# Report

October 12, 2017

```
In [1]: %matplotlib inline
    import numpy as np
    import matplotlib.pyplot as plt
```

Nom: Grégory Bonaert

Section: INFO

Matricule: 000430665

# 1 Alignement de séquences

## 1.1 Introduction

L'objectif de ce projet est d'implémenter un algorithme d'alignement global (*Needleman-Wunsch*) et d'alignment local (*Smith-Waterman*) entre séquences. Ceci nous permettra d'évaluer la similarité entre séquences d'acides aminés et aussi de trouver les séquences les plus similaires.

Pour vérifier nos résultat, on va comparer notre implémentation avec le logiciel LALIGN, et essayer de comprendre nos résultats via la site Uniprot, qui fournit des informations sur les protéines liées à chacune des séquences.

# 2 L'alignement de séquences

Une approche pour comparer des séquences d'acides (et donc des protéines) est d'examiner leur similarité en essayant de voir quelles séquences "s'alignent" le mieux. En d'autres mots, est-il facile de faire correspondre des acides aminés entre les 2 séquences?

En quantifiant la difficulté d'alignement, on peut donc quantifier la similarité entre séquences d'acides aminés, et donc comparer un grande quantité de protéines entre elles de façon algorithmique.

# 3 Alignement global

L'alignement global cherche à trouver le meilleur alignement entre 2 séquences (d'acides aminés dans notre cas). Pour trouver l'alignement global optimal, nous allons implémenter l'algorithme de *Needleman-Wunsch* avec une penalité affine.

# 3.1 L'algorithme de Needleman-Wunsch

Cet algorithme se base sur l'idée que trouver le meilleur alignement est un cas spécial du problème de la recherche de la distance d'édition entre les 2 séquences. On utilise donc une approche similaire pour résoudre les 2 problèmes.

#### 3.1.1 La distance d'édition

La distance d'édition est la séquencce d'insertions, de substitutions et d'effacements nécéssaires pour transformer un string A en un string B à un moindre coût.

Prennons par exemple les strings "ABCDAAA" et "BCEEAAA". Si chaque action (effacer, insérer, substituer) a un coût de 1, alors la meilleure distance d'édition est 3, car il faut:

- 1. Effacer le premier A
- 2. Remplacer le D par un E
- 3. Insérer un E avant le AAA

ABCD-AAA | |. | | | -BCEEAAA

Un espace en bas correspond à un effacement. Un espace en haut correspond à une insertion. Un point entre les lettres correspond à une substitution.

# 3.1.2 Le lien avec l'alignement

Trouver le meilleur alignement correspond à trouver l'alignement qui minimise la distance d'édition. L'alignement est un cas spécial car des actions différentes peuvent avoir des coûts différents. Par exemple:

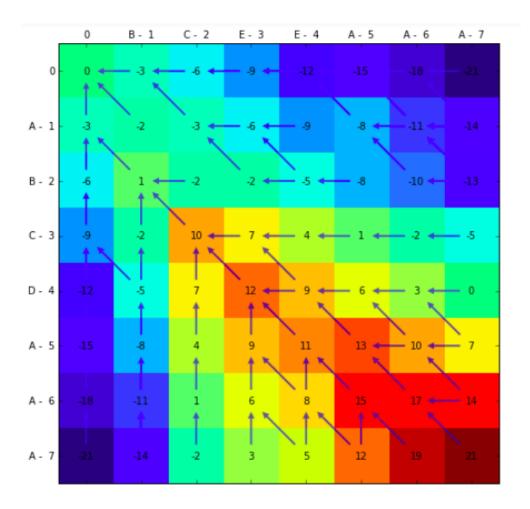
- Effacer ou insérer un acide aminé a un coût 5
- Remplacer l'acide aminé R par C a un coût de 3
- Remplacer l'acide aminé W par V a un coût de 7
- Et ainsi de suite

On peut donc s'inspirer du concept de distance d'édition pour concevoir notre solution.

## 3.2 Résume de l'algorithme

L'algorithme de Needleman-Wunsch est assez simple:

- 1. On construit une matrice qui contient les distances d'éditions minimales entre des morceaux chaque fois plus grands des séquences, en mémorisant les actions faites pour aboutir à cette distance d'édition minimale
- 2. Une fois que la matrice est créée, on retrace les actions pour voir quel alignment minimise la distance d'édition et maximise la similarité
- 3. On crée l'alignement optimal à partir de cette suite d'actions



Matrice des scores voulue

# 3.2.1 Un exemple rapide

Le premier pas est de construire une *matrice des scores*. Les scores représentent la distance d'édition entre des parties des deux séquences.

Soient les 2 séquences "ABCDAAA" et "BCEEAAA". Voici la matrice des score qu'on souhaite construire:

## Comment interpreter cette matrice?

Examinons par exemple la case (2,2). Ce score correspond au meilleur moyen de faire correspondre "AB" à "BC". Les actions à faire sont de descendre, d'aller en diagonale puis d'aller à droite. Ceci correspond à

- 1. Éffacer A de la première séquence (en d'autres mots, le faire correspondre à un espace)
- 2. Faire correspondre B à B (en d'autres mots, substituer B par B)
- 3. Éffacer E de la deuxième séquènce (en d'autres mots, le faire corresponde à un espace)

On aboutit donc à l'alignement suivant:

```
AB_
|
BC
```

Comment interpréter les valeurs numériques des scores? Si le score est très bas, il faut beaucoup éditer, donc les séquences ne sont pas similaires. Si le score est élévé, le coût d'édition est bas et donc les séquences sont similaires.

Par une approche similaire, on peut reconstruire le meilleur alignement en retraçant le meilleur chemin allant de la case du coin en bas à droite au coin en haut à gauche.

# 3.2.2 Étape 1: calculer la matrice des scores

Pour calculer la matrice des scores, on utilise une approche de programmation dynamique. Ainsi, pour arriver à une certaine case X, on a soit:

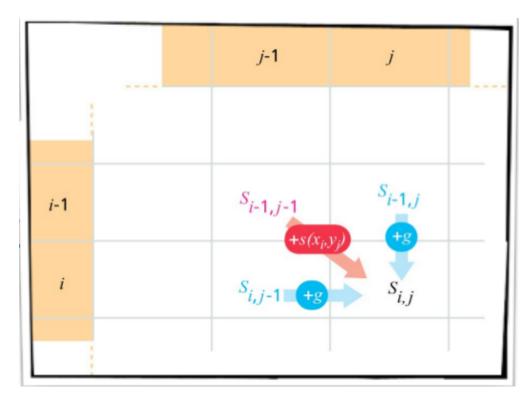
- 1. Fait correspondre la lettre précedente de la séquence 1 à un espace (on vient de la case du haut)
- 2. Fait correspondre la lettre précedente de la séquence 2 à un espace (on vient de la case de gauche)
- 3. Fait correspondre la lettre précedente de la séquence 1 avec la lettre précedente de la séquence 2 (on vient de la case en diagonale)

Pour chacune des trois possibilités, on prend le coût de la case précedente et on y ajoute le coût de la transformation vers la case courante. Pour cela, on doit connaître le coût de la correspondance entre 2 acides aminés (donné dans les matrices de substitution PAM et BLOSUM, par exemple) et celui entre un acide aminé et un espace.

Par exemple, on pourrait choisir une penalité constante de 4 et comme matrice de substitution BLOSUM62 (qui indique par exemple que le coût de substitution de l'acide aminé R par C est -3).

Le score final sera le maximum de ces 3 scores:

$$max(S(i-1,j)+G,S(i,j-1)+G,S(i-1,j-1)+coutRemplacement(i,j))$$



Algorithme sans penalité affine

La première ligne et colonne de la matrice sont un cas spécial, car la formule précédente n'a pas de sens. En effet, il n'y a pas de voisin à gauche ou en diagonale pour la première colonne. Similairement, il n'y a pas de voisin en haut ou en diagonale pour la première ligne. Heureusement, ces 2 cas correspondent à une séquence d'espaces et on peut facilement réviser notre formule:

$$S(i,j) = \max \begin{cases} i*G & si \ i \geq 0 \ et \ j = 0 \\ j*G & si \ i = 0 \ et \ j \geq 0 \\ \max(S(i-1,j)+G,S(i,j-1)+G,S(i-1,j-1)+coutRemplacement(i,j) & ailleurs \end{cases}$$

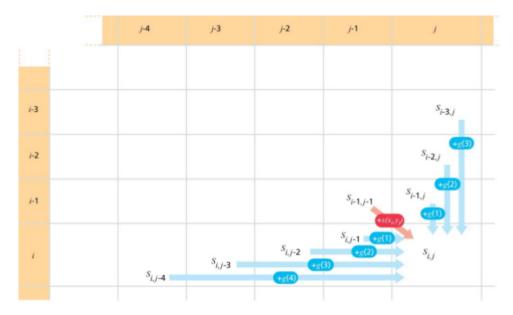
# 3.3 Penalité affine

Lorsque la penalité est affine, cela vaut dire que commencer une séquence d'espaces a un coût différent que de la prolonger. Par exemple, le 1er espace peut avoir un coût de 10 alors que les espaces qui le suivent n'ont qu'un coût de 2.

Pour calculer le score d'une case, il faut tester toutes les séquences d'espaces venant du haut et de la gauche (vu que le coût des espaces n'est plus linéaire) plutôt que juste tester le chemin via la case directement à gauche ou en haut.

La façon la plus simple de calculer ce score est de calculer les scores venant de chacun des voisins (dont tous ceux à gauche et en haut) et de prendre le maximum. Malheureusement, cette approche augmente la complexité de l'algorithme parce qu'il peut il y avoir un grand nombre de voisins.

Si n et m sont les tailles des 2 séquences, avec n > m, alors la complexité de cette approche est  $O(mn^2)$ , parce pour une case X, il y a approximativement  $\frac{n}{2}$  voisins qui mennent à la case via des



Algorithme global naif avec penalité affine

espaces et qu'il faut considérer pour calculer le score.

# 3.3.1 Une meilleure approche

Il est possible de garder la complexité de O(n\*m). L'idée est simple. Soit V(i,j) le meilleur score que l'on peut obtenir en arrivant à la case (i,j) de la gauche. Comment peut-t-on le calculer? Si on vient de la gauche pour aboutir à la case courante, alors on a soit:

## 1. Commencé une séquence d'espaces à partir de la case directement à gauche

Dans ce cas, le score est très facile à calculer. C'est simplement le score de la case à gauche (i-1,j) + le coût de commencer une nouvelle séquence d'espaces: S(i-1,j)-I.

