen existieren nur in Funktionen als Teilergebnis





### Konstanten sind Funktionen ohne Parameter





Semantische Grundbegriffe

# Semantische Grundbegriffe - Ausdrücke

# Semantische Grundbegriffe

#### Ausdrücke





# Ausdrücke

Organisatorisches

elementare Ausdrücke bzw. Grundterme setzten sich zusammen aus:

- Konstanten wie z.B. Zahlen (10, 9.8), Zeichen ('a', 'Z'), ...
- Andere Funktionen sin, +, \*, ...

#### Infixnotation

Funktionszeichen:  $3 + 4 \equiv (+) 3 4$ 

Funktionsname: mod 100 4 ≡ 100 'mod' 4





# Ausdrücke

- Elementare Ausdrücke mit Variablen sind Ausdrücke bzw. Terme
- Durch einen "Vorspann" wie x wird die Variable x mit der λ-Notation "gebunden"
- $\lambda a \rightarrow \lambda b \rightarrow a + b$  ist ein  $\lambda$ -Ausdruck
- $\lambda$  ist kein ASCII Zeichen, deswegen wird "\" verwendet





# Ausdrücke

Organisatorisches

#### Elementarer Ausdruck

$$plus = 10 + 30$$

#### Ausdruck

plus' 
$$ab = a + b$$

# Lambda ( $\lambda$ )-Ausdruck

plus" = 
$$\langle a - \rangle \langle b - \rangle a + b$$

Morgen kommt mehr zum Thema  $\lambda$ -Ausdrücke





Semantische Grundbegriffe

Organisatorisches

# Semantische Grundbegriffe

Funktionen





# **Deklaration von Funktionen**

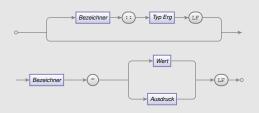
- Funktion f ist ein Tripel  $(D_f, W_f, R_f)$
- D<sub>f</sub> Definitionsmenge
- W<sub>f</sub> Wertemenge
- $R_f \subseteq D_f \times W_f$
- $R_f$  muss **rechtseindeutig** sein d.h. es gibt keine zwei Paare  $(a,b1) \in R_f$  und  $(a,b_2) \in R_f$  mit  $b_1 \neq b_2$
- Somit gilt, eine Funktion f bildet den Argumentwert x in den Resultatwert y ab





### **Deklaration von Funktionen**

#### Konstante



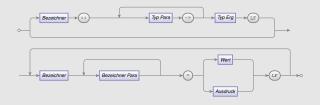
- Funktionsköpfe sind optional, jedoch empfohlen
- Funktionsnamen beginnen mit Kleinbuchstaben
- Parameter von Funktionen beginnen mit Kleinbuchstaben





#### Deklaration von Funktionen

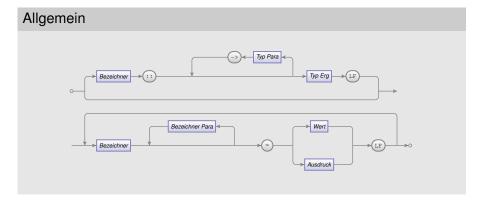
#### **Funktion**



- Funktionsköpfe sind optional, jedoch empfohlen
- Funktionsnamen beginnen mit Kleinbuchstaben
- Parameter von Funktionen beginnen mit Kleinbuchstaben











### **Deklaration von Funktionen**

### Konstante

```
eins :: Int
eins = 1
```





#### Konstante

Organisatorisches

```
eins :: Int
eins = 1
```

Haskell

#### Unäre Funktion

```
successor :: Int -> Int
successor a = a + 1
```





### Deklaration von Funktionen

#### Konstante

```
eins :: Int
eins = 1
```

#### Unäre Funktion

```
successor :: Int -> Int
successor a = a + 1
```

### Binäre Funktion

```
nimmDenZweiten :: Int -> Int -> Int
nimmDenZweiten
                        b = b
```





- Funktionen besitzen einen Namen aus Buchstaben
- Operatoren besitzen einen Namen aus Zeichen
- Funktionen binden stärker als Operatoren (Standard)
- Operatoren werden wie Funktionen deklariert





Organisatorisches

Das funktionale Paradigma

Haskel

### Semantische Grundbegriffe

Namen und Attribute

Variablen und Konstanten

Ausdrücke

Funktioner

Blöcke

Einfache Datentypen





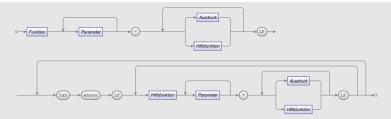
Semantische Grundbegriffe

- Zur nachträglichen Definition von internen Hilfsfunktionen (Teilfunktionen)
- Verschachtelung erlaubt
- Definiert für die ganze Funktion
- "Funktionsköpfe" erlaubt





- Zur nachträglichen Definition von internen Hilfsfunktionen (Teilfunktionen)
- Verschachtelung erlaubt
- Definiert für die ganze Funktion
- "Funktionsköpfe" erlaubt

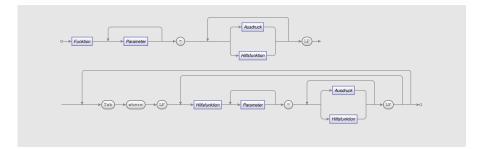






Semantische Grundbegriffe

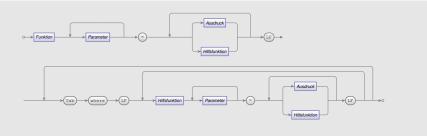
### Der where Block







```
f :: Int -> Int
f a = x a 'div' 3
where x b = y b * 2
where y b = a + b + 1
```







```
f :: Int \rightarrow Int
f a = x a 'div' 3
where x b = y b * 2
where y b = a + b + 1
```

### Aufruf

Organisatorisches

f 4





```
f :: Int -> Int
f a = x a 'div' 3
where x b = y b * 2
where y b = a + b + 1
```

Haskell

### **Aufruf**

f 4

### Ausgabe





### Der let-in Block

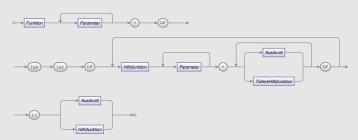
- Zur vorherigen Definition von internen Hilfsfunktionen (Teilfunktionen)
- Kann auch zur Definition von Funktionen im Interpreter verwendet werden
- Verschachtelung erlaubt
- Definiert für den Funktionsabschnitt





### Der let-in Block

Organisatorisches



Blöcke mit let-in können verschachtelt sein Bei mehr als einer Hilfsfunktion, muss nach dem let ein Zeilenumbruch erfolgen.





Haskell

Organisatorisches

```
dec a =
  let
    inc1 a = a + 1
    inc2 a = a + 2
  in inc1 a - inc2 0
```

#### Zur Definition von Funktionen direkt im GHCi

let plus :: Int 
$$\rightarrow$$
 Int; plus a b = a + b





Organisatorisches

```
dec a =
  let
      inc1 a = a + 1
      inc2 a = a + 2
  in inc1 a - inc2 0
```

### Aufruf

dec 42





```
dec a =
   let
      inc1 a = a + 1
      inc2 a = a + 2
   in inc1 a - inc2 0
```

#### Aufruf

dec 42

## Ausgabe

41





Haskell

Organisatorisches

```
outer a =
    let mid b =
        let inner c = c + 1
        in inner b + 2
    in mid a + 3
```

### Aufruf

outer 42





```
outer a =
    let mid b =
        let inner c = c + 1
        in inner b + 2
    in mid a + 3
```

### **Aufruf**

Organisatorisches

outer 42

# Ausgabe

48





Haskell

# Einfache Datentypen

Organisatorisches

Einfache Datentypen





Semantische Grundbegriffe

# Einfache Datentypen

■ Bool

- Int
- Integer
- Float
- Double
- Char





# Einfache Datentypen - Warheitswerte

Organisatorisches

Das funktionale Paradigma

Haskel

Semantische Grundbegriffe

## Einfache Datentypen

Warheitswerte

Ganzzahlen Gleitkommazahl







# **Bool**

- Einfacher Wahrheitswert
- True oder False
- not ≡ Verneinung
- && (binär), and (Liste) = und
- || (binär), or (Liste) ≡ oder
- == ≡ gleich
- /= ≡ ungleich





### **Bool**

```
myAnd :: Bool -> Bool -> Bool
myAnd True True = True
myAnd _ = False
myOr :: Bool -> Bool -> Bool
myOr False False = False
myOr _ = True
```





# Einfache Datentypen - Ganzzahlen

Organisatorisches

Das funktionale Paradigma

Haskel

Organisatorisches

Semantische Grundbegriffe

### Einfache Datentypen

Warheitswerte

Ganzzahlen

Gleitkommazah

Zeichen





Organisatorisches

- 32 Bit Ganzzahl (Architektur abhängig)
- Min =  $-2^{31} = -2147483648$
- Max =  $2^{31} 1 = 2147483647$
- Zirkulär  $(2^{31} 1) + 1 = -2^{31}$

## **Achtung**

Int ist nicht gleich Integer!





