Svag enprotonig syra + stark bas

$$\begin{split} HA + H_2 O &\rightleftarrows A^- + H_3 O^+ \\ K_a &= \frac{[A^-][H_3 O^+]}{[HA]_2} \Leftrightarrow [A^-] = \frac{K_a [HA]_2}{[H_3 O^+]} \\ [HA]_1 &= [HA]_2 + [A^-] = [HA]_2 + \frac{K_a [HA]_2}{[H_3 O^+]} = [HA]_2 \left(1 + \frac{K_a}{[H_3 O^+]}\right) = [HA]_2 \left(\frac{[H_3 O^+] + K_a}{[H_3 O^+]}\right) \Leftrightarrow \\ [HA]_2 &= \frac{[HA]_1}{\left(\frac{[H_3 O^+] + K_a}{[H_3 O^+]}\right)} = \frac{[HA]_1 [H_3 O^+]}{[H_3 O^+] + K_a} \\ BOH \xrightarrow{H_2 O} B^+ + OH^- \\ [BOH]_1 &= [B^+] \\ K_w &= [OH^-][H_3 O^+] \Leftrightarrow [OH^-] = \frac{K_w}{[H_3 O^+]} \\ [BOH] + [H_3 O^+] &= \frac{K_w}{[H_3 O^+]} + \frac{K_a [HA]_2}{[H_3 O^+]} \\ [BOH] + [H_3 O^+] &= \frac{K_w}{[H_3 O^+]} + \frac{K_a [HA]_1 [H_3 O^+]}{[H_3 O^+]} \\ [BOH] + [H_3 O^+] &= \frac{K_w}{[H_3 O^+]} + \frac{K_a [HA]_1 [H_3 O^+]}{[H_3 O^+]} \end{split}$$

$$[BOH] + [H_3O^+] = \frac{K_w}{[H_3O^+]} + \frac{K_a[HA]_1}{[H_3O^+] + K_a}$$

$$[BOH][H_3O^+] + [H_3O^+]^2 = K_w + \frac{K_a[HA]_1[H_3O^+]}{[H_3O^+] + K_a}$$

$$[BOH][H_3O^+]^2 + [H_3O^+]^3 + K_a[BOH][H_3O^+] + K_a[H_3O^+]^2 = K_w[H_3O^+] + K_aK_w + K_a[HA]_1[H_3O^+]$$

$$[BOH][H_3O^+]^2 + [H_3O^+]^3 + K_a[BOH][H_3O^+] + K_a[H_3O^+]^2 - K_w[H_3O^+] - K_aK_w - K_a[HA]_1[H_3O^+] = 0$$

$$[H_3O^+]^3 + [H_3O^+]^2([BOH] + K_a) + [H_3O^+](K_a[BOH] - K_w - K_a[HA]_1) - K_aK_w = 0$$

$$[H_3O^+]^3 + [H_3O^+]^2([BOH] + K_a) + [H_3O^+](K_a([BOH] - [HA]_1) - K_w) - K_aK_w = 0$$

$$\begin{split} K_a[BOH][H_3O^+] + K_a[H_3O^+]^2 - K_a[HA]_1[H_3O^+] - K_aK_w &= K_w[H_3O^+] - [BOH][H_3O^+]^2 - [H_3O^+]^3 \\ K_a([BOH][H_3O^+] + [H_3O^+]^2 - [HA]_1[H_3O^+] - K_w) &= K_w[H_3O^+] - [BOH][H_3O^+]^2 - [H_3O^+]^3 \\ K_a &= \frac{K_w[H_3O^+] - [BOH][H_3O^+]^2 - [H_3O^+]^3}{[BOH][H_3O^+] + [H_3O^+]^2 - [HA]_1[H_3O^+] - K_w} \end{split}$$