## 2. Continué une séquence d'espaces (qui a commencé avant la case directement à gauche)

Dans ce cas, on continue une séquence d'espaces. On sait que le coût pour paser de la case (i-1,j) à la case (i,j) est de E, parce qu'on prolonge une séquence d'espaces. On sait aussi que la séquence d'espaces a commencé à gauche de (i-1,j). Il ne reste donc plus qu'à découvrir quel est le meilleur score que l'on peut obtenir en arrivant en (i-1,j) de la gauche.

Heureusement, on connait ce coût! C'est V(i-1, j).

On en déduit que le meilleur score obtenu en prolongeant une séquence d'espaces est donc V(i-1,j)-E.

**Mettant le tout ensemble** Comme V(i,j) est le meilleur score que l'on peut obtenir en arrivant de la gauche à la case (i,j), il faut donc prendre le score maximum entre ces 2 posssibilités. On obtient donc l'expression suivante pour V(i,j):

$$V(i,j) = max \begin{cases} S(i-1,j) - I \\ V(i-1,j) - E \end{cases}$$

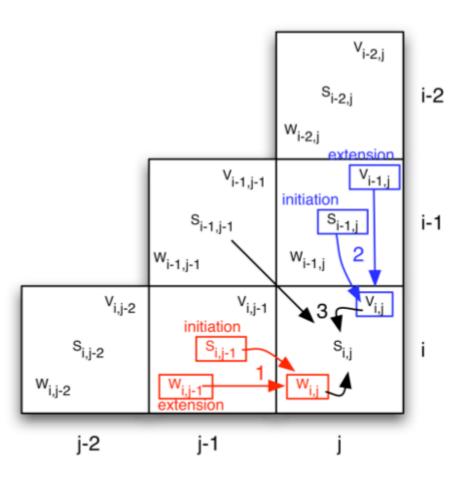
Par un raisonaiment similaire, on peut calculer W(i,j), qui est le meilleur score que l'on peut obtenir en arrivant du haut à la case (i,j)

$$W(i,j) = \max \begin{cases} S(i,j-1) - I \\ W(i,j-1) - E \end{cases}$$

Avec toutes ces informations, il est donc facile de calculer S(i,j). On peut y aboutir soit via une case à gauche, soit via une case en haut, soit via la case directement avant en diagonale. Le score gardé est le maximum de ces 3 possibilités.

$$S(i,j) = max \begin{cases} S(i-1,j-1) + coutCorrespondance(i,j) \\ V(i,j) \\ W(i,j) \end{cases}$$

L'image suivant illustre cette approche:



Algorithme global avec penalité affine efficace

Si on utilise 2 matrices supplémentaires (V et W), on peut donc calculer la valeur de chaque case en O(1), car il n'y a que 5 valeurs à calculer au maximum. Vu qu'il y a n\*m cases, cette approche permet donc d'avoir de nouveau une complexité de O(n\*m).

Pour les mêmes raisons qu'avant, la première colonne et la première ligne sont un cas spécial: Soit (i, j) un case. Si j = 0 et i > 0 alors

$$S(i,j) = I + (i-1) * E$$

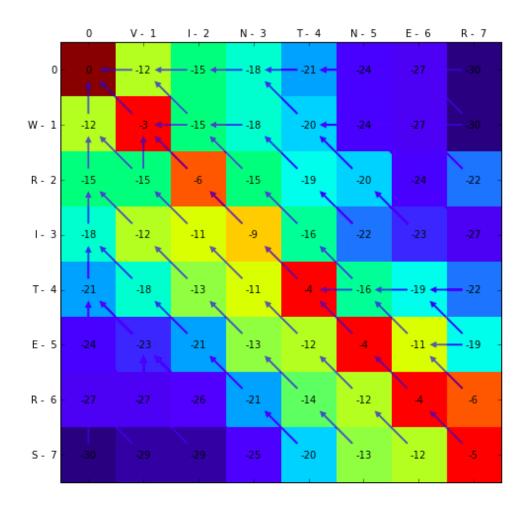
et si i = 0 et j > 0 alors

$$S(i,j) = I + (j-1) * E$$

On a aussi que 
$$V(0, j) = V(i, 0) = W(0, j) = W(i, 0) = -\infty$$

# 3.3.2 Étape 2: calculer le meilleur chemin

Imaginons qu'on ait calculé la matrice des scores, ayant obtenu ceci:

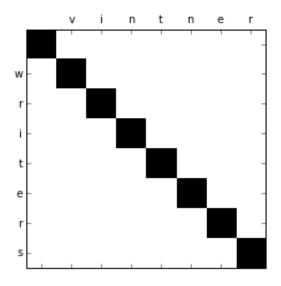


Exemple de matrice des scores

Dans cette matrice, il y a des flèches entre des cases. Lorsqu'on calcule le score d'une cas, on prend le maximum des scores calculés via ses 3 voisins. Pour chaque voisin X qui permet

d'obtenir ce score maximal, on ajoute une flèche entre X et Y. On retient donc quelle action (insérer, substituer, effacer) a mené à la case courante.

On peut utiliser ces flèches pour trouver les chemin optimaux entre la dernière case et la première. Dans cet exemple, on peut voir que le meilleur chemin est la diagonale de la matrice.



Chemin trouvé dans l'exemple

Dans certains cas, il y a plusieures flèches entrant dans une cellule. Dans ce cas, il y a plusieurs chemins et donc plusieurs alignements globaux optimaux.

# 3.3.3 Étape 3: recréer l'alignement à partir du chemin

Une fois qu'on a obtenu les chemins, il est très facile de recréer l'alignement optimal, car chaque deplacement a un sens précis:

- 1. Si on descend, on a fait correspondre l'acide aminé courant de la 1ere séquence avec un espace (action: effacer)
- 2. Si on va à droite, on a fait correspondre l'acide aminé courant de la 2eme séquence avec un espace (action: insérer)
- 3. Si on va en diagonale, on a fait correspondre l'acide aminé courant de la 1ere séquence avec l'acide aminé courant de la 2ème séquence (action: substituer)

Avec ces 3 règles, on peut facilement récréer l'alignement et donc d'obtenir un résultat comme ceci:



Alignement de l'exemple

# 3.3.4 Partie 1: créér les Abstract Data Types

Nous commencons par créer une classe Sequence, qui est l'ADT qui représente une séquence d'acides aminés et toutes les opérations qu'on peut exécuter sur une séquence (exemple: retourner un acide aminé à une certaine position ou visualiser la séquence en format FASTA).

```
In [2]: class Sequence:
    def __init__(self, acids, annotation=None):
        self.acids = acids.upper()
        self.annotation = annotation

def __getitem__(self, position):
        """ Renvoie l'acide aminé à la position donnée. Syntaxe: sequence[]
        return self.acids[position]

def toFASTAFormat(self):
        return ">" + self.annotation + "\n" + self.acids

def __repr__(self):
        return "Annotation: %s \nAcids: %s" % (self.annotation, self.acids)

def length(self):
        return len(self.acids)
```

Nous créeons aussi une classe Score, qui est un ADT qui représente une matrice de substitution et les opérations qu'on peut exécuter sur cette matrice.

```
In [3]: class Score:
    def __init__(self):
        self.letters = set()
        self.costs = {}

    def getNumLetters(self):
        return len(self.letters)

    def getLetters(self):
        return self.letters

    def getCost(self, a, b):
        return self.costs[(a, b)]

    def addCost(self, a, b, cost):
        self.letters.add(a)
        self.letters.add(b)
        self.costs[(a.upper(), b.upper())] = cost
```

#### 3.4 Parser

Nous devons créer des objets des classes Sequence et Score à partir des fichiers fournis. Il faut donc créer un parser pour les fichier des séquences (FASTA) et pour les fichiers avec les matrices de substitution (BLOSUM et PAM).

#### 3.5 FASTA

Les séquences d'acides aminés sont codées dans le format FASTA. Ce format est très simple. Chaque séquence est encodée par une annotation et ensuite la liste d'acides aminés. Voici un exemple:

>sp | Q13526 | PIN1\_HUMAN Peptidyl-prolyl cis-trans isomerase NIMA-interacting 1 OS=Homo sapiens GN=PIN1 PE=1 SV=1 MADEEKLPPGWEKRMSRSS-GRVYYFNHITNASQWERPSGNSSSGGKNGQGEPARVRCSHL LVKHSQSRRPSS-WRQEKITRTKEEALELINGYIQKIKSGEEDFESLASQFSDCSSAKARG DLGAFS-RGQMQKPFEDASFALRTGEMSGPVFTDSGIHIILRTE

La prèmiere ligne (qui commence par >) est une annotation contenant des informations sur la séquence. Ensuite viennent une série de lignes contenant la séquence d'acides aminés (avec un maximum de 80 caractères par ligne, en général, pour faciliter la lisibilité).

Un fichier FASTA est constitué d'une série de séquences formattées de cette façon.

```
In [4]: def parseFASTASequencesFromFile(filename):
            with open(filename, 'r') as f:
                return parseFASTASequences(f)
        def parseFASTASequences(lines):
            sequences = []
            annotation, acids = "", ""
            for line in lines:
                line = line.strip()
                justEndedPreviousSequence = (len(line) == 0 or line.startswith(">")
                if justEndedPreviousSequence:
                    sequences.append(Sequence(acids, annotation))
                if line.startswith(">"):
                    annotation = line[1:]
                    acids = ""
                else:
                    acids += line.upper()
            return sequences
```

Appliquons ces parsers aux fichiers donnés:

Faisons quelques tests pour vérifier notre fonction:

#### 3.5.1 Matrices de substitution

Les matrices de substitution sont aussi dans un format simple et intuitif. Le fichier commence par quelques lignes de commentaires (commencent par #) et puis est suivi de la grille des coûts de substitution.