# Integer

- Unbegrenzte Ganzzahl (RAM Größe ist die "Begrenzung")
- Bei unendlich Arbeitsspeicher wirklich unbegrenzt





Organisatorisches

```
plus :: Int \rightarrow Int \rightarrow Int plus a b = a + b
```

### Aufruf

plus 2147483647 1





### **Aufruf**

Organisatorisches

plus 2147483647 1

# Ausgabe

-2147483648





Organisatorisches

```
plus' :: Integer -> Integer -> Integer
plus' ab = a + b
```

### Aufruf

plus' 9876543210 9876543210





Semantische Grundbegriffe

```
plus' :: Integer -> Integer -> Integer
plus' ab = a + b
```

### **Aufruf**

Organisatorisches

plus' 9876543210 9876543210

# Ausgabe





```
plus' :: Integer -> Integer -> Integer plus' a b = a + b
```

#### Aufruf





```
plus' :: Integer -> Integer -> Integer
plus' ab = a + b
```

Haskell

### **Aufruf**

Organisatorisches

# Ausgabe





Organisatorisches

```
id :: Int -> Integer
id a = a
id' :: Integer -> Int
id'a = a
```

Haskell

#### **Geht nicht**

Auch wenn Int für uns eine Teilmenge von Integer ist.





Organisatorisches

```
plus :: Integer -> Int -> Integer
plus a 0 = a
plus ab = plus (a + 1) (b - 1)
plus' :: Int -> Integer -> Int
plus' a \ 0 = a
plus' a b = plus' (a + 1) (b - 1)
```

### **Geht**

Jedoch hat dies nichts mit interner Typkompatibilität zu tun.





# Einfache Datentypen - Gleitkommazahl

Organisatorisches

Das funktionale Paradigma

Haskell

Semantische Grundbegriffe

### Einfache Datentypen

Warheitswerte

Gleitkommazahl

7eichen





#### Float - Double

Organisatorisches

- Float 32 Bit Gleitkommazahl
- Double 64 Bit Gleitkommazahl
- Float und Double sind ebenfalls inkompatibel zueinander wie Int und Integer





## Einfache Datentypen - Zeichen

Organisatorisches

## Einfache Datentypen

Zeichen





#### Char

Organisatorisches

- Stellt jedes Zeichen des Unicode (ISO 10646) da
- Geordnet nach der Reihenfolge des Auftretens





## Ausblick für Morgen

Currying - allgemein

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namen

Ausdrücke









# Programmieren für Fortgeschrittene - eine Einführung in Haskell

Tag zwei - etwas mehr

Stephan Mielke

25.03.2014

#### Currying - allgemein

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namen

Ausdrücke





#### Lambda Currying

$$f = \lambda x_1 \rightarrow \lambda x_2 \rightarrow \dots \lambda x_n \rightarrow e$$





#### Lambda Currying

$$f = \lambda x_1 \rightarrow \lambda x_2 \rightarrow \dots \lambda x_n \rightarrow e$$

#### **Funkion Currying**







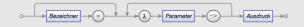
#### Lambda Currying

$$f = \lambda x_1 \rightarrow \lambda x_2 \rightarrow \dots \lambda x_n \rightarrow e$$

#### **Funkion Currying**



#### Lambda Currying







Bezeichner

#### Deklaration von Funktionen in $\lambda$ Notation

#### Lambda Uncurrying

$$f = \lambda(x_1, x_2, \dots, x_n) \rightarrow e$$





#### Lambda Uncurrying

$$f = \lambda(x_1, x_2, \dots, x_n) \rightarrow e$$

#### **Funkion Uncurrying**



#### **ABER**

Das Tupel  $(x_1, x_2, ..., x_n)$  ist ein eigener Datentyp





#### Lambda Uncurrying

$$f = \lambda(x_1, x_2, \dots, x_n) \rightarrow e$$

#### **Funkion Uncurrying**



## Lambda Uncurrying







```
plus :: Int -> Int -> Int
plus a b = a + b
```

```
O Bezeichner Parameter = Ausdruck >>
```





```
plus :: Int -> Int -> Int
plus a b = a + b
```

#### Aufruf

plus 67





```
plus :: Int -> Int -> Int
plus a b = a + b
```

#### **Aufruf**

plus 67

## Ausgabe

13





```
plus' :: (Int, Int) -> Int
plus' (a, b) = a + b
```

```
Parameter Parameter Ausdruck Parameter
```





```
plus' :: (Int, Int) \rightarrow Int
plus' (a, b) = a + b
```

#### Aufruf

plus' (6, 7)





```
plus' :: (Int, Int) -> Int
plus' (a, b) = a + b
```

#### Aufruf

plus' (6, 7)

## Ausgabe

13





Currying - allgemein

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namer

Ausdrücke





## Gültigkeitsbereiche - Block

Currying - allgemein

#### Gültigkeitsbereiche

Block

Modul

Überladung und Auflösung von Namer

Ausdrücke





#### **Block**

- Definitionen im Block sind immer nur eine Stufe h\u00f6her sichtbar (hier sind nicht let-in und where gemeint)
- Im Block ist alles Äußere sichtbar





## Block - Einrückungen

#### In Haskell spielt das Layout des Quellcodes eine Rolle!

- Blöcke werden durch gleiche Einrückungstiefe kenntlich gemacht
- Einzelne Deklarationen werden durch Zeilenumbrüche getrennt
- Beginnt eine neue Zeile gegenüber dem aktuellen Block
  - Rechts eingerückt: aktuelle Zeile wird fortgesetzt
  - Links eingerückt: aktueller Block wird beendet
  - Direkt an seinem "linken Rand darunter", so wird der Block fortgesetzt bzw. eine neue Deklaration eingeleitet





## Gültigkeitsbereiche - Module

Currying - allgemein

## Gültigkeitsbereiche

Block

Module

Überladung und Auflösung von Namer

Ausdrücke



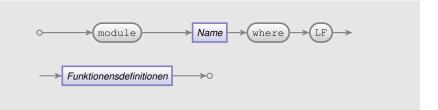


#### Module

- Das Programm kann in Module aufgeteilt werden
- Der Standard Modulname ist Main
- Module müssen mit einem Großbuchstaben beginnen
- Vorteile:
  - Vereinfachung des Programmdesigns, Strukturierung
  - Einfachere Isolation von Fehlern
  - Einfaches Ändern von Teilkomponenten ohne Einfluss auf andere Teile
  - Wiederverwendung von Code











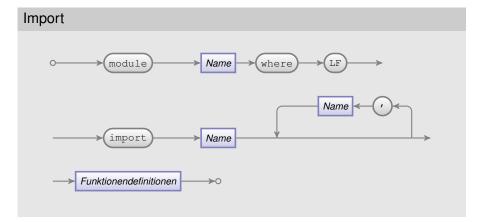
#### Module

```
module Wurf where
weite :: Double -> Double -> Double
weite v0 phi = ((square v0) / 9.81) * sin (2 * phi)
square :: Double -> Double
square x = x * x
```

```
module Foo where import Wurf foo ... = ... (weite v w) ... bar ... = ... (square a) ...
```



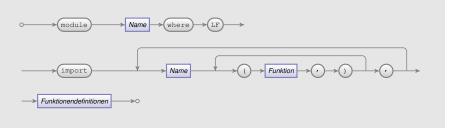








## Selektiver Import



am Ende steht natürlich kein Komma





# 

am Ende steht natürlich kein Komma





```
module Wurf where
weite :: Double -> Double -> Double
weite v0 phi = ((square v0) / 9.81) * sin (2 * phi)
square :: Double -> Double
square x = x * x
```

```
module Foo where
import Wurf(weite)
foo ... = ... (weite v w) ...
bar ... = ... (square a) ...
```

#### **Achtung**

square ist für bar nicht definiert!





```
module Wurf where

weite :: Double -> Double -> Double

weite v0 phi = ((square v0) / 9.81) * sin (2 * phi)

square :: Double -> Double

square x = x * x
```

```
module Foo where
import Wurf hiding (weite)
foo ... = ... (weite v w) ...
bar ... = ... (square a) ...
```

#### **Achtung**

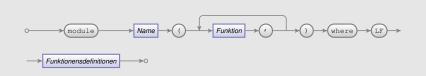
weite ist für foo nicht definiert!





