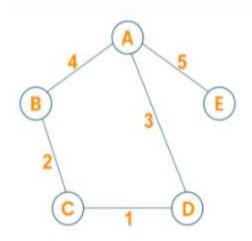
·{· '·} 艾思程式教育

3.) 最小生成樹

在一個圖中,建立一棵樹使其邊的權值總和最小。(註:在資料結構所定義的樹 Tree,其性質為 N 個節點用 N-1 個邊連接)



```
\begin{split} E_{new} &= \{\ \}; \\ V_{new} &= \{\ x\ \}; \\ \text{while } (V_{new} \neq V) \\ &= \text{let (u, v) be the lowest cost edge such that u} \in V_{new} \text{ and } v \in V - V_{new}; \\ E_{new} &= E_{new} \cup \{(u, v)\} \\ V_{new} &= V_{new} \cup \{v\} \end{split}
```

從單一頂點開始,普林演算法按照以下步驟逐步擴大樹中所含頂點的數目,直到遍及連通圖的所有頂點。

- 1. 輸入:一個加權連通圖,其中頂點集合為V, 選集合為E;
- 2. 初始化: $V_{\mathrm{new}} = \{x\}$,其中x為集合V中的任一節點(起始點), $E_{\mathrm{new}} = \{\}$;
- 3. 重複下列操作,直到 $V_{\text{new}} = V$:
 - 1. 在集合E中選取權值最小的邊(u,v),其中u為集合 V_{new} 中的元素,而v則是V中沒有加入 V_{new} 的頂點(如果存在有多條滿足前述條件即具有相同權值的邊,則可任意選取其中之一);
 - 2. 將v加入集合 V_{new} 中,將(u,v)加入集合 E_{new} 中;
- 4. 輸出:使用集合 $V_{
 m new}$ 和 $E_{
 m new}$ 來描述所得到的最小生成樹。