Voici un exemple simplifié:

return score

```
# Ma matrice
    # Il y 5 acides aminés dans cet exemple
    A R N D C
    A 4 - 1 - 2 - 2 0 -
    R - 1 \quad 5 \quad 0 \quad -2 \quad -3
    N - 2 0 6 1 - 3
    D - 2 - 2 1 6 - 3
    C \quad 0 \quad -3 \quad -3 \quad -3 \quad 9
In [8]: def parseSubstitutionMatrixFromFile(filename):
             with open(filename, 'r') as f:
                 return parseSubstitutionMatrix(f)
        def parseSubstitutionMatrix(lines):
             score = Score()
             for line in lines:
                 if line.startswith('#') or line.strip() == "": # Skip comments
                      continue
                 elif line.startswith(' '): # First line with letters
                     letters = line.strip().upper().split()
                 else:
                      letterA, *costs = line.strip().upper().split()
                      for (letterB, cost) in zip(letters, costs):
                          score.addCost(letterA.upper(), letterB, int(cost))
```

# Essayons d'appliquer ce parser à nos fichiers:

## 3.5.2 Partie 2: coder l'algorithme de Needleman-Wunsch

```
In [10]: def printMatrix(matrix):
             for line in matrix:
                 print(line)
         def makeMatrix(width, height, val=0):
             if type(val) in (int, str, bool):
                 return [[val] * width for _ in range(height)]
             elif val == []:
                 return [[[] for _ in range(width)]for _ in range(height)]
             else:
                 return [[val for _ in range(width)]for _ in range(height)]
         def getValue(matrix, x, y):
             if x < 0 or y < 0:
                 return float('-inf')
             else:
                 return matrix[y][x]
         def getSolutionsFromArrowGridHelper(previous, k, x, y, isGlobal=True):
             completePaths = []
             incompletePaths = [[(x, y)]]
             numPaths = 1
             while len(incompletePaths) > 0 and len(completePaths) <= k:</pre>
                 path = incompletePaths.pop()
                 lastX, lastY = path[0]
                 for (i, previousCoords) in enumerate(previous[lastY][lastX]):
                     if i > 0: # 2+ paths from this cell
                         numPaths += 1
                         if numPaths > k: # No need to consider new paths if we al:
                             break
```

```
# Ceci gère le cas où on fait de l'alignement local, que l'on
            if not isGlobal and previousCoords is None:
                completePaths.append(path)
                continue
            newX, newY = previousCoords
            isComplete = (newX == 0 and newY == 0)
            if isComplete:
                completePaths.append([(newX, newY)] + path)
            else:
                incompletePaths.append([(newX, newY)] + path)
    return completePaths
def getSolutionsFromArrowGrid(previous, k, x=None, y=None, isGlobal=True):
    # Crée jusqu'à k chemins à partir de la matrice des fleches et d'une p
    if x is None or y is None:
        x, y = len(previous[0]) - 1, len(previous) - 1
    return getSolutionsFromArrowGridHelper(previous, k, x, y, isGlobal)
def getPathScores(paths, s):
    # Calcule le score associé à chacun des chemins
    pathScores = {}
    for path in paths:
        x, y = path[-1]
        pathScores[(x, y)] = s[y][x]
    return pathScores
def getBestGlobalAlignements(sequence1, sequence2, score, startGap=4, keep
    Finds the best (at most k) global alignments between 2 sequences.
    k: the maximum number of alignement returned (note: less than k alignement)
    height, width = sequence1.length() + 1, sequence2.length() + 1
    v, w, s = [makeMatrix(width, height) for _ in range(3)]
    previous = makeMatrix(width, height, [])
    # Initialize first row
    for i in range(1, width):
        s[0][i] = -(startGap + (i - 1) * keepGap)
        v[0][i] = float('-inf')
        previous[0][i] = [(i - 1, 0)]
    # Initialize first column
```

```
for i in range(1, height):
    s[i][0] = -(startGap + (i - 1) * keepGap)
    w[i][0] = float('-inf')
    previous[i][0] = [(0, i - 1)]
# Compute the score matrix
for x in range(1, width):
    for y in range(1, height):
        v[y][x] = max(s[y - 1][x] - startGap, v[y - 1][x] - keepGap)
        w[y][x] = max(s[y][x - 1] - startGap, w[y][x - 1] - keepGap)
        replacementCost = score.getCost(sequence1[y - 1], sequence2[x
        coords = [(x, y - 1), (x - 1, y), (x - 1, y - 1)]
        costs = [v[y][x], w[y][x], s[y-1][x-1] + replacementCost]
        s[y][x] = bestScore = max(costs)
        previous[y][x] = []
        for coord, cost in zip(coords, costs):
            if cost == bestScore:
                previous[y][x].append(coord)
score = s[height - 1][width - 1]
# We could improve the performance here, by either returning the path:
# making it a lazy operation
paths = getSolutionsFromArrowGrid(previous, k)
pathScores = getPathScores(paths, s)
return s, paths, score, previous, pathScores
```

## 3.6 Fonctions de visualisation

On définit quelques fonction pour visualiser les chemins et la matrice des scores, ce qui séra très utile pour comprendre les actions de l'algorithme et les chemins créés.

```
In [11]: from pprint import pprint
    def showPath(path, matrix=None, seq1=None, seq2=None):
        x, y = path[-1]
        if matrix is None:
            height, width = x + 1, y + 1
        else:
            height, width = len(matrix), len(matrix[0])

mat = makeMatrix(width, height)
        for x, y in path:
            mat[y][x] = 1
```

```
plt.matshow(mat, cmap='Greys')
    # Axis Labels
    addSequenceLabelsToAxis(seq1, seq2, withNumbers=False)
   plt.show()
def addSequenceLabelsToAxis(seq1, seq2, withNumbers=True):
    def getLabels(acids):
        if withNumbers:
            return ['0'] + ['%s - %d' % (acid.upper(), i) for (i, acid)
        else:
            return ' ' + acids
    if seq1 is not None:
        plt.yticks(range(seq1.length() + 1), getLabels(seq1.acids))
    if seq2 is not None:
        plt.xticks(range(seq2.length() + 1), getLabels(seq2.acids))
def printColoredMatrix(matrix, arrowMatrix=None, seq1=None, seq2=None, fid
    matrix = np.array(matrix)
    fig, ax = plt.subplots(figsize=figsize)
    ax.matshow(matrix)
    # Values
    for (i, line) in enumerate(matrix):
        for (j, val) in enumerate(line):
            ax.text(j, i, str(val), va='center', ha='center')
    # Axis Labels
    addSequenceLabelsToAxis(seq1, seq2)
    # Arrows
    arrowprops = dict(facecolor=arrowColor, alpha=0.6, lw=0,
                  shrink=0.2, width=2, headwidth=7, headlength=7)
    if arrowMatrix is None:
        plt.show()
        return
    for (y, line) in enumerate(arrowMatrix):
        for (x, previousCells) in enumerate(line):
            for coords in previousCells:
                if coords is not None:
                    ax.annotate("", xy=coords, xytext=(x, y), arrowprops=a
   plt.show()
```

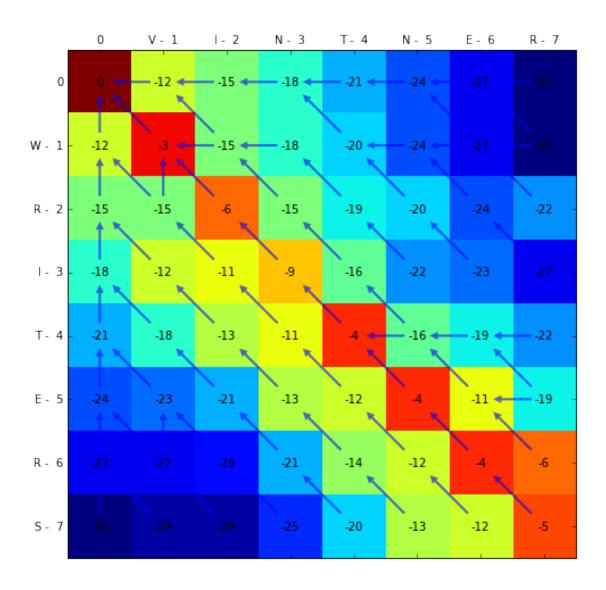
# 3.7 Alignement global: un exemple

Pour comprendre ce que fait l'algorithme, appliquons le à un exemple. On va aligner la séquence "writers" avec la séquence "vintner", voir l'alignement obtenu et visualiser la matrice de scores et le chemin.

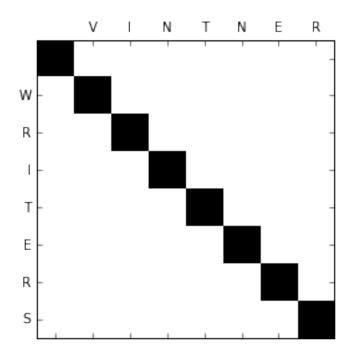
```
In [12]: a = Sequence('writers')
    b = Sequence('vintner')

scoreMatrix, paths, score, arrowMatrix, pathScores = getBestGlobalAlignement
    print("The score matrix is\n")
    printColoredMatrix(scoreMatrix, arrowMatrix, seq1=a, seq2=b)
    print(score)
```

The score matrix is



Number of paths found: 1



```
[(0, 0), (1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (5, 5), (6, 6), (7, 7)]
```

In [14]: print("\nThe arrow matrix is\n")
 printMatrix(arrowMatrix)

The arrow matrix is

```
[[], [(0, 0)], [(1, 0)], [(2, 0)], [(3, 0)], [(4, 0)], [(5, 0)], [(6, 0)]]
[[(0, 0)], [(0, 0)], [(1, 1), (1, 0)], [(2, 1)], [(3, 0)], [(4, 1)], [(5, 1), (5, 0)]
```

```
[[(0, 1)], [(1, 1), (0, 1)], [(1, 1)], [(2, 1)], [(3, 1)], [(4, 1)], [(5, 1)], [(6, 2)], [(0, 2)], [(0, 2)], [(1, 2)], [(2, 2)], [(3, 2)], [(4, 2)], [(5, 2)], [(6, 2)]] [[(0, 3)], [(0, 3)], [(1, 3)], [(2, 3)], [(3, 3)], [(4, 4), (4, 3)], [(5, 4)], [(6, 5)], [(0, 4)], [(0, 4)], [(1, 4)], [(2, 4)], [(3, 4)], [(4, 4)], [(5, 4)], [(6, 5), (6, 5)], [(0, 5)], [(1, 5), (0, 5)], [(1, 5)], [(2, 5)], [(3, 5)], [(4, 5)], [(5, 5)], [(6, 6)], [(0, 6)], [(0, 6)], [(1, 6)], [(2, 6)], [(3, 6)], [(4, 6)], [(5, 6)], [(6, 6)]]
```