#### Module - Sichtbarkeit

#### Module können festlegen was importiert werden darf



#### Am Ende steht natürlich kein Komma





#### Module - Sichtbarkeit

```
module Wurf(weite) where
weite :: Double -> Double
weite v0 phi = ((square v0) / 9.81) * sin (2 * phi)
square :: Double -> Double
square x = x * x
```

```
module Foo where import Wurf foo ... = ... (weite v w) ... bar ... = ... (square a) ...
```

#### **Achtung**

In Wurf ist nur weite sichtbar





Currying - allgemeir

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namen

Ausdrücke





- Funktionen können in Haskell nicht im selben Modul überladen werden
- Funktionen können nur flach in Blöcken überdeckt werden
- Überladene Funktionen müssen mit dem Modul Bezeichner angesprochen werden.
- Für Polymorphie werden Typklassen verwendet





## Überladung von Namen

```
maximum :: Int -> Int -> Int
maximum a b \mid a < b = b
              otherwise = a
maximum :: Bool -> Bool -> Bool
maximum a b = a \mid\mid b
```

#### **Fehler**

Mehrfach-Definitionen sind unzulässig





# Überladung von Namen

# Achtung

Prelude.max für das durch Prelude definierte oder Modulname.max für unser max





- Ohne Modul Angabe werden Funktionen nur im "Import" gesucht
- Prelude wird immer Importiert





## Ausdrücke

Currying - allgemein

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namen

Ausdrücke





Currying - allgemein

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namen

### Ausdrücke

Ausdrücke allgemein

Lambda - Ausdrck Strukturierte Anweisunge

Iterationsanweisunger

Sprunganweisungen





# Ausdrücke - Wiederholung

#### Elementarer Ausdruck

plus = 10 + 30

#### Ausdruck

plus' ab = a + b

Lambda ( $\lambda$ )-Ausdruck

plus" =  $a \rightarrow b \rightarrow a + b$ 





- In Haskell besteht ein Ausdruck aus nur wenigen Grundelementen
  - Konstante Werte
  - Variablen Werte (Variablen)
  - Funktionen
  - Verzweigungen wie: Guards, If-Then-Else, Case-Of ...
- Jeder Operator ist eine Funktion, die umdefiniert werden kann





## Primitive Ausdrücke

sind benannte bzw. unbenannte (anonyme) Funktionen mit konstanten Ergebnissen

```
pi :: Double
```

pi = 3.14





## Ausdrücke

sind "Berechnungen" mit Variablen besitzen "fest" definierte Parameter

```
plus :: Int \rightarrow Int \rightarrow Int plus a b = a + b
```





## Ausdrücke - Lambda - Ausdrck

Currying - allgemein

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namer

### Ausdrücke

Ausdrücke allgemein

Lambda - Ausdrck

Strukturierte Anweisungen Iterationsanweisungen Sprunganweisungen





## Lambda - Ausdruck

- Sind fast dasselbe wie normale Ausdrücke
- lacktriangleright Parameter bzw. Variablen werden in  $\lambda$ -Notation angegeben

let 
$$f = \langle x y - \rangle x + y$$

## **Aufruf**

f 31 11





## Lambda - Ausdruck

- Sind fast dasselbe wie normale Ausdrücke
- Parameter bzw. Variablen werden in  $\lambda$ -Notation angegeben

let 
$$f = \langle x y -> x + y \rangle$$

## Aufruf

f 31 11

## Ausgabe

42





# Ausdrücke - Strukturierte Anweisungen

Currying - allgemein

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namen

#### Ausdrücke

Ausdrücke allgemein Lambda - Ausdrck

Strukturierte Anweisungen

Iterationsanweisungen Sprunganweisungen





# Strukturierte Anweisungen

- If-Then-Else
- Case-Of
- Pattern-Matching
- Guards als erweitertes Pattern-Matching





## If-Then-Else

- Setzt das gewohnte If-Then-Else im Funktionsrumpf um
- Kann verschachtelt werden

$$0 \longrightarrow (\text{if}) \longrightarrow \underbrace{Bool \, Ausdruck} \longrightarrow (\text{then}) \longrightarrow \underbrace{Ausdruck} \longrightarrow (\text{else}) \longrightarrow \underbrace{Ausdruck} \longrightarrow 0$$

```
sum :: [Int] \rightarrow Int

sum [] = 0

sum (x:xs) = if mod x 2 == 1 && x > 20

then x + sum xs

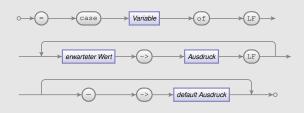
else sum xs
```





## Case-Of

- Setzt das gewohnte Case-Of innerhalb von Funktionsrümpfen um
- Erster "Treffer" gewinnt







## Case-Of

- Setzt das gewohnte Case-Of innerhalb von Funktionsrümpfen um
- Erster "Treffer" gewinnt

```
not :: Bool -> Bool
not a = case a of
True -> False
False -> True
```





- Testen auf erwartete Werte
- Erster "Treffer" gewinnt





- Testen auf erwartete Werte
- Erster "Treffer" gewinnt





- Testen auf erwartete Struktur
- Aufspalten des Datentypes
- Erster "Treffer" gewinnt







- Testen auf erwartete Struktur
- Aufspalten des Datentypes
- Erster "Treffer" gewinnt

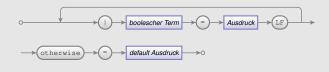
```
sum :: [Int] -> Int
sum [] = 0
sum (x:xs) = x + sum xs
```





## Guards

- Erweitern das Pattern-Matching um boolesche Auswertungen in der Funktionsdefinition
- Erster "Treffer" gewinnt





## Guards

- Erweitern das Pattern-Matching um boolesche Auswertungen in der Funktionsdefinition
- Erster "Treffer" gewinnt

```
sum :: [Int] -> Int

sum [] = 0

sum (x:xs) | mod x 2 == 1 && x > 20 = x + sum xs

| otherwise = sum xs
```



## If-Then-Else

 $ggT \ a \ b = if \ b == 0 \ then \ a \ else \ ggT \ b \ (mod \ a \ b)$ 





#### If-Then-Else

$$ggT \ a \ b = if \ b == 0 \ then \ a \ else \ ggT \ b \ (mod \ a \ b)$$

### Case-Of





#### If-Then-Else

 $ggT \ a \ b = if \ b == 0 \ then \ a \ else \ ggT \ b \ (mod \ a \ b)$ 

```
ggT'' a 0 = a

ggT'' a b = ggT'' b (mod a b)
```





#### If-Then-Else

 $ggT \ a \ b = if \ b == 0 \ then \ a \ else \ ggT \ b \ (mod \ a \ b)$ 

#### Guards





# Ausdrücke - Iterationsanweisungen

Currying - allgemein

Gültigkeitsbereiche

Überladung und Auflösung von Namen

#### Ausdrücke

Ausdrücke allgemein

Strukturierte Anweisungen

Iterationsanweisungen

Sprunganweisungen





# Iterationsanweisungen

Currying - allgemein

- In Haskell existieren keine Schleifen wie
- while, while do, for, repeat until . . .
- Jede "Schleife" muss über rekursive Funktionen realisiert werden
- Hierzu werden Funktionen h\u00f6herer Ordnung ben\u00f6tigt

```
filter :: (Int -> Bool) -> [Int] -> [Int]
filter do [] = []
filter do (x:xs) | do x = x : filter do xs
| otherwise = filter do xs
```

Wendet do auf jedes Element der Liste an.





# Ausdrücke - Sprunganweisungen

#### Ausdrücke

Ausdrücke allgemein

Sprunganweisungen





# Sprunganweisungen

Es existieren keine Sprunganweisungen.





# Ausblick für Morgen

Typkonstruktoren

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus









# Programmieren für Fortgeschrittene - eine Einführung in Haskell

Tag drei - noch etwas mehr

Stephan Mielke

26.03.2014

# Typkonstruktoren

## Typkonstruktoren

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus





# Typkonstruktoren - Eigene Datentypen

## Typkonstruktoren

## Eigene Datentypen

Typ-Synonyme
Rekursive Datenstrukturen

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus

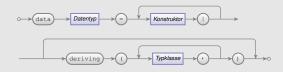




# Typkonstruktoren - Aufzählungstyp

Aufzählungstypen sind mit Enums aus C bzw. C++ zu vergleichen und fassen inhaltlich Elemente zusammen

#### data







# Typkonstruktoren - Aufzählungstyp

#### data



#### Konstruktor



In diesem Fall erhält der Konstruktor keine Parameter.





Polymorphismus

## Typkonstruktoren - Aufzählungstyp

data Color = Blue | Cyan | Yellow | Orange | Green





## Typkonstruktoren - Aufzählungstyp

Typüberprüfung und -berechnung

data Color = Blue | Cyan | Yellow | Orange | Green

Wie werden die Konstuktoren aussehen?





Polymorphismus

## Typkonstruktoren - Aufzählungstyp

Typüberprüfung und -berechnung

### data Color = Blue | Cyan | Yellow | Orange | Green

#### Konstruktoren:

```
Blue :: Color
Cyan :: Color
Yellow :: Color
```

Orange :: Color

:: Color Green

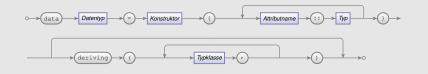




Polymorphismus

- Produkttyp ist ein Tupel der einzelnen Attribute
- Tupel fassen Gruppen von Daten zusammen, die logisch zusammen gehören und gemeinsam etwas Neues und Eigenständiges bilden

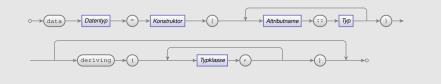
### data mit allen Angaben







### data mit allen Angaben



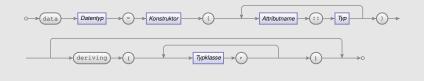
#### Konstruktor







### data mit allen Angaben



### Selektor (bei allen Angaben automatisch erstellt)







```
data Point = Point{x :: Double, y :: Double}
```

data Circle = Circle {center :: Point, radius :: Double}





data Point = Point{x :: Double, y :: Double}

#### Kurz

data Point = Point Double Double

data Circle = Circle {center :: Point, radius :: Double}

#### Kurz

data Circle = Circle Point Double

#### **Kurz Schreibweise**

Bei der kurz Schreibweise werden keine Selektoren erstellt





Typüberprüfung und -berechnung

```
data Point = Point{x :: Double, y :: Double}
data Circle = Circle {center :: Point, radius :: Double}
```

Konstruktorfunktionen: ?





```
data Point = Point{x :: Double, y :: Double}
data Circle = Circle{center :: Point, radius :: Double}
```

#### Konstruktorfunktionen:

```
Point :: Double -> Double -> Point
Circle :: Point -> Double -> Circle
```





```
data Point = Point{x :: Double, y :: Double}
data Circle = Circle{center :: Point, radius :: Double}
```

Selektorfunktionen: ?





```
data Point = Point{x :: Double, y :: Double}
data Circle = Circle{center :: Point, radius :: Double}
```

#### Selektorfunktionen:

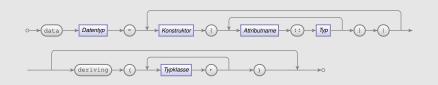
```
x :: Point -> Double
y :: Point -> Double
center :: Circle -> Point
radius :: Circle -> Double
```





- Summentypen fassen inhaltlich verwandte (aber struktuell verschiedene)
   Elemente zusammen
- Sind eine Fusion von Aufzählungs- und Produkttyp

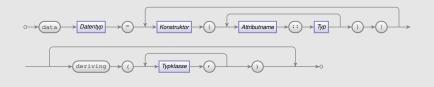
### data mit allen Angaben







### data mit allen Angaben



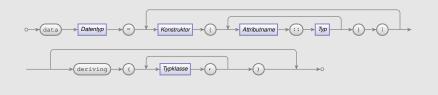
#### Konstruktor







### data mit allen Angaben



### Selektor (bei allen Angaben automatisch erstellt)







```
data Point = Point{x :: Double, y :: Double}

data Shape = Circle{center :: Point,
    radius :: Double}
    | Rectangle{point :: Point, width :: Double,
        height :: Double}
    | Triangle{point1 :: Point, point2 :: Point,
        point3 :: Point}
```

### Frage

Was sind hier Selektoren und Konstruktoren?





```
data Shape = Circle {center :: Point, radius :: Double}
    Rectangle { point :: Point, width :: Double,
    height :: Double}
    Triangle { point 1 :: Point , point 2 :: Point ,
    point3 :: Point}
```

Konstruktoren: ?





```
data Shape = Circle {center :: Point, radius :: Double}
    Rectangle { point :: Point, width :: Double,
    height :: Double}
  | Triangle { point 1 :: Point , point 2 :: Point ,
    point3 :: Point}
```

### Konstruktoren:

```
Circle :: Point -> Double -> Shape
Rectangle :: Point -> Double -> Double -> Shape
Triangle :: Point -> Point -> Shape
```





```
data Shape = Circle{center :: Point, radius :: Double}
   | Rectangle{point :: Point, width :: Double,
     height :: Double}
   | Triangle{point1 :: Point, point2 :: Point,
     point3 :: Point}
```

Selektoren: ?





```
data Shape = Circle{center :: Point, radius :: Double}
    Rectangle { point :: Point, width :: Double,
    height :: Double}
  | Triangle { point 1 :: Point , point 2 :: Point ,
    point3 :: Point}
```

#### Selektoren:

```
center :: Shape -> Point
radius :: Shape -> Double
point :: Shape -> Point
width :: Shape -> Double
```





# Typkonstruktoren - Typ-Synonyme

### Typkonstruktoren

Eigene Datentypen

Typ-Synonyme

Rekursive Datenstrukturen

Lister

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus





Polymorphismus

- Typ-Synonyme sind keine eigenen Typen sondern führen nur neue Namen für bekannte Typen ein
- Vorteile:
  - Verbesserte Lesbarkeit
  - Intern wird bei type Euro = Int wieder Int







# Typ-Synonyme

```
type Euro = Int
type Cent = Int
type Preis = (Euro, Cent)
type Tupel = (Int, Int)
```

### **Achtung**

Preis und Tupel sind für uns und intern (Int, Int)





## Typ-Synonyme

```
type Euro = Int
type Cent = Int
add :: Euro -> Euro -> Euro
add a b = a + b
add' :: Euro -> Cent -> Int
add'ab=a+b
```

### **Achtung**

add' 5 (add 5 8) funktioniert





## Typ-Synonyme mit Typsicherheit

- newtype wird statt type verwendet, wenn Typsicherheit benötigt wird
- newtype verhält sich somit geauso wie data
- Jedes newtype kann durch data ersetzt werden
- Jedoch data kann nur in Ausnahmefällen durch newtype ersetzt werden







# Typ-Synonyme mit Typsicherheit

- newtype wird statt type verwendet, wenn Typsicherheit benötigt wird
- newtype verhält sich somit geauso wie data

Typüberprüfung und -berechnung

- Jedes newtype kann durch data ersetzt werden
- Jedoch data kann nur in Ausnahmefällen durch newtype ersetzt werden

```
newtype Euro = Euro Int
newtype Cent = Cent Int
```

### **Achtung**

Euro und Cent sind nicht kompatibel





Typüberprüfung und -berechnung

### Typkonstruktoren

Typ-Synonyme

Rekursive Datenstrukturen





Polymorphismus

### Rekursive Datenstrukturen

- Datenstrukturen können auf sich selbst verweisen
- Es sind "unendliche" Rekursionen erlaubt, solange der Arbeitsspeicher mitspielt





### Rekursive Datenstrukturen





# Typkonstruktoren - Listen

### Typkonstruktoren

Eigene Datentypen
Typ-Synonyme
Rekursive Datenstrukturer

Listen

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus





```
data [a] = []
| Cons {head :: a, tail :: [a]}
```

- Listen sind Folgen von Elementen gleichen Types
- a ist hier der Platzhalter für einen Typ somit kann das a für Int, Integer usw stehen

Konstruktoren: ?