# 4 Retrouver les alignements

Une fois qu'on a fait retrouvé le chemin optimal, on peut créer l'alignement qui y correspond.

```
In [15]: def printAlignments(path, sequence1, sequence2, subMatrix):
             text1, correspondance, text2 = "", "", ""
             firstCoord, *remainingCoords = path
             prevX, prevY = firstCoord
             for (i, (x, y)) in enumerate(remainingCoords):
                 if x == prevX and y == prevY + 1: # Down
                     text1 += sequence1[y - 1]
                     text2 += " "
                     correspondance += " "
                 elif x == prevX + 1 and y == prevY: # Right
                     text1 += "_"
                     text2 += sequence2[x - 1]
                     correspondance += " "
                 elif x == prevX + 1 and y == prevY + 1: # Diagonal
                     text1 += sequence1[y - 1]
                     text2 += sequence2[x - 1]
                     letter1, letter2 = text1[-1], text2[-1]
                     if letter1 == letter2:
                         correspondance += "|"
                     elif subMatrix.getCost(letter1, letter2) >= 3:
                         correspondance += ":"
                     elif subMatrix.getCost(letter1, letter2) > -2:
                         correspondance += "."
                     else:
                         correspondance += " "
                 prevX, prevY = x, y
                 if i % 80 == 0 and i > 0:
                     print('\n'.join([text1, correspondance, text2]))
                     print()
                     text1, correspondance, text2 = "", "", ""
```

```
print(seq1, end="\n\n")
             print(seq2, end="\n\n")
             print ("Alignements found: %d (may be artificially limited) \n" % len (pa
             for (i, path) in enumerate(paths, start=1):
                 if len(paths) > 0:
                      print ("Alignement number %d with score %d: \n" % (i, pathScore
                 if showLength:
                      print("The length of the alignement is %d" % len(path))
                 startX, startY = path[0]
                 endX, endY = path[-1]
                 print("Sequence 1: %d-%d" % (startY + 1, endY))
                 print("Sequence 2: %d-%d" % (startX + 1, endX))
                 printAlignments(path, seq1, seq2, subMatrix)
                 print()
  Maintenant qu'on a définit la fonction, regardons l'alignement créé pour l'exemple.
In [16]: def compareSequences(seq1, seq2, subMatrix=blosum62, startGap=4, keepGap=1
             result = getBestGlobalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap, kee
             scoreMatrix, score, previous, arrowMatrix, pathScores = result
             printAlignementResult(seq1, seq2, result, subMatrix, showScore)
             #printColoredMatrix(scoreMatrix, arrowMatrix)
         compareSequences(a, b, startGap=12, keepGap=3)
The best score is -5
Annotation: None
Acids: WRITERS
Annotation: None
Acids: VINTNER
Alignements found: 1 (may be artificially limited)
```

print('\n'.join([text1, correspondance, text2]))

print("The best score is %d\n" % score)

if showScore:

Alignement number 1 with score -5:

def printAlignementResult(seq1, seq2, result, subMatrix, showScore = True,

scoreMatrix, paths, score, arrowMatrix, pathScores = result

```
Sequence 1: 1-7
Sequence 2: 1-7
WRITERS
| ...
VINTNER
```

Prenons des séquences réelles (présentes dans le fichier ww-sequences.fasta) et comparons-les.

On peut regarder quelle paires de séquences du fichier ww-sequences.fasta ont les meilleurs alignements.

```
In [18]: import itertools

def getBestMatches(sequences):
    # Trouve les paires de séquences qui ont le meilleur alignment global
    # et renvoie aussi les résultats associés)
    bestScore = float('-inf')
    bestResults = {}

for seq1, seq2 in itertools.combinations(sequences, 2):
        scoreMatrix, paths, score, arrowMatrix, pathScores = result = getFind if score > bestScore:
        bestScore = score
        bestResults = {(seq1, seq2): result}
```

```
elif score == bestScore:
                   bestResults[(seq1, seq2)] = result
           return bestResults, bestScore
        bestResults, score = getBestMatches(wwSequences)
        print("The best matches have a score of %d" % score)
        print("They are between these sequences: ")
        i = 1
        for (seq1, seq2), result in bestResults.items():
           print("\n----\n" % i)
           printAlignementResult(seq1, seq2, result, subMatrix=blosum62, showScore
           i += 1
The best matches have a score of 117
They are between these sequences:
----- Sequences 1 -----
Annotation: sp|P46934|610-643
Acids: SPLPPGWEERQDILGRTYYVNHESRRTQWKRPTP
Annotation: sp|P46934|892-925
Acids: GPLPPGWEERTHTDGRIFYINHNIKRTQWEDPRL
Alignements found: 2 (may be artificially limited)
Alignement number 1 with score 117:
Sequence 1: 1-34
Sequence 2: 1-34
SPLPPGWEER__QDILGRTYYVNHESRRTQWKRPTP
.||||||||
GPLPPGWEERTHTD__GRIFYINHNIKRTQWEDPRL
Alignement number 2 with score 117:
Sequence 1: 1-34
Sequence 2: 1-34
SPLPPGWEER_Q_DILGRTYYVNHESRRTQWKRPTP
.|||||.||.
GPLPPGWEERTHTD__GRIFYINHNIKRTQWEDPRL
```

# 4.1 Comparaison avec LALIGN

Testons cette paire de séquences optimales avec LALIGN, pour comparer le résultat obtenu: n-w opt: 115 Z-score: 174.3 bits: 34.0 E(1): 8.9e-36 global/local score: 115; 55.6

- Score: 115
- Nombre d'acides aminés identiques dans l'alignement: 55.6%
- Nombre d'acides aminés similaires dans l'alignement: 72.2%

On peut voir que le résultat est très proche. Le score obtenu est légèrement différent (115 plutôt que 117) et l'alignement aussi (seule la position du Q est différente dans le résulat de LALIGN).

LALIGN est un outil avancé, donc la légère différence observée est probablement dû à un algorithme légèrement optimisé ou amélioré.

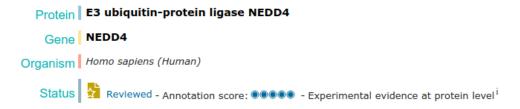
# 4.1.1 Origine des séquences et Uniprot

Une question intéressante est "Est-ce que ces 2 séquences viennent de la même protéine et quelles informations peut-t-on obtenir sur ces séquences?"

Les 2 séquences ont comme annotations:

```
sp | P46934 | 610-643
et
sp | P46934 | 892-925
```

On peut donc directement voir qu'elles appartiennent à la même protéine, car elles ont le même identifiant: P46934. La première a comme position 610-643 et la deuxième la position 892-925 dans la protéine. Pour en savoir sur cette protéine, nous allons utiliser Uniprot pour les comparer.

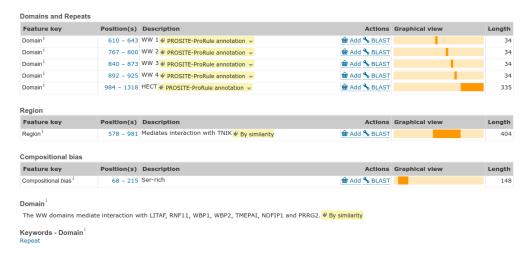


Information générale sur la protéine (global)

Plus bas, on peut accéder à l'information sur les domaines:

On peut donc voir que les 2 séquences correspondent au domaines WW1 et WW4 de la protéine. Vu que ces 2 séquences correspondent à un domaine du même type, il n'est donc pas étonnant qu'elles soient très similaires.

Note: le domaine WW est assez connu en bioinformatique, ayant même sa propre page Wikipedia.



Information sur les domaines de la protéine (global)

# 5 Alignement local

L'alignement global cherche le meilleur alignement entre 2 séquences. L'alignement local est plus général, parce qu'il cherche le meilleur alignement entre des parties des 2 séquences, qui peuvent être plus courtes que les séquences. Cela permet de trouver des *morceaux* de séquences qui sont très similaires.

La facon la plus naive de trouver le meilleur alignement local est d'appliquer l'algorithme d'alignement global à toutes les paires des *morceaux* des 2 séquences et de garder celles qui ont le meilleur score. Bien sûr, ceci est extrêmement peu efficace vu qu'il y a environ  $n^2 * m^2$  paires possibles. Il faut donc trouver une meilleure approche.

# 5.1 L'algorithme de Smith Waterman

Imaginons qu'on appliqué l'alignement global, calculé la matrice des scores et obtenu un chemin dont les cases ont les scores suivants:

$$[0, -2, -4, -5, -2, 1, 2, 5, 8, 10, 7, 6]$$

On peut remarquer plusieurs choses:

- 1. L'alignement qui se termine à la case de score 10 est meilleur que celui qui continue jusqu'au bout et a un score 6. Il faut donc s'arreter au maximum du chemin et ne pas garder les cases qui le suivent et font diminuer le score.
- 2. Certaines cases de cet alignement ont un score négatif. Si on ne éliminait ces acides aminés du chemin (et ceux qui le précedent, vu que le chemin doit être continu), alors le nouvel alignement ne pourrait être que meilleur, car il ne serait pas penalisé par ces acides aminés dissimilaires.

Ces idées ménent à l'algorithme de *Smith-Waterman*, qui est une variante de l'algorithme de *Needleman-Wunsch*. Voici les différences:

On n'admet pas de scores négatifs. Si le score calculé est négatif, on le remplace par 0.

• Le retour en arrière (pour trouver le chemin) commence à partir de la case avec **le score maximum de toute la matrice** et on s'arrete dès qu'on trouve un 0.

Si un score est négatif, cela veut dire que les séquences jusqu'à cette position n'ont pas de similarités. Mieux vaut donc mettre le score à 0 pour éliminer l'influence de ce mauvais alignement, et ainsi permettre de trouver les alignement locaux qui commencent à partir de cette case. Ainsi, on ne pénalise pas les séquences qui commencent à une position interne, ce qui permet donc de trouver le meilleur alignement local.

L'algorithme est donc régi par cette nouvelle équation:

$$S(i,j) = max \begin{cases} S(i-1,j-1) + contCorrespondance(i,j) \\ V(i,j) \\ W(i,j) \\ 0 \end{cases}$$

**Corollaire:** la première colonne et ligne ont un score de 0, vu que des scores négatifs ne sont pas tolérés.

# 5.1.1 Recherche du chemin et de l'alignement

La recherche du chemin (retour en arrière) commence à partir de la case avec le score maximum et s'arrete à la première case avec un score de 0.

Le création de l'alignment à partir du chemin ne change pas.

# 5.2 Exemple

On reprend l'exemple antérieur avec les séquences "writers" et "vintner". Voici la matrice des scores qu'on obtient:

Le maximum est la cellule en (7,6) avec score 11. On crée le chemin à partir de là, suivant les flèches jusqu'à arriver à une case avec un score de 0. On obtient ce chemin:

Ceci correspond à l'alignement suivant

# 5.3 Alignements sous-optimaux

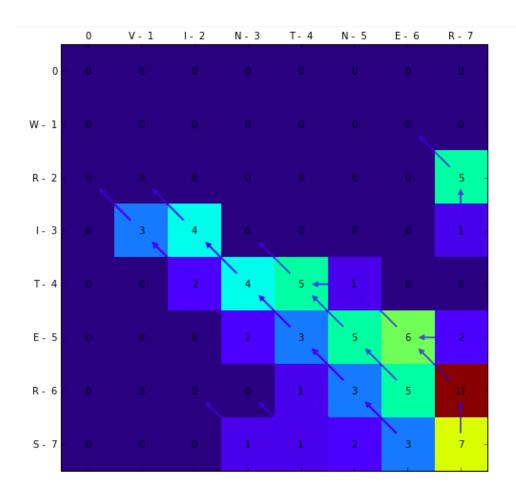
Il se peut qu'on souhaite trouver les 5 meilleurs alignements locaux, mais qu'il n'y ait que 2 alignement locaux optimaux. Lorsqu'il n'y a pas assez d'alignements locaux optimaux, on recherche des alignements sous-optimaux. Mais comment les trouver?

Imaginons qu'on ait trouvé le chemin avec le score maximal, comme dans l'image suivante:

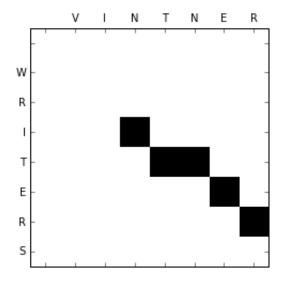
Après avoir trouvé la séquence à score maximal, on met toutes ces cellules à 0 et on recalcule la matrice dans le voisinage du chemin optimal. Ceci élimine des résultats possibles les chemins qui intersectent le chemin optimal qu'on vient de trouver, car les nouveau score "découpe" ce chemin en deux. De cette façon, on peut trouver des alignements distincts qui peuvent avoir plus d'intêret, car ils sont assez différents de la séquence originale.

Le reste de l'algorithme ne change pas (création du chemin et de l'alignement).

Si il faut trouver n alignements, on trouve l'alignement local optimal puis on éxécute cette approche n-1 fois pour trouver n-1 alignements sous-optimaux.



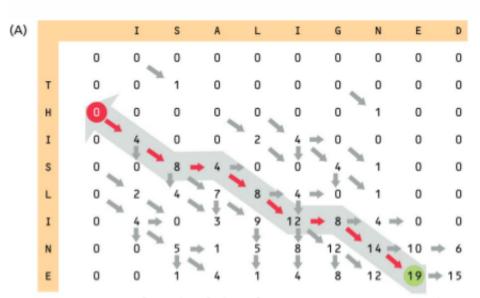
Matrice des scores - alignement local



Matrice avec le chemin - alignement local

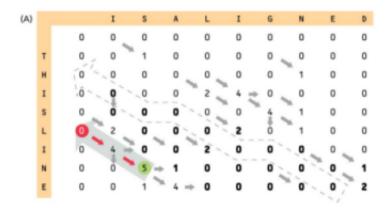


Alignement - alignement local



pénalité linéaire avec g = -4

Alignement local optimal



Alignements sous-optimaux

### 5.3.1 Calcul efficace

On peut recalculer la matrice des scores beaucoup plus efficacement, si on sait déduire quand est-ce que des cases ne seront pas affectées par le changement du chemin à 0.

L'article orignal de Waterman-Eggert nous indique comment le faire:

Take the upper leftmost alignment position (i,j).

For the single gap case, recompute each entry (k,j), k=i+l,i+2,... until the new value  $H_{k,j}^*$  equals the previous  $H_{k,j}$ . Then since  $H_{l,j-1}^*=H_{l,j-1}$ , for all l, it is clear that  $H_{l,j}^*=H_{j,j}$  for all k<1. A similar calculation for the row (i,k), j< k, allows us to stop whenever the new  $H_{i,k}^*$  equals  $H_{i,k}$ . We proceed by induction. We must go to at least the position that was necessary for the preceding row or column.

To implement our algorithm for the linear gap case, the same procedure is followed as for the single gap case, except that here we stop along a row or column when all three quantities  $H_{i,j}^*$ ,  $E_{i,j}^*$  and  $F_{i,j}^*$  are equal to  $H_{i,j}$ ,  $E_{i,j}$  and  $F_{i,j}$ , respectively.

En d'autres mots, on traite la matrice une ligne et colonne à la fois. On recalcule les valeurs de cette ligne/colonne tant que les nouvelles valeurs de S, V et W sont différentes. Si dans la ligne/colonne précédente on a recalculé jusqu'à la position X, on doit aussi recalculer la ligne/colonne suivante jusqu'à cette position.

Par exemple, si on a calculé la première ligne jusqu'à la case avec coordonée x=5, alors on devra recalculer la deuxième ligne au moins aussi jusqu'à la case avec coordonée x=5.

# 5.4 Étape 1: sans alignements sous-optimaux

Nous allons d'abord commencer par implémenter une solution qui ne gère pas les alignements sous-optimaux. Dans la prochaine section, on s'occupera de mettre des valeurs à zéro, recalculer la matrice et trouver de nouveaux alignements (qui seront sous-optimaux).

Pour que cela ait un peu d'intêret, on trouve tous les alignements locaux optimaux (plutôt que juste le premier).

```
score = s[y][x]
    if score == 0:
        return [], float('-inf')
   paths = []
    pathsLeft = pathsToFind
    for (x, y) in bestCoords:
        newPaths = getSolutionsFromArrowGrid(previous, pathsLeft, x, y, is
        paths.extend(newPaths)
        pathsLeft -= len(newPaths)
        if pathsLeft <= 0:</pre>
            break
    return paths, score
def computeMatrix(s, v, w, sequence1, sequence2, previous, scoreSub, start
    # Calcule la matrice des scores
   height, width = sequence1.length() + 1, sequence2.length() + 1
    for x in range(1, width):
        for y in range(1, height):
            v[y][x] = max(s[y - 1][x] - startGap, v[y - 1][x] - keepGap)
            w[y][x] = max(s[y][x - 1] - startGap, w[y][x - 1] - keepGap)
            replacementCost = scoreSub.getCost(sequence1[y - 1], sequence2
            coords = [(x, y - 1), (x - 1, y), (x - 1, y - 1), None]
            costs = [v[y][x], w[y][x], s[y-1][x-1] + replacementCost,
            s[y][x] = bestScore = max(costs)
            # Arrivé à un 0. Pas de flèches
            if bestScore == 0:
                previous[y][x] = [None]
                continue
            previous[y][x] = []
            for coord, cost in zip(coords, costs):
                if cost == bestScore:
                    previous[y][x].append(coord)
def getBestLocalAlignements(sequence1, sequence2, score, startGap=4, keep@
```

Finds the (up to k) best local alignments (without suboptimal aligner l: the maximum number of alignement returned (note: less than l aligner

11 11 11

```
height, width = sequence1.length() + 1, sequence2.length() + 1
v, w, s = [makeMatrix(width, height) for _ in range(3)]
previous = makeMatrix(width, height, [])

pathsLeft = 1
computeMatrix(s, v, w, sequence1, sequence2, previous, score, startGag
# We could improve the performance here, by either returning the paths
# making it a lazy operation
paths, bestScore = findBestLocalPaths(s, previous, pathsLeft)
pathsLeft -= len(paths)
pathScores = getPathScores(paths, s)

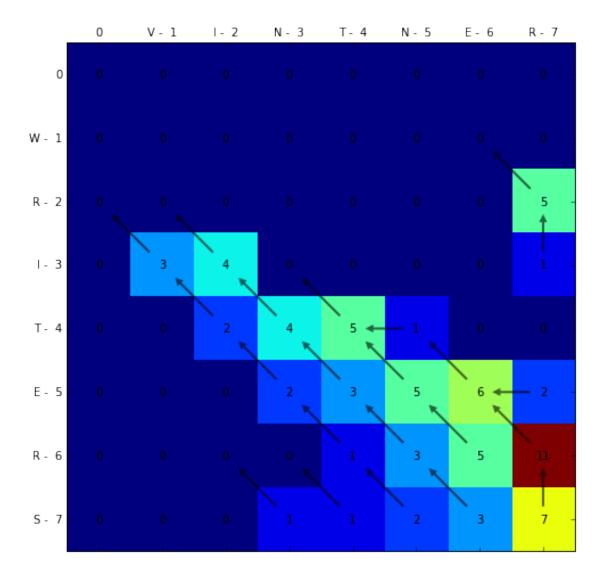
return s, paths, bestScore, previous, pathScores
```

Observons les résultats de cette fonctions lorsqu'on utilise avec les séquences du premier exemple ("writers" et "vintner")

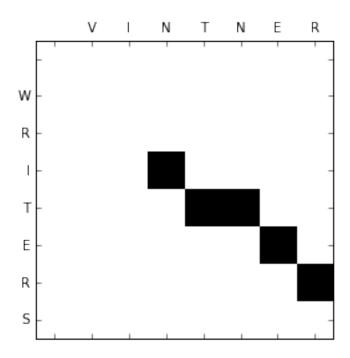
```
In [20]: s1, s2 = a, b
         result = getBestLocalAlignements(s1, s2, blosum62, startGap=4, keepGap=1,
         printAlignementResult(s1, s2, result, blosum62, showScore = True, showLeng
         scoreMatrix, paths, score, arrowMatrix, pathScores = result
The best score is 11
Annotation: None
Acids: WRITERS
Annotation: None
Acids: VINTNER
Alignements found: 1 (may be artificially limited)
Alignement number 1 with score 11:
The length of the alignement is 5
Sequence 1: 4-6
Sequence 2: 4-7
T ER
1 11
TNER
```

## Visualisons la matrice des scores:

```
In [21]: printColoredMatrix(scoreMatrix, arrowMatrix, seq1=a, seq2=b, figsize=(8, 8)
```



L'algorithm fonctionne correctement. On peut voir qu'il commence de la case avec score maximum (7, 6) et crée le chemin à partir de là. Visualisons ces chemins:



```
[(3, 3), (4, 4), (5, 4), (6, 5), (7, 6)]
```