#### Listen

```
data [a] = []
| Cons {head :: a, tail :: [a]}
```

- Listen sind Folgen von Elementen gleichen Types
- a ist hier der Platzhalter für einen Typ somit kann das a für Int, Integer usw stehen

#### Konstruktoren:

```
[] :: [a] Cons :: a \rightarrow [a] \rightarrow [a]
```





### Listen

```
data [a] = []
| Cons {head :: a, tail :: [a]}
```

Selektoren: ?





### Listen

```
data [a] = []
| Cons {head :: a, tail :: [a]}
```

#### Selektoren:

```
head :: [a] \rightarrow a
tail :: [a] \rightarrow [a]
```





### Listen in Funktionen

```
length :: [Int] -> Int
length [] = 0
length (:xs) = 1 + length xs
append :: [Int] -> [Int] -> [Int]
append [] ys = ys
append (x:xs) ys = x : append xs ys
sum :: [Int] -> Int
sum [] = 0
sum (x:xs) = x + sum xs
```

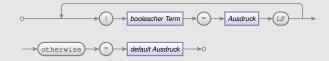


### Listen in Funktionen

```
filter :: [Int] -> [Int]
filter[] = []
filter (x:xs) | ok x = x : filter xs
             I otherwise = filter xs
             where
               ok x = (mod x 2) == 1
```

Was macht diese Funktion?

Was ist der Funktionskopf von ok?







#### Listen in Funktionen

Typüberprüfung und -berechnung

```
filter :: [Int] -> [Int]
filter [] = []
filter (x:xs) | ok x = x : filter xs
             I otherwise = filter xs
             where
               ok x = (mod x 2) == 1
```

Was macht diese Funktion? Was ist der Funktionskopf von ok?

```
ok :: Int -> Bool
ok x = (mod x 2) == 1
```





#### Listen Generatoren

- Für Listen existieren Generatoren.
- Sonst müsste jedes Element von Hand aufgeschrieben werden
- [0..] generiert eine unendliche Liste
- Warum es unendliche Listen geben kann kommt später
- [0..10] generiert [0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]

Typüberprüfung und -berechnung







Polymorphismus

#### Listen Generatoren

```
[x * x | x <- [1..5]]
[(i,j)|i <- [1,2], j <- [1..4]]

[y | y <- [1..], even y]
[a * a | a <- [1..], odd a]
[square x | x <- [0..], square x < 10]</pre>
```







#### Listen Generatoren

#### Berechnung aller Primzahlen

```
primes = sieves [2..]
  where
    sieves (p:xs) = p:sieves [x|x<- xs, mod x p > 0]
```





## Wichtige Liste

- Ihr erinnert euch noch an Char?
- Ihr erinnert euch noch an type?
- Wie wird wohl String definiert sein?





# Wichtige Liste

- Ihr erinnert euch noch an Char?
- Ihr erinnert euch noch an type?
- Wie wird wohl String definiert sein?

```
type String = [Char]
```





## String

- Strings sind Listen von Chars
- Alle Funktionen die generisch für Listen definiert sind, sind auch für Strings definiert
- Strings werden intern nicht anders als normale Listen behandelt
- Also kein Stringspool, keine Unabänderbarkeit von Strings usw. . . .





# String

```
wochenTag :: Int -> String
wochenTag 1 = "Montag"
wochenTag 2 = "Dienstag"
wochenTag 3 = "Mittwoch"
wochenTag 4 = "Donnerstag"
wochenTag 5 = "Freitag"
wochenTag 6 = "Samstag"
wochenTag 7 = "Sonntag"
wochenTag _ = undefined
```

#### ..Bottom Element"

jeder Wert außer 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 führt zum "Bottom Element" und führt zu einer Prelude.undefined Exception





## Typüberprüfung und -berechnung

Typkonstruktorer

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus





# Typüberprüfung

- Es sind nur Typengleich, welche auch gleich sind!
- Int ist kompatibel zu Int
- Aber Int ist nicht kompatibel zu Integer





# Typüberprüfung

- Typ-Synonyme sind gleich, wenn sie auf den gleichen Typ abbilden
- type Euro = Int
- type Laenge = Int
- Zwischen beiden Typen gibt es keinen Unterschied





# Typberechnung

- Wenn keine Typen angegeben wurden, wird der passende Typ berechnet
- Bei Eingaben im GHCi wird der richtige Typ "erraten"





- Wenn keine Typen angegeben wurden, wird der passende Typ berechnet
- Bei Eingaben im GHCi wird der richtige Typ "erraten"
- Ok statt "raten" wird der Typcheck Algorithmus von Robin Milner verwendet





# Typkonversion (Cast Anweisungen)

Typkonstruktoren

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus





## Typkonversion

- In Haskell existieren keine Cast Anweisungen wie in Java
- Jeder Cast wird über eine Funktion realisiert
- toInteger :: a -> Integer
- fromInteger :: Integer -> a
- ..





## Polymorphismus

Typkonstruktoren

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus





## Polymorphismus - Typparameter

Typkonstruktorer

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

Polymorphismus Typparameter

Typklasse





## Polymorphismus

- Bisher hatten wir nur Funktionen für genau einen Typ
- Nun lernen wir Typklassen und Typparameter kennen





#### Erinnert ihr euch noch an Listen?

```
data List = []
| Cons {head :: Int, tail :: List}
```

# Damit wir nicht für jeden Datentyp eine neue Liste definieren müssen Cons ist nun (:)

```
data List a = []
| (:) {head :: a, tail :: List a}
```





#### Erinnert ihr euch noch an Listen?

```
data List = []
          | Cons {head :: Int, tail :: List}
```

#### kurz:

```
data [a] = []
         | (:) {head :: a, tail :: [a]}
```





#### Genauso in Funktionen

```
append :: [Int] -> [Int] -> [Int]
append [] ys = ys
append (x:xs) ys = x : append xs ys
```





#### Genauso in Funktionen

```
append :: [Int] -> [Int] -> [Int]
append [] ys = ys
append (x:xs) ys = x: append xs ys
```

#### Damit wir nicht für jeden Datentyp eine neue Funktion definieren müssen

```
append :: [a] -> [a] -> [a]
append [] ys = ys
append (x:xs) ys = x : append xs ys
```





# Polymorphismus - Typklassen

Typkonstruktorer

Typüberprüfung und -berechnung

Typkonversion (Cast Anweisungen)

## Polymorphismus

Typparamete

Typklassen





- Typklassen fassen Typen zusammen, die ähnliche Operationen unterstützen
- Alle Ausprägungen einer Funktion einer Typklassen tragen dann den gleichen Namen.
- Overloading, d.h. der gleiche Funktionsname steht für unterschiedliche Implementierungen





## Zu allgemein

$$(+)$$
 :: a -> a -> a





#### Zu allgemein

(+) :: a -> a -> a

## Zu speziell

(+) :: Int -> Int -> Int





#### Zu allgemein

(+) :: a -> a -> a

#### Zu speziell

(+) :: Int -> Int -> Int

## Genau richtig

(+) :: Num a => a -> a -> a





## Nutzung von Typklassen

```
summe :: Num a \Rightarrow [a] \rightarrow a
summe [] = 0
summe (x:xs) = x + summe xs
```





#### Eigene Datentypen mit Typklassen

```
data Point = Point{x :: Double, y :: Double}
  deriving (Eq, Show)

data Circle = Circle{center :: Point,
  radius :: Double}
  deriving (Eq, Show)
```

mit deriving wird geraten wie die Implementierung von Eq, Ord, Show usw. sein sollen





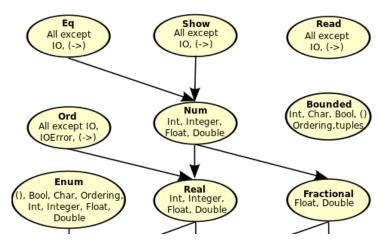


Abbildung: Typklassen Teil 1 ©wikibooks.org





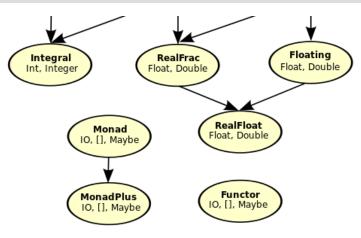


Abbildung: Typklassen Teil 2 © wikibooks.org





#### Die Eq Typklasse

```
class Eq a where

(==), (/=) :: a -> a -> Bool

x == y = not (x /= y)

x /= y = not (x == y)
```

#### **Achtung**

Die Definition ist zirkulär!





#### Die Ord Typklasse

```
class (Eq a) => Ord a where

(<), (<=), (>=), (>) :: a -> a -> Bool

max, min :: a -> a -> a
```

## **Achtung**

Die Definition ist zirkulär!





#### Instance von Eq und Ord für Buch





#### Instance von Eq

#### Aufruf

Buch 123 ["ich", "du"] "Hallo" == Buch 123 ["du"] "keiner"





#### Instance von Eq

#### Aufruf

```
Buch 123 ["ich", "du"] "Hallo" == Buch 123 ["du"] "keiner"
```

## Ausgabe

True





# Typklassen

#### Instance von Ord

```
instance Ord Buch where
   (Buch isbn1 _ _) 'compare' (Buch isbn2 _ _)
    = isbn1 'compare' isbn2
```

#### Aufruf

Buch 123 ["ich", "du"] "Hallo" < Buch 123 ["du"] "keiner"





## Typklassen

#### Instance von Ord

```
instance Ord Buch where
  (Buch isbn1 _ _) 'compare' (Buch isbn2 _ _)
  = isbn1 'compare' isbn2
```

#### Aufruf

```
Buch 123 ["ich", "du"] "Hallo" < Buch 123 ["du"] "keiner"
```

#### Ausgabe

False





# Ausblick für Morgen

Lazy

Funktionen höherer Ordnung (HOF)

Currying - für Fortgeschrittene

Lambda Ausdrücke









# Programmieren für Fortgeschrittene - eine Einführung in Haskell

Tag vier - ein bisschen noch

Stephan Mielke

27.03.2014

Lambda Ausdrücke

#### Lazy

Funktionen höherer Ordnung (HOF)





#### Betrachte folgende Funktion

```
rechne :: Double -> Double -> Double
rechne a b = if a > 10
then a + b
else a
```

#### Was erwartet ihr beim Aufruf von

rechne 126





#### Betrachte folgende Funktion

```
rechne :: Double -> Double -> Double
rechne a b = if a > 10
             then a + b
             else a
```

Funktionen höherer Ordnung (HOF)

#### und bei

rechne 9 (10 / 0)





#### Wir betrachten

```
prims :: [Integer]-> Int -> [Integer]
prims _ 0 = []
prims (p:xs) i = (:) p $prims
                [x | x < xs, mod x p > 0] $i + 1
```

#### Terminiert die Funktion?





#### Wir betrachten

#### Terminiert die Funktion?

#### Terminiert die Funktion auch bei der Eingabe von

```
primes [2..] 1
```





- Haskell verwendet die Lazy-Evaluation für Ausdrücke
- $\blacksquare \ \, \mathsf{Lazy} \equiv \mathsf{Call}\text{-by-Need}$
- Dadurch sind Funktionen nicht strikt





#### Lazy - unendliche Listen

- Es werden vom Start an eine bestimmte Anzahl an Elemente erstellt
- Wenn weitere Elemente benötigt werden, werden diese neu Erstellt
- Wird immer nur ein Abschnitt benötigt wird der Start wieder gelöscht stellt es euch als "Ringpuffer" vor
- lacktriangle Wenn jedoch alle Elemente benötigt werden ightarrow bis Speicher voll





#### Lazy - Parameter und Ausdrücke

- Haskell verwendet Call-by-need
- Call-by-need ist Form es Call-by-name





- Ausdrücke werden nicht sofort ausgewertet sondern nur übergeben
- $\blacksquare$  max (4 + 6) (10 / 0)





- Ausdrücke werden nicht sofort ausgewertet sondern nur übergeben
- $\blacksquare$  max (4 + 6) (10 / 0)
- $\Rightarrow$  if (4 + 6) > (10 / 0) then (4 + 6) else (10 / 0)



- Ausdrücke werden nicht sofort ausgewertet sondern nur übergeben
- $\blacksquare$  max (4 + 6) (10 / 0)
- $\Rightarrow$  if (4 + 6) > (10 / 0) then (4 + 6) else (10 / 0)
- $\Rightarrow$  (4 + 6) > (10 / 0)



- Ausdrücke werden nicht sofort ausgewertet sondern nur übergeben
- max (4 + 6) (10 / 0)
- $\Rightarrow$  if (4 + 6) > (10 / 0) then (4 + 6) else (10 / 0)
- $\blacksquare$   $\Rightarrow$  (4 + 6) > (10 / 0)
- $\blacksquare$   $\Rightarrow$  10 > (10 / 0)



Lazy

- Ausdrücke werden nicht sofort ausgewertet sondern nur übergeben
- max (4 + 6) (10 / 0)
- $\blacksquare$   $\Rightarrow$  if (4 + 6) > (10 / 0) then (4 + 6) else (10 / 0)
- $\blacksquare$   $\Rightarrow$  (4 + 6) > (10 / 0)
- ⇒ 10 > (10 / 0)
- $\blacksquare \Rightarrow \cancel{2}$



#### Lazy - Call-by-need

- Bei Call-by-need erweitert Call-by-name um Sharing
- Sharing: gleiche Ausdrücke werden nur einmal ausgewertet





#### Funktionen höherer Ordnung (HOF)

Lazy

Funktionen höherer Ordnung (HOF)

Currying - für Fortgeschrittene

Lambda Ausdrücke





# Funktionen höherer Ordnung (HOF) - Allgemeines zu HOF

Laz

Funktionen höherer Ordnung (HOF)
Allgemeines zu HOF

Funktionskomposition

Currying - für Fortgeschrittene

Lambda Ausdrücke





#### Funktionen höherer Ordnung (HOF)

- Funktionen können als Parameter nicht nur Ausdrücke sondern auch Funktionen erhalten
- Dieses wird im Funktionskopf angegeben





# Funktionen höherer Ordnung (HOF)

```
filter :: (Int -> Bool) -> [Int] -> [Int]
filter do [] = 0
filter do (x:xs) | do x = x : filter do xs
| otherwise = filter do xs
```



# Funktionen höherer Ordnung (HOF) - Funktionskomposition

Laz

#### Funktionen höherer Ordnung (HOF)

Allgemeines zu HOF

Funktionskomposition

Currying - für Fortgeschrittene

Lambda Ausdrücke





Wie vermeiden wir am besten "Klammerungswirrwarr"

```
f (f (f (f (f (f (f x )))))))
```





Wie vermeiden wir am besten "Klammerungswirrwarr"

```
f (f (f (f (f (f (f x )))))))
```

Mit dem "Punkt"-Operator können wir Funktionen verbinden





Wie vermeiden wir am besten "Klammerungswirrwarr"

```
f (f (f (f (f (f (f x )))))))
```

Mit dem "Punkt"-Operator können wir Funktionen verbinden

Oder dem \$-Operator die Auswertungsreihenfolge verändern

```
f $ f $ f $ f $ f $ f $ f $ f $ x
```





#### Der "Punkt"-Operator ist definiert mit

```
(.) :: (b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow c
(.) outerFunc innerFunc x = c
```

Das Resultat der inneren Funktion wird auf die äußere angewendet.





#### Der \$-Operator ist definiert mit

(\$) :: 
$$(a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow b$$
  
(\$) func  $x = func x$ 

Die Funktion wird auf das Resultat von dem Ausdruck der "rechts" vom Operator steht angewandt.