# 5.5 Étape 2: avec alignements sous-optimaux

In [23]: def findMatrixMaxPosAndScore(matrix):

```
# Renvoie les coordonées qui ont le meilleur score dans la matrice, a
   bestCoords = None
   maxVal = float('-inf')
    for (y, line) in enumerate(matrix):
        for (x, value) in enumerate(line):
            if value > maxVal:
                maxVal = value
                bestCoords = (x, y)
    return bestCoords, maxVal
def getBestLocalPath(s, previous):
    # Trouve un meilleur chemin dans la matrice des scores
    (x, y), score = findMatrixMaxPosAndScore(s)
    if score == 0:
        return None, float('-inf')
    else:
        paths = getSolutionsFromArrowGrid(previous, 1, x, y, isGlobal=Fals
        path = paths[0]
```

```
return path, score
def getStartCoords(path, width, height):
```

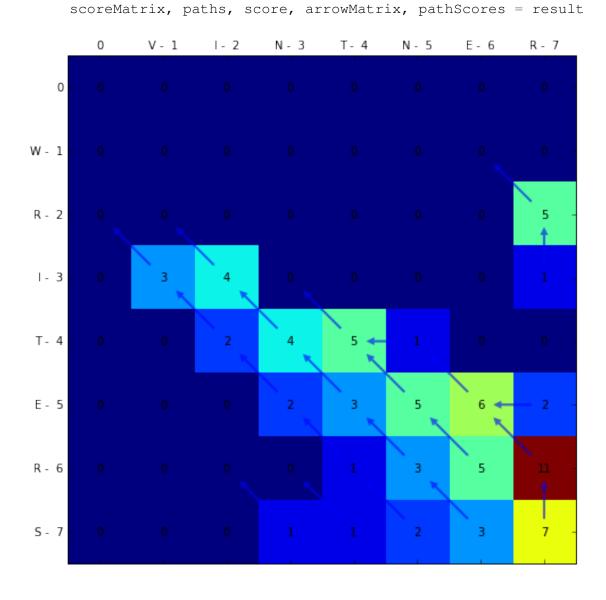
```
# Renvoie les coordonnées de départ de ligne et de colonne
    # qui permettent d'efficacement recalculer la matrice
    coords = []
    firstX, firstY = path[0]
    lastX, lastY = path[-1]
    size = min((width - 1) - firstX, (height - 1) - firstY) + 1
    for i in range(size):
        coords.append((firstX + i, firstY + i))
    # No coordinate should be equal to 0, because we shouldn't modify the
    if firstX == 0 or firstY == 0:
        coords[0] = (max(1, firstX), max(1, firstY))
    return coords
def computeNewValue(x, y, sequence1, sequence2, s, v, w, previous, scoreSu
    # Recalcule la valeur d'une cellule de la matrice des scores
    v[y][x] = max(s[y - 1][x] - startGap, v[y - 1][x] - keepGap)
    w[y][x] = max(s[y][x - 1] - startGap, w[y][x - 1] - keepGap)
    replacementCost = scoreSub.getCost(sequence1[y - 1], sequence2[x - 1])
   coords = [(x, y - 1), (x - 1, y), (x - 1, y - 1), None]
    costs = [v[y][x], w[y][x], s[y-1][x-1] + replacementCost, 0]
    s[y][x] = bestScore = max(costs)
    # Arrivé à un 0. Pas de flèches
    if bestScore == 0:
        previous[y][x] = [None]
        return
   previous[y][x] = []
    for coord, cost in zip(coords, costs):
        if cost == bestScore:
            previous[y][x].append(coord)
def clearPathsAndRecomputeMatrix(s, v, w, sequence1, sequence2, path, score
    # Mettre les valeurs des chemins à 0
    for (x, y) in path:
        s[y][x] = 0
       v[y][x] = 0
        w[y][x] = 0
```

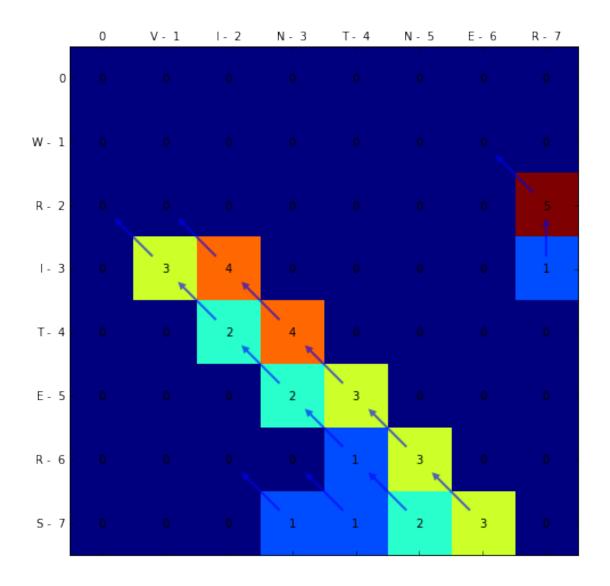
```
previous[y][x] = [None]
    isInPath[y][x] = True
height, width = len(s), len(s[0])
# Recalculer la matrice efficacement
prevMaxPosX, prevMaxPosY = float('-inf'), float('-inf')
for (startX, startY) in getStartCoords(path, width, height):
    lastChangedX, lastChangedY = startX, startY
    # Row
    for x in range(startX, width):
        if isInPath[startY][x]:
            continue
        oldV, oldW, oldS = v[startY][x], w[startY][x], s[startY][x]
        computeNewValue(x, startY, sequence1, sequence2, s, v, w, prev
        newV, newW, newS = v[startY][x], w[startY][x], s[startY][x]
        # Stop if new cells won't change
        if (oldV == newV and oldW == newW and oldS == newS):
            if x >= prevMaxPosX:
                break
        else:
            lastChangedX = x
    prevMaxPosX = lastChangedX
    # Column
    for y in range(startY + 1, height):
        if isInPath[y][startX]:
            continue
        oldV, oldW, oldS = v[y][startX], w[y][startX], s[y][startX]
        computeNewValue(startX, y, sequence1, sequence2, s, v, w, prev
        newV, newW, newS = v[y][startX], w[y][startX], s[y][startX]
        # Stop if new cells won't change
        if (oldV == newV and oldW == newW and oldS == newS):
            if y >= prevMaxPosY:
                break
        else:
            lastChangedY = y
    prevMaxPosY = lastChangedY
```

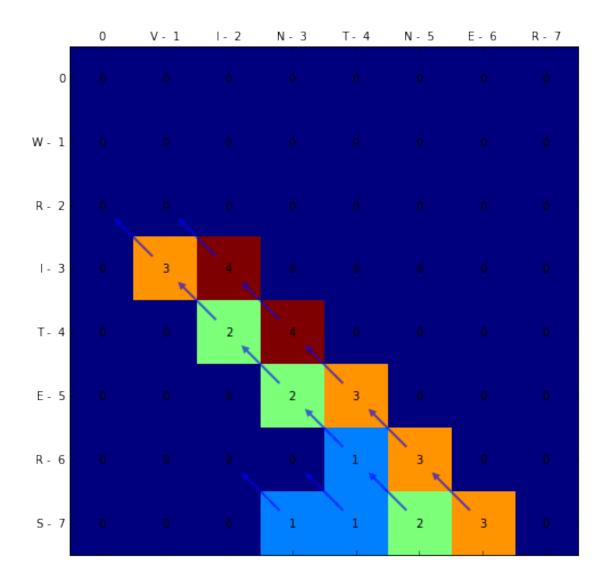
```
n n n
1: the maximum number of alignement returned (note: less than 1 alignement)
height, width = sequence1.length() + 1, sequence2.length() + 1
v, w, s = [makeMatrix(width, height) for _ in range(3)]
previous = makeMatrix(width, height, [])
isInPath = makeMatrix(width, height, False)
pathsLeft = 1
paths = []
pathScores = {}
for i in range(width):
    previous[0][i] = [None]
for i in range(height):
    previous[i][0] = [None]
# Find best paths
computeMatrix(s, v, w, sequence1, sequence2, previous, scoreSub, start
newPath, bestScore = getBestLocalPath(s, previous)
pathScores[newPath[-1]] = bestScore
paths.append(newPath)
pathsLeft -= 1
if showMatrix:
    printColoredMatrix(s, previous, seq1=sequence1, seq2=sequence2)
# If we don't find enough paths, keep searching for sub-optimal paths
while pathsLeft > 0:
    clearPathsAndRecomputeMatrix(s, v, w, sequence1, sequence2, newPat
    if showMatrix:
        printColoredMatrix(s, previous, seq1=sequence1, seq2=sequence2
    newPath, bestCurrentScore = getBestLocalPath(s, previous)
    # No more good paths
    if newPath is None:
        print("Stopped searching because no good paths")
        break
    pathsLeft -= 1
    paths.append(newPath)
    pathScores[newPath[-1]] = bestCurrentScore
return s, paths, bestScore, previous, pathScores
```

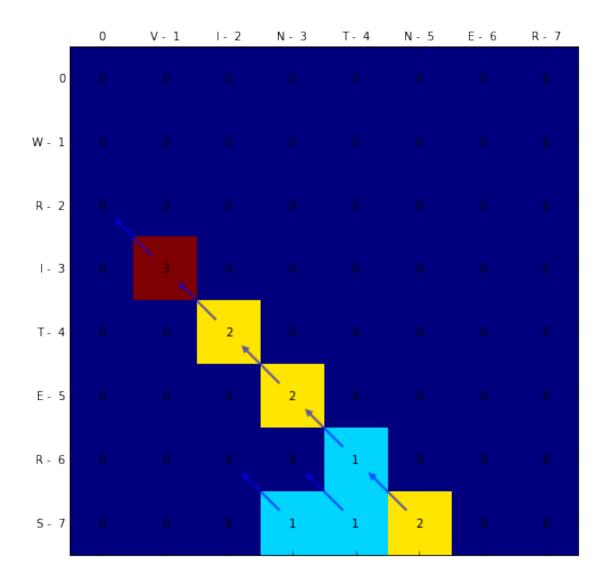
Appliquons cette fonction à notre premier exemple ("writers" et "vintner"). Pour mieux comprendre l'évolution de la matrice des scores, elle est aussi affichée chaque fois qu'elle est recalculée.