## Currying - für Fortgeschrittene

Laz

Funktionen höherer Ordnung (HOF)

Currying - für Fortgeschrittene

Lambda Ausdrücke





## Currying

- Currying bzw. Schönfinkeln ist das Zusammenfassen von Argumenten
- Wird in Sprachen und Kalkülen verwendet, in dem nur ein Argument erlaubt ist.
  - z.B. in der  $\lambda$ -Notation
- Die Form und Art des Zusammenfassens ist unterschiedlich





- $\blacksquare \lambda x y z . x y z$
- wird aufgespalten zu





- $\blacksquare \lambda x y z . x y z$
- wird aufgespalten zu
- $\blacksquare \lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z$





- $\blacksquare \lambda x y z . x y z$
- wird aufgespalten zu
- $\blacksquare \lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z$
- wird ausgewertet mit den Argumenten a b c





 $\blacksquare \lambda x y z . x y z$ 

Lazy

- wird aufgespalten zu
- $\blacksquare \lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z$
- wird ausgewertet mit den Argumenten a b c
- $\bullet (\lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z) a b c$



- $\lambda x y z . x y z$
- wird aufgespalten zu
- $\blacksquare \lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z$
- wird ausgewertet mit den Argumenten a b c
- $\bullet (\lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z) a b c$
- $(\lambda y . \lambda z . ayz)bc$





- $\blacksquare \lambda x y z . x y z$
- wird aufgespalten zu
- $\blacksquare \lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z$
- wird ausgewertet mit den Argumenten a b c
- $\bullet (\lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z) a b c$
- $\blacksquare$   $(\lambda y . \lambda z . ayz)bc$
- $\blacksquare (\lambda z.abz)c$





## Currying in der Lambda-Notation

- $\lambda x y z . x y z$
- wird aufgespalten zu
- $\blacksquare \lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z$
- wird ausgewertet mit den Argumenten a b c
- $\bullet (\lambda x . \lambda y . \lambda z . x y z) a b c$
- $\blacksquare$   $(\lambda y . \lambda z . ayz)bc$
- $\blacksquare$   $(\lambda z.abz)c$
- (abc)





- Auch wenn wir in Haskell Funktionen mehrere Argumente übergeben können
- Intern hat jede Funktion nur ein oder kein Argument!





Lazy

## Currying in Haskell

#### **Aufruf**

:t xor True

#### Ausgabe

xor True :: Bool -> Bool

#### **Aufruf**

(xor True) False

#### Ausgabe

True





#### **Aufruf**

:t xor True

#### Ausgabe

xor True :: Bool -> Bool

#### **Aufruf**

(xor True) True

#### Ausgabe

False





- Currying erleichtert das Arbeiten mit Funktionen h\u00f6herer Ordnung
- Sehen wir uns folgendes Beispiel an

```
map :: (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b]

map _ [] = []

map f (x:xs) = f x : map f xs
```

Wie würdet ihr map aufrufen um jedes Element einer Liste um 2 zu erhöhen?





- Currying erleichtert das Arbeiten mit Funktionen h\u00f6herer Ordnung
- Sehen wir uns folgendes Beispiel an

```
map :: (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b]

map _ [] = []

map f (x:xs) = f x : map f xs
```

Wie würdet ihr map aufrufen um jedes Element einer Liste um 2 zu erhöhen?

```
map (+ 2) [1..10]
```





- Soll Currying unterbunden werden, so muss die Anzahl der Argumente von Anfang an  $\leq$  1 sein
- f :: Int -> Int -> Int
- Hier für kommen Tupel ins Spiel





- Soll Currying unterbunden werden, so muss die Anzahl der Argumente von Anfang an ≤ 1 sein
- f :: Int -> Int -> Int
- Hier für kommen Tupel ins Spiel
- f' :: (Int, Int) -> Int
- Dieses "Abändern" ist jedoch nur bei eigenen Funktionen möglich





- Soll Currying unterbunden werden, so muss die Anzahl der Argumente von Anfang an ≤ 1 sein
- f :: Int -> Int -> Int
- Hier für kommen Tupel ins Spiel
- f' :: (Int, Int) -> Int
- Dieses "Abändern" ist jedoch nur bei eigenen Funktionen möglich
- Funktionen können dies jedoch für uns übernehmen





#### curry

curry :: 
$$((a, b) \rightarrow c) a \rightarrow b \rightarrow c$$
  
curry f x y = f (x, y)





#### curry

```
curry :: ((a, b) \rightarrow c) a \rightarrow b \rightarrow c
curry f x y = f (x, y)
```

#### uncurry

```
uncurry :: a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow ((a, b) \rightarrow c)
uncurry f t = f (fst t) (snd t)
```





#### curry

```
curry :: ((a, b) -> c) a -> b -> c
curry f x y = f (x, y)
```

#### uncurry

```
uncurry :: a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow ((a, b) \rightarrow c)
uncurry f t = f (fst t) (snd t)
```

- fst t gibt das erste Element aus t
- snd t gibt das zweite Element aus t





#### Lambda Ausdrücke

Lazy

Funktionen höherer Ordnung (HOF

Currying - für Fortgeschrittene

Lambda Ausdrücke





## Anonyme Funktionen

- Haskell unterstützt anonyme Funktionen in Form von  $\lambda$ -Ausdrücken
- das λ-Symbol wird durch "\" repräsentiert.
   λ x → x
- Aufbau:
- lacktriangle durch das currying können  $\lambda$ -Ausdrücke mehrere Argumente besitzen
- lacktriangle es gelten alle bekannten Regeln für die  $\lambda$ -Notation







$$plus = \x -> \y -> \x + \y$$

$$istKleiner = \x -> \y -> \x < y$$

$$g = \langle x \rightarrow \langle y \rightarrow \langle x \rightarrow \langle y, x \rangle \rangle$$





```
- y "Operator"

y f = f (y f)

fac = y ( f n \rightarrow f n > 0 then n * f (n - 1) else 1)
```





```
y "Operator"

y f = f (y f)

fac = y (\f n \rightarrow if n > 0 then n * f (n - 1) else 1)
```

#### **Aufruf**

fac 5





```
- y "Operator"

y f = f (y f)

fac = y (\f n \rightarrow if n > 0 then n * f (n - 1) else 1)
```

#### **Aufruf**

fac 5

#### Ausgabe

120





# Ausblick für Morgen

Das Array

Monaden

10









# Programmieren für Fortgeschrittene - eine Einführung in Haskell

Tag vier - ein bisschen noch

Stephan Mielke

28.03.2014

# Das Array

Das Array





## Das Array

- In Haskell existieren nicht nur Listen zur Speicherung und Verarbeitung von Daten sondern auch zwei Array Formen
- Arrays in Haskell besitzen immer eine feste Größe die bei der Erstellung angegeben wird





- Es muss das Modul Data. Array. IArray importiert werden
- Die einzelnen Elemente eines Arrays werden mit dem! Operator angesprochen
  - z.B. a!5 gibt das Element mit dem Index 5 aus dem Array a wieder





- Es muss das Modul Data. Array. IArray importiert werden
- Die einzelnen Elemente eines Arrays werden mit dem ! Operator angesprochen
  - z.B. a!5 gibt das Element mit dem Index 5 aus dem Array a wieder



Als Array Index kann jeder Datentyp verwendet werden, welcher die Typklasse Ix implementiert





- Es muss das Modul Data. Array. IArray importiert werden
- Die einzelnen Elemente eines Arrays werden mit dem! Operator angesprochen
  - z.B. a!5 gibt das Element mit dem Index 5 aus dem Array a wieder



In diesem Fall wird dem Array eine Liste mit Tupeln übergeben bei dem das erste Element der "Primarykey" ist (wie eine Map)





```
listArray :: (lx i, lArray a e) => (i, i)
-> [e] -> a i e
myArray1 = (listArray ('a', 'e') [10..15])
:: Array Char Int
```





```
listArray :: (lx i, lArray a e) => (i, i)
    -> [e] -> a i e
myArray1 = (listArray ('a', 'e') [10..15])
    :: Array Char Int
```

```
array :: (|x i, |Array a e) => (i, i)

-> [(i, e)] -> a i e

myArray2 = (array (1,5) [(k,k*2)|

k <- [1..5]):: Array Int Int
```

## Achtung

Die Anzahl der Listen Elemente und der Platz müssen nicht übereinstimmen, solange das Array nicht ausgegeben (show a) wird.





```
accumArray :: (IX i, IArray a e) => (e -> e' -> e)
-> e -> (i,i) -> [(i, e')] -> a i e

myArray3 = (accumArray (+) 0 (0,4) [(i 'mod' 5
, 1) | i <- [1..123]]) :: Array Int Int
```



```
accumArray :: (IX i, IArray a e) => (e -> e' -> e)
-> e -> (i,i) -> [(i, e')] -> a i e

myArray3 = (accumArray (+) 0 (0,4) [(i 'mod' 5
, 1) | i <- [1..123]]) :: Array Int Int
```

```
array (0,4) [(0,24),(1,25),(2,25),(3,25),(4,24)]
```





## Wichtige Array Funktionen

- amap ist die Array-Form der map Funktion für Listen
- elems wandelt das Array in eine Liste um (nur die Werte)
- assocs wandelt das Array in eine Liste von Tupeln der Form (k, v) um
- Der \\ Operator (update) ändert in einem Array die gegebenen Wertpaare.





#### Statische vs. dynamische Arrays

- Bei einem Update mit dem \\ Operator (update) wird bei statischen das gesamte Array kopiert und die Anderungen vorgenommen
- Somit dauert es bei statischen länger als bei dynamischen





## **Dynamische Arrays**

- Import von Data. Array. Diff
- Funktionen heißen gleich nur Typ ist DiffArray statt Array
- Besitzen zwar eine Konstante Zeit beim Update
- Aber erhöhte Zugriffszeit beim Lesen
- Durch geschickte Array Konstruktion kann jedoch fast vollständig auf Updates verzichtet werden





#### Haskell API

für weitere Datentypen und deren Funktionen siehe: haskell.org/hoogle





#### Monaden

Das Array

Monaden

IC





#### Monaten

- Monaden sind ein mathematisches Konzept aus der Kategorientheorie
- Werden eingesetzt um Funktionen miteinander zu kombinieren
- Ist in Haskell eine polymorphe Datenstruktur mit speziellen Funktionen
- Das Prinzip ist:
  - Sequenzialisierung gemäß des Continuation-style Programming der Kontrollfluss kehrt nicht zum Aufrufer zurück sondern geht zur Nachfolgefunktion
  - Darstellung und Transformation eines versteckten Zustands (Hiding)
  - Sicherung von Single-Threadedness dadurch, weil keine dagegen verstoßende Funktion benutzt werden kann





#### Monaden - Klasse

```
class Monad m where
   — verbinden zweiter Funktionen

    Ergebnis ist Argument der zweiten Funktion

    (>>=) :: forall a b. m a -> (a -> m b) -> m b
   — verbindet zwei Funktionen aber verwirft jedes
   — Ergebnis (wie in Imperativen Sprachen)
    (>>) :: forall a b. m a \rightarrow m b \rightarrow m b
   m \gg k = m \gg k
   — fuegt einen Wert in den Monaden Typ ein
    return :: a \rightarrow m a
   — gibt eine Fehlernachricht zurueck
    fail :: String -> m a
    fail = error
```





### Monaden - Klasse





### Monaden - Klasse

```
add' :: Maybe Int -> Maybe Int -> Maybe Int add' mA mB = mA >>= (\a -> mB >>= (\b -> return (a + b)))
```





Mit der do-Notation werden Monaden (>>=) zusammengefasst pro Zeile

10

- Somit ist es syntaktischer Zucker
- Für die Verwendung der do-Notation sind 4 Regeln zu beachten





## Do-Notation - Regel 1

- Einzelne Anweisungen benötigen keine Umformung.
- Das do wird einfach weggelassen.

do

е





- Einzelne Anweisungen benötigen keine Umformung.
- Das do wird einfach weggelassen.

do

е

е





# Do-Notation - Regel 2

- Wird der Rückgabewert nicht benötigt
- Dann wird die Anweisung nach vorne gezogen

do

<Anweisung>





# Do-Notation - Regel 2

- Wird der Rückgabewert nicht benötigt
- Dann wird die Anweisung nach vorne gezogen

do

е

<Anweisung>





## Do-Notation - Regel 3

- Wird der Rückgabewert mit Pattern-Matching ausgewertet
- Dann muss eine Hilfsfunktion dies übernehmen

do

pattern <- e
<Anweisungen>





- Wird der Rückgabewert mit Pattern-Matching ausgewertet
- Dann muss eine Hilfsfunktion dies übernehmen

```
do
pattern <- e
<Anweisungen>
```

```
let ok pattern = do
      <Anweisungen>
    ok _ = fail "Fehler"
in e >>= ok
```





- Wird ein Wert mit let gespeichert, kann dies vor das do gezogen werden
- Das in ist im do-Block optional

do

let < Deklaration >

in <Anweisungen>





- Wird ein Wert mit let gespeichert, kann dies vor das do gezogen werden
- Das in ist im do-Block optional

```
do
```

```
let <Deklaration>
in <Anweisungen>
```





### Do-Notation - If-Then-Else

### Wir erwarten

```
f = do
  if <irgendwas> then
     <Anweisungen>
  else
     <Anweisungen>
```

### Aber!

```
f =
  if <irgendwas> then do
     <Anweisungen>
  else do
     <Anweisungen>
```





# Do-Notation - Beispiel

```
add' :: Maybe Int -> Maybe Int -> Maybe Int add' mA mB = mA >>= (\a -> mB >>= (\b -> return (a + b)))
```





# Do-Notation - Beispiel

```
add' :: Maybe Int -> Maybe Int -> Maybe Int add' mA mB = mA >>= (\a -> mB >>= (\b -> return (a + b)))
```

```
add :: Maybe Int -> Maybe Int -> Maybe Int
add mA mB = do
    a <- mA
    b <- mB
    return (a + b)</pre>
```





### Vordefinierte Monaden

- Writer für Debug / Logging / Tracing
- Reader zum Lesen von gemeinsamen Zuständen (global)
- State Verknüpfung von Writer und Reader für gemeinsame Zustände für zustandsbasierte Rechnungen







Das Array

Monaden

Ю





IO

Monaden

# Hangman

```
import Data. Char
import System.IO
w = "Lambda"
maxl = 5
hangman :: String -> Int -> IO ()
hangman cs i | i > maxl = putStrLn "\nverloren"
             all ('elem' cs) (map toLower w) =
               putStrLn "\ngewonnen"
```





# Hangman

```
hangman cs i =
  do
    putStrLn "..."
    printWord cs
    putStrLn "\nWelcher, Buchstabe?"
    c <- getChar >>= (return.toLower)
    if (c 'elem' (map toLower w)) then
      hangman (c:cs) i
    else do
      putStrLn $ "\n" ++ (show (i+1)) ++ "...falsch\n"
      hangman cs (i+1)
```





# Hangman

printWord :: String -> IO ()



hangman ".." 0



### Das O in IO

- print :: Show a =>a -> IO() gibt jeden Datentyp der Show implementiert aus
- putChar :: Char -> IO() gibt ein Char aus
- putStr :: String -> IO() gibt einen String aus putStr = sequence map putChar





### Das O in IO

- writeFile :: FilePath -> String -> IO()
- type Filepath = String
- Schreibt den String mittels Textstrom in eine Datei





IO

#### Das I in IO

- readLn :: Read a =>IO a liest jeden Datentyp der Read implementiert ein
- getChar :: IO Char liest ein Char ein getLine :: IO String
- liest die ganze Zeile ein als String
- Die Pufferung der Eingaben ist über hSetBuffering einstellbar für Windows bekommt es der GHC trotzdem nicht hin :(





- readFile :: FilePath -> IO String
- type Filepath = String
- Liest die Datei als String ein





### Datei einlesen





### Wortsuche in einer Datei

```
main = do
  putStrLn "Dateipfad:.."
  filepath <- getLine
  putStrLn "gesuchtes, Wort:,,"
  w <- getLine
  c <- readFile filepath
  case (isInfix c w) of
    Nothing -> putStrLn "nicht_enthalten"
    Just s -> putStrLn $
        "an Stelle " ++ (take 100 s)
```





Ab jetzt seid ihr auf dem Wissenstand, auf dem ich bin.

- Nun seid ihr dran
  - Stellt Fragen
  - Schlagt auf www.haskell.org/hoogle nach
  - Oder vergesst alles schnell wieder