In [24]: s1, s2 = a, b
 #s1, s2 = ww1, ww2
 result = getAllBestLocalAlignements(s1, s2, blosum62, startGap=4, keepGap=
 printAlignementResult(s1, s2, result, blosum62, showScore = True, showLeng









	0	V - 1	1 - 2	N - 3	T- 4	N - 5	E - 6	R - 7
0								0 -
W - 1								0 -
R - 2								0 -
I - 3 -								0 -
T- 4								0 -
E - 5								0 -
R - 6								0 -
S - 7 -	0	0	0	1	1	1	0	0 -

	0	V - 1	I - 2	N - 3	T - 4	N - 5	E - 6	R - 7
0								0 -
W - 1 -								0 -
R - 2 -								0 -
I - 3 -								0 -
T- 4-								0 -
E - 5 -								0 -
R - 6 -								0 -
S - 7					1			0 -

	0	V - 1	I - 2	N - 3	T- 4	N - 5	E - 6	R - 7
0								0 -
W - 1								0 -
R - 2								0 -
I - 3 -								0 -
T- 4								0 -
E - 5								0 -
R - 6								0 -
S - 7	0	0	0	0	0	1	0	0 -

	0	V - 1	I - 2	N - 3	T- 4	N - 5	E - 6	R - 7
0 -								0 -
W - 1								0 -
R - 2 -								0 -
I - 3 -								0 -
T- 4-								0 -
E - 5 -								0 -
R - 6 -								0 -
S - 7 -								0 -

Stopped searching because no good paths The best score is 11

Annotation: None Acids: WRITERS

Annotation: None Acids: VINTNER

Alignements found: 7 (may be artificially limited)

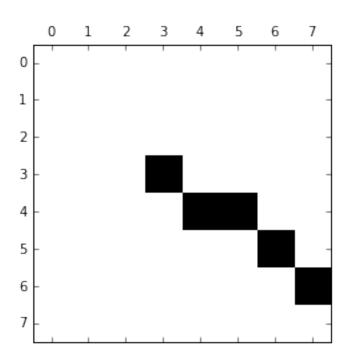
Alignement number 1 with score 11:

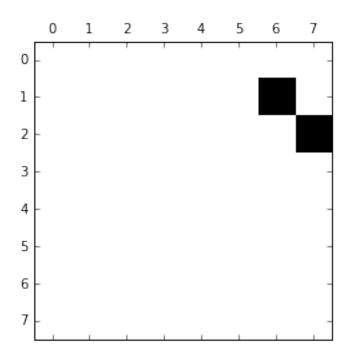
Sequence 1: 4-6

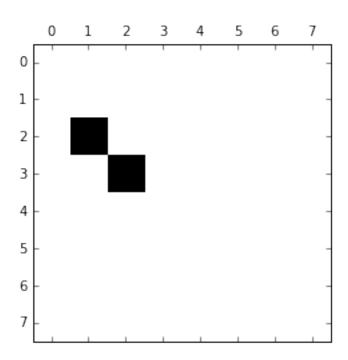
```
Sequence 2: 4-7
T_ER
| ||
TNER
Alignement number 2 with score 5:
Sequence 1: 2-2
Sequence 2: 7-7
R
Alignement number 3 with score 4:
Sequence 1: 3-3
Sequence 2: 2-2
Ι
Alignement number 4 with score 3:
Sequence 1: 3-3
Sequence 2: 1-1
Ι
V
Alignement number 5 with score 1:
Sequence 1: 7-7
Sequence 2: 3-3
S
Ν
Alignement number 6 with score 1:
Sequence 1: 7-7
Sequence 2: 4-4
S
Τ
Alignement number 7 with score 1:
Sequence 1: 7-7
```

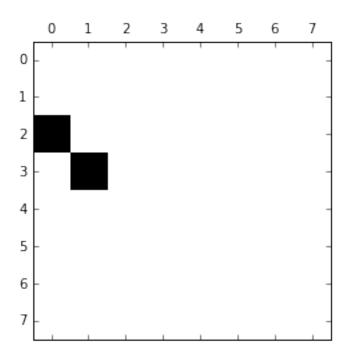
```
Sequence 2: 5-5
S
.
N
```

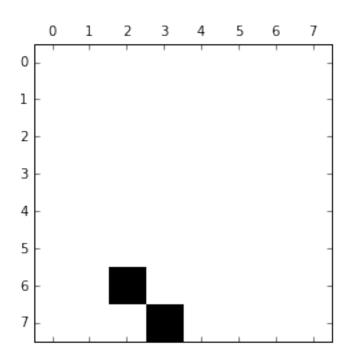
## Visualisons les chemins créés:

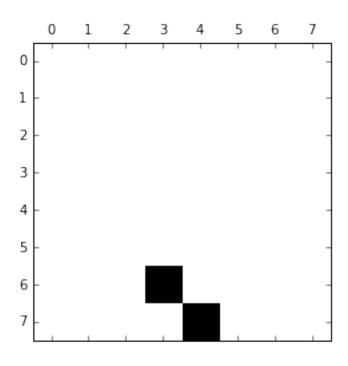


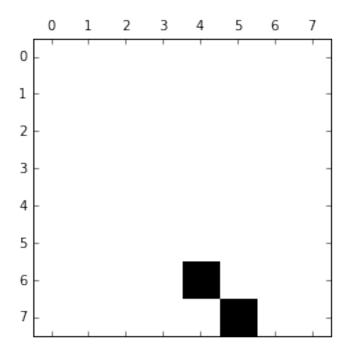












Appliquons maintenant cet algorithme aux 2 premières séquences du fichier protein-sequences.fasta.

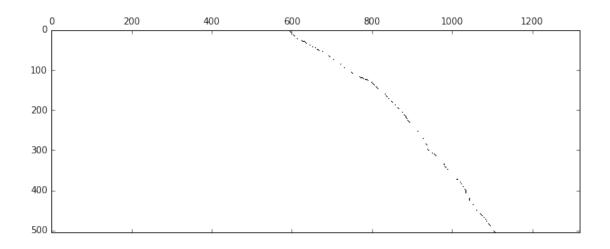
```
In [27]: p1, p2 = proteinSequences[0], proteinSequences[1] \#p1, p2 = ww1, ww2
```

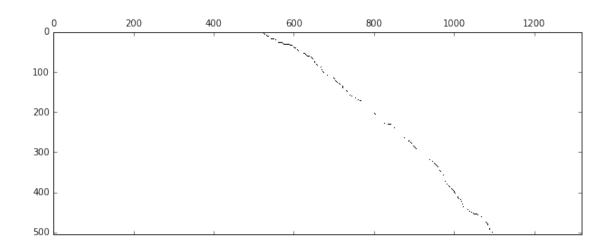
scoreMatrix, paths, score, arrowMatrix, pathScores = result printAlignementResult(p1, p2, result, blosum62, showScore = True, showLeng The best score is 435 Annotation: sp|P46937|YAP1\_HUMAN Transcriptional coactivator YAP1 OS=Homo sapiens ( Acids: MDPGQQPPPQPAPQGQGPPSQPPQGQGPPSGPGQPAPAATQAAPQAPPAGHQIVHVRGDSETDLEALFNAVMNPF Annotation: sp|P46934|NEDD4 HUMAN E3 ubiquitin-protein ligase NEDD4 OS=Homo sapiens Acids: MAQSLRLHFAARRSNTYPLSETSGDDLDSHVHMCFKRPTRISTSNVVQMKLTPRQTALAPLIKENVQSQERSSVPS Alignements found: 2 (may be artificially limited) Alignement number 1 with score 435: The length of the alignement is 616 Sequence 1: 1-504 Sequence 2: 587-1107 MDPG\_\_\_QQPPPQPA\_P\_QGQGQPPSQ\_PPQG\_\_Q\_GPP\_\_\_SGPGQ\_\_PAPA\_ATQA\_A\_P\_QAPPA\_ LEPGWVVLDQP\_\_DAACHLQQQ\_QEPSPLPP\_GWEERQDILGRTYYVNHESRRTQWKRPTPQDNLTDAENGNIQLQAQRAF \_\_GHQI\_\_\_\_\_VHVRGDSET\_\_\_\_DLEA\_LF\_N\_AVMNPK\_TAN\_\_VP\_\_\_QTVPMRLRKLPDSFFKPPEPKS\_HS TTRRQISEETESVDNRESSENWEIIRED\_EATMYSNQAFPSPPPSSNLDVPTHLAEELNARLTIFGNSAVSQPASSSNHS \_\_\_\_GT\_AGALTP\_\_\_\_QHVR\_\_A\_\_HSS\_\_ \_\_\_\_PASLQLGAVSPGTLTPTGVVSGP\_ \_\_R\_\_\_QAST\_\_DA\_\_\_ SRRGSLQAYTFEEQPTLPVLLPTSSG\_LPPGWEEKQDERGRSYYVDHNSRTTTWTKP\_TVQ\_ATVETSQLTSSQSSAGPQ \_\_\_AATP\_TAQHLRQSSFEIPDDVPLPAGWEMAKTSSGQRYFLNHIDQTTTWQDPR\_KAMLSQMNVTAPTSPPVQQNMMNS SQASTSDSGQQVTQPS\_EIEQGF\_LPKGWEVRHAPNGRPFFIDHNTKTTTWEDPRLK\_IPAHLR\_\_GKTS\_\_LDTS\_\_ND ASGPLPDGWEQAMTQ\_DGEIYYINHKN\_KTTSWLDPRLDPRFAMNQRISQSAPVKQPPPLAPQSPQGGVMGGSNSNQQQQ L\_GPLPPGWEER\_THTDGRIFYINH\_NIKRTQWEDPRLE\_\_\_\_\_N\_\_V\_\_A\_ITGPA\_\_VPYS\_\_\_\_\_ RDYKRKYE M R LO QLOME K ERLRLKQOELLROAMRNINPSTANSPKCQELALRSQLPTLEQDGGTONPVSSPGMSQE L . | | . | . . . | | . . | . . | . . | . . . | . . . | . . . | . . . | FFRRKLKKONDIPNKFE MKLRRATVLEDSYRRI M GVKRADF LKARL WIEFDG EKGLDYGGVAREWFFLIS RTMTTNSSDPFLNSGTY\_HSRDESTDSGLSMSSYSVPRTPDDFLNSVDEMDTGDTINQSTLPSQQNRFPDYLEAIPGTNV ... | :. |.: .| .||. KEMF\_N\_\_PYY\_GLFEYS\_\_ATDN\_\_\_YTLQINP\_\_\_NS\_\_\_G\_LCNEDHL\_SY\_\_FK\_FIGRVAGMAV

result = getAllBestLocalAlignements(p1, p2, blosum62, startGap=4, keepGap=

DLGTLEGDGMNIEG\_EELMPSLQEALSSDILNDMESVLAATKLDKESF\_\_LTWL

```
YHGKLL_DGFFIRPFYKMM__LHKPIT___LHDMESV___
                           DSEYYNSLRWI
Alignement number 2 with score 358:
The length of the alignement is 657
Sequence 1: 4-499
Sequence 2: 523-1095
GO OPP POPA POGOGOP
                   ___P_SQPPQGQG_____PP_SG__
                                             PG QPAPAAT
1. ||
                                             || .|.
GQVDVPLYPLPTENPRLE_RPYTFKDFVLHPRSHKSRVKGYLRLKMTYLPKTSGSEDDNAEQAEELEPGWVVLDQPDAACH
___QAAPQAP_PAG___HQ_IV___HVRGDS____E__TDLEALFNAVMNPKTANVPQTVPMR_L___RKLPDSFFKP
  LQQQQEP_SPLPPGWEERQDILGRTYYVNHESRRTQWKRPTPQDNLTDAE_N__GNI_QLQAQRAFTTRRQI__S_E_
PEPKS_HSRQAS_T____DAGT__AG_ALTPQHVRAHSS___PASL__QLGAVSPGTLTPTG__VVSGPAATPTAQHL
_ETESVDNRESSENWEIIREDEATMYSNQAF_PSPP_PSSNLDVPTHLAEELNA____RLTIFGNSAVSQPASS__SNHS
ROSS FE IPDDV P LPAGWEMAKTSSGORYFLNHIDOTTTWODPR KAML SOMNVTAPTSP PV
SRRGSLQAYTFEEQPTLP__VLLPTSSGLPPGWEEKQDERGRSYYVDHNSRTTTWTKPTVQATVETSQLT_SSQSSAGP_
QQNMMNSASG____P__LPDGWEQAMTQDGEIYYINHKNKTTSWLDPRLD_P__R_FAMNQRISQS_APVKQ
QSQASTSDSGQQVTQPSEIEQGFLPKGWEVRHAPNGRPFFIDHNTKTTTWEDPRLKIPAHLRGKTSLDT__SNDLGPL__
PPPLAPQS_PQGGVMGGSNSN___QQQQMRLQQLQMEKERL___R_LKQQ_ELLRQAMRNIN__PSTANSPKCQELALR
PPGWEERTHTDGRIFY_INHNIKRTQWEDPRLENVAITGPAVPYSRDYKRKYEFFRRKLKKQNDIP___N_KF_EMKLR
SQLPTLEQDGGTQNPVSSPGMSQELRTMTTNSSDPFLNSGTYHSRD_ESTDSGLSMSSYS_VPRTPDD_FLNSVDEMDTG
...|| |
            RATVLE D SYR RIMGVKRAD FLKARLWIEFDGEK GLD YGGVAR EWFFLIS KEM
DTINQSTLPSQONRFP D Y LEAI P GT NVD LGTLEG DGMNIEGEELMPSLQEALSSDILND
    __FN___P_YYGLFEYSATDNYTLQ_INPNSGLCNEDHLSYFKFIGRVAGMAVYHGKLLDGFFIRP_FYK_MM___LH_
MESVLAATKL_DKES
..: | | | . | |
_KPI___T_LHDMES
In [28]: for path in paths:
         showPath(path, scoreMatrix)
```





#### 5.6 Trouver le meilleur alignment local

```
In [29]: import itertools
```

```
def getBestLocalMatches(sequences, subMatrix=blosum62, startGap=4, keepGap
   bestScore = float('-inf')
   bestResults = {}

   for seq1, seq2 in itertools.combinations(sequences, 2):
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap=4, keepGap=4
      result = float('-inf')
      result = float('-inf')
      result = float('-inf')
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap=4, keepGap=4
      result = float('-inf')
      result = float('-inf')
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap=4, keepGap=4
      result = float('-inf')
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap=4, keepGap=4
      result = float('-inf')
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap=4, keepGap=4
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap=4, keepGap=4
      result = float('-inf')
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap=4, keepGap=4
      result = float('-inf')
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix, startGap=4, keepGap=4
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix=4, keepGap=4
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix=4, keepGap=4
      result = getAllBestLocalAlignements(seq1, seq2, subMatrix=4, keepGap=4, kee
```

```
return bestResults, bestScore
        # Note: the penalty used is (12, 2) instead of the previous (4, 1) for bea
        bestResults, score = getBestLocalMatches(proteinSequences, startGap=12, ke
        print ("The best matches have a score of %d" % score)
        print("They are between these sequences: ")
        for (seq1, seq2), result in bestResults.items():
           print("\n----\n" % i)
           printAlignementResult(seq1, seq2, result, subMatrix=blosum62, showScon
The best matches have a score of 194
They are between these sequences:
----- Sequences 1 -----
Annotation: sp|P46937|YAP1_HUMAN Transcriptional coactivator YAP1 OS=Homo sapiens (
Acids: MDPGQQPPPQPAPQGQGPPSQPPQGQGPPSGPGQPAPAATQAAPQAPPAGHQIVHVRGDSETDLEALFNAVMNPF
Annotation: sp|P46934|NEDD4_HUMAN E3 ubiquitin-protein ligase NEDD4 OS=Homo sapiens
Acids: MAQSLRLHFAARRSNTYPLSETSGDDLDSHVHMCFKRPTRISTSNVVQMKLTPRQTALAPLIKENVQSQERSSVPS
Alignements found: 1 (may be artificially limited)
Alignement number 1 with score 194:
Sequence 1: 173-264
Sequence 2: 842-926
LPAGWEMAKTSSGQRYFLNHIDQTTTWQDPRKAMLSQMNVTAPTSPPVQQNMMNSASGPLPDGWEQAMTQDGEIYYINHKN
LPKGWEVRHAPNGRPFFIDHNTKTTTWEDPR___LKIPAHLRGKTSLDTSNDL_GPLPPGWEERTHTDGRIFYINHNI
KTTSWLDPRLD
|.|.| |||.
KRTQWEDPRLE
```

bestResults[(seq1, seq2)] = result

Le meilleur alignement local est donc entre les protéines avec identifiants P46937 (morceau 173-264) et P46934 (morceau 842-926), qui ont un alignement local avec un score de 194. On a choisi des penalités assez élevées, donc les alignemnts deraient être courts, ce qui est coherent dans l'alignement trouvé.

#### 5.7 Comparaison avec LALIGN

Lorsqu'on utilise LALIGN sur ces 2 séquences, voici le résultat qu'on obtient:

```
Waterman-Eggert score: 190; 79.8 bits; E(1) < 6.5e-19
41.3% identity (69.6% similar) in 92 aa overlap (173-264:842-926)
           180
                    190
                             200
                                       210
                                                220
                                                          230
P46937 LPAGWEMAKTSSGORYFLNHIDOTTTWODPRKAMLSOMNVTAPTSPPV00NMMNSASGPL
      :: :::. . .:. .:..: .::::::: . .... . :: .....
P46934 LPKGWEVRHAPNGRPFFIDHNTKTTTWEDPRLKIPAHLR--GKTSLDTSNDL-
                                       880
                                                   890
            850
                     860
                              870
           240
                    250
P46937 PDGWEQAMTQDGEIYYINHKNKTTSWLDPRLD
                P46934 PPGWEERTHTDGRIFYINHNIKRTQWEDPRLE
         900
                  910
                        920
```

Alignement local optimal - LALIGN

On peut donc voir que l'alignement obtenu est le même et que le score est très proche:

- Score: 194 (notre résultat) / 190 (LALIGN)
- Morceau choisi de la séquence 1: 173-264 (notre résultat) / 173-264 (LALIGN)
- Morceau choisi de la séquence 2: 842-926 (notre résultat) / 842-926 (LALIGN)

Cela semble donc indiquer que notre implementation est correcte.

### 5.8 Étude des morceaux et Uniprot

Quand on consulte Uniport pour la séquence1 et la séquence 2, on peut voir que l'alignement est entre:

• Sequénce 1 (173-264): un morceau qui contient le domaine WW1 et WW2



Domaines séquence 1

• Séquence 2 (842-926): un morceau qui contient le domaine WW3 et WW4



Domaines séquence 2

Vu que les 2 morceaux contiennent deux domaines du type WW à courte distance l'un de l'autre (environ 25 acides aminés pour les 2 morceaux), il est donc logique que l'alignement local soit très bon.

Comme le morceau de la séquence 1 contient le domaine WW1 et WW2, on pourrait se dire que le morceau de la séquence 2 devrait contenir WW1 et WW2, plutôt que WW3 et WW4, pour améliorer l'alignement. Ce n'est pas le cas parce qu'on pénalise fortement les espaces, et qu'il y a un grand espace entre le domaine WW1 et WW2 dans la séquence 2 (130 acides aminés).

Dans le morceau 1, WW1 et WW2 sont espacés de 25 acides aminés et dans le morceau 2 WW3 et WW4 sont espacés de 18 acides aminés. Comme les espaces sont courts et en quantité similaire pour les 2 morceaux, l'alignement local est donc très bon.

#### 6 Conclusion

Dans ce travail, nous avons implementé les algorithmes d'alignement global et local. Ils nous permettent de comparer des séquences et de trouver le meilleur alignement entre séquences. Ainsi, on peut découvrir quels morceaux d'acides aminés sont les plus similaires entre eux.

Après avoir implementé ces algorithmes, on voit que nos résultats sont proches de LALIGN et qu'ils sont cohérents avec les informations contenues dans Uniprot. Cela nous permet donc d'avoir confiance dans la solidité de notre implémentation.

## 7 Amélioration possibles

Une amélioration possible pour l'alignement local est de prendre en compte non seulement le score, mais aussi la longeur de l'alignement.

# 8 Notes d'implémentation

Pour des raisons de clarté, j'ai implementé le code via un série de fonctions. On peut rapidement voir que ceci n'est pas optimal, car certaines fonctions en appellent d'autres en leur passant beaucoup de paramètres. D'autre part, certaines fonctions sont des très proches variantes d'autres fonctions.

Ceci suggère que définir des classes (probablement avec de l'héritage) permettrait de simplifier le code et éviter des répétitions. Malheureusement, une classe doit être définie en une seule cellule Jupyter, et ce n'est donc pas possible d'intercaler du texte en Markdown et les définitions de méthodes de ces classes. Pour des raisons de clarté, je ne l'ai donc pas fait, mais dans du code réel je le ferai.